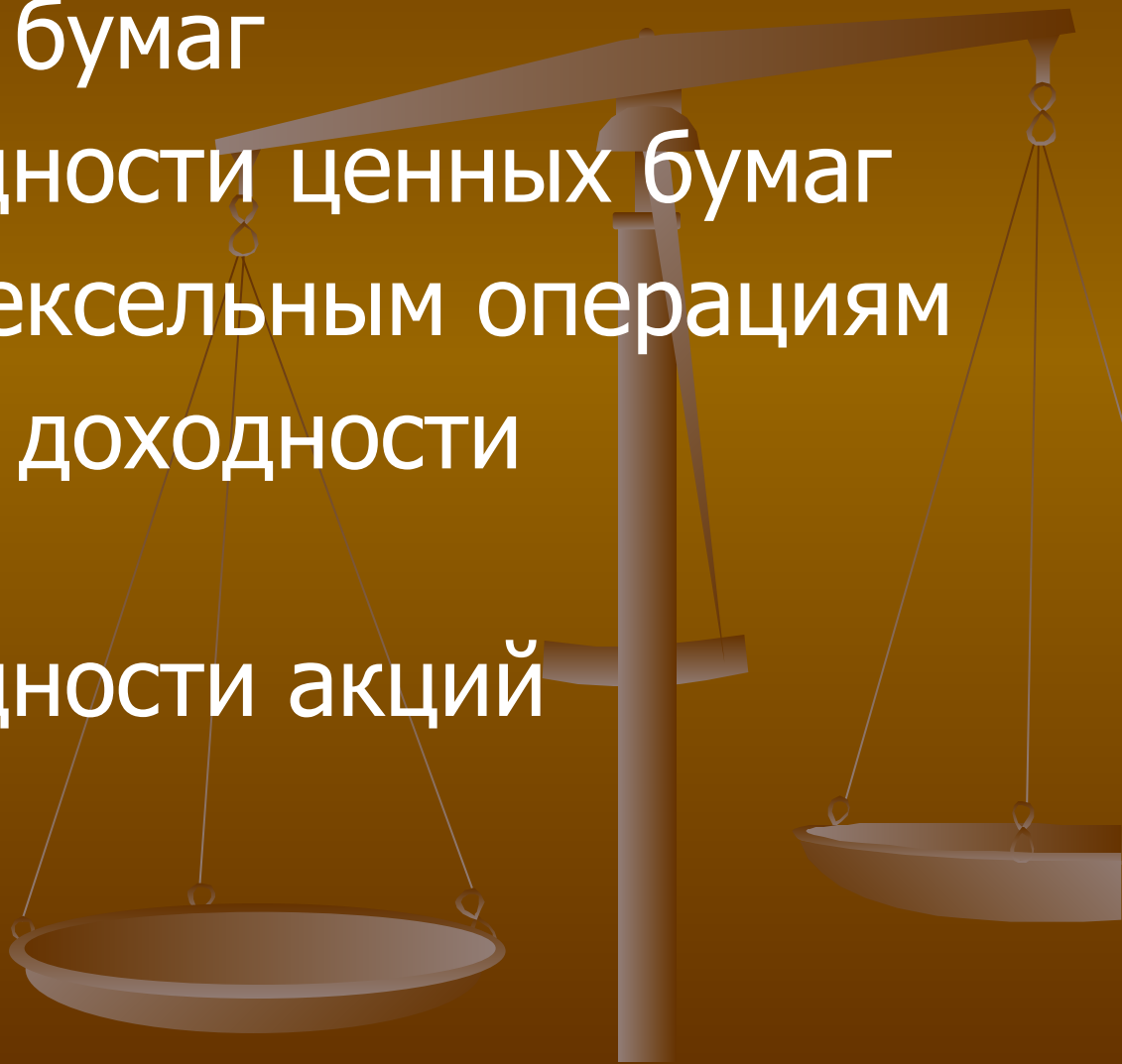


# Оценка доходности ценных бумаг



# Основные вопросы

- Виды ценных бумаг
- Оценка доходности ценных бумаг
- Расчеты по вексельным операциям
- Определение доходности облигаций
- Оценка доходности акций



# Виды ценных бумаг

а) по функциональному назначению:

*Долговые ценные бумаги: облигации, депозитные и сберегательные сертификаты, банковская книжка на предъявителя.*

