

Виды и формы связи между явлениями

Взаимосвязанные признаки подразделяются на растирые (под их воздействием изменяются другие, зависящие от них признаки) и

Функциональная связь

При функциональной связи каждому значению факторного признака соответствует строго определенное одно или несколько значений результативного признака; для выявления такой связи достаточно одного наблюдения. Она полностью сохраняет свою силу и проявляется во всех случаях наблюдения и для всех единиц наблюдения. Функциональные связи иначе называются полными

Стохастическая связь

Связь между случайными величинами называется стохастической. Частный случай стохастической связи статистические связи. Статистические подразделяются на Корреляционные связи отражают зависимость между случайными величинами, а регрессионные – между случайными и неслучайными.

При статистической связи одному и тому же значению факторного признака может соответствовать несколько значений результативного признака. Особенность статистических закономерностей состоит в том, что строгую функциональную зависимость между явлениями выявить нельзя. Статистические закономерности проявляются только для большого числа единиц совокупности, а динамические проявляются у каждой отдельной единицы.

Основные приемы изучения взаимосвязей

Для изучения, измерения и количественного выражения взаимосвязей между явлениями применяются различные методы. Важнейшие из них: метод сопоставления параллельных рядов, балансовый, графический, методы аналитических группировок, дисперсионного и корреляционного анализа. Наибольший эффект достигается при комбинировании нескольких методов.

Метод сравнения параллельных рядов

Приводится ряд данных по одному признаку и параллельно с ним по другому признаку, связь с которым предполагается. По вариации признака в первом и втором ряду судят о наличии связи признаков. Такой метод позволяет вывести только направление связи, но не Пример: Предположим, нужно выяснить, есть ли зависимость между объемом производства на предприятии и себестоимостью. Берем предприятия и ранжируем их по объему выпуска (по возрастанию), и смотрим, возрастает или уменьшается при этом себестоимость.

Балансовый метод состоит в том, что данные взаимосвязанных показателей изображаются в виде таблицы и располагаются таким образом, чтобы итоги между отдельными ее частями были равны, т. е., чтобы был баланс. Балансовый метод используется для характеристики взаимосвязи между производством и распределением продуктов, денежными доходами и расходами населения. Почти все внутренние и внешние хозяйственные связи выражаются в виде балансов.

Регионы	Регионы прибытия				Итого
отправле					отправлено
ния	A	Б	B	$\neg \Gamma \setminus$	
A	25	75	7 80	100	280
B	100	20	95	30	245
AB THE	80	70	30	65	245
r	70	45	55	35	205
Итого прибыло	275	210	260	230	975
Annikulun/kod					

Графический метод может использоваться как самостоятельно, так и совместно с другими методами.

Если конкретные данные перенести на график, то получим поле точек. На оси абсцисс откладываются значения факторного признака x, а на оси ординат — значения результативного признака у. Каждая единица, обладающая определенным значением факторного и результативного признака, обозначается точкой. По совместному расположению точек на графике делают вывод о направлении и наличии зависимости

Беспорядочное расположение говорит об отсутствии связи. Напротив, чем сильнее связь, тем теснее точки группируются вокруг определенной линии. Если точки на графике концентрируются вокруг прямой, идущей снизу вверх, зависимость между признаками прямая. Если точки концентрируются вокруг прямой, спускающейся сверху вниз, то это свидетельствует о наличии зависимости,

Метод аналитической группировки

Единицы статистической совокупности группируются, как правило, по факторному признаку и для каждой группы рассчитывается средняя или относительная величина по результативному признаку. Затем изменения средних или относительных значений результативного признака сопоставляются с изменениями факторного признака для выявления характера связи между ними. Сначала выбираются два признака: факторный и результативный. По факторному признаку производится группировка, а по результативному – подсчет средних или относительных величин. Путем сопоставления характера изменений значений факторного и результативного признака можно сделать вывод о наличии связи и ее направлении. При помощи метода аналитической группировки можно сделать вывод и о тесноте связи.

Пример: Количество вкладчиков и средний остаток вклада по трем филиалам Сбербанка (тыс. руб.)*.

