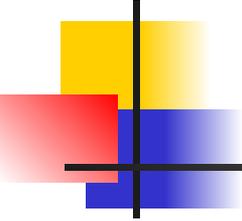


# СПЕЦИАЛЬНАЯ ТЕОРИЯ ОТНОСИТЕЛЬНОСТИ (СТО)

- 
- 
- 1. Принцип относительности Галилея.  
Закон сложения скоростей
  - 2. Постулаты Эйнштейна
  - 3. Преобразования Лоренца
  - 4. Следствия из преобразований  
Лоренца
  - 5. Релятивистская механика
  - 6. Взаимосвязь массы и энергии покоя



# Принцип относительности Галилея. Закон сложения скоростей

---

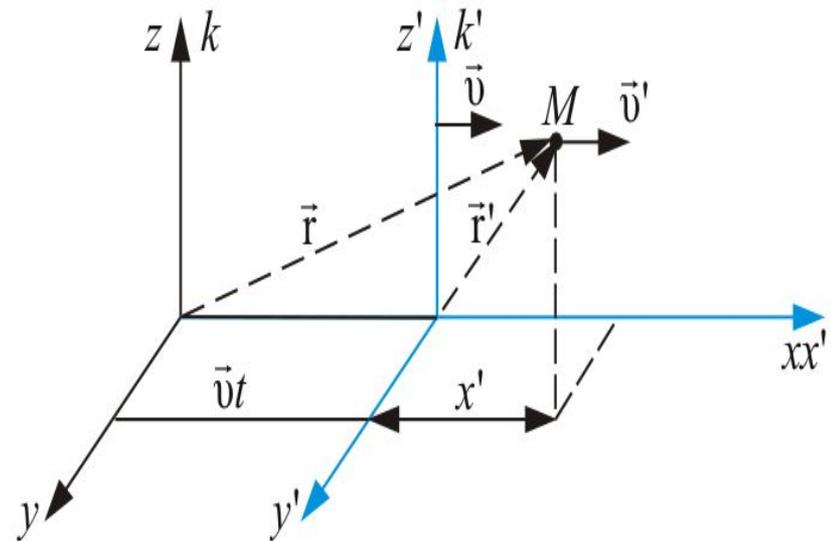
## Принцип относительности Галилея:

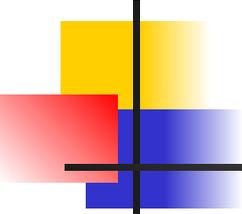
Все механические явления протекают одинаково во всех инерциальных системах отсчета.

- *Это есть принцип относительности Галилея*

# Преобразования Галилея координат, скорости и времени

- Рассмотрим две инерциальные системы отсчета  $k$  и  $k'$ . Система  $k'$  движется относительно  $k$  со скоростью вдоль оси  $x$ . Точка  $M$  движется в двух системах отсчета





# Преобразования Галилея координат, скорости и времени

---

- Найдем связь между координатами точки  $M$  в обеих системах отсчета. Отсчет начнем, когда начала координат систем – совпадают, то есть  $t = t^1$ . Тогда:

$$\left. \begin{aligned} x &= x' + vt' \\ y &= y' \\ z &= z' \\ t &= t' \end{aligned} \right\}$$

- Совокупность уравнений называется ***преобразованиями Галилея.***



# Преобразования Галилея координат, скорости и времени

---

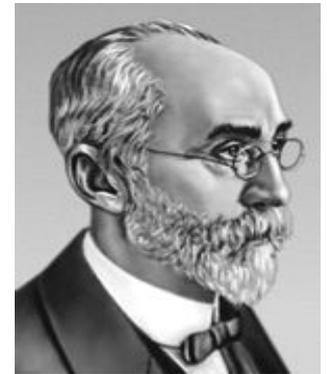
- В векторной форме преобразования Галилея можно записать так:  $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{v}t$ .
- Продифференцируем это выражение по времени, получим:  $\frac{d\vec{r}}{dt} = \frac{d\vec{r}'}{dt} + \vec{v}$
- Или  $\vec{v}_1 = \vec{v}' + \vec{v}$
- Это выражение определяет **закон сложения скоростей** в классической механике.

