

**"Вдохновение нужно в геометрии, как и в поэзии"**

**А.С.Пушкин**



1. Какие свойства площадей геометрических фигур иллюстрируют следующие рисунки.

[Рисунок 1](#)

[Рисунок 2](#)

[Рисунок 3](#)

2. Как вычислить площади прямоугольника.



$$S_{\text{прям}} = ab$$

# «Перекраивание фигур»

1. «Перекроите» прямоугольник в равнобедренный треугольник.



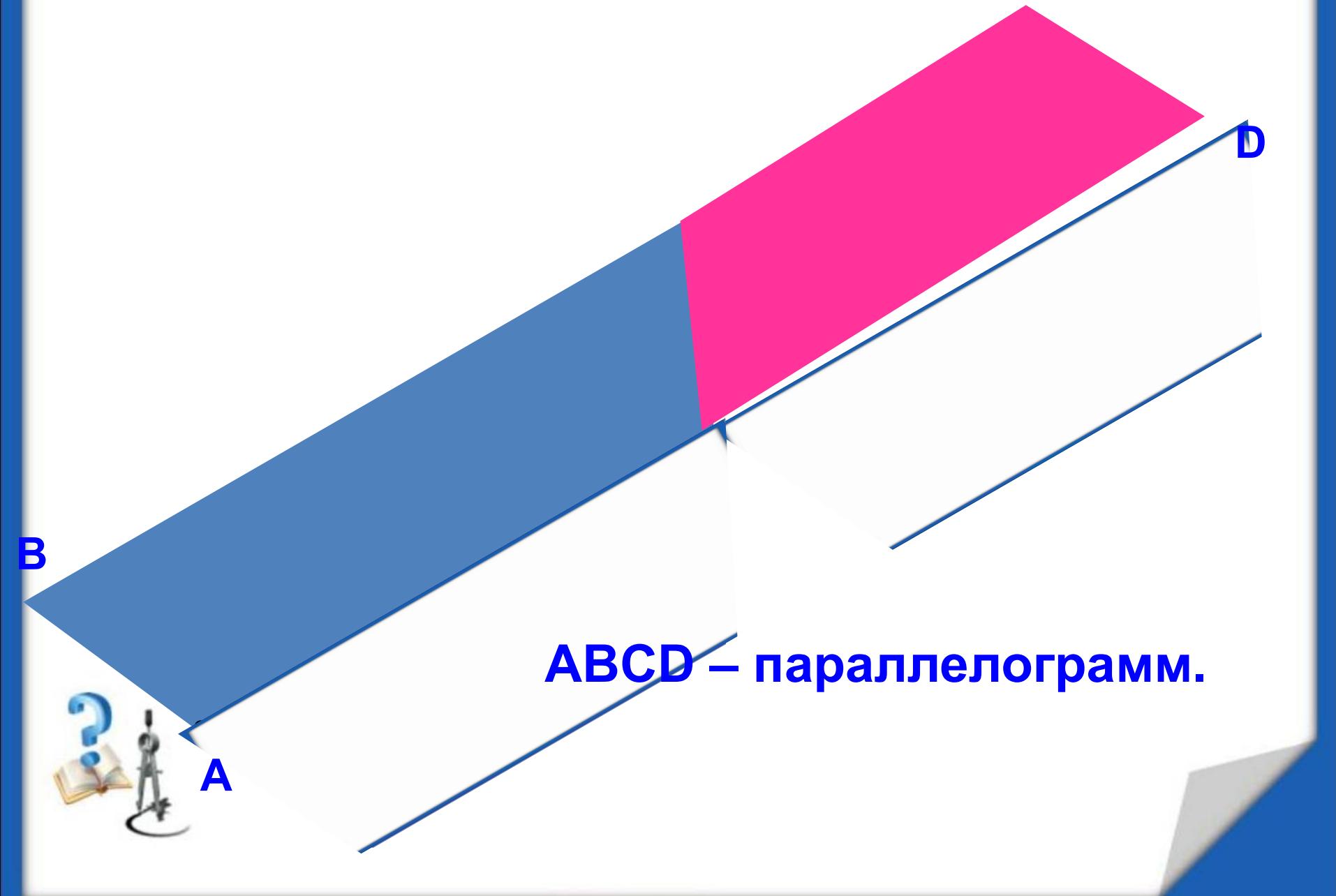
**Что сохранилось  
у прямоугольника  
и треугольника?**

**Как называются  
такие фигуры?**



**Равновеликие фигуры**

2. «Перекроить» равнобедренную трапецию в параллелограмм.



