

# План

1. Магнитное поле и его характеристики: магнитная индукция и напряжённость поля
2. Закон Био-Савара-Лапласа. Принцип суперпозиции
3. Применение закона Био-Савара-Лапласа для расчёта индукции магнитного поля
  - 3.1. Индукция поля прямого бесконечного проводника с током
  - 3.2. Индукция в центре кругового тока
  - 3.3. Индукция на оси кругового тока
  - 3.4. Поле соленоида
  - 3.5. Поле движущегося заряда
4. Закон полного тока для магнитного поля в вакууме. Непотенциальность магнитного поля. Применение закона полного тока для расчёта поля прямого тока и длинного соленоида
5. Действие магнитного поля для движущиеся заряды и токи
  - 5.1. Сила Лоренца.
    - 5.1.1. Движение заряженной частицы в магнитном поле под действием силы Лоренца
    - 5.1.2. Магнетизм – релятивистский эффект
  - 5.2. Сила Ампера.
6. Рамка с током в магнитном поле:
  - 6.1. В однородном
  - 6.2. В неоднородном
7. Эффект Холла
8. Поток вектора магнитной индукции
9. Теорема Остроградского-Гаусса для магнитного поля
10. Работа по перемещению проводника с током в магнитном поле

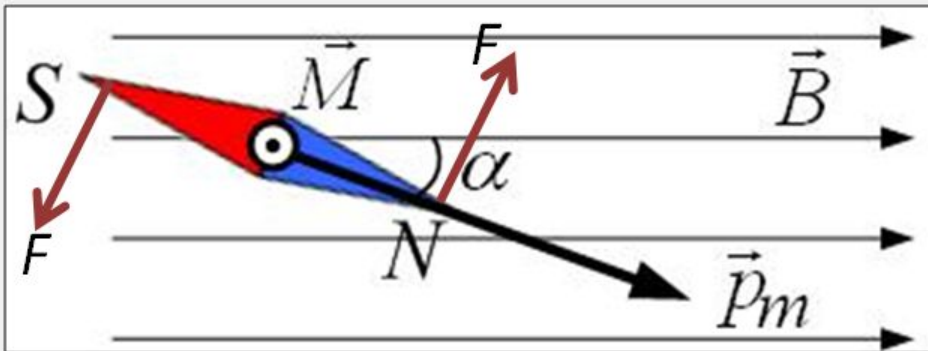
## Магнитное поле. Индукция поля $B$

Магнитное поле создаётся любыми токами или движущимися зарядами

Взаимодействие токов (движущихся зарядов) осуществляется посредством магнитного поля (теория близкодействия)

Магнитное поле проявляется в том, что на токи, помещённые в магнитное поле, действует сила

Магнитное поле поворачивает магнитную стрелку (компаса):



Момент сил, действующих на стрелку:

$$\vec{M} = [\vec{p}_m \times \vec{B}]$$

$$M = p_m B \sin \alpha$$

$\vec{B}$  – силовая характеристика поля – магнитная индукция

$p_m$  – магнитный момент стрелки (или контура с током)



## Магнитный момент $\vec{p}_m$

Определение магнитного момента контура с током:

$$\vec{p}_m = I \cdot S \cdot \vec{n}$$

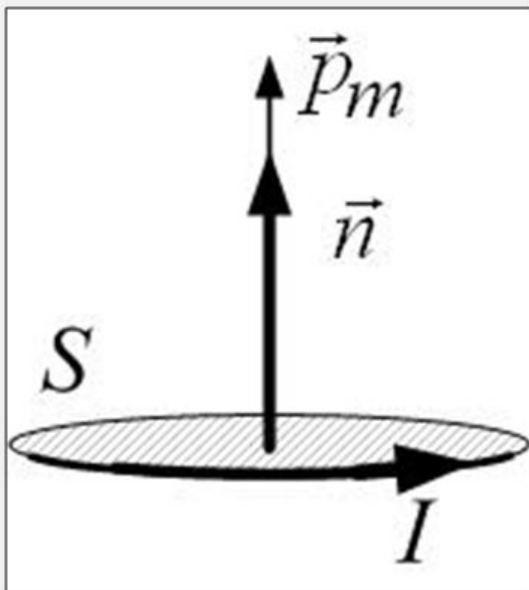
$$p_m = I \cdot S$$

или

(если в контуре  $N$  витков):

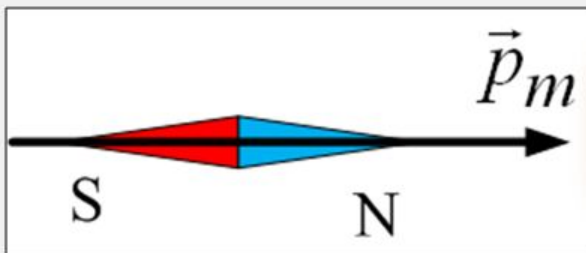
$$\vec{p}_m = N \cdot I \cdot S \cdot \vec{n}$$

$$p_m = N \cdot I \cdot S$$



Размерность:

$$[p_m] = [I] \cdot [S] = A \cdot m^2$$



Магнитный момент стрелки компаса направлен от южного конца к северному

## Индукция магнитного поля $B$

### Определение магнитной индукции $\vec{B}$ :

Величина магнитной индукции в данной точке поля численно равна максимальному вращающему моменту силы, действующему на виток (или магнитную стрелку) с единичным магнитным моментом:

$$B = \frac{M_{\max}}{p_m}$$

$$M = p_m B \sin \alpha$$

$$\vec{M} = [\vec{p}_m \times \vec{B}]$$

$B$  – силовая векторная характеристика поля

Размерность:

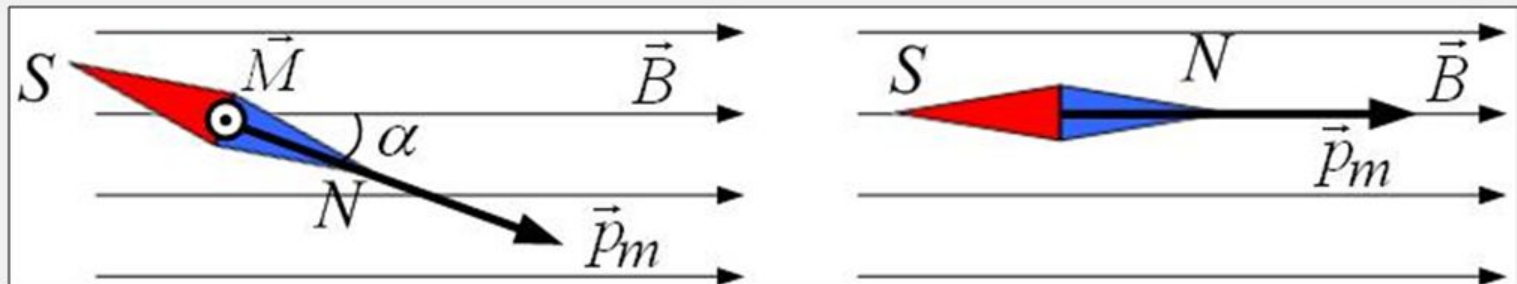
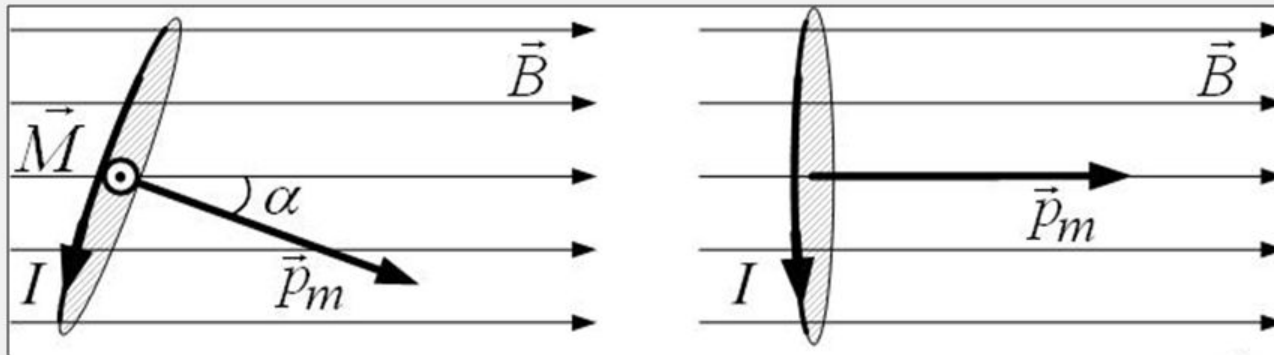
$$[B] = \frac{[M]}{[p_m]} = \frac{[F \cdot l]}{[p_m]} = \frac{H \cdot m}{A \cdot m^2} = \frac{H}{A \cdot m} = \text{Тл} \quad (\text{тесла})$$

## Магнитное поле. Индукция поля $B$

Магнитный момент в магнитном поле ориентируется по полю

$$M = p_m B \sin \alpha$$

$$\vec{M} = [\vec{p}_m \times \vec{B}]$$



Магнитное поле. Характеристики поля:

Магнитная индукция  $B$

Напряжённость поля  $H$

$B$  – силовая векторная характеристика поля

Ещё одна характеристика поля – напряжённость поля  $H$

В веществе индукция магнитного поля отличается от индукции в вакууме

При помещении вещества (магнетика) во внешнее поле в веществе под действием поля возникают микротоки (термин Ампера – «молекулярные токи» не совсем правилен)

Микротоки вещества сами создают дополнительную индукцию, так что индукция  $B$  поля в веществе описывает суммарное поле: внешнее поле токов проводимости и микротоков вещества

Напряжённость поля  $H$  описывает только поле макротоков (токов проводимости)

Напряжённость поля одинакова в вакууме и в веществе



# Магнитное поле. Характеристики поля:

Магнитная индукция  $B$   
Напряжённость поля  $H$

Аналогия с характеристик электростатического поля и магнитного полей:

Индукция магнитного поля описывает суммарное поле токов проводимости и микротоков вещества

$\vec{B}$  аналогично  $\vec{E}$

Напряжённость электрического поля описывает суммарное поле свободных и связанных зарядов

Напряжённость магнитного поля описывает только поле макротоков (токов проводимости) и одинакова в вакууме и в веществе

$\vec{H}$  аналогично  $\vec{D}$

Вектор электрического смещения описывает только поле свободных зарядов и одинаков в вакууме и в веществе

Магнитное поле. Характеристики поля:  
Магнитная индукция  $B$   
Напряжённость поля  $H$

Связь между характеристиками полей:

$$\vec{B} = \mu \cdot \mu_0 \cdot \vec{H} \quad \text{аналогично} \quad \vec{D} = \varepsilon \varepsilon_0 \vec{E}$$

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{Гн}}{\text{м}} \quad \text{— магнитная постоянная}$$

$\mu$  — магнитная  
проницаемость вещества

Физический смысл магнитной проницаемости  $\mu$ :

Магнитная проницаемость  $\mu$  показывает, во сколько раз индукция магнитного поля в веществе  $B$  больше, чем в вакууме  $B_0 = \mu_0 H$ :

$$\mu = \frac{B}{\mu_0 H} = \frac{B}{B_0}$$

$$[\mu] = 1$$



## Закон Био-Савара-Лапласа. Принцип суперпозиции

Задача электродинамики –  
вычисление полей, созданных зарядами и токами

Закон Био-Савара-Лапласа совместно с принципом суперпозиции позволяет определять в произвольной точке пространства индукцию магнитного поля, созданного каким-либо электрическим током