*Долевые ценные бумаги - акции.*

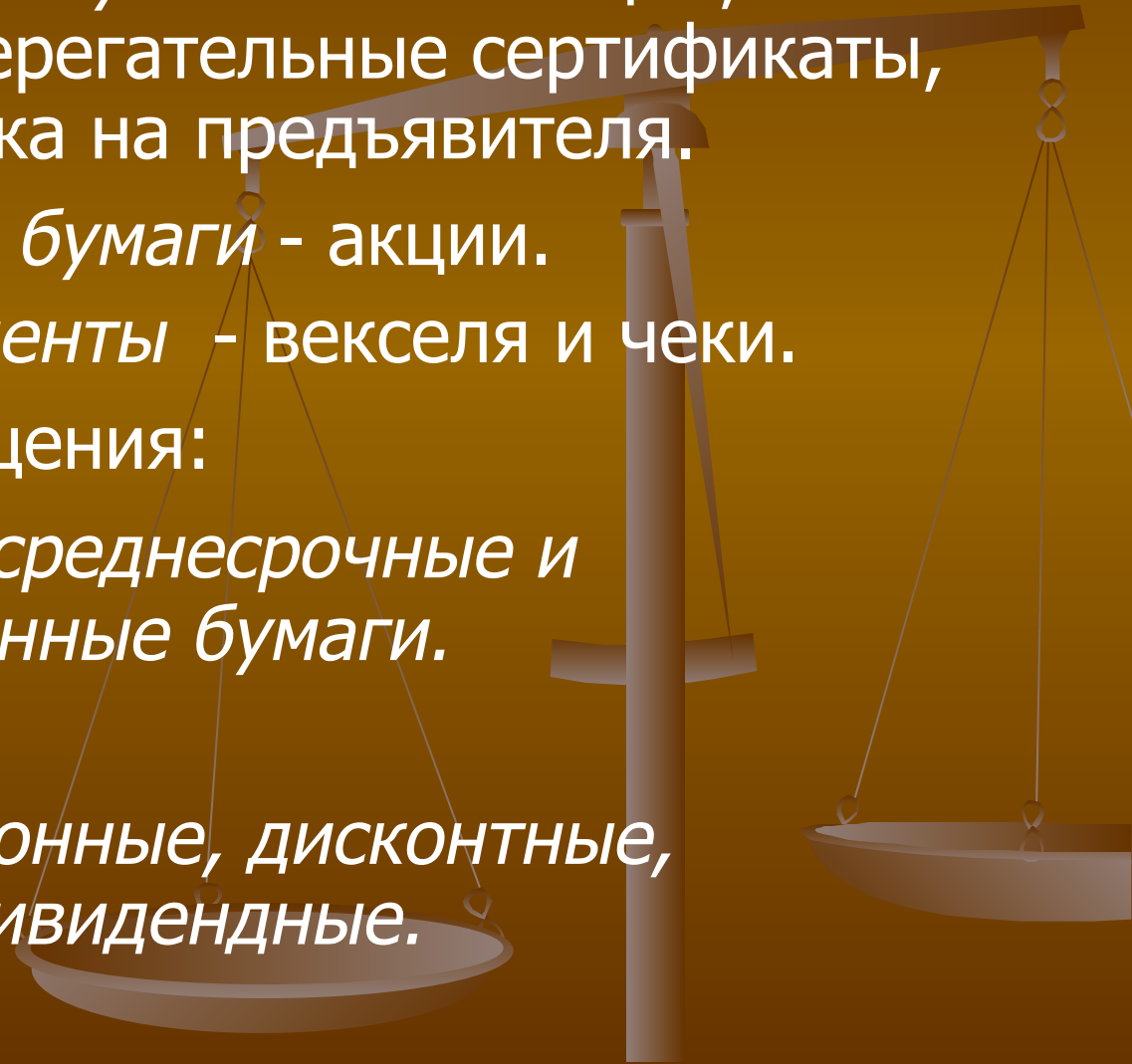
*Платежные документы - векселя и чеки.*

б) по срокам обращения:

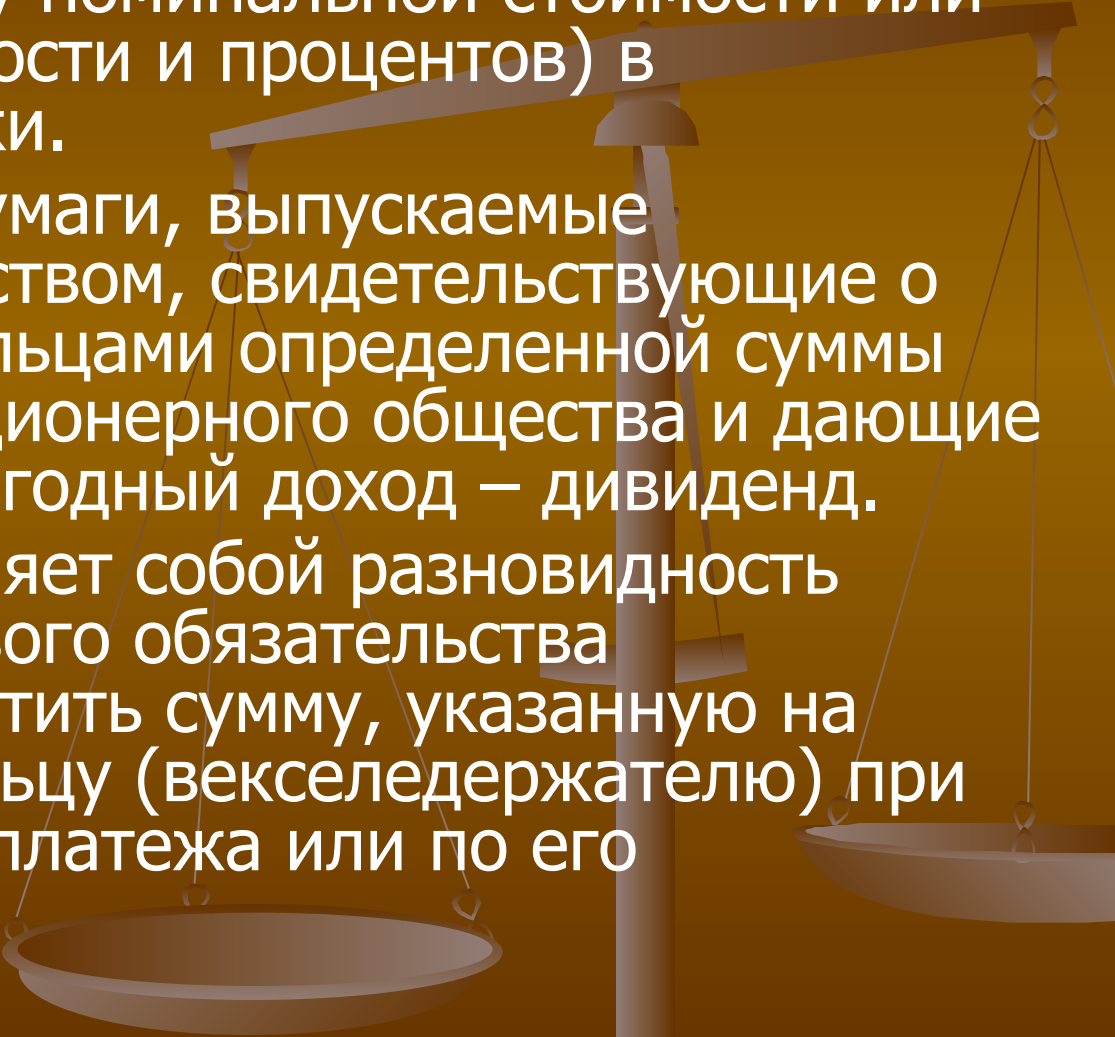
*Краткосрочные, среднесрочные и долгосрочные ценные бумаги.*