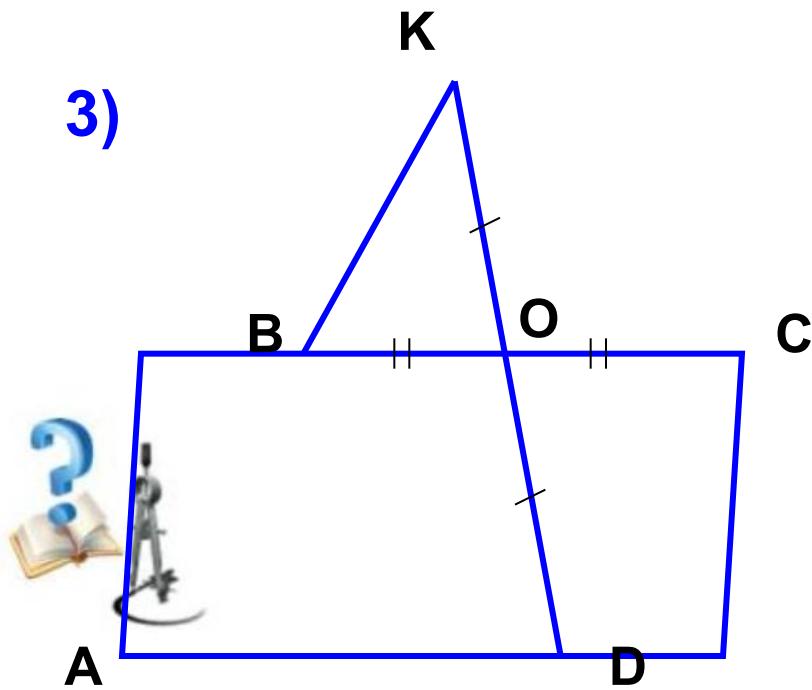
3. «Перекройте» равнобедренную трапецию в параллелограмм



Решите задачи:

- 1) Стороны прямоугольника 2 см и 4,5 см. Чему **3 см** равна сторона равновеликого квадрата?
- 2) Площадь квадрата 32 см<sup>2</sup>. Найдите периметр равновеликого прямоугольника, у которого **24 см** смежные стороны относятся как 2 : 1.

3)



