

Индексы объема и цен: понятие, экономическая сущность, порядок расчета, использование в экономическом анализе



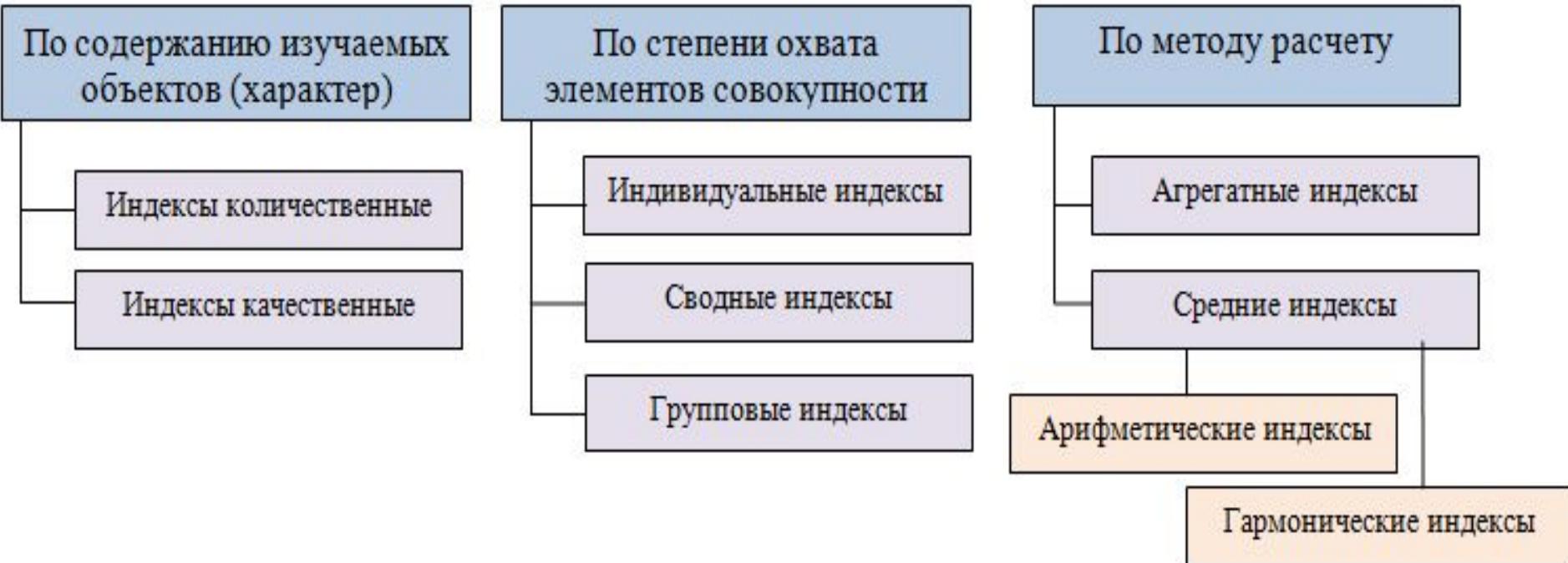
Понятие индекса

- **Индекс** - это относительная величина, показывающая, во сколько раз уровень изучаемого явления в данных условиях отличается от уровня того же явления в других условиях.
- Показатель, для которого рассчитывается индекс, называется **индексируемой величиной**. Так, в индексе себестоимости индексируемой величиной является себестоимость, в индексе физического объема - объем выпуска в натуральном выражении.

С помощью индексов решаются следующие **задачи**:

- индексы позволяют измерять изменение сложных явлений.
- с помощью индексов можно определить влияние отдельных факторов на изменение динамики сложного явления.
- индексы являются показателями сравнений не только с прошлым периодом, но и с другой территорией, а также с нормативами, планами, прогнозами.

Классификация индексов:



Обозначение индексов

- Буквой «*i*» обозначаются индивидуальные (частные) индексы,
- Буквой «*I*» - общие индексы.
- Знак внизу справа означает период: 0 - базисный; 1 - отчетный.

Помимо этого используются определенные символы для обозначения индексируемых показателей:

- количество продукции одного вида в натуральном выражении,
- цена единицы продукции,
- себестоимость единицы продукции,
- выработка продукции на 1-ого работника или в единицу времени,
- трудоемкость единицы продукции.

Индексы количественных показателей

- Необходимость в применении особых приемов построения индексов количественных показателей возникает, когда итоги по отдельным элементам сложного явления непосредственно несопоставимы.
- Если имеются сведения об экспорте продукции только в натуральном выражении, то динамику экспорта предприятия в целом нельзя охарактеризовать показателем:



количество продукции данного вида в натуральном выражении, экспортируемой в отчетном периоде



количество продукции данного вида в натуральном выражении, экспортируемой в базисный период

Индексы количественных показателей

Индекс физического объема продукции отражает изменение выпуска продукции.