Число вкладчиков, человек	Средний остаток			
4cJobek	по вкладу, тыс. руб.			
13 500	1,50			
1 290	1,81			
2 205	2,05			

дистерсионый анализ дает прежде всего возможность определить значение систематической и случайной вариаций в общей вариации, а также установить роль интересующего нас фактора в изменении результативного признака.

Анализ проходит четыре итерации.

- Определяем, какой признак факторный, какой результативный.
- Производим группировку по факторному признаку.
- считаем среднее значение факторного и результативного признака в группах.
- Выясняем взаимосвязь между этими средними.

Для оценки тесноты связи по результатам факторной группировки используется межгрупповая дисперсия. Напомним, что межгрупповая дисперсия характеризует колеблемость групповых средних вокруг общей средней, которая возникает под действием факторов, положенных в основу группировки. Если при этом групповая средняя равна средней общей, значит, фактор, положенный в основу группировки, на результативный признак не влияет.

Для характеристики тесноты корреляционной связи между признаками в аналитических группировках межгрупповую дисперсию сопоставляют с общей. Это сопоставление называется коэффициентом детерминации. Он показывает, какая часть общей дисперсии связана с факторами, положенными в основу группировки.

Подобные операции выполняют и с корреляционным отношением. Оно характеризует долю вариации результативного признака, вызванной действием факторного признака, положенного в основание группировки. Корреляционное отношение по своему абсолютному значению колеблется в пределах 😈 🚺 1. Чем ближе корреляционное отношение к 1, тем большее влияние оказывает факторный признак на результативный.

Если факторный признак не влияет на результативный, то вариация, обусловленная им, будет равна нулю (🔼 – 🕦 корреляционное отношение также равно нулю (7 = 0), что говорит о полном отсутствии связи. Напротив, если результативный признак изменяется только под воздействием одного факторного признака, то вариация, обусловленная этим признаком, будет равна общей вариации 🔼 и корреляционное отношение будет равно единице [7 – 1], что говорит о существовании полной связи.

Дисперсионный анализ позволяет не только определить роль случайной и систематической вариаций в общей вариации, но и оценить достоверность вариации, обнаруженной методом аналитических группировок. Определение достоверности вариации дает возможность с заданной степенью вероятности установить, вызвана ли межгрупповая вариация признаком, положенным в основание группировки, или она является результатом действия случайных причин.

Для оценки существенности корреляционного отношения пользуются критическими значениями корреляционного отношения η при разных уровнях вероятности или значимости a.

Уровень значимости — это достаточно малое значение вероятности, отвечающее событиям, которые в данных условиях исследования будут считаться практически невозможными. Появление такого события считается указанием на неправильность начального предположения. Чаще всего пользуются уровнями, равными 0,05 или 0,01.

$$k\mathbf{1}=m-\mathbf{1},$$

где *m* – число групп, для случайной дисперсии

$$k2 = n - m_{i}$$

где n — число вариант, m — число групп.

Этот показатель всегда рассчитывается по выборочным данным, и потому может быть ситуация, когда данное значение получилось случайно. Чтобы исключить случайности, проводят проверку достоверности. Для этого можно рассчитать

Критерий Фишера

$$F = \frac{\delta^2}{n-1} : \frac{\sigma_i^2}{n-m}$$

Фишер составил таблицы, по которым можно определить значения критерия. Если мы получаем значение *F*, большее, чем значение в таблице, то рассчитываемое значение получилось неслучайно (с вероятностью 99% или 95%, в зависимости от того, какую таблицу мы взяли). Критерий Фишера можно использовать только тогда, когда распределение близко к нормальному

Особенности корреляционно-регрессионных связей

Корреляционная связь проявляется, когда одному и тому же значению факторного признака соответствует ряд значений признака-результата, причем связь обнаруживается в виде тенденции изменения среднего значения результативного признака в зависимости от изменения факторного признака. Это свободная и неполная связь.

При корреляционной связи имеет место не изменение функции в зависимости от изменения аргумента, а имеет место вариация результативного признака вокруг его среднего значения в зависимости от изменения факторного признака. Вот почему корреляционная связь является не строгой. Кроме того, как правило, корреляционные зависимости являются не полными: мы не знаем всех факторов и их воздействия.