$$S_{\triangle AKD} = 18 \text{ см}^2$$

ABCD - параллелограмм

Найдите  $S_{ABCD}$

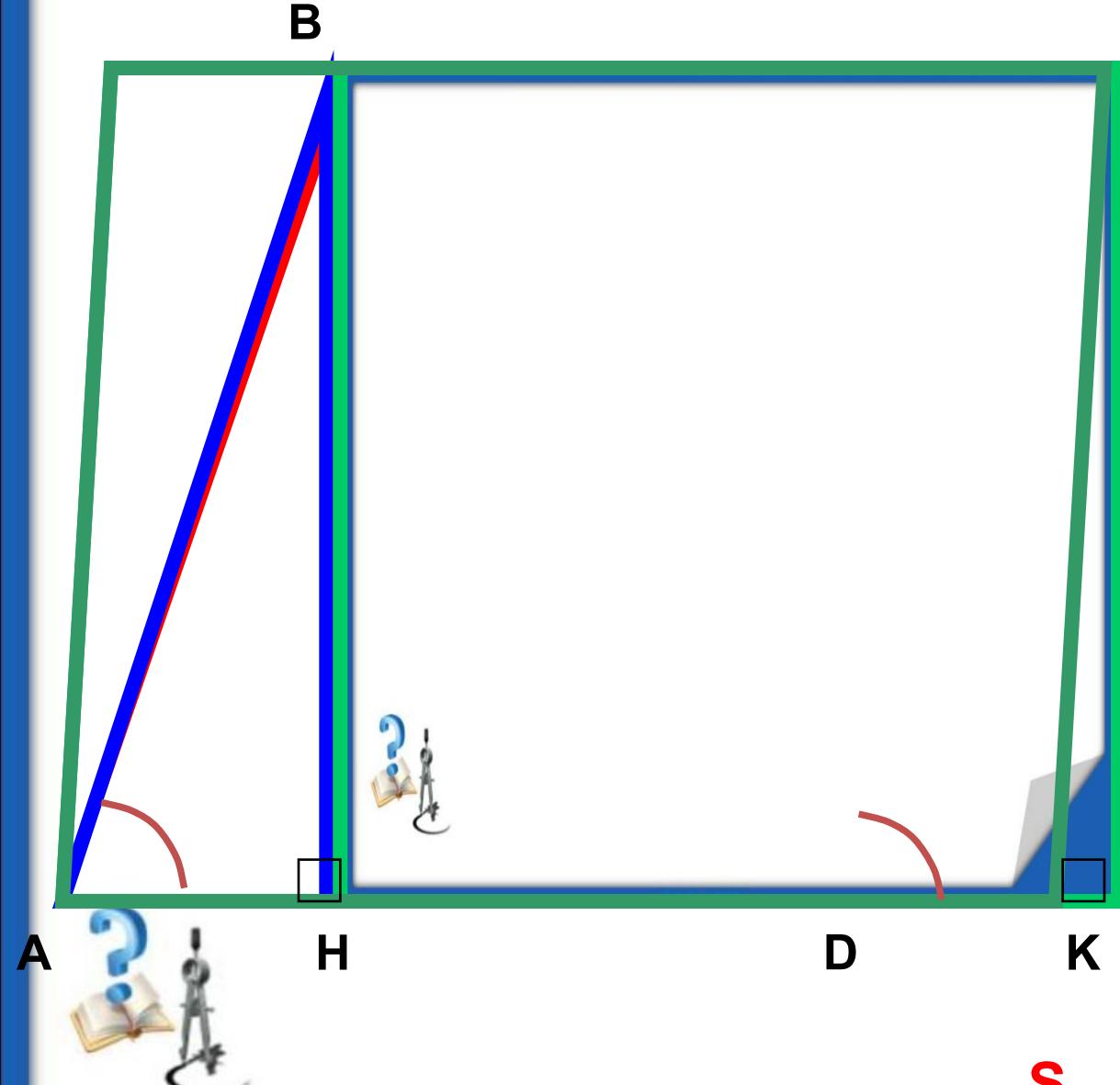
**18 см<sup>2</sup>**



# Тема урока «Площадь параллелограмма»



# Вопрос: как найти площадь параллелограмма?



$$AB = CD \dots$$

$$\angle ABH = \angle CDK \dots$$

$$\triangle ABH = \triangle DCK \dots$$

$$ABCD = \triangle ABH + HBCD$$

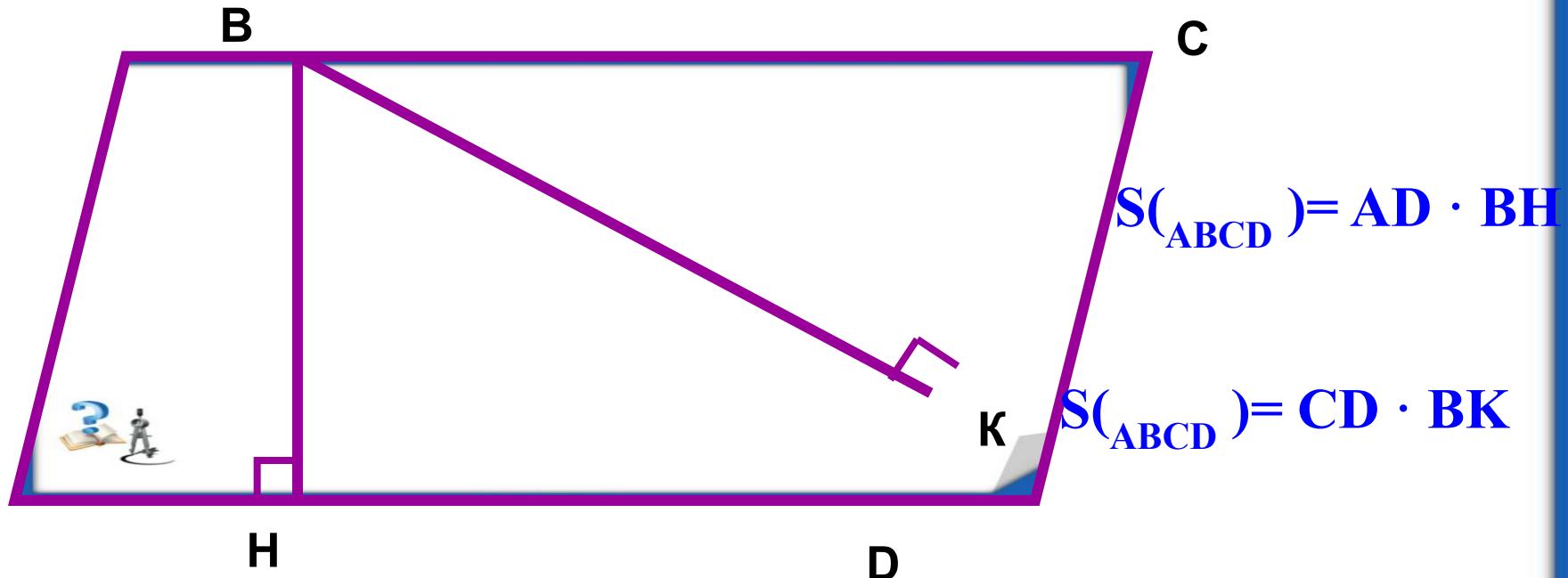
$$HBCD = \triangle DCK + HBCD$$

Фигуры  $ABCD$  и  $HBCD$  равновеликие по разложению, значит их площади равны.

