

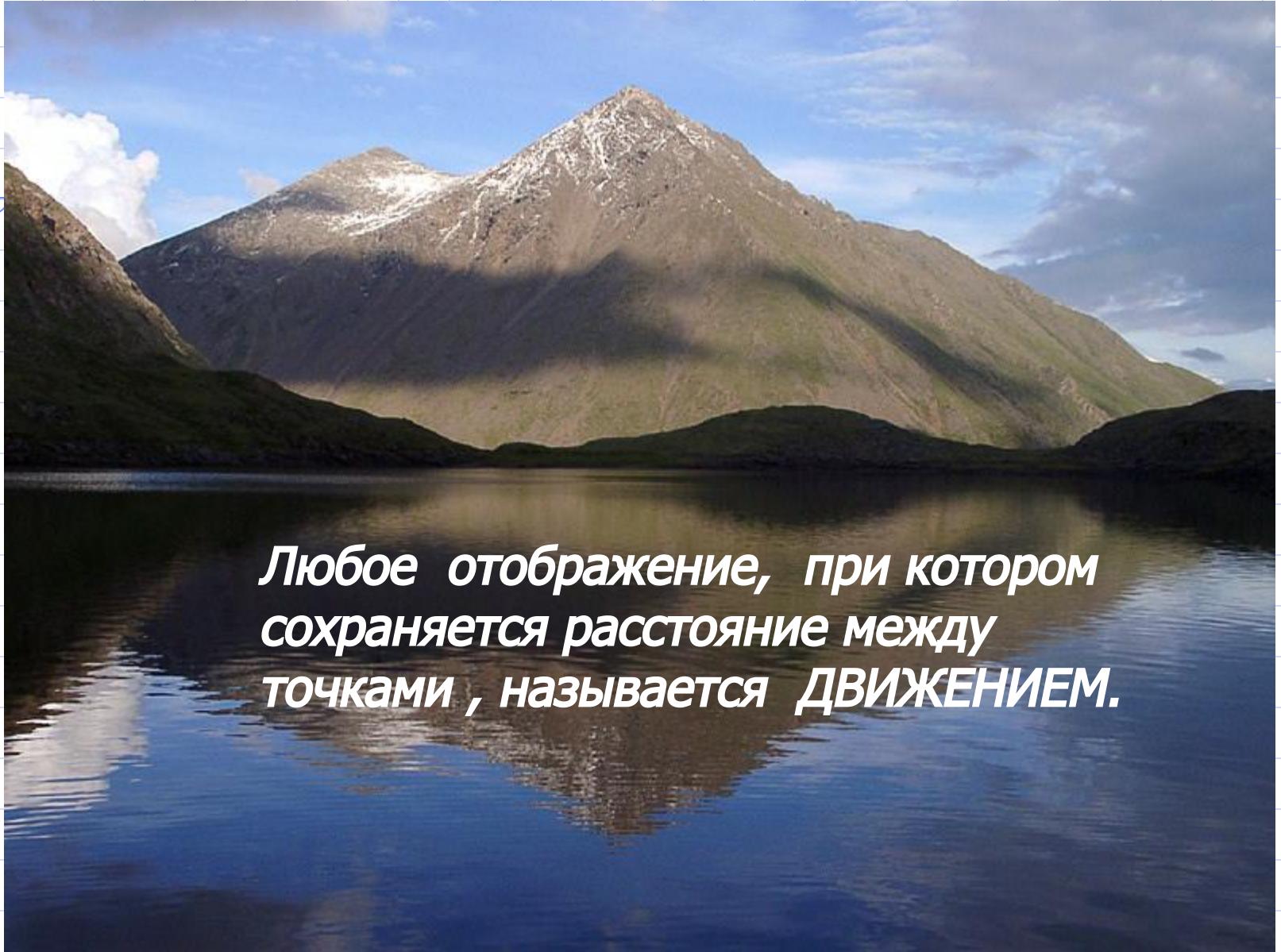


*Геометрия  
9 класс*

- **Тема «Движения»**

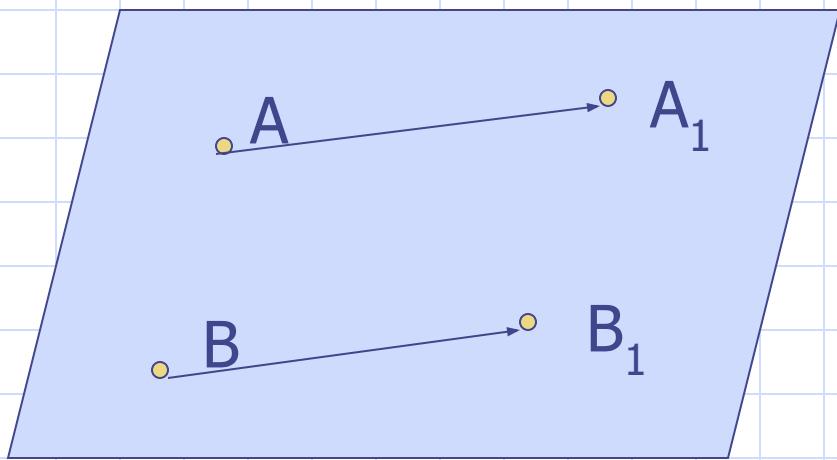
# Содержание

- Определение
- Виды движения
- Свойства движения
- Задачи на построение
