

# **ЗАКОНОМЕРНОСТИ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ НАПРЯЖЕНИЙ В ГРУНТЕ ФАЗЫ ДЕФОРМАЦИЙ ГРУНТА ПОД ФУНДАМЕНТОМ**

- 1. ОБЩАЯ ЗАВИСИМОСТЬ МЕЖДУ  
ДЕФОРМАЦИЯМИ И НАПРЯЖЕНИЕМ**
- 2 ФАЗЫ НАПРЯЖЕНИИ-ДЕФОРМИРУЕМОГО  
СОСТОЯНИЯ ГРУНТА**

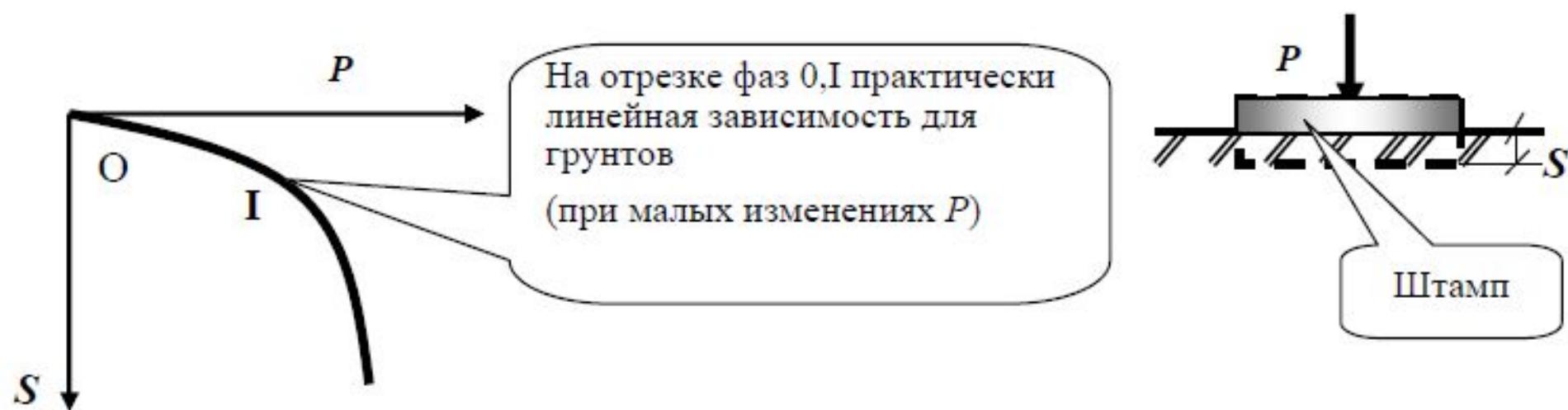
- Основные отличия грунта от твердых тел:
- Неупругий материал
- Несплошное тело
- Отсутствует линейная зависимость между напряжением и деформациями на все этапе загружения

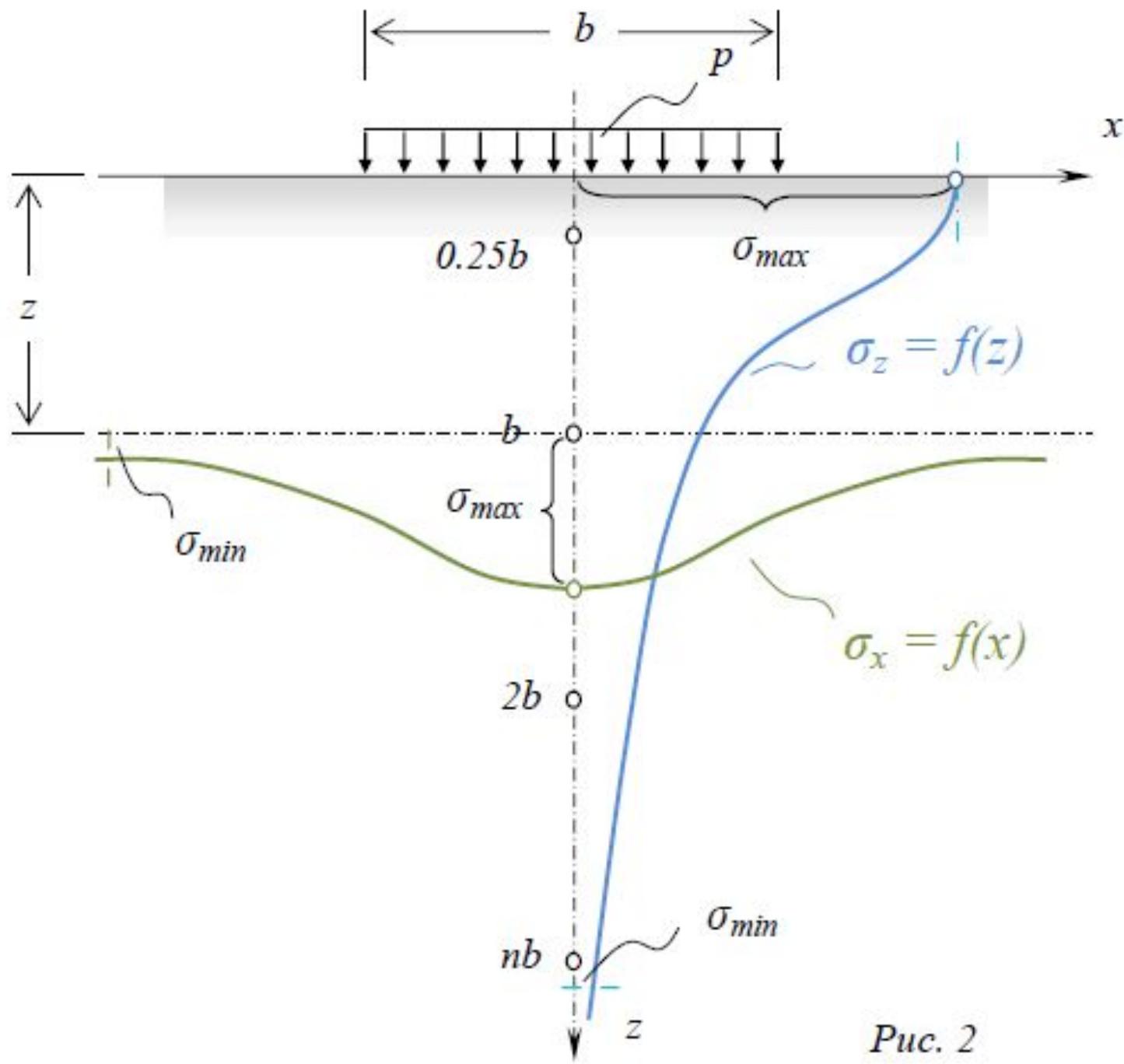
## 4.2. Применимость к грунту решений теории упругости

