

*Критерии оценивания
задания № 21 ГИА
по математике 2017 года
11 класс*

Подготовила Губа Г.
А.
учитель математики
ЯОШ №6 АГЯ

№21. Решите неравенство $4^x - 6 \cdot 2^{x-1} \geq 4$.

Показательное неравенство

№21. Решите неравенство $4^x - 6 \cdot 2^{x-1} \geq 4$.

Решение:

$$4^x - 6 \cdot 2^{x-1} \geq 4; \quad 2^{2x} - 3 \cdot 2^x - 4 \geq 0; \quad 2^x = t \text{ и } t > 0; \text{ тогда } t^2 - 3t - 4 \geq 0.$$
$$\begin{cases} (t-4)(t+1) \geq 0, \\ t > 0; \end{cases} \quad t \geq 4; \quad 2^x \geq 2^2; \quad x \geq 2.$$

Ответ: $[2; +\infty)$.

Критерии оценивания решения:

3	Обучающийся выбрал правильный путь решения, из письменной записи решения понятен ход его рассуждений с обоснованием, получен верный ответ.
2	В решении допущена ошибка, не имеющая принципиального характера и не влияющая на общую правильность хода решения
1	Допущены ошибки или решение неравенства не доведено до конца при правильном ходе решения.
0	Неравенство не решено

Показательное уравнение

№21. Решите уравнение $16^x - 15 \cdot 4^x - 16 = 0$

Решение:

Перепишем уравнение в виде $4^{2x} - 15 \cdot 4^x - 16 = 0$.

Сделаем замену $t = 4^x$, $t > 0$: $t^2 - 15t - 16 = 0$.

По теореме Виета $t_1 = -1$, $t_2 = 16$. Поскольку $t > 0$, $4^x = 16$, $x = 2$.

Ответ: 2.

Критерии оценивания решения:

3	Обучающийся выбрал правильный путь решения, из письменной записи решения понятен ход его рассуждений с обоснованием, получен верный ответ.
2	В решении допущена ошибка, не имеющая принципиального характера и не влияющая на общую правильность хода решения
1	Допущены ошибки или уравнение не доведено до конца при правильном ходе решения.
0	Уравнение не решено

Логарифмическое уравнение

№21. Решите уравнение $\log_5^2 x + \log_5 x = 2$

Решение:

Перепишем уравнение в виде $\log_5^2 x + \log_5 x - 2 = 0$.

Сделаем замену $t = \log_5 x$: $t^2 + t - 2 = 0$.

По теореме Виета $t_1 = 1$, $t_2 = -2$.

$\log_5 x = 1$, $x = 5$; $\log_5 x = -2$, $x = \frac{1}{25}$. **Ответ:** $5; \frac{1}{25}$.

Критерии оценивания решения:

3	Обучающийся выбрал правильный путь решения, из письменной записи решения понятен ход его рассуждений с обоснованием, получен верный ответ.
2	В решении допущена ошибка, не имеющая принципиального характера и не влияющая на общую правильность хода решения
1	Допущены ошибки или уравнение не доведено до конца при правильном ходе решения.
0	Уравнение не решено

Преобразование тригонометрического выражения

№21. Упростите выражение $\frac{\cos 3\alpha - \cos \alpha - \sin 2\alpha}{\sin 3\alpha - \sin \alpha + \cos 2\alpha}$.

Решение:

$$\frac{\cos 3\alpha - \cos \alpha - \sin 2\alpha}{\sin 3\alpha - \sin \alpha + \cos 2\alpha} = \frac{-\sin 2\alpha \sin \alpha - \sin 2\alpha}{\sin \alpha \cos 2\alpha + \cos 2\alpha} = \frac{-\sin 2\alpha(\sin \alpha + 1)}{\cos 2\alpha(\sin \alpha + 1)} = -\operatorname{tg} 2\alpha.$$

Ответ: $-\operatorname{tg} 2\alpha$.