Индивидуальный индекс физического объема продукции



где q_1 и q_0 - количество продукции данного вида в натуральном выражении в текущем и базисном периодах.

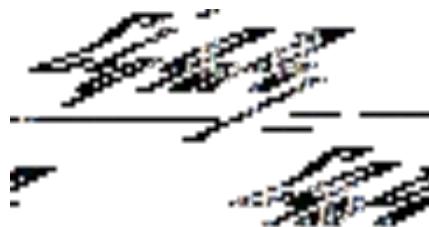
Агрегатный индекс физического объема продукции



где q_1 и q_0 - количество выработанных единиц отдельных видов продукции соответственно в отчетном и базисном периодах;
 p_0 - цена единицы продукции (отдельного вида) в базисном периоде.

Индексы количественных показателей

- Средние взвешенные индексы физического объема продукции используются в том случае, если известны индивидуальные индексы объема по отдельным видам продукции и стоимость отдельных видов продукции (или затраты) в базисном или отчетном периоде.



где i_q - индивидуальный индекс по каждому виду продукции;
 $q_0 p_0$ - стоимость продукции каждого вида в базисном периоде.

Индексы количественных показателей

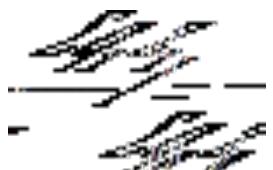
Индекс затрат на выпуск продукции, который отражает изменение затрат на производство и может быть как индивидуальным, так и агрегатным.

Индивидуальный индекс затрат на выпуск продукции



где z_1 и z_0 - себестоимость единицы продукции искомого вида в текущем и базисном периодах; $q_1 z_1$ и $q_0 z_0$ - суммы затрат на выпуск продукции искомого вида в текущем и базисном периодах.

Агрегатный индекс затрат на выпуск продукции



где $q_1 z_1$ и $q_0 z_0$ - затраты на выпуск продукции каждого вида соответственно в отчетном и базисном периодах.

Индексы количественных показателей

Индекс стоимости продукции

Индивидуальный индекс стоимости продукции



где p_1 и p_0 - цена единицы продукции данного вида в текущем и базисном периодах;
 $q_1 p_1$ и $q_0 p_0$ - стоимость продукции данного вида в текущем и базисном периодах

Агрегатный индекс стоимости продукции



Индексы качественных показателей

Индивидуальный индекс цен характеризует изменение цен по одному виду продукции



где p_1 и p_0 - цена за единицу продукции в текущем и базисном периодах.

Агрегатный индекс цен определяет среднее изменение цены (p) по совокупности определенных видов продукции (q).

(индекс Ласпейреса)



(индекс Пааше)



где q_0 - базовый период;

p_0 и p_1 - соответственно цены базисного и отчетного периодов.

Индексы качественных показателей

- Если известны индивидуальные индексы цен по отдельным видам продукции и стоимость отдельных видов продукции, то применяются средние взвешенные индексы цен.

Средний взвешенный арифметический индекс цен



где i - индивидуальный индекс по каждому виду продукции; $p_0 q_0$ - стоимость продукции каждого вида в базисном периоде.

Средний взвешенный гармонический индекс цен



где $p_1 q_1$ - стоимость продукции каждого вида в текущем периоде.

Индексы качественных показателей

Агрегатный территориальный индекс цен



где p_A p_B - цена за единицу продукции каждого вида соответственно на территории А и В;

q_A - количество выработанной или реализованной продукции каждого вида по территории А (в натуральном выражении).

Индексы с постоянными и переменными весами

- При изучении динамики коммерческой деятельности приходится производить индексные сопоставления более чем за два периода. Поэтому индексные величины могут определяться как на постоянной, так и на переменной базах сравнения.
- При этом, если задача анализа состоит в получении характеристик изменения изучаемого явления во всех последующих периодах по сравнению с начальным, то вычисляются **базисные индексы**. Например, сопоставление объёма розничного товарооборота II, III и IV кварталов с I кварталом.
- Но если требуется охарактеризовать последовательно изменения изучаемого явления из периода в период, то вычисляются **цепные индексы**. Например, при изучении объёма розничного товарооборота по кварталам года сопоставляют товарооборот II квартала с I, III - со II и IV - с III кварталом.

Индексы с постоянными и переменными весами

- Цепные индексы получают путем сопоставления индексируемого показателя любого периода с показателем предшествующего ему периода. Базисные индексы вычисляются путем сравнения индексируемого показателя каждого периода с соответствующим показателем периода, принятого за базу сравнения.