$$S_{HBCD} = HK \cdot VH,$$

$$S_{ABCD} = AD \cdot VH ,$$

## Итак, площадь параллелограмма...



A

H

D

C

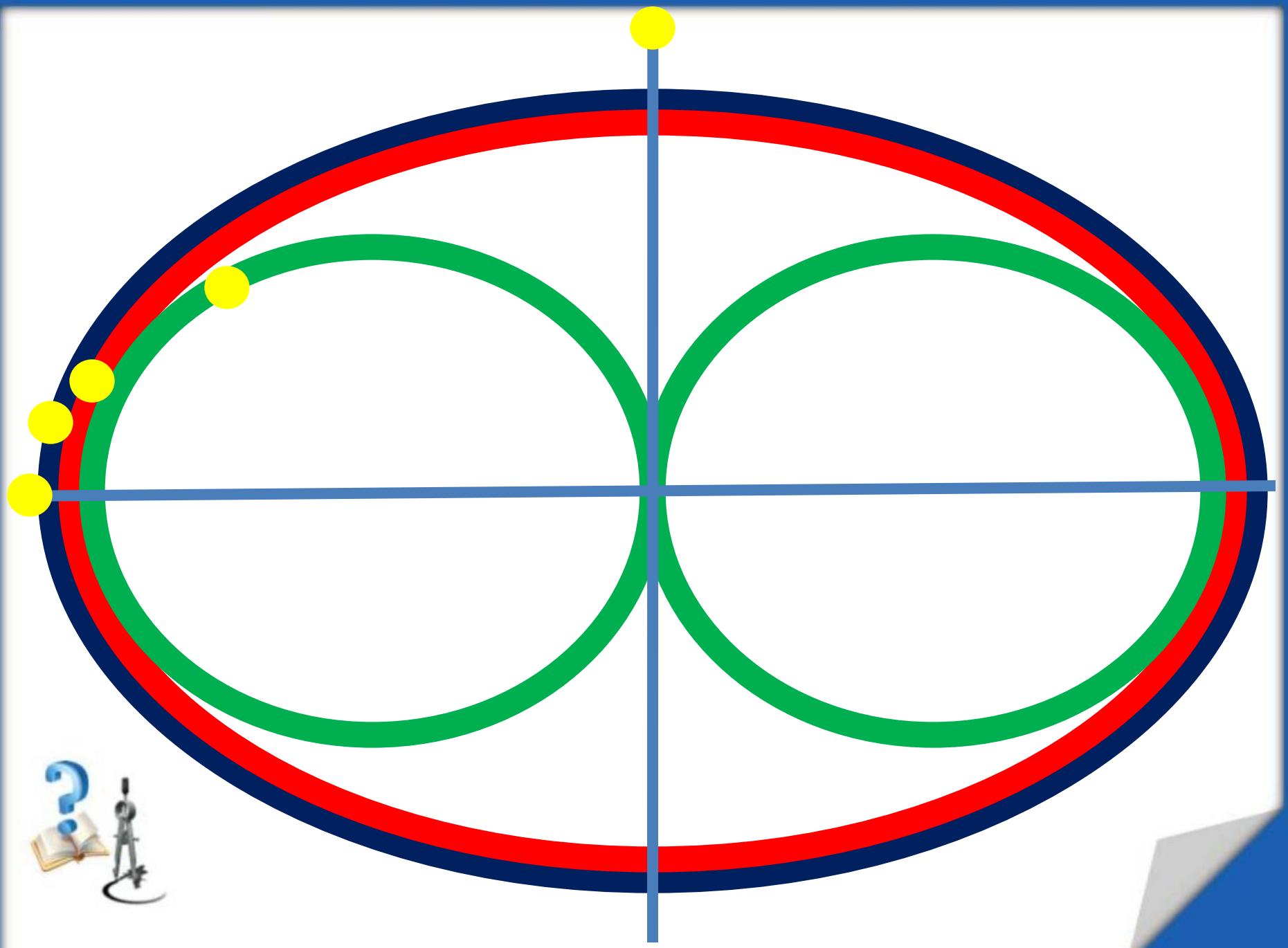
AD – сторона параллелограмма (основание)

