



# ЗАПИСЬ ВСПОМОГАТЕЛЬНЫХ АЛГОРИТМОВ НА ЯЗЫКЕ ПАСКАЛЬ

## АЛГОРИТМИЗАЦИЯ И ПРОГРАММИРОВАНИЕ

**9 класс**



ИЗДАТЕЛЬСТВО

**БИНОМ**

# Ключевые слова

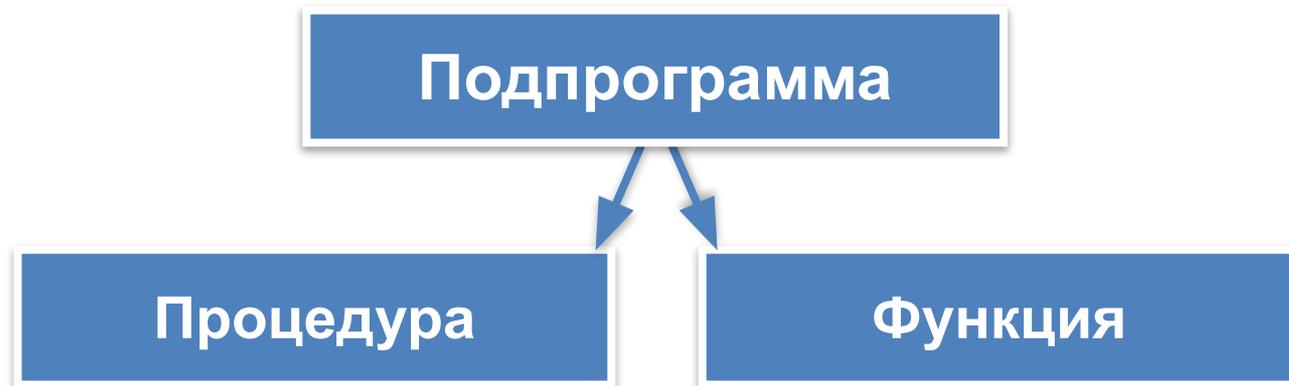
- подпрограмма
- процедура
- функция
- рекурсивная функция



# Подпрограммы

Запись вспомогательных алгоритмов в языках программирования осуществляется с помощью *подпрограмм*.

Структура описания подпрограммы аналогична структуре главной программы. Описание подпрограммы начинается с заголовка и заканчивается оператором **end**



# Процедуры

**Процедура** – подпрограмма, имеющая произвольное количество входных и выходных данных.

— **Входные параметры:**  
переменные, константы,  
выражения

```
procedure <имя_процедуры> (<описание параметров-  
значений>; var: <описание параметров-переменных>);  
begin  
    <операторы>  
end;
```

— **Выходные  
параметры**

Для вызова процедуры достаточно указать её имя со списком фактических параметров.

# Алгоритм Евклида

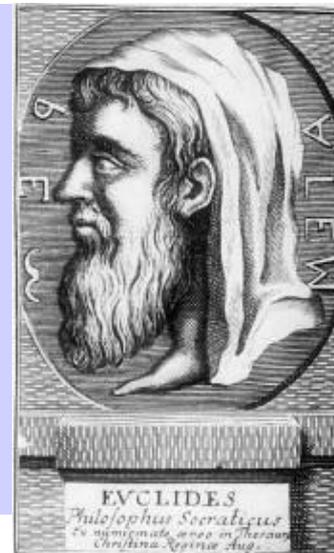
## Алгоритм Евклида



Package

## Процедура для нахождения НОД

```
procedure nod (a, b: integer; var c:  
integer);  
begin  
  while a<>b do  
    if a>b then a:=a-b else b:=b-a;  
  c:=a  
end;
```



# Варианты вызова процедуры

`nod (36, 15, z)`

в качестве параметров-значений  
использованы константы

`nod (x, y, z)`

в качестве параметров-значений  
использованы имена переменных

`nod (x+ y, 15, z)`

в качестве параметров-значений  
использованы выражение и константа



Между фактическими и формальными параметрами должно быть полное соответствие по количеству, порядку следования и типу.

# Программа с процедурой

```
program n_6;
```

*Заголовок главной программы*

```
const m: array [1..6] of integer =(16, 32, 40, 64, 80, 128);
```

*Описание констант*

```
var l, x, y, z: integer;
```

*Раздел описания переменных*

```
procedure nod (a, b: integer; var c: integer);
```

```
begin
```

```
  while a<>b do
```

```
    if a>b then a:=a-b else b:=b-a;
```

```
  c:=a
```

```
end;
```

*Раздел описания подпрограммы*

```
begin
```

```
  x:=m[1];
```

```
  for i:=2 to 6 do
```

```
  begin
```

```
    y:=m[i];
```

```
    nod (x, y, z);
```

```
    x:=z
```

```
  end;
```

```
writeln ('НОД=', x)
```

```
end.
```

*Раздел описания операторов главной программы*

# Функции

**Функция** – подпрограмма, имеющая единственный результат, записываемый в ячейку памяти, имя которой совпадает с именем функции.

