

МАССИВЫ

Задача: в одномерном массиве, состоящем из n целых чисел найти минимальный по модулю элемент и его номер

Задание: Ниже приведен фрагмент решения некоторой задачи. Внимательно рассмотрев решение, сформулируйте решаемую задачу

```
const n = 20;
var
    arrA, arrB: array[1..n] of real;
    i, j: byte;
    sum: real;

begin
    randomize;
    writeln('Array A:');
    for i:=1 to n do begin
        arrA[i] := random() * 10 - 5; // (-5;+5)
        write(arrA[i]:6:2);
        if i mod 10 = 0 then writeln;
    end;
```

```
const N = 10;
var arr: array[1..N] of integer;
i, k: byte; sum: integer;
avr: real;
begin
.....
sum := 0; i := 1; k := 0;
while i <= N do
begin
sum := sum + arr[i]; k := k + 1; i := i + 2
end;
writeln(sum);
avr := sum / k;
writeln(avr);
readln;
end.
```

сформулировать
условие задачи,
которая решается в
данном фрагменте
программы:

Находится сумма
элементов массива с
нечетными индексами
и их среднее
арифметическое.

```
const N = 10;
var arr: array[1..N] of integer;
i, k: byte; sum: integer;
avr: real;
begin
.....
sum := 0; i := 1; k := 0;
while i <= N do
begin
if (arr[i] mod 2) = 0 then
begin sum := sum + arr[i]; k := k + 1 end;
i := i + 2
end;
writeln(sum);
if k <> 0 then
begin avr := sum / k; writeln(avr)
end
else writeln('No elements');
readln; end.
```

сформулировать
условие задачи,
которая решается в
данном фрагменте
программы:

Находится сумма
четных элементов
массива с нечетными
индексами и их
среднее
арифметическое, при
условии, что такие
элементы существуют.

Точно и четко сформулирована задача, решается в данной программе.

Вводится с клавиатуры количество элементов массива, сами элементы массива. Находится максимальный элемент, и каждый элемент массива увеличивается на значение максимального элемента. Полученный массив выводится на экран.

```
• Program Kr_2_3;
  Const NMax = 100;
  Type LinMass = Array[1..NMax] Of Integer;
  Var A : LinMass; N, I, M : Integer;
  Begin
    Write('Количество элементов массива? '); ReadLn(N);
    M := -32768;
    For I := 1 To N Do
      Begin
        Write('Введите A[' , I, '] '); ReadLn(A[I]);
        If A[I] > M Then M := A[I]
      End;
    For I := 1 To N Do A[I] := A[I] + M;
    For I := 1 To N Do Write(A[I] : 6);
    WriteLn
  End.
```

Сортировка массивов

Метод «пузырька»

Метод пузырька

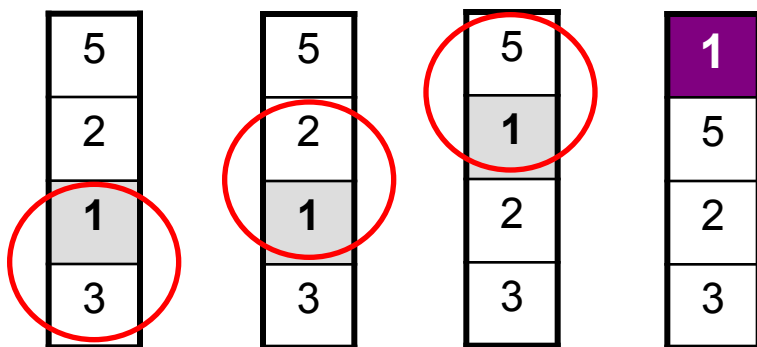
- Сортировка методом «пузырька» использует метод обменной сортировки и основана на выполнении в цикле операций сравнения и при необходимости обмена соседних элементов.

Метод пузырька. Идея

Идея – пузырек воздуха в стакане воды поднимается со дна вверх.

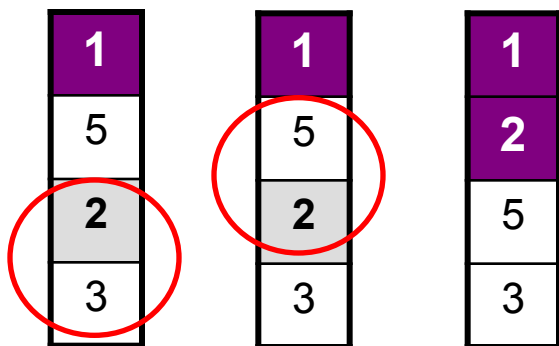
Для массивов – самый маленький ("легкий") элемент перемещается вверх ("всплывает").

1-ый проход

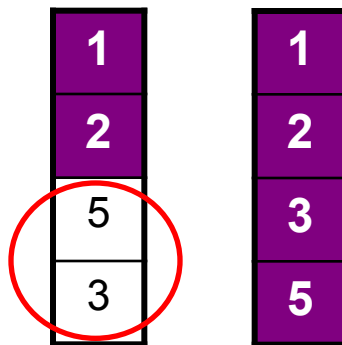


- начиная снизу, сравниваем два соседних элемента; если они стоят "неправильно", меняем их местами
- за 1 проход по массиву **один** элемент (самый маленький) становится на свое место

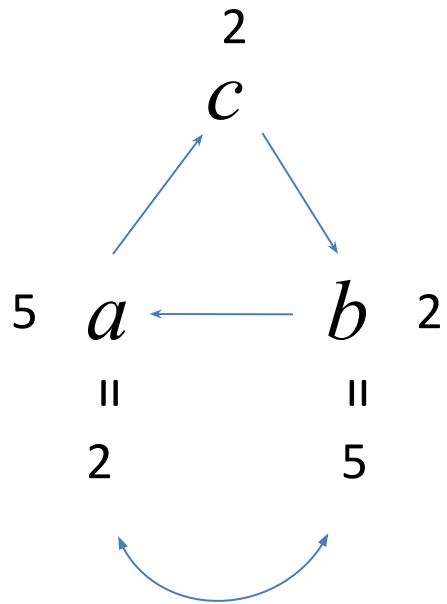
2-ый проход



3-ий проход



Для сортировки массива из N элементов нужен $N-1$ проход (достаточно поставить на свои места $N-1$ элементов).



Как поменять
значения?

Метод пузырька. Программа

1-ый проход:

1	5
2	2
...	...
N-1	6
N	3

сравниваются пары

$A[N-1]$ и $A[N]$, $A[N-2]$ и $A[N-1]$

...

