

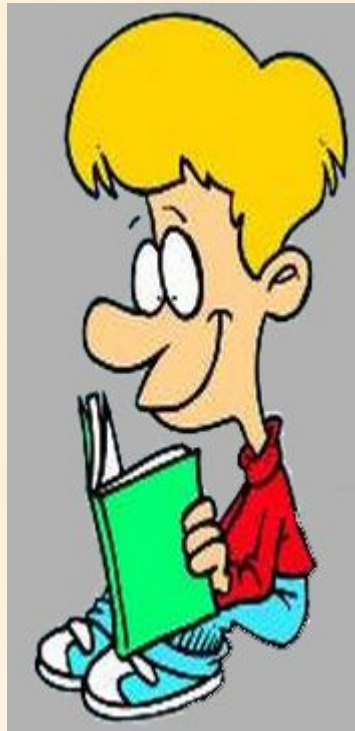


Задачи логического характера

не требующие вычислений

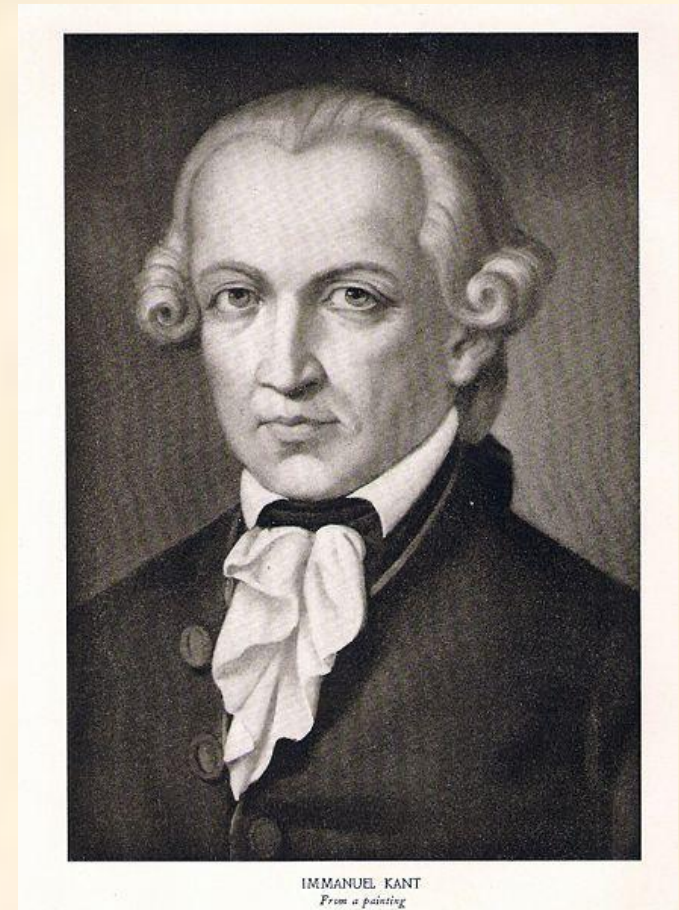


«Главная задача обучения математике,  
причём с самого начала,  
с первого класса, - учить рассуждать,  
учить мыслить»



ведущий отечественный  
методист А.А. Столяр

«Логика - это наука о законах правильного мышления, о требованиях, предъявляемых к последовательному и доказательному рассуждению»



немецкий философ И. Кант



## ЗАДАЧИ ТИПА «КТО ЕСТЬ КТО?»

---

Смысл задач под кодовым названием «Кто есть кто?» довольно прост.

Вам даны отношения между предметами и следуя по цепочке этих отношений, вы приходите к правильному результату.

Существует несколько методов решения задач типа «Кто есть кто?».

Один из методов решения таких задач – **метод графов**.  
Второй способ, которым решаются такие задачи – **табличный способ**.