Корреляционно-регрессионный позволяет решить две задачи:

- определение формы связи;
- измерение тесноты связи.

▶ Первая задача заключается в определении формы связи, так как от этого зависит конечный результат изучения взаимосвязи между признаками. Первая задача решается путем нахождения уравнения регрессии.

Вторая задача состоит в измерении тесноты, т. е. меры связи между признаками с целью установить степень влияния данного фактора на результат и оценки степени влияния неучтенных факторов.

Этапы корреляционного анализа:

- предварительный анализ объекта исследования;
- сбор и первичная обработка информации;
- построение уравнения регрессии и определение его параметров;
- (1) проверка адекватности полученной модели.

Виды корреляционно-регрессионных связей

- трямой связи с увеличением аргумента х функция у также увеличивается без всяких единичных исключений.
- увеличение факторного признака *х* сопровождается уменьшением результативного признака *у* без всяких единичных исключений.

Кроме того, в виде исключений, которые, однако, не нарушают общей тенденции, встречается частичная связь — прямая или обратная. Когда признаки варьируют независимо друг от друга, говорят о полном отсутствии связи.

По аналитическому выражению уравнение регрессии может быть прямолинейным и криволинейным. Прямолинейное уравнение регрессии характеризуется тем, что величина явления изменяется приблизительно равномерно в соответствии с изменением величины влияющего фактора.

Прямолинейная зависимость в этом случае может быть выражена уравнением прямой:

$$y = a_0 + a_1 x,$$

Параметр называется и показывает, насколько в среднем отклоняется величина результативного признака у при отклонении величины факторного признака х на одну единицу.

Если происходит неравномерное изменение явления в связи с изменением величины влияющего фактора, то такая связь называется коиволитей и Математически криволинейная зависимость может быть выражена уравнением криволинейной связи. В экономическом анализе для ее выражения часто пользуются

$$y = a_0 + a_1 x + a_2 x^2$$

 $lpha_2^{}$ характеризует степень ускорения или 2 замедления кривизны параболы

 $alpha_2$ > 0 парабола имеет минимум,

 a_2 a_2 a_2 a_2 a_3 a_4 a_4 a_5 a_5

 a_1 характеризует угол наклона кривой,

 a_0 – начало кривой.

Уравнение криволинейной связи может быть выражено и в виде гиперболической

Аналитическое выражение связи.

Аналитические методы – основной способ изучения связи. Они делятся на Применение методов корреляционного анализа дает возможность выражать связь между признаками аналитически (в виде уравнения) и придавать ей количественное выражение.

Измерение тесноты связи

Для измерения тесноты прямолинейной связи между двумя признаками используется линейный компренту который обозначается r_{xy}

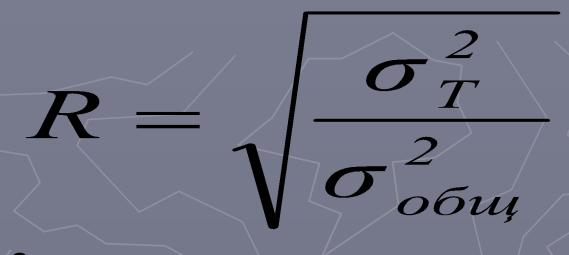
Пределы изменения парного коэффициента корреляции

$$-1 \le r_{xy} \le 1.$$

$$r_{xy} = \frac{\overline{xy} - \overline{x} \cdot \overline{y}}{\sqrt{\sigma_x^2 \cdot \sigma_y^2}}$$
или
$$r_{xy} = \frac{\sum_i (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})}{\sqrt{\sum_i (x_i - \overline{x})^2 \cdot \sum_i (y_i - \overline{y})^2}}$$

Коэффициент корреляции *г*_{ху} применяется только в тех случаях, когда между явлениями существует прямолинейная связь. Если же связь криволинейная, то пользуются пользуются оценивающим тесноту связи

Индекс корреляции



где **О** Т дисперсия:

общая общая общая

Коэффициент копреляции является мерой тесноты связи только для линейной формы связи, а индекс корреляции — и для линейной, и для криволинейной. При прямолинейной связи коэффициент корреляции по своей абсолютной величине равен индексу корреляции.