$A[1]$ и $A[2]$

$A[j]$ и $A[j+1]$

```
for j:=N-1 downto 1 do
  if A[j] > A[j+1] then begin
    c:=A[j]; A[j]:=A[j+1]; A[j+1]:=c;
  end;
```

2-ой проход

1	1
2	5
...	...
N-1	3
N	6



$A[1]$ уже на своем месте!

```
for j:=N-1 downto 2 do
  if A[j] > A[j+1] then begin
    c:=A[j]; A[j]:=A[j+1]; A[j+1]:=c;
  end;
```

i-ый проход

```
for j:=N-1 downto i do
```

...

Метод пузырька. Программа

```
program qq;  
const N = 10;  
var A: array[1..N] of integer;  
    i, j, c: integer;
```

```
begin
```

```
  { заполнить массив }
```

```
  { вывести исходный массив }
```

```
  for i:=1 to N-1 do begin
```

```
    for j:=N-1 downto i do
```

```
      if A[j] > A[j+1] then begin
```

```
        c := A[j];
```

```
        A[j] := A[j+1];
```

```
        A[j+1] := c;
```

```
      end;
```

```
    end;
```

```
  { вывести полученный массив }
```

```
end;
```

?

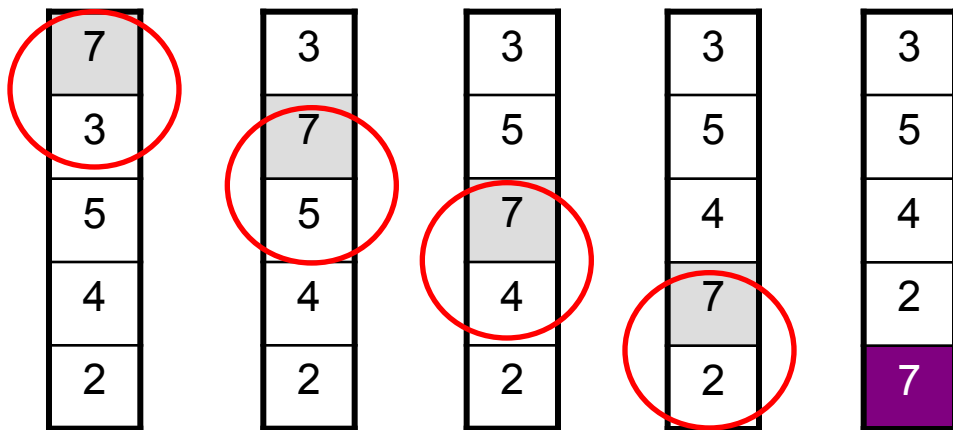
Почему цикл по i до $N-1$?

элементы выше $A[i]$
уже поставлены

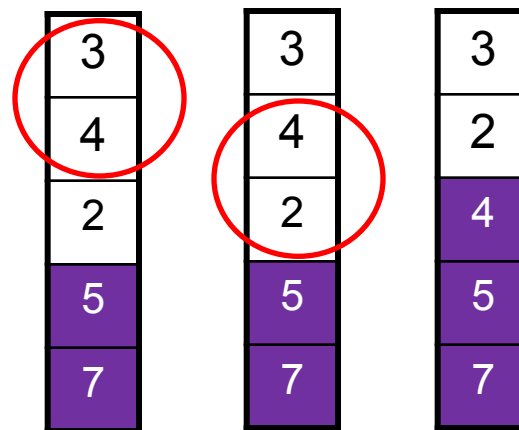
Метод пузырька. Идея

Или наоборот - самый большой ("тяжелый") элемент перемещается вниз ("тонет").