*Принцип суперпозиции:*

Индукция поля, созданного в данной точке несколькими токами, равна векторной сумме индукций полей, созданных в данной точке каждым током в отдельности:

$$\vec{B} = \sum_i \vec{B}_i$$

# Закон Био-Савара-Лапласа. Принцип суперпозиции

## Принцип суперпозиции:

Индукция, созданная проводником с током, равна интегралу от элементарных индукций полей, созданных каждым элементом тока в отдельности:

$$\vec{B} = \int_L d\vec{B}$$

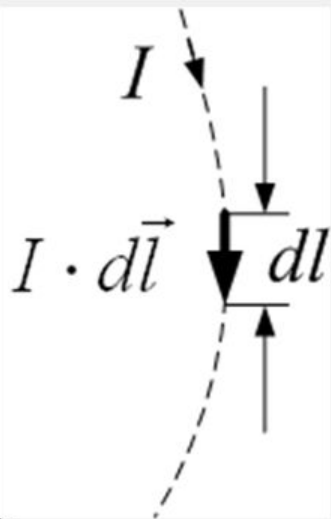
проводник непрерывный;  
интеграл по всему проводнику

$dB$  создано элементом тока  $I \cdot dl$

## Определение:

Элемент тока – это произведение силы тока на элемент длины провода:

$$I \cdot d\vec{l}$$



## Закон Био-Савара-Лапласа

Индукция  $d\vec{B}$  поля, созданного элементом тока  $I \cdot d\vec{l}$  в произвольной точке  $A$ :

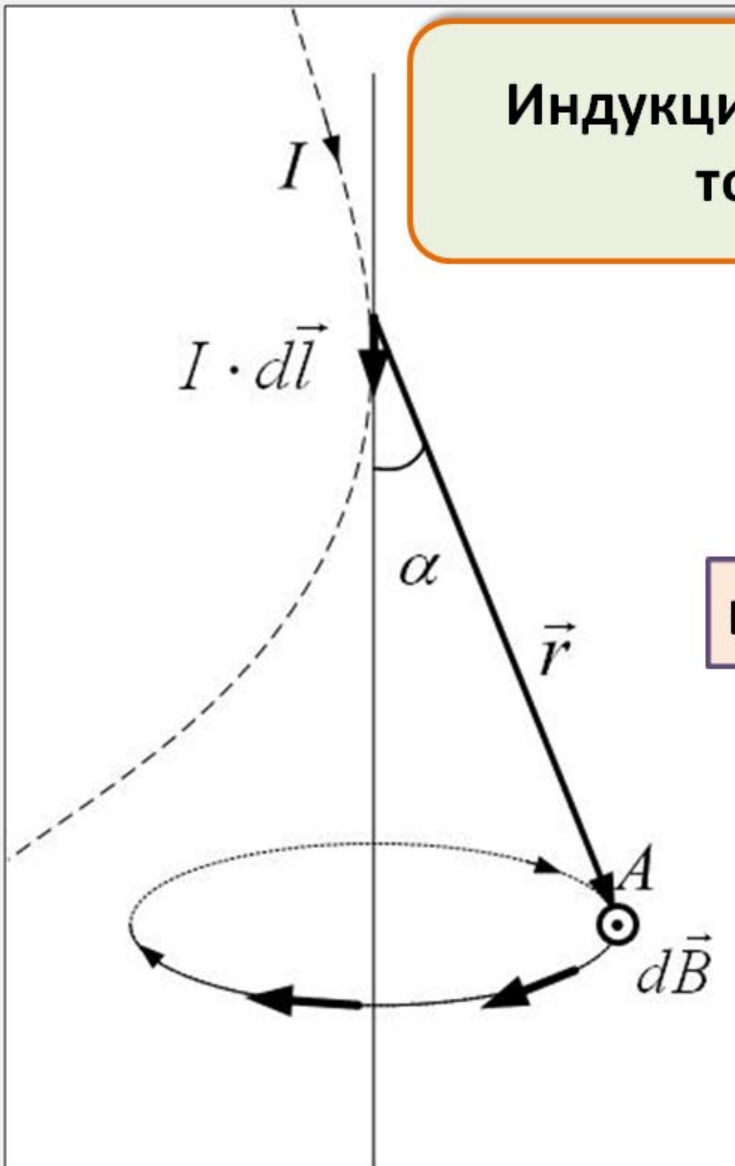
$$d\vec{B} = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \frac{I [d\vec{l} \times \vec{r}]}{r^3}$$

Вектор  $d\vec{B}$  направлен по правилу буравчика

$$d\vec{B} \perp \vec{r}$$

$$d\vec{B} \perp I \cdot d\vec{l}$$

$$dB = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl \cdot \sin \alpha}{r^2}$$





Применение закона Био-Савара-Лапласа:

$$dB = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl \cdot \sin \alpha}{r^2}$$

## 1. Индукция поля прямого бесконечного проводника с током

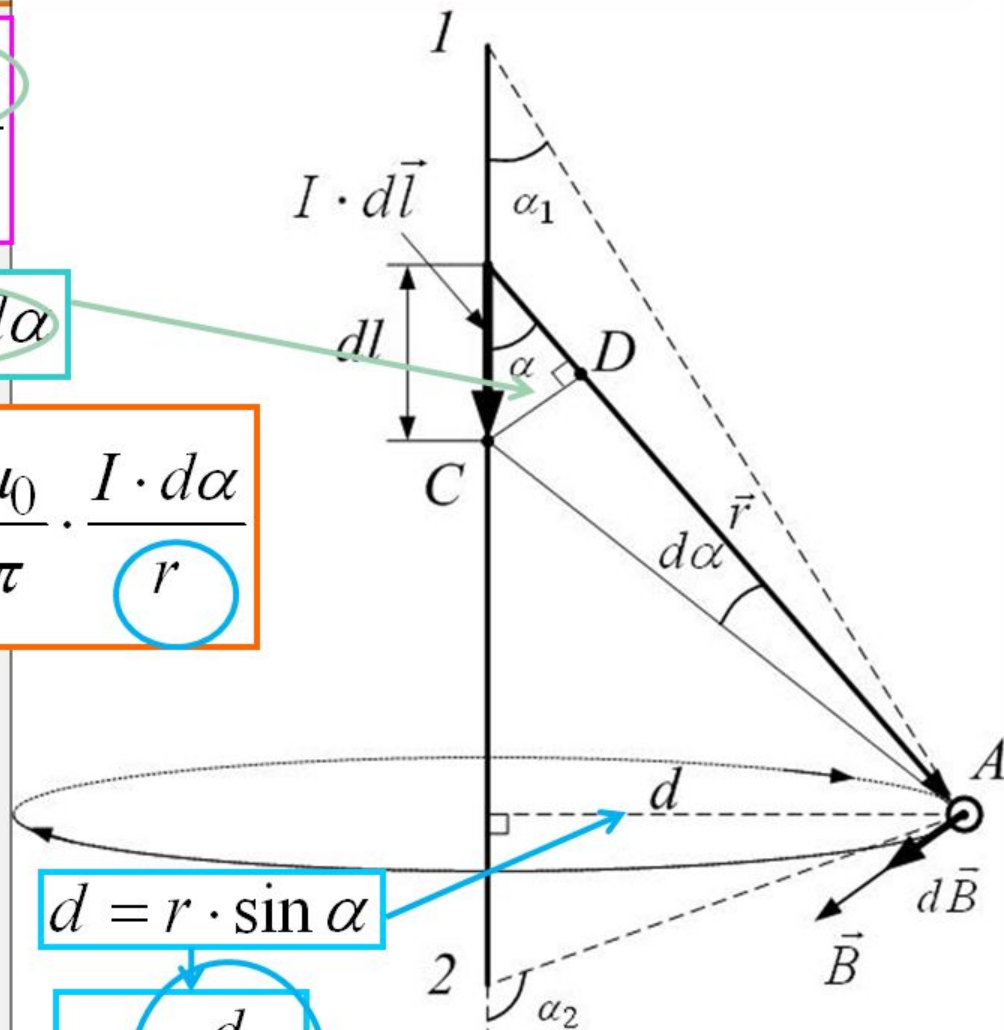
$$B = \int_1^2 dB = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl \cdot \sin \alpha}{r^2}$$

$$|CD| = dl \cdot \sin \alpha = r \cdot d\alpha$$

$$B = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot r \cdot d\alpha}{r^2} = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot d\alpha}{r}$$

$$B = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot \sin \alpha \cdot d\alpha}{d}$$

$$r = \frac{d}{\sin \alpha}$$



# 1. Индукция поля прямого бесконечного проводника с током

$$B = \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot \sin \alpha \cdot d\alpha}{d}$$

$$B = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I}{d} \cdot \int_{\alpha_1}^{\alpha_2} \sin \alpha \cdot d\alpha$$

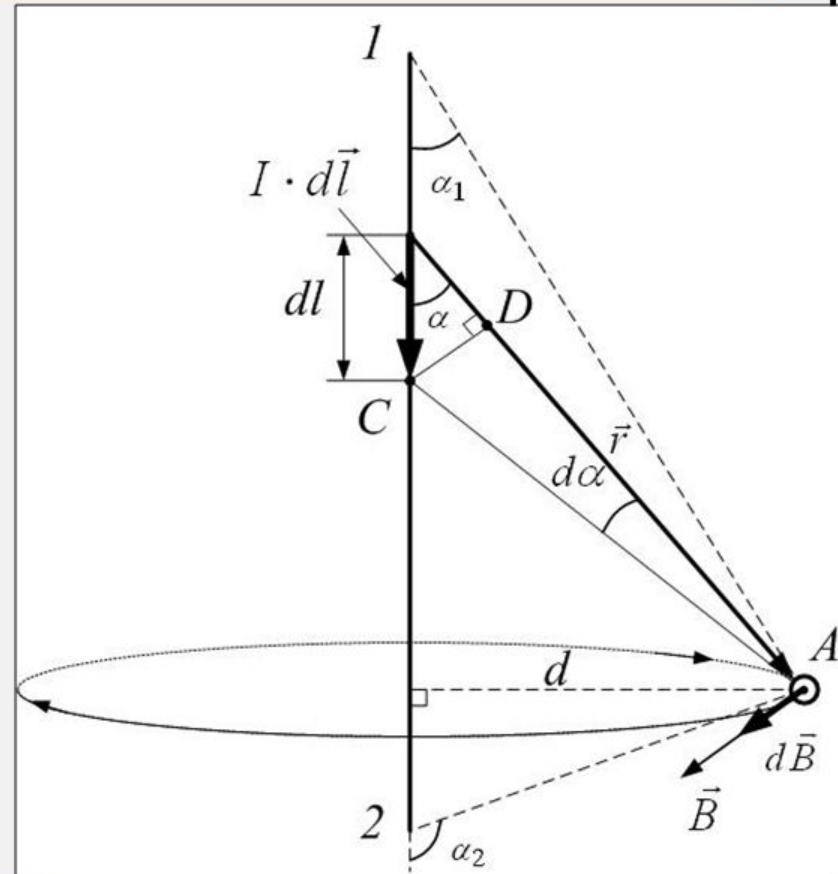
$$B = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I}{d} \cdot (-\cos \alpha) \Big|_{\alpha_1}^{\alpha_2}$$

$$B = \frac{\mu\mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot d} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)$$

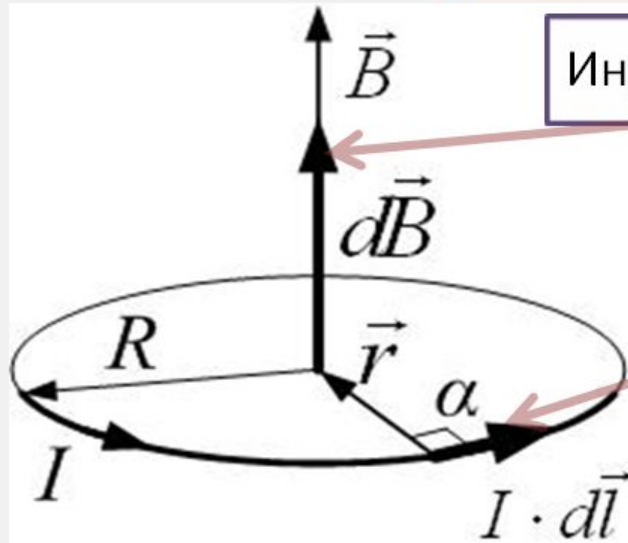
Если проводник бесконечен,  $\alpha_1=0$ ;  $\alpha_2=\pi$



$$B_{\infty} = \frac{\mu\mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot d} (\cos 0 - \cos \pi) = \frac{\mu\mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot d} (1 - (-1)) = \frac{\mu\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot d}$$



