

Лекция 10. ПОСТОЯННЫЙ ЭЛЕКТРИЧЕСКИЙ ТОК

- 10.1. Причины электрического тока.
- 10.2. Плотность тока.
- 10.3. Уравнение непрерывности.
- 10.4. Сторонние силы и Э. Д. С.

10.1. Причины электрического тока

Заряженные объекты являются причиной не только электростатического поля, но еще и электрического тока.

В этих двух явлениях, есть существенное отличие:

Для возникновения электростатического поля требуются неподвижные, каким-то образом зафиксированные в пространстве заряды.

Для возникновения электрического тока, требуется наличие свободных, не закрепленных заряженных частиц, которые в электростатическом поле неподвижных зарядов приходят в состояние упорядоченного движения вдоль силовых линий поля.

- **Упорядоченное движение свободных зарядов вдоль силовых линий поля - электрический ток.**

Распределение **напряженности** E и **потенциала** ϕ электростатического поля связано **с плотностью распределения зарядов** ρ в пространстве **уравнением Пуассона:**

$$\Delta\varphi = \frac{1}{\epsilon} \rho,$$

и

$$\nabla E = \frac{1}{\epsilon} \rho$$

Где

$$\rho = \frac{\partial q}{\partial V}$$
 объемная плотность заряда.

Если заряды неподвижны, т. е. распределение зарядов в пространстве стационарно, то ρ не зависит от времени, в результате чего и E , и φ являются функциями только координат, но не времени. Поэтому поле и называется *электростатическим*.

Наличие свободных зарядов приводит к тому, что ρ становится функцией времени, что порождает изменение со временем и характеристики электрического поля, появляется электрический ток. Поле перестает быть электростатическим.

Количественной мерой тока служит I - заряд, перенесенный через заданную поверхность S (или через поперечное сечение проводника), в единицу времени, т.е.:

$$I = \frac{\partial q}{\partial t} \quad (10.1.3)$$

Если, однако, движение свободных зарядов таково, что оно не приводит к перераспределению зарядов в пространстве, то есть к изменению со временем плотности зарядов ρ , то в этом частном случае электрическое поле – снова статическое.

Этот частный случай есть случай постоянного тока.

Ток, не изменяющийся по величине со временем – называется постоянным током

(10.1.4)

$$I = \frac{q}{t}$$

- отсюда видна **размерность силы тока** в СИ:

$$1A = \frac{Kl}{c};$$

Как может оказаться, что заряды движутся, а плотность их не меняется, мы разберемся позже.

Сначала **введем количественные характеристики электрического тока.**

10.2. Плотность тока

Как известно из курса школьной физики, есть *две основные характеристики электрического тока – это сила тока I и плотность тока j .*

В отличие от силы тока, которая есть величина скалярная и направления не имеет, *плотность тока – это вектор.*

Связь между этими двумя физическими величинами такова:

$$I = \int_S \mathbf{j} d\mathbf{S} \quad (10.2.1)$$

Или наоборот, **модуль вектора плотности тока численно равен отношению силы тока через элементарную площадку, перпендикулярную направлению движения носителей заряда, к ее площади:**

$$j = \frac{\partial I}{\partial S_{\perp}} \quad (10.2.2)$$

Плотность тока j - есть более подробная характеристика тока, чем сила тока I .
 j - характеризует ток локально, в каждой точке пространства,
а I – это интегральная характеристика, привязанная не к точке, а к области пространства, в которой протекает ток.

Ясно, что *плотность тока* \mathbf{j} связана с плотностью свободных зарядов ρ и со скоростью их движения \mathbf{v}_{dp} :

$$\mathbf{j} = \rho \mathbf{v}_{dp}$$

За направление вектора ∇ принимают \mathbf{j}
направление вектора \mathbf{V}_{dp} положительных
носителей зарядов (раньше не знали о
существовании отрицательных носителей зарядов и
приняли так).

Если носителями являются как
положительные, так и отрицательные
заряды, то плотность тока определяется
формулой:

