

**У к а з а т е л и**

## ***Определение указателей***

При объявлении переменных, компилятор выделяет для них память, размер которой определяется указанным типом и инициализирует их значениями (если они присутствуют). Далее все обращения к этим переменным заменяются на адрес участка памяти, в котором хранятся их значения.

Разработчик может сам определять переменные для хранения адресов памяти, т.е. *указатели*.

***Указатель*** – это переменная, которая может содержать адрес некоторого объекта. Форма объявления указателя:

***Тип \* Имя\_Указателя;***

Например:    `int *a;    double *f;    char *w;`

**Звездочка** относится непосредственно к **Имени\_Указателя**, поэтому для объявления несколько указателей, ее нужно записывать перед каждым.

Например:

```
int *a, *b, c;
```

определены два указателя на участки памяти для целочисленных данных и целочисленная переменная *c*.

Значение указателя равно первому байту участка памяти, на который он ссылается. Под указатель любого типа выделяется 4 байта.

В языке Си имеются три вида указателей

- указатели на объект известного типа;
- указатель типа ***void***;
- указатель на функцию.

Указатель может быть константой или переменной, а также указывать на константу или переменную.

С *указателями-переменными* связаны две унарные операции **&** и **\***.

Операция **&** означает *«взять адрес»* операнда. Операция **\*** имеет смысл – *«значение, расположенное по указанному адресу»* (операция разадресации).

Обращение к объектам любого типа в языке Си может производиться:

- по имени (идентификатору);
- по указателю (*косвенная адресация*):

*Имя\_Указателя* = **&***Имя\_Объекта*;

**\*Имя\_Указателя** – косвенная адресация.

Операция разадресации используется как для получения значения величины, адрес которой хранится в указателе, так и для ее изменения (не константы).

Унарная операция **&** применима только к адресуемым выражениям (***L-значениям***), т.е. к переменным для которых выделена память и можно определить ее адрес.

Получить адрес скалярного выражения, самоопределенной константы или регистровой переменной (***register***) **нельзя**.

**Пример:**

`int x, *y;` Переменная ***int*** и указатель на объект типа ***int***

`y = &x;` Адрес переменной ***x*** присвоим указателю ***y***  
(установим указатель ***y*** на переменную ***x*** )

`*y = 1;` По указанному адресу записать значение 1, т.е.

`*y = x = 1`

Выражение *\*Имя\_Указателя* можно использовать в левой части оператора присваивания, т.к. оно является **L-значением**, т.е. определяет адрес участка памяти.

*\*Имя\_Указателя* считают именем переменной, на которую ссылается указатель. С ней допустимы все действия, определенные для величин соответствующего типа (если указатель инициализирован).

## ***Инициализация указателей***

Опасная ошибка – использование неинициализированных указателей, поэтому желательно присвоить указателю начальное значение уже при объявлении.

Инициализатор записывается после ***Имени Указателя*** либо после знака равенства, либо в круглых скобках. Рассмотрим способы инициализации указателей.

1. Присваивание указателю адреса известного объекта:

а) используя операцию **&** (получение адреса):

```
int a = 5;
```

```
int *p = &a;    Указателю p присвоили адрес объекта a
```

```
int *p (&a);    То же самое другим способом
```

б) с помощью ранее определенного указателя (**p**):

```
int *g = p;
```

в) с помощью имени массива или функции, которые трактуются как адрес начала участка памяти, в котором размещается указанный объект.

Следует знать, что **имена массивов** и **функций** являются **константными указателями**, которые можно присвоить переменной-указателю, но **нельзя** изменять, например:

```
int x[10], *y;
```

```
y = x;           Присваивание константы переменной
```

```
x = y;           Ошибка, т.к. в левой части константа.
```



## 2. Присваивание пустого значения:

```
int *x1 = NULL;
```

```
int *x2 = 0;
```

Константа ***NULL*** – указатель, равный нулю (можно использовать просто цифру **0**), т.е. отсутствие адреса.

Так как объекта с нулевым адресом не существует, то пустой указатель обычно используют для проверки, ссылается указатель на некоторый объект или нет.

## 3. Присваивание указателю адреса выделенного участка динамической памяти (стандартные функции *calloc*, *malloc* использовать не будем) с помощью операции C++ ***new*** :

```
int *n = new int;
```

Результат этой операции – адрес начала выделенной (захваченной) памяти, при возникновении ошибки – ***NULL***.