BH - высота

или CD – основание, BK - высота



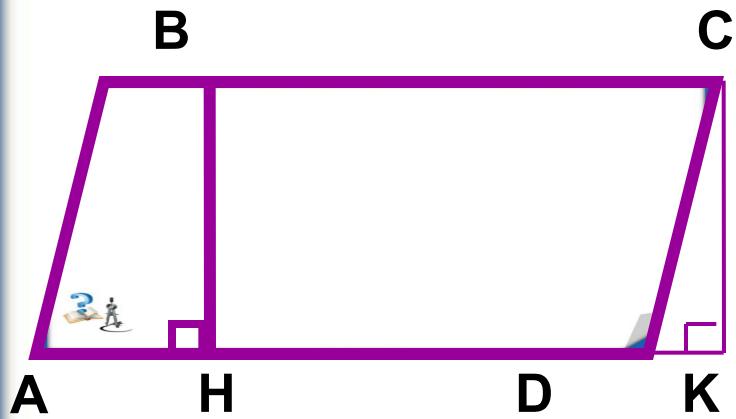
Площадь параллелограмма равна произведению длины его стороны на высоту, проведенную к этой стороне



# Выход формулы площади параллелограмма.

**Теорема:**

*Площадь параллелограмма равна произведению длины стороны параллелограмма на высоту, проведенную к этой стороне.*



Дано:  $ABCD$  – параллелограмм,  $BH$  – высота

Доказать:  $S_{ABCD} = AD \cdot BH$

Доказательство:

1)  $CK \perp AD$

2)  $S_{ABCD} = S_{\Delta AHB} + S_{BHDC}$

$$S_{HBCK} = S_{\Delta DKC} + S_{BHDC}$$

3) Рассмотрим  $\Delta AHB$  и  $\Delta DKC$  – прямоугольные

$AB = CD$ , как противолежащие стороны параллелограмм

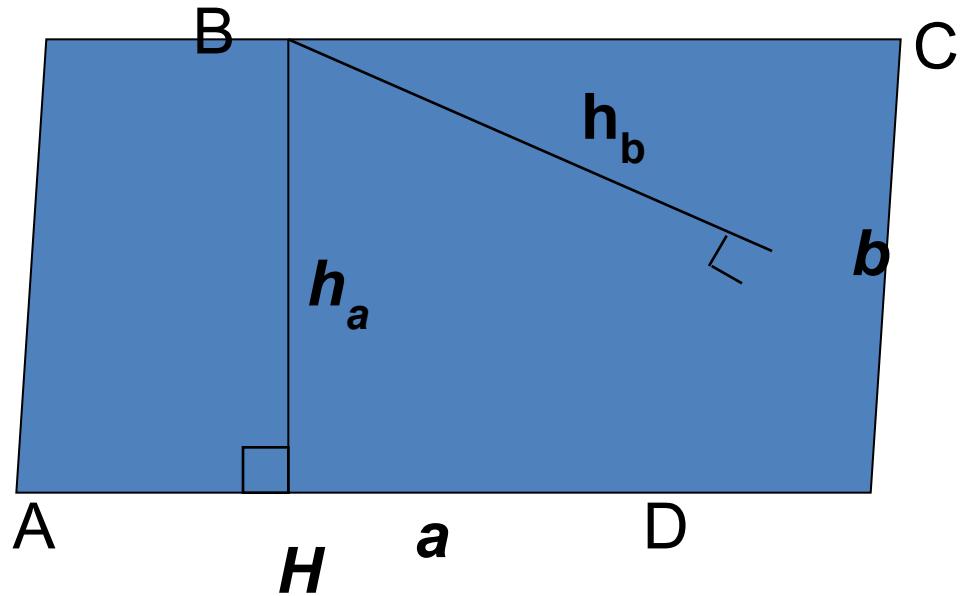
$\angle BAH = \angle CDK$ , как соответственные при  $AB \parallel DC$  и секущей  $AK$

$\Delta AHB \cong \Delta DKC$  по гипotenузе и острому углу.

$$S_{ABCD} = S_{BHCK}$$

$$S_{BHCK} = BC \cdot BH, \quad BC = AD \quad S_{ABCD} = AD \cdot BH$$





$$S_{\text{парал.}} = \mathbf{a} \cdot \mathbf{h}_a$$

$$S_{\text{парал.}} = \mathbf{b} \cdot \mathbf{h}_b$$

- 1) Найдите  $S$ , если  $a = 15$  см,  $h_a = 10$  см.
- 2) Пусть  $S = 32$  см $^2$ ,  $h_b = 8$  см, найдите  $b$ .