При определении напряжений в массиве грунта используются законы механики для **упругого сплошного тела**. Насколько грунты удовлетворяют данным требованиям?

**Доказательство применимости теории упругости к грунтам (постулаты теории упругости).**

1. Деформации пропорциональны напряжениям





Основания испытывают преимущественно одноразовое загружение во время возведения сооружения (как правило, без разгрузки). Кроме того, при действии вертикальных сил, направленных вниз, в них возникают преимущественно деформации сжатия.

Поэтому решения теории упругости могут быть использованы для рассмотрения указанных задач.

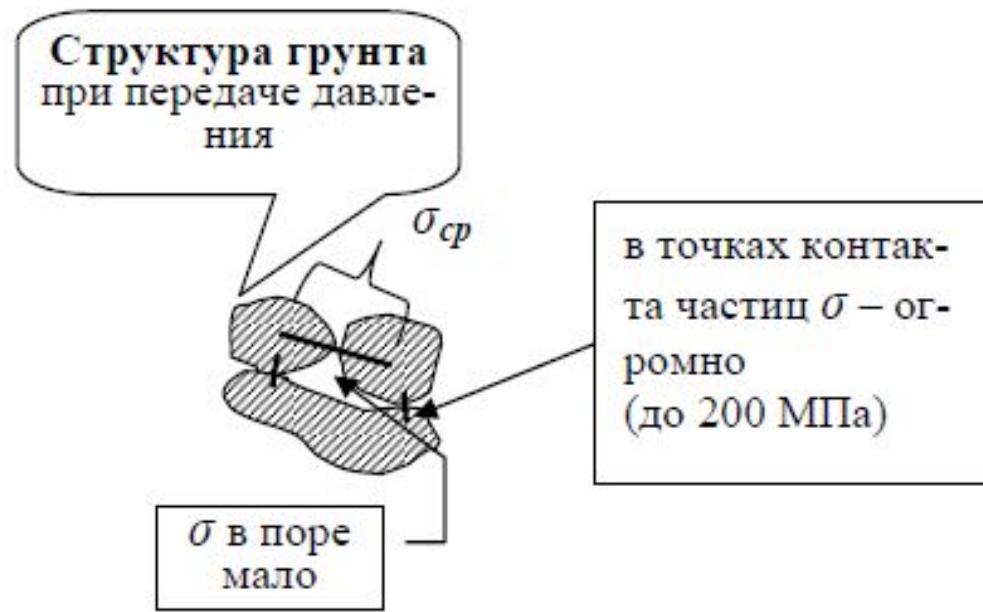
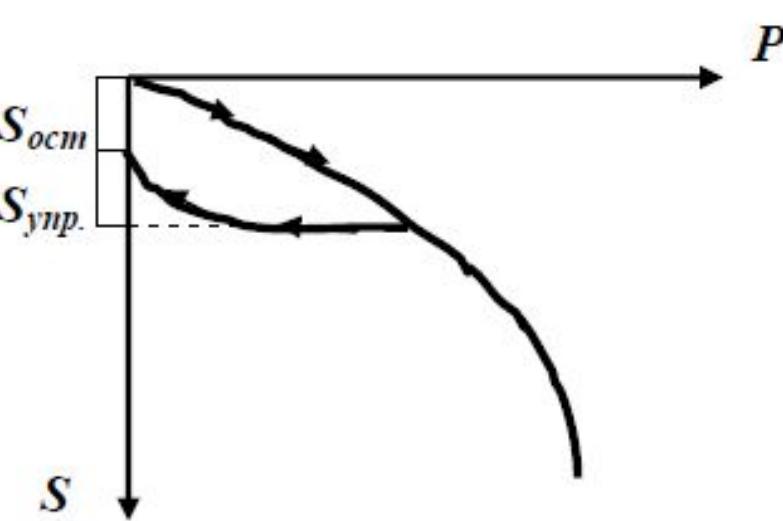