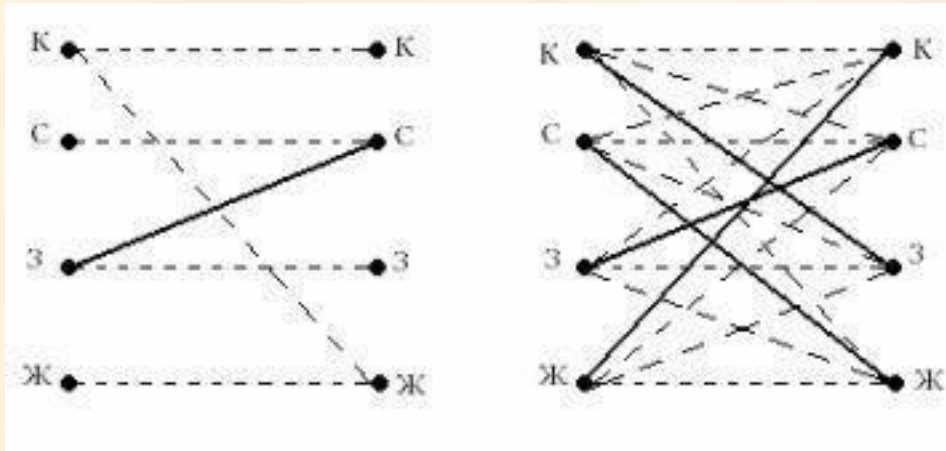
## Решение методом графов

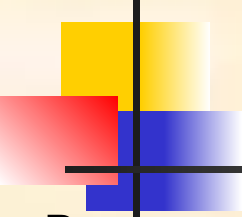
---

Красный, синий, желтый и зеленый карандаши лежат в четырех коробках по 1 шт. Цвет карандаша отличается от цвета коробки.

Известно, что зеленый карандаш лежит в синей коробке, а красный не лежит в желтой.

В какой коробке лежит каждый карандаш?





## Решение логических задач методом таблиц

### Задача. В каких квартирах живут котята?

В квартирах № 1, 2, 3 живут три котёнка – белый, чёрный, рыжий.



В квартирах № 1 и 2 живут не чёрные котята.

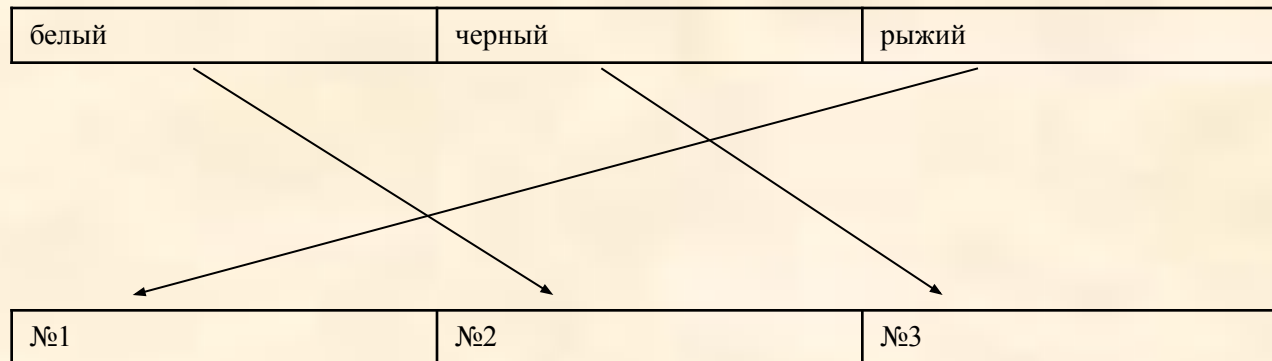
Белый котёнок живёт не в квартире № 1.



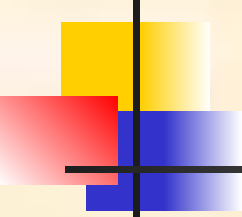
## В какой квартире какой котёнок живёт?

## Кто где живёт?

1. Так как чёрный котёнок не живёт в квартирах №№ 1 и 2 ( по условию ), значит, чёрный живёт в квартире № 3.
2. Так как чёрный живёт в квартире № 3 ( по доказательству ), значит белый и рыжий не живут в квартире № 3.
3. Так как белый котёнок не живёт в квартире № 1 ( по условию ) и не в квартире № 3 ( по доказательству ), значит, белый живёт - в № 2.
4. Так как белый живёт - в № 2 ( по доказательству ), значит, рыжий не живёт - в № 2.
5. Так как рыжий не живёт - в № 2 и 3 (по доказательству ), значит, рыжий живёт – в № 1.