# Специальная теория относительности

- В 1905 г. в журнале «*Анналы физики*» вышла знаменитая статья А. Эйнштейна «К электродинамике движущихся тел», в которой была изложена специальная теория относительности (СТО).
- В основе СТО лежат ***два постулата*** выдвинутых Эйнштейном.
  - ***1. Все законы природы одинаковы во всех инерциальных системах отсчета.***
  - ***2. Скорость света в вакууме одинакова во всех инерциальных системах отсчета и не зависит от скорости источника и приемника света.***

# Преобразования Лоренца

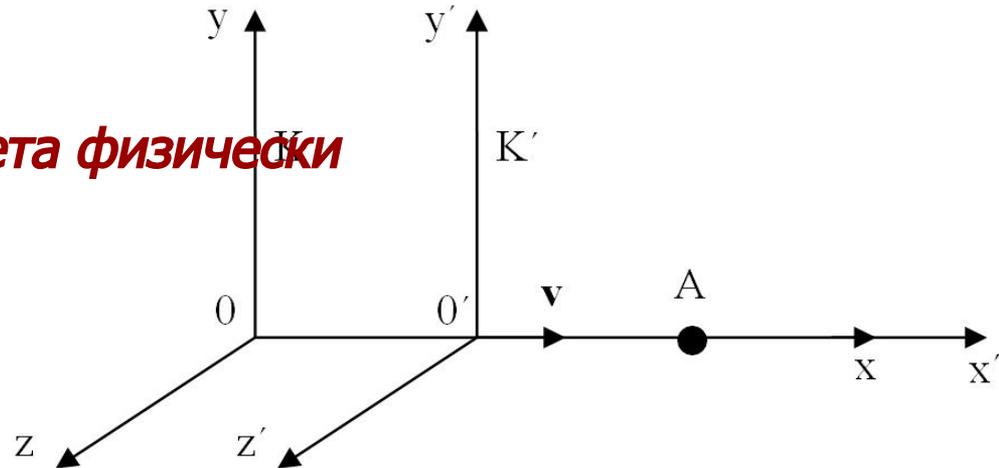
- Формулы преобразования при переходе из одной инерциальной системы в другую с учетом постулатов Эйнштейна предложил Лоренц в 1904 г.  
**Лоренц Хендрик Антон** (1853 – 1928) – нидерландский физик-теоретик, член многих академий наук, в том числе и АН СССР, лауреат Нобелевской премии.



# Преобразования Лоренца

- Лоренц установил связь между координатами и временем события в системах отсчета  $K$  и  $K'$  основываясь на тех экспериментальных фактах, что:

- *все инерциальные системы отсчета физически эквивалентны;*



- *скорость света в вакууме постоянна и конечна, во всех инерциальных системах отсчета и не зависит от скорости движения источника и наблюдателя.*

# Преобразования Лоренца

- Таким образом, при больших скоростях движения сравнимых со скоростью света, Лоренц получил:

*Прямые преобразования*

*Обратные преобразования*

$x' = \frac{x - vt}{\sqrt{\beta - 2}}$	$x = \frac{x' + vt'}{\sqrt{\beta - 2}}$
$y' = y$	$y = y'$
$z' = z$	$z = z'$
$t' = \frac{t - \frac{vx}{c^2}}{\sqrt{\beta - 2}}$	$t = \frac{t' + \frac{vx'}{c^2}}{\sqrt{\beta - 2}}$

$$\beta^2 = \frac{v^2}{c^2}$$



# Преобразования Лоренца

---

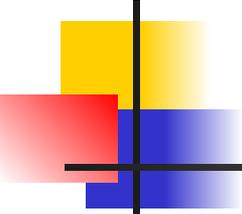
- Истинный физический смысл этих формул был впервые установлен Эйнштейном в 1905 г. в СТО.
- В теории относительности время иногда называют четвертым измерением. Точнее говоря, величина  $ct$ , имеющая ту же размерность, что и  $x$ ,  $y$ ,  $z$  ведет себя как четвертая пространственная координата.
- В теории относительности  $ct$  и  $x$  проявляют себя с математической точки зрения сходным образом.



# Преобразования Лоренца

---

- При малых скоростях движения или при бесконечной скорости распространения взаимодействий ( **теория дальногодействия** ) преобразования Лоренца переходят в преобразования Галилея ( **принцип соответствия** ).



# Следствия из преобразований Лоренца

## *Одновременность событий в СТО*

---

### 1. Относительность одновременности.

Пусть в системе  $K$  в точках с координатами  $x_1$  и  $x_2$  в моменты времени  $t_1$  и  $t_2$  происходят 2 события.

В системе  $K'$  им соответствуют координаты  $x'_1$  и  $x'_2$ , время  $t'_1$  и  $t'_2$ .