## Операция *sizeof* (размер ...)

Формат

***sizeof*** ( *Параметр* );

***Параметр*** – тип или имя объекта (не имя ***функции***).

Операция определяет размер указанного *Параметра* в байтах (тип результата *int*).

Если указано имя сложного объекта (массив, структура), то результатом будет размер всего объекта. Например:

`sizeof (int)`            Результат 4 байта

`double b[5];`

`sizeof (b)`            Результат 8 байт \* 5 = 40 байт

## ***Операции над указателями***

Помимо уже рассмотренных операций, с указателями можно выполнять арифметические операции сложения, инкремента (***++***), вычитания, декремента (***--***) и операции сравнения.

Арифметические операции с указателями автоматически учитывают ***размер типа*** величин, адресуемых указателями.

Например, инкремент увеличивает (перемещает вправо) указатель типа ***int*** на 4 байта, а инкремент указателя типа ***double*** – на 8 байт, и т.п.

Эти операции применимы к указателям одного типа и имеют смысл в основном при работе с данными, последовательно размещенными в памяти, например, с массивами.

При работе с массивами, инкремент перемещает указатель к следующему элементу массива, декремент – к предыдущему.

Указатель, таким образом, может использоваться в выражениях вида

$$p \# iv ; \quad \#\# p ; \quad p \#\# ; \quad p \# = iv ;$$

$p$  – указатель (*pointer*),  $iv$  – целочисленное выражение (*int value*),  $\#$  – символ операции '+' или '-'.

Результат таких выражений – увеличенное или уменьшенное значение указателя на величину

$$iv * sizeof (*p)$$

С указателями могут использоваться любые операции сравнения, но чаще используются отношения равенства или неравенства. Другие отношения имеют смысл только для указателей на последовательно размещенные объекты (элементы одного массива).

В применении к массивам разность двух указателей равна числу объектов в соответствующем диапазоне, т.е. разность указателей, например, на третий и шестой элементы равна 3.

Суммирование двух указателей не допускается.

Значение указателя в шестнадцатеричном виде можно вывести на экран с помощью функции *printf*, используя спецификацию *%p* (*pointer*), или с помощью *cout*.

## Связь указателей и массивов

Работа с массивами тесно связана с применением указателей. Рассмотрим эту связь на примере одномерного массива.

Пусть объявлены одномерный массив **a** и указатель **p** :

```
int a[5] = {1, 2, 3, 4, 5}, *p;
```

*Имя* массива **a** – константный указатель на его начало, т.е

$a = \&a[0]$       Адрес первого элемента

Элементы массива **a** в выделенной памяти располагаются следующим образом (по 4 байта каждый):

$a[0]$	$a[1]$	$a[2]$	$a[3]$	$a[4]$	Элементы массива
1	2	3	4	5	Значения элементов
A0	A1	A2	A3	A4	Символические адреса

Указатель ***a*** – адрес начала массива (**A0**).

Тогда адрес первого элемента

$$A1 = A0 + \text{sizeof}(\text{int}) = A0 + 4;$$

адрес второго

$$A2 = A1 + \text{sizeof}(\text{int}) = A0 + 2 * 4 = A0 + 8 \dots \text{и т.д.}$$

Если установить указатель ***p*** на объект ***a*** :

$$p = a;$$

что эквивалентно  **$p = \&a[0]$** ; то получим, что и  **$p = A0$** .

Идентификаторы ***a*** и ***p*** – указатели, очевидно что с учетом адресной арифметики обращение к ***i***-му элементу массива ***a*** может быть записано следующими выражениями

$$a[i] \quad \sim \quad *(a + i) \quad \sim \quad *(p + i) \quad \sim \quad p[i]$$

приводящими к одинаковому результату.

Очевидна и эквивалентность выражений:

– Адрес начала массива в памяти:

$$\&a[0] \leftrightarrow \&>(*a) \leftrightarrow a$$

– Обращение к первому элементу массива:

$$*a \leftrightarrow a[0]$$



## ***Указатели на указатели***

Указатели, как и переменные любого другого типа, могут объединяться в массивы.

Объявление ***массива указателей  $p$***  на целые числа:

```
int *p[10], y;
```

Теперь каждому из элементов массива указателей  **$p$**  можно присвоить адрес переменной  **$y$** , например:  $p[1] = \&y$ ;

Чтобы найти значение переменной  **$y$**  через данный элемент массива  **$p$** , необходимо записать  $*p[1]$ .