Ответ: белый живёт в квартире № 2, чёрный - в № 3, рыжий - в № 1 .



## Решение логических задач методом рассуждений

---

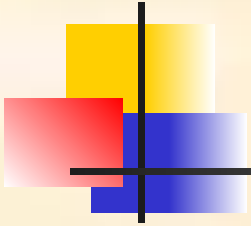
Вадим, Сергей и Михаил изучают различные иностранные языки: китайский, японский и арабский.

На вопрос, какой язык изучает каждый из них, один ответил: "Вадим изучает китайский, Сергей не изучает китайский, а Михаил не изучает арабский".

Впоследствии выяснилось, что в этом ответе только одно утверждение верно, а два других ложны. Какой язык изучает каждый из молодых людей?







## Имеется три утверждения:

---

1. Вадим изучает китайский;
2. Сергей не изучает китайский;
3. Михаил не изучает арабский.

Если верно первое утверждение, то верно и второе, так как юноши изучают разные языки. Это противоречит условию задачи, поэтому первое утверждение ложно.

Если верно второе утверждение, то первое и третье должны быть ложны. При этом получается, что никто не изучает китайский. Это противоречит условию, поэтому второе утверждение тоже ложно.

Остается считать верным третье утверждение, а первое и второе — ложными. Следовательно, Вадим не изучает китайский, китайский изучает Сергей.

Ответ: Сергей изучает китайский язык, Михаил - японский, Вадим - арабский.



## Решение логических задач методом блок-схем

---

Сначала выделяются операции. Эти операции называются командами. Затем устанавливается последовательность выполнения выделенных команд. Эта последовательность оформляется в виде схемы. Подобные схемы называются блок-схемами и широко используются в программировании. Составленная блок-схема является программой, выполнение которой может привести нас к решению поставленной задачи.



# Задача

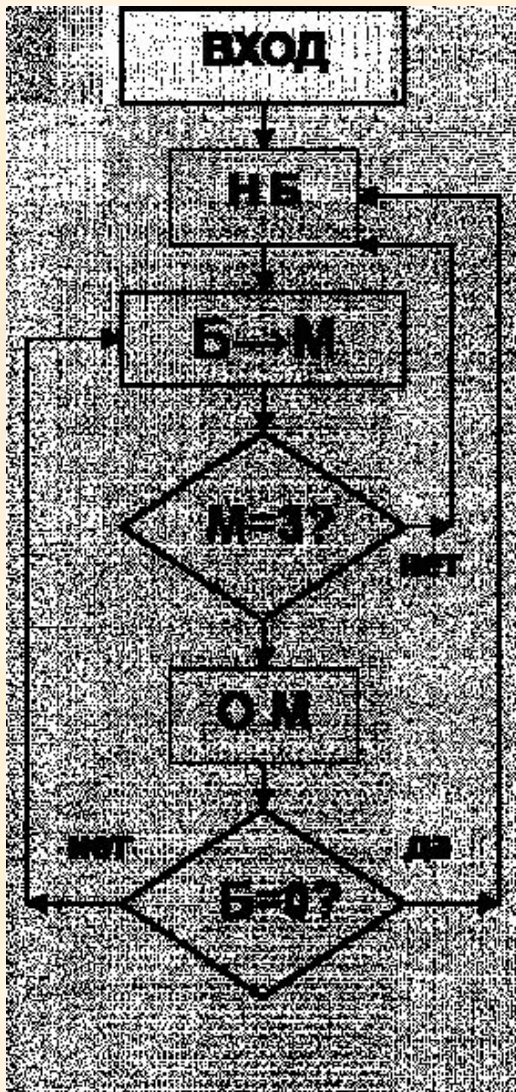
---

Имеются два сосуда — трехлитровый и пятилитровый.

Нужно, пользуясь этими сосудами,  
получить 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 и 8 литров воды.



