

Множество – совокупность объектов (или предметов),

объединенных по какому – нибудь признаку.

Команда – это множество игроков.

Алфавит – множество букв.

Множества обозначают большими буквами латинского алфавита: A , B , M , P и т. д.

Обозначения некоторых числовых множеств:

N – множество натуральных чисел;

Z – множество целых чисел;

Q – множество рациональных чисел;

I – множество иррациональных чисел;

R – множество действительных чисел.

Всякий объект, входящий в множество, называют его
элементом.

Например, если A – множество учащихся 6 класса и Петров учится в этом классе, то он – элемент множества A .

Если a является элементом множества A , то говорят, что a принадлежит множеству A и пишут $a \in A$
(\in – знак принадлежности).

$2 \in \mathbb{N}$, лучше читать «2 – число натуральное».

1. Пусть A – множество целых чисел, больших 100 и меньших 150. Какие из чисел 0, 125, 135, 99, 100 является элементами этого множества? Запишите ответ с использованием знака \in .

2. Прочитайте следующие утверждения и определите, верны ли они (догадайтесь, что означает знак \notin):

а) $25 \in \mathbb{N}$, $25 \in \mathbb{Z}$, $-25 \notin \mathbb{N}$;

3. Запишите на символическом языке следующее утверждение:

а) число 10 – натуральное;

б) число -7 не является натуральным;

в) число 100 является целым;

г) число 2,5 – не целое.

Чтобы задать конечное множество, можно просто перечислить все его элементы; при этом в записи используют фигурные скобки. $C = \{ 1, 2, 3, 4, 5 \}$

В математике рассматриваются и _____

бесконечные множества.

Множество, не содержащее элементов, называется пустым и обозначается символом \emptyset .

Множества, состоящие из одних и тех же элементов, называют равными.

Если $A = \{ 2, 4, 6, 8, 10 \}$, и $B = \{ 6, 10, 2, 8, 4 \}$, то $A = B$. Элементы множества можно перечислять в любом порядке.

4. Задайте множество цифр, с помощью которых записывается число:

а) 3254; б) 8797; в) 11000; г) 555555.

5. Задайте множество A описанием:

а) $A = \{ 1, 3, 5, 7, 9 \}$;

б) $A = \{ 11, 22, 33, 44, 55, 66, 77, 88, 99 \}$;

в) $A = \{ 1/2, 2/3, 3/4, 4/5, \dots \}$.

6. Задание с выбором ответа. Даны множества:

$M = \{ 5, 4, 6 \}$, $P = \{ 4, 5, 6 \}$, $T = \{ 5, 6, 7 \}$, $S = \{ 4, 6 \}$.

