

Введение в программирование на языке Pascal

Лекция 2

Структура программы на Pascal

{раздел описания программы}

program <название программы>;

uses <подключение библиотек и модулей>;

const <раздел описания констант>;

type <раздел описания типов>;

var <раздел описания переменных>;

label <раздел описания меток>;

<описание процедур и функций>

procedure ...;

function ...;

{раздел реализации}

begin

 <тело программы>

end.



Раздел описания констант

CONST

□ Обычные константы

```
const
```

```
Min = 0;
```

```
Max = 250;
```

```
Centr = (Max-Min) div 2;
```

Константные выражения вычисляются компилятором без выполнения программы на этапе ее создания.

□ Типизированные константы

```
const конст1: тип=значение;
```

Например:

```
const nums: integer=10;
```

```
begin
```

```
  nums:=nums+5;
```

```
end.
```



Раздел описания типов TYPE

Тип — это множество значений + множество операций, которые можно выполнять над этими значениями, то есть правила манипулирования данными.

TYPE

DAY = 1..31;

Year = 1900.. 2000; {Интервальный тип}

LatBukv = ('A','C','G','H'); {Перечисляемый тип}

Matr = array[1..12] of real; {Регулярный тип}



Раздел описания переменных VAR

TYPE

DAY = 1..31;

VAR

{явное описание типов}

A, B: DAY;

YEAR:1900..2000;

{неявное описание}

LES:(LPT, PRN);

{стандартный тип}

A, B: REAL;



Описание процедур и

функций

{заголовок процедуры}

```
PROCEDURE <имя> (<параметры>);
```

```
<разделы описания>
```

{тело процедуры }

```
BEGIN
```

```
<раздел реализации>
```

```
END;
```

{ заголовок функции }

```
FUNCTION <имя>(<параметры>): <тип результата>;
```

```
<разделы описания>
```

{тело функции}

```
BEGIN
```

```
<раздел реализации>
```

```
END;
```

```
Procedure Nod(M, N : Integer; Var K : Integer);  
Begin  
  While M <> N Do  
    If M > N  
      Then M := M - N  
      Else N := N - M;  
    K := M  
  End;
```

```
Function Nod(M, N : Integer) : Integer;  
Begin  
  While M <> N Do  
    If M > N  
      Then M := M - N  
      Else N := N - M;  
    Nod := M  
  End;
```

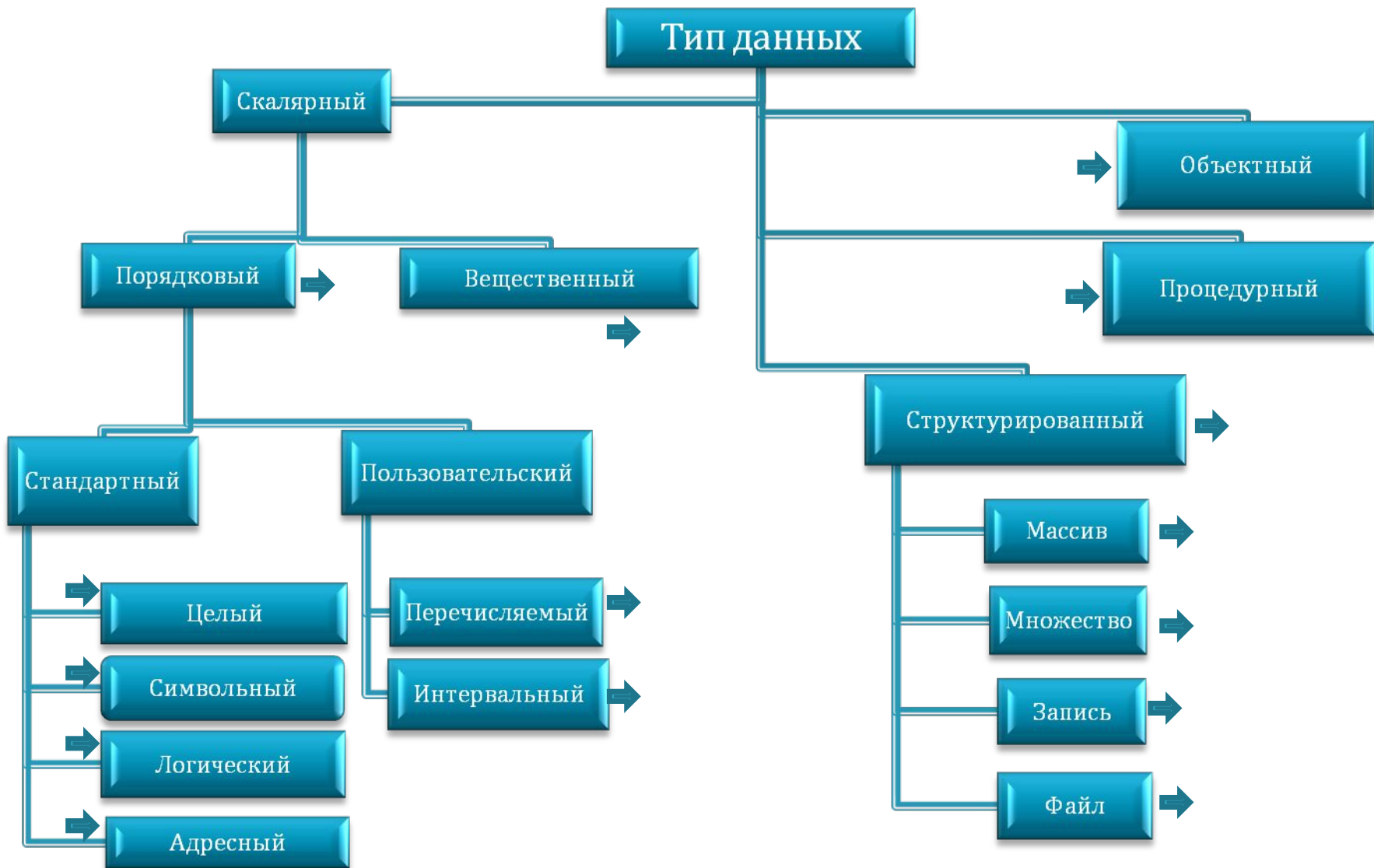


Концепция типа языка Pascal имеет следующие основные свойства:

- любой тип данных определяет множество значений, которые может принимать переменная, выражение или вырабатывать операция/функция;
- каждая операция или функция требует аргументов фиксированного типа и выдает результат фиксированного типа.

Тип определяет:

- возможные значения переменных, констант, функций, выражений;
- внутреннюю форму представления данных в ЭВМ;
- операции и функции, которые могут выполняться над величинами, принадлежащими к данному типу.



Порядковые типы

Функции для порядковых типов

Ord

По значению ординального типа возвращает *порядковый номер значения*.

Pred

По значению ординального типа возвращает *предшествующее значение*.

Succ

По значению ординального типа возвращает *последующее значение*.

Low

По ординальному типу или переменной ординального типа возвращает *наименьшее значение данного типа*.

High

По ординальному типу или переменной ординального типа возвращает *наибольшее значение данного типа*



Целые типы

Тип	Диапазон допустимых значений	Отводимая память, в байтах
shortint	-128...127	1
integer	-32 768...32 767	2
longint	-2 147 483 648...2 147 483 647	4
byte	0...255	1
word	0...65 535	2
Int64	$-2^{63} \dots 2^{63}$	8
cardinal	0...4294967295	4

Cardinal это Integer, размер которого не гарантируется. Это основное целое число без знака. Обычно **Cardinal** используется в параметре передающемся к функциям типа C.