В языке Си можно описать переменную типа «***указатель на указатель***». Это ячейка памяти (переменная), в которой будет храниться адрес указателя на некоторую переменную. Признак такого типа данных – повторение символа « **$*$** » перед именем переменной. Количество звездочек определяет уровень вложенности указателей друг в друга. При объявлении указателей на указатели возможна их инициализация.

Например:

```
int a = 5;
```

```
int *p = &a;
```

```
int **pp = &p;
```

```
int ***ppp = &pp;
```

Если присвоить переменной **a** новое значение: `a=10;` то следующие величины будут иметь такие же значения 10:

\*p            \*\*pp            \*\*\*ppp

Для доступа к памяти, отведенной под переменную **a** можно использовать и индексы, т.е. следующие выражения - эквивалентны :

`*p        ~    p[0] ;`

`**pp        ~    pp[0][0] ;`

`***ppp        ~    ppp[0][0][0] .`

Фактически, используя указатели на указатели, мы имеем дело с многомерными массивами.

## ***Многомерные массивы***

Декларация многомерного массива:

*Тип* *Имя\_Массива* [***Размер1***][***Размер2***]...[***РазмерN***] ;

Наиболее быстро изменяется последний индекс, т.к. многомерные массивы размещаются в памяти компьютера построчно друг за другом.

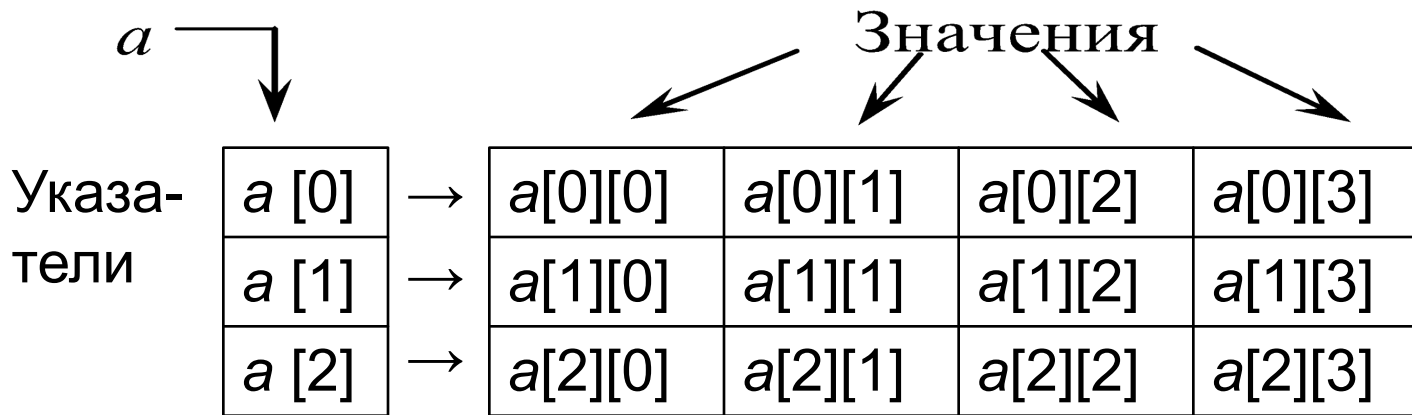
Рассмотрим особенности работы с многомерными массивами на примере двумерного массива.

Пусть приведена декларация двумерного массива:

***int a[3][4];***

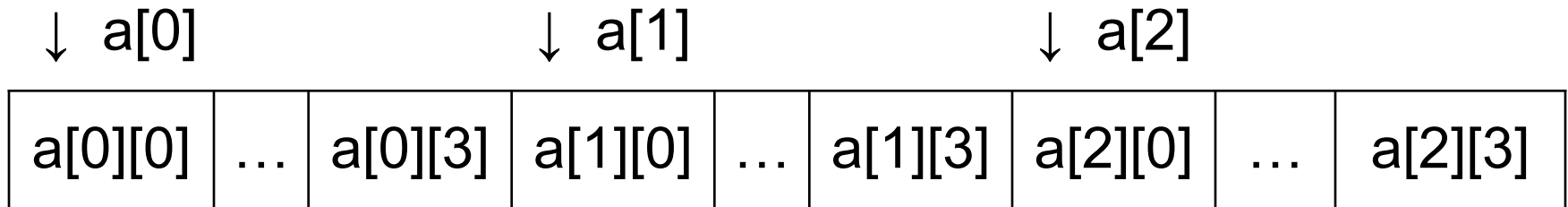
Двухмерный массив *a[3][4]* компилятор рассматривает как массив трех указателей, каждый из которых установлен на начало одномерного массива размером 4.

