

- Сортировка пирамидой использует бинарное сортирующее дерево. Сортирующее дерево — это такое дерево, у которого выполнены условия:
- Каждый лист имеет глубину либо d , либо $d - 1$, d — максимальная глубина дерева.
- Значение в любой вершине не меньше (другой вариант — не больше) значения её потомков.
- Удобная структура данных для сортирующего дерева — такой массив `Array`, что `Array[0]` — элемент в корне, а потомки элемента `Array[i]` являются `Array[2i+1]` и `Array[2i+2]`

Алгоритм сортировки будет состоять из двух основных шагов:

- 1. Выстраиваем элементы массива в виде сортирующего дерева
- $Array[i] \geq Array[2i+1]$
- $Array[i] \geq Array[2i+2]$
- При $0 \leq i < n/2$
- Этот шаг требует $O(n)$ операций.
- 2. Будем удалять элементы из корня по одному за раз и перестраивать дерево. То есть на первом шаге обмениваем $Array[1]$ и $Array[n]$, преобразовываем $Array[1], Array[2], \dots, Array[n-1]$ в сортирующее дерево. Затем переставляем $Array[1]$ и $Array[n-1]$, преобразовываем $Array[1], Array[2], \dots, Array[n-2]$ в сортирующее дерево. Процесс продолжается до тех пор, пока в сортирующем дереве не останется один элемент. Тогда $Array[1], Array[2], \dots, Array[n]$ — упорядоченная последовательность.
- Этот шаг требует $O(n \log n)$ операций.

1: $7 \quad 3 \quad 5 \quad 0 \quad 1 \quad -2 \quad -4$
 $-4 \quad \underline{3} \quad 5 \quad 0 \quad 1 \quad -2 \quad 7$
 $5 \quad 3 \quad -4 \quad 0 \quad 1 \quad -2 \quad 7$

2: $5 \quad 3 \quad -2 \quad 0 \quad 1 \quad -4 \quad 7$
 $-4 \quad \underline{3} \quad -2 \quad 0 \quad 1 \quad 5 \quad 7$
 $3 \quad -4 \quad -2 \quad 0 \quad 1 \quad 5 \quad 7$

3: $3 \quad 1 \quad -2 \quad 0 \quad -4 \quad 5 \quad 7$
 $-4 \quad \underline{1} \quad -2 \quad 0 \quad 3 \quad 5 \quad 7$
 $1 \quad -4 \quad -2 \quad 0 \quad 3 \quad 5 \quad 7$

4: $1 \quad 0 \quad -2 \quad -4 \quad 3 \quad 5 \quad 7$
 $-4 \quad 0 \quad -2 \quad 1 \quad 3 \quad 5 \quad 7$

5: $0 \quad -4 \quad -2 \quad 1 \quad 3 \quad 5 \quad 7$
 $-2 \quad \underline{-4} \quad 0 \quad 1 \quad 3 \quad 5 \quad 7$

6: $-2 \quad -4 \quad 0 \quad 1 \quad 3 \quad 5 \quad 7$

7: $-4 \quad -2 \quad 0 \quad 1 \quad 3 \quad 5 \quad 7$
 $-4 \quad -2 \quad 0 \quad 1 \quad 3 \quad 5 \quad 7$

Достоинства

- Имеет доказанную оценку худшего случая $O(n \cdot \log n)$
- Сортирует на месте, то есть требует всего $O(1)$ дополнительной памяти.
- никаких дополнительных переменных, нужно лишь понимать схему.
- узлы хранятся от вершины и далее вниз, уровень за уровнем.
- узлы одного уровня хранятся в массиве слева направо.

Недостатки

- Сложен в реализации.
- На почти отсортированных массивах работает столь же долго, как и на хаотических данных.
- На одном шаге выборку приходится делать хаотично по всей длине массива — поэтому алгоритм плохо сочетается с кэшированием и подкачкой памяти.
- Методу требуется «мгновенный» прямой доступ; не работает на связанных списках и других структурах памяти последовательного доступа.
- Из-за сложности алгоритма выигрыш получается только на больших n . На небольших n (до нескольких тысяч) быстрее сортировка Шелла.
- Поведение неестественно: частичная упорядоченность массива никак не учитывается.