Рис. 4.3. Упругие и остаточные деформации при уплотнении грунта

Рис. 4.4. Структура грунта при передаче давления



### 3. Теория упругости рассматривает тела сплошные.

Вследствие зернистости грунта установить истинное напряжение, возникающее в какой-либо точке его массива, с использованием теории упругости невозможно. Приходится ограничиваться определением средней интенсивности напряжения  $\sigma_{ср}$  в требуемой точке основания, принимая условно, что грунт является сплошным телом. В точках контактов частиц напряжения будут во много раз больше средних значений. В этом случае можно говорить о «сплошности» грунтов.

### 4. Теория упругости рассматривает тела изотропные.

Иногда грунты обладают анизотропией, обусловленной как характером их образования, так и предшествующим напряженным состоянием. Тем не менее при решении инженерных задач с некоторым приближением обычно принимают, что грунты изотропны. Это во многих случаях близко к действительности (для песков, неслоистых глин и суглинков и т. п.). При необходимости можно учесть анизотропность грунтов, но это приводит к усложнению расчетов.

Таким образом, считаем, что

грунт является сплошным  
линейно-деформируемым  
телом, испытывающим  
одноразовое загружение.

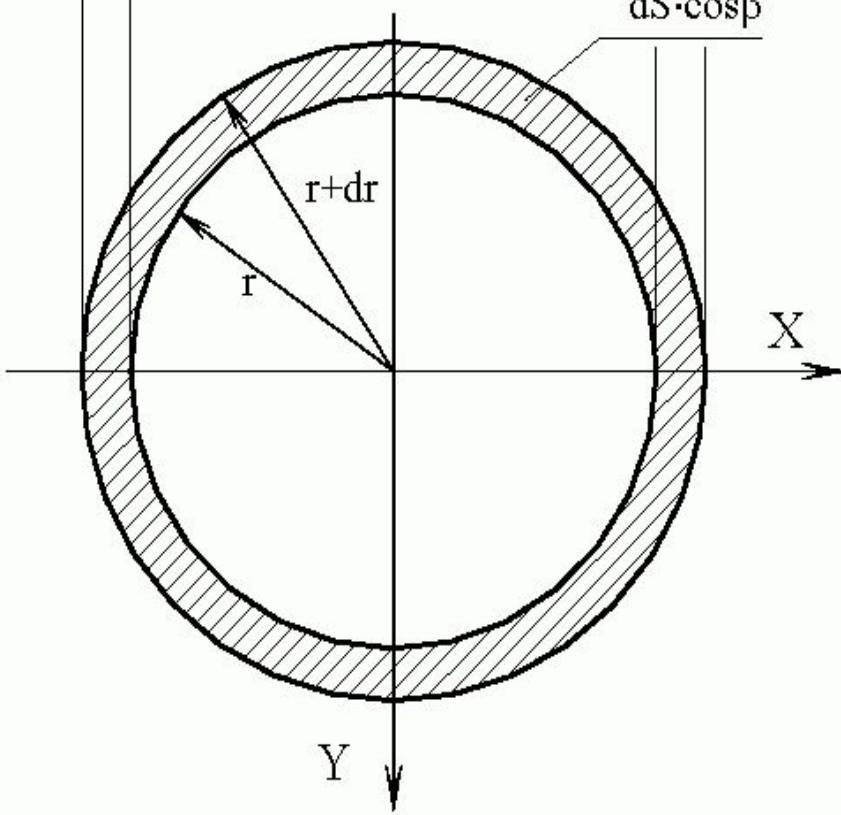
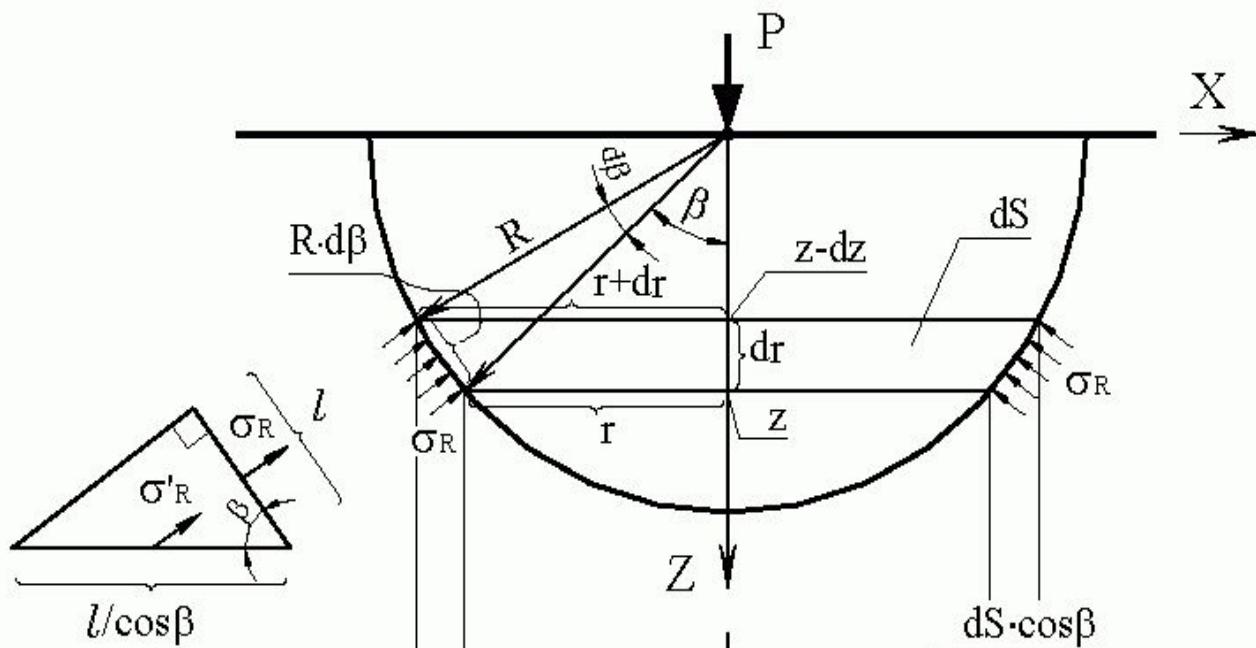
При таких условиях для определения  
осредненных напряжений  
используют решения теории  
упругости.

