

# Описание поля в диэлектрике

## 1. Строение диэлектриков

Все диэлектрики можно разделить на две группы: неполярные и полярные диэлектрики.

Молекулы, у которых центры тяжести, составляющих их положительных и отрицательных зарядов совпадают, являются неполярными. Эти молекулы не имеют собственного дипольного момента, их дипольный момент  $p = q \cdot r$  равен нулю. К этой группе относятся прежде всего одноатомные молекулы (инертные газы, пары металлов и др.) и многоатомные, имеющие симметричное строение. Например, жидкие диэлектрики – бензол, толуол, ксилол и др., твердые диэлектрики – фторопласт, полистирол и др. Строение их молекул показано на рис.11.

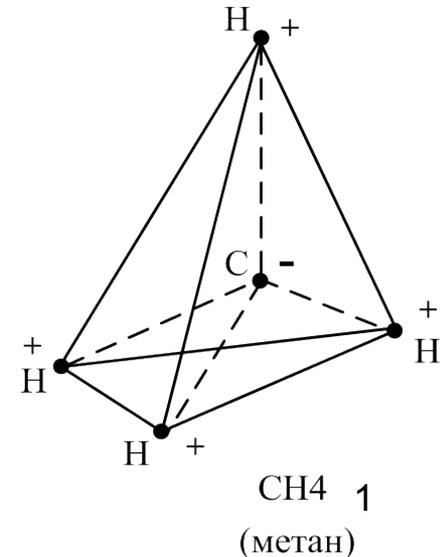
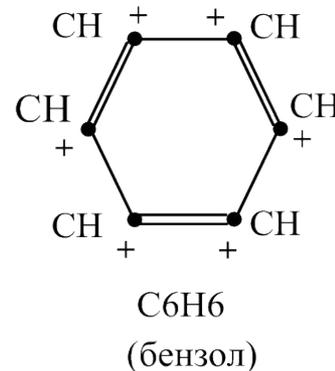
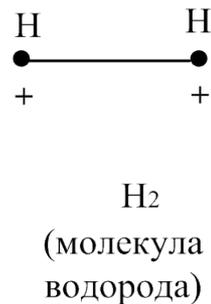
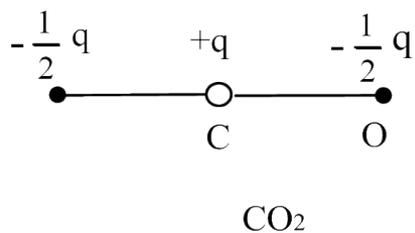


Рис.11

Полярные диэлектрики – вещества, у которых молекулы имеют дипольный момент в отсутствие электрического поля (элементарные диполи). Существование элементарных диполей обусловлено асимметрией строения молекул, приводящей к несовпадению центров тяжести положительных и отрицательных зарядов. Если  $\Delta$  – расстояние между центрами тяжести разноименных зарядов, то собственный дипольный момент молекулы  $p = q \Delta$ . К полярным диэлектрикам относятся: газы – CO, пары воды, пары этилового спирта; жидкости – вода, нитробензол, ацетон, HCl и др., твердые тела – органические полимеры. Строение некоторых молекул показано на рис.12, стрелками указаны направления дипольных моментов.

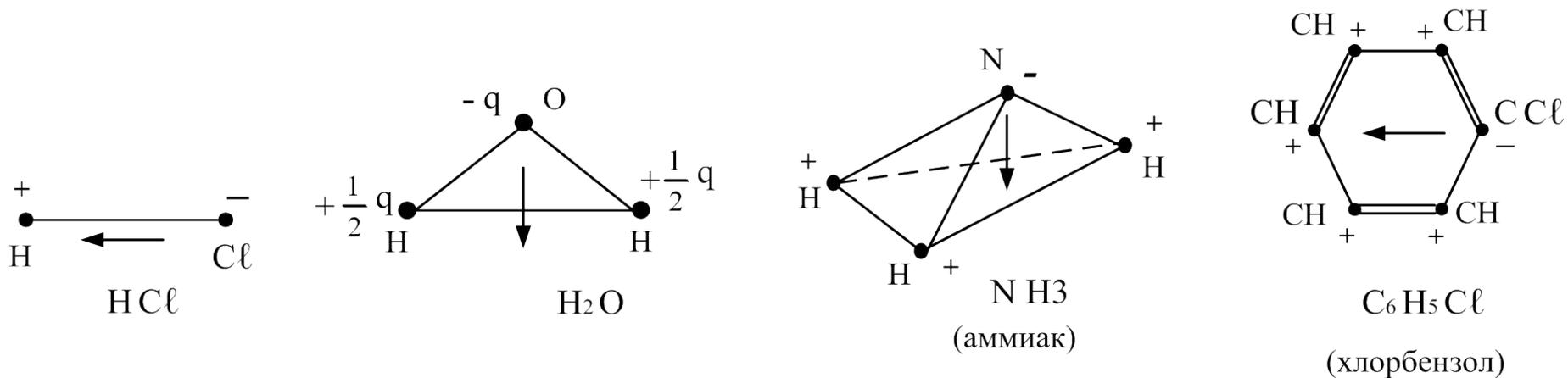


Рис.12

Величины дипольных моментов некоторых полярных молекул приведены в таблице 1.1.

