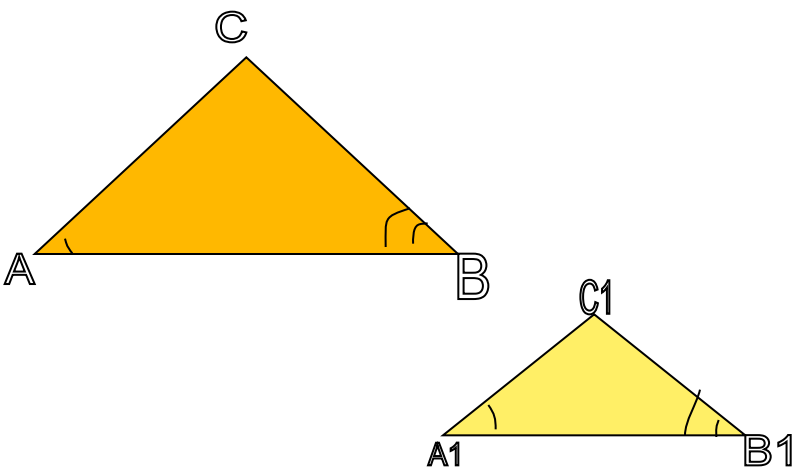
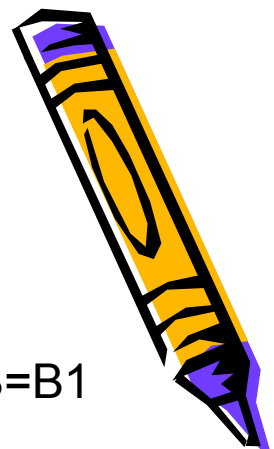




1 признак подобия треугольников.

Если два угла одного треугольника
соответственно равны двум углам
другого, то треугольники подобны





Дано:

$\triangle ABC$ и $\triangle A_1B_1C_1$, $\angle A = \angle A_1$, $\angle B = \angle B_1$

Доказать:

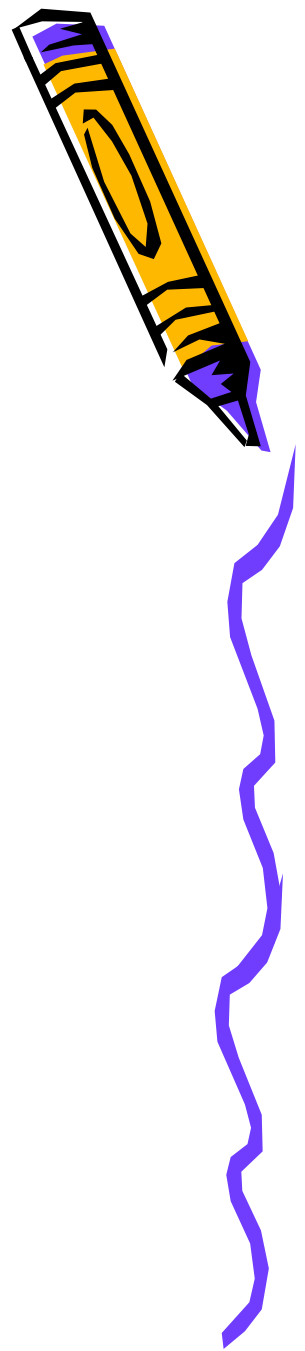
$\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$.



Доказательство:

По теореме о сумме углов треугольника
 $C = 180^\circ - A - B$, $C_1 = 180^\circ - A_1 - B_1$, и, значит, $C = C_1$.

Таким образом, углы
треугольника ABC
соответственно равны
углам треугольника
 $A_1B_1C_1$

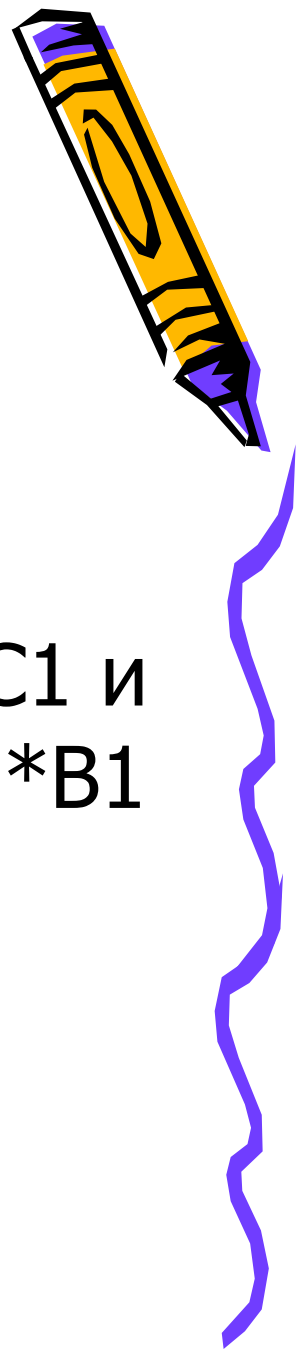


Докажем, что сходственные стороны треугольников ABC и $A_1B_1C_1$ пропорциональны.

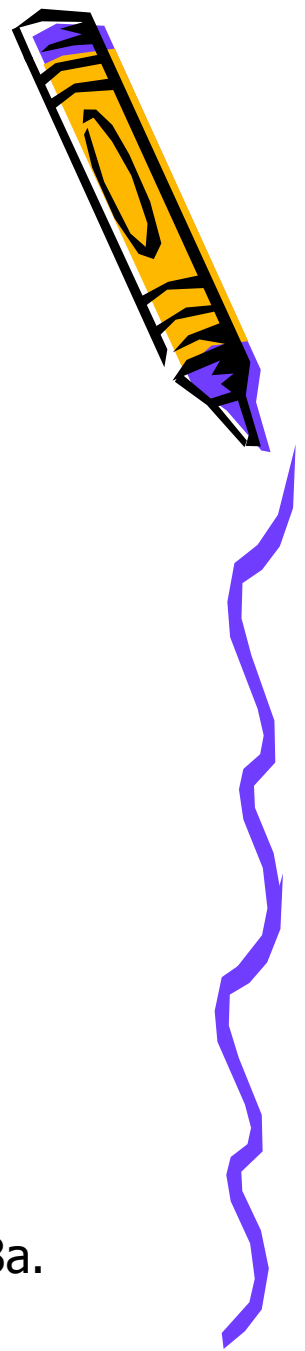
Так как $A=A_1$ и $C=C_1$, то

$$S_{ABC}/S_{A_1B_1C_1} = AB \cdot AC / A_1B_1 \cdot A_1C_1 \text{ и}$$

$$S_{ABC}/S_{A_1B_1C_1} = CA \cdot CB / C_1A_1 \cdot C_1B_1$$



Из этих равенств следует:
 $AB/A_1B_1 = BC/B_1C_1$. Аналогично,
используя равенства $A=A_1, B=B_1$,
получаем $BC/B_1C_1 = CA/C_1A_1$.
Итак, сходственные стороны
треугольников ABC и $A_1B_1C_1$
пропорциональны.
Теорема доказана.



Работа Коренковой 8а.