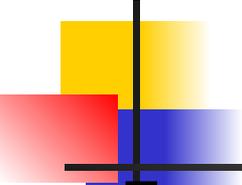


## Относительность одновременности

---

- Если  $x_1 = x_2$ , т.е. события происходят в одной точке и являются одновременными  $t_1 = t_2$ . Из преобразований Лоренца следует:

$x'_1 = x'_2$ ,  $t'_1 = t'_2$ , т.е. эти события в системе  $K'$  происходят в одной точке и являются одновременными. Следовательно, эти события для любых ИСО являются *одновременными и пространственно совпадающими*.



## Относительность одновременности

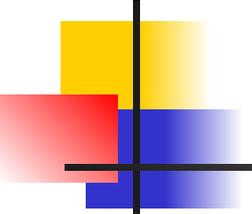
- Если в системе  $K$  события:  $x_1 \neq x_2$  – пространственно разобщены, но  $t_1 = t_2$  – одновременны.

В системе  $K'$ :

$$x'_1 = \frac{x_1 - vt}{\sqrt{1 - \beta^2}}, \quad x'_2 = \frac{x_2 - vt}{\sqrt{1 - \beta^2}},$$

$$t'_1 = \frac{t - \frac{vx_1}{c^2}}{\sqrt{1 - \beta^2}}, \quad t'_2 = \frac{t - \frac{vx_2}{c^2}}{\sqrt{1 - \beta^2}},$$

т.е.  $x'_1 \neq x'_2$ ,  $t'_1 \neq t'_2$ , события остаются пространственно **разобщенными** и оказываются **неодновременными**.



## Относительность одновременности

---

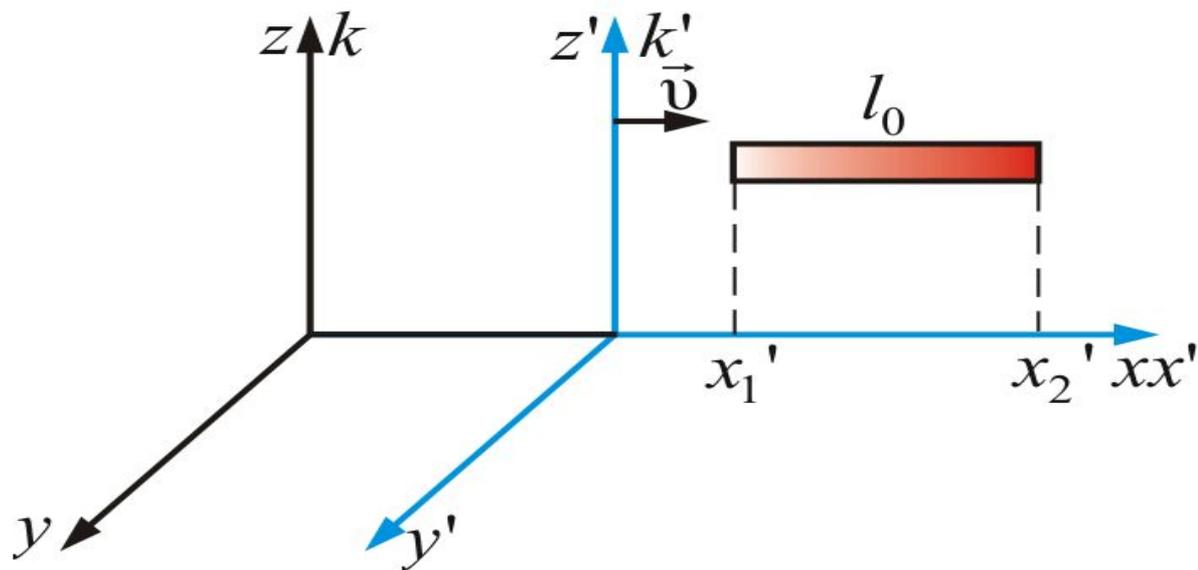
События одновременные в одной системе отсчёта *не одновременны* в другой СО.

$$t'_2 - t'_1 = \frac{t - \frac{vx_2}{c^2} - t + \frac{vx_1}{c^2}}{\sqrt{1 - \beta^2}} = \frac{v(x_1 - x_2)}{c^2 \sqrt{1 - \beta^2}} \neq 0.$$

Знак определяется знаком выражения  
 $v(x_1 - x_2)$ .

## Лоренцево сокращение длины (длина тел в разных системах отсчета)

- Рассмотрим рисунок, на котором изображены две системы координат  $k$  и  $k'$





## *Лоренцево сокращение длины* (*длина тел в разных системах отсчета*)

---

- Пусть – *собственная длина тела* в системе, относительно которого тело неподвижно (например: в ракете движущейся со скоростью мимо неподвижной системы отсчета  $k$  (Земля)).
- Измерение координат  $x_1$  и  $x_2$  производим одновременно в системе  $k$ , т.е.  $t_1 = t_2 = t$ .