*Определение напряжений  $Z \sigma$  в массиве грунта при действии единичной вертикальной силы  $N$ , приложенной к границе грунтового основания.*

### **Решение задачи Буссинеска.**

- а) нормальные напряжения на площадках, касательных к сферической поверхности с центром в точке приложения силы, являются главными напряжениями. По этой причине **касательные напряжения на указанных площадках отсутствуют;****
- б) нормальные напряжения, лежащие в вертикальной плоскости, на площадках, нормальных к сферической поверхности с центром в точке приложения силы, равны нулю;**
- в) нормальные напряжения на площадках, касательных к сферической поверхности с центром в точке приложения силы, прямо пропорциональны косинусу угла видимости и обратно пропорциональны квадрату радиуса сферы.**

Под углом видимости понимается угол между радиусом сферы,





**Определение напряжений в массиве грунта от действия нескольких вертикальных сосредоточенных сил, приложенных к границе грунтового основания (принцип Сен-Венана – принцип независимости действия сил).**

# Определение напряжений в массиве грунта при действии распределенной нагрузки

Лекция № 1

Лекция № 1

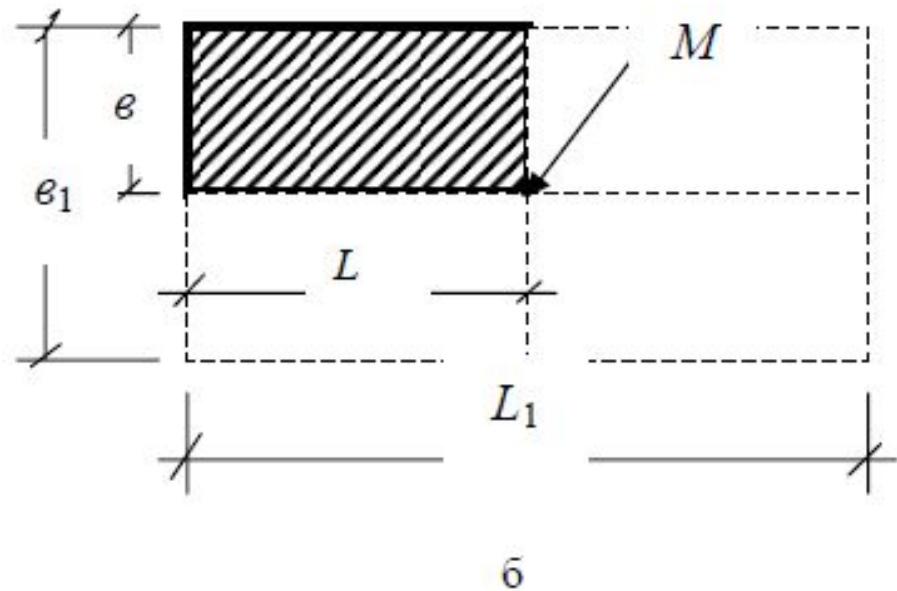
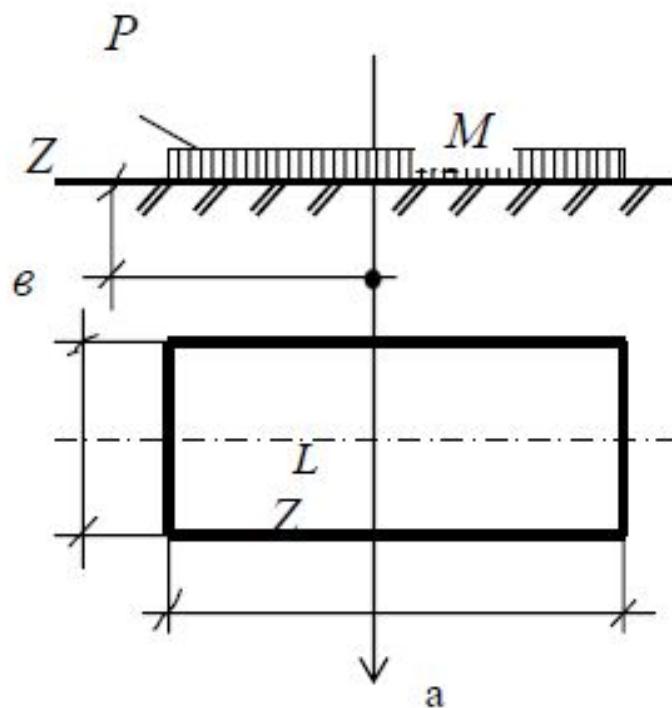
# Определение напряжений $\sigma_z$ при действии местного равномерно распределенного давления (метод угловых точек)