## Схема размещения массива $a$ в памяти:



Причем в данном случае, указатель  $a[1]$  имеет адрес равный  $a[0] + 4 * \text{sizeof}(\text{int})$ , т.е. каждый первый элемент следующей строки располагается за последним элементом предыдущей строки.

Т.е. массив **a** в памяти занимает последовательно размещенный участок:



Обращению к элементам массива при помощи операции индексации  $a[i][j]$  соответствует эквивалентное выражение, использующее адресную арифметику –  $*(*(a + i) + j)$ .

Аналогичным образом можно установить соответствие между указателями и массивами с произвольным числом измерений.

## Динамические массивы

Работа с динамическими массивами связана с операциями их создания и уничтожения по запросу программы, при котором выделение (захват) и освобождение памяти производится не на этапе обработки программы, как для статических массивов, а в процессе ее выполнения.

Для объявления динамических массивов используются указатели.

В языке Си захват и освобождение памяти выполняются при помощи библиотечных функций (*calloc*, *malloc*, *free*).

В языке C++ для захвата и освобождения памяти используется более простой механизм – операции *new* и *delete*.



Результат операции ***new*** – адрес начала выделенного участка памяти для размещения данных, указанного типа и количества, при возникновении ошибки (например, при нехватке памяти) результат равен ***NULL***.

Причем операция ***delete*** (удалить) не уничтожает значения, находящиеся по указанным адресам, а разрешает компилятору использовать ранее занятую память. Но попытка использовать эти значения может привести к непредсказуемым результатам.

Квадратные скобки в операции ***delete*** при освобождении памяти, занятой массивом, обязательны. Их отсутствие также может привести к непредсказуемым результатам.



## Создание одномерного динамического массива

Кусочек кода, необходимый для работы с динамическим одномерным массивом вещественных чисел  $x$  (размером  $n$ ) с проверкой достаточно ли памяти для его размещения:

```
...  
double *x;           - Объявление указателя для массива  
int  i, n;  
cout << " Size = : ";   - Определение размера на этапе  
cin >> n;              выполнения программы  
x = new double [n] ;   - Создание массива  
if (x == NULL) {      - Проверка на ошибку  
    cout << " Error ! " << endl;    (Ошибка)  
    return;  
}  
...                  - Обработка массива  
delete [ ]x;         - Освобождение занятой памяти  
...
```

## Создание двумерного динамического массива

Создание двумерного динамического массива выполняется в два этапа:

**Этап 1:** выделяется память под указатели, расположенные последовательно друг за другом (по количеству строк);

**Этап 2:** каждому указателю выделяется участок памяти под элементы (по количеству столбцов).

```
...
int **a, n, m, i, j;      - Объявление указателя на указатель
                          для двумерного массива a
cout << " n, m : ";     - Определение размеров массива на
                          этапе выполнения программы
                          для n строк и m столбцов
cin >> n >> m;
a = new int* [n];       - 1. Захват памяти для n указателей
for (i=0; i<n; i++)     - 2. Захват памяти для m элементов
    a[i] = new int [m];  каждой строки
```

...