## 2. Индукция в центре кругового тока



Индукцию  $d\vec{B}$  создаёт элемент тока  $I \cdot d\vec{l}$

Все  $d\vec{B}$  направлены одинаково

$$\vec{B} = \int_L d\vec{B} \Rightarrow B = \oint_L dB$$

Интегралы по контуру (по окружности)

**Закон Био-Савара-Лапласа:**

$$dB = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl \cdot \sin \alpha}{r^2}$$

$$dB = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl \cdot \sin 90^\circ}{R^2}$$

$$B = \oint_L \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl}{R^2} = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I}{R^2} \cdot \oint_L dl$$

Длина окружности

$$B = \frac{\mu\mu_0 \cdot I}{4\pi R^2} \cdot 2\pi R = \frac{\mu\mu_0 \cdot I}{2R}$$



### 3. Индукция на оси кругового тока

Из симметрии: поле направлено по оси кругового тока

$$\vec{B} = \int_L d\vec{B} \Rightarrow B = B_y = \int_L dB_y = \int_L \cos \beta \cdot dB$$

Закон Био-Савара-Лапласа:

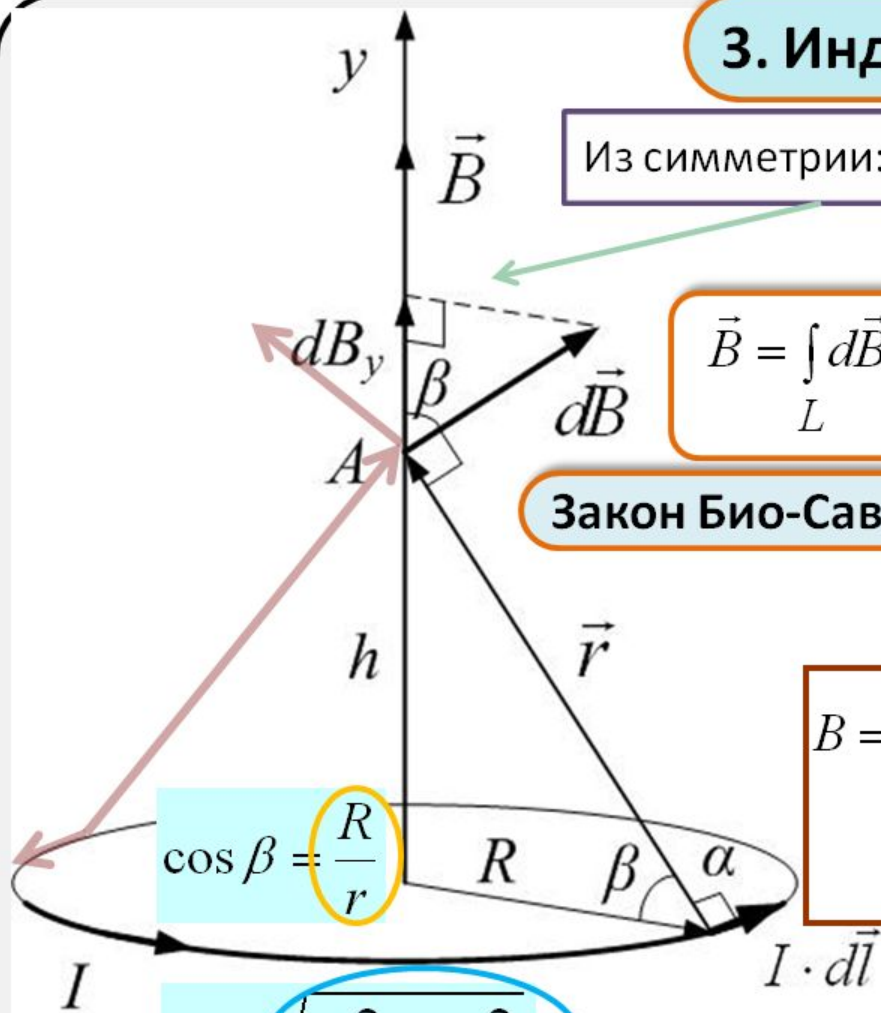
$$dB = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl \cdot \sin 90^\circ}{r^2}$$

$$B = \int_L \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \cdot dl}{r^2} \cdot \cos \beta = \frac{\mu\mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot r^2} \cos \beta \cdot \int dl$$

по  
окруж-  
ности

$$B = \frac{\mu\mu_0 \cdot I}{4\pi \cdot r^2} \cdot \frac{R}{r} \cdot 2\pi R = \frac{\mu\mu_0 \cdot I \cdot R^2}{2 \cdot r^3}$$

$$B_{\text{на оси}} = \frac{\mu\mu_0 \cdot I \cdot R^2}{2 \cdot \sqrt{(R^2 + h^2)}^3}$$



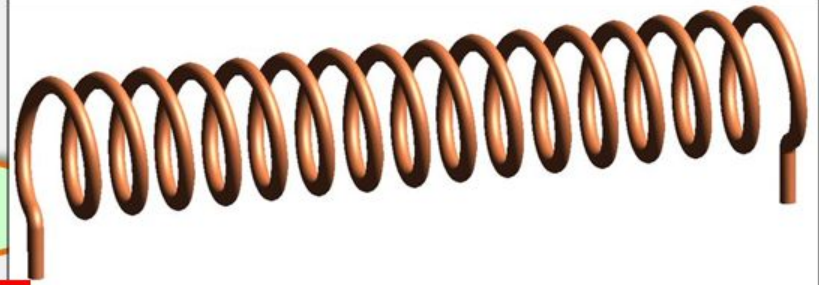
$$\cos \beta = \frac{R}{r}$$

$$r = \sqrt{R^2 + h^2}$$

## 4. Поле соленоида

Без доказательства

Соленоид – это катушка:



$$B_{\text{сол.}} = \frac{\mu\mu_0 In}{2} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2)$$

– на оси соленоида

$n$  – плотность намотки соленоида (число витков на единицу длины)

$N$  – полное число витков

$$n = \frac{N}{l}$$

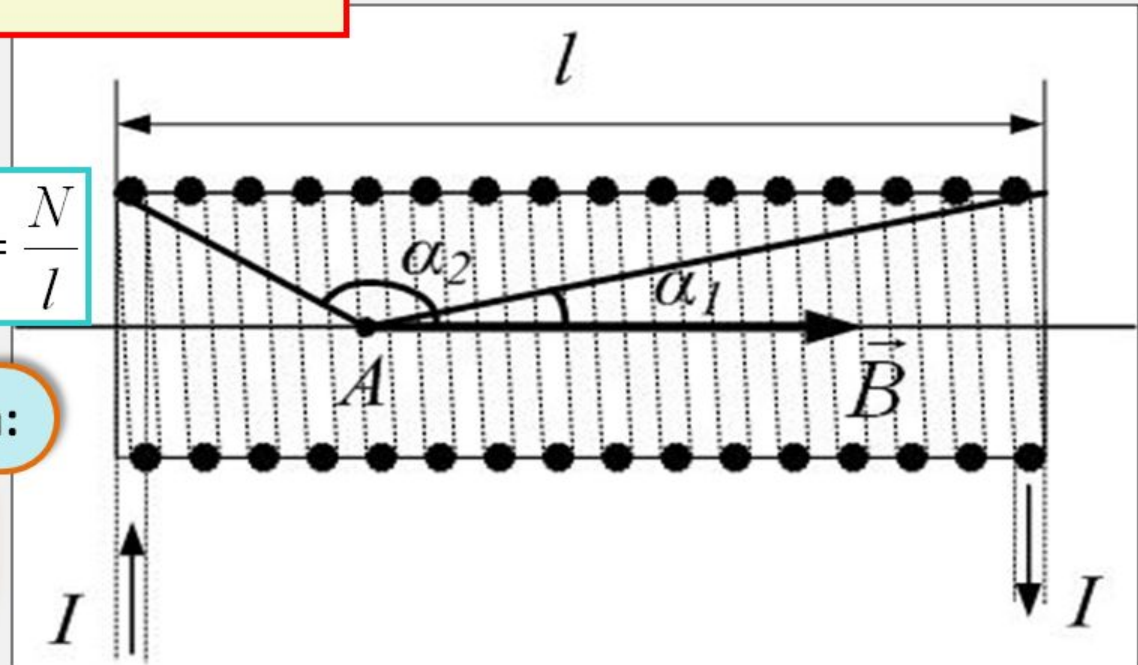
Для длинного соленоида:

$$\alpha_1 = 0 \quad \alpha_2 = \pi$$

$$B_{\infty \text{ сол.}} = \frac{\mu\mu_0 In}{2} (1 - (-1))$$

$\Rightarrow$

$$B_{\infty \text{ сол.}} = \mu\mu_0 In$$



## 5. Поле движущегося заряда

Закон Био-Савара-Лапласа:

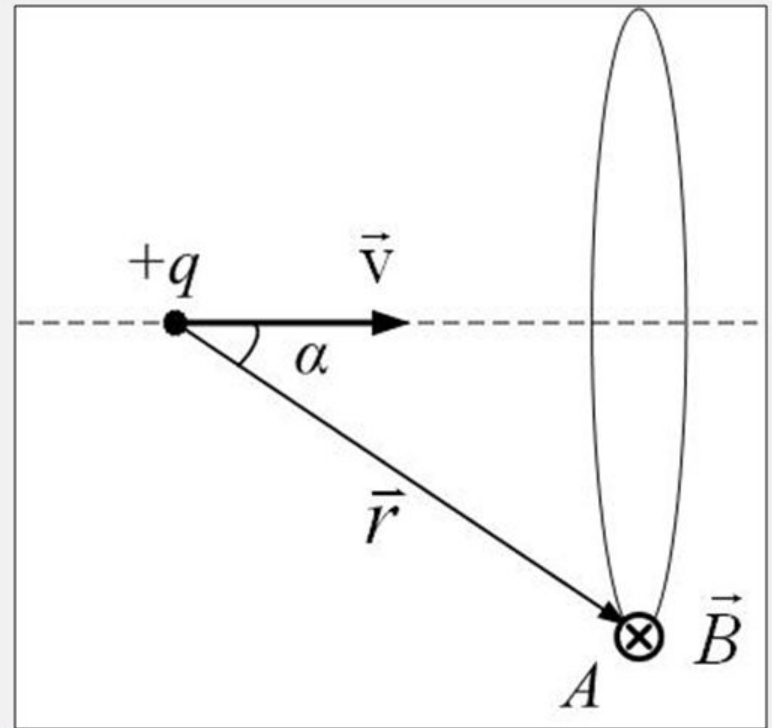
$$d\vec{B} = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \frac{I [d\vec{l} \times \vec{r}]}{r^3}$$