- Примеры движения в курсе алгебры
- Движение вокруг нас

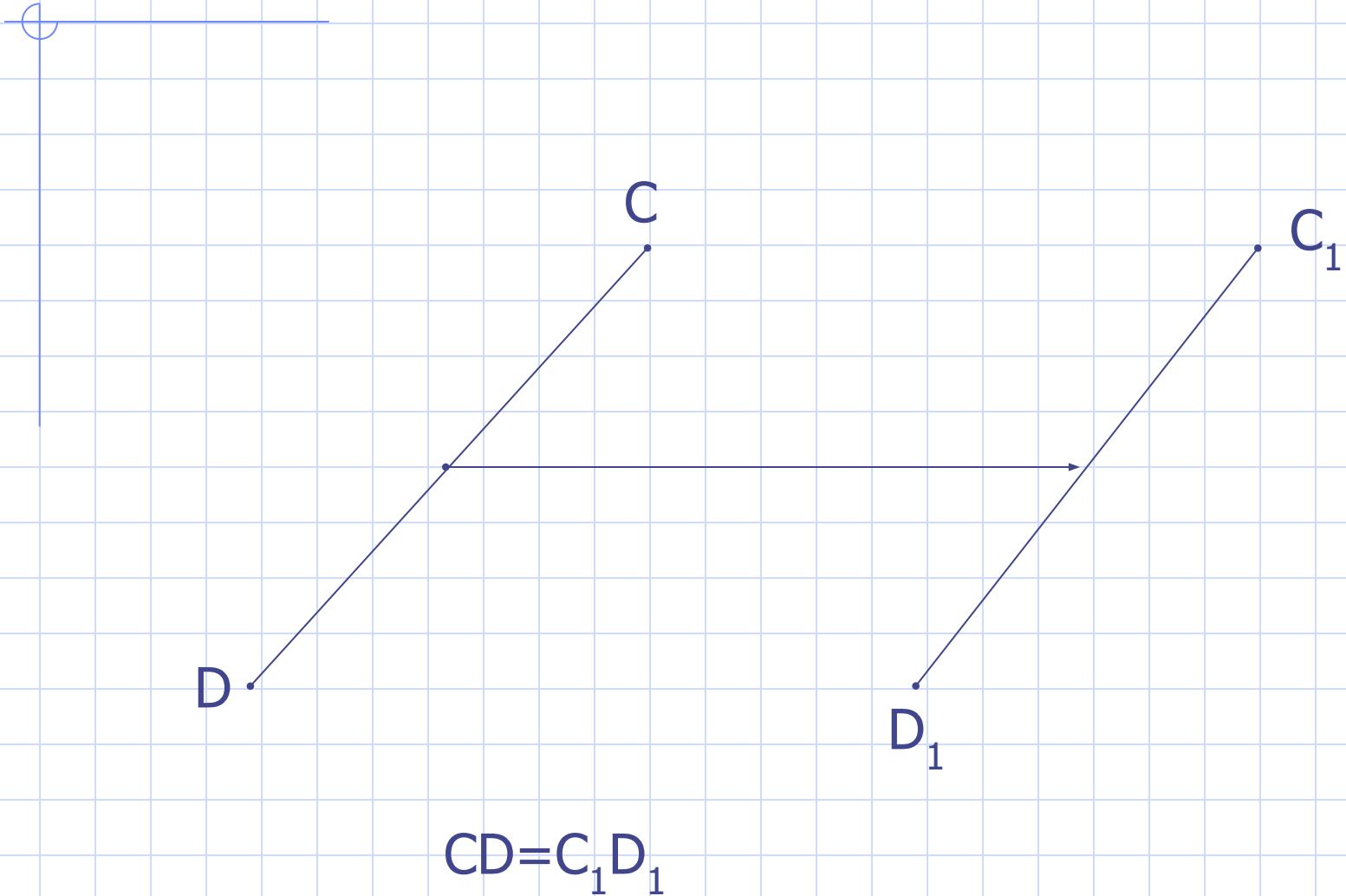


*Любое отображение, при котором  
сохраняется расстояние между  
точками , называется ДВИЖЕНИЕМ.*