Логический тип

Булев тип данных (**boolean**) может принимать только два значения (**true** или **false**). Эти величины упорядочены следующим образом: **false** < **true**. Логические данные могут выступать в роли операндов операции отношения, к ним можно применять функции **ord**, **succ**, **pred**, процедуры **inc** и **dec**.

Значение типа **boolean** занимает в памяти 1 байт.



```
C:\FPC\2.4.0\bin\logic2.pas 2-1
var
  k, l, m, n: integer;
  b1, b2, b3, b4, b5, b6: boolean;

begin
  write ('Введите четыре числа: ');
  readln (k, l, m, n);

  b1 := (k < l) and (k < n);
  b2 := (k < l) or (k < n);
  b3 := (k = 0) or (l = 0) or (m = 0) or (n = 0);
  b4 := not ( k +_l > m + n);

  writeln ('Первое меньше второго и четвертого. ', b1);
  writeln ('Первое меньше второго или четвертого. ', b2);
  writeln ('Одно из чисел равно нулю. ', b3);
  writeln ('Сумма первой пары не больше суммы второй ', b4);

  readln
end.

12:20
```

```
Running "c:\fpc\2.4.0\bin\logic2.exe "  
Введите четыре числа: 4 7 6 0  
Первое меньше второго и четвертого. FALSE  
Первое меньше второго или четвертого. TRUE  
Одно из чисел равно нулю. TRUE  
Сумма первой пары не больше суммы второй FALSE  
  
Running "c:\fpc\2.4.0\bin\logic2.exe "  
Введите четыре числа: 2 6 8 15  
Первое меньше второго и четвертого. TRUE  
Первое меньше второго или четвертого. TRUE  
Одно из чисел равно нулю. FALSE  
Сумма первой пары не больше суммы второй TRUE
```



СИМВОЛЬНЫЙ ТИП

Множество значений *символьного типа* есть множество символов, упорядоченных в соответствии с их **ASCII**-кодами.

Любое значение символьного типа может быть получено с помощью стандартной функции **Chr** из его кода *ASCII*.

Пример:

```
var ch: Char;
```

```
...
```

```
ch:= 'A';
```

```
ch:= Chr(32); { ch:= ' '; }
```



Перечислимый тип

Перечислимый тип определяет упорядоченное множество значений путем перечисления идентификаторов, обозначающих эти значения. Упорядочение значений определяется порядком следования идентификаторов, их определяющих.

Пример:

type

Suit = (Spades, Clubs, Diamonds, Hearts);

{ Ord(Spades)=0, Ord(Clubs)=1 }



Интервальный тип

Интервальный тип представляет собой поддиапазон значений из некоторого порядкового типа, называемого базовым.

Примеры:

`type`

`TeenAge=13..19;`

`Day=1..31;`



Вещественный тип

Вещественный тип имеет множество значений, являющееся подмножеством множества действительных чисел, и которые могут быть представлены в формате с плавающей точкой.

В памяти компьютера представлено в экспоненциальной форме $mE \pm p$, где

m – мантисса (целое или дробное число с десятичной точкой), p – порядок (целое число)

$$-36.142E + 2 = -36.142 \cdot 10^2 = -3614.2;$$

$$7.25E - 5 = 7.25 \cdot 10^{-5} = 0.0000725$$

Тип	Диапазон допустимых значений	Число цифр	Отводимая память, в байтах
Real	$2.9e^{-39} \dots 1.7e^{38}$	11-12	6
Single	$1.5e^{-45} \dots 3.4e^{38}$	7-8	4
Double	$5.0e^{-324} \dots 1.7e^{308}$	15-16	8
Extended	$3.4e^{-4932} \dots 1.1e^{493}$	19-20	10
Comp	$-9.2e^{63} \dots (9.2e^{63})-1$	19-20	8



Строковый тип

Значение *строкового типа* - это последовательность символов с атрибутом «динамическая длина» (зависящим от фактического количества символов во время выполнения программы) и с атрибутом «размер» от 1 до 255.

Строковому типу, объявленному без указания размера, по умолчанию дается размер в 255 символов.

Текущее значение атрибута «длина» можно получить с помощью стандартной функции **Length**.

Для значений строкового типа определен лексикографический порядок: 'abc' < 'ac', 'ab' < 'aba'.

Символы строки доступны как элементы массива.

```
var          S:='Turbo Pascal';  
S: String[20]; WriteLn('Длина S = ', Length(S)); { 12 }  
Ch: Char;    Ch:=S[1]; { 'T' }  
...          Ch:=S[0]; { #12 -длина строки}
```

В Pascal введен тип **pchar**, который описывает так называемые длинные (или ASCIIZ) строки, длина не указывается явно, строка завершается #0.



Структурный тип

Структурный тип данных представляет объекты, содержащие сразу несколько значений, называемых элементами.

Структурный тип характеризуется типом (или типами) элементов, составляющих объект, и способом доступа к элементам.

Элементы объекта структурного типа сами могут иметь структурный тип (многоуровневая структуризация).

Количество уровней структуризации не ограничено.



Массив

Массив содержит фиксированное число элементов одного типа.

В качестве индексного типа допустим любой порядковый тип, кроме LongInt и ограниченных типов, основанных на LongInt. Стандартные функции Low и High, примененные к массиву, выдают нижнюю и верхнюю границы (первого) индекса соответственно

Пример работы с массивом

```
type
TVector=array [1..N] of Real;
TMatrix=array [1..N,1..N] of Real;
{ или =array [1..N] of array [1..N] of Real }
TCube=array[1..N,1..N,1..N] of Real;
Month=(Jan,Feb,Mar,Apr,May,Jun,
       Jul,Aug,Sep,Oct,Nov,Dec);
DaysInMonth=array [Month] of Byte;
```

```
var
V: TVector;
M: TMatrix;
C: TCube;
DM: DaysInMonth;
```

```
for i:=1 to N do
  V[i]:=0;

for i:=1 to N do
  for j:=1 to N do
    M[i,j]:=1;

C[N div 2, 1, 1]:=3;

DM[Jan]:=31;
DM[Feb]:=28;
```



Запись

Запись — структурированный тип данных. Записи являются неоднородными неупорядоченными структурами с прямым доступом к компонентам. Компоненты записи называют **полями записи**

Type

```
TDate=record
```

```
  Day: 1..31;
```

```
  Month: 1..12;
```

```
  Year: Word;
```

```
end;
```

```
pol=(m,w);
```

```
people=record
```

```
  fam:string[20];
```

```
  BDay: TDate;
```

```
  case mw:pol of
```

```
    m: ( voen: boolean; spec: string[15]);
```

```
    w: ( merry: boolean; child: byte)
```

```
  end;
```

```
end;
```

Var

```
p1, p2: people;
```

```
P1.mw:=m;
```

```
p1.voen:=true;
```

```
p2.child:=2;
```

```
With p1.Bday do
```

```
  begin
```

```
    Day:=12;
```

```
  Month: =1;
```

```
  Year:=1994;
```

```
  end;
```



Множество

Тип «множество» представляет всевозможные подмножества значений некоторого порядкового типа, называемого базовым.

Базовый тип не может иметь более 256 возможных значений.