## Перечень формальных параметров и их типов

```
function <имя_функции> (<описание входных данных>) : <тип_функции>;
```

```
begin
```

```
<операторы>;
```

```
<имя_функции> := <результат>
```

```
end;
```

Тип результата

В блоке функции обязательно должен присутствовать оператор **<имя\_функции> := <результат>**.

Для вызова функции достаточно указать её имя со списком фактических параметров в любом выражении, в условиях, (после слов `if`, `while`, `until`) или в операторе **write** главной программы.

# Функция поиска максимального из 2-х

```
program n_7; Заголовок главной программы  
var a, b, c, d, f: integer; Описание переменных
```

```
function max (x, y: integer): integer;  
begin  
  if x>y then max:=x else max:=y;  
end;
```

*Раздел  
описания  
подпрограммы*

```
begin  
  readln (a, b, c, d);  
  f:= max(max(a, b), max(c, d));  
  writeln ('f=', f);  
end.
```

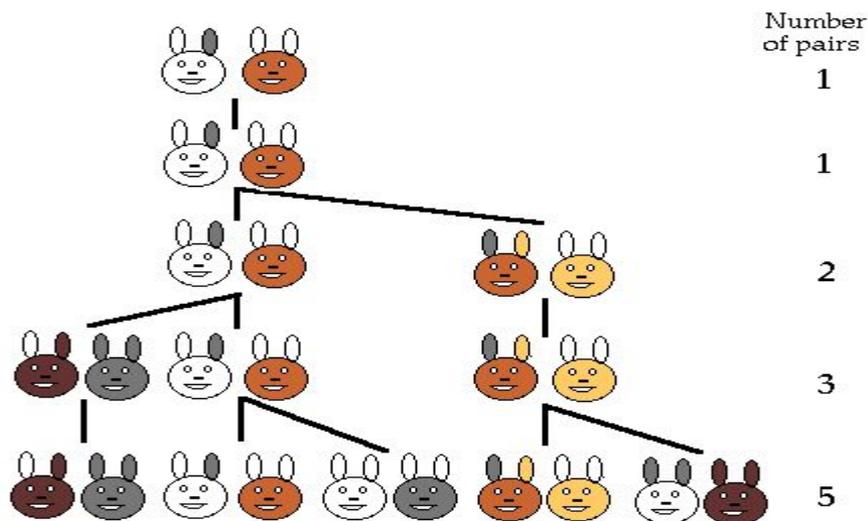
*Раздел операторов  
главной программы  
(поиск максимального из  
4-х чисел)*



# Последовательность Фибоначчи

В январе Саше подарили пару новорождённых кроликов. Через два месяца они дали первый приплод - новую пару кроликов, а затем давали приплод по паре кроликов каждый месяц.

Каждая новая пара также даёт первый приплод (пару кроликов) через два месяца, а затем - по паре кроликов каждый месяц. Сколько пар кроликов будет у Саши в декабре?



Числа 1, 1, 2, 3, 5, 8, ... образуют так называемую **последовательность Фибоначчи**, названную в честь итальянского математика, впервые решившего соответствующую задачу ещё в начале XIII века.

# Математическая модель

Пусть  $f(n)$  количество пар кроликов в месяце с номером  $n$ .

По условию задачи:

$$f(1) = 1,$$

$$f(2) = 1,$$

$$f(3) = 2.$$

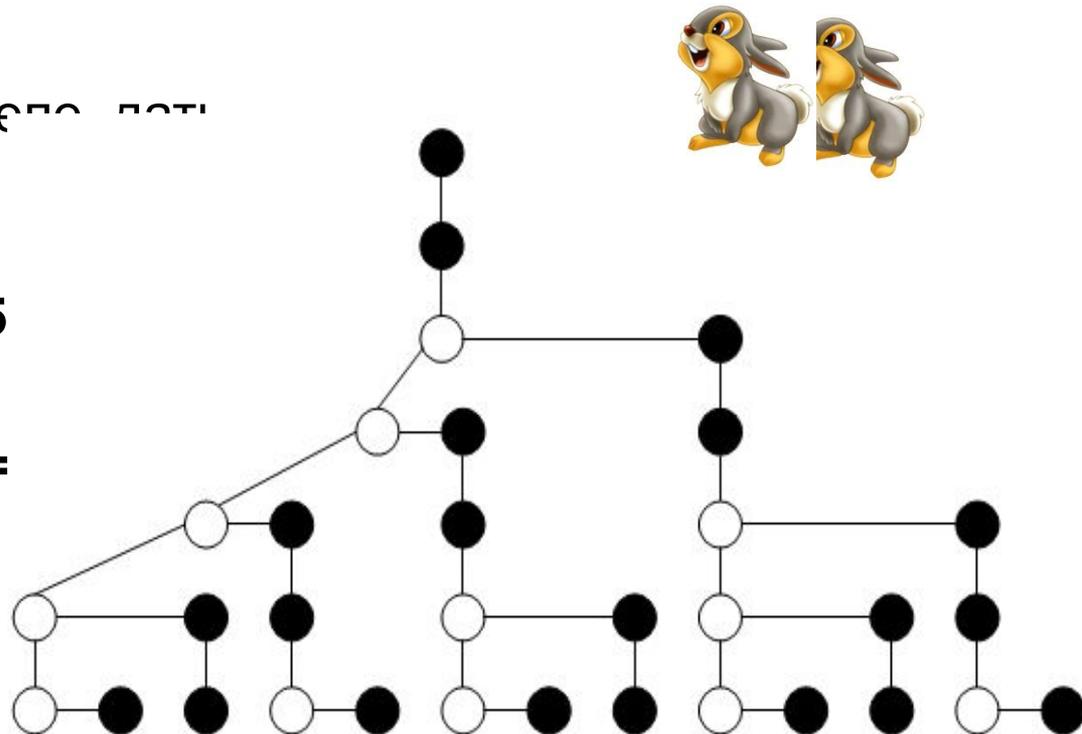
Из двух пар, имеющих в марте, дать приплод в апреле сможет только одна:  $f(4) = 3$ .