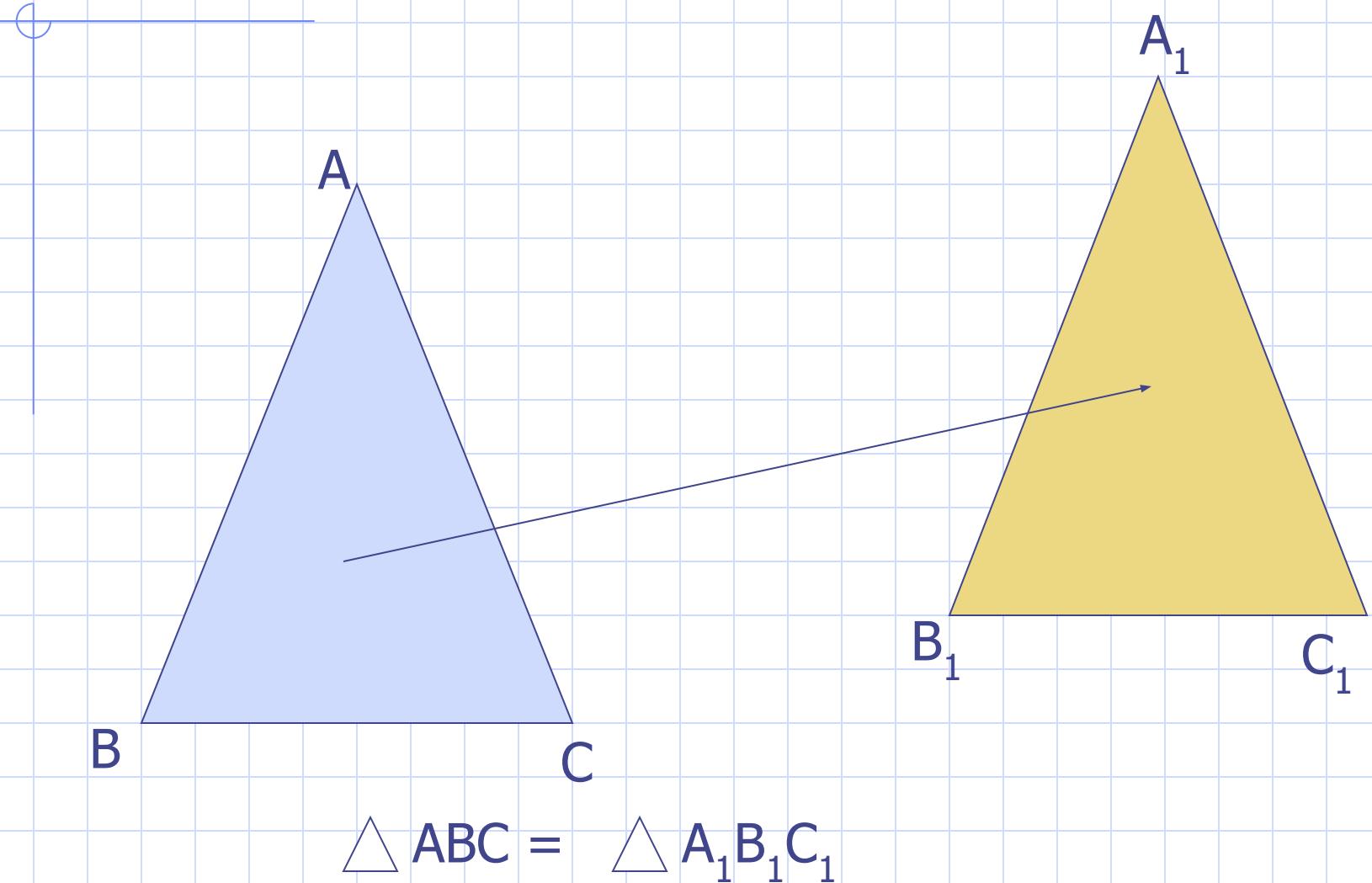
*Каждой точке плоскости ставится в соответствие какая-то точка этой же плоскости, причем любая точка плоскости оказывается сопоставленной некоторой точке.*