Примеры:

`type`

`CharSet=set of Char;`

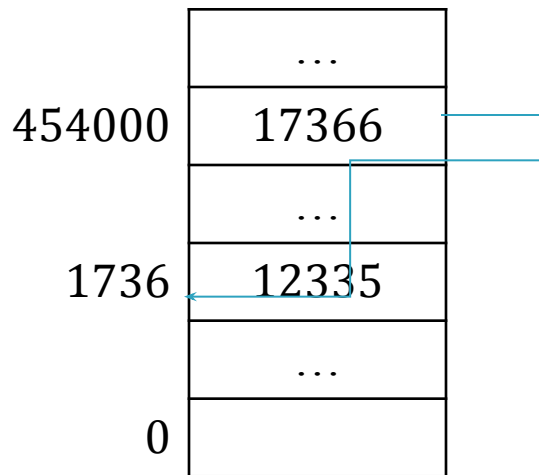
`WordSet=set of Word; { Синтаксическая
ошибка! }`



Ссылочные типы

Ссылочные типы используются для описания указателей.

Указатель – значение, задающее адрес другого значения в памяти.



```
type  
PInteger = ^Integer;
```

```
PNode = ^TNode;  
TNode = record  
Info: Real;  
Next: PNode;  
end;
```



Файл

Тип «файл» состоит из линейной последовательности компонент некоторого типа.

Тип компонент файла не может быть файловым типом, структурным типом, содержащим элементы файлового типа, и объектным типом. Количество компонент не фиксируется при определении файлового типа.



Процедурный тип

Процедурный тип предоставляет возможность использования переменных-подпрограмм

type

```
TFunc = function(X: Real): Real;
```

```
function tg(X: Real): Real;
```

```
begin
```

```
    tg := sin(X)/cos(X);
```

```
end;
```

```
procedure PrintFunc(Start, Stop, Step: Real; f: TFunc);
```

```
{ Печатает таблицу значений функции f на отрезке  
[Start;Stop] с шагом Step }
```

```
...
```

```
PrintFunc(1, 2, 0.01, tg(x));
```



Объектный тип

Объектный тип введен для синтаксической поддержки концепций объектно-ориентированного программирования (ООП).

```
type
  TMan = object
    Name: String;
    Sex: Char;
    Age: Integer;
  procedure Init(aName: String; aSex: Char;
                aAge: Integer);
end;
```



Эквивалентность

- *структурная эквивалентность* – типы эквивалентны, если эквивалентны их структуры (число составляющих компонентов и их тип);
- *именная эквивалентность* – типы эквивалентны, если эквивалентны идентификаторы их имен.

Типы T1 и T2 эквивалентны, если выполняется одно из следующих условий:

- T1 и T2 совпадают;
- T1 и T2 определены в одном объявлении типа;
- T1 эквивалентен некоторому типу T3, который эквивалентен типу T2

type

T1 = Integer;

T2 = T1;

T3 = Integer;

T4 = T2;

T5 = array [1..3] of Integer;

T6 = array [1..3] of Integer;

var

V1, V2: array [1..3] of

Integer;

V3: array [1..3] of Integer;

V4: array [1..3] of Integer;

V5: Integer;

V6: Integer;

Эквивалентные типы

{ структурная и именная эквивалентность }

T1, T2, T3, T4 и Integer

переменных V1 и V2

переменных V5 и V6

НЕ эквивалентные типы

{ структурная, но не именная эквивалентность }

T5 и T6

переменных V3 и V4

Совместимость

Два типа T1 и T2 будут совместимыми, если верен хотя бы один вариант из перечисленных ниже:

- T1 и T2 эквивалентны;
- T1 и T2 - оба целочисленные или оба вещественные;
- T1 и T2 являются подмножествами одного типа;
- T1 является некоторым подмножеством T2;
- T1 - строка, а T2 - символ;
- T1 - это нетипизированный указатель, а T2 - типизированный указатель ;
- T1 и T2 - оба процедурные, с одинаковым количеством попарно эквивалентных параметров, а для функций - с эквивалентными типами результатов.

Type

TNumber=Integer;

TIndex=TNumber;

CharSet= set of Char;

YesNo=Boolean;

ZeroOrOne=0..1;

Str10=String[10];

Ch10Str=array[1..10] of Char;

Suit=(Spades, Clubs,

Diamonds, Hearts);

RedSuit=Diamonds..Hearts;

TArr=array[1..N] of Byte;

THalfArr=array[1..N div 2] of Byte;

Совместимые типы

Byte, TNumber

TIndex, TNumber

YesNo, Boolean

CharSet, set of Char

Suit, RedSuit

String, Str10

Несовместимые типы

TArr, THalfArr

TNumber, Real

YesNo, ZeroOrOne

Str10, Ch10Str

ZeroOrOne, RedSuit

Совместимость по присваиванию

Два типа данных T1 и T2 называются совместимыми по присваиванию, если выполняется хотя бы один вариант из перечисленных ниже:

- T1 и T2 эквивалентны, но не файлы;
- T1 и T2 совместимы, причем T2 - некоторое подмножество в T1;
- T1 – объектный тип, а тип T2 – объектный тип-потомок T1.
- T1 - вещественный тип, а T2 - целый.

type

TNumber=Integer;

TTeenAge=13..19;

TIndex=TNumber;

TArr=array [1..N] of Real

var

S: String;

str10: String[10];

n: TNumber;

i: Integer;

Ch: Char;

R: Real;

F1, F2: Text;

Young: TTeenAge;

Idx: TIndex;

B: Byte;

X, Y: TArr;

Синтаксически верно

S:=str10;

n:=i;

Ch:=S[1];

R:=i;

R:=Young; n:=Young;

Idx:=B;

X:=Y;

Синтаксически НЕВЕРНО

F2:=F1;

n:=R;

i:=R;

str10:=S;

Ch:=S;

Ch:=str10;

Young:=n; Young:=Idx;

B:=i;

Организация ввода-вывода

Read -> файл INPUT

```
Read(A1,A2,...AK);  
ReadLn(A1,A2,...AK);  
ReadLn;
```

Write -> файл OUTPUT

```
Write(A1,A2,...AK);  
WriteLn(A1,A2,...AK);  
WriteLn;  
Write(A:K:M)
```

```
program jh;  
uses crt;  
var i:integer;  
r:real;  
s:string[5];  
  
begin  
clrscr;  
write ('введите данные ');  
readln(i,r,s);  
writeln('Это целое ',i, i:8);  
writeln('Это действительное ', r, r:10:5);  
writeln('Это строка ',s, s:10);
```

Free Pascal

```
введите данные 123 87.987678 ивт  
Это целое 123 123  
Это действительное 8.798767800000000E+001 87.98768  
Это строка ивт ивт
```