# Лоренцево сокращение длины

(длина тел в разных системах отсчета)

- Используя преобразования Лоренца, для координат получим:

$$x'_2 - x'_1 = \frac{(x_2 - vt_2) - (x_1 - vt_1)}{\sqrt{1 - \beta^2}} = \frac{x_2 - x_1}{\gamma};$$

- т.е.  $l_0 = \frac{l}{\sqrt{1 - \beta^2}}; \quad \beta = \frac{v}{c} = \frac{v}{l_0 \sqrt{1 - \beta^2}}$

- Формула называется **Лоренцевым сокращением длины**. Собственная длина тела, есть максимальная длина. Длина движущегося тела короче, чем покоящегося. Причем, сокращается только проекция на ось  $x$ , т.е. размер тела вдоль направления движения.

## Сокращение длины

Две частицы движутся друг за другом по одной прямой со скоростями  $V = 0,75 \cdot c$  относительно лабораторной системы отсчета и попадают в неподвижную мишень с интервалом времени, равным  $\Delta t = 50$  нс по лабораторным часам. Найдите собственное расстояние между частицами до попадания в мишень.

### Решение

В лабораторной системе отсчета расстояние между частицами  $\Delta l = V\Delta t$ . Тогда собственное расстояние между частицами

$$\Delta l_0 = \frac{\Delta l}{\sqrt{1 - (V/c)^2}} = \frac{V\Delta t}{\sqrt{1 - (V/c)^2}} \approx 17 \text{ м.}$$



## **Замедление времени** (длительность событий в разных системах отсчета)

---

- Пусть вспышка лампы на ракете длится  $\tau = t'_2 - t'_1$ , где  $\tau$  - **собственное время**, измеренное наблюдателем, движущимся вместе с часами.
- Чему равна длительность вспышки ( $t_2 - t_1$ ) с точки зрения человека находящегося на Земле, мимо которого пролетает ракета?



# Замедление времени (длительность событий в разных системах отсчета)

---

- Из преобразований Лоренца имеем:

$$t_2 - t_1 = \frac{t'_2 - t'_1}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

- или

$$\Delta t = \frac{\tau}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

- Из этого уравнения следует, что **собственное время – минимально (движущиеся часы идут медленнее покоящихся)**. Таким образом, вспышка на Земле будет казаться длиннее.
- Этот вывод имеет множество экспериментальных подтверждений.

### Замедление времени

Собственное время жизни некоторой частицы  $\Delta t_0 = 10$  нс. Найдите длину пути, который пролетит эта частица до распада в лабораторной системе отсчета, где ее время жизни составляет  $\Delta t = 20$  нс.

#### Решение

Время жизни частицы в лабораторной СО:

$$\Delta t = \frac{\Delta t_0}{\sqrt{1 - (V/c)^2}}.$$

За это время в лабораторной СО частица пролетит путь

$$l = \Delta t \cdot V.$$

Из этих уравнений найдем

$$l = c \sqrt{\Delta t^2 - \Delta t_0^2} \approx 5,2 \text{ м.}$$

В системе  $K'$  покоится стержень (собственная длина  $l_0 = 1,5$  м), ориентированный под углом  $\vartheta' = 30$  градусов к оси  $Ox'$ . Система  $K'$  движется относительно системы  $K$  со скоростью  $v = 0,6c$ . Определить в системе  $K$ : 1) длину стержня  $l$ ; 2) соответствующий угол  $\vartheta$ .