$$\sigma_z = \alpha \cdot P, \quad (4.10)$$

где  $\alpha = f\left(\frac{L}{B}; \frac{2Z}{B}\right)$  – принимается по таблице 4.2;  $P$  – равномерно распределенное давление.

Напряжение под угловыми точками определяют по формуле

$$\sigma_Z = 0,25 \cdot \alpha' P.$$



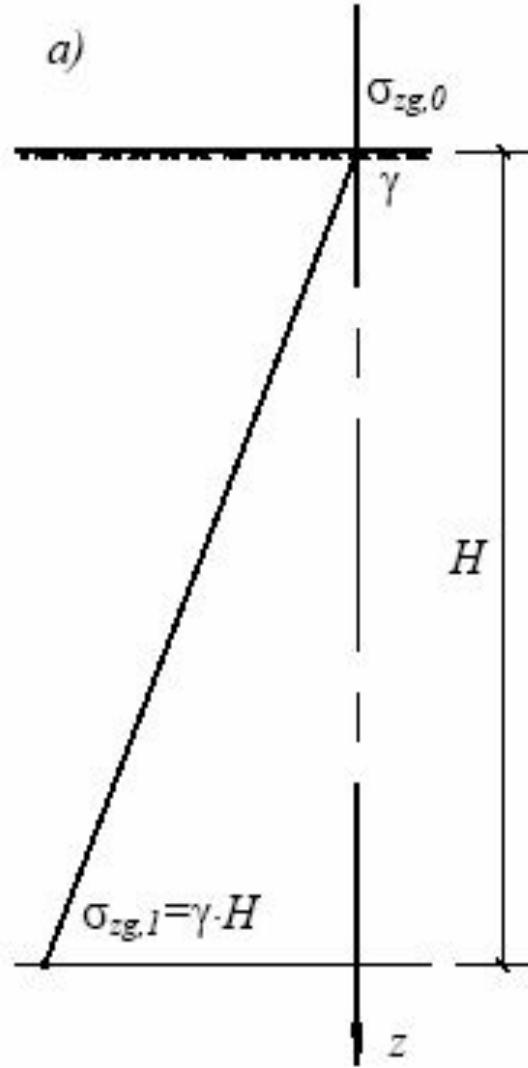
# Напряжения, возникающие от действия собственного веса грунта

Напряжения от собственного веса грунта определяются на основании следующих упрощающих гипотез:

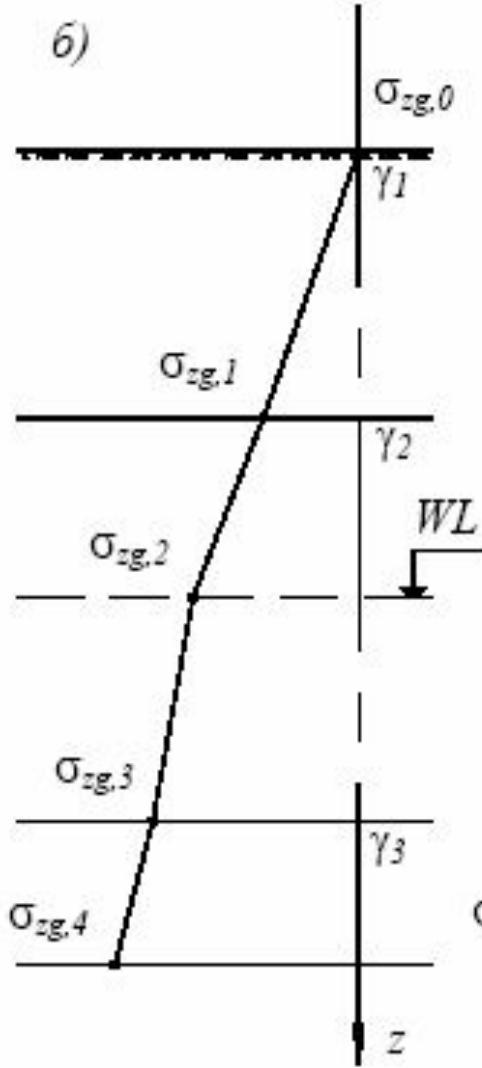
- 1) напряженным состоянием грунта при действии его собственного веса является осесимметричное компрессионное сжатие;
- 2) вертикальные напряжения в грунте определяются суммированием напряжений от веса элементарных слоев грунта;
- 3) грунт, находящийся ниже уровня грунтовых вод, испытывает взвешивающее действие воды;
- 4) слой грунта, находящийся ниже водоносного слоя, называется **водоупором и испытывает на своей поверхности гидростатическое давление водяного столба.**



