

# ***Введение в C++***

Линейный списки, двоичные деревья, hash-таблицы

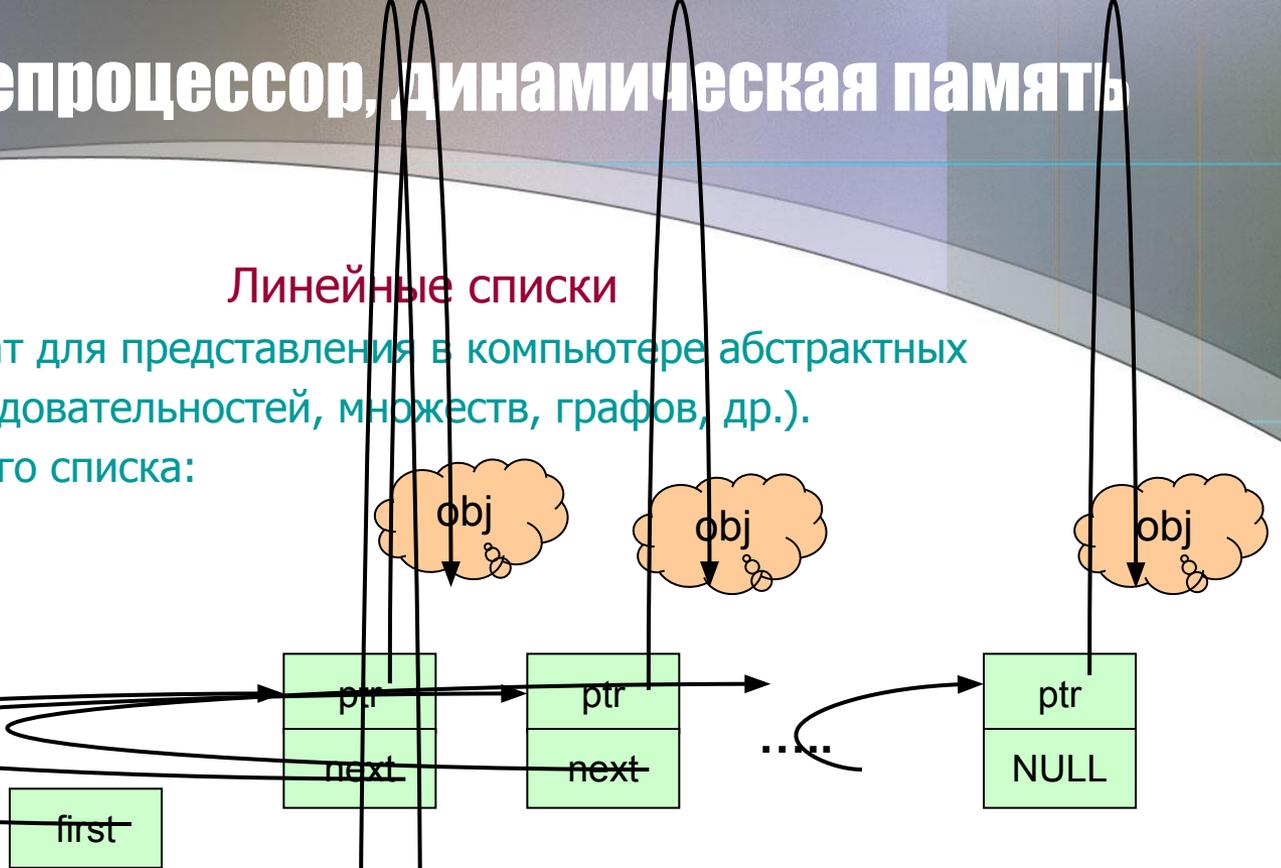
# Структуры, препроцессор, динамическая память

## Линейные списки

Линейные списки служат для представления в компьютере абстрактных структур данных (последовательностей, множеств, графов, др.).