### Дано

$$l_0 = 1,5 \text{ м}$$

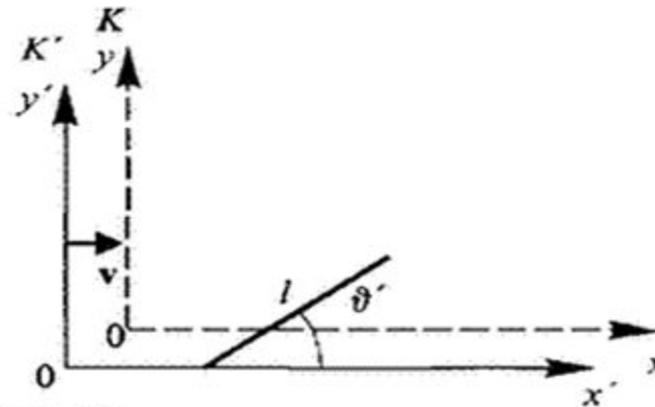
$$\vartheta' = 30^\circ$$

$$v = 0,6c$$

$$1) l \text{ — ?}$$

$$2) \vartheta \text{ — ?}$$

### Решение



$$l_{0x} = l_0 \cos \vartheta',$$

$$l_{0y} = l_0 \sin \vartheta',$$

$$l_x = l_{0x} \sqrt{1 - v^2/c^2},$$

$$l_y = l_{0y},$$

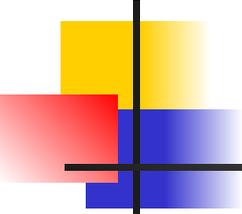
$$l = \sqrt{l_x^2 + l_y^2},$$

$$l = \sqrt{l_0^2 (\cos \vartheta')^2 (1 - v^2/c^2) + l_0^2 (\sin \vartheta')^2},$$

$$\operatorname{tg} \vartheta = \frac{l_y}{l_x} = \frac{l_{0y}}{l_{0x} \sqrt{1 - v^2/c^2}} = \frac{\operatorname{tg} \vartheta'}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}.$$

**Ответ**

$$1) l = 1,28 \text{ м}; 2) \vartheta = 35,8^\circ.$$



# Сложение скоростей в релятивистской механике

---

- Пусть тело внутри космического корабля движется со скоростью

$$v_{кд} 200\,000$$

- **Сам корабль движется с такой же скоростью .**
- Чему равна скорость тела относительно Земли  $v_x$  ?



# Сложение скоростей в релятивистской механике

---

- **Классическая механика**

$$v_x = v' + V = 4 \cdot 10^5 \text{ км/с},$$

- **Но скорость света является предельной скоростью переноса информации, вещества и взаимодействий:  $c = 2,998 \cdot 10^8 \text{ м} \cdot \text{с}^{-1}$ .**
- **Оценим скорость тела, используя преобразования Лоренца.**

# Сложение скоростей в релятивистской механике

- Внутри корабля перемещение  $dx'$  за время  $dt'$  равно  $dx' = v_x' dt'$ .
- Найдем  $dx$  и  $dt$  с точки зрения наблюдателя на Земле, исходя из преобразований Лоренца:

$$dx = \frac{v_x' dt' + V dt}{\sqrt{1 - \beta^2}} \quad dy = dy'; \quad dz = dz';$$
$$dt = \frac{dt' + \frac{V v_x' dt'}{c^2}}{\sqrt{1 - \beta^2}}.$$

# Сложение скоростей в релятивистской механике

- Так как  $v_x = \frac{dx}{dt}$ , то:  $v_x = \frac{v_x' dt' + V dt'}{dt' + \frac{V v_x' dt'}{c^2}}$ ;

$$v_x = \frac{v_x' + V}{1 + \frac{V v_x'}{c^2}}$$

- Эта формула выражает **правило сложения скоростей** в релятивистской кинематике для  $x$  – вой компоненты.

# Сложение скоростей в релятивистской механике

- Для  $y$  – вой компоненты скорости, если движение частицы происходит не параллельно оси  $x$ , правило преобразования для  $v_y$  и  $v'_y$  следующее:

$$v_y = \frac{v'_y \cdot \sqrt{1 - \beta^2}}{1 - v'_x \cdot V / c^2}$$

- Тогда скорость частицы в системе К:

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$$

Ускоритель сообщил радиоактивному ядру скорость  $0,4c$ , где  $c$  – скорость света в вакууме. В момент вылета из ускорителя ядро выбросило в направлении своего движения  $\beta$  - частицу со скоростью  $0,75c$  относительно ускорителя. Определите скорость частицы относительно ядра. Ответ представьте в мегаметрах за секунду.

**Дано:**

$$v = 0,4c$$

$$c = 3 \cdot 10^8 \text{ м/с}$$

$$v_x = 0,75c$$

$$v_{x'} = ?$$

**Решение:**

Используем релятивистский закон сложения скоростей.

$$v_x = \frac{v_{x'} + v}{1 + \frac{v_{x'} \cdot v}{c^2}}$$

Здесь  $v_x$  – скорость  $\beta$  - частицы в системе отсчета, связанной с ускорителем;  $v_{x'}$  – скорость  $\beta$  - частицы в системе отсчета, связанной с ядром;  $v$  – скорость инерциальной системы, связанной с ядром, относительно системы отсчета, связанной с ускорителем.