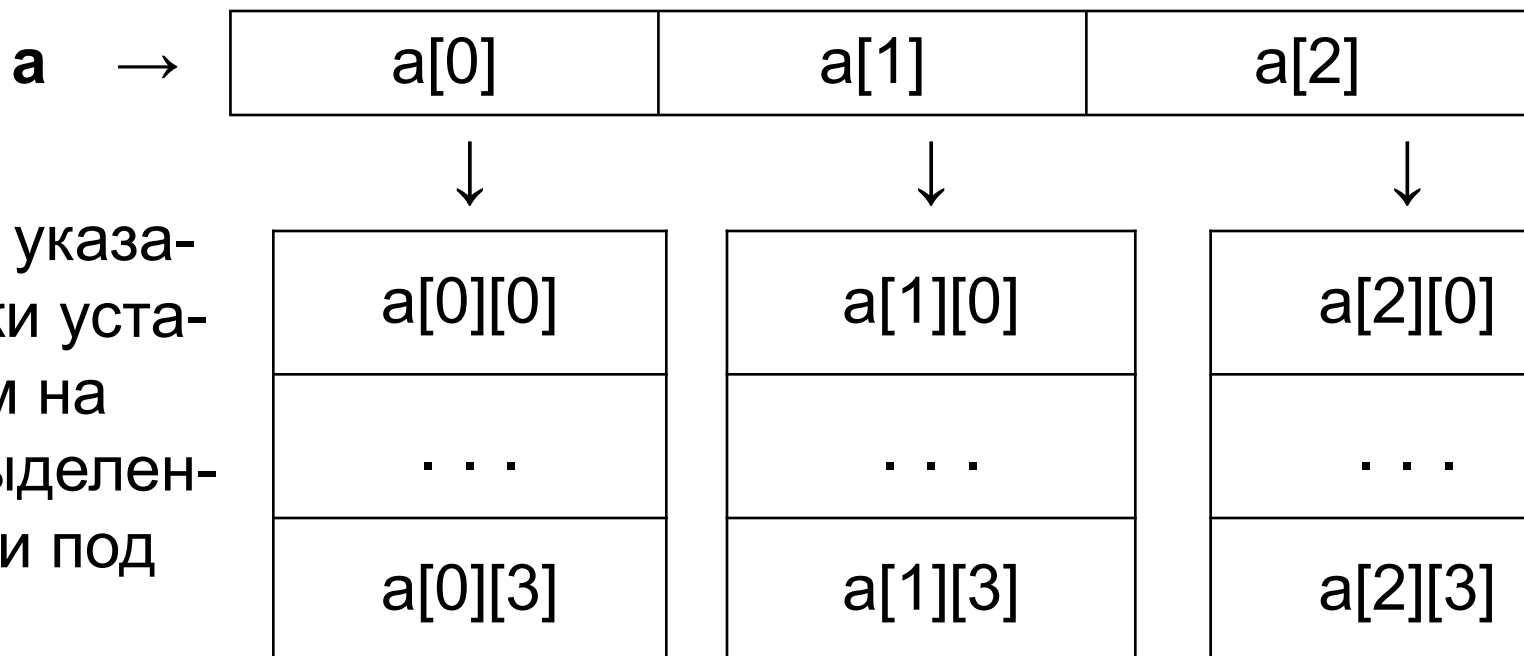
```
for ( i=0; i<n; i++)  
    delete []a[i];  
delete []a;
```

...

- Обработка массива
- Освобождение памяти:  
сначала, занятую под элементы,  
затем, занятую под указатели

Схема выделения памяти под массив **a** для **n = 3**, **m = 4**:

1) выделяем память под 3 указателя на строки (по 4 б.), т.е. создаем одномерный массив из указателей:



2) каждый указатель строки устанавливаем на участок выделенной памяти под элементы

Рассмотрим некоторые необходимые участки программ для выполнения лабораторной работы № 6 (реализация ввода-вывода для консольных приложений).

Имеем следующее объявление

```
int **a, n, m, i, j, и другие ...;
```

**\*\*a** – указатель на указатель для создания динамического двумерного массива, ***i***, ***j*** – текущие индексы для строк и столбцов, ***n*** – количество строк, ***m*** – столбцов (размеры вводим с клавиатуры).

1) Ввод элементов массива:

```
    for (i = 0; i < n; i++)  
for (j = 0; j < m; j++)  
{  
    cout << " a[ " << i+1 << " ] [ " << j+1 << " ] = " ;  
    cin >> a[i][j];  
}
```

2) Заполнение массива **a** случайными числами в диапазоне [-10, 10] и вывод их на экран в виде матрицы

```
for (i = 0; i < n; i++) {  
    for (j = 0; j < m; j++) {  
        a[i][j] = random(21) - 10;  
        cout << setw(5) << a[i][j] ;  
    }  
    cout << endl ;  
}
```