В нашем распоряжении водопроводный  
кран и раковина,  
куда можно выливать воду.



Дальше эта последовательность будет полностью повторяться. Из таблицы видим, что количество воды в обоих сосудах вместе образует следующую последовательность: 0, 5, 2, 7, 4, 1, 6, 3, 0 и т.д. Таким образом, действуя по приведенной схеме, можно отмерить любое количество литров от 1 до 7. Чтобы отмерить еще и 8 литров, надо наполнить оба сосуда.

Б	0	5	2	2	0	5	4	4	1	1	0	5	3	3	0	0
М	0	0	3	0	2	2	3	0	3	0	1	1	3	0	3	0
Таблица																

# КРУГИ ЭЙЛЕРА ЗАДАЧИ НА ПЕРЕСЕЧЕНИЕ ИЛИ ОБЪЕДИНЕНИЕ МНОЖЕСТВ

---

Круги Эйлера —  
геометрическая схема, с  
помощью которой можно  
изобразить отношения  
между подмножествами,  
для наглядного  
представления.



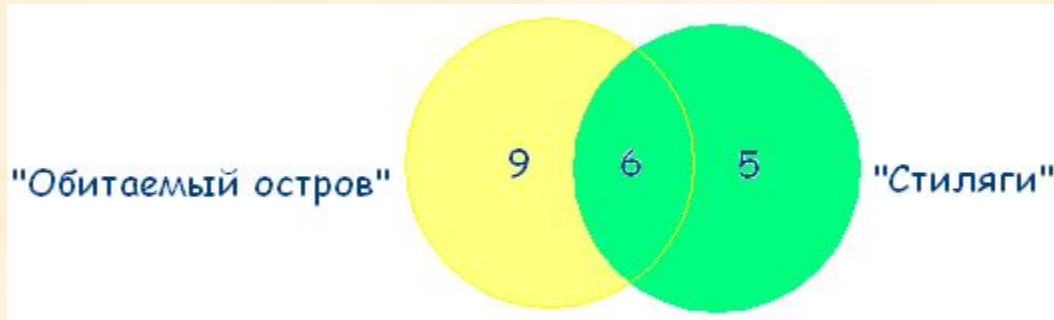
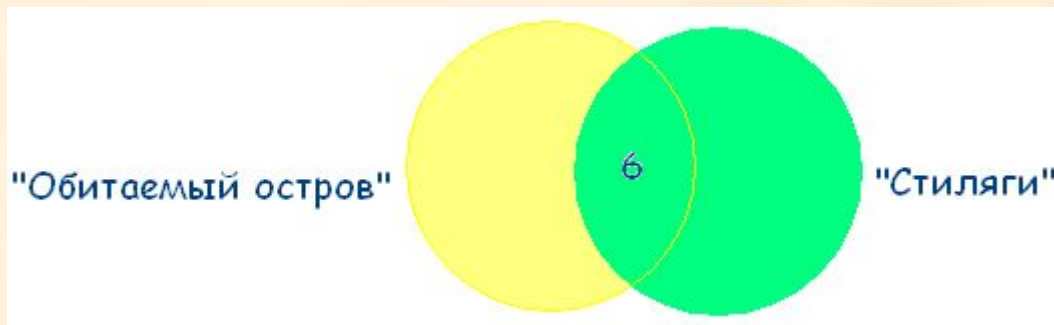
Леонард Эйлер



## Задача: "Обитаемый остров" и "Стиляги"

---

Некоторые ребята из нашего класса любят ходить в кино. Известно, что 15 ребят смотрели фильм «Обитаемый остров», 11 человек – фильм «Стиляги», из них 6 смотрели и «Обитаемый остров», и «Стиляги». Сколько человек смотрели только фильм «Стиляги»?



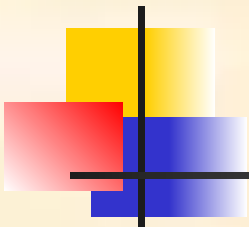


## ТАКТИЧЕСКИЕ ЗАДАЧИ

---

Решение тактических и теоретико-множественных задач заключается в составлении учащимися плана действий, который приводит к правильному ответу.