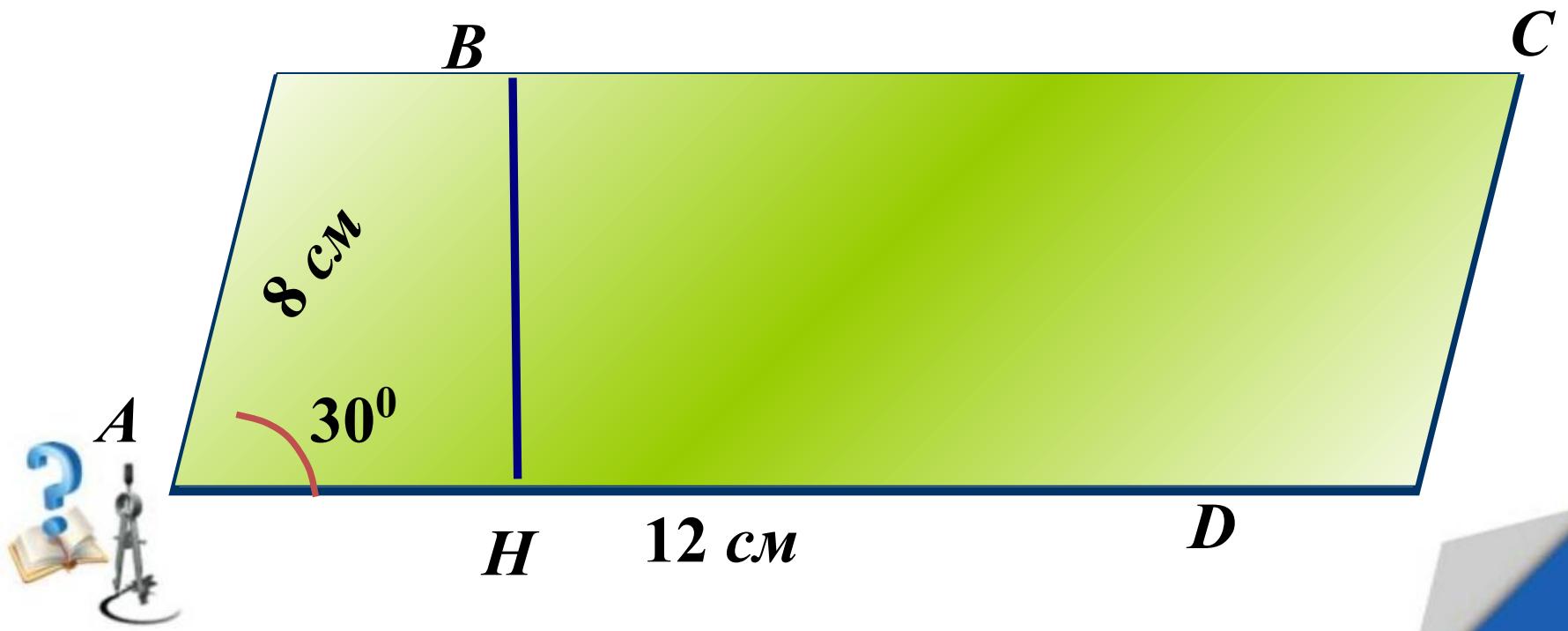


*Дано:*

$ABCD$  – параллелограмм

*Найти:*

$S_{ABCD}$

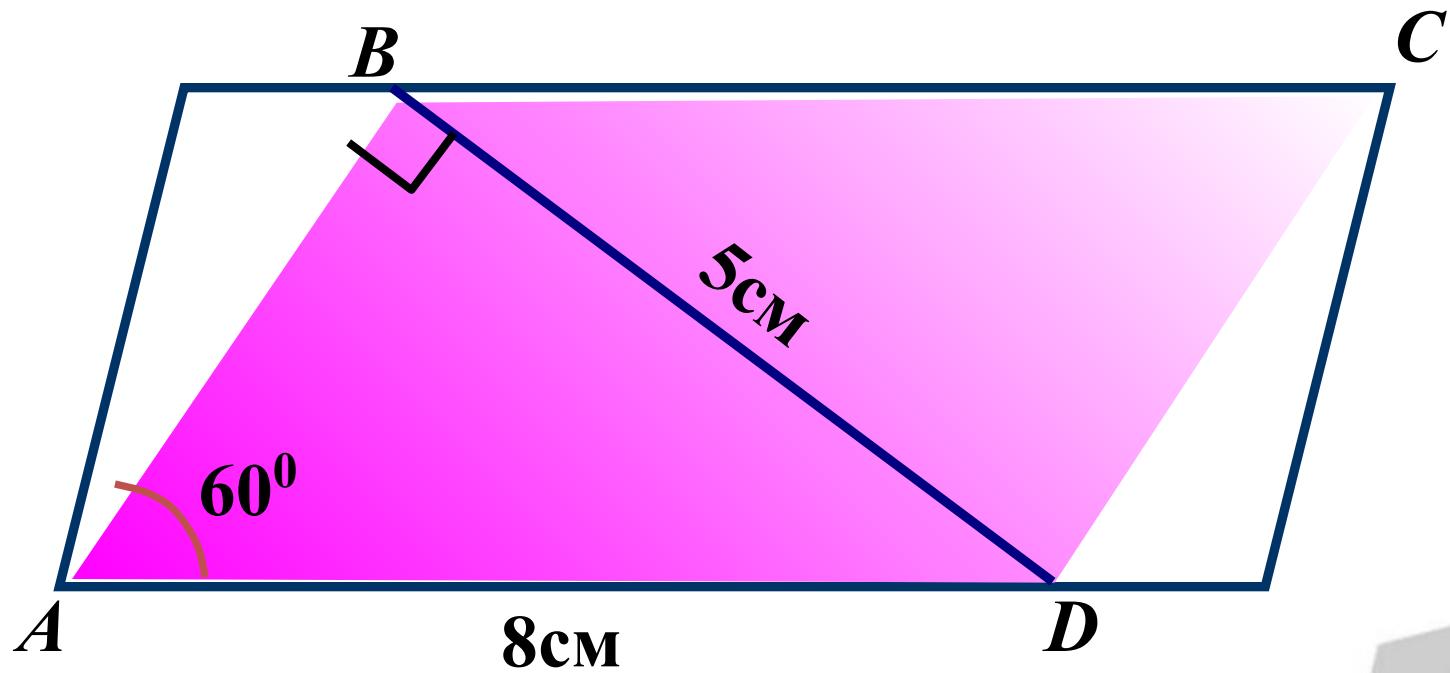


*Дано:*

$ABCD$  – параллелограмм

*Найти:*

$$S_{ABCD}$$

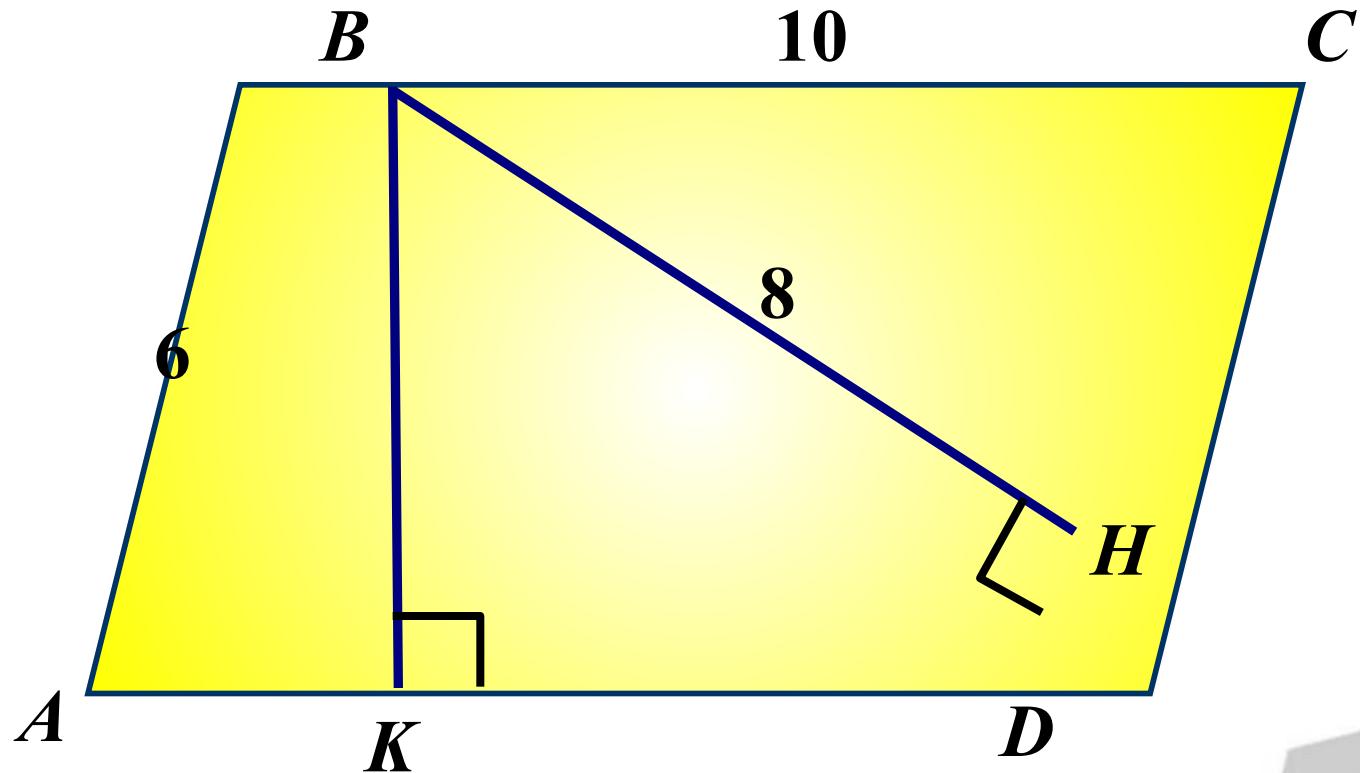


*Дано:*

$ABCD$  – параллелограмм

*Найти:*

$BK$