**Таблица 1.1**

Вещество	<i>Hl</i>	CO	SO <sub>2</sub>	H <sub>2</sub> O	<i>CH<sub>3</sub>Cl</i>
$p \cdot 10^{-30}$ Кл·м	3,6	0,33	5,3	6,2	6,25

## 2. Поляризация диэлектрика

Поляризация – это состояние диэлектрика, характеризующееся наличием электрического дипольного момента у любого элемента его объема.

Количественной характеристикой поляризации является:

Вектор электрического дипольного момента единицы объема диэлектрика называется **вектором поляризации** или поляризованностью  $\vec{P}$ .

Если  $d\vec{R}$  - дипольный момент элемента объема  $dV$  диэлектрика с непрерывным распределением зарядов, то вектор поляризации в любой его точке

$$\vec{P}(x, y, z) = \frac{d\vec{R}}{dV}$$

## Дипольный момент всего образца диэлектрика

$$\vec{R} = \int_V \vec{P} dV$$

Если однородный и изотропный диэлектрик находится в однородном электрическом поле, то его поляризация будет однородной, тогда вектор поляризации

$$\vec{P} = \frac{\sum_{\Delta V} \vec{p}_i}{\Delta V} \quad (1)$$

где  $\sum_{\Delta V} \vec{p}_i$  – сумма элементарных дипольных моментов в объеме  $\Delta V$ .

**PS.** Поляризация появляется при воздействии электрического поля и исчезает после его удаления, но может в некоторых диэлектриках происходить самопроизвольно (сегнетоэлектрики, пьезоэлектрики).

В процессе поляризации на поверхности диэлектрика появляется избыточный связанный заряд  $\sigma'$ . Опыт показывает, что связанный заряд и нормальная компонента вектора поляризации связаны между собой

$$P_n = \sigma' \quad (2)$$

В неполярных диэлектриках в электрическом поле происходит деформация молекул и, в результате смещения положительных и отрицательных зарядов, образуется дипольный момент у каждой молекулы и следовательно у всего диэлектрика

В этом случае электрический момент образовавшегося диполя прямо пропорционален напряженности внешнего поля

$$\vec{p} = \varepsilon_0 \alpha \vec{E}, \quad (3)$$

где  $\alpha$  — поляризуемость молекулы.

Зная поляризуемость молекул, можно определить дипольный электрический момент единицы объема диэлектрика (**вектор поляризации**)

$$\vec{P} = n_0 \vec{p} = n_0 \varepsilon_0 \alpha \vec{E}$$

где  $n_0$  — концентрация молекул в диэлектрике. **Диэлектрической восприимчивостью диэлектрика называют величину  $n_0 \alpha = \chi$**  .

Диэлектрическая восприимчивость показывает как диэлектрик воспринимает действие электрического поля, на сколько он способен поляризоваться под действием электрического поля

$$\vec{P} = \chi \varepsilon_0 \vec{E} \quad (4)$$

*В слабых электрических полях поляризуемость прямо пропорциональна напряженности поля.*

### 3. Электрическое поле в диэлектриках. Вектор электрического смещения.

Теорема Остроградского-Гаусса для диэлектриков имеет вид:

$$\oint_S (\vec{E} ds) = \frac{1}{\epsilon_0} \left( \sum_{i=1}^N q + \sum_{i=1}^N q' \right). \quad (5)$$

В диэлектрике поток вектора  $\vec{E}$  через произвольную замкнутую поверхность определяется не только свободными (сторонними) зарядами, но и связанными (поляризационными) зарядами, находящимися внутри этой поверхности. Эти заряды связаны между собой. Величина заряда  $q'$  зависит от заряда  $q$ . Он влияет на  $q$ , величину поляризационного заряда. Можно показать, что поляризационный заряд связан с вектором поляризации соотношением

$$-q' = \oint_S \vec{P} ds \quad (6)$$

Знак «-» указывает на то, что избыточный связанный заряд смещается внутрь поверхности  $S$ . Этот факт позволяет ввести понятие вектора электрического смещения (индукции), который упрощает запись теоремы Гаусса

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P}$$

$$\oint_S (\vec{D} ds) = \sum_{i=1}^N q_i \quad (7)$$

**Теорема Гаусса для вектора  $\vec{D}$  в интегральной форме для электрического поля в диэлектрике: поток вектора электрического смещения  $\vec{D}$  через произвольную замкнутую поверхность равен алгебраической сумме свободных зарядов, заключенных внутри этой поверхности.**

## 4. Связь векторов $\vec{D}$ и $\vec{E}$ в диэлектриках

Вектор электрического смещения является функцией напряженности электрического поля  $\vec{D} = D(\vec{E})$

$$\vec{D} = \varepsilon_0 \vec{E} + \vec{P} \quad (8)$$

Рассмотрим изотропный диэлектрик в слабых электрических полях

$$\vec{P} = \varepsilon_0 \chi \vec{E}$$

Тогда  $\vec{D} = \varepsilon_0 \vec{E} + \varepsilon_0 \chi \vec{E}$  обозначив  $\varepsilon = 1 + \chi$  (для однородного диэлектрика) получаем

$$\vec{D} = \varepsilon \varepsilon_0 \vec{E} \quad (9)$$

Коэффициент пропорциональности  $\varepsilon$  в линейной зависимости (9) называется **диэлектрической проницаемостью изотропного вещества**.