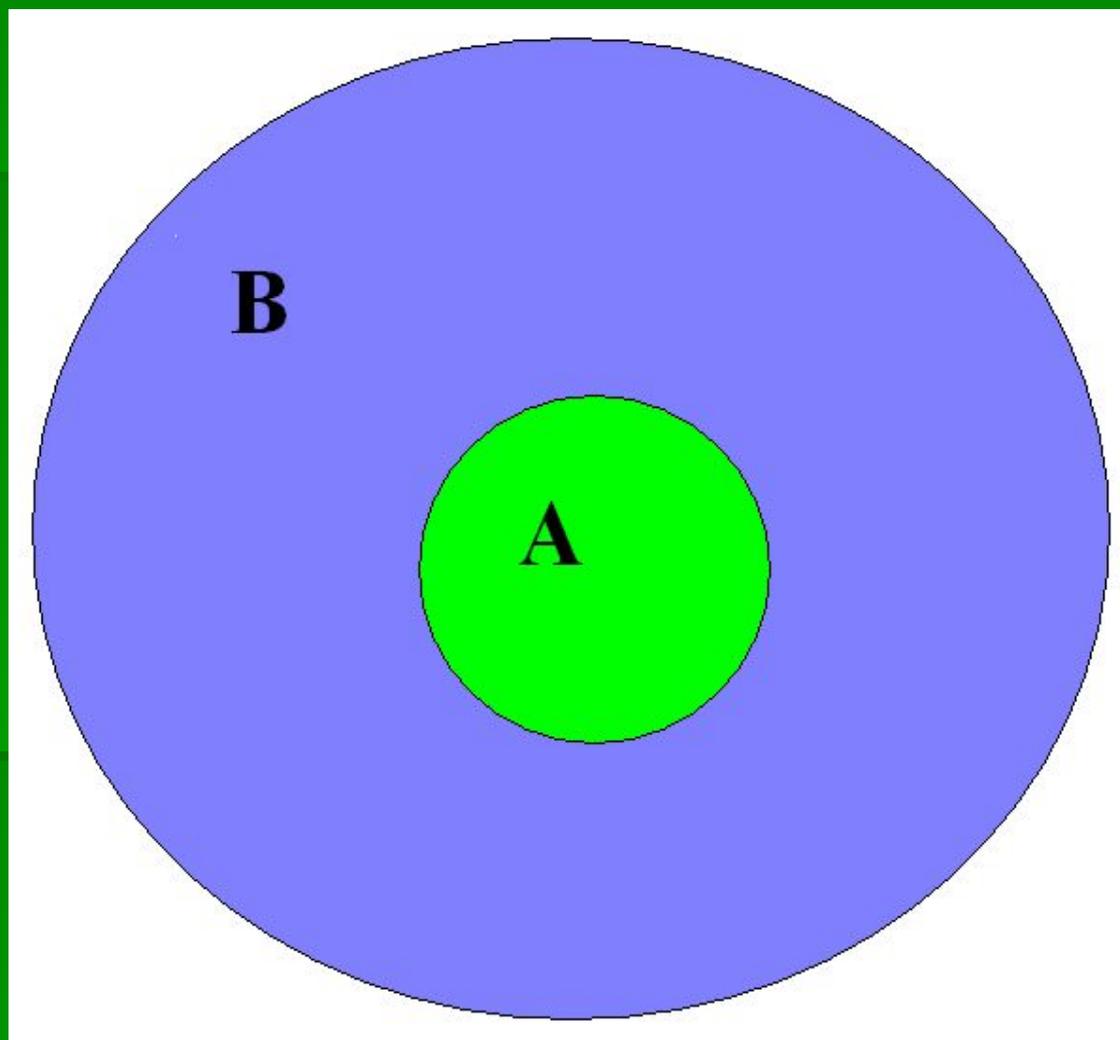
Какое из утверждений неверно?

А. $M = P$. Б. $P \neq S$. В. $M \neq T$. Г. $P = T$.

Возьмем множества $A = \{ 1, 3, 5 \}$ и $B = \{ 1, 2, 3, 4, 5 \}$ каждый элемент множества A принадлежит также и множеству B . В таких случаях говорят, что **множество A является подмножеством множества B** , и пишут: $A \subset B$. (\subset – знак включения). Например, $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z}$.

Это соотношение между множествами A и B проиллюстрировано на рисунке 1. С помощью так называемых **кругов Эйлера**. Множество изображается в виде некоторого круга, а его элементы изображаются точками этого круга. Мы видим, что все точки круга A принадлежат кругу B . (Заметим, что пустое множество считается подмножеством любого множества.)

Рисунок 1



7. а) Пусть P – множество простых чисел.

Изобразите соотношение между множествами P , N и Z с помощью кругов Эйлера и запишите соответствующую «цепочку», используя знак \subset .

б) Пусть A – множество всех треугольников,
 B – множество равнобедренных треугольников,
 C – множество равносторонних треугольников.
Изобразите соотношение между этими множествами с помощью кругов Эйлера и запишите соответствующую «цепочку», используя знак \subset .

Из двух данных множеств с помощью специальных операций можно образовать новые множества - их **объединение** и **пересечение**.

Объединением двух множеств называют множество, состоящее из элементов, входящих хотя бы в одно из данных множеств.