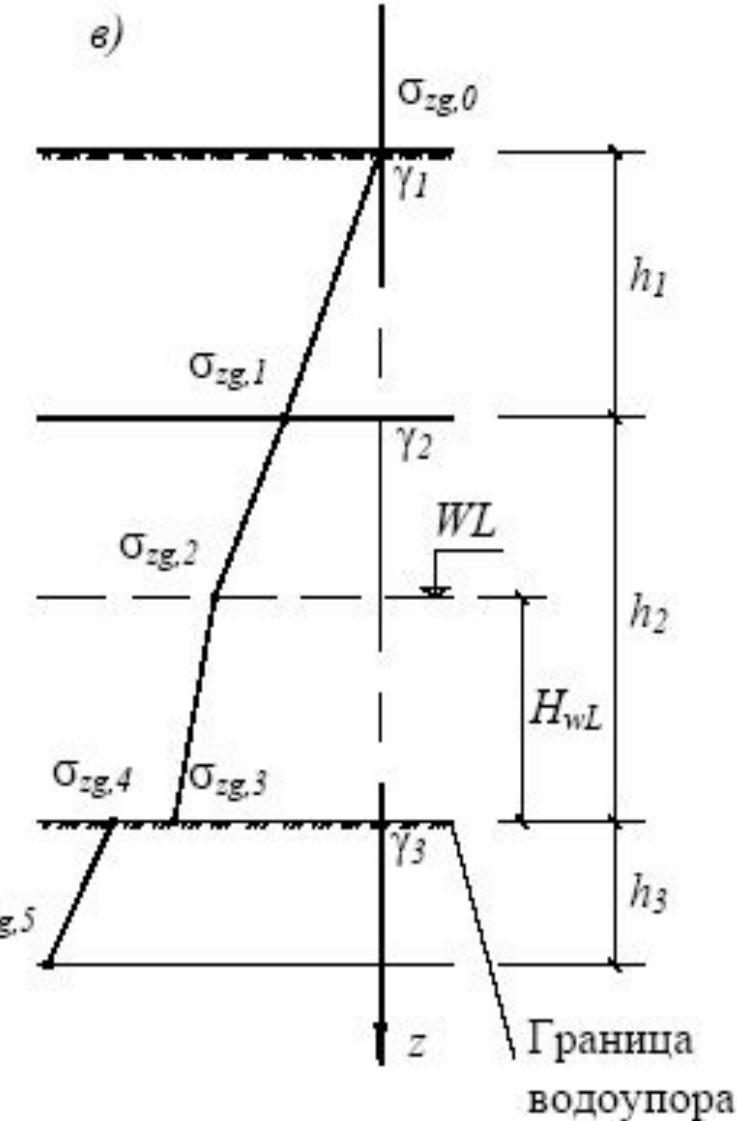
*a)*



*б)*



*в)*



Граница  
водоупора

# Фазы напряженно-деформированного состояния

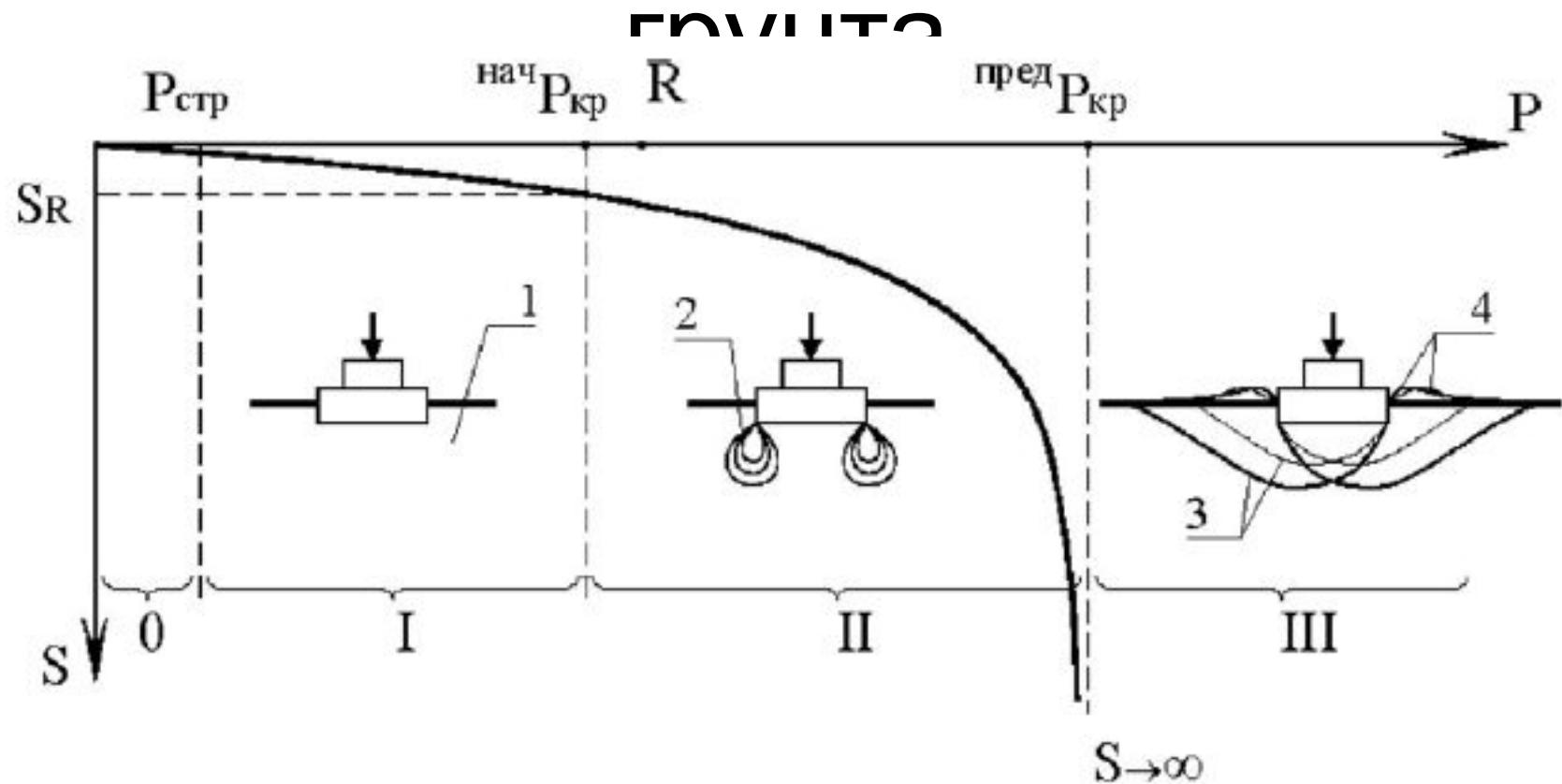


Рис. 4.1. Фазы напряженно-деформированного состояния грунта:

$P_{c\text{тр}}$  – структурная прочность;  $\text{нач } P_{\text{кр}}$  – начальное критическое давление;

$\text{пред } P_{\text{кр}}$  – предельное критическое давление;  $R$  – расчетное сопротивление грунта; 0 – фаза упругой работы; I – фаза уплотнения; II – фаза сдвигов; III – фаза выпоров; 1 – основание в допредельном состоянии; 2 – зоны сдвигов; 3 – линии скольжения; 4 – зоны выпоров

# Фаза упругих деформаций

характеризуется уровнем напряжений в скелете грунта, не