Из пар, имеющих в апреле, дать приплод в мае смогут только родившиеся в марте и ранее:

$$f(5) = f(4) + f(3) = 3 + 2 = 5$$

В общем случае:

$$f(n) = f(n-1) + f(n-2), n >=$$



# Функция

```
function f (n: integer): integer;  
begin  
    if (n=1) or (n=2) then f:=1  
    else f:=f(n-1)+f(n-2)  
end;
```

Полученная функция **рекурсивная** – в ней реализован способ вычисления очередного значения функции через вычисление её предшествующих значений.

$$\sqrt{3 + \sqrt{3 + \sqrt{3 + \sqrt{3 + \sqrt{3 + \dots}}}}}$$



# Самое главное

Запись вспомогательных алгоритмов в языках программирования осуществляется с помощью **подпрограмм**. В Паскале различают два вида подпрограмм: процедуры и функции.

**Процедура** – подпрограмма, имеющая произвольное количество входных и выходных данных.

**Функция** – подпрограмма, имеющая единственный результат, записываемый в ячейку памяти, имя которой совпадает с именем функции.



# Вопросы и задания

1. Для чего используются подпрограммы?
2. В чём основное различие процедур и функций?
3. Напишите программу вычисления наименьшего общего кратного следующих четырёх чисел: 36, 54, 18 и 15.  
Используйте процедуру вычисления наибольшего общего делителя двух чисел.

# Вопросы и задания

4. Напишите программу перестановки значений переменных  $a$ ,  $b$ ,  $c$  в порядке возрастания, т. е. так, чтобы  $a < b < c$ . Используйте процедуру **swap**.

```
procedure swap (var x, y: integer);  
  var m: integer;  
  begin  
    m:=x;  
    x:=y;  
    y:=m  
  end;
```

Исходные данные вводятся с клавиатуры.

Пример входных данных	Пример выходных данных
1 2 3	1 2 3
2 1 3	1 2 3
3 1 2	1 2 3
2 3 1	1 2 3

# Вопросы и задания

5. Напишите программу поиска наибольшего из четырёх чисел с использованием подпрограммы поиска наибольшего из трёх чисел.
6. Видоизмените программу сортировки массива выбором так, чтобы в ней использовалась процедура выбора наибольшего элемента массива.
7. Напишите программу вычисления выражения:  
$$s = 1! + 2! + 3! + \dots + n!$$
Используйте функцию вычисления факториала.

# Вопросы и задания

8. Напишите программу вычисления выражения:

$$s = x^3 + x^5 + x^n,$$

где  $x$  и  $n$  вводятся с клавиатуры.

Используйте функцию вычисления степени.

9. Напишите функцию, вычисляющую длину отрезка по координатам его концов. С помощью этой функции напишите программу, вычисляющую периметр треугольника по координатам его вершин.

10. Напишите функцию, вычисляющую площадь треугольника по целочисленным координатам его вершин.

С помощью этой функции вычислите площадь четырёхугольника по координатам его вершин.

# Опорный конспект

Запись вспомогательных алгоритмов в языках программирования осуществляется с помощью **подпрограмм**.

Подпрограмма

```
graph TD; A[Подпрограмма] --> B[Процедура]; A --> C[Функция]; B --> D[Подпрограмма, имеющая произвольное количество входных и выходных данных.]; C --> E[Подпрограмма, имеющая единственный результат, записываемый в ячейку памяти, имя которой совпадает с именем функции.];
```

Процедура

Подпрограмма, имеющая произвольное количество входных и выходных данных.

Функция

Подпрограмма, имеющая единственный результат, записываемый в ячейку памяти, имя которой совпадает с именем функции.