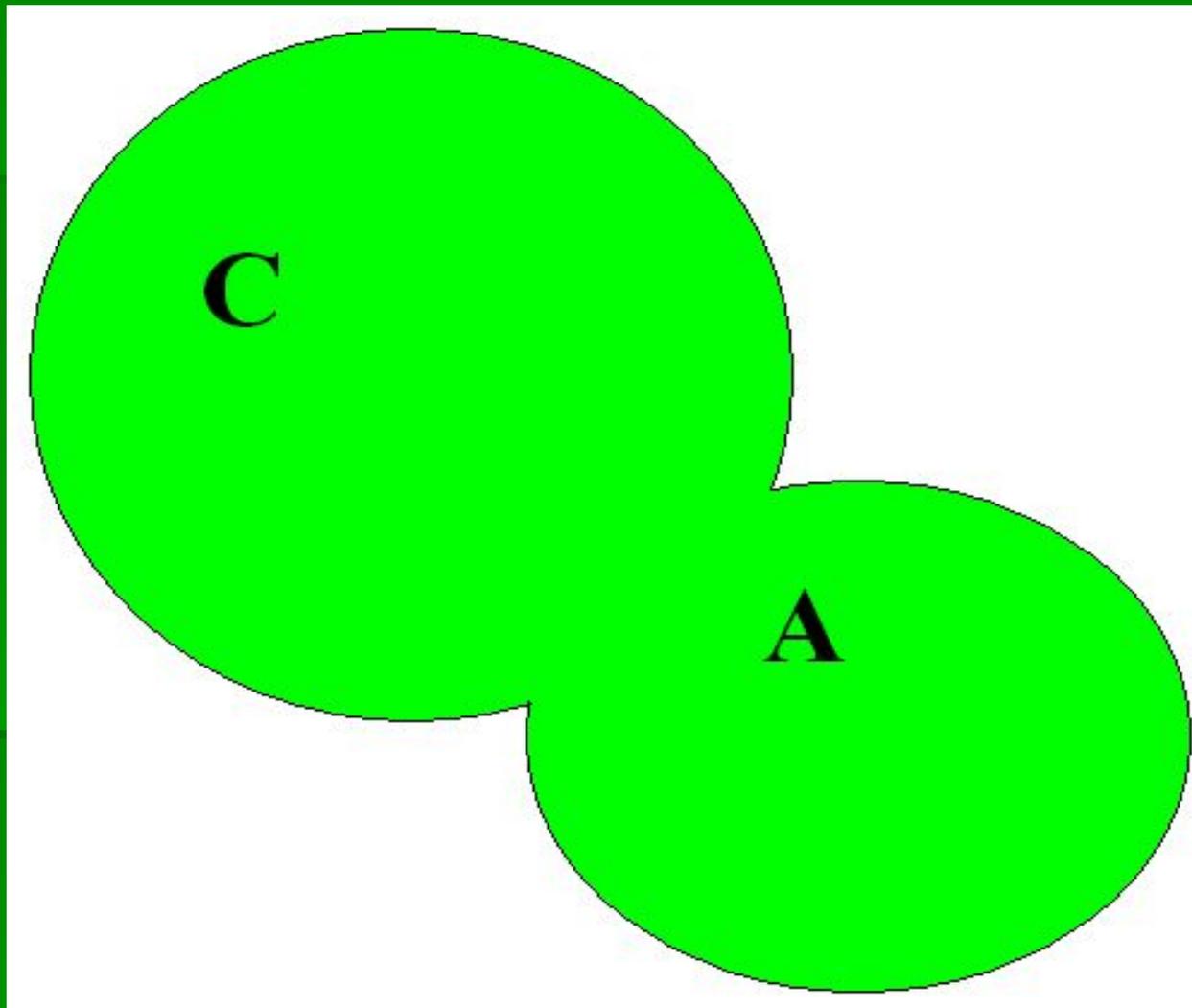
Объединение множеств A и C записывают так: $A \cup C$. (\cup – знак объединения). Рисунок 2.

Например, если $A = \{ 2, 4, 6 \}$ и $C = \{ 4, 6, 8, 10 \}$, то $A \cup C = \{ 2, 4, 6, 8, 10 \}$.

$$N \cup Z = Z$$

Рисунок 2

A ∩ C



Пересечением двух множеств называют множество, состоящее из элементов, входящих в каждое из данных множеств.