Сложность состоит в том, что выбор нужно сделать из очень большого числа вариантов, т.е. эти возможности не известны учащимся, их нужно придумать.



- Задаю тебе последнюю задачу, - сказала принцесса Иванушке, - найди единственно верный путь из этой комнаты в наш зимний сад и сорви для меня самую красивую розу. Из этой комнаты ты пройдешь через левую, или правую, или среднюю дверь во вторую комнату; такие же три вида дверей будут перед тобой при переходе из второй комнаты в третью и из третьей - в сад. Учти мои советы, - продолжала принцесса, - первый: из этого зала пройди через правую дверь; второй: из второй комнаты - не через правую дверь, и третий совет: из третьей - не через левую дверь. Иванушка знал, что обычно из трех советов принцессы ровно в двух указывают ложное направление, кроме того, служанка принцессы успела шепнуть ему, что надо пройти через дверь каждого вида по одному разу. Как и полагается сказке, принес Иванушка розу и был вознагражден. Какой же маршрут оказался верным?





## Решени

е

---

Для решения этой задачи нужно рассмотреть всевозможные маршруты, т. к. на избранном пути не должно быть одинаково расположенных дверей, то возможно лишь 6 различных маршрутов (3!). Воспользуемся графами (рис. 27). «Плюс» на соединительном отрезке означает правильный, а «минус» - ложный ответ принцессы. Так как верен один совет, то правильный маршрут тот, который отмечен одним знаком «+» и двумя «-», а именно Л - П - С.

+ - +

П С Л

+ + - + - +

С Л П Л П С

- + - + + +

Л С Л П С П



## Буквенные ребусы

---

Буквенные ребусы и задачи со звездочками  
Методом подбора и рассмотрения различных вариантов  
решаются буквенные ребусы и примеры со звездочками.  
Такие задачи различны по сложности и схеме решения.

Рассмотрим один такой пример:



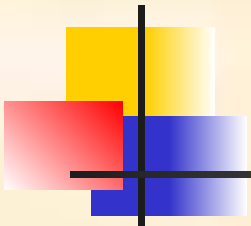
## Ребусы

---

Перед началом бегов на ипподроме четыре знатока из числа зрителей обсуждали шансы фаворитов А, В или С.

- Первый: Заезд выиграет А или С.
- Второй: Если А придет третьим, то С не выиграет.
- Третий: Если А будет вторым, то выиграет В.
- Четвертый: Вторым придет А или В.

После заезда выяснилось, что три фаворита А, В, С действительно заняли первые три места и что все четыре утверждения знатоков оказались истинными. Как фавориты поделили между собой три первых места?



Возможны 6 вариантов исхода заезда (3!):

- A B C
- A C B (4)
- B C A (1), (4)
- B A O (1)
- C A B (3)
- C B A (2)



## ИСТИННОСТНЫЕ ЗАДАЧИ

---

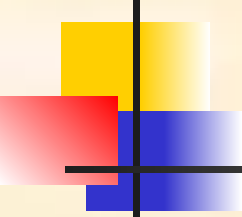
**Истинностные задачи** – это задачи, в которых требуется установить истинность или ложность высказываний.



## Задание!



Украл у Ивана Царевича Василису Прекрасную. Поехал он выручать ее. Поймал Змея Горыныча, Бабу Ягу, Кощея Бессмертного и Лешего – Иван Царевич знал, что один из них украл ее. И спрашивает: «Кто украл Василису?» Змей Горыныч, Баба Яга и Кощей Бессмертный ответили: «Не я», а Леший – «Не знаю». Потом оказалось, что двое из них сказали правду, а двое – неправду. Знает ли Леший, кто украл Василису?



## Задачи, решаемые с конца

---

Задуманное число

Я задумала число, умножила его на два,  
прибавила три и получила 17.

Какое число я задумала?

Решение:

$17 - 3 = 14$  – число до прибавления 3.

$14 : 2 = 7$  – искомое число.