Тогда скорость частицы относительно ядра

$$v_{x'} = \frac{v_x - v}{1 - \frac{v_x \cdot v}{c^2}}$$

$$v_{x'} = \frac{0,75c - 0,4c}{1 - \frac{0,75c \cdot 0,4c}{c^2}} = \frac{c}{2} = 1,5 \cdot 10^8 \text{ (м/с)} = 150 \text{ (Мм/с)}.$$

**Ответ:**  $v_{x'} = 150 \text{ Мм/с}$

# Релятивистская динамика

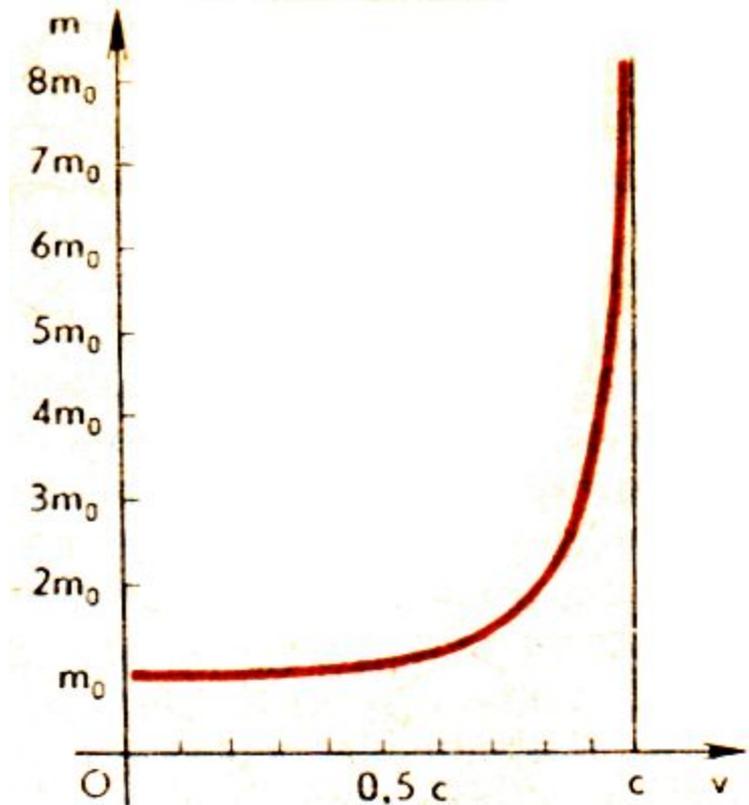
## ■ Релятивистский импульс

$$p = m\upsilon = \frac{m_0\upsilon}{\sqrt{1-\beta^2}};$$

## ■ В векторной форме

$$\vec{p} = m\vec{\upsilon} = \frac{m_0\vec{\upsilon}}{\sqrt{1-\beta^2}}$$

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1-\beta^2}}$$



# Релятивистская динамика

- Релятивистское выражение для полной энергии

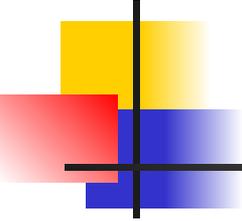
$$E = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

- При  $v = 0$ , в системе координат, где частица покоится, **полная энергия равна энергии покоя:**

$$E_0 = m_0 c^2$$

- Полная энергия складывается из энергии покоя и кинетической энергии ( $K$ ). Тогда

$$K = E - E_0 = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \beta^2}} - m_0 c^2 = m_0 c^2 \left( \frac{1}{\sqrt{1 - \beta^2}} - 1 \right)$$



# Релятивистская динамика

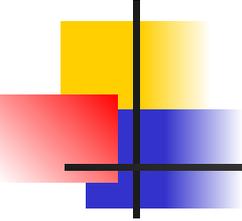
---

- **Соотношение, связывающее полную энергию с импульсом частицы.**

$$E = c \sqrt{m_0^2 c^2 + p^2}$$

- **Это выражение, связывающее энергию и импульс является инвариантом.**
- **Закон *взаимосвязи массы и энергии* покоя и стало символом современной физики.**

$$\Delta E = c^2 \Delta m$$



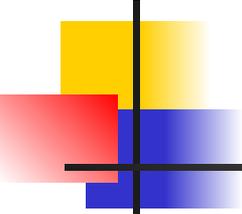
# Релятивистская динамика

---

- **Основное уравнение динамики в релятивистском случае:**

$$\vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt} = \frac{d}{dt} \cdot \frac{m_0 \vec{v}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

- **Из этого уравнения следует, что вектор ускорения частицы, в общем случае, не совпадает по направлению с вектором силы.**



Импульс частицы равен  $mc$ . Во сколько раз полная энергия частицы больше ее энергии покоя?

