Государственный университет «Дубна»
Факультет естественных и инженерных наук
Кафедра Ядерной физики

Специальный семинар по физике ядра и ядерным реакциям

Юненко К.

E.

Взаимодействие заряженных частиц со средой

Вопрос 11. Взаимодействие заряженных частиц со средой.

- Потери энергии на ионизацию и возбуждение атомов.
- Пробеги заряженных частиц.

Потери энергии на ионизацию и возбуждение атомов

При прохождении через вещество частица тратит кинетическую энергию на возбуждение и ионизацию атомов той среды, через которую она проходит.

Пусть ze- заряд частицы, — $e\ddot{e}$ скі $M\gg m_e$) — расстояние от с m_e одного электрона, , где M- масса частицы, — масса электрона, -e- его заряд.

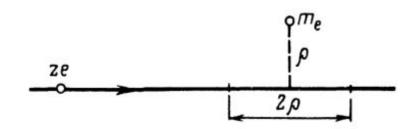
Можно считать, что взаимодействие происходит на участке, равным 2p.

$$\Delta t = 2\dot{
ho}/\psi$$
 $\Delta p_{\perp} = 2ze^2/\rho\psi$

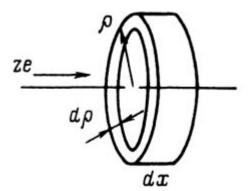
Соответствующая кинетическая энергия, которую теряет частица:

Для учёта взаимодействия со всеми имеющимися электронами выстраивается илиндрический слой, где ρ – его радиус, $d\rho$ - толщинал dx – высота — плотность электронов. Число электронов в этом dx dx dx – dx dx dx – dx dx dx – dx dx dx – dx –

Взаимодействие частицы с электроном



Взаимодействие частицы с цилиндрическим слоем электронов



Потери энергии на ионизацию и возбуждение атомов

Полная удельная потеря энергии при интегрировании в пределаждат Рдо :

$$\frac{dT}{dx} = \int_{\rho_{MMH}}^{\rho_{MAKC}} \frac{dT}{dx}(\rho) d\rho = \frac{4\pi n_e z^2 e^4}{m_e v^2} \ln \frac{\rho_{MAKC}}{\rho_{MMH}}$$

Условие для $_{
ho_{\scriptscriptstyle MUH}}$

$$\Delta T_{{\scriptscriptstyle MAKC}} = (2z^2e^4/(m_e\upsilon^2))(1/\rho_{{\scriptscriptstyle MUH}}^2) = 2m_e\upsilon^2$$

 $\rho_{{\scriptscriptstyle MUH}} = ze^2/(m_e\upsilon^2)$

 $ho_{\rm min}$ связано со значением среднего ионизационного потенциала.

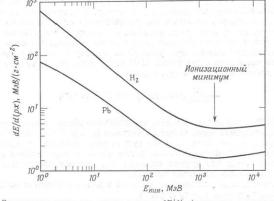
Также при вычислении следует учесть релятивистские эффекты, такие как: возрастание максимальной передаваемой энергии, потери на излучение Вавилова-Черенкова и другие.

Потери энергии на ионизацию и возбуждение

атомов

Таким образом, точный подсчет даёт следующую формулу для тяжёлой заряженной частицы при энергиях $(M/m_e)Mc^2$

$$(-\frac{dT}{dx})_{uoh} = \frac{4\pi n_e z^2 e^4}{m_e v^2} (\ln \frac{2m_e v^2}{\overline{I}} - \ln(1 - \beta^2) - \beta^2 - \delta - U)$$



10

Где $\frac{1}{I} = (13.5Z)1.6*10^{-12}$ - средний ионизационный потенциал атомов поглощающего вещев в 0/c

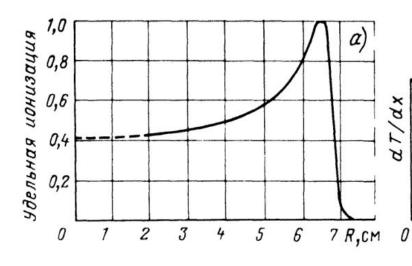
 $\delta \ \ \mathrm{u}^{U'}$ - члены, учитывающие эффект плотности и связанность K- и L- электронов.

