### Показательные уравнения

#### Алгебра 10 класс

Т. Н. Оленникова, учитель математики ГБОУ школа №413 г. Санкт-Петербург

# Схема выполнения равносильных преобразований показательных

### уравнений

$$a > 0, \ a^{f(x)} = a^{g(x)}$$
:

1)  $ecnu \ a \neq 1,$ 
 $mo \ f(x) = g(x)$ 

2)  $ecnu \ a = 1,$ 
 $mo \ x - nюбое число$ 
 $us \ OД3.$ 

## Простейшие показательные уравнения

1) 
$$2^{x+1} = 2^3$$
 2)  $5^{x-3} = 1$   
 $x+1 = 3$   $5^{x-3} = 5^0$   
 $x = 2$   $x - 3 = 0$   
 $x = 3$   
Omega:  $x = 3$   
Omega:  $x = 3$ 

3) 
$$3^{x+4} = -3$$

Корней нет

$$(m.\kappa. 3^t) 0$$

для всех t

Ответ:корней нет

#### Peuuume:

1) 
$$100^x = 10$$

2) 
$$6^x = 36$$

3) 
$$3^{x+2} = 27$$

4) 
$$625^x = -25$$

#### 4. Вынесение общего множителя

$$7^{x} + 7^{x+2} = 350$$
 $7^{x} (1+7^{2}) = 350$ 
 $7^{x} = \frac{350}{50}$ 
 $7^{x} = 7$ 
 $x = 1$ 

Omeem:  $x = 1$ 

#### 5. Приведение к одному

#### основанию

#### 6. Замена переменной

$$25^{x} + 5^{x+1} - 6 = 0$$
  
 $5^{2x} + 5 \cdot 5^{x} - 6 = 0$   $\exists y \in \mathbb{N}, y \in$ 

1) 
$$4 \cdot 2^x = 1$$

*Ответы* :1) 
$$x = -2$$

$$2) 2^{3x}3^x = 576$$

2) 
$$x = 2$$

3) 
$$3^{x+1} - 2 \cdot 3^{-2} = 25$$

3) 
$$x = 2$$

4) 
$$9^x - 4 \cdot 3 - 45 = 0$$

4) 
$$x = 2$$

5) 
$$4^{x+1} + 7 \cdot 2 - 2 = 0$$

5) 
$$x = -2$$

$$\Box$$
 3)  $36 \cdot 216^{3x+1} = 1$ 

$$5) 625^x = -5$$

$$3^{x+2} - 5 \cdot 3^x = 36$$

$$7^{x+2} - 14 \cdot 7^x = 5$$

$$5^{x+1} + 5^x + 5^{x-1} = 31$$

9) 
$$4^{x+1} + 7 \cdot 2^x - 2 = 0$$

$$3 \cdot 25^{x} - 8 \cdot 15^{x} + 5 \cdot 9^{x} = 0$$

$$10^{x} + 4^{x+1} = 8^{x} + 4.5^{x}$$

$$12) \quad 32^{3(x^2-8)} = 8^{x \cdot 9 \cdot (2^2-2)}$$

$$3^x + 4^x = 5^x$$