

4. Пространственно-временной компромисс при разработке алгоритмов

« Значащее много никогда не должно находиться во власти значащего мало»
- Иоганн Вольфганг фон Гете.

Основная идея

Осуществляется полная или частичная обработка входных данных с сохранением полученной дополнительной информации для ускорения позднейшего решения поставленной задачи.

Основные подходы к решению задачи пространственно-временного компромисса

1. Улучшение входных данных
(- метод сортировки подсчетом,
- алгоритм Хорспула для поиска подстрок);
2. Предварительная структуризация
(- хеширование,
- индексирование при помощи В-деревьев);
3. Динамическое программирование.

4.1. Сортировка подсчетом

Основная идея: подсчитать для каждого элемента сортируемого списка общее количество элементов, меньших данного, и занести полученный результат в таблицу.

Полученные числа указывают позиции элементов в отсортированном списке.

Пример работы алгоритма сортировки подсчетом сравнений

Массив A[0..5] | 62 | 31 | 84 | 96 | 19 | 47 |

Изначально Count | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |

После прохода

i=0 Count | 3 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |

i=1 Count | | 1 | 2 | 2 | 0 | 1 |

i=2 Count | | | 4 | 3 | 0 | 1 |

i=3 Count | | | | 5 | 0 | 1 |

i=4 Count | | | | | 0 | 2 |

Конечный

результат *Count* | 3 | 1 | 4 | 5 | 0 | 2 |

Массив S[0..5] | 19 | 31 | 47 | 62 | 84 | 96 |

4.2. Улучшение входных данных в поиске подстроки

Задача поиска подстроки состоит в поиске данной подстроки из m символов, именуемой шаблон или образец, в более длинной строке из n символов, называемой текст.

Общее количество сравнений в наихудшем случае $C(n)=m*(n-m+1)$

Производительность алгоритма на основе «грубой силы» равна $O(n*m)$.

Для случайного естественного текста эффективность в среднем $O(n)$.

Алгоритм Хорспула

Пример. Поиск подстроки BARBER в некотором тексте:

S_0 *c* S_{n-1}

BARBER

Алгоритм Хорспула определяет величину сдвига, рассматривая символ *c* текста, который при выравнивании находится напротив последнего символа образца.

Случай 1.

Если символа **c** в образце нет, то можно сдвинуть образец на всю его длину.

S_0 S S_{n-1}

≠

BARBER

BARBER

Случай 2.

Если символ **c** в образце есть, но он не последний.

S_0 В S_{n-1}

≠

В А R В E R

В А R В E R

Сдвиг должен выровнять образец так, чтобы напротив **c** в тексте было первое справа вхождение символа в образец.

Случай 3.

Если символ **c** последний символ образца и среди остальных $(m-1)$ символов образца такого символа нет, то сдвиг должен быть подобен сдвигу в случае 1, т.е. на величину m .

S_0 M E R S_{n-1}

≠ = =

L E A D E R

LEADER

Случай 4.

Если символ **c** последний символ образца и среди остальных (m-1) символов образца имеются вхождения этого символа, то сдвиг должен быть подобен сдвигу в случае 2.

S_0 O R S_{n-1}

$\neq =$

R E O R D E R

R E O R D E R

Величины сдвигов для символа c :

Длина образца m ,
если c нет среди
первых $m-1$ символов образца.

$t(c) =$

Расстояние от крайнего справа
символа c среди первых $(m-1)$
символов образца до его
последнего символа

Для образца В А R В Е R все элементы таблицы
равны 6 , а для символов :

Е - 1, В - 2, R - 3, А - 4.

Алгоритм ShiftTable ($P[0..m-1]$)

// Заполнение таблицы сдвигов

// Вх. данные: Образец $P[0..m-1]$ и алфавит
ВОЗМОЖНЫХ СИМВОЛОВ

// Вых. данные: таблица Table $[0..size-1]$

*Инициализация всех элементов Table
значениями m*

for $j \leftarrow 0$ **to** $m-2$ **do**

 Table[$P[j]$] $\leftarrow m-1-j$

return Table

Алгоритм Хорспула

Шаг 1. Для данного образца длиной m и алфавита, используемого в тексте и образце, строится таблица сдвигов.

Шаг 2. Выравнивается начало образца с началом текста.

Шаг 3. До тех пор, пока не будет найдена искомая подстрока или пока образец не достигнет последнего символа текста, повторять следующие действия.

1. Начиная с последнего символа образца, сравниваем соответствующие символы в шаблоне и в тексте, пока не будет обнаружена пара разных символов.
2. Находим элемент $t(c)$ из таблицы символов, где c – символ текста, находящийся напротив последнего символа образца, и сдвигаем образец вдоль текста на $t(c)$ символов вправо.

Алгоритм Horspool (P [0..m-1], T [0..m-1])

// Вх. данные: Образец P [0..m-1], и текст T [0..m-1]

// Вых. данные: Индекс левого конца первой найденной подстроки или -1, если подстроки в тексте нет.

ShiftTable (P[0..m-1])

$i \leftarrow m-1$

while $i \leq n-1$ **do**

$k \leftarrow 0$

while $k \leq m-1$ **and** $P[m-1-k]=T[i-k]$ **do**

$k \leftarrow k+1$

if $k=m$

return $i-m+1$

else $i \leftarrow i + \text{Table}[T[i]]$

return -1

Пример поиска подстроки BARBER в тексте из латинских букв и пробелов (_)

Таблица сдвигов

Символ с	A	B	C	D	E	F	...	R	...	Z	_
Сдвиг t(c)	4	2	6	6	1	6	6	3	6	6	6

J I M _ S A W _ M E _ I N _ A _ B A R B E R S H O P
B A R B E R B A R B E R
 B A R B E R B A R B E R
 B A R B E R B A R B E R