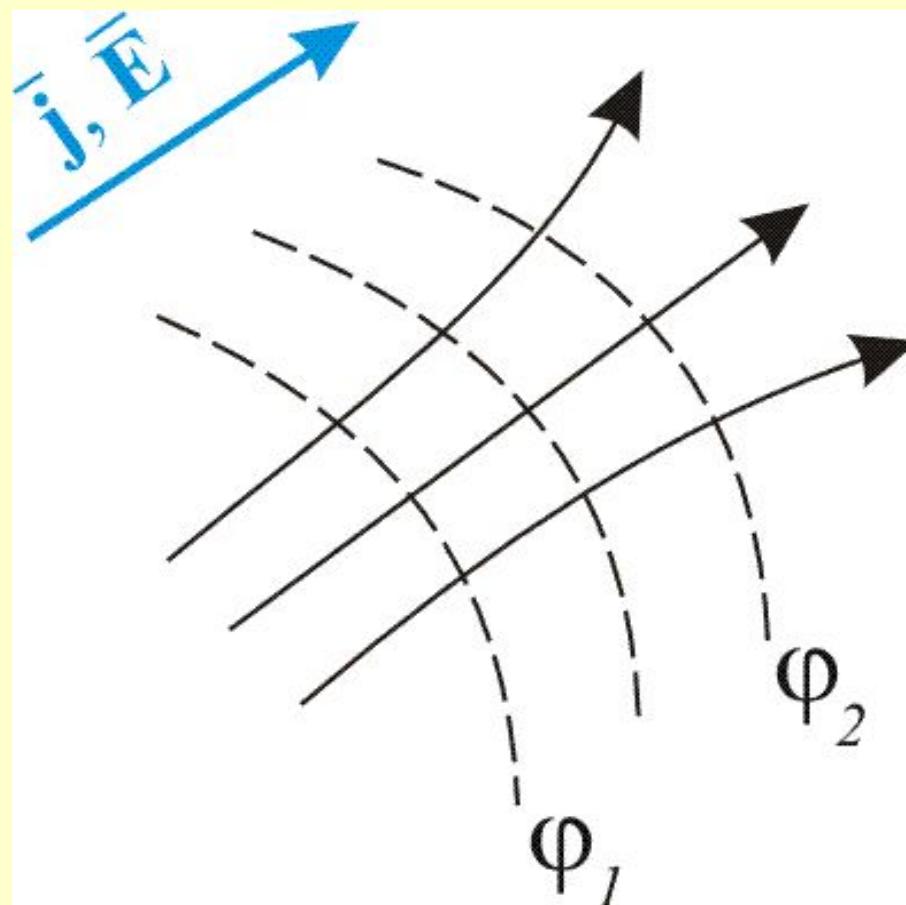
$$\mathbf{j} = q_+ n_+ \mathbf{V}_{dp.+} + q_- n_- \mathbf{V}_{dp.-} \quad (10.2.4)$$

где $q_+ n_+$ и $q_- n_-$ – объемные плотности зарядов.

Там, где носители только электроны, плотность тока определяется выражением:

$$\mathbf{j} = e n \mathbf{V}_{dp}. \quad (10.2.5)$$

Поле вектора \vec{j} можно изобразить графически с помощью линий тока, которые проводят так же, как и линии вектора напряженности \vec{E}



Зная \vec{j} в каждой точке интересующей нас поверхности S можно найти силу тока через эту поверхность, как поток вектора \vec{j} :

$$I = \oint_S \vec{j} d\vec{S}. \quad (10.2.6)$$

Сила тока является скалярной величиной и алгебраической,

а знак определяется выбором направления нормали к поверхности S .

10.3. Уравнение непрерывности

Представим себе, в некоторой проводящей среде, где течет ток, замкнутую поверхность S . Для замкнутых поверхностей векторы нормалей, а следовательно, и векторы dS принято брать наружу, поэтому **интеграл**

$$\oint_S \mathbf{j} d\mathbf{S}$$

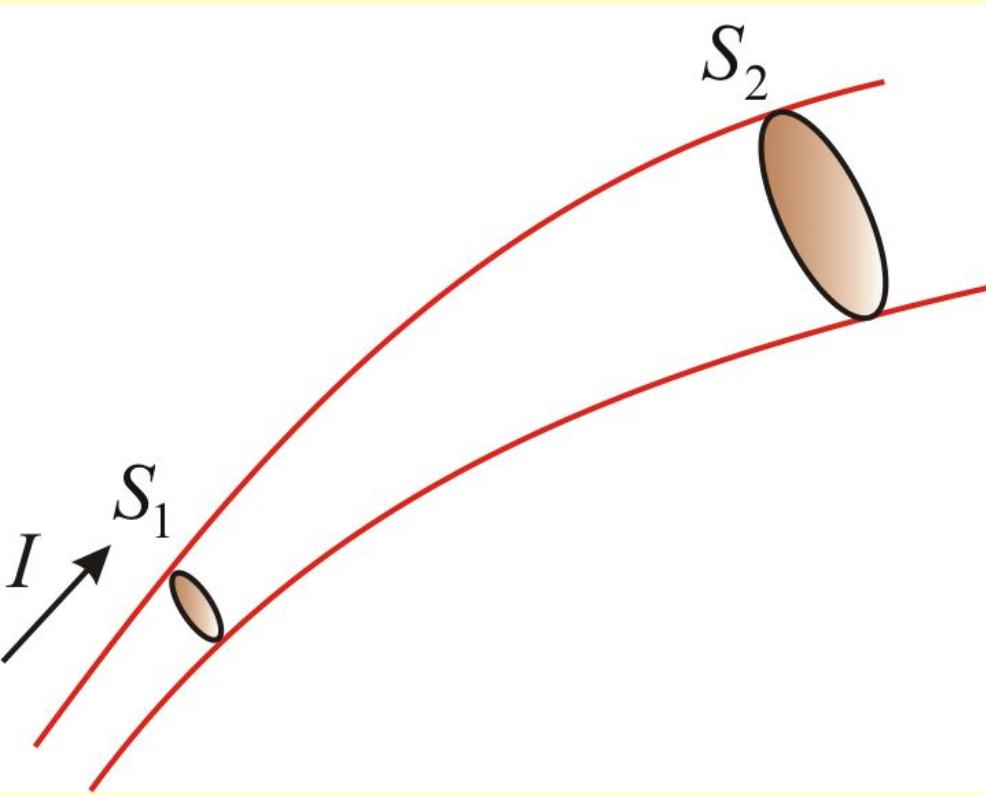
дает **заряд, выходящий в единицу времени наружу из объема V , охваченного поверхностью S .**