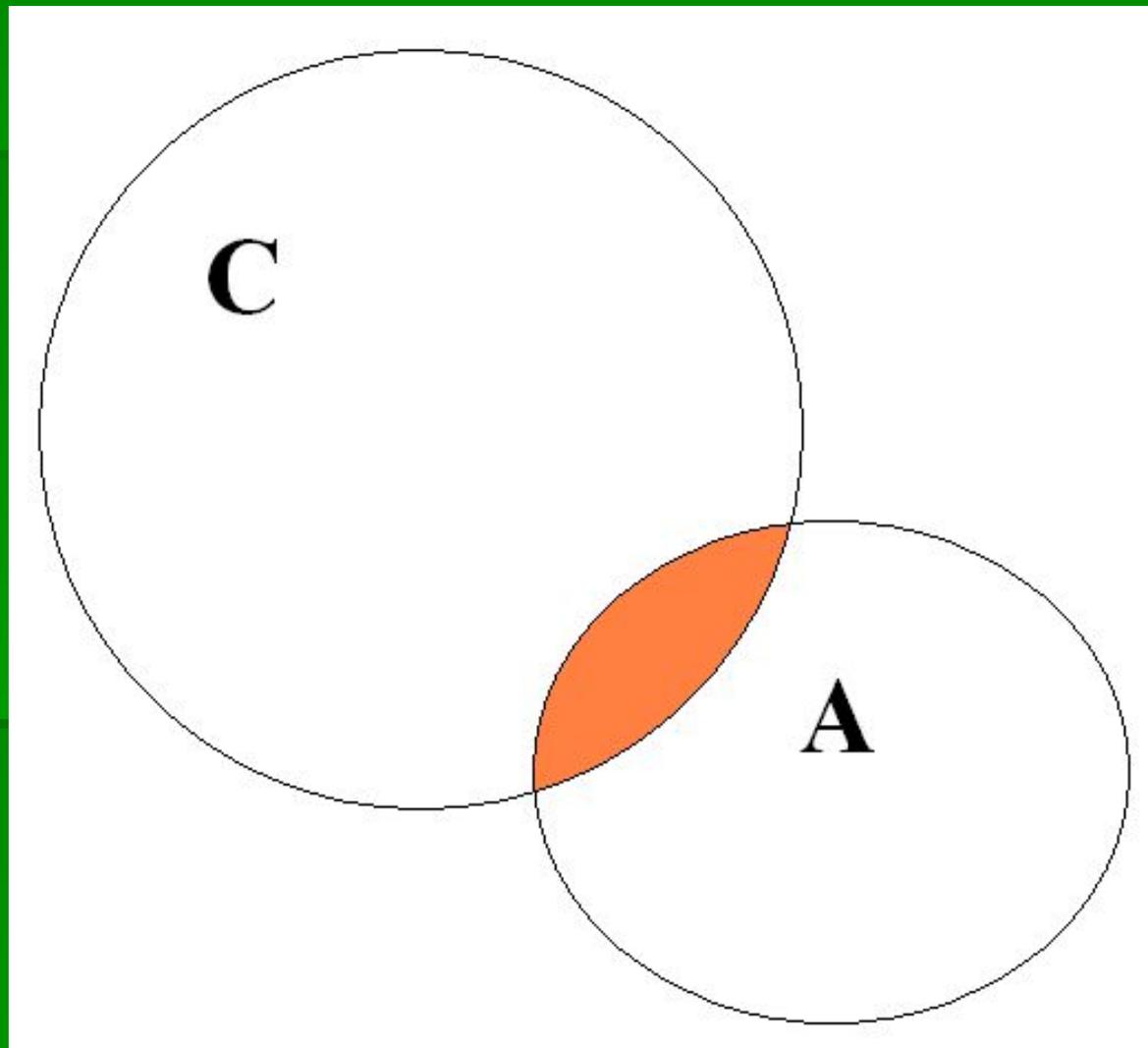
Пересечение множеств A и C записывают так: $A \cap C$. (\cap - знак пересечения). Рисунок 3.

Например если $A = \{ 2, 4, 6 \}$ и $C = \{ 4, 6, 8, 10 \}$, то $A \cap C = \{ 4, 6 \}$.

$$\mathbb{N} \cap \mathbb{Z} = \mathbb{N}$$

Рисунок 3

$A \cap C$



8. а) Даны множества: $A = \{ 2, 3, 8 \}$, $B = \{ 2, 3, 8, 11 \}$,
 $C = \{ 5, 11 \}$.

Найдите:

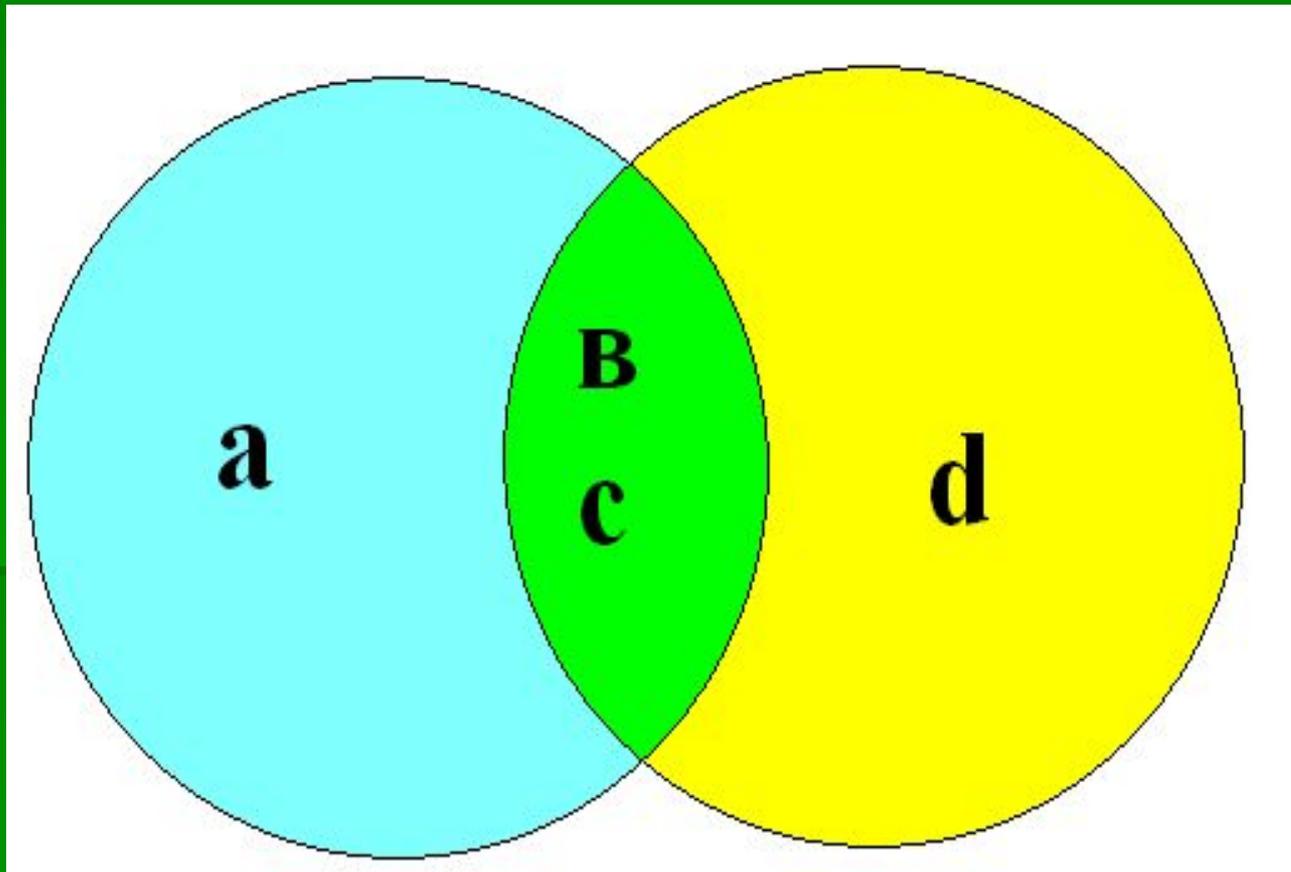
- 1) $A \cup B$, $A \cup C$, $B \cup C$;
- 2) $A \cap B$, $A \cap C$, $C \cap B$.

б) Даны множества: $K = \{ a, b, c \}$, $M = \{ x, y \}$, $P = \{ b, c, x \}$.