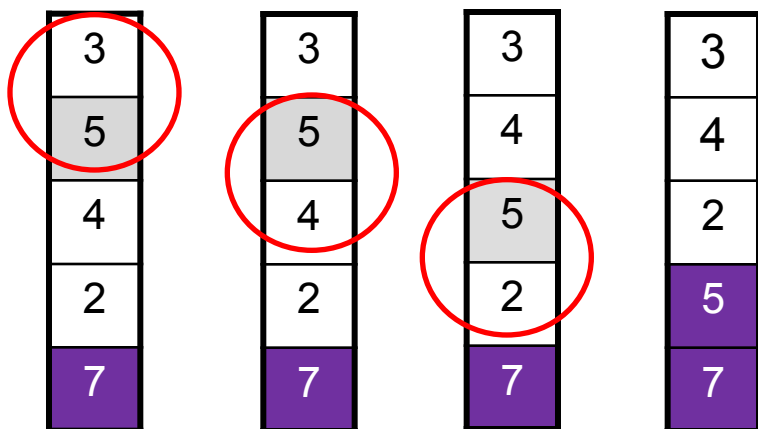
1-ый проход



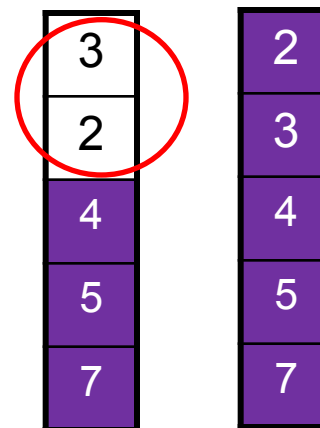
3-ый проход



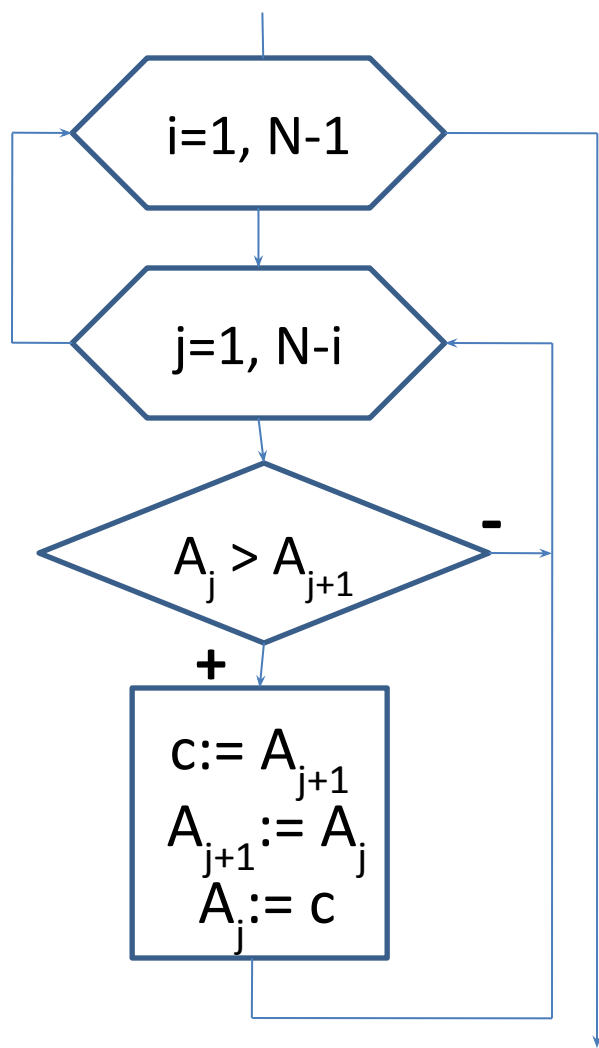
2-ый проход



4-ый проход



Метод пузырька. Алгоритм



```
program qq;
const N = 10;
var A: array[1..N] of integer;
    i, j, c: integer;
begin
    { заполнить массив }
    { вывести исходный массив }
    for i:=1 to N-1 do begin
        for j:=1 to N-i do
            if A[j] > A[j+1] then
                begin
                    c := A[j+1];
                    A[j+1] := A[j];
                    A[j] := c;
                end;
        end;
    { вывести полученный массив }
end;
```

Сортировка массивов

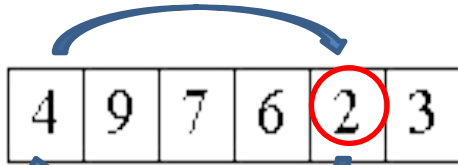
Сортировка выбором

Сортировка выбором. Идея

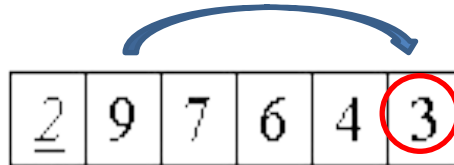
- При сортировке массива $a[1], a[2], \dots, a[n]$ методом простого выбора среди всех элементов находится элемент с наименьшим значением $a[i]$, и $a[1]$ и $a[i]$ обмениваются значениями. Затем этот процесс повторяется для получаемых подмассивов $a[2], a[3], \dots, a[n], \dots a[j], a[j+1], \dots, a[n]$ до тех пор, пока мы не дойдем до подмассива $a[n]$, содержащего к этому моменту наибольшее значение.