---

Решение

По условию релятивистский импульс равен  $mc$  :

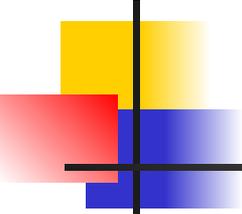
$$p = \frac{m_0 v}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} = mc .$$

Следовательно,

$$(v/c)^2 = 1 - (v/c)^2 \text{ и } (v/c)^2 = 1/2 .$$

Найдем отношение полной энергии к энергии покоя:

$$\delta = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} \cdot \frac{1}{m_0 c^2} = \sqrt{2} .$$



Найдите скорость, при которой кинетическая энергия релятивистской частицы равна ее энергии покоя.

---

Решение

Запишем выражения для кинетической энергии

$$E_k = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} - E_0$$

и энергии покоя

$$E_0 = m_0 c^2 .$$

Учитывая, что  $E_k = E_0$ , получим

$$m_0 c^2 = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} - m_0 c^2$$

Отсюда  $v = (\sqrt{3}/2)c$

Релятивистская частица массой  $m$  начинает двигаться под действием постоянной силы  $\vec{F}$ . Найдите зависимость скорости частицы от времени и изобразите эту зависимость на графике.

### Решение

Уравнение динамики запишем для проекций векторных величин на ось  $x$ , совпадающей с направлением силы  $\vec{F}$ :

$$\frac{dp}{dt} = F.$$

При постоянной силе, это уравнение легко интегрируется:

$$p - p(0) = Ft.$$

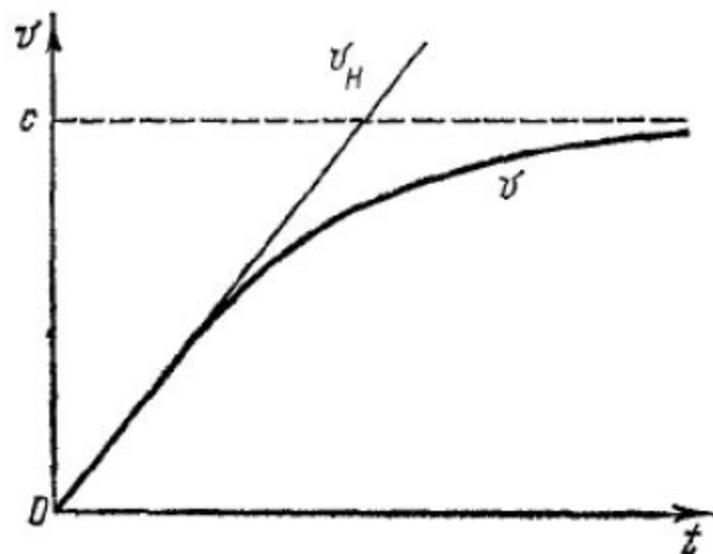
Так как  $v(0) = 0$ , то  $p(0) = 0$  и

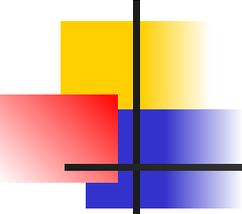
$$\frac{m_0 v}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} = Ft.$$

Из этого уравнения найдем  $v$ :

$$v = \frac{Ft}{m_0 \sqrt{1 + (Ft/m_0 c)^2}}$$

При  $Ft/m_0 c \ll 1$  получаем классический результат  $v = (F/m_0)t = at$ , при  $Ft/m_0 c \gg 1$  получаем  $v \rightarrow c$  (см. рис.)





Определите скорость нестабильной частицы, если ее время жизни по часам наблюдателя с Земли увеличилось в  $n = 1,8$  раз.

**Дано:**  $n = \frac{\tau'}{\tau} = 1,8$ .

**Найти:**  $v$ .

**Решение.** Систему отсчета  $K$  свяжем с частицей, тогда промежуток времени между возникновением и распадом частицы в этой системе равен ее собственному времени жизни  $\tau$ . Поскольку система  $K$  движется вместе с частицей, то эти события происходят в одной точке, что является необходимым условием применения формулы, описывающей релятивистское замедление хода часов.

Для системы  $K'$ , связанной с Землей, время жизни частицы —  $\tau'$ . Тогда  $\tau' = \frac{\tau}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$ , откуда

$$\frac{\tau'}{\tau} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = n \quad (1)$$

(учли условие задачи). Из выражения (1) искомая скорость

$$v = c \sqrt{1 - \frac{1}{n^2}}.$$

**Ответ:**  $v = 0,831c$ .

С какой скоростью тело должно лететь навстречу наблюдателю, чтобы его линейный размер уменьшился на 7%?