в) по доходам:

*Процентные, купонные, дисконтные, выигрышные и дивидендные.*



# Виды ценных бумаг

- *Облигация* – это кредитная ценная бумага, удостоверяющая внесение средств ее владельцем и подтверждающая право владельца требовать ее погашения (выплату номинальной стоимости или номинальной стоимости и процентов) в установленные сроки.
  - *Акции* – ценные бумаги, выпускаемые акционерным обществом, свидетельствующие о вложении их владельцами определенной суммы денег в капитал акционерного общества и дающие право получать ежегодный доход – дивиденд.
  - *Вексель* представляет собой разновидность письменного долгового обязательства векселедателя оплатить сумму, указанную на векселе, его владельцу (векселедержателю) при наступлении срока платежа или по его предъявлению.
- 

# Текущая внутренняя стоимость ценной бумаги ( $V_t$ )

$$V_t = \frac{C_1}{1+r} + \frac{C_2}{(1+r)^2} + \dots + \frac{C_k}{(1+r)^k} + \dots + \frac{C_n}{(1+r)^n} = \sum_{k=1}^n \frac{C_k}{(1+r)^k}$$

- Здесь  $C_1, C_2, \dots, C_k, \dots, C_n$  – предполагаемые поступления,  $r$  – требуемая данным инвестором норма прибыли,  $n$  – период финансовой операции.
- $r = i + r_p$ , где  $i$  – безрисковая доходность  $r_p$  – надбавка за риск.

# Доходность ценных бумаг

- В качестве относительного показателя может служить один из показателей, измеряющих доходность:
- а) обычная годовая ставка процентов, рассчитанная по формуле:
- б) сложная годовая ставка процентов, определенная из формулы наращенная по сложным процентам:

$$i = \frac{FV - PV}{PV \cdot n}$$

$$i = \sqrt[n]{\frac{FV}{PV}} - 1$$

## Расчет доходности по вексельным операциям (простая учетная ставка)

- Пусть номинал векселя равен  $FV$  рублей. Вексель был куплен по учетной ставке  $d_1$  за  $t_1$  дней до наступления срока.
- Цена векселя в момент покупки составила:

$$PV_1 = FV \left( 1 - \frac{t_1}{Y} \cdot d_1 \right)$$

- $Y$  - временная база учета для вексельных операций, как правило,  $Y = 360$  дней
- За  $t_2$  дней до погашения вексель был продан по ставке  $d_2$  по цене

$$PV_2 = FV \left( 1 - \frac{t_2}{Y} \cdot d_2 \right)$$

## Расчет доходности по вексельным операциям (сложная учетная ставка)

- Пусть цена векселя в момент покупки за  $n_1$  лет до погашения составила:

$$PV_1 = FV(1 - d_1)^{n_1}$$

- За  $n_2$  лет до погашения вексель был продан по ставке по цене:

$$PV_2 = FV(1 - d_2)^{n_2}$$



# Оценка доходности по вексельным операциям

- Срок финансовой операции равен  $n = n_1 - n_2$
- Для краткосрочного периода:

$$n = n_1 - n_2 = \frac{t_1 - t_2}{Y}$$

- Доходность финансовой операции с векселями может быть определена с помощью простой или сложной процентных ставок. Соответственно по формулам:

$$i = \frac{PV_2 - PV_1}{PV_1(n_1 - n_2)} = \frac{PV_2 - PV_1}{PV_1 \cdot \frac{t_1 - t_2}{Y}} \quad \text{И} \quad i = n_1 - n_2 \sqrt{\frac{PV_2}{PV_1} - 1}$$

# Пример

- Вексель номиналом 100 тыс. рублей куплен за 150 дней до его погашения, простая учетная ставка - 15%. Через 30 дней его реализовали по сложной учетной ставке 12%. Оцените эффективность финансовой операции в виде простой процентной ставки.