Замена:

$$\begin{array}{l} I \cdot d\vec{l} \quad \rightarrow \quad q \cdot \vec{v} \\ d\vec{B} \quad \rightarrow \quad \vec{B} \end{array}$$

$$\vec{B} = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \frac{q [\vec{v} \times \vec{r}]}{r^3}$$

$$B = \frac{\mu\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{q \cdot v \cdot \sin \alpha}{r^2}$$



$$[I \cdot dl] = A \cdot m$$

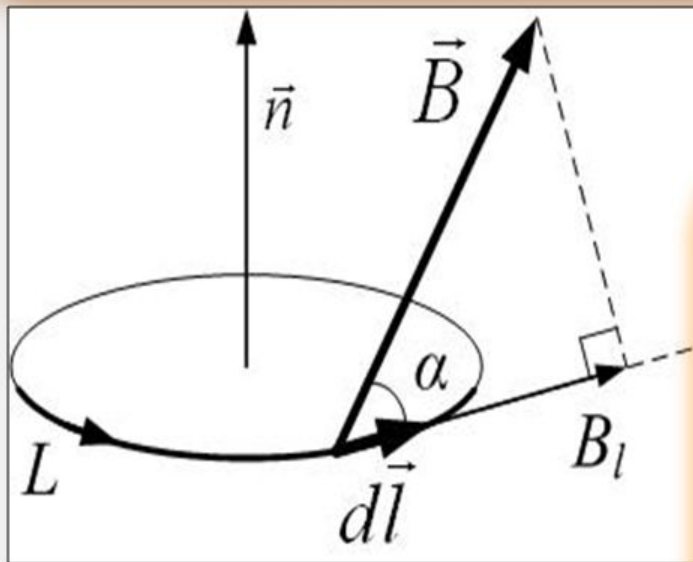
$$[q \cdot v] = K_{\text{Л}} \cdot \frac{m}{c} = \frac{K_{\text{Л}}}{c} \cdot m = A \cdot m$$



## Закон полного тока (теорема о циркуляции) для магнитного поля в вакууме

Напоминалка:  
что такое циркуляция вектора

$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \oint_L B \cos \alpha \cdot dl = \oint_L B_l \cdot dl$$



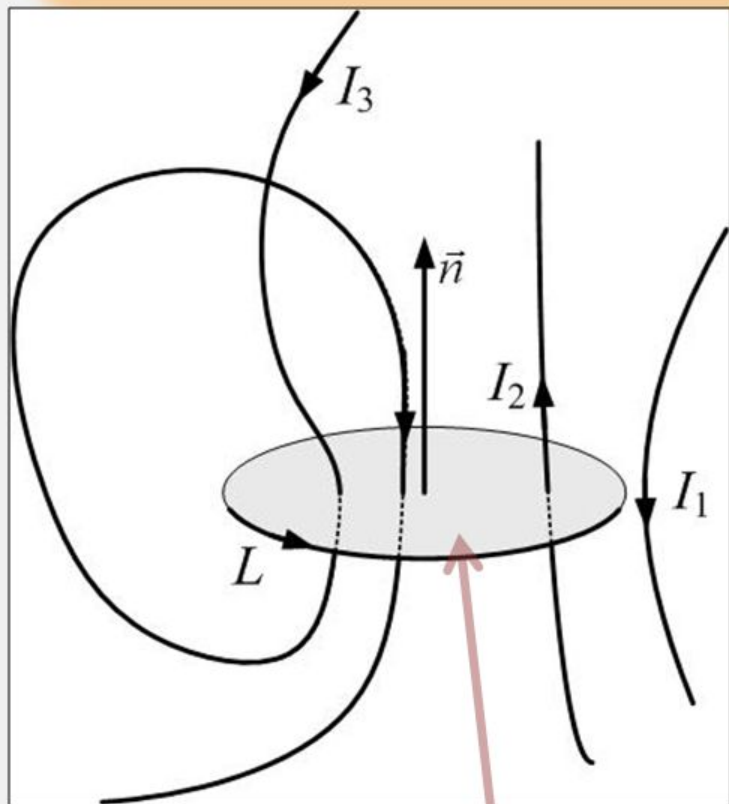
Теорема о циркуляции:

Циркуляция вектора магнитной индукции для поля в вакууме по произвольному замкнутому контуру равна алгебраической сумме токов, охваченных контуром, умноженной на магнитную постоянную

$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 \sum_i I_i$$

## Пример применения теоремы о циркуляции (закона полного тока)

Циркуляция вектора магнитной индукции для поля в вакууме по произвольному замкнутому контуру равна алгебраической сумме токов, охваченных контуром, умноженной на магнитную постоянную



$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 \sum_i I_i$$



$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 (I_2 - 2I_3)$$

Теорема о циркуляции, если заданы не токи, а плотность тока:

$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 \cdot \int_S \vec{j} \cdot d\vec{S}$$

Интеграл берётся по поверхности, натянутой на контур

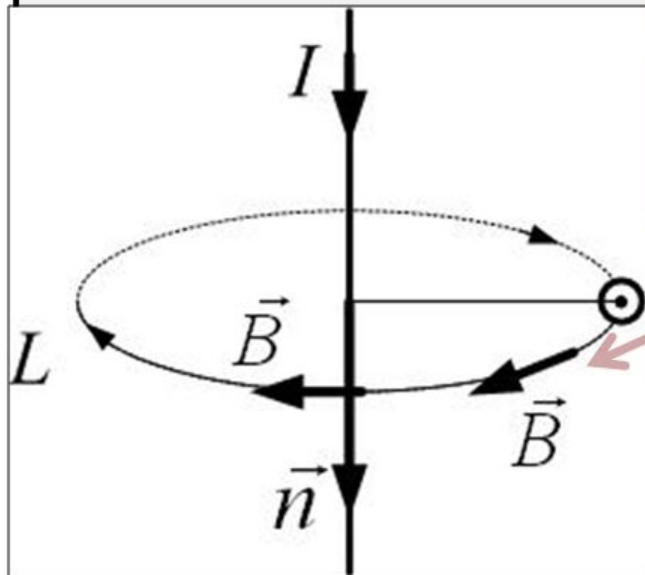
## Применение закона полного тока

$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 \sum_i I_i$$

Циркуляция вектора магнитной индукции для поля в вакууме по произвольному замкнутому контуру равна алгебраической сумме токов, охваченных контуром, умноженной на магнитную постоянную

## Поле прямого бесконечного провода

В любой точке контура вектор  $\vec{B}$  одинаков и направлен по касательной к нему



$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = B \cdot \int_L dl = B \cdot 2\pi R$$

$$B \cdot 2\pi R = \mu_0 \cdot I$$

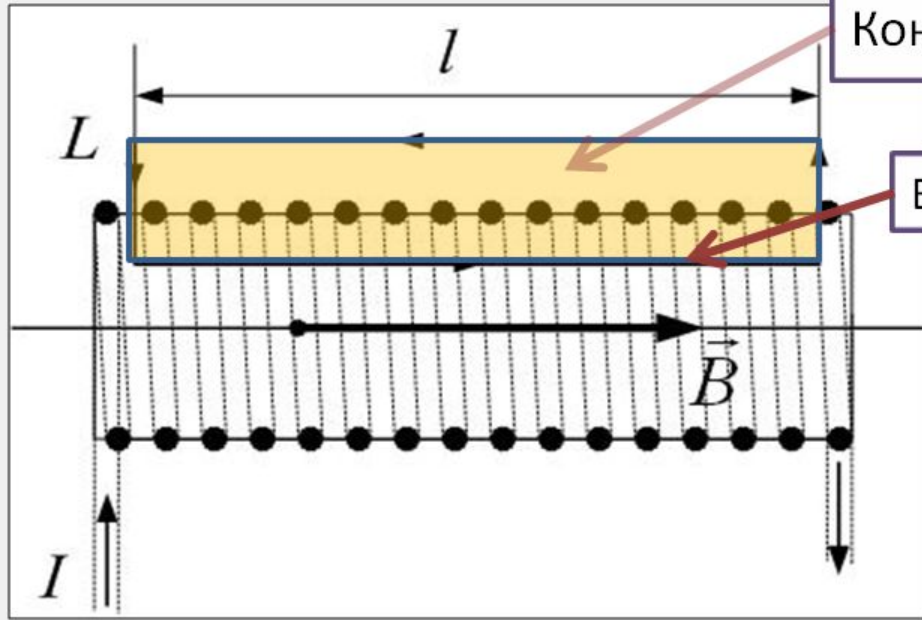
$$B = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi R}$$



# Применение закона полного тока

## Поле длинного (бесконечного) соленооида

$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 \sum_i I_i$$



Контур – узкий длинный прямоугольник

В интеграл даёт вклад только эта сторона

$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = B \cdot \int_L dl = B \cdot l$$

Ток  $I$  пронизывает контур  $N$  раз:

$$\sum_i I_i = I \cdot N$$

$$B \cdot l = \mu_0 \cdot I \cdot N$$

$$B = \frac{\mu_0 \cdot I \cdot N}{l} = \mu_0 \cdot I \cdot n$$

## Непотенциальность магнитного поля

$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 \sum_i I_i$$

$\Rightarrow$

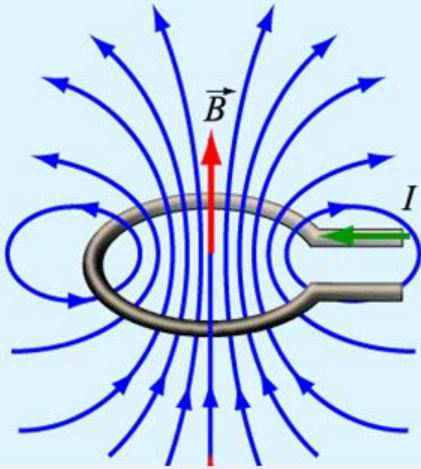
$$\oint_L \vec{B} d\vec{l} \neq 0$$

Магнитное поле непотенциально, так как циркуляция вектора магнитной индукции по замкнутому контуру в общем случае не равна нулю

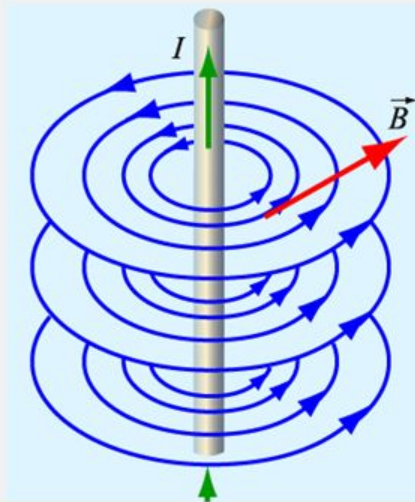
Магнитное поле носит вихревой характер  
Линии магнитной индукции замкнуты