Мы знаем, что **плотность постоянного электрического тока одинакова по всему поперечному сечению S однородного проводника.**

Поэтому для постоянного тока в однородном проводнике с поперечным сечением S **сила тока:**

$$I = j \cdot S \quad (10.3.1)$$

Из этого следует, что **плотности постоянного тока в различных поперечных сечениях 1 и 2 цепи обратно пропорциональны площадям S_1 и S_2 этих сечений :**



$$j_2 / j_1 = S_1 / S_2$$

Пусть S – замкнутая поверхность, а векторы $d\mathbf{S}$ всюду проведены по внешним нормалям $\hat{\mathbf{n}}$. Тогда поток вектора \mathbf{j} сквозь эту поверхность S равен электрическому току I , идущему вовне из области, ограниченной замкнутой поверхностью S . Следовательно, согласно закону сохранения электрического заряда, суммарный электрический заряд q , охватываемый поверхностью S , изменяется за время dt на $dq = -Idt$, тогда в интегральной форме можно записать:

$$\oint_S \mathbf{j} d\mathbf{S} = -\frac{dq}{dt}. \quad (10.3.3)$$

В интегральной форме можно записать:

$$\oint_S \mathbf{j} d\mathbf{S} = -\frac{dq}{dt}$$

Это соотношение называется **уравнением непрерывности**. Оно является, по существу, выражением **закона сохранения электрического заряда**.

Дифференциальная форма записи уравнения непрерывности.

$$\nabla \cdot \mathbf{j} = -\frac{d\rho}{dt}$$

В случае ***постоянного тока***, распределение зарядов в пространстве должно оставаться неизменным:

$$\frac{dq}{dt} = 0,$$

следовательно,

$$\oint \mathbf{j} d\mathbf{S} = 0, \quad (10.3.5)$$

это ***уравнение непрерывности для постоянного тока*** (в интегральной форме).

□

Линии \vec{j} в случае постоянного тока
нигде не начинаются и нигде не
заканчиваются □

Поле вектора \vec{j} не имеет источника.

*В дифференциальной форме уравнение
непрерывности для постоянного
тока:*

$$\nabla \vec{j} = 0$$

Если ток постоянный, то избыточный заряд внутри однородного проводника всюду равен нулю.

Докажем это: т.к. для постоянного тока справедливо уравнение

$$\oint_S \mathbf{j} d\mathbf{S} = 0$$

отсюда

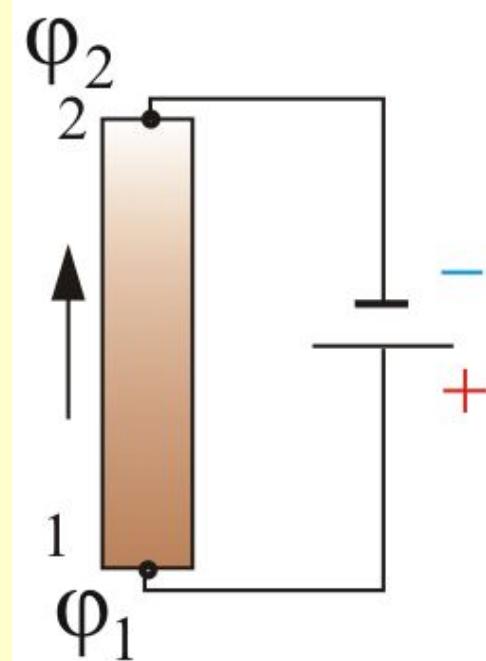
$$\sum q_i = 0.$$

Избыточный заряд может появиться только на поверхности проводника в местах соприкосновения с другими проводниками, а также там, где проводник имеет неоднородности.

