

ПРОЦЕДУРЫ В С++

ЗАЧЕМ НУЖНЫ ПРОЦЕДУРЫ?

```
cout << "Ошибка программы";
void Error()
  cout << "Ошибка программы";
main()
                       вызов
                     процедуры
  int n;
  cin >> n;
  if ( n < 0 ) Error();</pre>
```

много раз!

ЧТО ТАКОЕ ПРОЦЕДУРА?

Процедура – вспомогательный алгоритм, который выполняет некоторые действия.

- •текст (расшифровка) процедуры записывается после основной программы
- •в программе может быть много процедур
- •чтобы процедура заработала, нужно вызвать её по имени из основной программы или из другой процедуры

ПРОЦЕДУРА С ПАРАМЕТРАМИ

Задача. Вывести на экран запись целого числа (0..255) в 8-битном двоичном коде.

Алгоритм:



Как вывести первую цифру?

Задача. Вывести на экран запись целого числа (0..255) в 8-битном двоичном коде.

Решение:

```
k = 128;
while (k > 0)
    {
    cout << n/k;
    n = n % k;
    k = k / 2;
    }</pre>
```

178 **⇒** 10110010

n	k	вывод
178	128	1

```
void printBin ( int n )
              int k;
                               Параметры – данные,
              k = 128;
                               изменяющие работу
переменные
              while (k > 0)
                               процедуры.
                cout << n/k;
                n = n % k;
                k = k / 2;
                                значение параметра
           main()
                                    (аргумент)
              printBin ( 99 );
```

локальные

НЕСКОЛЬКО ПАРАМЕТРОВ

```
void printSred(int a, int b)
{
  cout << (a+b)/2.;
}</pre>
```

ИЗМЕНЯЕМЫЕ ПАРАМЕТРЫ

Написать процедуру, которая меняет местами значения двух переменных.

```
void Swap ( int a, int b )
{
  int c;
  c = a; a = b; b = c;
}
```

передача по значению

Процедура работает с копиями переданных значений параметров!

```
main()
{
  int x = 2, y = 3;
  Swap(x,y);
  cout << x << " " << y;
}</pre>
```

Почему не работает?

2 3

переменные могут изменяться

```
void Swap ( int & a, int & b )
{
  int c;
  c = a; a = b; b = c;
}
```

Вызов:

```
int a, b;
Swap(a, b); // правильно
Swap(2, 3); // неправильно
Swap(a, b+3); // неправильно
```

ФУНКЦИИ В С++

ЧТО ТАКОЕ ФУНКЦИЯ?

Функция – это вспомогательный алгоритм, который возвращает *значение-результат* (число, символ или объект другого типа).

Задача. Написать функцию, которая вычисляет сумму цифр числа.

Алгоритм:

```
сумма = 0
пока n != 0
сумма = сумма + n % 10
n = n / 10
```

СУММА ЦИФР ЧИСЛА

```
int sumDigits ( int n )
     тип результата
  int sum = 0;
  while (n != 0)
    sum += n % 10;
    n /= 10;
                     передача
                    результата
 return sum;
```

```
main()
{
  cout << sumDigits(12345);
}</pre>
```

ИСПОЛЬЗОВАНИЕ ФУНКЦИЙ

```
x = 2*sumDigits(n+5);
z = sumDigits(k) + sumDigits(m);
if ( sumDigits(n) % 2 == 0 )
    {
    cout << "Сумма цифр чётная\n";
    cout << "Она равна " << sumDigits(n);
}</pre>
```

Функция, возвращающая целое число, может использоваться везде, где и целая величина!

ЛОГИЧЕСКИЕ ФУНКЦИИ

Задача. Найти все простые числа в диапазоне от 2 до 100.

```
main()
{
   int i;
   for (i = 2; i <= 100; i++)
      if ( isPrime(i) )
      cout << i << endl;
}</pre>
```

функция, возвращающая логическое значение (true/false)

ФУНКЦИЯ: ПРОСТОЕ ЧИСЛО ИЛИ НЕТ?