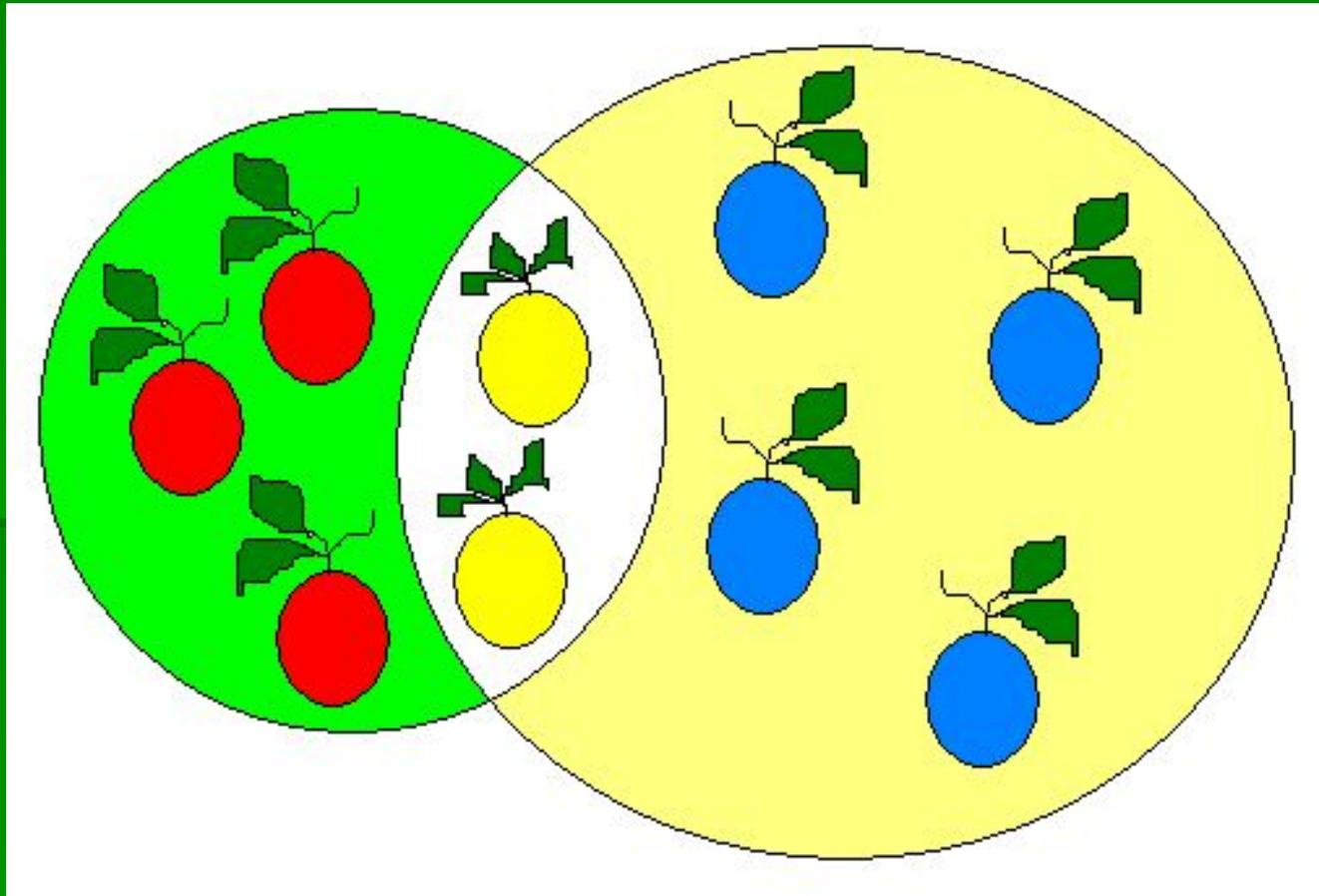
Найдите:

- 1) $K \cup M$, $M \cup P$, $K \cup P$;
- 2) $K \cap M$, $M \cap P$, $K \cap P$.