# **Рефлексия урока.**

**Сегодня на уроке**

**-мы узнали, что ...**

**-я запомнил ,что ...**

**-самым важным было ...**

**-меня поразил(о) кто (что)...**



# **Домашнее задание.**

Андрей пробуждается. Тяжело будет - Не паник!



Многоуважаючи! Спасибо за рок.



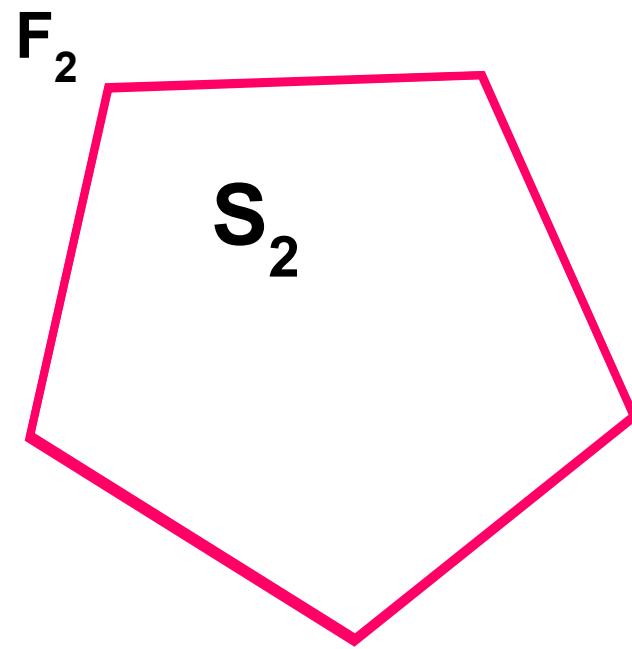
