

# Методы нисходящего синтаксического анализа

# Применяемый класс грамматик

- Контекстно-свободные грамматики
- Левая часть правила – нетерминальный символ, правая часть – произвольная строка

$$a \rightarrow v, \text{ где } a \text{ из } N, v \text{ из } \mathcal{A}^*$$

- Порождаемые языки – контекстно-свободные языки
- Механизм распознавания – автоматы с магазинной памятью

# Нисходящий рекурсивный алгоритм

- Пусть имеется входная лента, содержащая строку символов в алфавите  $\mathcal{L}$ .
- Строка заканчивается специальным символом  $>$ .
- $\mathcal{N} = \{L, E, F, T, P, Q\}$
- $\mathcal{L} = \{x, +, *, (, ), >\}$
- Правила вывода:
  1.  $L \rightarrow E Q$
  2.  $E \rightarrow T F$
  3.  $E \rightarrow T$
  4.  $F \rightarrow + E$
  5.  $F \rightarrow * T$
  6.  $T \rightarrow x$
  7.  $T \rightarrow ( E P$
  8.  $P \rightarrow )$
  9.  $Q \rightarrow >$
- Исходный символ – L
- Построить алгоритм нисходящего разбора данной строки

# Основные множества, управляющие синтаксическим разбором

- для каждого нетерминального символа построим множества терминальных символов, которые могут за ними следовать
  - $\text{fin}(E) = \{ \text{ ) , } > \}$
  - $\text{fin}(F) = \{ \text{ ) , } > \}$
  - $\text{fin}(T) = \{ \text{ ) , } > \}$
- Для каждого правила вывода множество символов, с которых может начинаться выводимая из него строка
  1.  $\text{beg}(L \rightarrow E >) = \{ \mathbf{x}, ( \}$
  2.  $\text{beg}(E \rightarrow T F) = \{ \mathbf{x}, ( \}$      $\text{dir}(E \rightarrow TF) = \text{first}(F) = \{ +, * \}$
  3.  $\text{beg}(E \rightarrow T) = \{ \mathbf{x}, ( \}$      $\text{dir}(E \rightarrow T) = \text{fin}(T) = \{ \text{ ) , } > \}$
  4.  $\text{beg}(F \rightarrow + E) = \{ + \}$
  5.  $\text{beg}(F \rightarrow * T) = \{ * \}$
  6.  $\text{beg}(T \rightarrow \mathbf{x}) = \{ \mathbf{x} \}$
  7.  $\text{beg}(T \rightarrow ( E P) = \{ ( \}$
  8.  $\text{beg}(P \rightarrow ) ) = \{ \text{ ) } \}$

# Последовательность грамматического разбора LL(1)

```

L
E Q
T F Q
a F Q
a + E Q
a + T F Q
a + b F Q
a + b * T Q
a + b * ( E P Q
a + b * ( T F P Q
a + b * ( c F P Q
a + b * ( c + E P Q
a + b * ( c + T F P Q
a + b * ( c + d F P Q
a + b * ( c + d * T P Q
a + b * ( c + d * e P Q
a + b * ( c + d * e ) Q
a + b * ( c + d * e ) >
  
```

```

(1) L -> E >
(2) E -> T F
(6) T -> x
(4) F -> + E
(2) E -> T F
(6) T -> x
(5) F -> * T
(7) T -> ( E P
(2) E -> T F
(6) T -> x
(4) F -> + E
(2) E -> T F
(6) T -> x
(5) F -> * T
(6) T -> x
(8) P -> )
(9) Q-> >
  
```

```

a | + b*(c+d*e)>
a | + b*(c+d*e)>
+ | b*(c+d*e)>
b | *(c+d*e)>
b | *(c+d*e)>
* | (c+d*e)>
( | c+d*e)>
c | +d*e)>
c | +d*e)>
+ | d*e)>
d | *e)>
d | *e)>
* | e)>
e | )>
) | >
> |
  
```

1.  $\text{beg}(L \rightarrow E \text{>}) = \{x, (\}$
2.  $\text{beg}(E \rightarrow T F) = \{x, (\}$
3.  $\text{beg}(E \rightarrow T) = \{x, (\}$

$\text{dir}(E \rightarrow T F) = \{+, *\}$   
 $\text{dir}(E \rightarrow T) = \{), >\}$

4.  $\text{beg}(F \rightarrow + E) = \{+\}$
5.  $\text{beg}(F \rightarrow * T) = \{*\}$
6.  $\text{beg}(T \rightarrow x) = \{x\}$
7.  $\text{beg}(T \rightarrow ( E P) = \{( (\}$
8.  $\text{beg}(P \rightarrow ) ) = \{) \}$

# Ограничения на КС-грамматику, чтобы она была LL(1)

- Грамматика не должна содержать правил вида:  $A \rightarrow Bv$ ,  $B \rightarrow Cv$ ,  $C \rightarrow Aw$ , то есть лево рекурсивных цепочек вывода
- Для любых двух правил с одинаковой левой частью должно выполняться одно из двух следующих правил:
  1.  $\text{beg}(A \rightarrow v) \ \& \ \text{beg}(A \rightarrow w) == \text{null}$  то есть правила должны различаться по первому выводимому терминальному символу
  2. Если это не так,  $\text{dir}(A \rightarrow v) \ \& \ \text{dir}(A \rightarrow w) == \text{null}$ , то есть правила должны различаться по второму терминальному символу, выводимому из строк  $v$  и  $w$

• [Пример](#)

# Дополнительное ограничение

- В грамматику должны входить только правила следующего вида:
  - $N \rightarrow u$  где  $u$  из  $V^*$
  - $N \rightarrow tu$  где  $t$  из  $\mathcal{L}$  и  $u$  из  $V^*$

Например:

Из правила

$T \rightarrow (E)$

следует сделать 2 правила:

$T \rightarrow (ER$

$R \rightarrow )$

где  $R$  – новый нетерминальный символ

# Порядок работы

- В стек помещаем аксиому
- На входную ленту – строку, подлежащую распознаванию
- Выбираем самый левый нетерминал  $N$  в стеке и самый левый символ  $x$  на входной ленте и по этой паре принимаем решение:
  - если существует правило,  $N \rightarrow u$  однозначно определяемое парой  $N, x$ , то:
    - если  $u = xv$ , то заменяем в стеке  $N$  на  $xv$  и удаляем символ  $x$  из входной ленты
    - если  $u$  начинается с нетерминала или  $u$  – пустая строка, то только заменяем  $N$  на  $u$
  - Если пара  $N, x$  не однозначно определяют правило замены, то привлекаем След символ
  - Если не находится правила по паре  $N, x$  то ошибка
- Критерий правильности распознавания:
  - входная лента пуста
  - в стеке – копия входной строки