

Применение производной в физике

Цель урока

**Учиться решать задачи по физике
методом дифференциального
исчисления.**

План урока

- 1. Повторение: определение производной, геометрический смысл производной, физический смысл производной
- 2. Запись физических определений и законов в дифференциальной форме
- 3. Решение задач с помощью производной

Вычислите производную

x^3

$x^{\frac{1}{2}}$

e^x

$\sin x$

$\cos 5x$

Производная произведения

Производная дроби

Определение производной

Дифференцирование по x

$$y = f(x) \qquad f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{dy}{dx} = y'$$

Дифференцирование по t

$$y = f(t) \qquad f'(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta t} = \frac{dy}{dt} = y'$$

Физическая величина	Среднее значение	Мгновенное значение
Скорость	$v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$	$v = \frac{ds}{dt} = s'$
Ускорение	$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$	$a = \frac{dv}{dt} = v'$
Угловая	$\omega = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t}$	$\omega = \frac{d\varphi}{dt} = \varphi'$
скорость тока	$I = \frac{\Delta q}{\Delta t}$	$i = \frac{dq}{dt} = q'$
Мощность	$P = \frac{A}{\Delta t}$	$P = \frac{\delta A}{dt}$

ь

Зако н	Среднее значение	Мгновенное значение
Второй закон Ньютона	$F = ma$	$f = m \frac{dv}{dt}$
Закон ЭМИ	$\xi_i = -\frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$	$e_i = -\frac{d\Phi}{dt} = -\Phi'$
Закон самоиндукц ии	$\xi_{is} = -L \frac{\Delta I}{\Delta t}$	$e_{is} = -L \frac{di}{dt} = -Li'$

Задача №1

Скорость школьного автобуса массой 5 т возрастает по закону $v = 0,1t^3 + 0,2t$.

Определить равнодействующую всех сил, действующих на него в момент времени 2 с.

Решение

$$F = ma = mv'$$

$$F = m(0,1t^3 + 0,2t)' = m(0,3t^2 + 0,2)$$

$$F = 5000(0,3 \cdot 4 + 0,2) = 7000(H) = 7кН$$



Задача №2

Количество вещества, получаемого в химической реакции, зависит от времени следующим образом :

$$Q = a (1 + be^{-kt})$$

Определите скорость реакции.

Решение

$$\frac{dQ}{dt} = Q' = (a + abe^{-kt})' = -abke^{-kt}$$



Задача №3

Уравнение колебаний тела на

пружине имеет вид $x = 5\cos 2t$.

В какой ближайший момент времени скорость тела будет максимальной?



Задачи на оптимизацию

(от латинского optimum- «наилучший»)

Основные этапы математического моделирования:

1) составление ~~математической~~ модели

О.В. (y)

Н.П. (x)

$y(x)$

2) работа с составленной моделью

y_{\max}

ИЛИ

y_{\min}

3) ответ на вопрос задачи

Задача №4

При каком
сопротивлении
нагрузки полезная
мощность
источника тока
максимальна?
ЭДС источника равна
 \mathcal{E} ,
внутреннее
сопротивление r .

W



Источники информации

- Мордкович А.Г. Алгебра и начала анализа. 10-11 кл.: в двух частях. Ч. 1: Учеб. для общеобразоват. учреждений. – 3-е изд., испр. – М.: Мнемозина, 2002. – 375 с .
- Мякишев Г.Я., Буховцев Б.Б. Физика: Учебник для 11 класса ООУ. - М.: Просвещение, 2007. - 336 с.
- Суханькова Е.П. Производная в физике, технике, природе: межпредметный открытый урок. 11 класс. - М. «Чистые пруды», 2006.- 32 с. (Библиотечка «Первого сентября», серия «Физика». Вып. 5(11)).
- Единый государственный экзамен: физика: контрол. измерит. материалы : 2010. – М.: Просвещение, 2010.
- Фронтальные лабораторные занятия по физике в 7 – 11 классах ООУ. Книга для учителя. Под ред. В.А. Бурова, Г.Г. Никифорова. – М.: Просвещение, 1996. - 368 с.
- Библиотека электронных наглядных пособий «Физика», 7 – 11 кл. ООО «Кирилл и Мефодий», 2003 г.
-