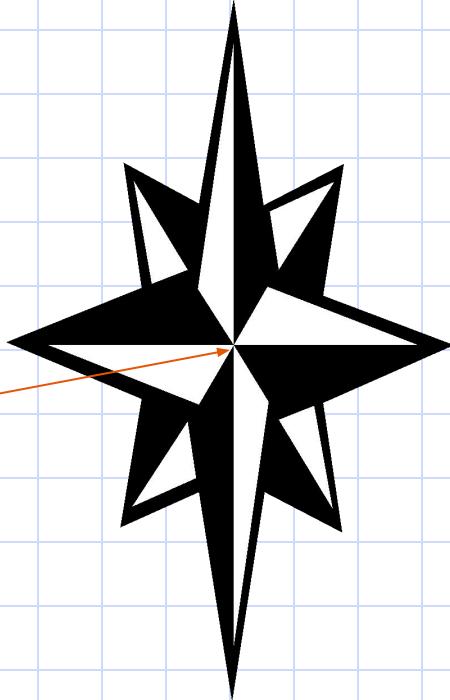
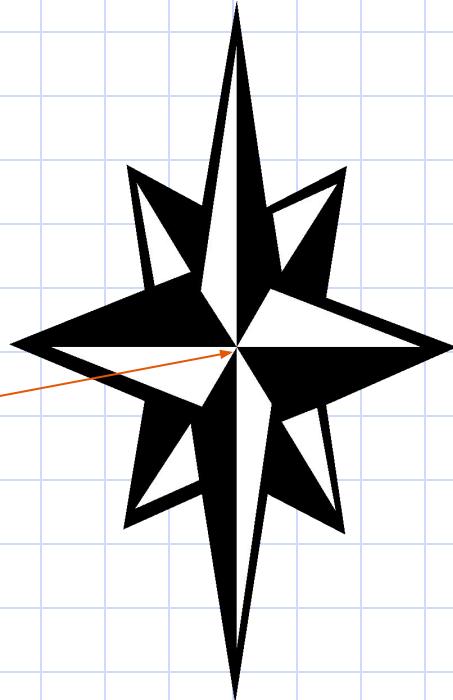
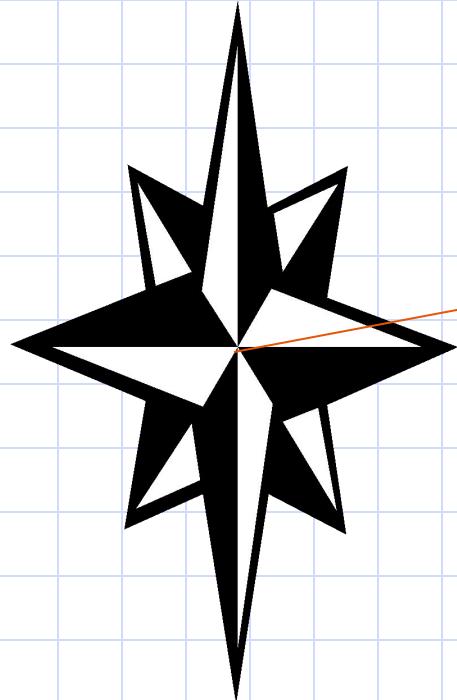
*При движении отрезок отображается на отрезок.*