Описание узла линейного списка:

```
typedef struct node {  
    OBJECT *ptr;  
    node *next;  
} L, *Lp;  
Lp first = NULL;
```



пустой список

```
Lp first = NULL;
```

список из 1 элемента

```
if (obj -> next;
```

или

```
if (p != ptr) p = p -> next;
```

продвижение вперед на 1 элемент



# Структуры, препроцессор, динамическая память

## Операции с линейными списками

### Итеративный обход списка (в прямом направлении)

```
Lp p = first;  
while ( p != NULL ) { R ( p -> ptr );      // обработка объекта в узле  
    p = p -> next; }
```

### Рекурсивный обход списка в прямом направлении

```
void w1 (Lp p) {  
    if ( p != NULL ) { R ( p -> ptr );      // обработка объекта в узле  
        w1 ( p -> next ); }  
}
```

### Рекурсивный обход списка в обратном направлении

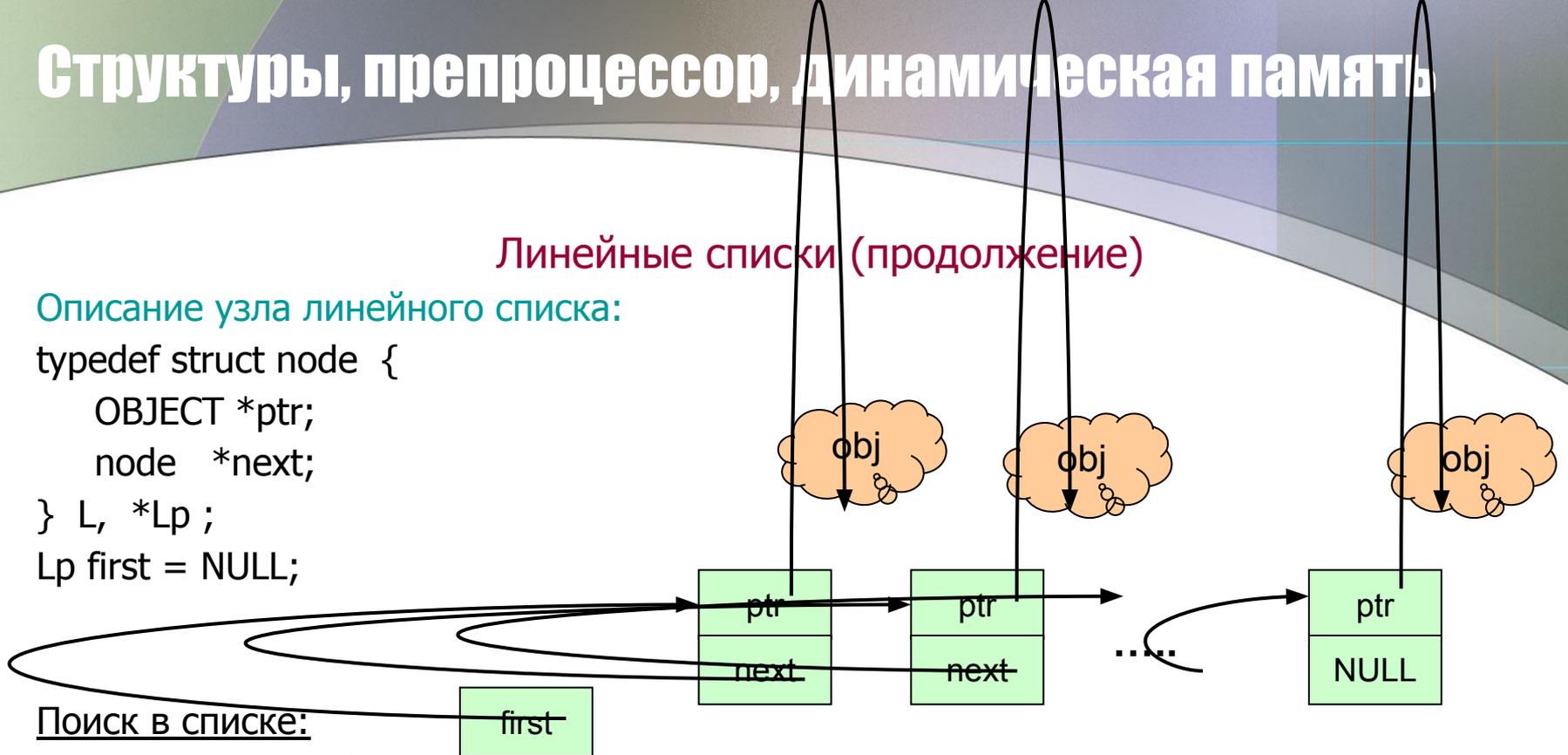
```
void w2 (Lp p) {  
    if ( p != NULL ) { w2 ( p -> next );  
        R ( p -> ptr ); }      // обработка объекта в узле  
}
```