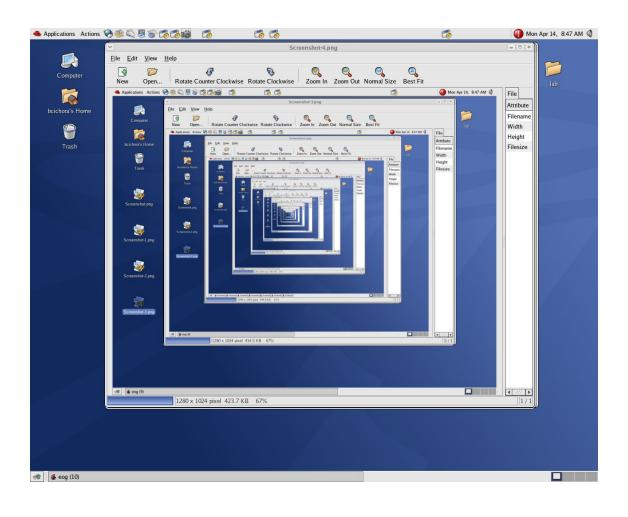
```
bool isPrime ( int n )
  int count = 0, k = 2;
  while ( k*k \le n \&\& count == 0 )
    if (n % k == 0)
                        if( count == 0 )
        count ++;
                              return true;
    k ++;
                        else return false;
  return (count == 0);
```

ЛОГИЧЕСКИЕ ФУНКЦИИ: ИСПОЛЬЗОВАНИЕ

Функция, возвращающая логическое значение, может использоваться везде, где и логическая величина!

РЕКУРСИЯ В С++

ЧТО ТАКОЕ РЕКУРСИЯ?



Натуральные числа:

- •1 натуральное число
- •если n натуральное число, то n+1— натуральное число

индуктивное определение

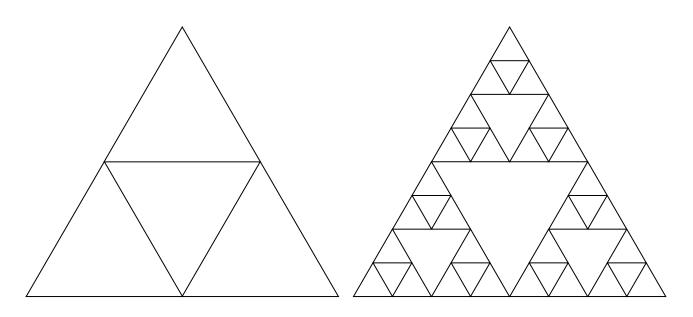
Рекурсия — это способ определения множества объектов через само это множество на основе заданных простых базовых случаев.

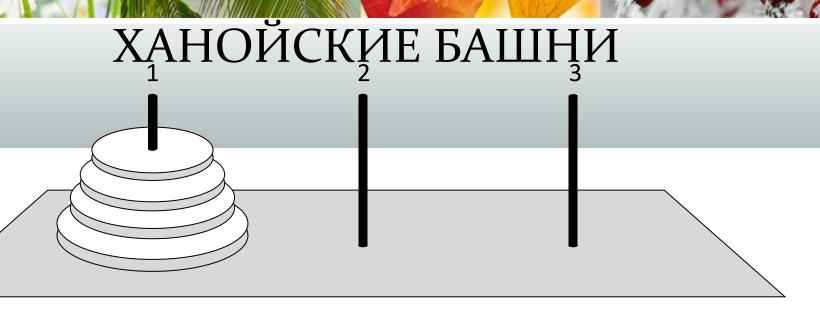
Числа Фибоначчи:

- $\bullet F_1 = F_2 = 1$
- $\bullet F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ при n > 2
- 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ...

Фракталы – геометрические фигуры, обладающие самоподобием.

Треугольник Серпинского:





- •за один раз переносится один диск
- •класть только меньший диск на больший
- •третий стержень вспомогательный

```
перенести (n, 1, 3)
перенести (n-1, 1, 2)
1 -> 3
перенести (n-1, 2, 3)
```

ХАН**ОИСКИЕ БАШНИ -**ПРОЦЕДУРА

```
откуда
                   СКОЛЬКО
                                           куда
         void Hanoi ( int n, int k, int m )
                                       номер
                                  вспомогательного
           int p;
                                 стержня (1+2+3=6!)
           p = 6 - k - m;
рекурсия
           Hanoi (n-1, k, p);
           cout << k << " -> " << m << endl;
рекурсия
           Hanoi (n-1, p, m);
```





Рекурсия никогда не остановится!

