Проверка правильности логического рассуждения

Логическое следование формул

Из формулы \boldsymbol{P} логически следует

формула $D(P \vdash D)$, если для любого

набора логических переменных (строки

булеана)

$$(x_1,...,x_m)$$
:

Если $P(x_1,...,x_m) = 1$, то и $D(x_1,...,x_m) = 1$.

Задача №1

 «Если в параллелограмме диагонали взаимно перпендикулярны, то параллелограмм – ромб. В данном параллелограмме диагонали не взаимно перпендикулярны. Следовательно, он не является ромбом».

Шаг 1 Формализация логического рассуждения

 Необходимо определить количество логических переменных, позволяющих формализовать (записать в виде формулы) логическое рассуждение:

А ={в параллелограмме диагонали взаимно перпендикулярны};

В = {параллелограмм является ромбом}.

Все последующие утверждения в рассуждении можно записать при помощи высказываний – логических переменных A и В.

Шаг 2 Построение схемы логического рассуждения

- Р₁ «Если в параллелограмме диагонали взаимно перпендикулярны, то параллелограмм ромб»
- Р₂ «В данном параллелограмме диагонали не взаимно перпендикулярны»
- D «Он не является ромбом».

$$P_{1} = A \rightarrow B,$$

$$P_{2} = \overline{A}$$

$$D = \overline{B}$$

Шаг 3 Проверка правильности по определению Составляем конъюнкцию формализованных

посылок:

$$P = P \& P_2 = (A \to B) \& A$$
 Таблице

Α	В	ности: А → В	٦A	(A→B)& ¬A	¬В
				P	D
0	0	1	1	1	1
0	1	1	1	1	0
1	0	0	0	0	1
1	1	1	0	0	0

Так как на наборе (A=0, B=1) посылки истинны, а заключение ложно, то рассуждение не является логически правильным.

Задача №2

 «Если цены высоки, то и зарплата высока. Цены высоки или применяется регулирование цен. Если применяется регулирование цен, то нет инфляции. Наблюдается инфляция, следовательно, зарплата высока».

Задача №3

 Если будет доказано, что средства на избирательную компанию тратились помимо избирательного фонда или сверх установленной величины, то это будет являться основанием для постановки в суде вопроса о снятии с регистрации списка кандидатов партии. Если выборы уже состоялись, то об аннулировании результатов избрания такой политической партии и ее списка. Выборы состоялись, а результаты не аннулированы. Значит не доказано, что средства избирательной компании тратились помимо избирательного фонда.