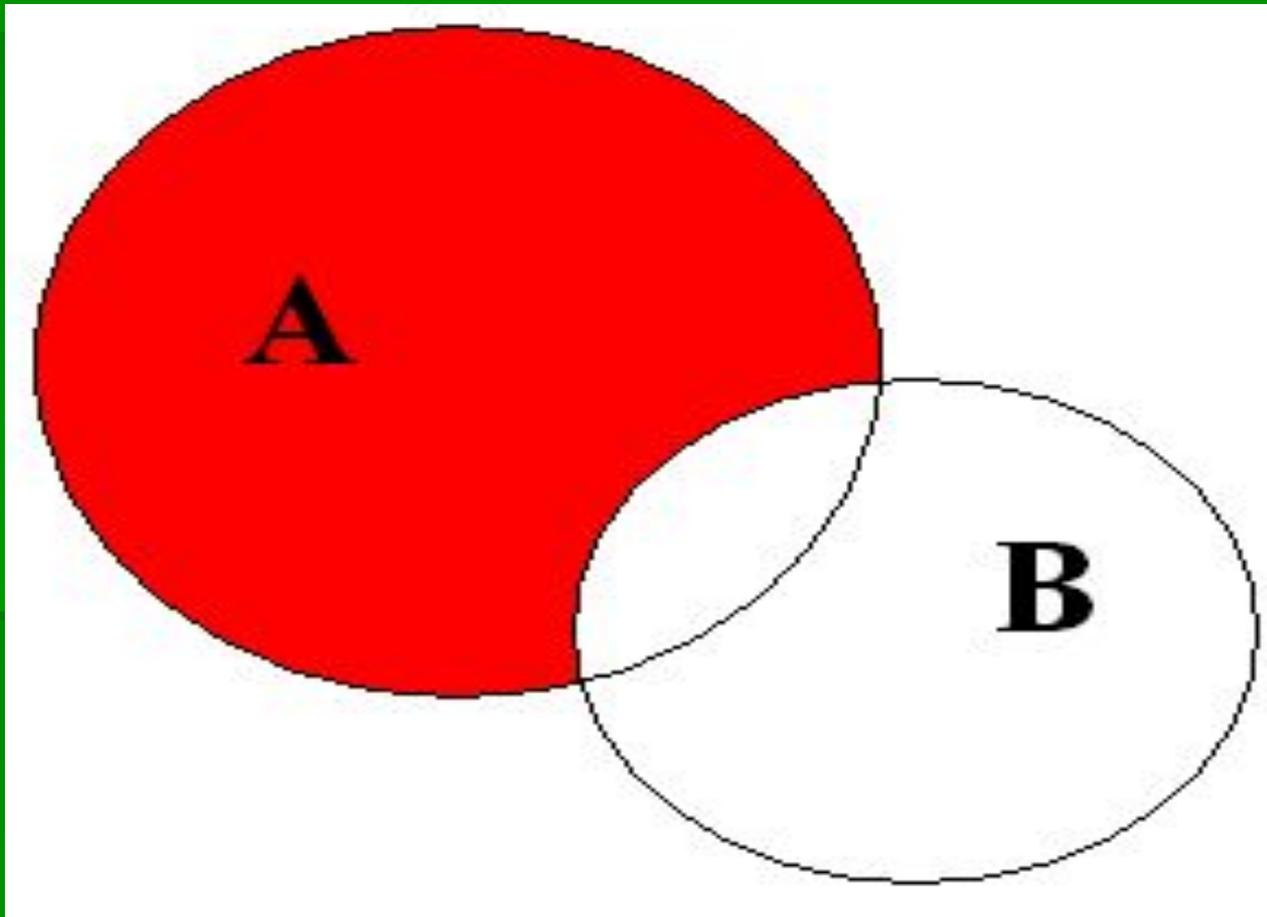
9. Расположите **4** элемента в двух множествах так, чтобы в каждом из них было по **3** элемента.



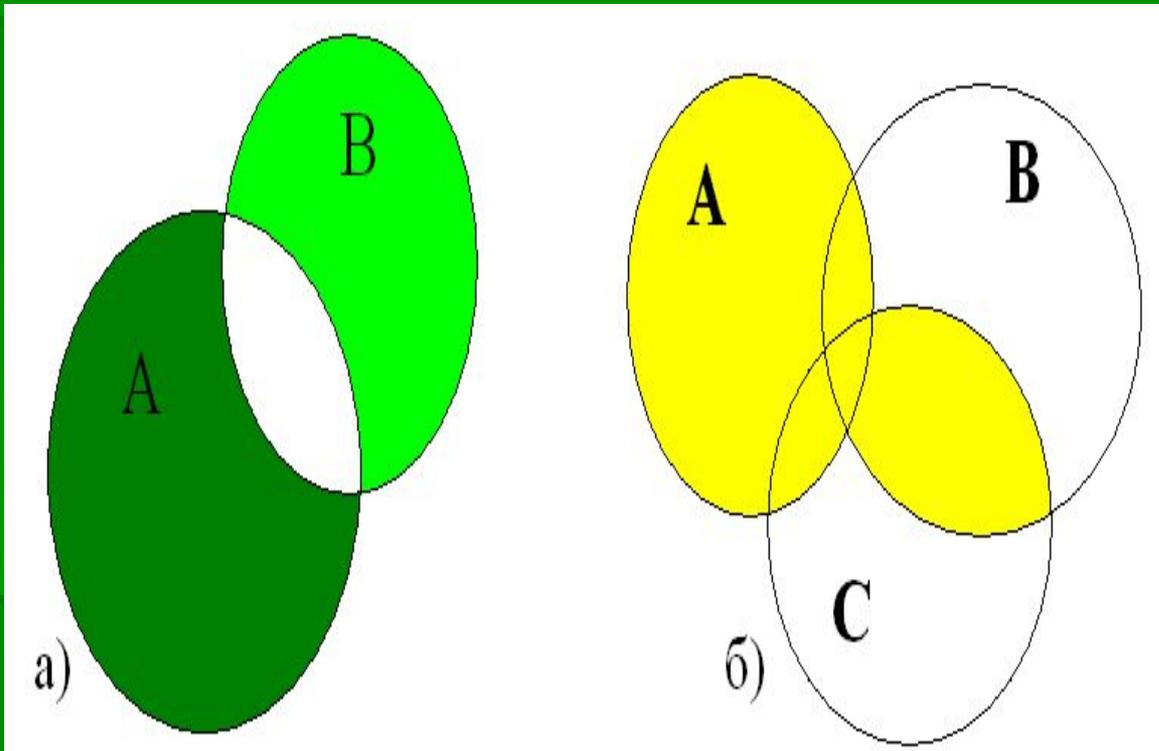
10. Множества A и B содержат соответственно **5** и **6** элементов, а множество $A \cap B$ – **2** элемента.
Сколько элементов в множестве $A \cup B$?