*При движении треугольник отображается на равный ему треугольник.*

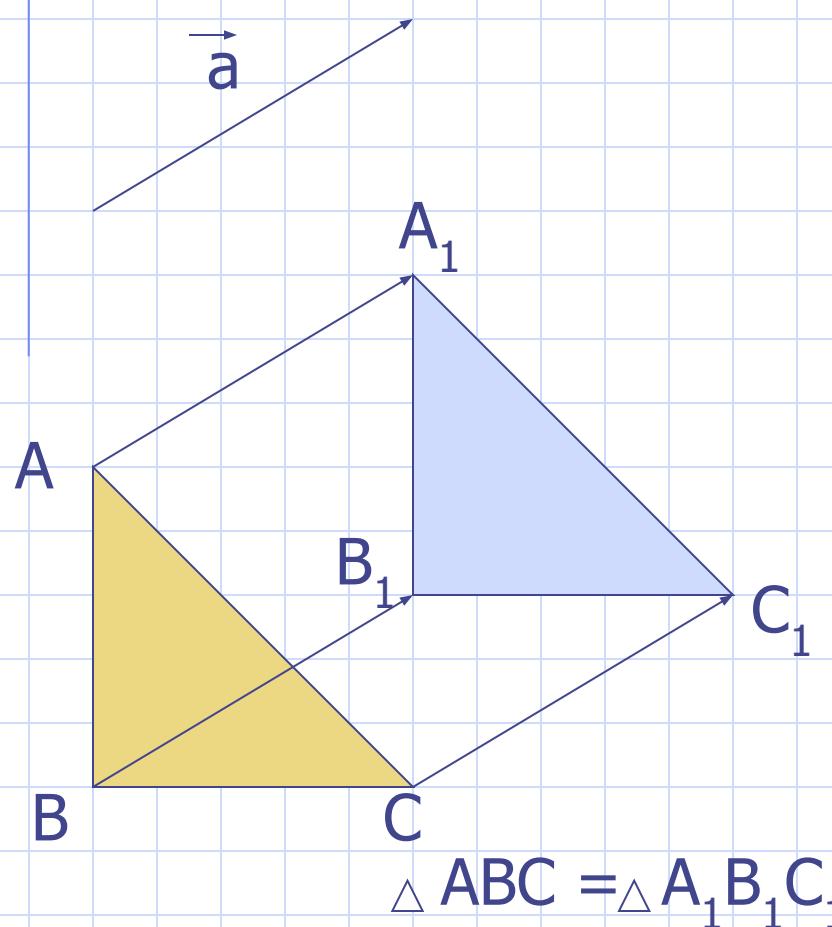


*При движении любая фигура отображается на равную ей фигуру.*



# Виды движений

## 1. Параллельный перенос



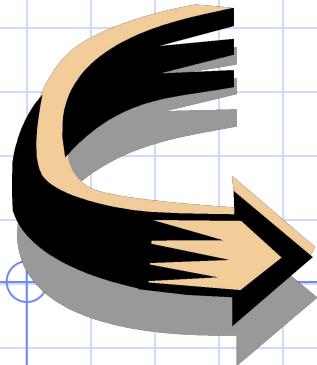
*Определение.* **Параллельным переносом фигуры** называется такое ее преобразование, при котором все точки фигуры перемещаются в одном и том же направлении на одно и то же расстояние.

Параллельный перенос является **движением**, т.е. отображением плоскости на себя, сохраняющим расстояние

Параллельный перенос задается **вектором переноса**



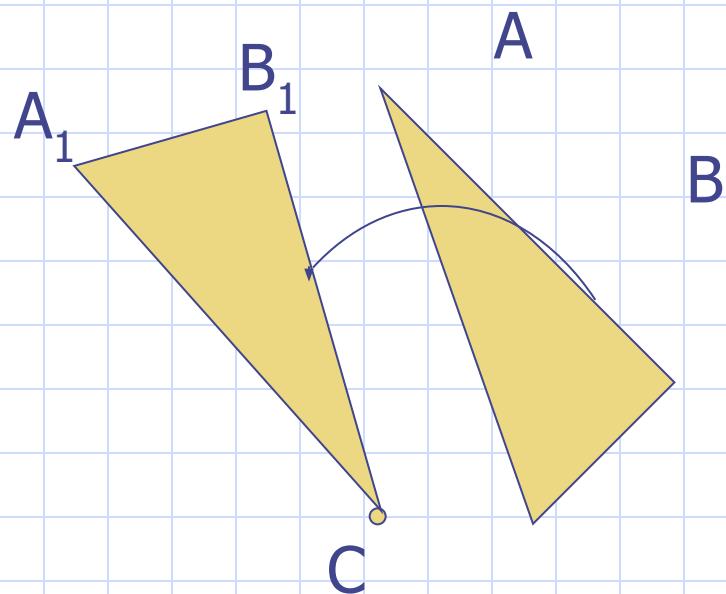
## Виды движений



### 2. Поворот

Поворотом плоскости вокруг точки О на угол  $a$  называется отображение плоскости на себя, при котором каждая точка А отображается в такую точку  $A_1$ , что  $OA=OA_1$  и угол  $AOA_1$  равен углу  $a$ .

**Поворот** является движением, т.е. отображением плоскости на себя, сохраняющим расстояния.



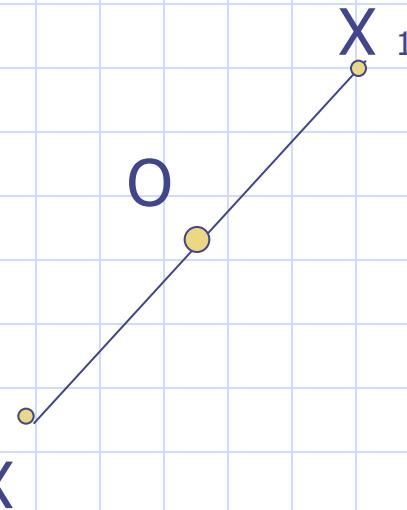
$$\triangle ABC = \triangle A_1 B_1 C_1$$