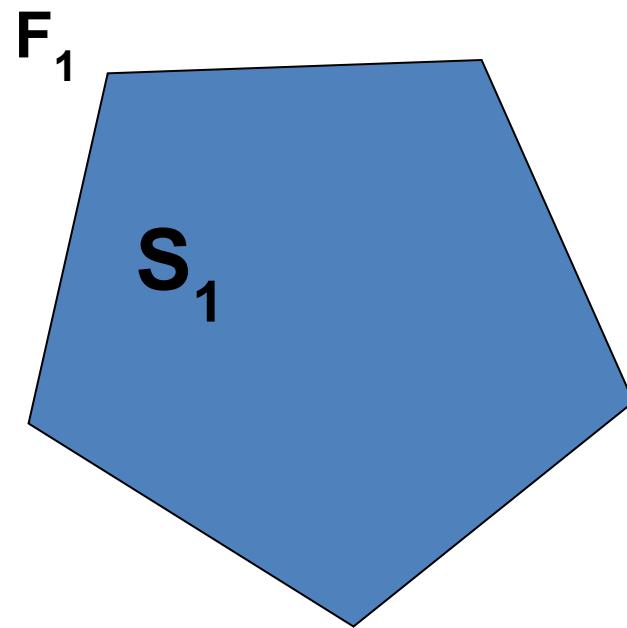
*F*

*S*

*S<sub>2</sub>*

$$S = S_1 + S_2$$





**Если  $F_1 = F_2$ , то  $S_1 = S_2$**



3 мм

**9 мм<sup>2</sup>**

3 мм

5 дм

**25 дм<sup>2</sup>**

5 дм

**4 см<sup>2</sup>**

2 см

2 см



**Площадь квадрата**

**равна квадрату его стороны**