	8
	5
	2
	6
	9
	3
	1
	4
	0
	7

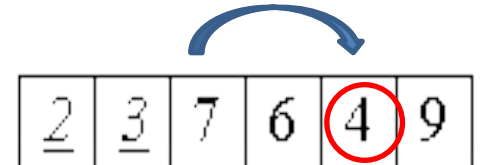
Сортировка выбором. Пример



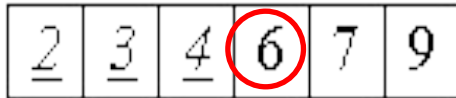
исходная последовательность



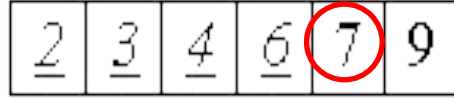
шаг 0: 2 ↔ 4



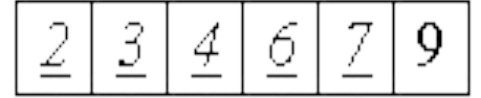
шаг 1: 3 ↔ 9



шаг 2: 4 ↔ 7

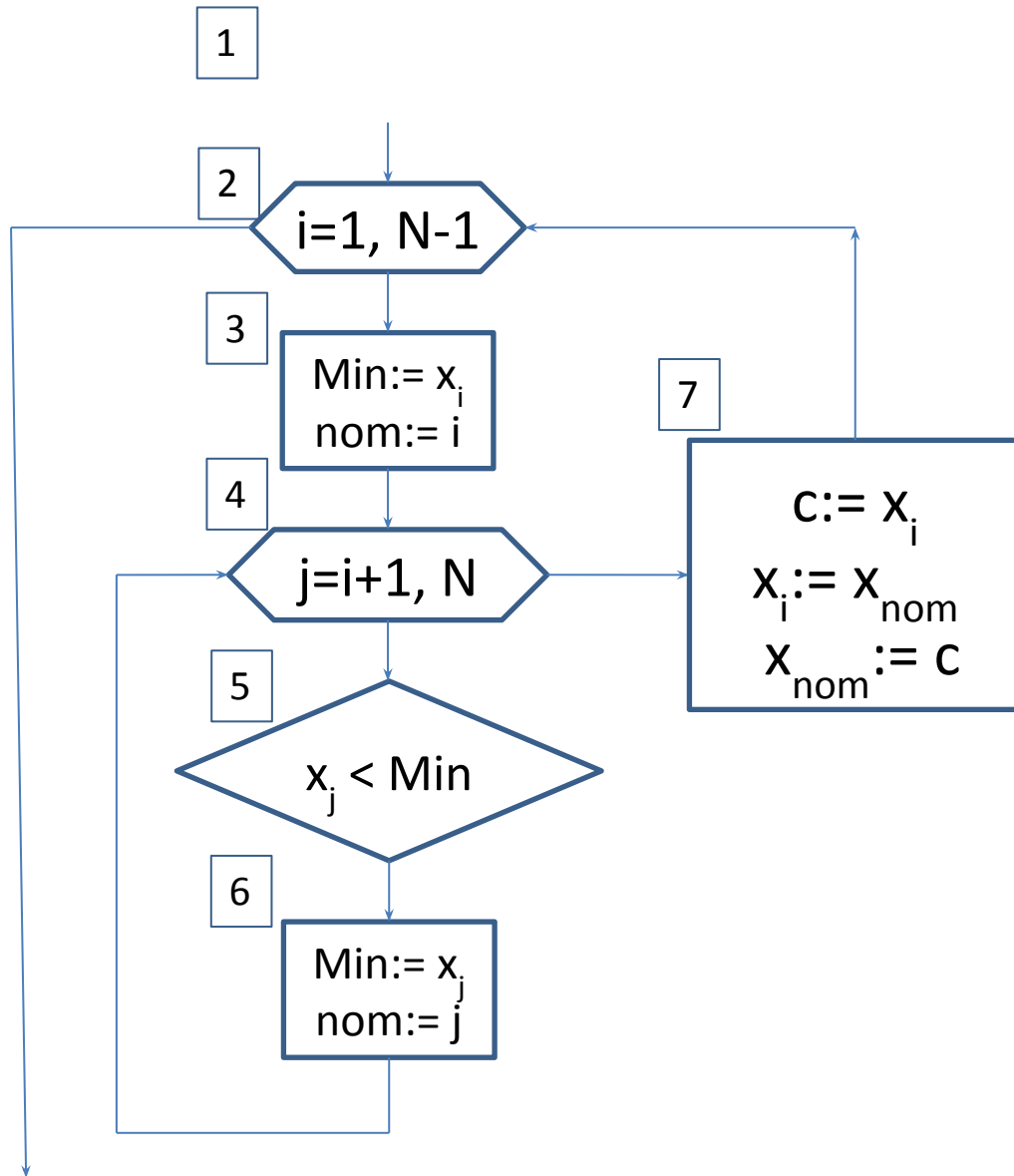


шаг 3: 6 ↔ 6

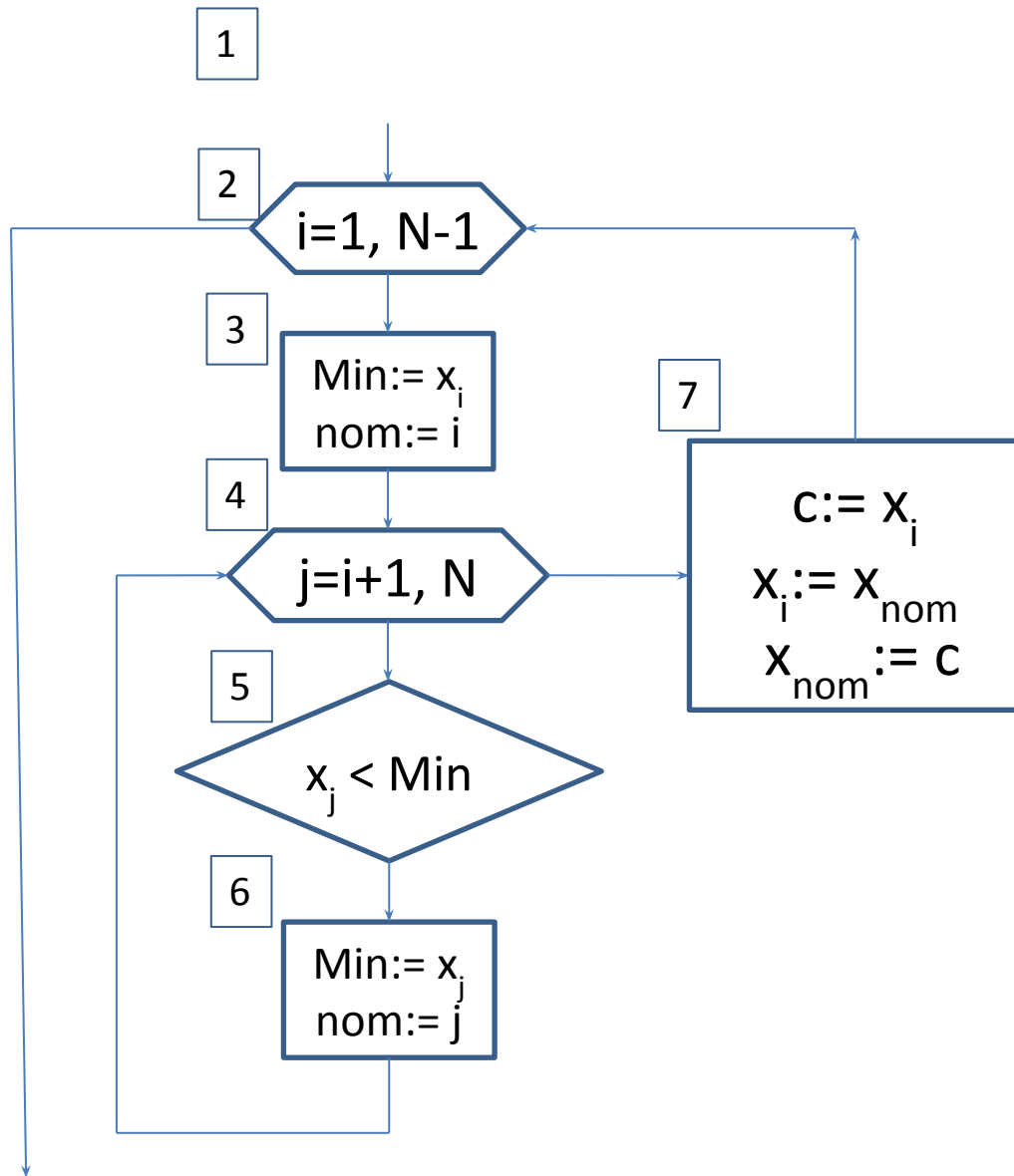


шаг 4: 7 ↔ 7

Сортировка выбором. Алгоритм



Найдем в массиве самый маленький элемент (блоки 3–6) и поменяем его местами с первым элементом (блок 7). Повторим алгоритм поиска минимального элемента, начиная со второго, и поменяем его местами со вторым элементом (блоки 3–7). Описанную выше операцию поиска проводим до полного упорядочивания элементов в массиве.



```

...
for i := 1 to N-1 do
begin
  Min:= x[ i ];
  nom := i ;
  for j:= i+1 to N do
    if x[j] < Min then
begin
  Min:=x[j]; nom := j;
end;
  if nom <> i then begin
    c:=x[i];
    x[i]:=x[nom];
    x[nom]:=c;
  end;
end;
end;

```

Сортировка выбором. Программа

нужно $N-1$ проходов

```
for i := 1 to N-1 do begin
```

```
  Min:= x[i];
```

```
  nom := i;
```

```
  for j:= i+1 to N do
```

```
    if A[j] < A[nom] then
```

```
  begin
```

```
    Min:=A[j]; nom := j; end;
```

```
  if nom <> i then begin
```

```
    c:=A[i];
```

```
    A[i]:=A[nom];
```

```
    A[nom]:=c;
```

```
  end;
```

```
end;
```

ПОИСК МИНИМАЛЬНОГО
A[i+1] ДО A[N]

если нужно,
переставляем

Сортировка выбором. Программа

нужно N-1 проходов

```
for i := 1 to N-1 do begin
```

```
  nMin = i;
```

```
  for j := i+1 to N do
```

```
    if A[j] < A[nMin] then nMin:=j;
```

```
  if nMin <> i then begin
```

```
    c:=A[i];
```

```
    A[i]:=A[nMin];
```

```
    A[nMin]:=c;
```

```
  end;
```

```
end;
```

ПОИСК МИНИМАЛЬНОГО ОТ
A[i] до A[N]

если нужно,
переставляем

```

program Project1;
const n = 10;
var
  x: array[1..n] of integer; //объявляем массив
  i, j, nom: integer;
  Min, c: integer;
begin
  for i:= 1 to n do
  begin
    Min:=x[i];
    nom:=i ;
    for j:=i+1 to n do //поиск миним. эл-та в неотсортированной части
      if x[j]<Min then
        begin
          Min:=x[j];
          nom:= j;
        end;
    c:=x[i]; //меняем местами очередной минимум и найденный миним. эл.
    x[i]:=x[nom];
    x[nom]:=c;
  end;
  writeln('Отсортированный массив'); //вывод отсортированного массива
  for i:=1 to n do write(x[i], ' ');
  readln;
end.