Коэффициент (индекс) детерминации

$$R^{2} \neq \frac{\sigma_{T}}{\sigma_{\text{общ}}}$$

Этот показатель универсален: может использоваться при любом количестве факторных признаков, при любой форме связи. Он показывает, какая часть общей дисперсии результативного признака определяется факторами, включенными в уравнение регрессии.

Множественная корреляция

изучением, измерении связи между результативным признаком, двумя и более факторными.

Множественная корреляция определяет:

1) форму связи;

тесноту связи;

влияние отдельных факторов на общий результат.

Определение формы связи сводится обычно к отысканию уравнения связи y с факторами x, z, ω , ..., v. Так, линейное уравнение зависимости результативного признака от двух факторных определяется по формуле:

$$Y_{Xz} = a_0 + a_1X + a_2Z$$

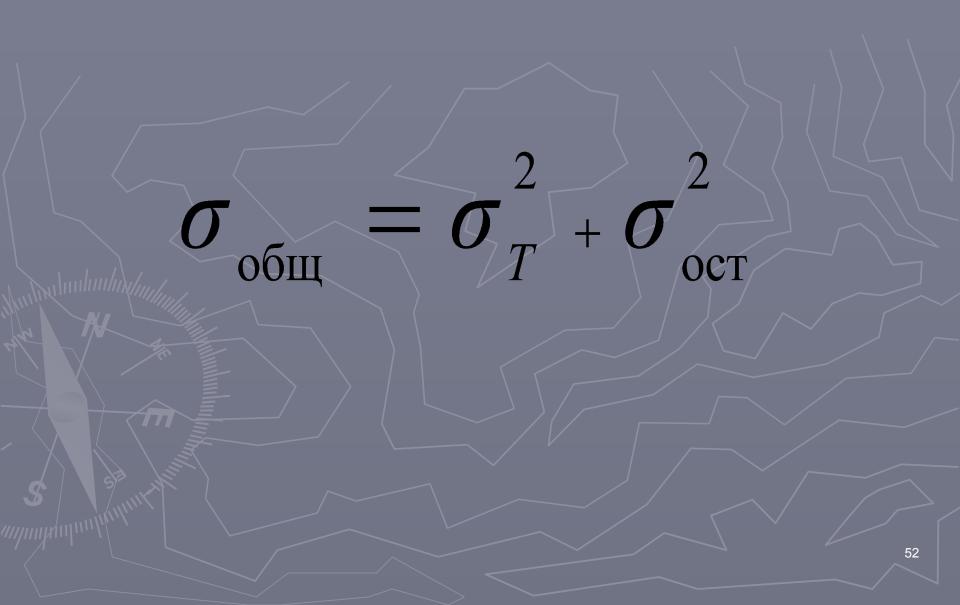
Для определения параметров по способу наименьших квадратов необходимо решить следующую систему трех нормальных уравнений:

$$\begin{cases} \sum y = na_0 + a_1 \sum x + a_2 \sum z; \\ \sum yx = a_0 \sum x + a_1 \sum x^2 + a_2 \sum xz; \\ \sum yz = a_0 \sum z + a_1 \sum xz + a_2 \sum z^2. \end{cases}$$

Измерение тесноты связи

После получения коэффициентов регрессии нужно измерить тесноту связи между факторными и результативным признаками для полученной модели. Измерение тесноты производится на основе вариации результативного признака и

Правило сложения дисперсий



Теоретическая дисперсия

$$\sigma_T^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (Y_i^T - \overline{y})}{n}$$

теоретическая дисперсия — это вариация теоретического признака вокруг общей средней

Остаточная дисперсия

$$\sigma_{ocm}^2 = \sum_{i=1}^n (y_i - Y_i^T)$$

Остаточная дисперсия — это среднее квадратическое отклонение теоретического признака от фактического.

Коэффициент множественной корреляции

$$R_{y;x,z} = \sqrt{\frac{r_{yx}^2 + r_{yz}^2 - 2r_{yx} \cdot r_{yz} \cdot r_{xz}}{1 - r_{xz}^2}},$$

где *rxy, rzy, rxz* – парные коэффициенты корреляции

Частных коэффициентов корреляции