превышающим прочность структурных связей между минеральными частицами грунта или, что то же самое, структурной прочности грунта.

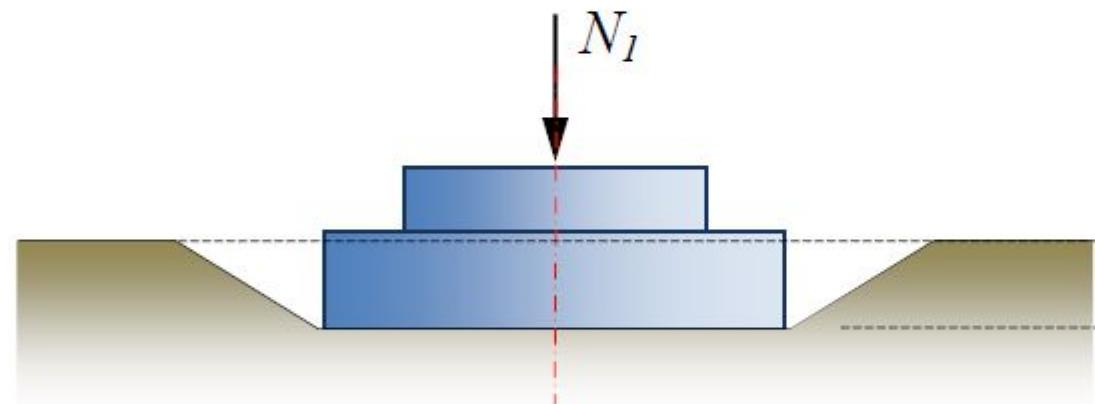
Деформации грунта в этой фазе обратимы и пренебрежимо малы, т. к. обусловлены сжимаемостью минеральных частиц. Уровень напряжений, соответствующий концу этой фазы, называется **структурной прочностью грунта**

*Рстр и обычно не превышает 5 – 10 % допустимых на грунт давлений.*

# Фаза уплотнения

Линейная зависимость между деформациями и напряжениями в этой фазе не обратима.

При полной разгрузке штампа имеет место необратимая (пластическая) осадка, соответствующая нулевым напряжениям по подошве. принцип линейной деформируемости: при простом нагружении грунта в фазе его уплотнения сумма упругой и пластической деформаций линейно зависит от действующего напряжения.