Осуществить расчеты по формуле:

$$Y = \sqrt[n]{|X^{n+1} + \text{Log}_n |X + 1||}$$

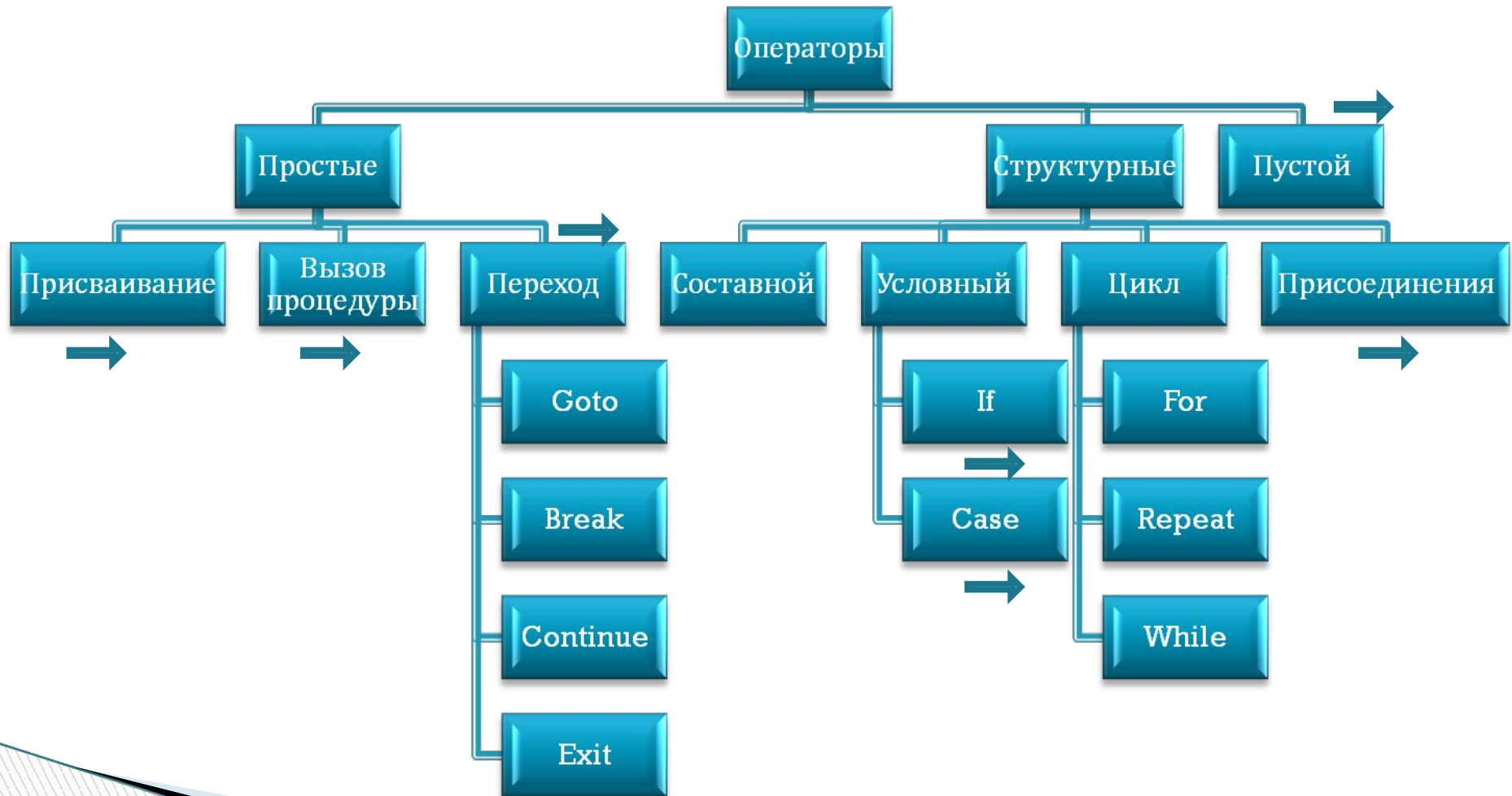
Исходная формула	Формула для программирования	Текст программы
$\sqrt[n]{Z}, Z > 0$	$e^{\text{Ln}(Z)/n}$	EXP(LN(Z)/N)
$Z^{n+1}, Z > 0$	$e^{(n+1)*\text{Ln}(z)}$	EXP((N+1)*LN(Z))
$\text{Log}_N X + 1 $	$\frac{\text{Ln}(X + 1)}{\text{Ln}(N)}$	LN(ABS(X+1))/LN(N)

```

PROGRAM PR5;
VAR
X, Y: REAL;
N: INTEGER;
BEGIN
  WRITELN('Введите значения X, N');
  READLN(X, N);
  If X >= 0 THEN
    BEGIN
      Y := EXP(LN(ABS(EXP((N+1)*LN(X))+LN(ABS(X+1))/LN(N)))/N);
      WRITELN('Y = ', Y:8:4);
    END;
  ELSE
    WRITELN('Ошибочные входные данные')
  END.

```

Классификация операторов



Пустой оператор

- Не обозначается и не вызывает никаких действий.

Например:

```
if a>6 then;;;
```

- В целях унификации рекомендуется добавлять пустой оператор как последний оператор составного

```
if a>5 then
```

```
begin
```

```
z:=1;
```

```
x:=c+5; {разделитель не обязателен}
```

```
end;
```



Оператор присваивания

- $\langle \text{Переменная} \rangle := \langle \text{Выражение} \rangle;$
замена текущего значения переменной новым;
определение значения, возвращаемого функцией.
- Типы переменной и выражения должны быть совместимы по присваиванию.



Оператор вызова процедур

- `<Имя процедуры> (<Список фактических параметров>)`

Активизирует процедуру с указанным именем, присваивая формальным параметрам значения соответствующих фактических.

Примеры

`CLRSCR;`

`Inc(i);`

`Calculate(a,5,result);`



Операторы перехода

- **GOTO** < метка >;

Метка- представляет собой целое число без знака, определяется в секции **LABEL** того же блока, что и оператор **Goto**.

- **Break; Continue;**

Досрочно прекращает выполнение цикла и начинает новую итерацию соответственно.

- **Exit;**

Досрочно завершает процедуру/ функцию/
программу



Оператор присоединения

- With <ссылка на запись или объект> DO
 <оператор>

Позволяет ссылаться на поля или методы объекта/записи без указания имени объекта/записи

Пример:

```
Type Tperson = record
    fistname:string[15];
    lastname:string[10];
end;
Var person:Tperson;
```

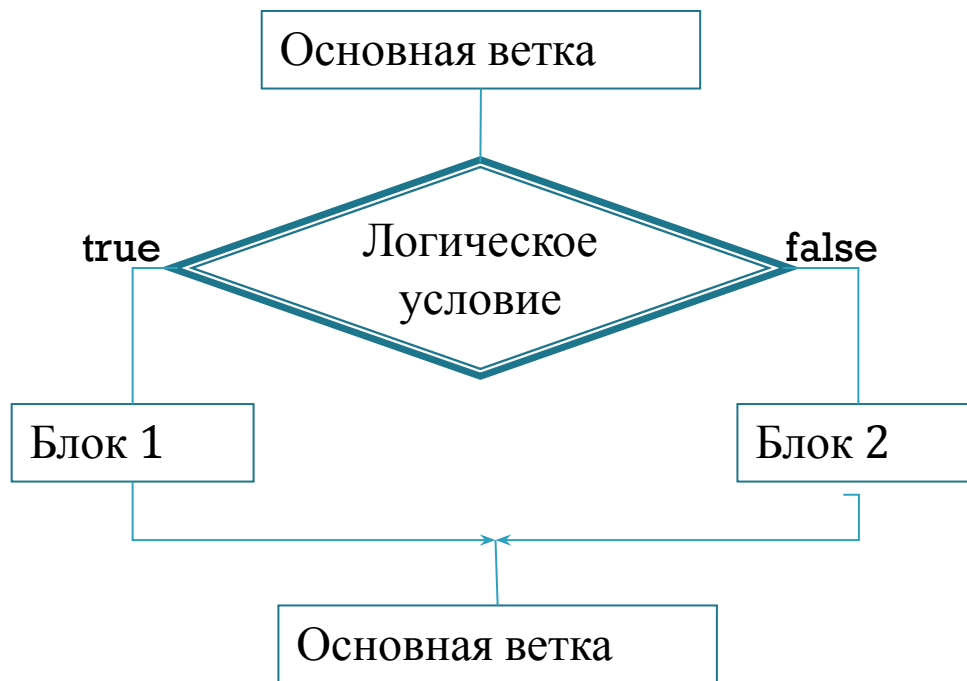
```
...
    With person do
        begin
            fistname:='ИВАНОВ';
            Lastname:='ИВАН';
        end;
```