# Структуры, препроцессор, динамическая память

## Линейные списки (продолжение)

Описание узла линейного списка:

```
typedef struct node {  
    OBJECT *ptr;  
    node *next;  
} L, *Lp ;  
Lp first = NULL;
```



Поиск в списке:

first

Пусть задан некий < образец > для поиска

```
Lp p = first;  
while ( p != NULL && *p -> ptr != <образец> ) p = p -> next;  
If ( p == NULL ) < искомого элемента в списке нет > ;  
    else < p есть указатель на нужный узел списка > ;
```

# Структуры, препроцессор, динамическая память

## Вставка узла в начало списка:

```
Lp q = new L; // здесь q – указатель на новый узел списка
```

```
q -> next = first;
```

```
first = q; // новый узел становится первым узлом списка
```

Самостоятельно сделайте поясняющий рисунок к этому фрагменту кода

## Удаление узла из начала списка:

```
if ( first != NULL ) first = first -> next;
```

Обратите внимание – память из-под освободившегося узла системе не возвращается

## Вставка узла в произвольное место списка:

```
Lp q = new L; // q – указатель на новый узел списка
```

```
q -> next = p -> next; // здесь p – указатель на произвольный узел списка
```

```
p -> next = q;
```

Самостоятельно сделайте поясняющий рисунок к этому фрагменту кода

# Структуры, препроцессор, динамическая память

Удаление узла из произвольного места списка:

```
// пусть p – указатель на произвольный узел списка
```

```
If ( p != NULL && p -> next != NULL )
```

```
    p -> next = p -> next -> next;
```

Самостоятельно сделайте поясняющий рисунок к этому фрагменту кода

Описание узла двусвязного списка:

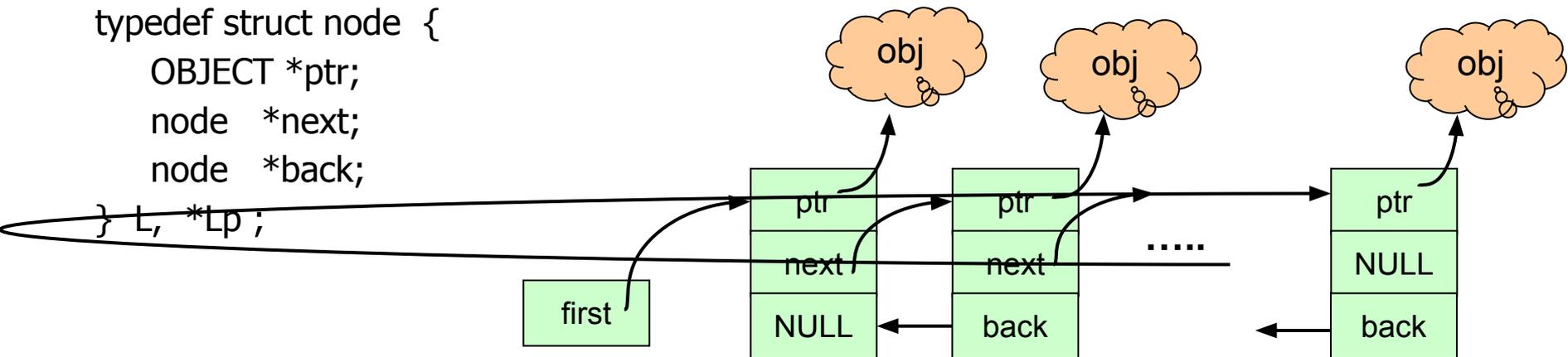
```
typedef struct node {
```

```
    OBJECT *ptr;
```

```
    node *next;
```

```
    node *back;
```

```
} L, *Lp;
```



Также имеются циклические и многосвязные списки.