Ниже ирнизационного минимума наблюдается такая зависимость:

$$dT/dx \sim z^2 n_e \varphi(\upsilon)$$

Удельные потери энергии:

$$\frac{dE}{d(\rho x)} = \frac{1}{\rho} \frac{dE}{dx}$$



Потери энергии на ионизацию и возбуждение атомов

Для электронов формула выглядит несколько иначе:

$$\left(-\frac{dT}{dx}\right)_{uon} = \frac{2\pi n_e e^4}{m_e v^2} \left(\ln \frac{T_e m_e v^2}{2\overline{I^2}(1-\beta)^2} - \ln 2(2\sqrt{1-\beta^2} - 1 + \beta^2) + 1 - \beta^2 + 1/8(1-\sqrt{1-\beta^2})^2 - \delta\right)$$

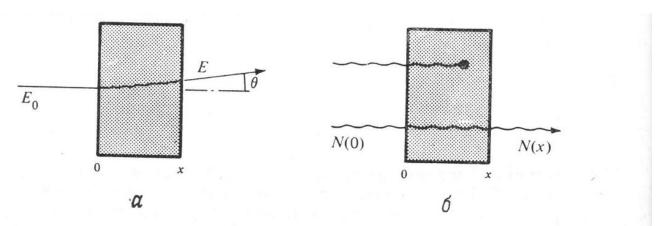
Где $_{T_e}$ - релятивистская кинетическая энергия электрона, - плотность электронов в среде, - поправка

на эффект плотности.

Причём, при энергиях электронов превышающих критическую энергию, большую роль начинает играть тормозное излучение, а не эффект плотности.

$$E_{\kappa p} \approx \frac{600 M \ni B}{Z}$$

Пробеги заряженных частиц



Фиг. 3.1. Прохождение хорошо коллимированного пучка через слой вещества. a — каждая частица испытывает много столкновений; δ — частица проходит через слой, не взаимодействуя с ним, или же поглощается данным слоем вещества.

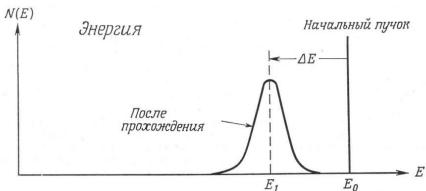
Случай а соответствует прохождению тяжёлой заряженной частицы, в то время, как случай б соответствует прохождению фотонов через вещество (электроны же являются промежуточным случаем).

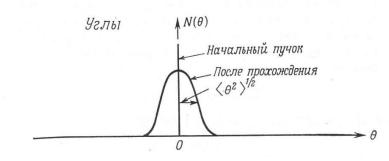
Большое число слабо отклоняющих взаимодействий

Множество взаимодействий во время прохождения частицей вещества приводят к потере энергии и отклонению траектории частицы. Вследствие этого пучок, входящий в вещество, перестаёт быть моноэнергетическим и становится расходящимся.

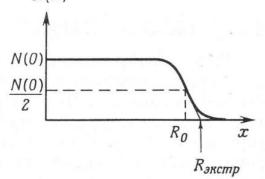
Вплоть до некоторой определённой толщины поглощающего слоя вещества через него проходят почти все частицы пучка свободно. При увеличении толщины отдельные частицы жачинают застревать. При достижении толщины

(средняя длина пробега) половина частиц $\sqrt[n]{x}$ гото в гото в гото в поглощаются





Фиг. 3.2. Распределения по энергиям и углам частиц в пучке тяжелых заряженных частиц до и после прохождения ими поглощающего слоя.



N(x) – число частиц пучка, прошедших через α лой x,

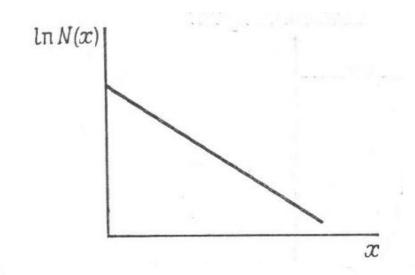
- экстраполированная длина пробега

Взаимодействие типа «всё или ничего»

Данный тип взаимодействия характеризуется тем, что проходящая частица либо поглощается веществом, либо свободно проходит через него, не меняя энергию и направления. Для каждого элементарного слоя число частиц, испытавших взаимодействие, пропорционально числу падающих частиц. Получаем:

$$N(x) = N(0)e^{-\mu x}$$

где $^{\mu}$ где $^{\mu}$ - коэффициент поглощения $_{\lambda=1/\mu}$ Можно определить также величину называемую средней длиной свободного пробега.