Вариант

```
Person.fistname:='Иванов';
Person.Lastname:='Иван';
```



Оператор условия **if** (полная форма)

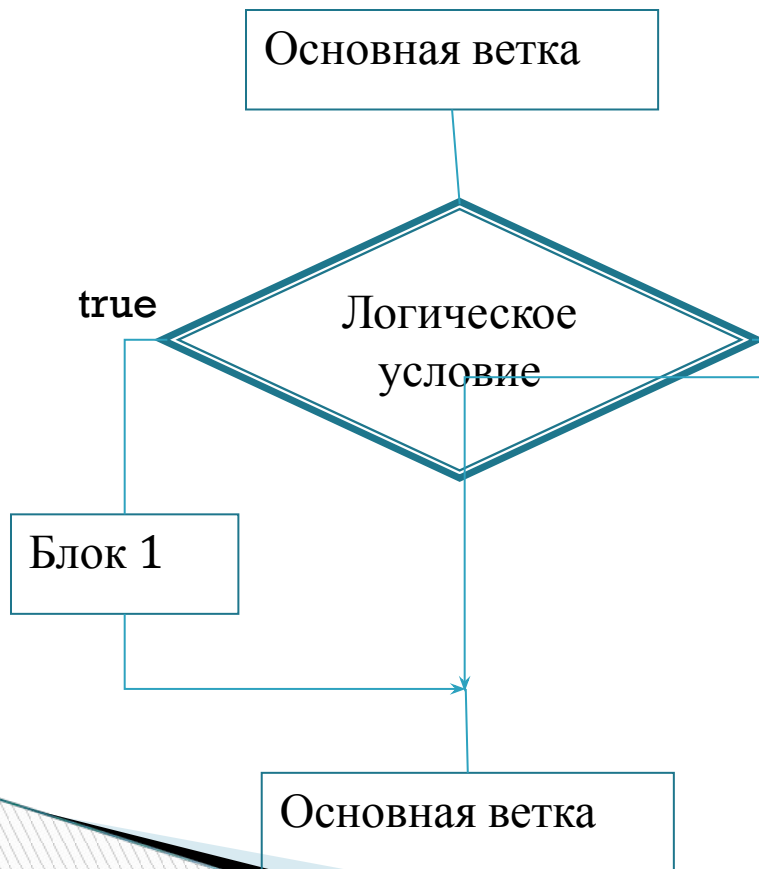


```
If <логическое условие>  
  then  
    <оператор>  
  else  
    <оператор>;
```

Вложенный **if**

```
If <логическое условие>  
  then  
    if <логическое условие>  
      then  
        <оператор>  
      else  
        <оператор>;
```

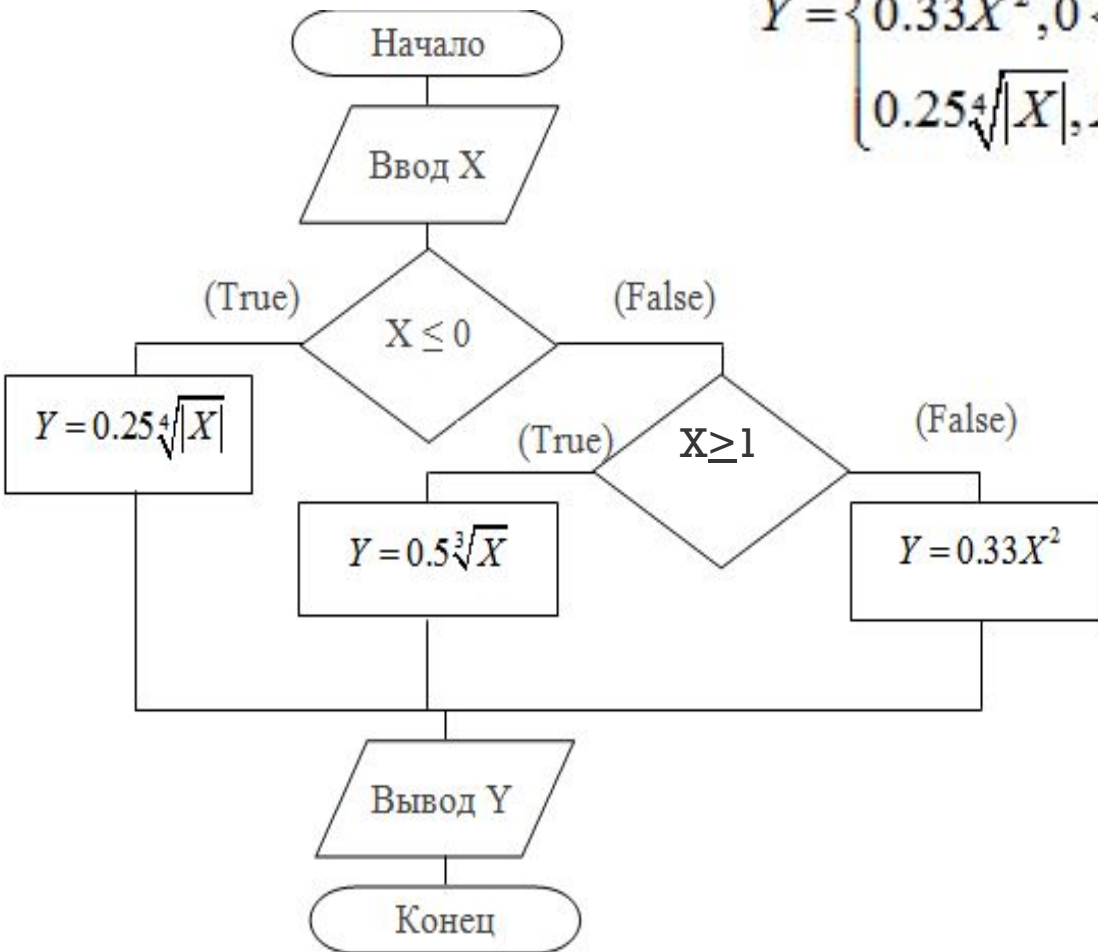
Оператор условия if (сокращенная форма)



```
If <логическое условие>  
then  
<оператор>;
```

Пример . Для заданного с клавиатуры значения X вычислить Y по формуле:

$$Y = \begin{cases} 0.5\sqrt[3]{X}, & X \geq 1; \\ 0.33X^2, & 0 < X < 1; \\ 0.25\sqrt[4]{|X|}, & X \leq 0. \end{cases}$$



```

PROGRAM PR_2;
  VAR X, Y: REAL;
BEGIN
  WRITELN('ВВЕДИТЕ X');
  READLN(X);
  IF X <= 0
  THEN
    Y := EXP(LN(ABS(X))/4)/4
  ELSE IF X >= 1
  THEN
    Y := EXP(LN(X)/3)/2
  ELSE
    Y := SQR(X)*0.33;
  WRITELN('Y=', Y:9:3)
END.
  