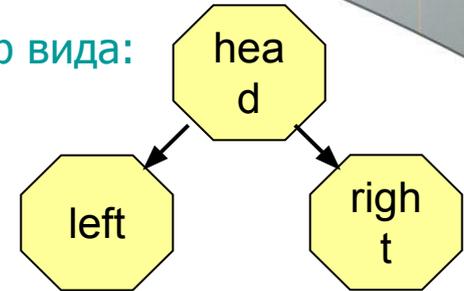
# Структуры, препроцессор, динамическая память

## Двоичные деревья

### Определение:

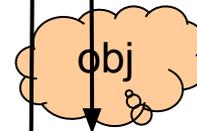
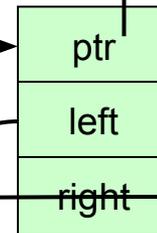
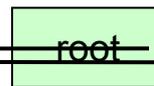
Пустой граф и граф с одним узлом есть двоичное дерево. Граф вида:  
есть двоичное дерево.

Двоичное дерево, левая и правая части которого  
есть двоичное дерево, также есть двоичное дерево.



### Описание узла двоичного дерева:

```
typedef struct node {  
    OBJECT *ptr;  
    node *left;  
    node *right;  
} T, *Tp ;
```



# Структуры, препроцессор, динамическая память

## Способы обхода двоичных деревьев:

head, left, right (hlr – обход)

порядок посещения узлов: 1 2 3 4 5 6 7

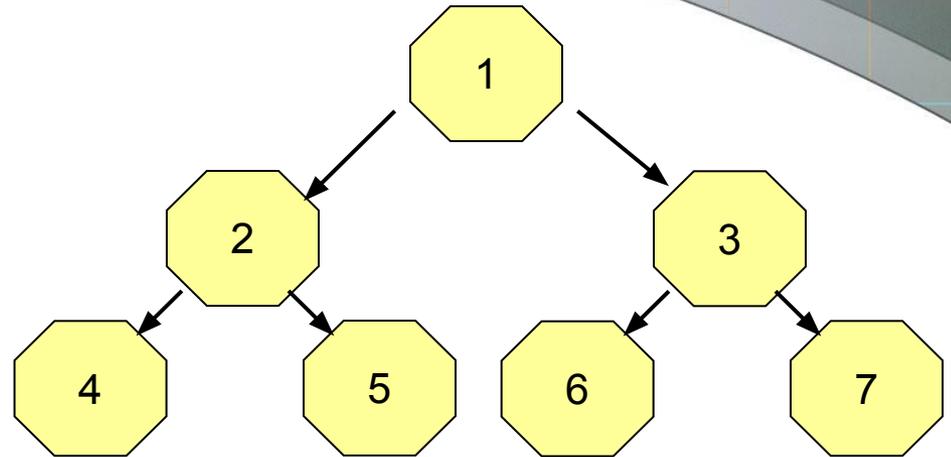
left, head, right (lhr – обход)

порядок посещения узлов: 4 2 5 1 6 3 7

left, right, head (lrh – обход)

порядок посещения узлов: 4 5 2 6 7 3 1

Алгоритм hlr – обхода:



```
void hlr ( Tp p )
{
    if ( p ) {
        R ( p -> ptr ); // R - обработка объекта в узле
        hlr ( p -> left );
        hlr ( p -> right );
    }
}
```

# Структуры, препроцессор, динамическая память

Алгоритм lhr – обхода:

```
void lhr ( Tp p )
{
    if ( p ) {
        lhr ( p -> left );
        R ( p -> ptr ); // R - обработка объекта в узле
        lhr ( p -> right );
    }
}
```

Алгоритм lrh – обхода:

```
void lrh ( Tp p )
{
    if ( p ) {
        lrh ( p -> left );
        lrh ( p -> right );
        R ( p -> ptr ); // R - обработка объекта в узле
    }
}
```

# Структуры, препроцессор, динамическая память

## Поиск, вставка, сортировка в двоичных деревьях

Двоичные деревья полезны, когда им присущ внутренний порядок (сорт. дерево).

Пусть определена некоторая хэш-функция  $h$  ( $\langle \text{ОБЪЕКТ} \rangle$ ).