- Решение:

$$FV = 100\ 000 \text{ руб.}; t_1 = 150 \text{ дней}; d_1 = 0,15;$$

$$t_2 = 150 - 30 = 120 \text{ дней}; d_2 = 0,12$$

## Пример ( продолжение)

- Цена векселя в момент покупки:

$$PV_1 = FV \left( 1 - \frac{t_1}{Y} \cdot d_1 \right) = 100000 \left( 1 - \frac{150}{360} \cdot 0,15 \right) = 93750 \text{ рублей.}$$

Цена продажи:

$$PV_2 = FV \left( 1 - \frac{t_2}{Y} \cdot d_2 \right) = 100000 \left( 1 - \frac{120}{360} \cdot 0,12 \right) = 96000 \text{ рублей}$$

Оценим доходность с помощью простой процентной ставки:

$$i = \frac{PV_2 - PV_1}{PV_1(n_1 - n_2)} = \frac{96000 - 93750}{93750 \cdot \frac{150 - 120}{360}} = \frac{2250 \cdot 360}{93750 \cdot 30} = 0,288$$

## Пример

- Вексель номиналом 200000 рублей куплен за 5 лет до срока погашения. Сложная учетная ставка-10%. Через три года его продали по сложной учетной ставке 8%. Оценить эффективность этой финансовой операции в виде сложной процентной ставки.
- Решение:  
 $FV=200\ 000$  руб.;  $n_1=5$  лет;  $d_1=0,1$ ;  
 $n_2=5-3=2$  года;  $d_2=0,08$ .

## Пример ( продолжение)

- Цена векселя в момент покупки:

$$PV_1 = FV(1 - d_1)^{n_1} = 200000(1 - 0,1)^5 = 118098 \text{ рублей}$$

- Цена продажи:

$$PV_2 = FV(1 - d_2)^{n_2} = 200000(1 - 0,08)^2 = 169280 \text{ рублей}$$

Оценим доходность с помощью сложной процентной ставки:

$$i = n_1 - n_2 \sqrt[n_1 - n_2]{\frac{PV_2}{PV_1}} - 1 = \sqrt[3]{\frac{169280}{118098}} - 1 = 1,1275 - 1 = 0,1275$$

# Определение курса облигаций

- Рыночная (курсовая) цена облигации определяется конъюнктурой рынка. Значение рыночной цены облигации  $P_m$  в процентах к номиналу ( $M$ ) называется курсом облигации. Эта цена может не совпадать с текущей внутренней стоимостью облигации.
- Курс облигации определяется из выражения:

$$K = \frac{P_m}{M} \cdot 100\%$$

Пример. Облигация, номиналом 500 руб. продается по цене 465 руб. Определить ее курс.

$$K = \frac{P_m}{M} \cdot 100\% = \frac{465}{500} \cdot 100\% = 93\%$$

# Оценка облигаций с нулевым купоном

- Поскольку денежные поступления по годам, за исключением последнего года, равны нулю, формула принимает вид:  $V_t = \frac{C}{(1+r)^n}$ ,
- где  $C$  — сумма, выплачиваемая при погашении облигации;
- $n$  — число лет, через которое произойдет погашение облигации.

$$V_t = \sum_k \frac{C_k}{(1+r)^k}$$

## Пример

- Облигации с нулевым купоном нарицательной стоимостью 1000 руб. и сроком погашения через пять лет продаются за 560,35 руб. Проанализировать целесообразность приобретения этих облигаций, если имеется возможность альтернативного инвестирования с нормой прибыли 14%.
- Решение:  $C = 1000$  руб.;  $n = 5$  лет;  $r = 0,14$ ;
- $P_m = 560,35$  руб.



## Пример (продолжение)

- **1 способ:** Рассчитать теоретическую стоимость облигации и сравнить ее с текущей ценой:

$$V_t = \frac{1000}{(1 + 0,14)^5} = 1000 \cdot 0,5194 = 519,4 \text{ рублей}$$

Расчет показывает, что приобретение облигаций является невыгодным вложением капитала, поскольку стоимость каждой облигации с позиции инвестора (519,4 руб.) меньше, чем цена, по которой продается облигация (560,35 руб.).

## Пример (продолжение)

- 2 способ: Исчислить доходность данной облигации в виде эффективной годовой процентной ставки:

$$i = \sqrt[5]{\frac{1000}{560,35}} - 1 = 0,1228, \text{ или } 12,28\%$$

- Приходим также к выводу о нецелесообразности приобретения облигаций, так как доходность данной облигации (12,28%) меньше альтернативной (14%) доходности.