3) Поиск минимального элемента массива **a** (в объявление добавим **int** переменные для индексов минимального элемента **i\_min** – строка, **j\_min** – столбец):

```
i_min = j_min = 0;
```

```
for (i = 0; i < n; i++)
```

```
    for (j = 0; j < m; j++)
```

```
        if ( a[i][j] < a[i_min][j_min] ) {
```

```
            i_min = i;
```

```
            j_min = j;
```

```
        }
```

```
cout << " Min = " << a[i_min][j_min]
```

```
    << " Row = " << i_min
```

```
    << " Col = " << j_min << endl ;
```

4) Поиск минимальных элементов в строках массива **a** (в объявление добавили указатель **int \*min** для массива минимальных элементов):

```
min = new int [n];
```

- Захват памяти

```
for (i = 0; i < n; i++) {
```

```
    min[i] = a[i][0];
```

```
    for (j = 1; j < m; j++)
```

```
        if ( a[i][j] < min [ i ] )
```

```
            min[i] = a[i][j];
```

```
}
```



5) Сортировка строк массива **a** по ??? минимальных элементов в строке (в объявление добавили указатель **int \*pr** для перестановки строк и переменную **int r** для перестановки значений минимальных элементов):

```
for (i = 0; i < n - 1; i++)
```

```
for (j = i+1; j < n; j++)
```

```
if ( min[i] > min[j] ) {
```

```
    r = min[i]; min[i] = min[j]; min[j] = r;
```

- Перестановка **i-го** и **j-го значений** массива **min**

```
    pr = a[i]; a[i] = a[j]; a[j] = pr;
```

- Перестановка **i-й** (**a[i]**) и **j-й** (**a[j]**) строк массива **a** с помощью **указателей**

```
}
```

6) Сортировка строк массива **a** по ??? первых элементов строк (указатель **int \*pr** используем для перестановки строк):

```
for (i = 0; i < n - 1; i++)  
for (j = i+1; j < n; j++)  
    if ( a[i][0] < a[j][0] ){  
        pr = a[i];  
        a[i] = a[j];  
        a[j] = pr;  
    }
```

7) Найти количество различных элементов массива **a** (повторяющиеся элементы считать только один раз).

Такого типа задачи проще решаются с использованием одномерных массивов, поэтому из 2-х мерного массива создаем одномерный (в объявление добавим переменные **int nm, \*b, k, kol**):

Создаем одномерный массив **b** размером **n\*m (nm)**:

**nm = n\*m;** - Размер одномерного массива **b**

**b = new int [nm];**

**for (k = i = 0; i < n; i++)**

**for (j = 0; j < m; j++)**

**b [ k++ ] = a[i][j];** - Постфиксный инкремент (**k++**)  
выполнится после операции присваивания

Рассмотрим два варианта решения этой задачи.

7.1) Посчитаем **количество** таких элементов, используя массив **b** отсортированный по возрастанию, после этого сравниваем стоящие рядом элементы:

```
for (i = 0; i < nm - 1; i++)
for (j = i+1; j < nm; j++)
    if ( b[i] < b[j] ){
        r = b[i];    b[i] = b[j]; b[j] = r;
    }
kol = 1;
for (i = 0; i < nm - 1; i++)
if ( b[i] != b[i + 1] )
    kol++;
cout << "\n\t Kol = " << kol << endl;
```

7.2) В массиве **b** удалим (со сдвигом) все повторяющиеся элементы, после чего размер **nm** полученного массива **b** будет равен количеству искомым элементов, которые выведем на экран:

```
for (i = 0; i < nm - 1; i++)
for (j = i+1; j < nm; j++)
    if ( b[i] == b[j] ){
        for (k = j; k < nm - 1 ; k++)
            b[k] = b[k+1];
        nm--;
        j--;
    }
for (i = 0; i < nm; i++)
cout << setw(5) << b[i];
```

8) В массиве **a** найти минимальный элемент, лежащий выше побочной диагонали. Решение задач, где работа связана с диагональю, количество строк и столбцов рекомендуется задавать равными. Пример массива  $n = m = 4$ :

<b>5</b>	<b>4</b>	<b>3</b>	<b>2</b>
<b>7</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	0
<b>-1</b>	<b>5</b>	2	-7
<b>1</b>	-8	3	0

Должны получить значение -1.

```
int min = a[0][0];
for (i = 0; i < n - 1; i++)
    for (j = 0; j < n - 1 - i; j++)
        if ( a[i][j] < min )
            min = a[i][j];
cout << " Min = " << min << endl;
```