Итеративный поиск в сорт. дереве:

```
// Пусть задан некий < образец>
void search1 ( Tp &p) {
    while ( p  && *p -> ptr != <образец> )
        if ( h ( *p -> ptr ) >= h ( <образец> ) ) p = p -> left;
        else p = p -> right;
} // p – указатель на найденный узел или NULL
```

Рекурсивный поиск в сорт. дереве:

```
void search2 ( Tp &p) {
    if ( p )    if ( <образец> != *p -> ptr)
                if ( h (<образец>) <= h (*p -> ptr ) search2 ( p -> left );
                else search2 ( p -> right );
} // p – указатель на найденный узел или NULL
```

# Структуры, препроцессор, динамическая память

Рекурсивный поиск в сорт. дереве с включением:

```
// Пусть задан некий < образец> для поиска и вставки
void locate ( Tp &p )
{
    if ( !p ) { p = new T; p -> ptr = &<образец>; p -> left = p -> right = NULL; }
    else if ( <образец> != *p -> ptr )
        if ( h ( <образец> ) <= h (*p -> ptr ) ) locate ( p -> left );
        else locate ( p -> right );
} // p – указатель на найденный или созданный) узел
```

После отработки алгоритма locate сортировка есть просто lhr (rhl) –обход сорт. дерева.

Пример:

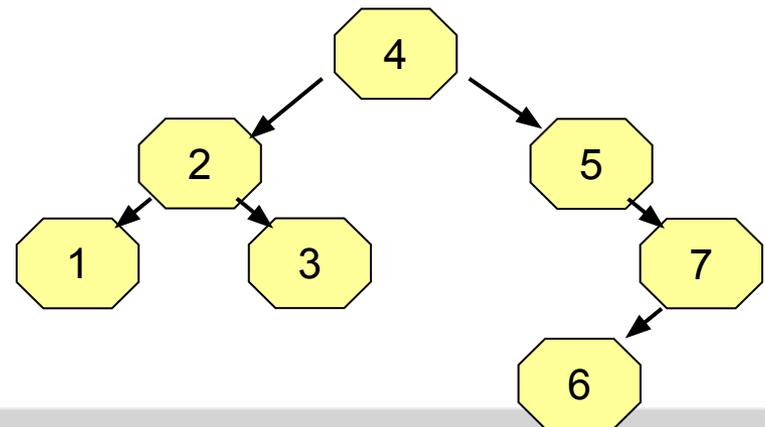
пусть данные поступают в дерево

в следующем порядке:

4 5 2 7 3 6 1

Осуществим lhr-обход, получим:

1 2 3 4 5 6 7



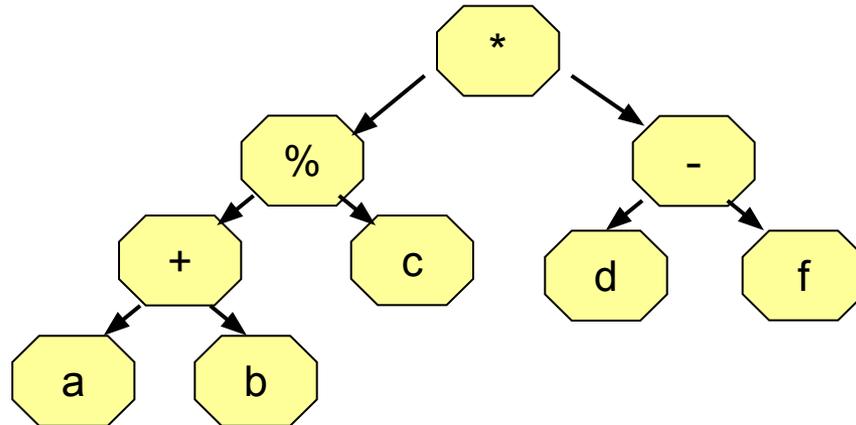
# Структуры, препроцессор, динамическая память

Задача из теории компиляторов. Вычисление выражений:

Пусть требуется вычислить следующее выражение:

$$((a + b) \% c) * (d - f)$$

Построим следующее двоичное дерево:



Обойдем данное двоичное дерево в порядке lrh и будем вычислять выражения в узлах, используя обратную польскую запись (постфиксную форму).

Проверьте, что при таком обходе дерева выражение будет вычислено корректно.

Исследуйте работу программного стека.

# Структуры, препроцессор, динамическая память

Hash-таблицы (таблицы с перемешиванием)