# Особый случай

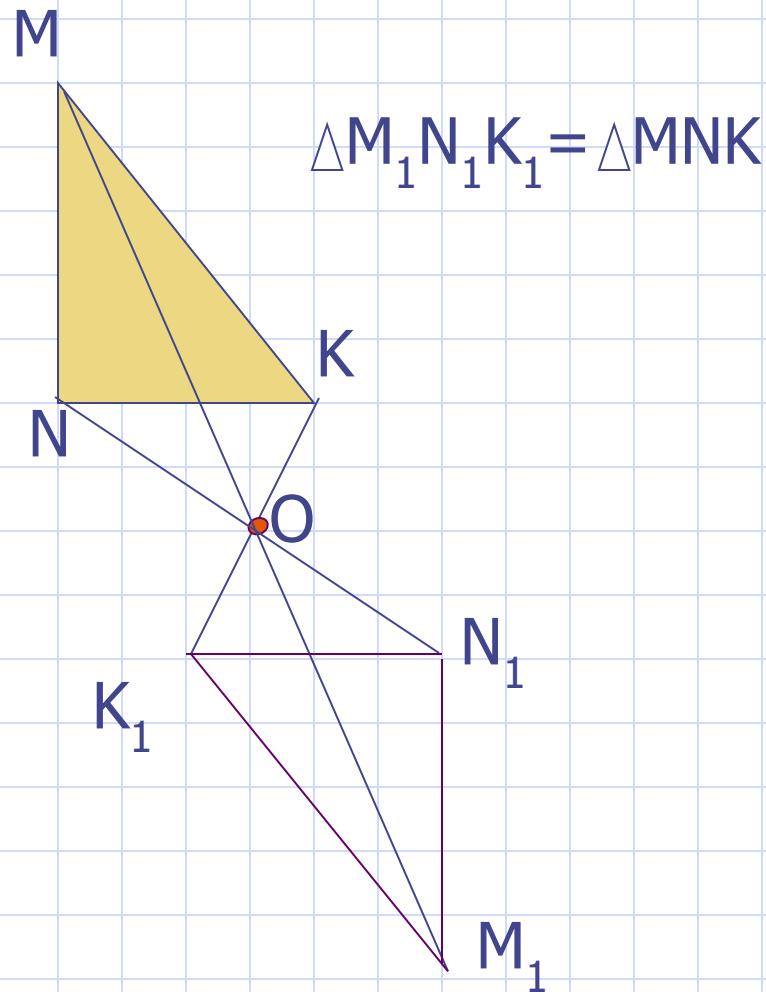
представляет поворот на 180 градусов. Пусть т. О – центр поворота. Чтобы построить точку соответствующую точке Х, достаточно продолжить отрезок ХО за точку О на отрезок  $OX_1 = OX$ .

Точки  $X_1$  и Х называются **симметричными** относительно точки О.

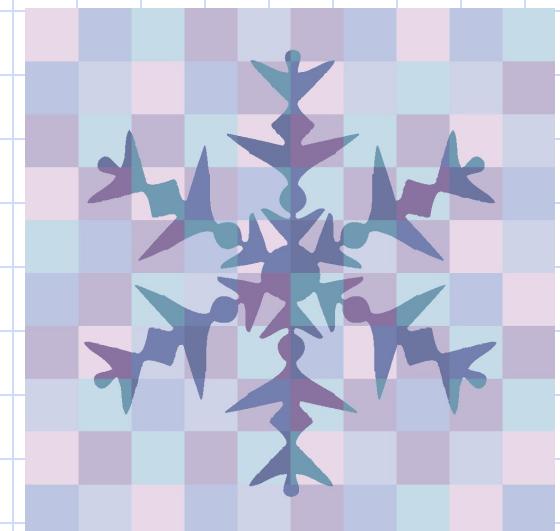
Точка О - есть **центр симметрии**.



### 3. Центральная симметрия



Основное свойство  
центральной симметрии:  
Центральная, симметрия  
является **движением**  
**изменяющим направления**  
на противоположные