Рекурсивная процедура (функция) — это процедура (функция), которая вызывает сама себя напрямую или через другие процедуры и функции.

```
void Hanoi ( int n, int k, int m )
                            условие выхода из
  int p;
                                рекурсии
  if ( n == 0 ) return;
  p = 6 - k - m;
  Hanoi ( n - 1, k, p );
  cout << k << " -> " << m << endl;
  Hanoi ( n - 1, p, m ); main()
                            Hanoi(4, 1, 3);
```

ВЫВОД ДВОИЧНОГО КОДА ЧИСЛА

```
void printBin( int n )
{
  if (n == 0) return;
  printBin(n/2);
  cout << n % 2;
}</pre>
```

условие выхода из рекурсии

напечатать все цифры, кроме последней

printBin(0)

вывести последнюю цифру

ВЫЧ**ИСЛЕНИЕ СУММЫ ЦИФР** ЧИСЛА

```
int sumDig ( int n )
              последняя цифра
  int sum;
  sum = n %10;
                  рекурсивный вызов
  if (n >= 10)
   sum += sumDig ( n / 10 );
  return sum;
 sumDig(1234)
   4 + sumDig(123)
       4 + 3 + sumDig(12)
          4 + 3 + 2 + sumDig(1)
             4 + 3 + 2 + 1
```

АЛГОРИТМ ЕВКЛИДА

Алгоритм Евклида. Чтобы найти НОД двух натуральных чисел, нужно вычитать из большего числа меньшее до тех пор, пока меньшее не станет равно нулю. Тогда второе число и есть НОД исходных чисел.

```
int NOD ( int a, int b )
{
  if ( a == 0 | | b == 0 ) условие окончания рекурсии
  if ( a > b )
      return NOD( a - b, b );
  else return NOD( a, b - a );
}
```

КАК РАБОТАЕТ РЕКУРСИЯ?

```
Факториал: N! = \begin{cases} 1, & N = 1 \\ N \cdot (N-1)!, & N > 1 \end{cases}
```

```
int Fact ( int N )
  int F;
  cout << "-> N=" << N << endl;
  if (N \le 1)
        \mathbf{F} = \mathbf{1};
  else F = N * Fact(N - 1);
  cout << "<- N=" << N << endl;
  return F;
```

```
-> N = 3

-> N = 2

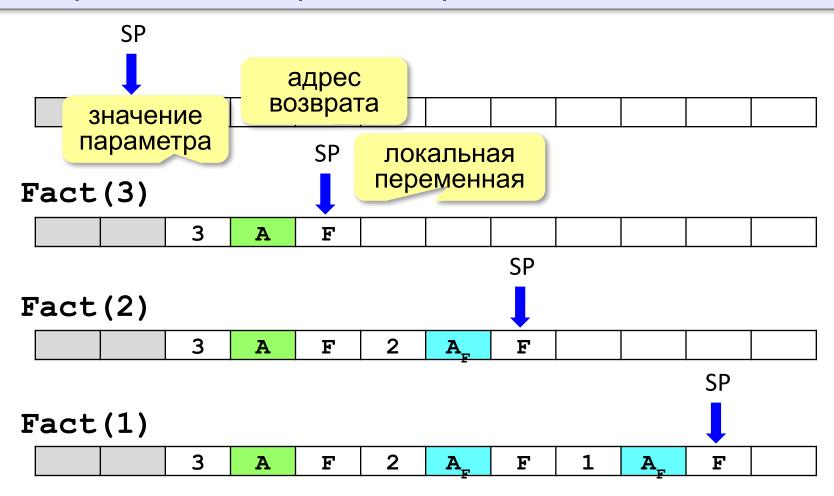
-> N = 1

<- N = 1

<- N = 2

<- N = 3
```

Стек – область памяти, в которой хранятся локальные переменные и адреса возврата.



РЕКУРСИЯ – «ЗА» И «ПРОТИВ»

- •с каждым новым вызовом расходуется память в стеке (возможно переполнение стека)
- •затраты на выполнение служебных операций при рекурсивном вызове
- •программа становится более короткой и понятной
- •возможно переполнение стека
- •замедление работы

Любой рекурсивный алгоритм можно заменить нерекурсивным!

итерационный алгоритм

```
int Fact ( int N )
{
  int F;
  F = 1;
  for(i = 2; i <= N; i++)
    F = F * i;
  return F;
}</pre>
```