# Бессрочные облигации

- Бессрочная облигация предусматривает неопределенно долгую выплату дохода в установленном размере  $C_k$  или по плавающей процентной ставке. В первом случае имеем вечную ренту постнумерандо ( $C_k = A$  для любого  $k$ ), и формула принимает

вид:

$$V_t = \frac{A}{r}.$$

$$V_t = \sum_k \frac{C_k}{(1+r)^k}$$

приемлет

## Пример

- Определить теоретическую стоимость бессрочной облигации, если выплачиваемый по ней годовой доход составляет 1 000 руб., а приемлемая норма прибыли — 16%.
- Решение:  $A = 1\,000$  руб.,  $r = 0,16$ .

$$V_t = \frac{A}{r} = \frac{1000}{0,16} = 6250 \text{ руб.}$$

- Таким образом, в условиях равновесного рынка в данный момент времени облигации такого типа будут продаваться по цене равной 6 250 руб.
- По мере изменения рыночной нормы прибыли цена облигации будет меняться.

# Оценка облигаций с постоянным доходом

- Денежный поток при оценке облигаций с постоянным доходом складывается из одинаковых по годам поступлений  $A$  и нарицательной стоимости облигации  $M$ , выплачиваемой в момент погашения.
- Так как поступления по купонам образуют постоянную ренту постнумерандо с членом, равным  $A$ , то теоретическая стоимость такой облигации определяется по формуле:

$$V_t = \sum_{k=1}^n \frac{A}{(1+r)^k} + \frac{M}{(1+r)^n} = A \cdot \frac{1 - \frac{1}{(1+r)^n}}{r} + \frac{M}{(1+r)^n}$$

## Пример

- Номинал облигации, до погашения которой остается пять лет, равен 1000 руб., купон 10% выплачивается один раз в год. Определить цену облигации, чтобы она обеспечила покупателю доходность до погашения в размере 15% годовых.
- Решение:  $n=5$  лет;  $M=1000$  руб.;
- $A = 1000 \cdot 0,1 = 100$  руб.;  $r = 0,15$

$$V_t = A \cdot \frac{1 - \frac{1}{(1+r)^n}}{r} + \frac{M}{(1+r)^n} = 100 \cdot \frac{1 - \frac{1}{1,15^5}}{0,15} + \frac{1000}{1,15^5} =$$
$$= 100 \cdot 3,3522 + 1000 \cdot 0,4972 = 335,22 + 497,2 = 832,42 \text{ руб.}$$

## Пример (продолжение)

- Вывод: начисление сложных процентов по ставке 15% годовых на цену облигации (832,42 руб.) равноценно выплатам купонного дохода в течение 5 лет (ежегодно по 100 руб.) и суммы (1000 руб.) для погашения облигации в конце срока.
- При определении курсовой цены облигации можно пользоваться величинами не в денежном выражении, а в процентах. В частности, для рассматриваемого примера получим:

$$\frac{V_t}{M} \cdot 100\% = \frac{832,42}{1000} \cdot 100\% = 83,24\%$$

# Оценка акций

- Стоимость акции, указанная на ее бланке называется *номинальной стоимостью* акции.

- *Внутренняя стоимость* представляет собой расчетный показатель, который исчисляется по формуле:

$$V_t = \sum_k \frac{C_k}{(1+r)^k}$$

где  $C_k$  – ожидаемое денежное поступление в  $k$ -м периоде;  $r$  – приемлемая доходность.

- *Эмиссионная цена* представляет собой цену, по которой акция эмитируется, т.е. продается на первичном рынке.

- Для учета и анализа наибольшее значение имеет *курсовая (текущая рыночная) цена*. Именно по этой цене акция *котируется* (оценивается) на вторичном рынке ценных бумаг.



