Физика атома, атомного ядра и элементарных частиц

13 (1). Спин и магнитный момент электрона.

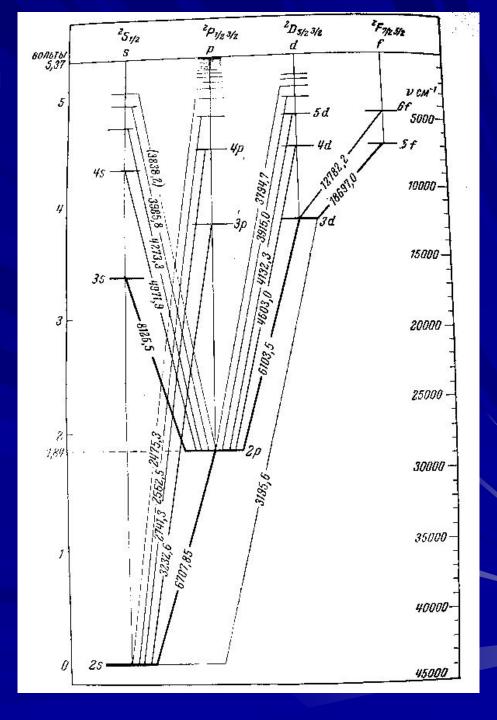
Спектры атомов щелочных металлов

Спектры атомов щелочных металлов схожи со спектрами водорода: они также состоят из серий, причем линии в серии закономерно сгущаются к границе серии. Общий вид термов щелочных атомов имеет вид

$$T = \frac{R}{(n+\sigma)^2} \tag{13.1}$$

где σ – некоторая поправка, различная для различных серий.

На рисунке изображены уровни энергии и переходы в атоме лития. Видно качественное сходство с атомом водорода. Однако изучение структуры спектральных линий указывает на то, что уровни р, d, f, ..., - т.е. все, кроме s – уровней – расщеплены на два (т.е. являются двойными).



Дублетная структура термов, а также некоторые другие экспериментальные факты, например аномальный эффект Зеемана, который мы рассмотрим позднее, вызвали в свое время (20-е годы прошлого столетия) большие затруднения у физиков. Эти факты в конце концов привели к гипотезе о том, что у электрона существует собственный механический момент (спин) и связанный с ним магнитный момент. Эта гипотеза была выдвинута Уленбеком и Гаудсмитом (Uhlenbeck G., Goudsmit S., 1925 г).

Величина механического момента – спина – может быть определена из факта дублетности термов атомов щелочных металлов. Как всякий момент спин электрона должен быть квантованным. Его величину принято обозначать буквой S (не путать с обозначением s-термов), и выражать с помощью соответствующего квантового числа s:

$$S = \mathbb{Z}\sqrt{s(s+1)} \tag{13.2}$$

Далее число возможных проекций спина на выбранное направление равно 2s+1. С другой стороны опыт показывает, что термы дублетны, поэтому спин имеет только две возможных ориентации. Следовательно

$$2s+1=2$$
,

отсюда

$$s = 1/2$$
,

$$S = \mathbb{Z}\sqrt{s(s+1)} = \frac{\sqrt{3}}{2}\mathbb{Z}$$

Кроме механического момента, электрон имеет и магнитный момент. Орбитальному движению электрона соответствует орбитальный магнитный ный момент, а спину – собственный магнитный момент.

Определим в рамках теории Бора величину орбитального магнитного момента. "Сила тока" на орбите электрона i = ev. Магнитный момент

$$\mu_l = iS$$

где "площадь орбиты" $S = \pi r^2$

Поэтому

$$\mu_{l} = ev\pi r^{2} = \frac{ev \cdot 2\pi r^{2} \cdot m_{e}}{2m_{e}} = \frac{e}{2m_{e}} \frac{2\pi v^{2}}{2m_{e}} = \frac{e}{2m_{e}} \sqrt{l(l+1)}$$

$$\frac{|L|}{|L|}$$

Итак,

$$\left|\frac{\mathbb{N}}{\mu_l}\right| = \frac{e}{2m_e} \left|\frac{\mathbb{N}}{L}\right| = \frac{e\mathbb{N}}{2m_e} \sqrt{l(l+1)}$$
 (13.3)

Величина

$$e \mathbb{Z} / 2m_e = \mu_0 \tag{13.4}$$

называется **магнетоном Бора** и применяется для измерения магнитных моментов атомов и молекул:

$$\left|\frac{\mathbb{X}}{\mu_{l}}\right| = \mu_{0}\sqrt{l(l+1)}$$
 (13.5)

Проекция магнитного момента на некоторое направление Z, так же, как и проекция момента импульса, может принимать 2l+1 значений:

$$\mu_{lz} = \mu_0 \cdot m$$
 , (13.6)

где
$$m=0,\pm 1,\pm 2,\;...\pm l.$$

Отношение величины магнитного момента к моменту импульса называется гиромагнитным отношением. Для орбитального момента

$$g_l = \frac{\mu_l}{L} = \frac{\mu_0 \sqrt{l(l+1)}}{\mathbb{Z}\sqrt{l(l+1)}} = \frac{\mu_0}{\mathbb{Z}} = \frac{e}{2m_e}$$
 (13.7)

Собственному моменту импульса электрона – спину – соответствует и собственный магнитный момент µ_s, причем вся совокупность экспериментальных фактов указывает на то, что этот собственный магнитный момент электрона равен:

$$\left|\frac{\mathbb{X}}{\mu_{s}}\right| = 2 \cdot \frac{e}{2m_{s}} \left|\frac{\mathbb{X}}{S}\right| = 2\mu_{0} \sqrt{s(s+1)}.$$
 (13.8)

Таким образом, гиромагнитное отношение для собственных моментов электрона

$$g_{s} = \frac{|\mu|}{|S|} = \frac{2\mu_{0}\sqrt{s(s+1)}}{\mathbb{N}\sqrt{s(s+1)}} = \frac{2\mu_{0}}{\mathbb{N}} = \frac{e}{m_{e}}$$
(13.9)

вдвое больше, чем для орбитальных моментов. Проекция собственного магнитного момента на некоторое направление Z, так же как и проекция спина, может принимать всего 2 значения:

$$\mu_{sz} = 2\mu_0 \cdot \left(\pm \frac{1}{2}\right) = \pm \mu_0$$
 (13.10)

Наличие спина и магнитного момента электрона объясняет многие экспериментальные факты. Например, дублетную структуру термов щелочных атомов можно объяснить следующим образом. В состояниях $l \neq 0$ (p, d, f, ... - термы) атом обладает орбитальным магнитным моментом, с которым взаимодействует собственный магнитный момент электрона, причем он может ориентироваться относительно орбитального момента так, что его проекция равна ного уровня возникает два уровня, и p-, d-, f-,... термы являются двойными.