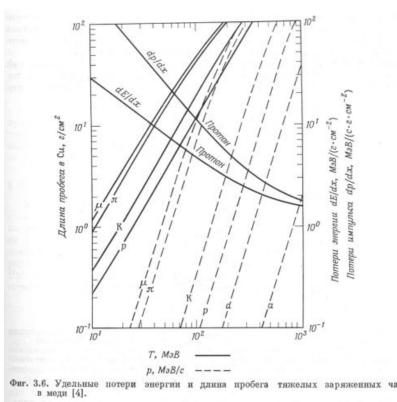
Фиг. 3.4. Число прошедших частиц N(x) убывает экспоненциально с увеличением толщины поглощающего слоя x, когда происходит взаимодействие типа «все или ничего».

Пробеги заряженных частиц

При интегрировании формулы Бете-Блоха получаем выражение для длины пробега частицы в веществе:

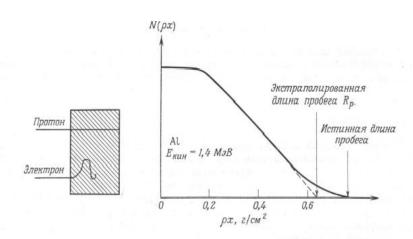
$$R = \int_{T_0}^0 \frac{dT}{\left(dT/dx\right)}$$

Где $_{T_0}$ - начальное значение кинетической энергии тяжёлой заряженной частицы.



Электроны

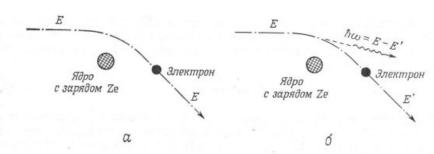
Ионизационная область $\mathbb{Z}(x) < E_{\kappa p}$): Поведение электронов в этой области существен отличается от поведения тяжёлой частицы, что обусловлено малой массой электрона.



Фиг. 3.8. Прохождение протонов и электронов, сбладающих одной и той же полной длиной пробега, через поглотитель. Справа проведена зависимость $N\left(x\right)$ от x для электронов.

Радиационная область E>E): Когда электрон пролетает мимо заряженной частицы, он испытывает кулоновское рассеяни начинает ускоряться (замедляться) и излучать Это излучение называют тормозным. Число фотонов с энергией между и $\mathbb{Z}[\omega+d\omega)$

$$N(\omega)d\omega \sim Z^2 \frac{d\omega}{\omega}$$



Фиг. 3.9. Кулоновское рассеяние. a — упругое рассеяние; δ — ускоренно движущийся электрон излучает и передает энергию испускаемым фотонам (тормозное излучение).

Электроны. Радиационная область

Расстояние, на котором энергия электрона уменьшится в е раз, называется радиационно длиной и обозначается . Потери энергии на излучение при больших энергиях электронов

$$-\left(\frac{dE}{dx}\right)_{pao} \approx \frac{E}{X_0}$$

или

$$E = E_0 e^{-x/X_0}$$

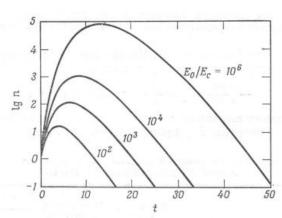
Испущенные фотоны обладают энергией большей 1МэВ, поэтому происходит рождение электронно-позитронных пар. Из-за этого создаются каскадные ливни.

В итоге фактическая длина среднего свободного пробега будет:

$$X_p = \left(\frac{9}{7}\right) X_0$$

Значения критической	энергии E_{RP} и радиационной	
длины X_0 для	различных веществ	

Вещество 2	7	Плотность, г/см ³	Критическая _ энергия, МэВ	Радиационная длина	
	2			r/cm2	СМ
Н2 (жидкость)	1	0,071	340	62,8	887
Не (жидкость)	2	0,125	220	93,1	745
C	6	1,5	103	43,3	28
Al	13	2,70	47	24,3	9,00
Fe	26	7,87	24	13,9	1,77
Pb	82	11,35	6,9	6,4	0,56
Воздух		0,0012	83	37,2	30,870
Вода		1	93	36,4	36,4



Фиг. 3.10. Зависимость числа электронов n, участвующих в ливне, от толщины слоя измеренной в радиационных длинах [7].

Задание

Построить в MathCAD график зависимости ионизационных потерь тяжёлых частиц от их скорости (формула Бете-Блоха).

Литература

- 1. К.Н. Мухин. "Экспериментальная ядерная физика" (в трех томах), СПб., Издательство Лань,. 2009.
- 2. Фрауэнфельдер Г. Субатомная физика. М.: Мир, 1979