Базисные индивидуальные индексы:

$$i_1 = \frac{q_1}{q_0} \quad i_2 = \frac{q_2}{q_0} \quad i_3 = \frac{q_3}{q_0}$$

**Цепные
индивидуальные**

индексы:

$$i_1 = \frac{q_1}{q_0} \quad i_2 = \frac{q_2}{q_1} \quad i_3 = \frac{q_3}{q_2}$$

Последовательное перемножение цепных индивидуальных индексов дает возможность получить базисный индекс:

$$\frac{q_1}{q_0} \cdot \frac{q_2}{q_1} = \frac{q_2}{q_0}$$

Индексы с постоянными и переменными весами

Базисный агрегатный индекс физического объема продукции:

$$I_q = \frac{\sum q_1 p_0}{\sum q_0 p_0} \quad I_q = \frac{\sum q_2 p_0}{\sum q_0 p_0}$$

Цепной агрегатный индекс физического объема продукции:

$$I_q = \frac{\sum q_1 p_0}{\sum q_0 p_0} \quad I_q = \frac{\sum q_2 p_0}{\sum q_1 p_0}$$

Последовательно перемножение цепных агрегатных индексов физического объема продукции дает возможность получить базисный индекс:

$$I_q = \frac{\sum q_1 p_0}{\sum q_0 p_0} \cdot \frac{\sum q_2 p_0}{\sum q_1 p_0} = \frac{\sum q_2 p_0}{\sum q_0 p_0}$$

Товар	Продано, тыс. кг.		Средняя цена продажи 1кг товара в базисном периоде, руб.	Индекс цен в отчетном периоде к базисному, %
	Базисный период	Отчетный период		
А	20	20,4	100	115
Б	46	43,7	50	120
В	6	4,2	120	

Определить:

- индексы физического объема продаж по каждому товару;
- сводные индексы: физического объема товарооборота, цен и товарооборота;
- абсолютный прирост товарооборота за счет изменения: а) цен; б) объема продажи товаров.

Решение:

1. определим индекс физического объема продаж по каждому товару:

- по товару А $iq = \frac{q_1}{q_0} = \frac{20,4}{20} = 1,02$ (102%) (рост продаж на 2%)
- по товару Б $iq = \frac{q_1}{q_0} = \frac{43,7}{46} = 0,95$ (95%) (снижение продаж на 5%)
- по товару В $iq = \frac{q_1}{q_0} = \frac{4,2}{6,0} = 0,7$ (70%) (снижение продаж на 30%)

2. Сводные индексы: физического объема товарооборота

$$I_q = \frac{\sum q_1 p_0}{\sum q_0 p_0} = \frac{20,4 * 100 + 43,7 * 50 + 4,2 * 120}{20 * 100 + 46 * 50 + 6 * 120} = \frac{4729}{5020} = 0,942 (94,2)$$

$$I_p = \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_1}$$

Цен $I_p = \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_1}$, но у нас по условию задачи известен индекс цен индивидуальный.

Определим цену товара за 1кг. В отчетном периоде.

Товар А $x : 100 = 1,15 \rightarrow x = 115$ руб.

Б $x : 50 = 1,20 \rightarrow x = 60$ руб.

В $x : 120 = 1,5 \rightarrow x = 180$ руб.

Товар	Продано, тыс. кг.		Ср. цена продажи 1кг товара в базисном периоде, руб.	Индекс цен в отчетном периоде к базисному, %	Средняя цена продаж 1кг. Товара в отчетном периоде p_1
	Базисный период	Отчетный период			
A	20	20,4	100	115	115
Б	46	43,7	50	120	60
B	6	4,2	120	150	180

Определим индекс цен

$$Ip = \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_1} \quad (\text{формула Паше})$$

$$Ip = \frac{115*20,4+60*43,7+180*4,2}{100*20,4+50*43,7+120*4,2} = \frac{5724}{4729} = 1,210$$

Определяем индекс товарооборота.

$$Ipq = \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_0} = \frac{5724}{5020} = 1,140$$

Определим абсолютный прирост товарооборота (разница между числителем и знаменателем индекса товарооборота)

$$Ipq = \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_0} = \frac{5724}{5020} = 5724 - 5020 = 704 \text{ тыс. руб.}$$

Товарооборот возрос в отчетном периоде по сравнению с базисным на 704 тыс. руб.

Определяем за счет, каких факторов это произошло.

а) за счет изменения цен.

$$Ip = \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_1} = \frac{5724}{4729} = 5724 - 4729 = 995 \text{ тыс. руб.}$$

За счет роста цен товарооборот возрос на 995 тыс. руб.

б) за счет изменения объема продаж

$$Ip = \frac{\sum p_1 q_0}{\sum p_0 q_0} = \frac{4729}{5020} = 4729 - 5020 = -291 \text{ тыс. руб.}$$

Товарооборот снизился за счет уменьшения объема продаж.

Общее изменение товарооборота

$$704 \text{ тыс. руб.} = (995 \text{ тыс. руб.} + (-291 \text{ тыс. руб.}))$$