# Непотенциальность магнитного поля

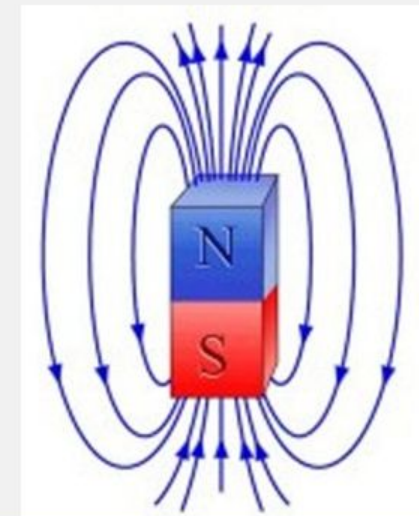
Линии магнитной индукции замкнуты



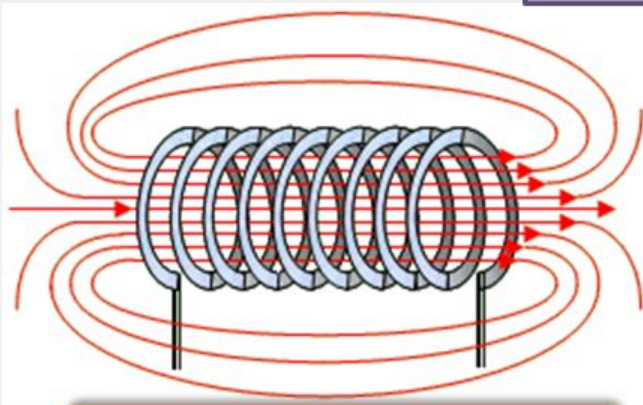
Поле кругового тока



Поле прямого провода



Поле полосового магнита



Поле соленоида



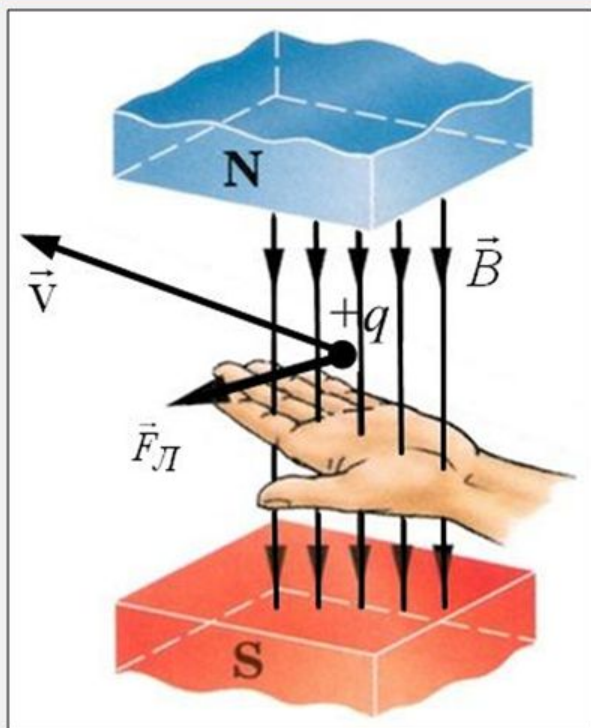
# Действие магнитного поля для движущиеся заряды и токи

## Сила Лоренца

$$F_L = qvB \sin \alpha$$

На заряд, движущийся в магнитном поле, действует сила Лоренца:

Направлена по правилу буравчика или по правилу левой руки



$$\vec{F}_L = q[\vec{v} \times \vec{B}]$$

$$\vec{F}_L \perp \vec{B} \quad \vec{F}_L \perp \vec{v}$$

Сила Лоренца не совершает работы, так как не имеет касательной составляющей к траектории

$$dA = \vec{F}_L \cdot d\vec{S} = \vec{F}_L \cdot \vec{v} \cdot dt = 0$$

$F_L$  не изменяет скорость частицы

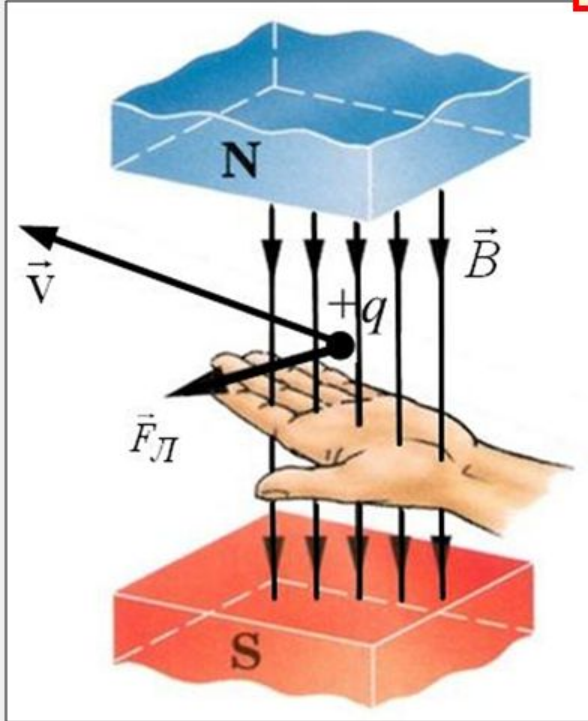
$F_L$  действует только на движущиеся заряды



## Сила Лоренца

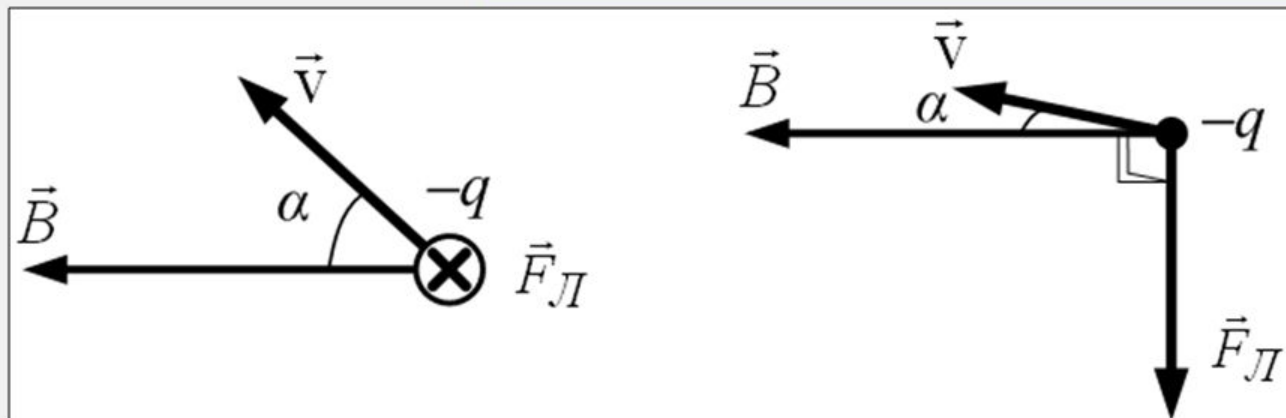
$$\vec{F}_L = q[\vec{v} \times \vec{B}]$$

Правило левой руки:



Четыре пальца левой ладони нужно направить по скорости, а линии индукции должны входить в ладонь, тогда большой палец покажет направление силы Лоренца (так для **положительного** заряда)

Если заряд **отрицателен**, нужно направление силы сменить на противоположное:



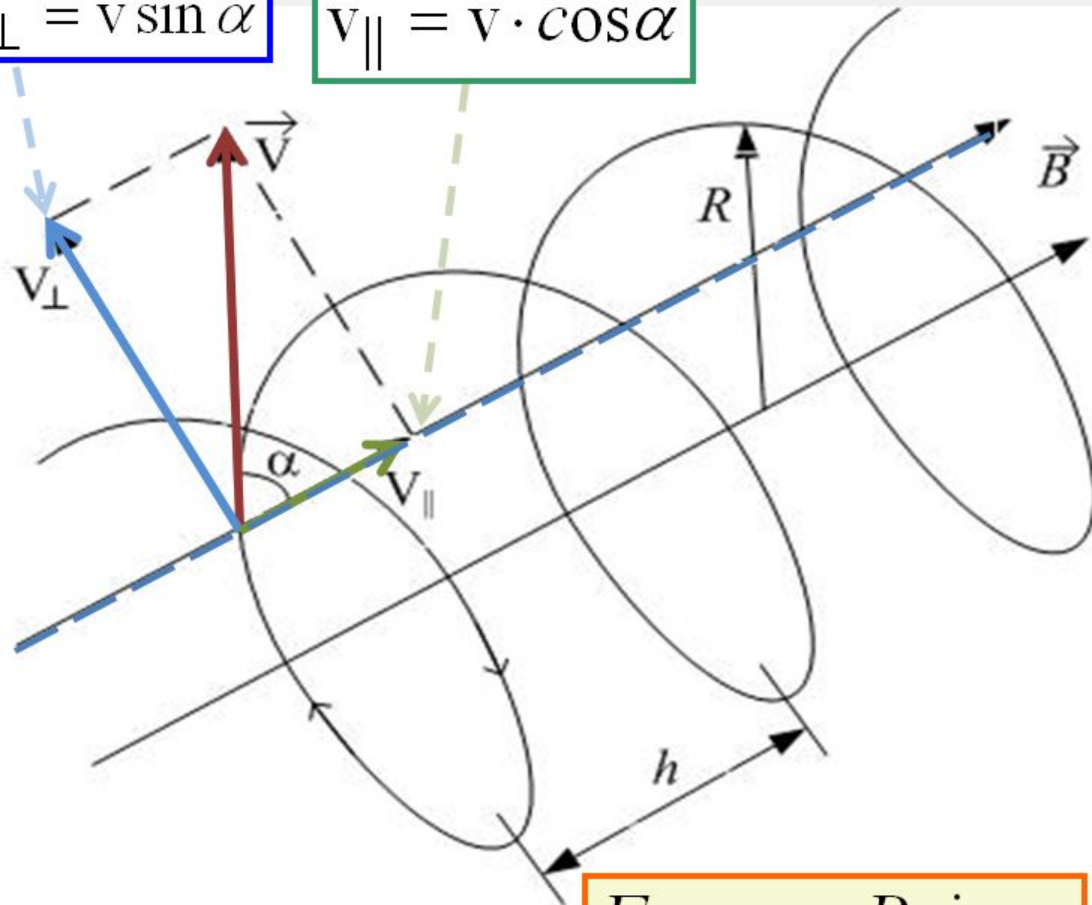
## Движение заряженной частицы в магнитном поле под действием силы Лоренца

Положительно заряженная частица влетает в однородное магнитное поле под углом  $\alpha$  к направлению линий индукции

$$v_{\perp} = v \sin \alpha$$

$$v_{\parallel} = v \cdot \cos \alpha$$

$$\vec{v} = \vec{v}_{\parallel} + \vec{v}_{\perp}$$



$$F_{\text{Л}} = qvB \sin \alpha$$

Движение частицы – суперпозиция двух движений:

1. **Вращение по окружности** в плоскости, перпендикулярной полю, со скоростью  $v_{\perp}$
  2. **Равномерное поступательное движение вдоль линий поля** со скоростью  $v_{\parallel}$
- Результат – **движение по винтовой линии**

# Движение частицы в магнитном поле под действием силы Лоренца

## 1. Вращение по окружности:

$$F_{\text{Л}} = qvB \sin \alpha = qv_{\perp} \cdot B$$

$$F_{\text{Л}} = m \cdot a_{\text{ц.с.}}$$

$$v_{\perp} = v \sin \alpha$$

$$q \cdot v_{\perp} \cdot B = m \frac{v_{\perp}^2}{R}$$

Радиус винтовой линии:

$$R = \frac{m \cdot v_{\perp}}{q \cdot B}$$

Период вращения:

$$T = \frac{2\pi R}{v_{\perp}} = \frac{2\pi}{v_{\perp}} \cdot \frac{mv_{\perp}}{qB} = \frac{2\pi \cdot m}{qB}$$