# Оценка привилегированных акций

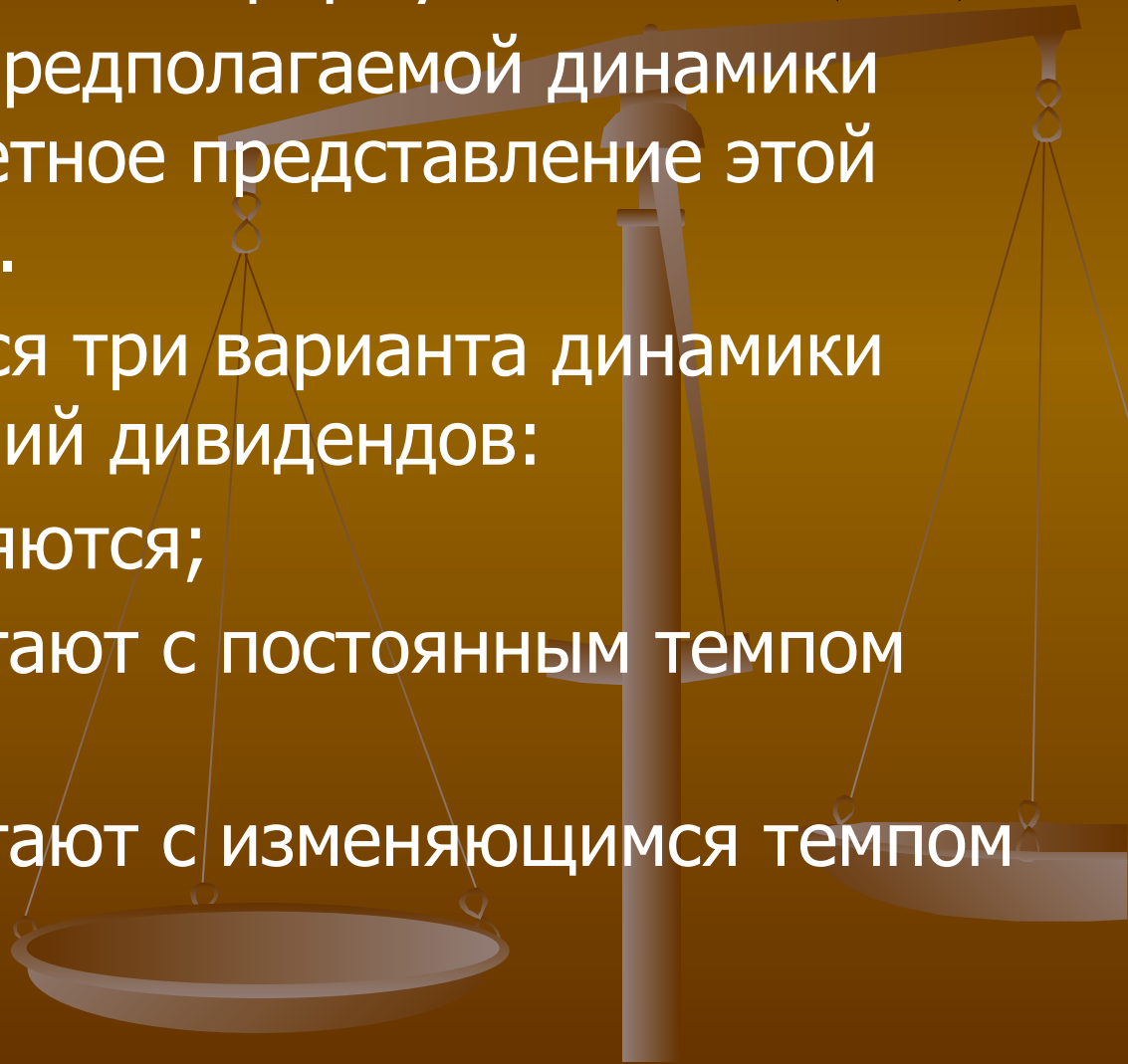
- Привилегированные акции, как и бессрочные облигации генерируют доход  $S_k = D$  (для любого  $k$ ) неопределенно долго, поэтому их текущая стоимость определяется по формуле современной стоимости вечной ренты: 
$$V_t = \frac{D}{r}.$$
- Т.о. текущая стоимость привилегированной акции определяется как отношение величины дивиденда к рыночной норме прибыли по акциям данного класса риска.

# Оценка обыкновенных акций

- Оценка обыкновенных акций основана на применении формулы:

$$V_t = \sum_k \frac{C_k}{(1+r)^k}$$

- В зависимости от предполагаемой динамики дивидендов конкретное представление этой формулы меняется.
- Базовыми являются три варианта динамики прогнозных значений дивидендов:
  - дивиденды не меняются;
  - дивиденды возрастают с постоянным темпом прироста;
  - дивиденды возрастают с изменяющимся темпом прироста.



## Оценка обыкновенных акций с постоянными дивидендами

- Вариант с неизменными дивидендами аналогичен ситуации с привилегированными акциями, т.е. применяется формула:  $V_t = \frac{D}{r}$ .
- Если выплачиваются одинаковые дивиденды в течение всего времени, темп прироста дивидендов равен нулю и соответствующая модель называется *моделью нулевого роста*.

# Пример

- Компания гарантирует выплату дивидендов в размере 6 тыс. руб. на акцию в конце каждого года в течение неопределенно долгого времени. Имеет ли смысл покупать акции этой компании по цене 35 тыс. руб., если можно поместить деньги на депозит под 15% годовых?

- Решение:  $A = 6$  тыс. руб. ;  $r = 0,15$

- Поскольку истинная стоимость акции составляет

$$V_t = \frac{D}{r} = \frac{6}{0,15} = 40 \text{ тыс. руб.},$$

- то акции целесообразно приобрести.

# Модель постоянного роста

Пусть базовая величина дивиденда (т.е. последнего выплаченного дивиденда) равна  $D$ . Ежегодно она увеличивается с темпом прироста  $g$ .

- По окончании первого года периода прогнозирования будет выплачен дивиденд в размере  $D(1+g)$ , по окончании второго года —  $D(1+g)^2$ , ..., по окончании  $k$ -го года — в размере  $D(1+g)^k$  и т.д. Тогда формула примет вид:

$$V_t = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{D(1+g)^k}{(1+r)^k} = \sum_{k=1}^{\infty} D \cdot \left( \frac{1+g}{1+r} \right)^k$$

$$V_t = \sum_k \frac{C_k}{(1+r)^k}$$

примет

# Модель постоянного роста (продолжение)

■ Выражение

$$V_t = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{D(1+g)^k}{(1+r)^k} = \sum_{k=1}^{\infty} D \cdot \left( \frac{1+g}{1+r} \right)^k$$

представляет собой геометрическую прогрессию с первым членом  $D$  и знаменателем

$$\left( \frac{1+g}{1+r} \right).$$

Как известно, при  $\left( \frac{1+g}{1+r} \right) < 1$  т.е. при  $r > g$ , ее сумма может быть найдена по формуле:

$$\frac{D}{1 - \frac{1+g}{1+r}} = \frac{D \cdot (1+r)}{1+r - 1-g} = \frac{D \cdot (1+r)}{r-g}$$