Критерии оценивания решения:

3	Обучающийся выбрал правильный путь решения, из письменной записи решения понятен ход его рассуждений с обоснованием, получен верный ответ.
2	В решении допущена ошибка, не имеющая принципиального характера и не влияющая на общую правильность хода решения
1	Допущены ошибки или вычисление площади не доведено до конца при правильном ходе решения.
0	Задание не решено

Тригонометрическое уравнение

№21. Решите уравнение $\sin 2x - \cos x = 2 \sin x - 1$.

Решение:

$$\sin 2x - \cos x = 2 \sin x - 1;$$

$$2 \sin x \cos x - \cos x - 2 \sin x + 1 = 0;$$

$$\cos x (2 \sin x - 1) - 2 \sin x + 1 = 0;$$

$$(2 \sin x - 1) \cos x - 1 = 0;$$

$$1) \cos x - 1 = 0,$$

$$\cos x = 1,$$

$$x = 2\pi k, \quad k \in \mathbb{Z};$$

$$2) 2 \sin x - 1 = 0,$$

$$\sin x = \frac{1}{2},$$

$$x = \pi - 1 \cdot \frac{\pi}{6} + 2\pi k, \quad k \in \mathbb{Z}$$

Ответ: $2\pi k, \quad k \in \mathbb{Z}; \quad \pi - \frac{\pi}{6} + 2\pi k, \quad k \in \mathbb{Z}$.

Критерии оценивания решения:

3	Обучающийся выбрал правильный путь решения, из письменной записи решения понятен ход его рассуждений с обоснованием, получен верный ответ.
2	В решении допущена ошибка, не имеющая принципиального характера и не влияющая на общую правильность хода решения
1	Допущены ошибки или уравнение не доведено до конца при правильном ходе решения.
0	Уравнение не решено

Применение производной

№21. Найдите наибольшее и наименьшее значение функции $f(x) = x^3 - 9x^2 + 6$ на отрезке $[-3; 3]$.

Решение:

Найдем производную функции: $f'(x) = 3x^2 - 18x$.

Найдем критические точки функции: $3x^2 - 18x = 0$; $x_1 = 0$; $x_2 = 6$.

Отрезку $[-3; 3]$ принадлежит только $x_1 = 0$.

$f(-3) = -27 - 81 + 6 = -102$; $f(0) = 6$; $f(3) = 27 - 81 + 6 = -48$.

Наибольшее значение 6 , наименьшее -102 .

Ответ: 6 ; -102 .

Критерии оценивания решения:

3	Обучающийся выбрал правильный путь решения, из письменной записи решения понятен ход его рассуждений с обоснованием, получен верный ответ.
2	В решении допущена ошибка, не имеющая принципиального характера и не влияющая на общую правильность хода решения
1	Допущены ошибки или вычисления не доведены до конца при правильном ходе решения.
0	Задание не решено

Применение интеграла

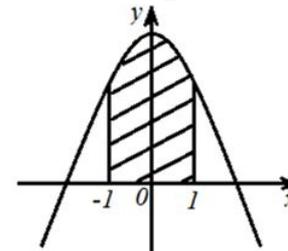
№21. Найдите площадь фигуры ограниченной линиями $y = 4 - x^2$, $y = 0$, $x = -1$, $x = 1$.

Решение:

Фигура, ограниченная линиями $y = 4 - x^2$, $y = 0$, $x = -1$, $x = 1$ изображена на рисунке.

Площадь криволинейной трапеции равна

$$S = \int_{-1}^1 (4 - x^2) dx = \left(4x - \frac{x^3}{3} \right) \Big|_{-1}^1 = 4 - \frac{1}{3} - \left(-4 + \frac{1}{3} \right) = 7\frac{1}{3} \text{ кв. ед.}$$



Ответ: $7\frac{1}{3}$ кв.ед.

Критерии оценивания решения:

3	Обучающийся выбрал правильный путь решения, из письменной записи решения понятен ход его рассуждений с обоснованием, получен верный ответ.
2	В решении допущена ошибка, не имеющая принципиального характера и не влияющая на общую правильность хода решения
1	Допущены ошибки или вычисление площади не доведено до конца при правильном ходе решения.
0	Задание не решено