## 4. Осевая симметрия

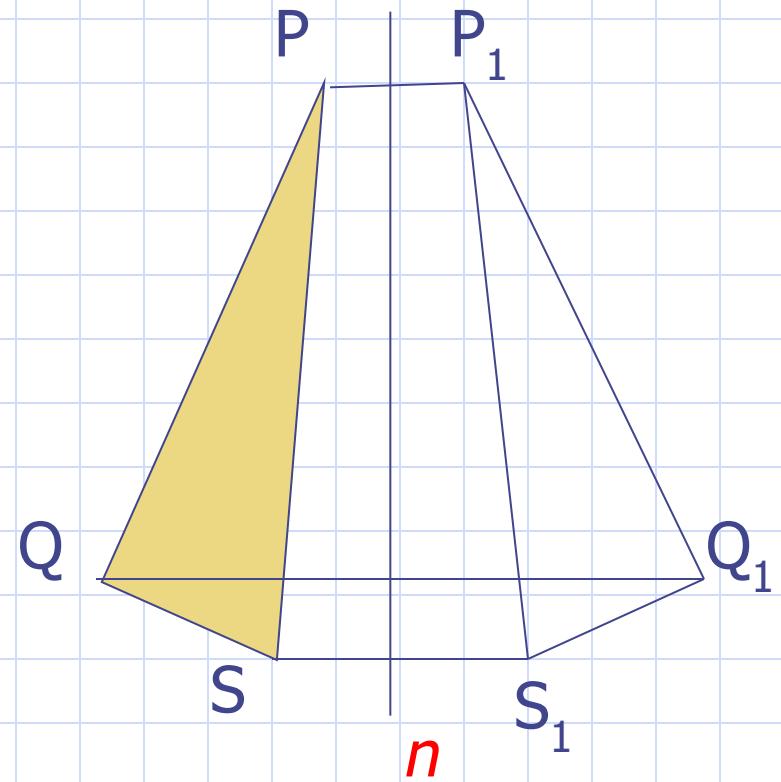
Фигура  $F'$ , полученная отражением фигуры  $F$  относительно прямой  $n$ , называется **симметричной фигуре  $F$  относительно прямой  $n$** .

Точки  $P$  и  $P_1$  называются **симметричными относительно прямой  $n$** .

Прямая  $n$  серединный перпендикуляр отрезка  $PP_1$ .

Осевая симметрия обладает следующим **свойством** – это отображение плоскости на себя, которое сохраняет расстояние между точками.

$$\triangle P_1 Q_1 S_1 = \triangle PQS$$



# Знаете ли вы, что...

Слово *симметрия* означает «соподобие».

Под симметрией в широком смысле этого слова понимают всякую правильность во внутреннем строении тела или фигуры.

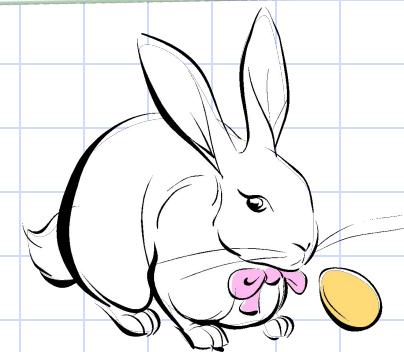
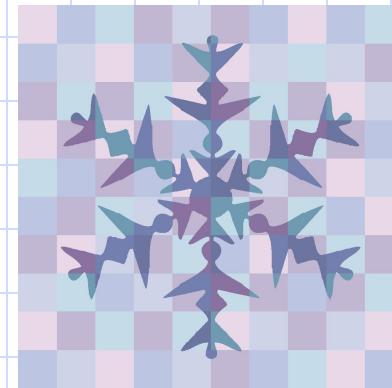
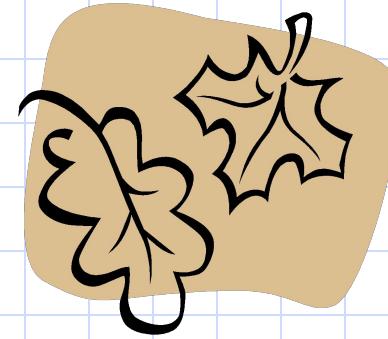
Учение о различных видах симметрии представляет большую и важную ветвь геометрии, тесно связанную со многими отраслями естествознания и техники, начиная с текстильного производства (разрисовка тканей) и архитектурной мозаики, а кончая тонкими вопросами строения вещества.