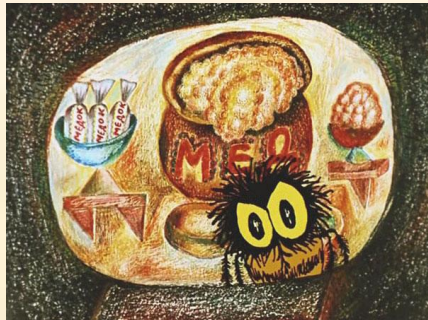
Ответ. 7 – искомое число.



## ЗАДАЧИ НА ПЕРЕЛИВАНИЕ

---

Однажды Винни-Пух захотел полакомиться медом и пошел к пчелам в гости.  
По дороге нарвал букет цветов, чтобы подарить труженицам пчелкам.  
Пчелки очень обрадовались, увидев мишку с букетом цветов, и сказали: «У нас есть большая бочка с медом. Мы дадим тебе меда, если ты сможешь с помощью двух сосудов вместимостью 3 л и 5 л налить себе 4л!»  
Винни-Пух долго думал, но все-таки смог решить задачку.



**Как он это  
сделал?**

# Решени е

Как в результате можно получить 4 л?

Нужно из 5-литрового сосуда отлить 1 л. А как это сделать?

Нужно в 3-литровом сосуде иметь ровно 2 л.

Как их получить? – Из 5-литрового сосуда отлить 3 л.

Решение лучше и удобнее оформить в виде таблицы:

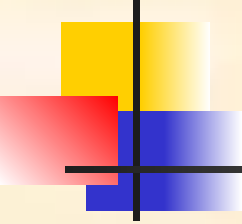
ХОДЫ	1	2	3	4	5	6
5 л	5	2	2	-	5	4
3 л	-	3	-	2	2	3



1. Наполняем из бочки 5-литровый сосуд медом (1 шаг).
2. Из 5-литрового сосуда отливаем 3 л в 3-литровый сосуд (2 шаг).
3. Теперь в 5-литровом сосуде осталось 2 литра меда. Выливаем из 3-литрового сосуда мед назад в бочку (3 шаг).
4. Теперь из 5-литрового сосуда выливаем те 2 литра меда в 3-литровый сосуд (4 шаг).
5. Наполняем из бочки 5-литровый сосуд медом (5 шаг).
6. И из 5-литрового сосуда дополняем медом 3-литровый сосуд. Получаем 4 литра меда в 5-литровом сосуде (6 шаг). Задача решена.

Поиск решения можно было начать с такого действия: к трем литрам добавить 1 литр. Но тогда решение будет выглядеть следующим образом:  
Ходы

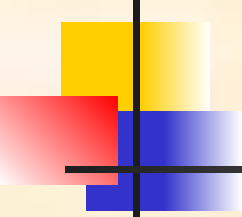
ХОДЫ	1	2	3	4	5	6	7	8
5 л	-	3	3	5	-	1	1	4
3 л	3	-	3	1	1	-	3	-



## Задачи на взвешивание

---

**Задачи на взвешивание** - достаточно распространённый вид математических задач. В таких задачах от решающего требуется локализовать отличающийся от остальных предмет по весу за ограниченное число взвешиваний. Поиск решения в этом случае осуществляется путем операций сравнения, правда, не только одиночных элементов, но и групп элементов между собой.



# Задание

---



У Буратино есть 27 золотых монет. Но известно, что Кот Базилио заменил одну монету на фальшивую, а она по весу тяжелее настоящих.



Как за три взвешивания на чашечных весах без гирь Буратино определить фальшивую монету?



## Решение

---

Разделим монеты на 3 кучки по 9 монет. Положим на чаши весов первую и вторую кучки; по результату этого взвешивания мы точно узнаем, в какой из кучек находится фальшивка (если весы покажут равенство, то она - в третьей кучке). Теперь, аналогично, разделим выбранную кучку на три части по три монеты, положим на весы две из этих частей и определим, в какой из частей находится фальшивая монета. Наконец, остается из трех монет определить более тяжелую: кладем на чаши весов по 1 монете - фальшивкой является более тяжелая; если же на весах равенство, то фальшивой является третья монета из части. Задача решена.