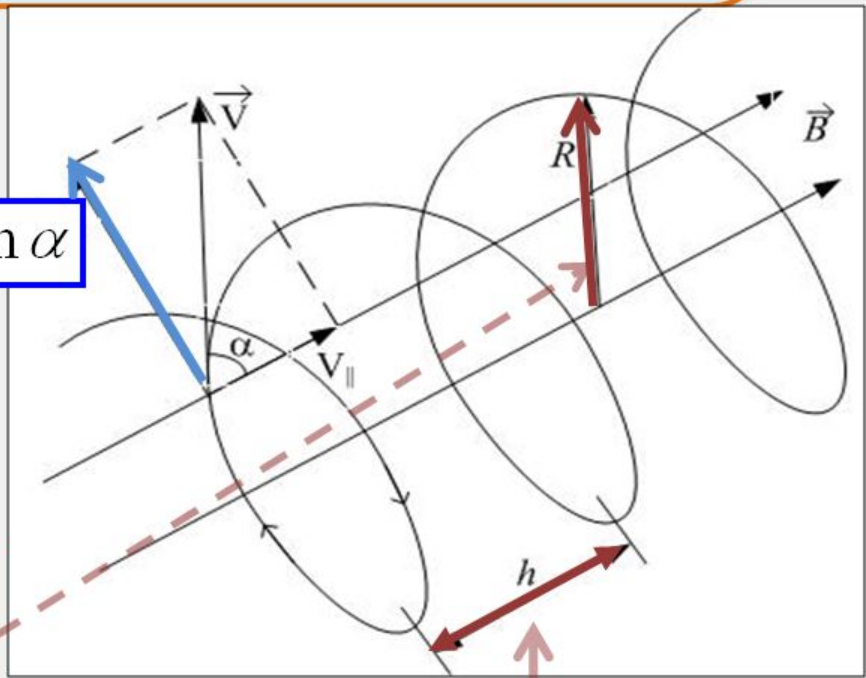
Не зависит от скорости

## 2. Равномерное поступательное движение вдоль линий поля со скоростью

$$v_{\parallel} = v \cdot \cos \alpha$$

Смещение вдоль поля за период – шаг спирали:

$$h = v_{\parallel} \cdot T = v_{\parallel} \cdot \frac{2\pi m}{qB}$$



## Магнетизм – релятивистский эффект

Полная сила, действующая на заряженную частицу в электромагнитном поле, равна

$$\vec{F} = q[\vec{v} \times \vec{B}] + q\vec{E}$$

Это формула Лоренца:

$$\vec{F}_M = q[\vec{v} \times \vec{B}] \quad \text{– магнитная составляющая}$$

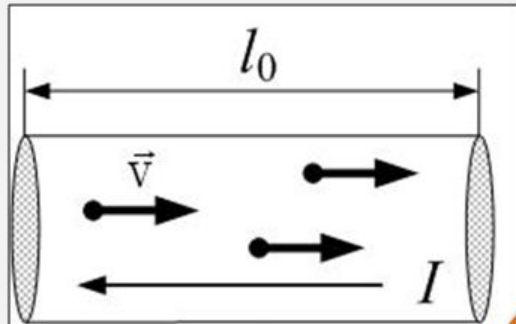
$$\vec{F}_Э = q\vec{E} \quad \text{– электрическая составляющая}$$

Поля – электрическое и магнитное – неразрывно связаны  
Нет отдельно электрического поля, нет отдельно магнитного поля  
Есть единое электромагнитное поле



# Магнетизм – релятивистский эффект

***K*-система отсчёта:**



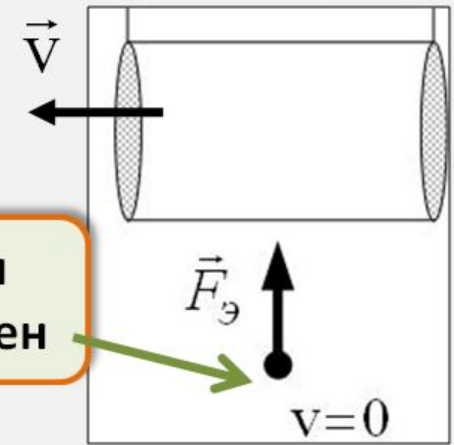
Электрон летит параллельно проводу

Действует магнитная составляющая силы Лоренца

Пример:

***K'*-система отсчёта**

движется вместе с электроном



Электрон неподвижен

На неподвижный электрон сила Лоренца не действует

Сила не может исчезнуть, если мы перешли к другой системе отсчёта  
Объяснение силы другое, но сила не исчезла

## Магнетизм – релятивистский эффект

*K'*-система отсчёта

Двигается провод

Электрон неподвижен

$\vec{v}$

$l < l_0$

$q_{\text{пр.}} > 0$

$\vec{F}_э$

$v=0$

На неподвижный электрон сила Лоренца не действует

Из-за релятивистского сокращения длины проводник стал короче:

$$l = l_0 \cdot \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} < l_0$$

Концентрация положительных ионов в проводнике больше → проводник заряжен положительно

Электрон притягивается к проводнику → действует электрическая составляющая силы Лоренца  $F_э$

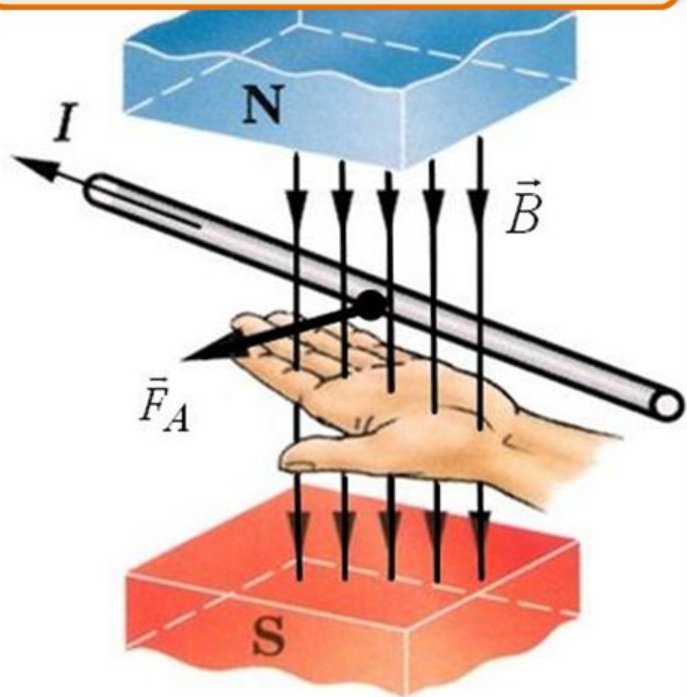
Сила не исчезла, изменилось лишь наше её описание: в одной системе отсчёта на электрон действовало магнитное поле тока, в другой – электрическое поле заряженного проводника

# Действие магнитного поля на движущиеся заряды и токи

## Сила Ампера

действует на проводник с электрическим током, находящийся в магнитном поле

Правило левой руки:



$$d\vec{F}_A = I [d\vec{l} \times \vec{B}]$$

$$dF_A = I \cdot dl \cdot B \sin \alpha$$

Угол между током и полем

Определение:  $I \cdot d\vec{l}$  – элемент тока

$$d\vec{F}_A \perp I \cdot d\vec{l}$$

$$d\vec{F}_A \perp \vec{B}$$

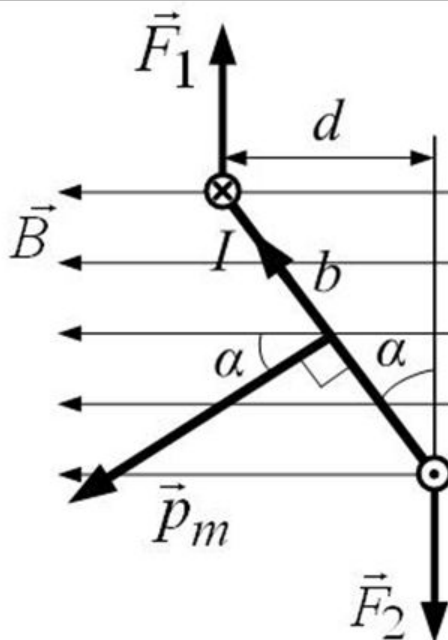
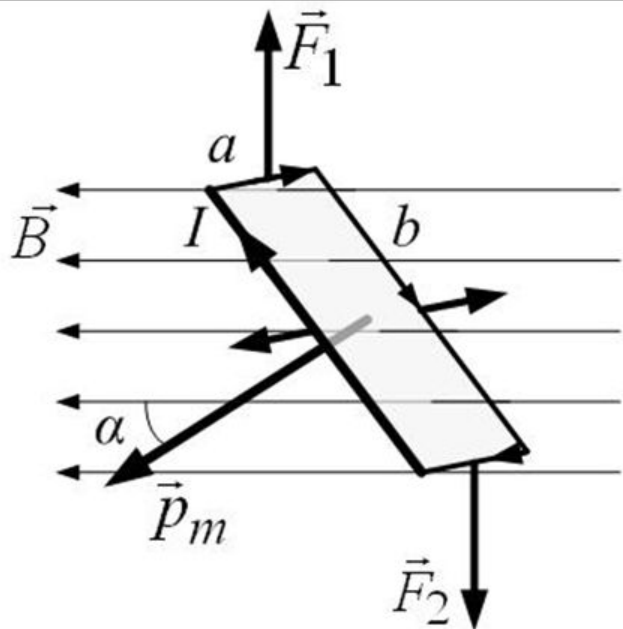
Для отрезка прямого провода в однородном поле:

$$\vec{F}_A = I [\vec{l} \times \vec{B}]$$



# Сила Ампера

## Рамка с током в однородном магнитном поле



Рассматривается  
прямоугольная рамка  
с током в однородном  
магнитном поле

По закону Ампера:

$$|\vec{F}_1| = |\vec{F}_2| \equiv F = I \cdot a \cdot B \cdot \sin 90^\circ$$

Это пара сил

$$d = b \cdot \sin \alpha \quad \text{— плечо пары}$$

Момент пары сил:  $M = F \cdot d = I \cdot (a \cdot b) B \cdot \sin \alpha = (I \cdot S) \cdot B \cdot \sin \alpha$

$$M = p_m \cdot B \cdot \sin \alpha$$

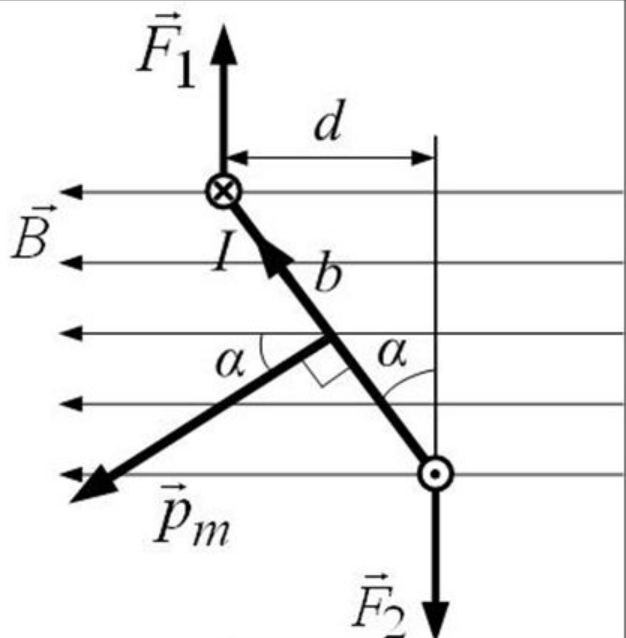


$$\vec{M} = [\vec{p}_m \times \vec{B}]$$



# Работа по повороту рамки с током в магнитном поле

## Энергия рамки в магнитном поле



Работа внешних сил по повороту рамки с током, имеющей магнитный момент  $p_m$ , на угол  $\alpha > 0$  равна:

$$dA = M \cdot d\alpha$$

Работа идёт на увеличение энергии рамки в магнитном поле:  $dA = dW$

$$dW = M \cdot d\alpha$$

$$M = p_m \cdot B \cdot \sin \alpha$$

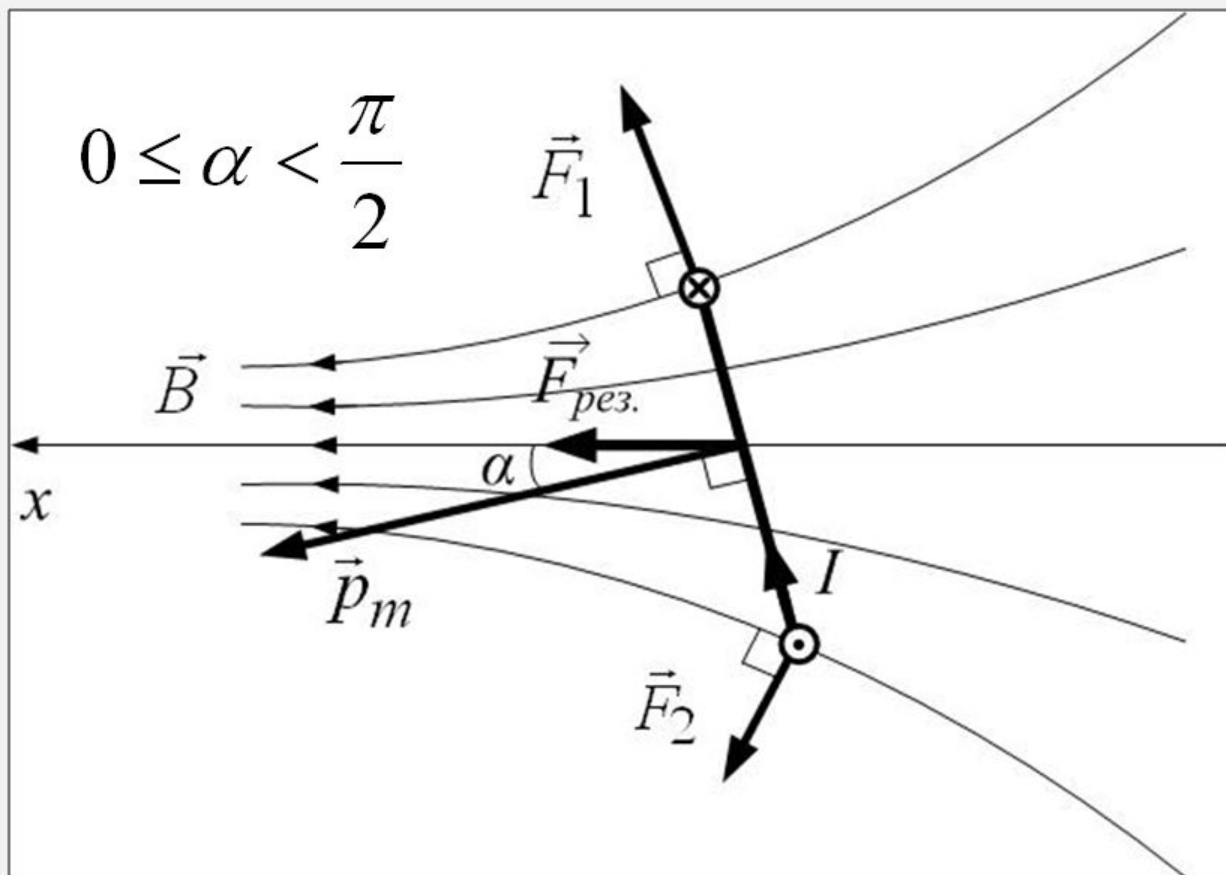
$$\frac{dW}{d\alpha} = M = p_m B \sin \alpha$$

$$W = -p_m B \cos \alpha$$

$$W = -\vec{p}_m \vec{B}$$

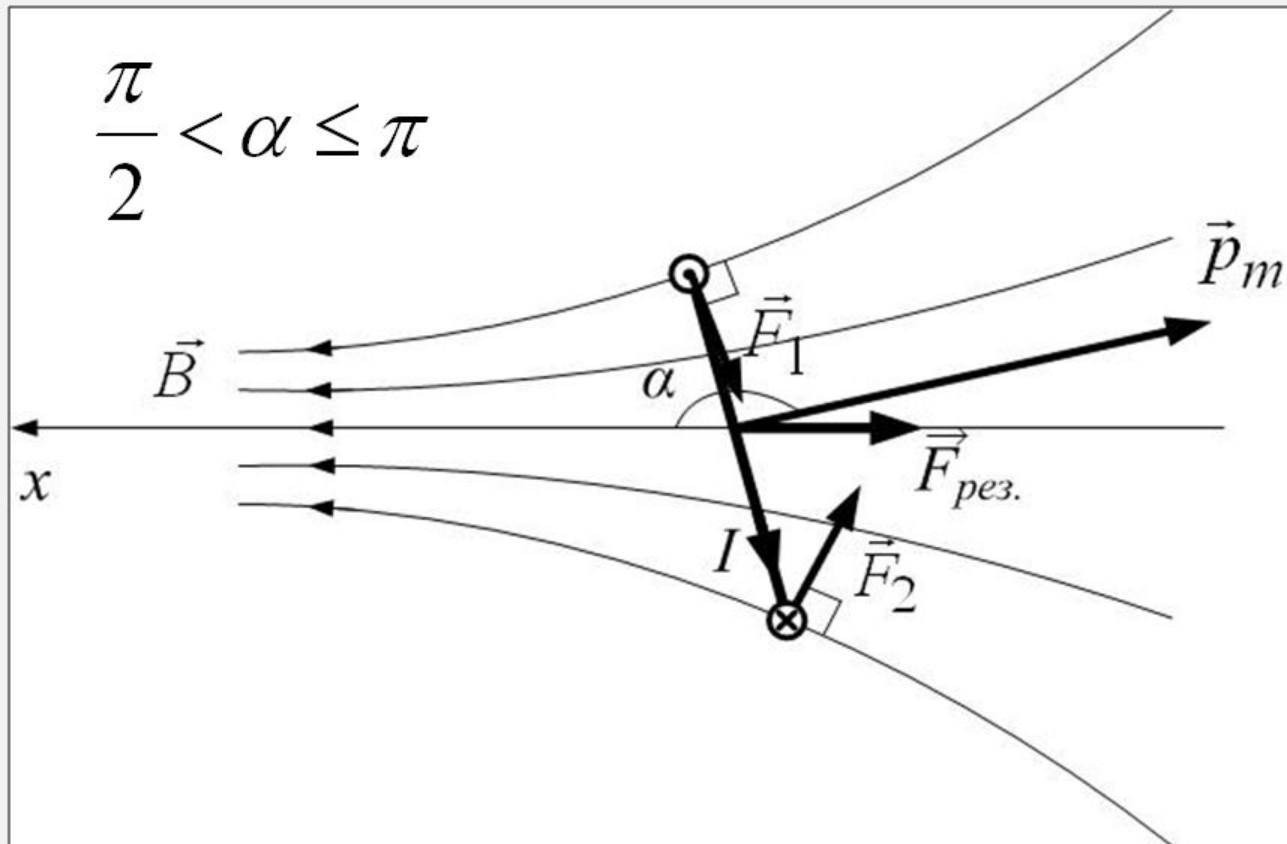
Это энергия рамки с током в магнитном поле

## Рамка с током в неоднородном магнитном поле



Если угол  $\alpha$  – острый, то магнитный момент втягивается в область сильного поля

## Рамка с током в неоднородном магнитном поле



Если угол  $\alpha$  – тупой, то магнитный момент выталкивается из области сильного поля

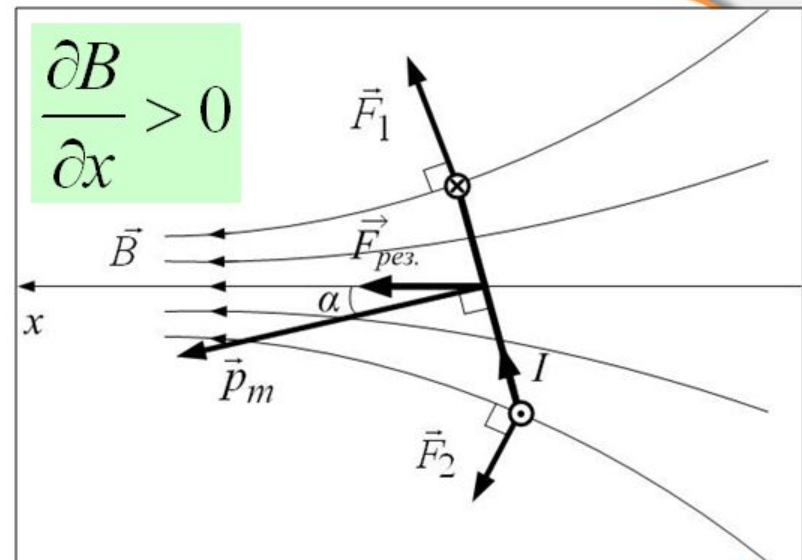
## Сила, действующая на рамку с током в неоднородном магнитном поле

$$\vec{F} = -\text{grad}W_{\text{ПОТ.}}$$

$$F_x = -\frac{\partial W}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x}(p_m B \cos \alpha) = p_m \cos \alpha \frac{\partial B}{\partial x}$$

$$0 \leq \alpha < \frac{\pi}{2} \Rightarrow \cos \alpha > 0$$

$$F_x = p_m \cos \alpha \frac{\partial B}{\partial x} > 0$$





## Эффект Холла

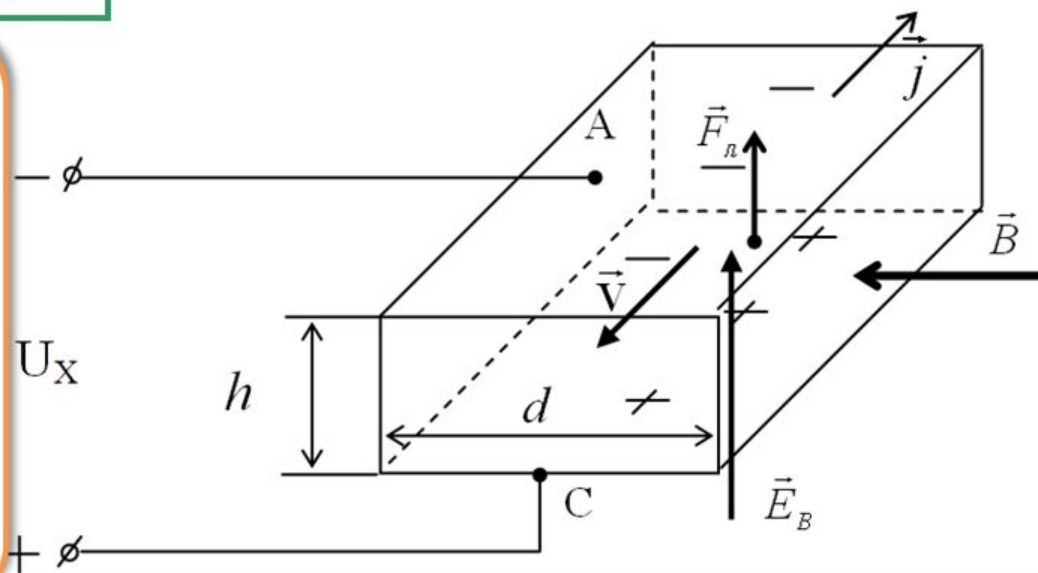
(см. лаб. работу 2-15)

Если металлическую или полупроводниковую пластинку, по которой течет ток  $I$ , поместить в перпендикулярное току магнитное поле, то между гранями пластинки, параллельными полю, и току  $I$ , возникает Холловская разность потенциалов  $U_x$

Эффект Холла объясняется действием силы Лоренца на движущиеся заряды

$$F_{\text{л}} = qvB \sin \alpha = qvB$$

Сила Лоренца отклоняет заряды: на верхней грани пластинки возникнет повышенная концентрация электронов (она зарядится отрицательно), а на нижней грани – их недостаток (зарядится положительно)