Он показывает во сколько раз поле в диэлектрике будет меньше, чем в вакууме.

## 5. Граничные условия

**Закономерности преобразования векторов  $\vec{D}$  и  $\vec{E}$  следующие:**

При переходе через границу раздела двух диэлектриков нормальная компонента вектора  $\vec{D}$  не преобразуется:

$$D_{1n} = \varepsilon_0 \varepsilon_1 E_{1n} = D_{2n} = \varepsilon_0 \varepsilon_2 E_{2n} = const \quad (10)$$

При переходе через границу раздела двух диэлектриков касательная компонента вектора  $\vec{E}$  не преобразуется.

$$E_{1\tau} = \frac{D_{1\tau}}{\varepsilon_0 \varepsilon_1} = E_{2\tau} = \frac{D_{2\tau}}{\varepsilon_0 \varepsilon_2} = const \quad (11)$$

## 6. Проводники в электрическом поле

Свойства проводника, помещённого в электрическое поле:

1. Напряжённость электрического поля внутри проводника всюду равна нулю.
2. Потенциал внутри проводника постоянен.
3. Напряжённость поля вне проводника везде перпендикулярна его поверхности.
4. Вблизи поверхности заряженного проводника напряжённость поля однородна и равна  $E_n = \sigma / (\epsilon \epsilon_0)$ . Оно совпадает с напряжённостью поля между обкладками плоского конденсатора.
5. Теорема Фарадея. Кулоновское поле зарядов, окружённых проводящей оболочкой, экранируется самой оболочкой. Пример.

## 7. Уединённый проводник в электрическом поле. Конденсаторы.

Опыт показывает, что потенциал заряженной поверхности проводника пропорционален величине сообщённого поверхности заряда

$$\varphi = q / C \quad (12)$$

где  $C$  – ёмкость уединённого проводника.

Сравнивая это соотношение и соотношение для потенциала точечного заряда, получим ёмкость уединённого металлического шара:

$$C = 4\pi\epsilon\epsilon_0 R \quad (13)$$

где  $R$  – радиус шара.

**Конденсатором** называют систему двух заряженных проводников. По теореме Фарадея их заряды равны и противоположны по знаку.

Ёмкость плоского конденсатора:

$$C = \epsilon\epsilon_0 S / d \quad (14)$$

Ёмкость цилиндрического конденсатора:

$$C = 2\pi\epsilon\epsilon_0 l / \ln(R_2 / R_1) \quad (15)$$

Ёмкость сферического конденсатора:

$$C = 4\pi\epsilon_0 R_1 R_2 / (R_2 - R_1) \quad (16)$$

## 8. Энергия электрического поля.

### 8.1. Энергия конденсатора.

Энергия электрического поля зависит только от состояния системы и не зависит от способа, которым это состояние достигается. Вычислим энергию заряженного конденсатора. Внешним способом будем переносить заряд с одной обкладки на другую. При этом элементарная работа внешних сил  $dA_{\text{вн}} = \varphi dq$ . Работа сил поля  $dA = -dA_{\text{вн}}$ . При переносе конечного заряда  $Q$  имеем энергию заряженного конденсатора:

$$W = Q^2 / (2C) = CU^2 / 2 = QU / 2 \quad (17)$$

Заменяя  $U$  на  $\varphi$ , получим энергию уединённого заряженного проводника.

### 8.2. Энергия системы зарядов.

Система заряженных тел обладает потенциальной энергией. Для двух точечных зарядов. Один переносим из бесконечности на конечное расстояние к другому:  $A_1 = q_1\varphi_2 = q_1q_2 / (4\pi\epsilon\epsilon_0r_{12})$ . Затем наоборот:

$$A_2 = q_2\varphi_1 = q_1q_2 / (4\pi\epsilon\epsilon_0r_{12}) \quad (18)$$

Они одинаковы.

Обобщение на систему из  $N$  зарядов:

$$W = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^N q_i\varphi_i \quad (19)$$

где  $\varphi_i$  - потенциал создаваемый всеми зарядами, кроме  $q_i$  в точке, где находится заряд  $q_i$  .

### 8.3. Энергия электрического поля.

Из формулы для энергии плоского конденсатора получим:

$$W = CU^2 / 2 = \varepsilon\varepsilon_0 SE^2 d^2 / (2d) = wV$$

где  $w$  – объемная плотность энергии электрического поля (давление) равно

$$w = \varepsilon\varepsilon_0 E^2 / 2 \quad (20)$$

Где локализована энергия электрического поля, и что является её носителем: заряды или поле?

**Накопленный человечеством опыт показывает, что энергия электрического поля заключена в его силовых линиях!!!**