```

Сравнение схем **ELSE-IF** и **THEN-IF**

ELSE-IF

```
var
  a: integer;
begin
  write('Введите целое число: ');
  readln(a);
  if a = 0 then
    writeln('zero')
  else
    if a = 1 then
      writeln('one')
    else
      if a = 2 then
        writeln('two')
      else
        writeln('unknown');

readln
End.
```

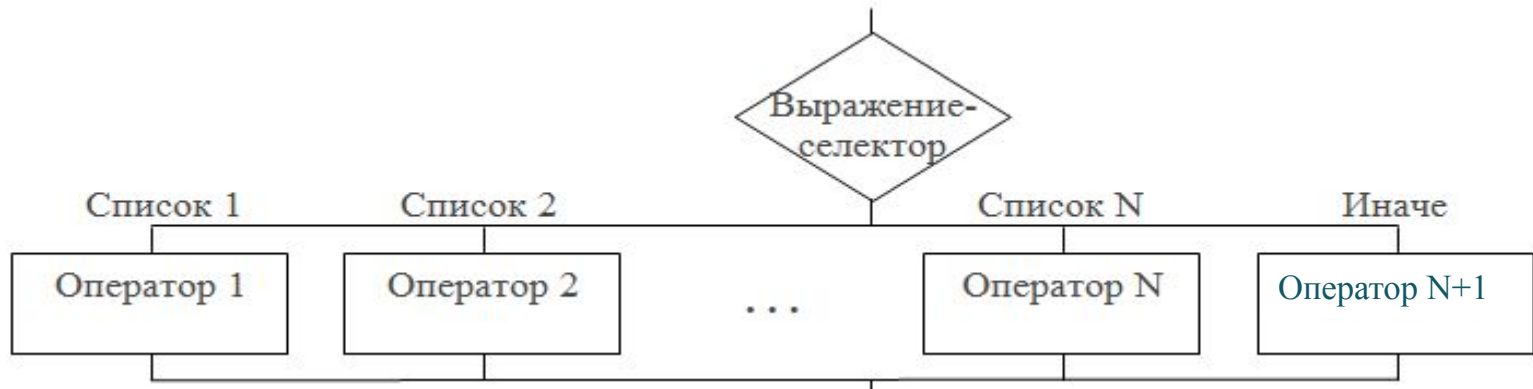
THEN-IF

```
var
  a: integer;
begin
  write('Введите целое число: ');
  readln(a);
  if a <> 0 then
    if a <> 1 then
      if a <> 2 then
        writeln('unknown')
      else
        writeln('two')
    else
      writeln('one')
  else
    writeln('zero');

readln
End.
```



Оператор выбора



```
Case <выражение-селектор> of  
  <значение1>:<оператор1>;  
  ...  
  <значение n>:<операторN>  
  else <оператор по умолчанию>  
end;
```

Program PR_3;

```
var ch: char;
```

```
begin
```

```
  write ('Введите символ: ');
```

```
  readln (ch);
```

```
  case ch of
```

```
    '0'..'9': write ('Это число');
```

```
    'a'..'z','A'..'Z':
```

```
      write ('Это английская буква');
```

```
    'a'..'я','А'..'Я':
```

```
      write ('Это русская буква')
```

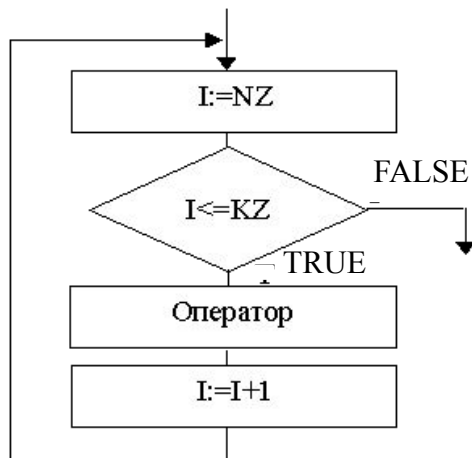
```
    else write ('Это спецсимвол')
```

```
  end;
```

```
  readln
```

```
end.
```

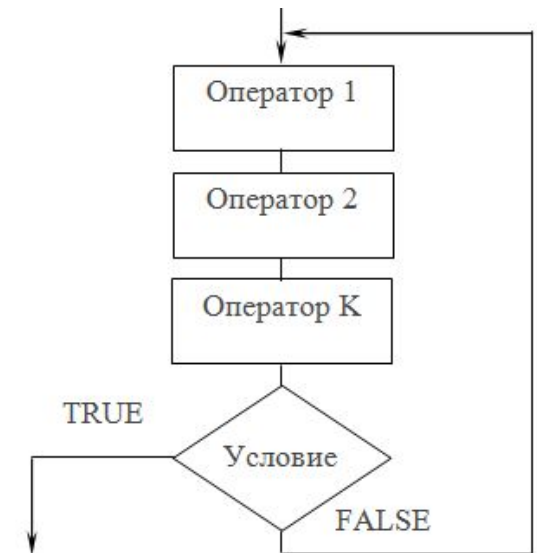
Операторы цикла



Цикл с параметром

for <Сч>:=<Н_з> **to** <к_з> **do**
<оператор>;

for <Сч>:=<Н_з> **downto** <к_з> **do**
<оператор>;



Цикл с постусловием

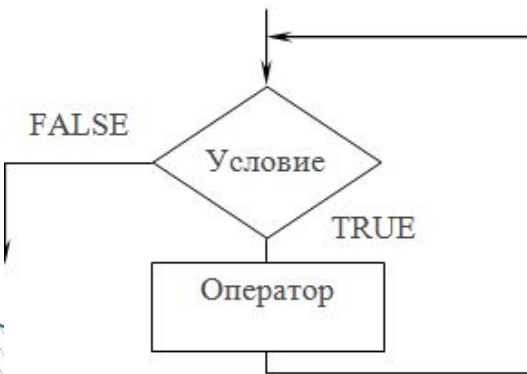
Repeat

<оператор1>;

<оператор2>;

<операторN>;

Until <логическое выражение>;

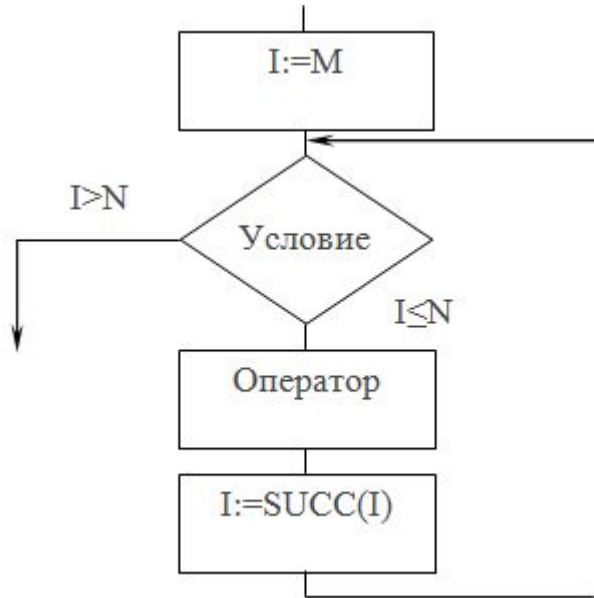


Цикл с предусловием

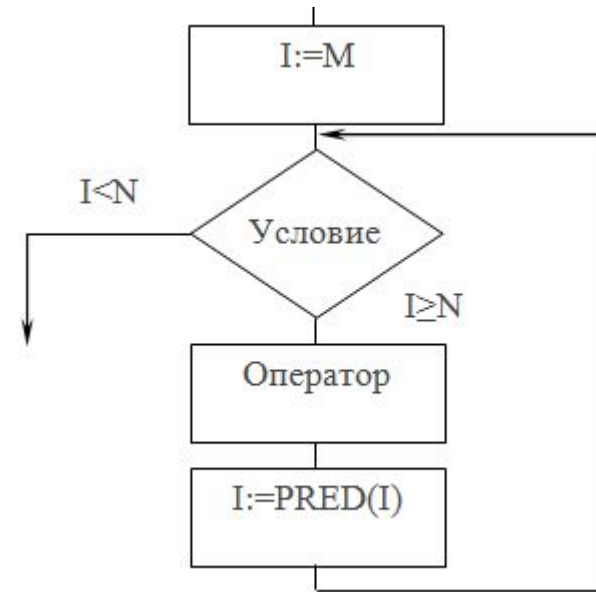
While <логическое выражение> **do**
<оператор>;