**Дано:**  $l = 0,93l_0$ .

**Найти:**  $v$ .

**Решение.** Систему отсчета  $K'$  свяжем с телом, тогда  $x'_2 - x'_1 = l_0$  — собственные размеры тела вдоль направления движения (см. рисунок). Если систему  $K$  связать с наблюдателем, то размер тела в этой системе  $l = x_2 - x_1$ , причем координаты  $x_2$  и  $x_1$  должны быть измерены в один и

тот же момент времени по часам системы  $K$ , т.е.  $t_1 = t_2$ . Учитывая взаимное направление движения систем  $K$  и  $K'$ , преобразования Лоренца для координат запишутся в виде

$$x'_2 = \frac{x_2 + vt}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}; \quad x'_1 = \frac{x_1 + vt}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}},$$

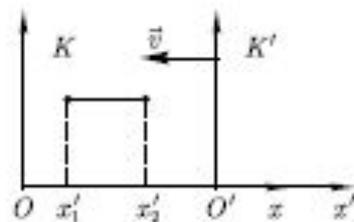
откуда

$$l_0 = x'_2 - x'_1 = \frac{x_2 - x_1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{l}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

и искомая скорость

$$v = c \sqrt{1 - \left(\frac{l}{l_0}\right)^2}.$$

**Ответ:**  $v = 0,368c$ .

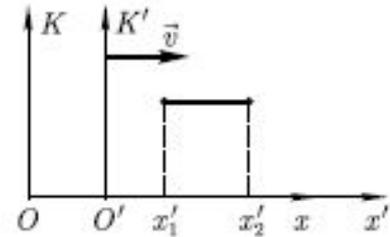


Определите собственную длину стержня  $l_0$ , если для наблюдателя, пролетающего со скоростью  $v = 0,85c$ , его длина равна 1 м.

**Дано:**  $l = 1$  м;  $v = 0,85c$ .

**Найти:**  $l_0$ .

**Решение.** Систему отсчета  $K'$  свяжем со стержнем, систему отсчета  $K$  — с наблюдателем. Пусть система  $K'$  движется в положительном направлении оси  $x$  системы  $K$  (см. рисунок). Согласно преобразованиям Лоренца, координаты концов стержня



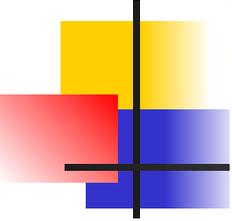
$$x'_1 = \frac{x_1 - vt_1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}; \quad x'_2 = \frac{x_2 - vt_2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}},$$

где  $t_1 = t_2$  (измерения координат концов стержня проводятся в один и тот же момент по часам данной системы).

Собственная длина стержня

$$l_0 = x'_2 - x'_1 = \frac{x_2 - x_1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{l}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}},$$

**Ответ:**  $l_0 = 1,9$  м.



Определите релятивистский импульс частицы, если ее полная энергия  $E = 1,5$  ГэВ, а скорость  $v = 0,5c$ .

**Дано:**  $E = 1,5$  ГэВ  $= 2,4 \cdot 10^{-10}$  Дж;  $v = 0,5c$ .

**Найти:**  $p$ .

**Решение.** Релятивистский импульс частицы

$$p = \frac{mv}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}, \quad (1)$$

где  $m$  — масса частицы;  $v$  — ее скорость.

Умножая выражение (1) на  $c^2$ , получим искомый импульс:

$$p = \frac{mvc^2}{c^2 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{Ev}{c^2}$$

(учли, что полная энергия  $E = \frac{mc^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$ ).

**Ответ:**  $p = 0,4 \cdot 10^{-18}$  Н · с.

Кинетическая энергия частицы в  $n = 2$  раза меньше ее энергии покоя.  
Определите скорость движения частицы.

**Дано:**  $\frac{E_0}{T} = n = 2$ .

**Найти:**  $v$ .

**Решение.** Энергия покоя частицы

$$E_0 = mc^2, \quad (1)$$

где  $m$  — масса частицы.

Кинетическая энергия частицы

$$T = E - E_0 = mc^2 \left( \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - 1 \right). \quad (2)$$

Учитывая формулу (1) и условие задачи, можем записать

$$T = \frac{mc^2}{n}. \quad (3)$$

Приравняв выражения (2) и (3), получим

$$\frac{mc^2}{n} = mc^2 \left( \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - 1 \right),$$

откуда искомая скорость частицы

$$v = c \sqrt{1 - \frac{n^2}{(n+1)^2}}.$$

**Ответ:**  $v = 0,745c$ .