Формула Гордона:

$$V_t = \frac{D \cdot (1+r)}{r-g}$$

# Пример

- Компания за прошедший год выплатила 2,7 тыс. руб. на акцию. Согласно прогнозам дивиденды по акциям этой компании будут расти на 4% ежегодно в течение неопределенно долгого времени. Сделать вывод о целесообразности покупки акций компании по цене 25 тыс. руб., если можно поместить деньги на депозит под 14% годовых.
- Решение:  $D=2,7$  тыс. руб.;  $g=0,04$ ;  $r=0,14$ ;  $P_m=20$  тыс. руб.

$$V_t = \frac{D \cdot (1 + g)}{r - g} = \frac{2,7 \cdot (1 + 0,04)}{0,14 - 0,04} = 28,08 \text{ тыс. руб.}$$

- Стоимость акции с позиции инвестора превышает ее цену. Целесообразно приобрести акцию.

# Модель переменного роста

- Инвестор прогнозирует, что с высокой вероятностью наступит такой период  $S$ , после которого дивиденды будут расти с постоянным темпом. До наступления  $S$ -го периода инвестор прогнозирует величину дивидендов по годам в размере:  $D_1, D_2, \dots, D_s$ . Требуемая норма прибыли равна  $r$ .
- В этом случае теоретическая стоимость акции определяется по формуле:

$$V_t = \frac{D_1}{1+r} + \frac{D_2}{(1+r)^2} + \dots + \frac{D_s}{(1+r)^s} + \frac{D_s(1+g)}{r-g} \cdot \frac{1}{(1+r)^s}$$



## Пример

- В течение последующих четырех лет компания планирует выплачивать дивиденды соответственно по 1,2; 1,8; 2; 2,4 долл. на акцию. Ожидается, что в дальнейшем дивиденд будет увеличиваться равномерно с темпом 5% в год. Рассчитать теоретическую стоимость акции, если рыночная норма прибыли 14%.
- Решение:  $s = 4$ ;  $D_1 = 1,2\$$ ;  $D_2 = 1,8\$$ ;  $D_3 = 2\$$ ;  $D_4 = 2,4\$$ ;  $g = 0,05$ ;  $r = 0,14$ .

$$V_t = \frac{1,2}{1+0,14} + \frac{1,8}{(1+0,14)^2} + \frac{2}{(1+0,14)^3} + \frac{2,4}{(1+0,14)^4} + \frac{2,4 \cdot (1+0,05)}{0,14 - 0,05} \cdot \frac{1}{(1+0,14)^4} = 21,79\$$$

# Модель переменного роста

Выделим подынтервалы с темпами роста  $g$  и  $q$  соответственно. Тогда формула:

$$V_t = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{D(1+g)^k}{(1+r)^k}$$

примет вид:

$$V_t = D_0 \cdot \sum_{k=1}^s \frac{(1+g)^k}{(1+r)^k} + D_s \cdot \sum_{k=s+1}^{\infty} \frac{(1+q)^k}{(1+r)^k} =$$
$$= D_0 \sum_{k=1}^s \frac{(1+g)^k}{(1+r)^k} + \frac{D_s (1+q)}{r-q} \cdot \frac{1}{(1+r)^s},$$

где  $D_0$  — дивиденд, выплаченный в базисный момент времени;  $D_s$  — прогноз дивиденда в  $s$ -м периоде;  $g$  — прогноз темпа прироста дивиденда в первые  $s$  периодов;  $q$  — прогноз темпа прироста дивидендов в последующие периоды.

## Пример

- За прошедший год компания выплатила в качестве дивидендов по 10\$ на акцию. Ожидается, что в течение следующих трех лет дивиденд будет расти на 3% в год, затем темп прироста снизится до 2% в год на весь оставшийся период. Определить теоретическую стоимость акции, если рыночная норма прибыли составляет 10%.
- Решение:
- $D_0 = 10\$$ ;  $g = 0,03$ ;  $q = 0,02$ ;  $s = 3$ ;  $r = 0,1$ .

# Пример (продолжение)

- Найдем  $D_3 = 10(1 + 0,03)^3 = 10,927\$$ .

- Определим

$$\begin{aligned} V_t &= D_o \cdot \sum_{k=1}^s \frac{(1+g)^k}{(1+r)^k} + \frac{D_s(1+q)}{r-q} \cdot \frac{1}{(1+r)^s} = \\ &= 10 \cdot \left( \frac{1,03}{1,1} + \frac{1,03^2}{1,1^2} + \frac{1,03^3}{1,1^3} \right) + \frac{10,927(1+0,02)}{0,1-0,02} \cdot \frac{1}{1,1^3} = \\ &= 10(0,936 + 0,877 + 0,821) + 139,319 \cdot 0,731 = 26,34 + 101,84 = 128,18\$ \end{aligned}$$

# Оценка доходности акций

- Доходность бессрочной привилегированной акции, как и обыкновенной акции с неизменным дивидендом, находится по формуле:

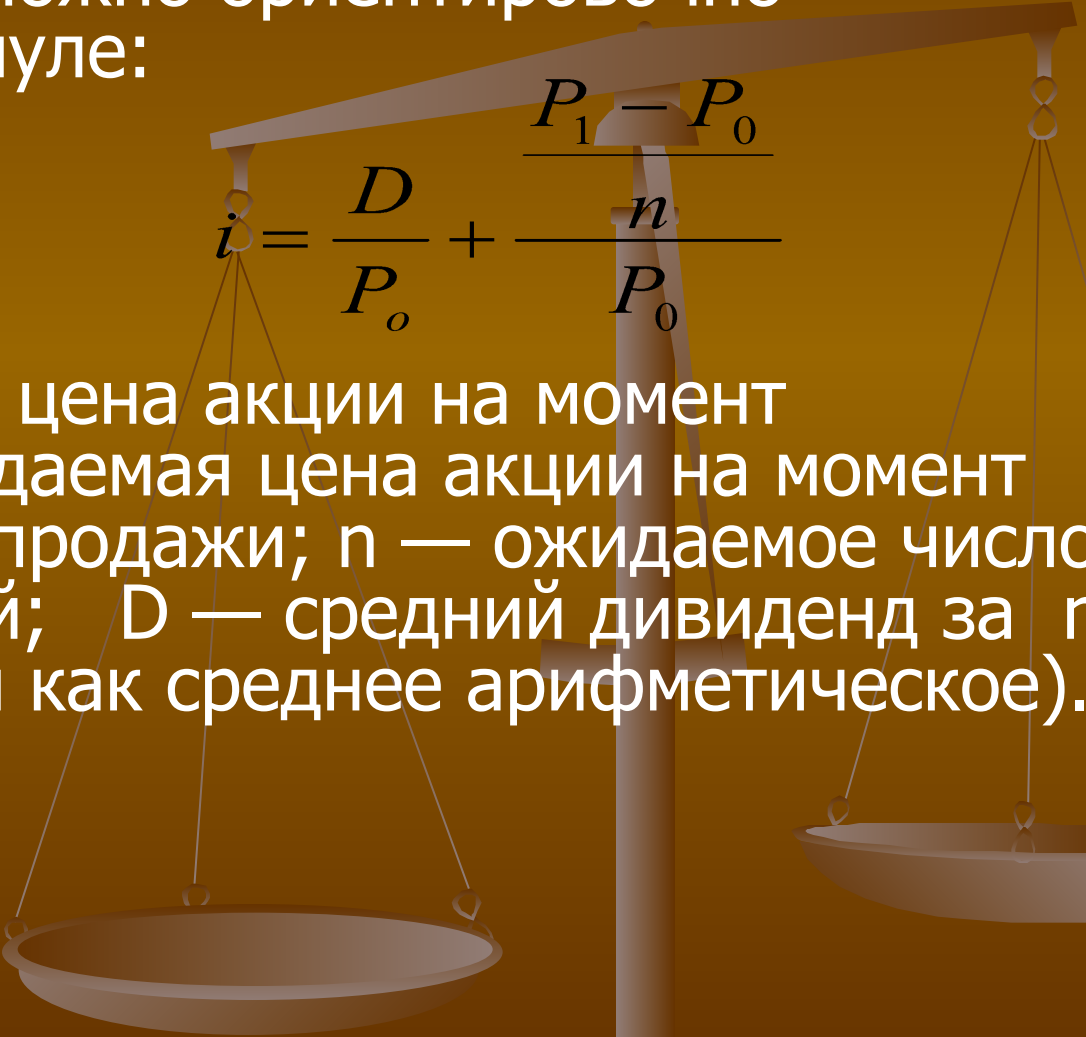
$$i = \frac{D}{P_m}$$

- где  $D$  - ожидаемый дивиденд;
- $P_m$  - текущая рыночная цена акции.
- Например:

$$D = 60 \text{ руб.}, P_m = 1000 \text{ руб.}, \text{ тогда } r = \frac{60}{1000} = 0,06, \text{ или } r = 6\%$$

## Оценка доходности акций (продолжение)

■ Если инвестор приобретает акцию с целью продать ее через некоторое время, то доходность операции с акцией можно ориентировочно определить по формуле:


$$i = \frac{D}{P_0} + \frac{P_1 - P_0}{n P_0}$$

■ где  $P_0$  — рыночная цена акции на момент покупки;  $P_1$  — ожидаемая цена акции на момент предполагаемой ее продажи;  $n$  — ожидаемое число лет владения акцией;  $D$  — средний дивиденд за  $n$  лет (рассчитывается как среднее арифметическое).

# Пример

- Инвестор приобрел акцию за 5 тыс. руб. и продал через три года за 8 тыс. руб. За первый год инвестору выплатили дивиденд в размере 300 руб., за второй — 450 руб., за третий — 600 руб. Определить доходность операции.

- Решение:  $P_0 = 5000$  руб.;  $P_1 = 8000$  руб.;  $n = 3$  года;  $D_1 = 300$  руб.;  $D_2 = 450$  руб.;  $D_3 = 600$  руб.

- Средний дивиденд:

$$D = \frac{300 + 450 + 600}{3} = 450 \text{ руб.}$$

- Доходность операции:

$$i = \frac{D}{P_0} + \frac{P_1 - P_0}{P_0} = \frac{450}{5000} + \frac{8000 - 5000}{5000} = 0,29 \text{ или } 29\%.$$