Появляется дополнительное поперечное электрическое поле  $E_B$

Оно препятствует дальнейшему отклонению зарядов

$$qvB = qE_B$$

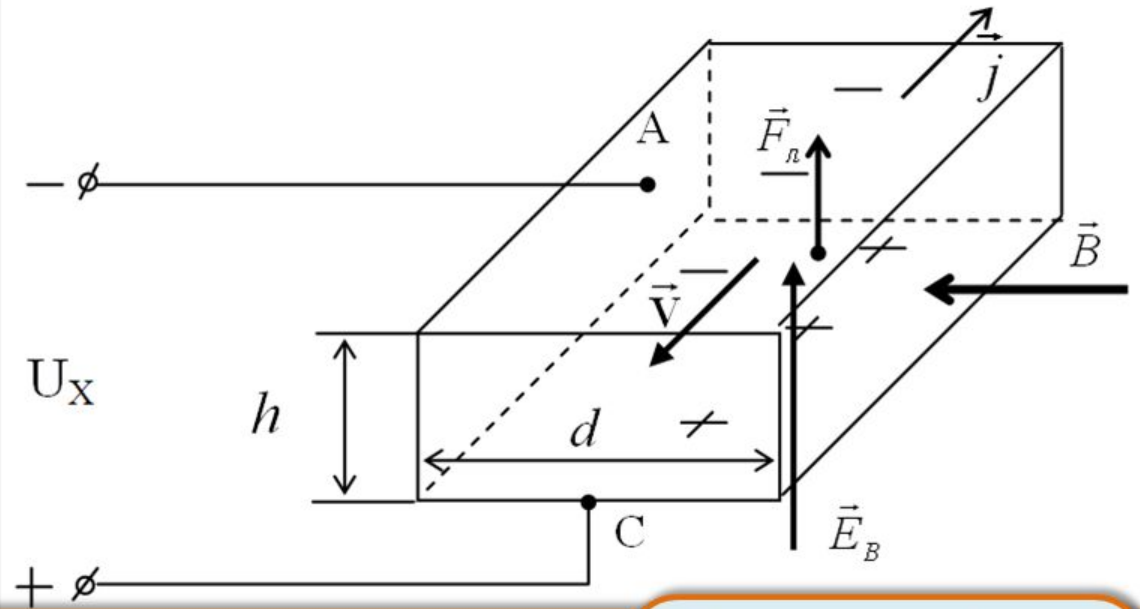
## Эффект Холла

Эффект Холла объясняется действием силы Лоренца на движущиеся заряды

$$qvB = qE_B$$

$$U_X = h \cdot E_B$$

$$U_X = hvB$$



$$j = qvn$$

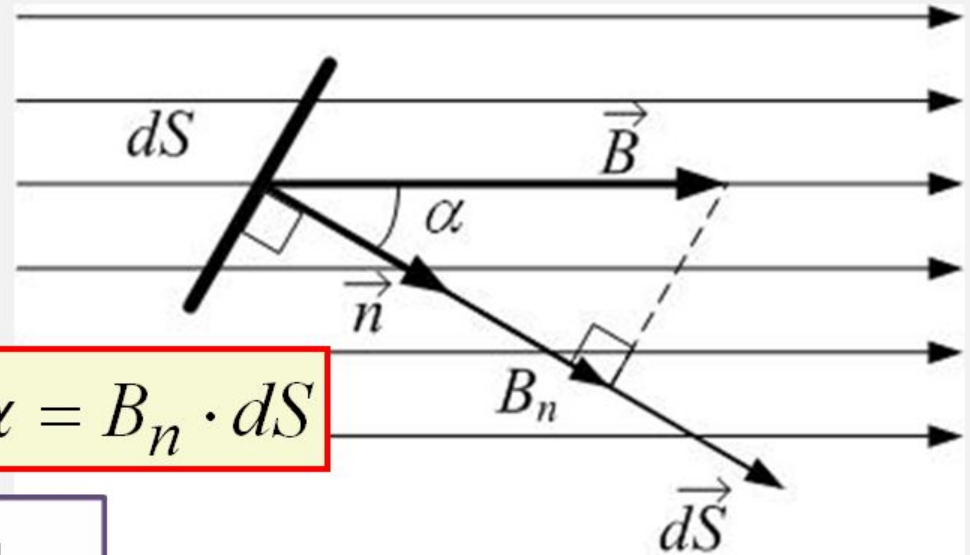
$$v = \frac{j}{qn} \left. \vphantom{\frac{j}{qn}} \right\} \rightarrow U_x = h \cdot \frac{j}{qn} \cdot B = h \frac{1}{qn} \cdot \frac{I}{(hd)} B = R_X \frac{IB}{d}$$

Постоянная Холла

## Поток вектора магнитной индукции

### По определению

Поток вектора магнитной индукции через площадку  $dS$



$$d\Phi = \vec{B} \cdot d\vec{S} = B \cdot dS \cdot \cos \alpha = B_n \cdot dS$$

Поток вектора магнитной индукции через любую поверхность  $S$ :

$$\Phi = \int_S d\Phi = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = \int_S B_n \cdot dS$$

Размерность:

$$[\Phi] = \text{Тл} \cdot \text{м}^2 = \text{Вб} \quad (\text{вебер})$$

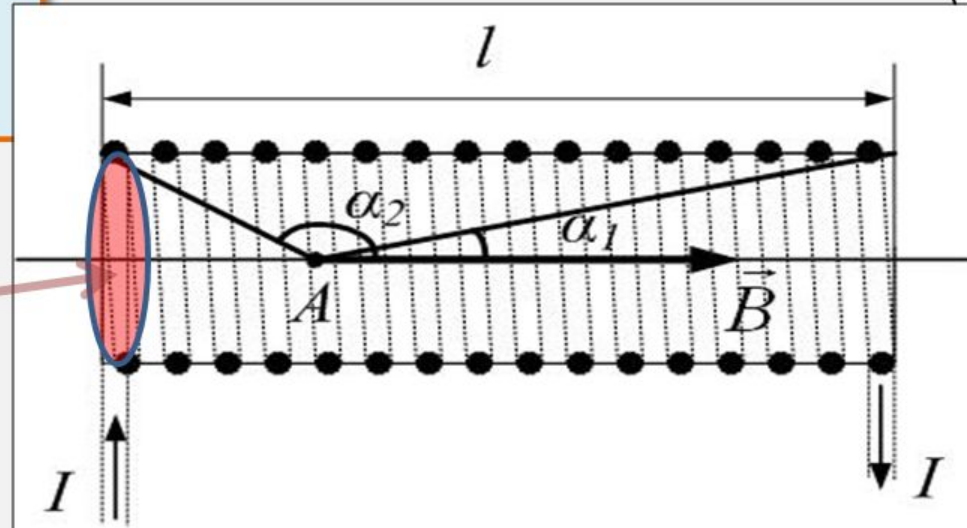
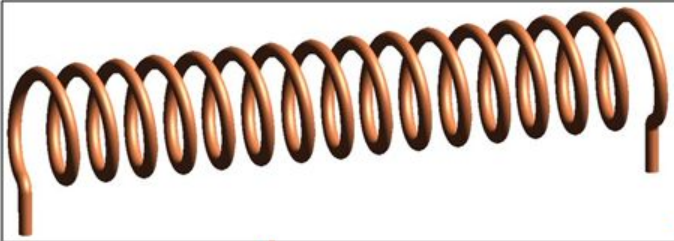
Физический  
смысл:

Магнитный поток численно равен числу линий магнитной индукции, пронизывающих площадку

## Поток вектора магнитной индукции

Пример:

Поток вектора магнитной индукции через сечение  $S$  длинного соленоида



$$\Phi = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = B \int_S dS = B \cdot S = \mu\mu_0 I n \cdot S = \mu\mu_0 I \frac{N}{l} \cdot S$$

Полное потокоцепление (суммарный поток через все  $N$  витков соленоида):

$$\Psi = N \cdot \Phi = N \cdot \mu\mu_0 I \frac{N}{l} \cdot S = \mu\mu_0 I \frac{N^2}{l} \cdot S$$



## Теорема Остроградского-Гаусса для магнитного поля

Магнитный поток через произвольную замкнутую поверхность равен нулю

$$\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

Физический смысл теоремы:  
магнитных зарядов нет

Для сравнения теорема Гаусса для электростатического поля:  
поток вектора электрического смещения через произвольную замкнутую поверхность равен алгебраической сумме зарядов, охваченных поверхностью

$$\oint_S \vec{D} \cdot d\vec{S} = \sum_i q_i$$

Если отдельные тела можно зарядить либо только положительно, либо только отрицательно, поскольку существуют элементарные заряженные частицы – носители электрических зарядов двух разных видов, – то отделить один из магнитных полюсов от противоположного невозможно.

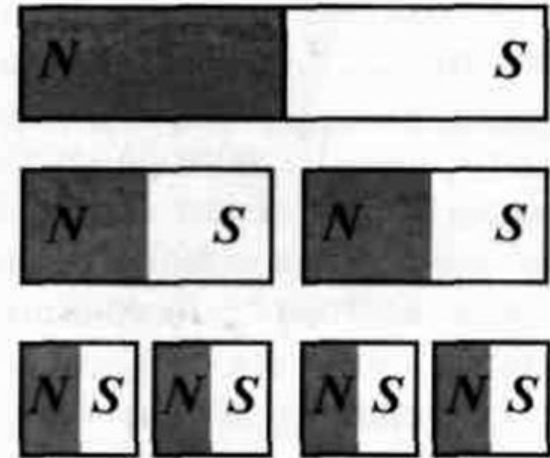
## Теорема Остроградского-Гаусса для магнитного поля

Магнитный поток через произвольную замкнутую поверхность равен нулю

$$\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

Магнитных зарядов нет

Если разрезать на две части магнит, то каждая часть будет снова вести себя как самостоятельный магнит, имеющий на своих концах противоположные полюсы



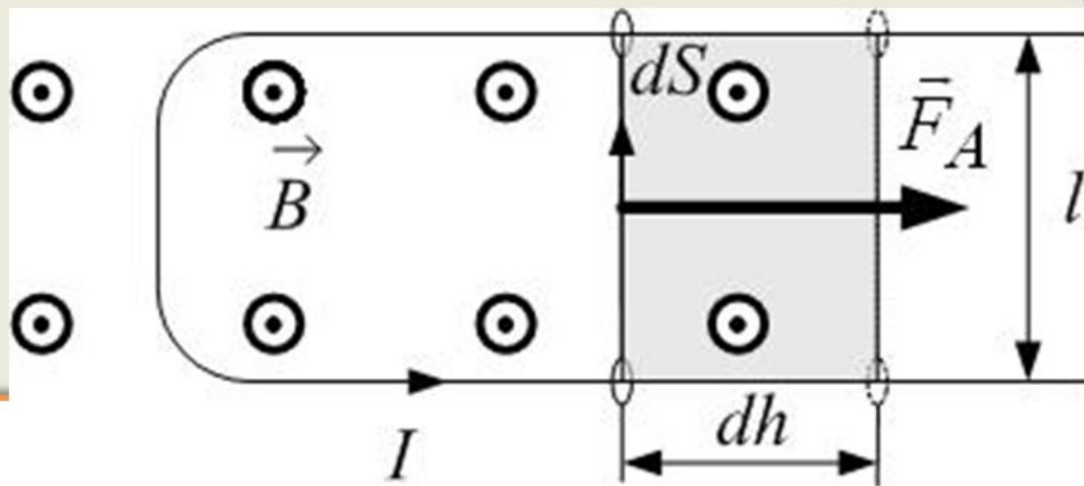
Отсутствуют экспериментальные доказательства того, что в природе могут существовать отдельные магнитные заряды (монополи), подобные электрическим.

В отличие от электрических зарядов **свободных магнитных “зарядов” в природе не существует.**

Нет их и в полюсах постоянных магнитов.

Поэтому линии магнитной индукции не могут обрываться на полюсах

Работа по  
перемещению  
проводника с током  
в магнитном поле



Работа силы Ампера:

$$dA = F_A \cdot dh = I \cdot l \cdot B \cdot dh = I \cdot B \cdot dS = I \cdot d\Phi$$

$$dA = I \cdot d\Phi$$

Если ток не меняется:  $\Delta A = I \cdot \Delta\Phi$

заметённая проводником  
в процессе движения  
площадь

Работа по перемещению проводника с током в магнитном поле равна произведению силы тока на изменение магнитного потока  
(на пересечённый проводником магнитный поток)