9) Создать массив **b** (одномерный), **k**-й элемент которого равен **-1**, если все элементы **k**-го столбца массива **a** меньше либо равны 0, иначе **k**-й элемент равен **1** (объявляем указатель **int \*b** для формируемого массива размером **m**):

```
b = new int [m];           - Создаем массив
for (j = 0; j < m ; j++) {   - Внешний цикл по столбцам
    b[ j ] = -1;             - Предположим, что ВСЕ <=0
    for (i = 0; i < n; i++)   - Внутренний цикл по строкам
        if ( a[i][j] > 0 ) {  - Находим хотя бы один, и
            b[ j ] = 1;       этого достаточно, чтобы
            break;           прекратить проверку
        }
    cout << b[ j ] << endl;  - Вывод j-го элемента
}
```

Пример массива  $n = 3$ ,  $m = 4$ :

**-5    4    -3    0**

**-7    -1    -2    2**

**-1    -5    -2    -7**

Должны получить значение вектора:

**-1    1    -1    1**

**Во всех приведенных примерах не забываем освободить захваченную (с помощью операции *new*) память.**



## ***Адресная функция (дополнительная информация)***

При работе с массивами каждому массиву выделяется непрерывный участок памяти указанного размера.

При этом элементы, например, двухмерного массива  $x$  размером  $n \times m$  размещаются в памяти по строкам, т.е. в следующей последовательности:

$$x(0,0), x(0,1), \dots, x(0, m - 1), \dots, x(1,0), x(1,1), \dots, x(1, m - 1), \dots, \\ x(n - 1,0), x(n - 1,1), x(n - 1,2), \dots, x(n - 1, m - 1)$$

Адресация элементов массива определяется некоторой адресной функцией, связывающей адрес и индексы элемента.

Адресная функция двухмерного массива  $x$ :

$$N1 = K(i, j) = m \cdot i + j;$$

где  $i = 0, 1, 2, \dots, (n - 1)$ ;  $j = 0, 1, 2, \dots, (m - 1)$ ;  $j$  – изменяется в первую очередь.

Тогда справедливо следующее:

$$\mathbf{a}(i, j) \leftrightarrow \mathbf{b}(K(i, j)) = \mathbf{b}(N1),$$

$\mathbf{b}$  – одномерный массив с размером  $N1 = n * m$ .

Например, для двумерного массива  $\mathbf{a}(2 * 3)$  имеем:

0,0	0,1	0,2	1,0	1,1	1,2
0	1	2	3	4	5

– Индексы массива  $\mathbf{a}$

– Индексы массива  $\mathbf{b}$

Проведем расчеты:

$$i = 0, j = 0 \quad N1 = 3 * 0 + 0 = 0 \quad \mathbf{b}(0)$$

$$i = 0, j = 1 \quad N1 = 3 * 0 + 1 = 1 \quad \mathbf{b}(1)$$

$$i = 0, j = 2 \quad N1 = 3 * 0 + 2 = 2 \quad \mathbf{b}(2)$$

$$i = 1, j = 0 \quad N1 = 3 * 1 + 0 = 3 \quad \mathbf{b}(3)$$

$$i = 1, j = 1 \quad N1 = 3 * 1 + 1 = 4 \quad \mathbf{b}(4)$$

$$i = 1, j = 2 \quad N1 = 3 * 1 + 2 = 5 \quad \mathbf{b}(5)$$

Аналогично получаем адресную функцию для трехмерного массива  $x(n1, n2, n3)$ :

$$K(i, j, k) = n3 * n2 * i + n2 * j + k ,$$

где  $i = 0, 1, 2, \dots, (n1 - 1)$ ;  $j = 0, 1, 2, \dots, (n2 - 1)$ ;  $k = 0, 1, 2, \dots, (n3 - 1)$ ; значение  $k$  – изменяется в первую очередь.

Для размещения такого массива потребуется участок памяти размером  $(n1 * n2 * n3) * sizeof(type)$ .

Рассматривая такую область как одномерный массив  $y(0, 1, \dots, n1*n2*n3)$ , можно установить соответствие между элементом трехмерного массива  $x$  и элементом одномерного массива  $y$ :

$$x(i, j, k) \leftrightarrow y(K(i, j, k)) .$$

Необходимость введения адресных функций возникает лишь в случаях, когда требуется изменить способ отображения массива с учетом особенностей конкретной задачи.