```

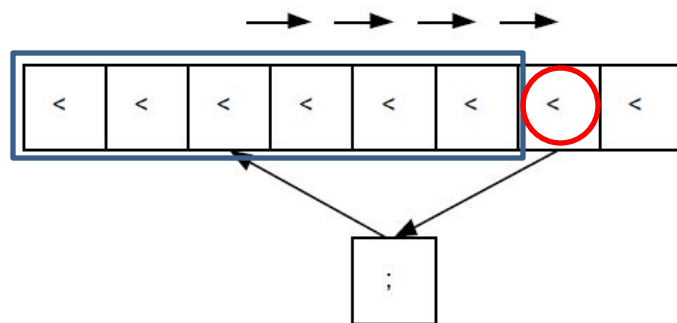
Сортировка массивов

Метод вставки

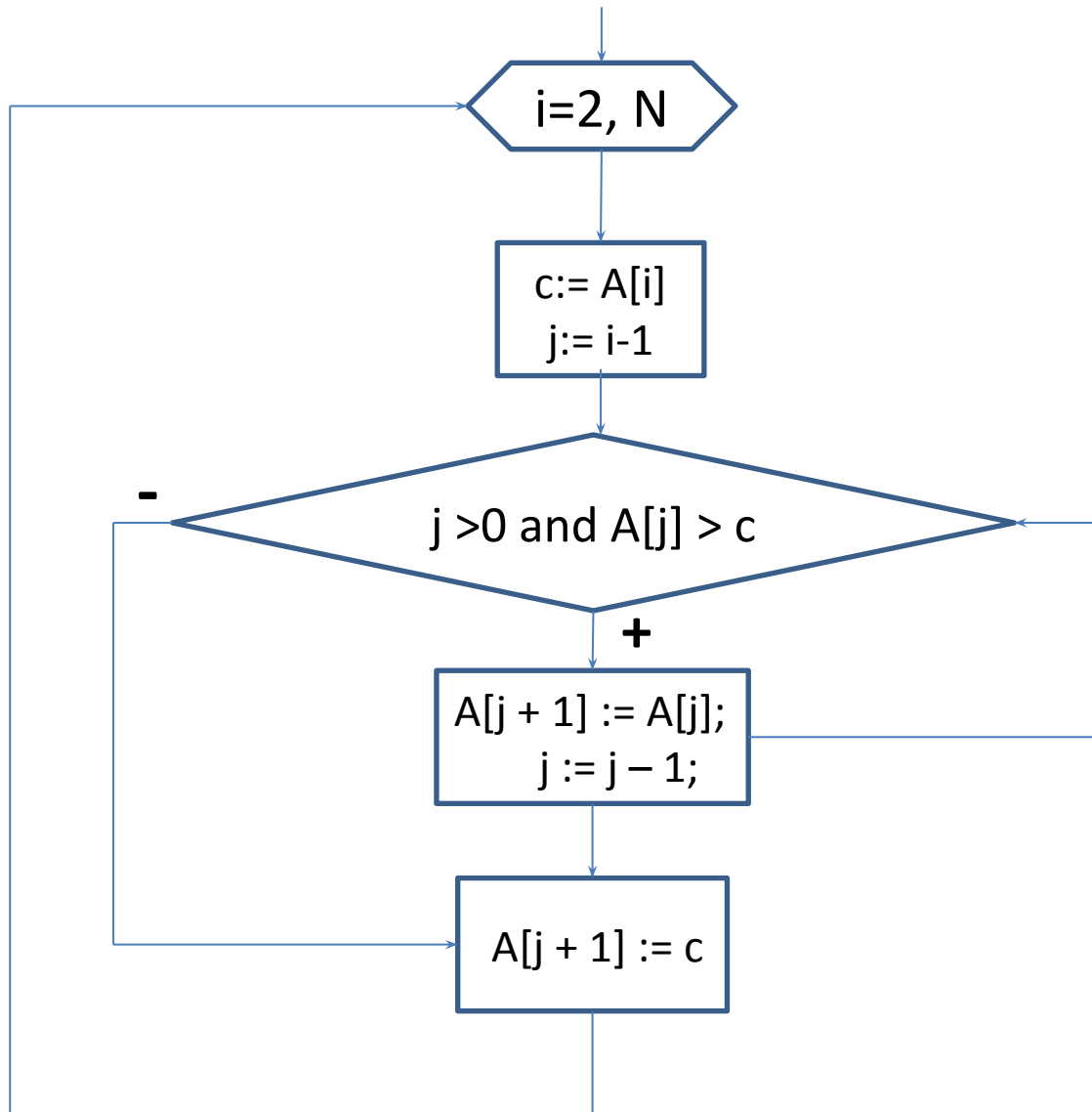
Метод вставки. Идея

На каждом шаге алгоритма мы выбираем один из элементов входных данных и вставляем его на нужную позицию в уже отсортированной части массива, до тех пор пока набор входных данных не будет исчерпан.

Метод выбора очередного элемента из исходного массива произволен; может использоваться практически любой алгоритм выбора. Обычно (и с целью получения устойчивого алгоритма сортировки), элементы вставляются по порядку их появления во входном массиве.



Метод вставки. Алгоритм



Метод вставки. Программа

```
for i = 2 to N do
begin
  c := A[i];
  j := i - 1;
  while (j > 0) and (A[j] > c) do
  begin
    A[j + 1] := A[j];
    j := j - 1;
  end;
  A[j + 1] := c;
end;
```

Двумерные массивы

Двумерный массив можно представить себе в виде таблицы (матрицы), в которой все строки и столбцы пронумерованы.