A / B – разность A и B (множество элементов A , не принадлежащих B).



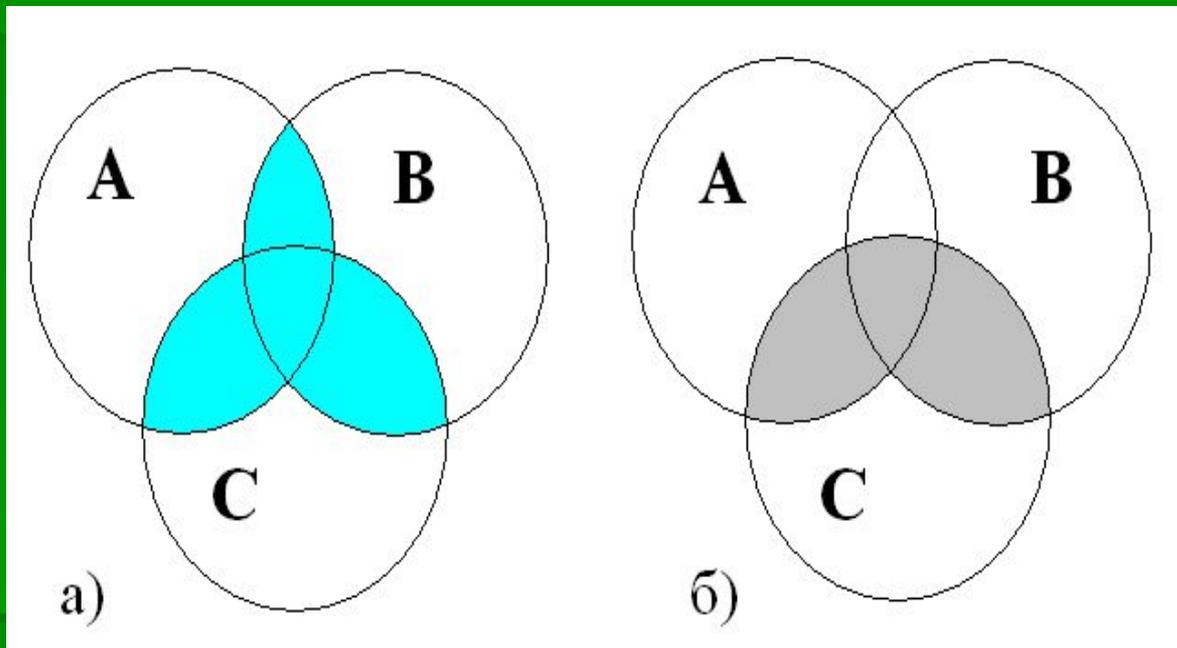
11. Запишите формулами (выразите через A , B и C) множества, закрашенные на рисунке.



a) $A \cup B \setminus (A \cap B)$

б) $A \cup (B \cap C)$

12. Запишите формулами (выразите через А, В и С) множества, закрашенные на рисунке.



- а) $(A \cap B) \cup (B \cap C / A \cap B \cap C) \cup (A \cap C / A \cap B \cap C)$;
б) $(A \cap C) \cup (B \cap C / A \cap B \cap C)$.