10.4. Сторонние силы и ЭДС

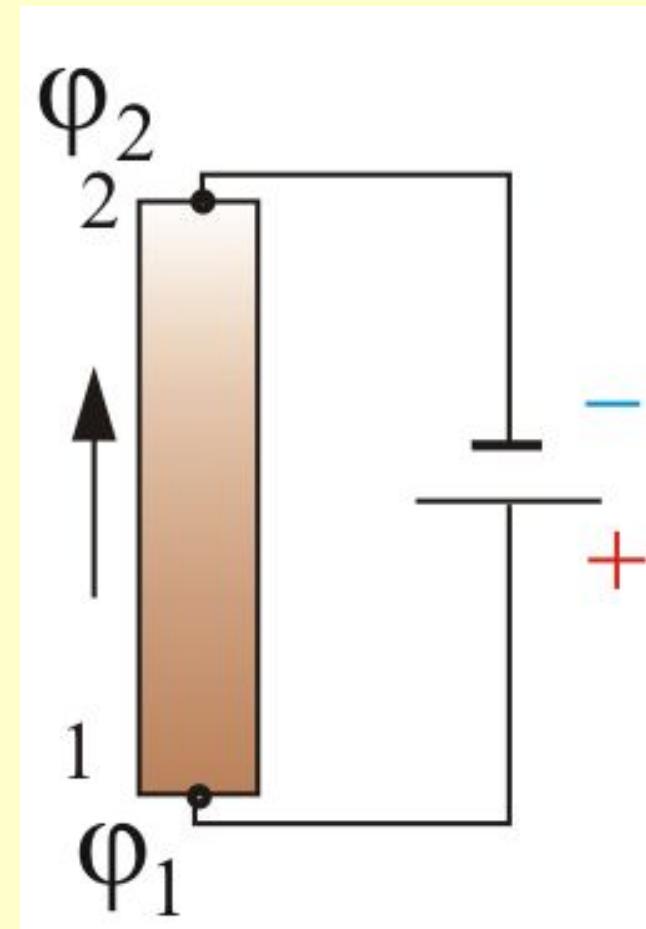
Для того, чтобы поддерживать ток достаточно длительное время, необходимо от конца проводника с меньшим потенциалом непрерывно отводить, а к другому концу – с большим потенциалом – подводить электрические заряды. Т.е. необходим круговорот зарядов.

Поэтому в замкнутой цепи, наряду с нормальным движением зарядов, должны быть участки, на которых движение (положительных) зарядов происходит в направлении возрастания потенциала, т.е. против сил электрического поля



Перемещение заряда на этих участках возможно лишь с помощью **сил неэлектрического происхождения (сторонних сил)**: химические процессы, диффузия носителей заряда, вихревые электрические поля.

Аналогия: насос, качающий воду в водонапорную башню, действует за счет негравитационных сил (электромотор).



*Сторонние силы можно
характеризовать работой,
которую они совершают над
перемещающимися по
замкнутой цепи зарядами*

Величина, равная работе сторонних сил по перемещению единичного положительного заряда в цепи, называется электродвижущей силой (Э.Д.С.), действующей в цепи:

$$\varepsilon = \frac{A}{q}; \quad \left[\begin{array}{c} \text{Дж} \\ (74.1) \\ \text{Кл} \end{array} \right] = [B]$$

Стороннюю силу, действующую на заряд, можно представить в виде:

$$\overset{\leftrightarrow}{F}_{\text{ст}} = q \overset{\leftrightarrow}{E}_{\text{ст}}, \quad (10.4.2)$$

$\overset{\leftrightarrow}{E}_{\text{ст}}$ – напряженность поля сторонних сил.

Работа сторонних сил на участке 1 – 2:

$$A_{12} = \int_1^2 \mathbf{F}_{\text{ст}} d\mathbf{l} = q \int_1^2 \mathbf{E}_{\text{ст}} d\mathbf{l},$$

Тогда Э.Д.С.

$$\mathcal{E}_{12} = \frac{A}{q} \int_1^2 \mathbf{E}_{\text{ст}} d\mathbf{l}.$$

Для замкнутой цепи:

$$\mathcal{E} = \sum_i \mathcal{E}_i = \oint_{\text{ст}} \mathbf{E} d\mathbf{l}. \quad (10.4.4)$$

$$\mathcal{E} = \sum_i \mathcal{E}_i = \oint_{\text{ст}} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l}.$$

Циркуляция вектора напряженности сторонних сил равна Э.Д.С., действующей в замкнутой цепи (алгебраической сумме ЭДС).

При этом необходимо помнить, что поле сторонних сил не является потенциальным, и к нему нельзя применять термин разность потенциалов или напряжение.