Каждый элемент такого массива имеет два индекса:

Первый индекс – это номер строки;

Второй индекс – номер столбца.

A[1,1]	A[1,2]	A[1,3]	A[1,4]	A[1,5]
A[2,1]	A[2,2]	A[2,3]	A[2,4]	A[2,5]
A[3,1]	A[3,2]	A[3,3]	A[3,4]	A[3,5]
A[4,1]	A[4,2]	A[4,3]	A[4,4]	A[4,5]

Описание двумерных массивов:

Const n=4;

m=5;

Var A :array [1..n, 1..m] of integer;


Строки **Столбцы**

A [2,4]

A[1,1]	A[1,2]	A[1,3]	A[1,4]	A[1,5]
A[2,1]	A[2,2]	A[2,3]	A[2,4]	A[2,5]
A[3,1]	A[3,2]	A[3,3]	A[3,4]	A[3,5]
A[4,1]	A[4,2]	A[4,3]	A[4,4]	A[4,5]

A [4,2]

Описание двумерных массивов. Примеры

Пример

1.

```
const N = 3;
```

```
    M = 4;
```

```
var A: array[1..N,1..M] of integer;
```

```
    B: array[-3..0,-8..M] of integer;
```

```
    Q: array['a'..'d',False..True] of real;
```

Описание двумерных массивов. Примеры

- **Пример 2.** Массив можно описать как одномерный, элементами которого в свою очередь являются одномерные массивы.
- Const
n=20; m=30;
Type
MyArray1 = array [1..m] of integer;
MyArray2 = array [1..n] of MyArray1;
Var
V : MyArray1;
A : MyArray2;

Описание двумерных массивов. Примеры

Пример 3.

Const

n=20; m=30;

Type

MyArray2 = array [1..n] of array [1..m] of integer;

Var

A : MyArray2;

Описание двумерных массивов. Примеры

Пример 4.

Const

n=20; m=30;

Type

MyArray2 = array [1..n, 1..m] of integer;

Var

A : MyArray2;

Создание двумерных массивов

Ввод с клавиатуры:



Если переставить циклы?

```
for j:=1 to M do
  for i:=1 to N do begin
    write('A[' , i , ' , ' , j , ' ]=' );
    read ( A[i,j] );
  end;
```

<i>i</i>	<i>j</i>	
A[1,1]		2
A[1,2]		5
A[1,3]		4
=		4
A[3,4]		5
=		4

Заполнение случайными числами

```
for i:=1 to N do
  for j:=1 to M do
    A[i,j] := random(25) - 10;
```

цикл по строкам

цикл по столбцам

интервал?

Создание двумерных массивов

Заполнение по некоторому правилу

```
For i:=1 to n do
  for j:=1 to m do
    a[i,j]:=i*j;
```

```
Program Vvod2;
Var I, J : Integer;
    A : Array [1..20, 1..20] Of Integer;
Begin
  FOR I := 1 TO 3 DO
    FOR J := 1 TO 2 DO A[I, J] := 456 + I
  End.
```

A[1, 1]	1
A[1, 2]	2
A[1, 3]	3
=	
A[3, 4]	1
=	2



Назовите A[1, 1], A[1, 2], A[2, 1], A[2, 2], A[3, 1], A[3, 2].

Задание: Ниже приведен фрагмент решения некоторой задачи. Внимательно рассмотрев решение, сформулируйте решаемую задачу

```
for i := 1 to n do
begin
  for j := 1 to m do
    write(X[i, j]:5);
  writeln;
end;
```

```
Begin
  Randomize;
  for i := 1 to n do
    for j := 1 to m do
      X[i, j]:= Random(50);
    End;
```

Обработка всех элементов массива

Задача: заполнить матрицу из 3 строк и 4 столбцов случайными числами и вывести ее на экран. Найти сумму элементов

матрицы.

```
program qq;
const N = 3; M = 4;
var A: array[1..N,1..M] of integer;
    i, j, S: integer;
begin
    S := 0;
    Randomize;
    for i:=1 to N do
        for j:=1 to M do
            begin
                A[i,j] := random(25) - 10;
                S := S + A[i,j];
            end;
        end;
    writeln('Сумма элементов матрицы ', S);
end;
```

Обработка двумерных массивов

- Для обработки двумерных массивов могут применяться те же методы, что и для одномерных массивов.
- Поскольку положение элемента в двумерном массиве описывается двумя индексами, программы большинства задач строятся на основе вложенных циклов.

Стандартные задачи обработки массивов

- Нахождение элементов и количества элементов с данным свойством
- Определить, отвечает ли заданный массив некоторым требованиям
- Изменение значений некоторых элементов, удовлетворяющих заданному свойству
- Заполнение массива по правилу

**НАХОЖДЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ И
КОЛИЧЕСТВА ЭЛЕМЕНТОВ С
ДАНЫМ СВОЙСТВОМ**

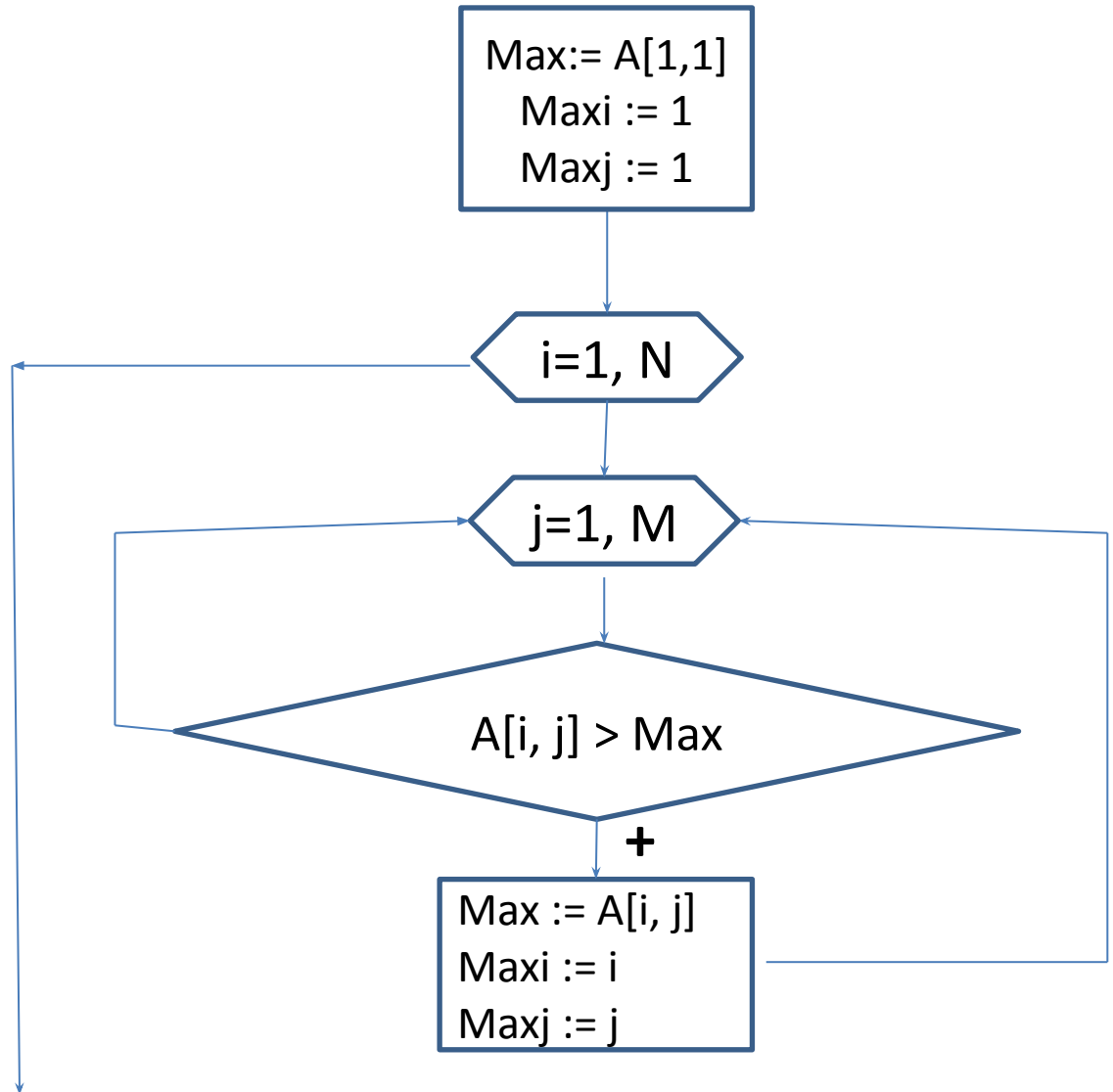
Задача 1. Найти максимальный элемент массива и его индексы.

- **Идея:**

1. Предположим, что максимумом является первый элемент → запомним первую строку и первый столбец
2. Пробегаем последовательно строки и столбцы массива
3. Проверяем: если среди элементов массива нашелся больший элемент, то внесем новое найденное значение в переменную Max и запомним новую строку и новый столбец

Задача 1. Найти максимальный элемент массива и его индексы.

- Алгоритм:



Задача 1. Найти максимальный элемент массива и его индексы.

- Программа:

```
Max := X[1, 1];
```

{Предположим, что максимумом является первый элемент}

```
Maxi := 1;
```

{запомним первую строку и первый столбец}

```
Maxj := 1;
```

```
for i := 1 to n do
```

```
  for j := 1 to m do
```

{если среди элементов массива нашелся больший элемент, то}

```
    if X[i, j] > Max
```

```
    then
```

{внесем новое найденное значение в переменную Max}

```
      begin
```

```
        Max := X[i, j];
```

```
        Maxi := i;
```

```
        Maxj := j;
```

{запомним индексы строки и столбца }

```
      end;
```

Задача 2. Найти количество отрицательных элементов в массиве.

Задача 3. Найти количество отрицательных элементов в каждой строке.

- **Способ 1** - использовать счетчик, находить количество элементов строки и выводить значение на экран.

```
for i := 1 to n do
  begin
    k := 0;
    for j := 1 to m do
      if X[i, j] < 0 then      k:=k+1;
    writeln(i, ' - ', k);
  end;
```

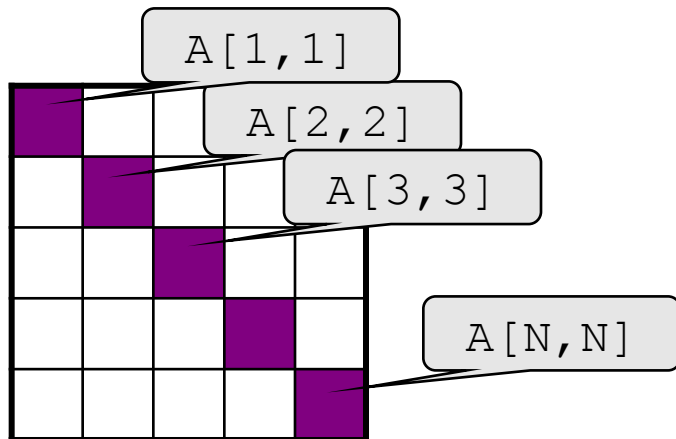
Задача 3. Найти количество отрицательных элементов в каждой строке.

- **Способ 2** - количество элементов каждой строки хранить в одномерном массиве (Y) соответствующей размерности.

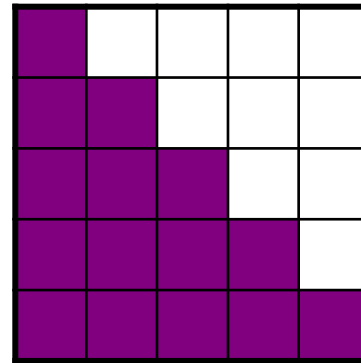
```
for i := 1 to n do
  begin
    Y[i] := 0; {записываем начальное значение количества
элементов в соответствующую столбцу ячейку}
    for j := 1 to m do
      if X[i, j] < 0 {если отрицательный элемент найден}
        then
          Y[i] := Y[i]+1; {то увеличиваем текущее значение на
единицу}
    end;
```

Задание: Ниже приведен фрагмент решения некоторой задачи. Внимательно рассмотрев решение, сформулируйте решаемую задачу

```
for i:=1 to N do  
write (A[i,i]:5);
```