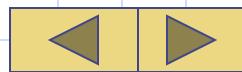
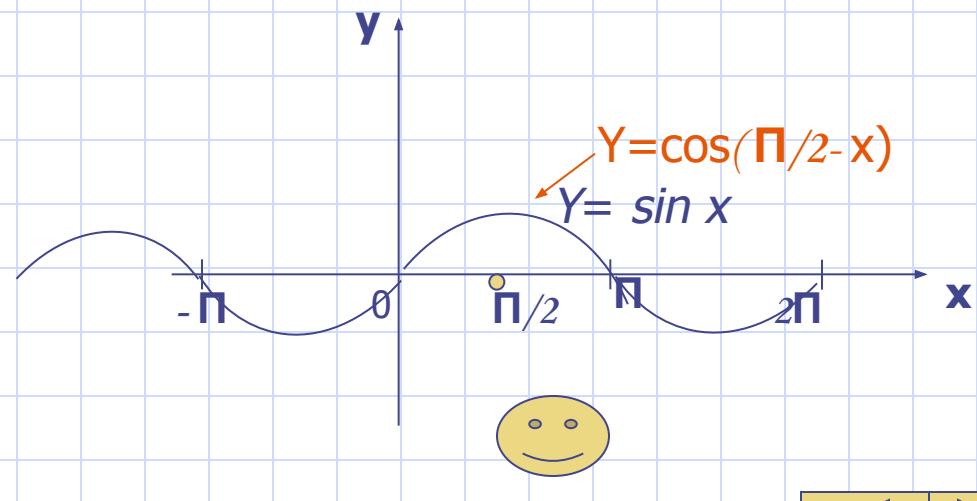
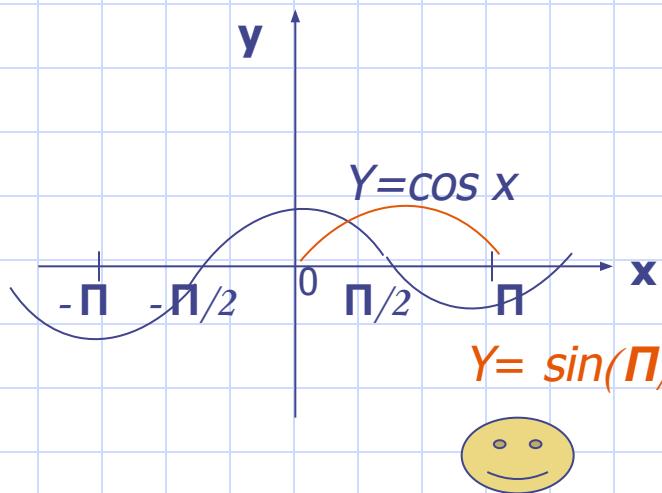
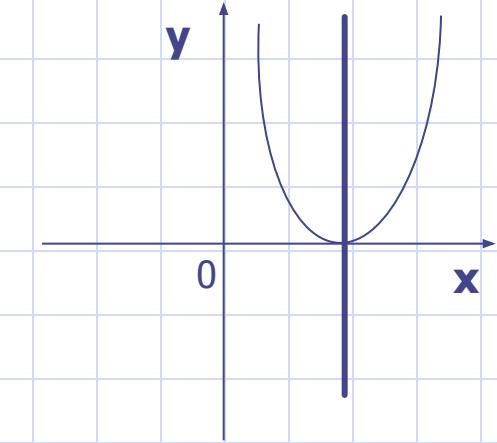
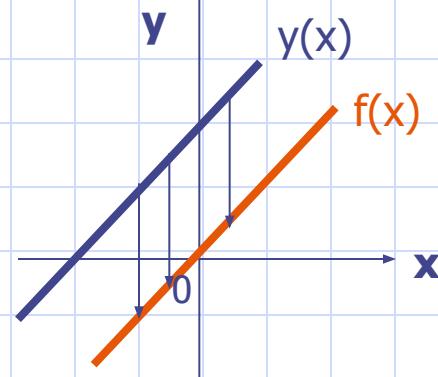
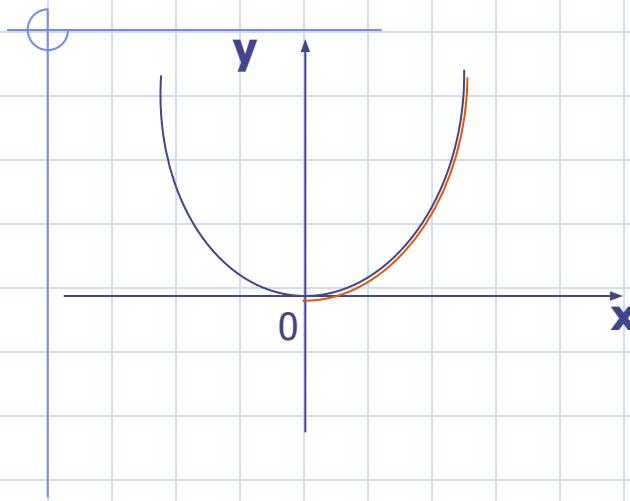
# Симметрия нас окружает всюду

*и в природе,*

*и в архитектуре зданий, и в технике, и...*



*...и в курсе алгебры*  
*Движение в графиках*



# Параллельный перенос (сдвиг)