Цикл с параметром



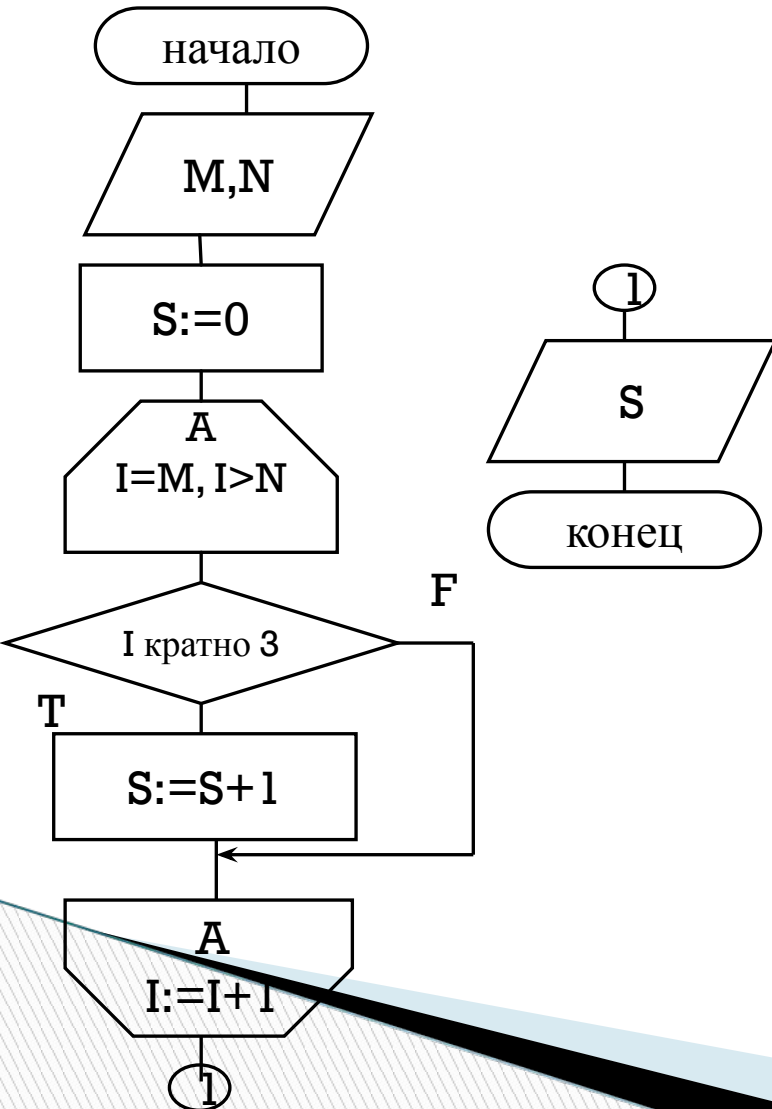
for I:=M **to** N **do**
 <оператор>;
 для $M < N$



for I:=M **downto** N **do**
 <оператор>;
 для $M > N$



Пример. Найти сумму S всех целых чисел, кратных 3 на отрезке $[M, N]$.

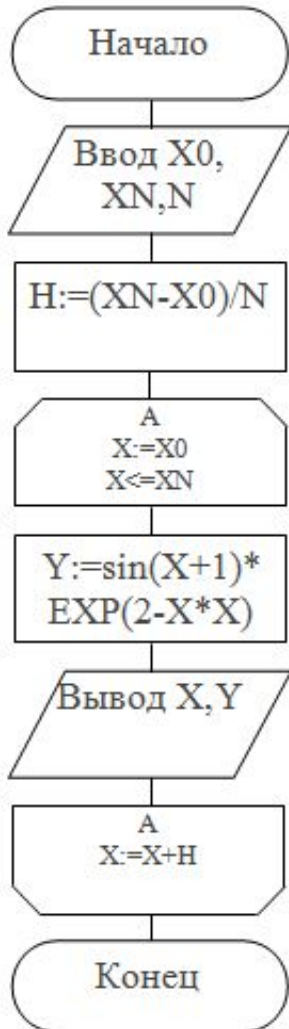


```
PROGRAM PR;  
VAR X, S: REAL;  
    I, M, N: INTEGER;  
BEGIN  
    WRITELN('ВВЕДИТЕ M И N');  
    READLN(M, N);  
    S:=0;  
    FOR I:=M TO N DO  
        IF I MOD 3 = 0  
            THEN S := S + I;  
        WRITELN('S=', S:6:4)  
    END.  
END.
```


Пример.

Табулировать функцию $F(X)$ в N равноотстоящих точках, заданную на промежутк

$$F(x) = \sin(x+1) \cdot e^{-(x^2-2)}$$



```
PROGRAM PR_while;
VAR  N: INTEGER;
      X, Y: REAL;
      H, X0, XN: REAL;
BEGIN
  WRITELN('ВВЕДИТЕ X0, XN, N');
  READLN(X0, XN, N);
  H := (XN - X0)/N;
  X:=X0;
  WHILE X<=XN DO
  BEGIN
    Y:= SIN(X+1)*EXP(2-X*X);
    X := X + H;
    WRITELN (' ПРИ X ', X:4:1, ' Y=', Y:9:6)
  END
END.
```

Вычисление предела последовательности

Последовательность $\{X_n\}$ определена следующим образом:

$$X_n = \frac{n^2 + 2}{3n^2 - n + 1}, n = 1, 2, 3, \dots$$

Найти предел последовательности $\{X_n\}$, принимая за него такое X_n , при котором $|X_n - X_{n-1}| < \varepsilon$.

```
PROGRAM LIM;  
VAR X, X1, E: REAL;  
    N: INTEGER;  
BEGIN  
    WRITELN('ВВЕДИТЕ E');  
    READLN(E);  
    N := 1;  
    X := 1;  
    REPEAT  
        X1 := X;  
        X := (N * N + 2) / (3 * N * N - N + 1);  
        N := N + 1;  
    UNTIL ABS(X - X1) < E;  
    WRITELN('Предел последовательности равен', X:12:8)  
END.
```

Рекуррентные зависимости

В общем виде формулу для рекуррентных вычислений можно представить так:

$$Y_i = F(Y_{i-1}, Y_{i-2}, \dots, Y_{i-k}).$$

для вычисления i -го члена последовательности Y_i , где $i > k$, используются k предыдущих членов последовательности $Y_{i-1}, Y_{i-2}, \dots, Y_{i-k}$

Признаки рекуррентных формул: $(-1)^n$, X^n , $n!$ и подобные этим выражения, присутствующие в формуле общего члена бесконечного ряда.