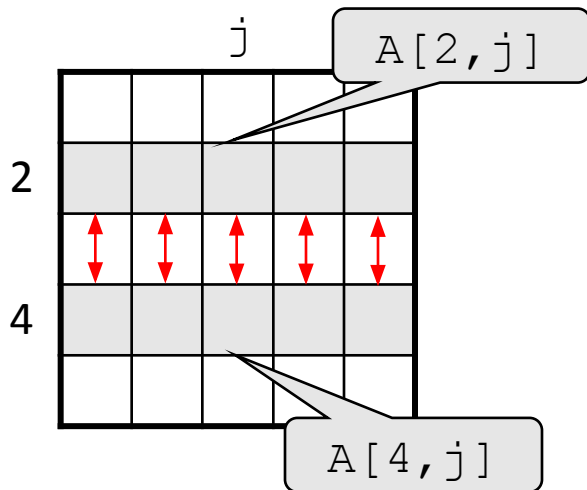


```
S := 0;  
for i:=1 to N do  
  for j:=1 to i do  
    S := S + A[i,j];
```

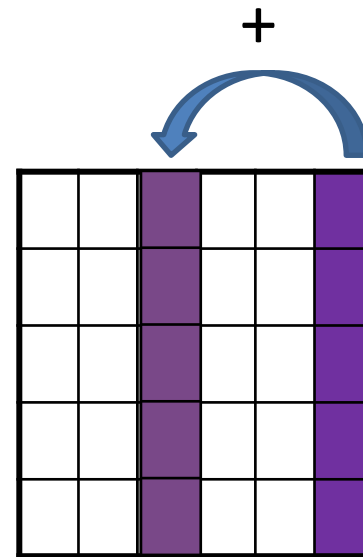


Задание: Ниже приведен фрагмент решения некоторой задачи. Внимательно рассмотрев решение, сформулируйте решаемую задачу

```
for j:=1 to M do  
begin  
  c := A[2,j];  
  A[2,j] := A[4,j];  
  A[4,j] := c;  
end;
```



```
for i:=1 to N do  
A[i,3] := A[i,3] + A[i,6];
```



**ОПРЕДЕЛИТЬ, ОТВЕЧАЕТ ЛИ
ЗАДАННЫЙ МАССИВ НЕКОТОРЫМ
ТРЕБОВАНИЯМ**

Задача. Определить, является ли данный квадратный массив симметричным относительно своей главной диагонали.

Массив является симметричным, если для него выполняется равенство $A[i, j] = A[j, i]$ для всех $i = 1, \dots, n$ и $j = 1, \dots, n$. Будем выполнять проверку, если найдем неравные элементы, то присвоить функции значение False, иначе - True.

```
Flag := True; {Предполагаем, что матрица симметрична}
```

```
i := 2;
```

```
while Flag and (i < n) do
```

```
begin
```

```
  j := 1;
```

```
  while (j < i) and (X[i, j] = X[j, i]) do
```

```
    Inc(j);
```

```
  Flag := (j = i);
```

```
  Inc(i);
```

```
end;
```

```
....
```

```
End.
```

Зад:
масс

ОМ

```
program Project1;
var i,j,k,n,m:integer;
A:array[1..255,1..255] of integer;
begin
k:=0;
randomize;
write('Введите количество строчек в массиве: '); read(n);
write('Введите количество столбцов в массиве: '); read(m);
for i := 1 to n do
begin
for j := 1 to m do
begin
A[i,j]:=random(50)-25;
write(' ', A[i,j]:3);
end;
writeln;
end;
for i := 1 to n do
for j := 1 to m do
begin
if A[i,j]=0 then
begin
k:=k+1;
write(' A[' ,i, ', ',j, ' ]');
end;
end;
writeln('Количество нулевых элементов: ', k);
end.
```

TECT

1. Задан одномерный массив $x[1..N]$. Фрагмент алгоритма

```
s:=0; нц для k от 1 до N
| если (0<x[k])
| | то s:=s+x[k]
| все
кц
```

определяет:

- 1) максимальный элемент массива;
- 2) сумму положительных элементов;
- 3) количество положительных элементов;
- 4) индекс последнего положительного элемента;
- 5) индекс первого положительного элемента.

2. Для массива $X[1..n]$ алгоритм

$P:=0;$

for $k:=n$ downto 1 do

if $X[k] \neq T$ then $P:=k;$

определяет:

- 1) Номер последнего элемента массива, не равного T ;
- 2) Количество элементов массива, не равных T ;
- 3) Номер первого элемента массива, не равного T ;
- 4) Номер последнего элемента, равного T ;
- 5) Количество элементов, равных T ;
- 6) Ни один из ответов 1-5 не верен.

3. Задан фрагмент алгоритма и три массива по шесть элементов в каждом. Определить, какой из данных массивов упорядочивается по возрастанию после обработки алгоритмом.

```
нц для k от 1 до 3
| если (x[k] > x[3+k])
| | то S:=x[k]; x[k]:= x[3+k];
x[3+k]:=S;
| все
кц
```

a) 26, 17, 35, 62, 53, 44

b) 17, 35, 44, 53, 26, 62

c) 62, 17, 44, 53, 26, 35

4. Задан двумерный массив $A[1..n, 1..n]$. Фрагмент алгоритма

$s:=0$

нц для i от 1 до n

нц для j от 1 до n

если $A[i,j]>0$ то $s:=s+A[i,j]*A[i,j]$

кц

кц

вычисляет:

- 1) сумму положительных элементов массива
- 2) количество положительных элементов массива
- 3) сумму квадратов элементов массива
- 4) количество квадратов положительных элементов массива
- 5) сумму квадратов положительных элементов массива

5. Дан массив $A[1,6]$, состоящий из чисел

1, -2, -3, 2, -4, 0. Укажите, какой из предложенных массивов получен в результате выполнения алгоритма:

$ib:=1; ifin:=6$

нц для i от 1 до 6

если $a[i]>0$

то $c[ib]:=a[i]; ib:=ib+1$

иначе $c[ifin]:=a[i]; ifin:=ifin-1$

кц

- 1) 1, 2, 0, -2, -3, -4;
- 2) 1, 2, 0, -4, -3, -2;
- 3) 0, 1, 2, -4, -3, -2;
- 4) 0, 1, 2, -2, -3, -4;
- 5) 2, 1, 0, -4, -3, -2.

Критерии оценивания теста

Кол-во правильных ответов	Оценка
5	5
4	4
3	3
0, 1, 2	2

ОТВЕТЫ

№ вопроса	Ответ
1	2
2	3
3	В
4	5
5	2

САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА

1 Вариант

1. Измените знак всех нечетных (четных) элементов массива, состоящего из L чисел
2. Найти и вывести на экран индексы четных элементов каждой строки массива (если их нет выдать соответствующее сообщение)

2 Вариант

1. Дан одномерный целочисленный массив $A(1..N)$. Вывести на экран индексы равных элементов.
2. Найти сумму и количество отрицательных элементов каждого столбца, меньших заданного числа a ;

