

ДВОИЧНАЯ СИСТЕМА СЧИСЛЕНИЯ

Двоичная система счисления — позиционная система счисления с основанием 2 (то есть в алфавите всего 2 символа).

CC_2

Алфавит: 0, 1.

Десятичная система счисления — позиционная система счисления с основанием 10 (то есть в алфавите всего 10 символа).

CC_{10}

Алфавит: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9.

ПЕРЕВОД ИЗ ДЕСЯТИЧНОЙ В ДВОИЧНУЮ

$$CC_{10} \rightarrow CC_2$$

Чтобы перевести число 25 из десятичной системы счисления в двоичную, необходимо данное число поделить на 2 столбиком

$$\begin{array}{r} \underline{25} \quad | \quad 2 \\ \underline{24} \quad 12 \end{array}$$

1 (остаток

запоминаем)

Далее частное (12) снова делим на 2

$$\begin{array}{r} \underline{12} \quad | \quad 2 \\ \underline{12} \quad 6 \end{array}$$

0 (остаток

запоминаем)

Далее частное (6) снова делим на 2

$$\begin{array}{r} \underline{6} \quad | \quad 2 \\ \underline{6} \quad 3 \end{array}$$

0 (остаток

запоминаем)

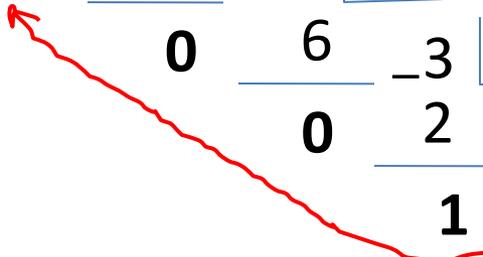
Далее частное (3) снова делим

Далее частное (3) снова делим на 2

$$\begin{array}{r} _3 \ | \ 2 \\ \underline{2} \ 1 \end{array}$$

1 (остаток
запоминаем)

Запишем все решение более коротко:

$$\begin{array}{r|l} _25 & 2 \\ \hline 24 & _12 \quad | \quad 2 \\ \hline 1 & 12 & _6 & | & 2 \\ & 0 & 6 & _3 & | & 2 \\ & & 0 & 2 & & 1 \\ & & & 1 & & \end{array}$$


На первом месте ставим единицу (1), а далее выписываем получившиеся остатки от деления в порядке, обратном получению.

Ответ: **11001**

Еще несколько примеров (деление на 2 прекращается, когда в частном получена единица (1)):

$$\begin{array}{r}
 \underline{35} \mid 2 \\
 \underline{34} \quad \underline{17} \mid 2 \\
 \mathbf{1} \quad \underline{16} \quad \underline{8} \mid 2 \\
 \quad \mathbf{1} \quad \underline{8} \quad \underline{4} \mid 2 \\
 \quad \quad \mathbf{0} \quad \underline{4} \quad \underline{2} \mid 2 \\
 \quad \quad \quad \mathbf{0} \quad \underline{2} \quad 1 \\
 \quad \quad \quad \quad \mathbf{0}
 \end{array}$$

На первом месте ставим единицу (1), а далее выписываем получившиеся остатки от деления на два в порядке, обратном получению.

Ответ: **100011**

Еще несколько примеров (деление на 2 прекращается, когда в частном получена единица (1)):

$$\begin{array}{r}
 \underline{47} \mid 2 \\
 \underline{46} \quad \underline{23} \mid 2 \\
 \mathbf{1} \quad \underline{22} \quad \underline{11} \mid 2 \\
 \quad \mathbf{1} \quad \underline{10} \quad \underline{8} \mid 2 \\
 \quad \quad \mathbf{1} \quad \underline{8} \quad \underline{4} \mid 2 \\
 \quad \quad \quad \mathbf{0} \quad \underline{4} \quad \underline{2} \mid 2 \\
 \quad \quad \quad \quad \mathbf{0} \quad \underline{2} \quad 1 \\
 \quad \quad \quad \quad \quad \mathbf{0}
 \end{array}$$

На первом месте ставим единицу (1), а далее выписываем получившиеся остатки от деления на два в порядке, обратном получению.

Ответ: **1000111**

ПЕРЕВОД ИЗ ДВОИЧНОЙ В ДЕСЯТИЧНУЮ

$$CC_2 \rightarrow CC_{10}$$

Чтобы перевести число **1101** из двоичной системы счисления в десятичную, необходимо:

1. Сверху над цифрами расставить номера (n) от 0 до ... (сколько получится) справа налево
2. Далее повторить несколько шагов (пока не закончатся цифры):
 - a) Записать цифру
 - b) Умножить ее на два в степени номера, стоящего сверху (2^n)
 - c) Написать знак сложения (+)
3. Вычислить, перемножив и сложив произведения.
4. Записать ответ.

$$\begin{array}{cccc} 3 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \end{array} = 1 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^3 =$$
$$1 \cdot 1 + 0 \cdot 2 + 1 \cdot 4 + 1 \cdot 8 = 1 + 4 + 8 = 13$$