Пример. Вычислить значение $\operatorname{tg} X$:

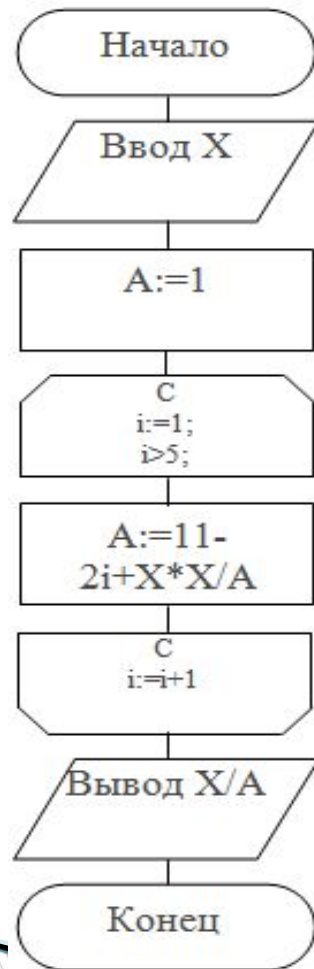
$$\operatorname{tg} X = \frac{X}{1 - \frac{X^2}{3 - \frac{X^2}{5 - \frac{X^2}{7 - \frac{X^2}{9 - X^2}}}}}$$

$$A_i = F(A_{i-1})$$

Номер 1	Член последовательности	Величина
0	A_0	1
1	A_1	$9 - \frac{X^2}{A_0}$
2	A_2	$7 - \frac{X^2}{A_1}$
3	A_3	$5 - \frac{X^2}{A_2}$
4	A_4	$3 - \frac{X^2}{A_3}$
5	A_5	$1 - \frac{X^2}{A_4}$

$$A_i = 11 - 2i - \frac{X^2}{A_{i-1}}, A_0 = 1, i = 1, 2, 3, 4, 5.$$

$$A_i = 11 - 2i - \frac{X^2}{A_{i-1}}, A_0 = 1, i = 1, 2, 3, 4, 5.$$



```
PROGRAM tang;  
  VAR  X, A: REAL;  
       I: INTEGER;  
BEGIN  
  WRITELN('ВВЕДИТЕ X');  
  READLN(X);  
  A := 1;  
  FOR I := 1 TO 5 DO  
    A := 11 - 2 * I - X * X/A;  
    WRITELN('tgX = ', X/A:8:5)  
  END.
```

Вычисление суммы бесконечного ряда с использованием рекуррентной формулы.

$$Y = \sum_{i=1}^{\infty} (-1)^i \cdot \frac{X^{2i}}{(2i)!}. \quad \text{Вычисления завершить при} \quad \left| \frac{X^{2i}}{(2i)!} \right| < \varepsilon.$$

$$1. \quad Y = \sum_{i=1}^n A_i, \quad A_i = (-1)^i \cdot \frac{X^{2i}}{(2i)!}, \quad |A_i| < \varepsilon.$$

$$2. \quad \frac{A_i}{A_{i-1}} = \frac{(-1)^i \cdot \frac{X^{2i}}{(2i)!}}{(-1)^{i-1} \cdot \frac{X^{2(i-1)}}{(2(i-1))!}} = - \frac{\frac{X^{2i}}{(2i)!}}{\frac{X^{2i-2}}{(2i-2)!}} = - \frac{X^{2i}}{(2i-2)! \cdot (2i-1) \cdot (2i)} = - \frac{X^2}{(2i) \cdot (2i-1)}.$$

Отсюда находим рекуррентную формулу:

$$A_i = - \frac{X^2 \cdot A_{i-1}}{(2i) \cdot (2i-1)}, \quad i = 2, 3, \dots, n; \quad A_1 = - \frac{X^2}{2}.$$

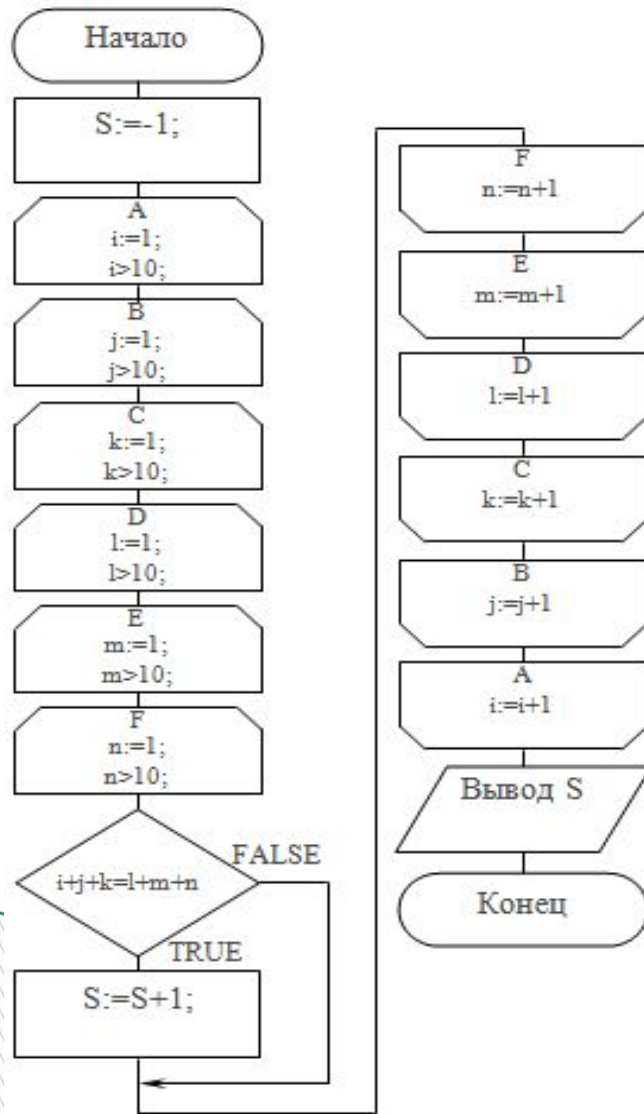
$$A_i = -\frac{X^2 \cdot A_{i-1}}{(2i) \cdot (2i-1)}, i = 2, 3, \dots, n; A_1 = -\frac{X^2}{2}.$$

```
PROGRAM RYD;  
  VAR  Y, E, A, X: REAL;  
        I: INTEGER;  
  BEGIN  
    WRITELN('Введите X, E');  
    READLN(X, E);  
    I:= 1;  
    A:= -X*X/2;  
    Y:=A;  
    WHILE ABS(A) >= E DO  
      BEGIN  
        I:= I+1;  
        A:= -X*X/2/I/(2*I - 1)*A;  
        Y:= Y + A;  
      END;  
    WRITELN('Y=', Y:10:6)  
  END.
```

Вложенный арифметический

ЦИКЛ

Используя вложенный цикл, определить число счастливых билетов S , номера которых меняются от 000001 до 999999.



```
PROGRAM Happy;
VAR S,I, N, J, K, L, M: INTEGER;
BEGIN
  S:=-1;
  FOR I:=0 TO 9 DO
    FOR J:=0 TO 9 DO
      FOR K:=0 TO 9 DO
        FOR L:=0 TO 9 DO
          FOR M:=0 TO 9 DO
            FOR N:=0 TO 9 DO
              IF I+J + K = L+M + N
                THEN S:=S+ 1;
            WRITELN('ЧИСЛО счастливых билетов = ', S:6:0)
          END.
        END.
      END.
    END.
  END.
```

HALT [(Код)]