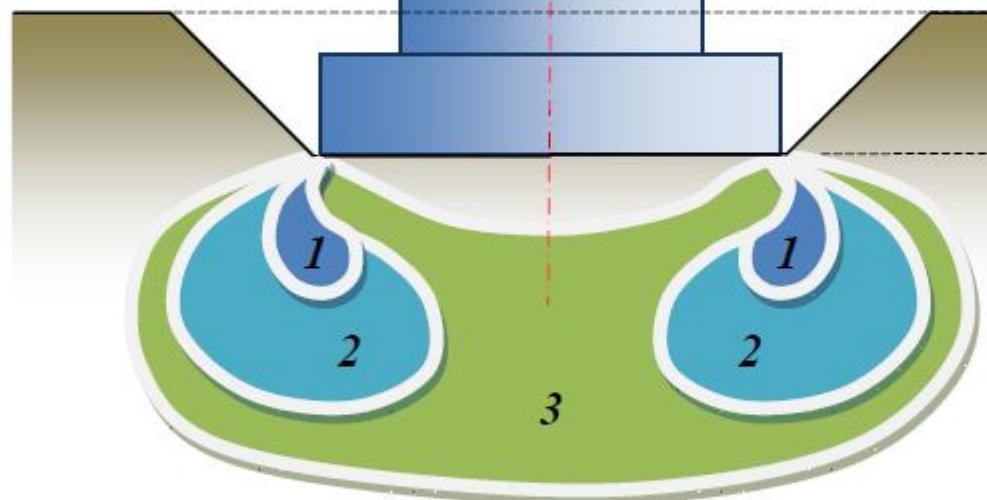
# Фаза сдвигов

характеризует начало образования в грунте зон предельного равновесия.

Зоной предельного равновесия в грунте называют геометрическое место точек, в которых не удовлетворяются условия прочности Кулона-Мора. Первоначально эти зоны образуются по краям штампа, где имеет место концентрация напряжений. Разрушение грунта сопровождается большими сдвиговыми деформациями. Уплотнение грунта в этой фазе

практически не происходит. Грунт считается несжимаемым. Давление на грунт, соответ  
**критическим**

от начальным

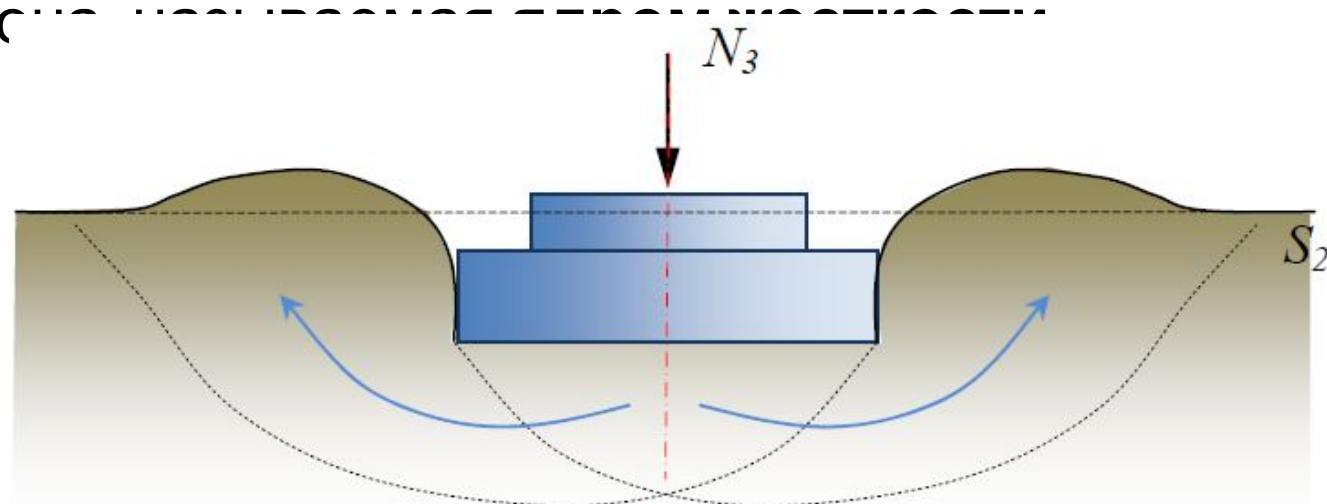


# Фаза выпора

является следствием развития фазы сдвигов в области грунтового массива, являющегося основанием штампа, с образованием поверхностей скольжения, отделяющих основание штампа от нижележащего грунта.

В зонах пластического течения недоуплотненные грунты получают дополнительное уплотнение, а переуплотненные – разуплотняются. Это явление называется *дилатансией*.

*Давление, при котором наступает фаза выпора, называется предельным критическим давлением – пред  $P_{кр.}$  ская переуплотненная зо*



Расчетные модели грунта в соответствии с фазами напряженно-деформированного состояния

Уровень напряжений $P$	Расчетная модель	Характеристики модели	Методы анализа
$P \leq P_{c\sigma p}$	Упругая среда	Модуль упругости	Теория упругости
$P_{c\sigma p} < P <^{нач} P_{kp}$	Линейно-деформируемая неупругая среда	Модуль деформации при нагрузке и модуль упругости при разгрузке	Теория упругости анизотропной среды
$^{нач} P_{kp} \leq P < ^{пред} P_{kp}$	Упругопластическая среда	Функциональная зависимость деформаций от напряжений	Теория пластичности
$P \geq ^{пред} P_{kp}$	Дилатирующая среда	Модули дилатансии (дилатации и контракции)	Дилатансационная теория