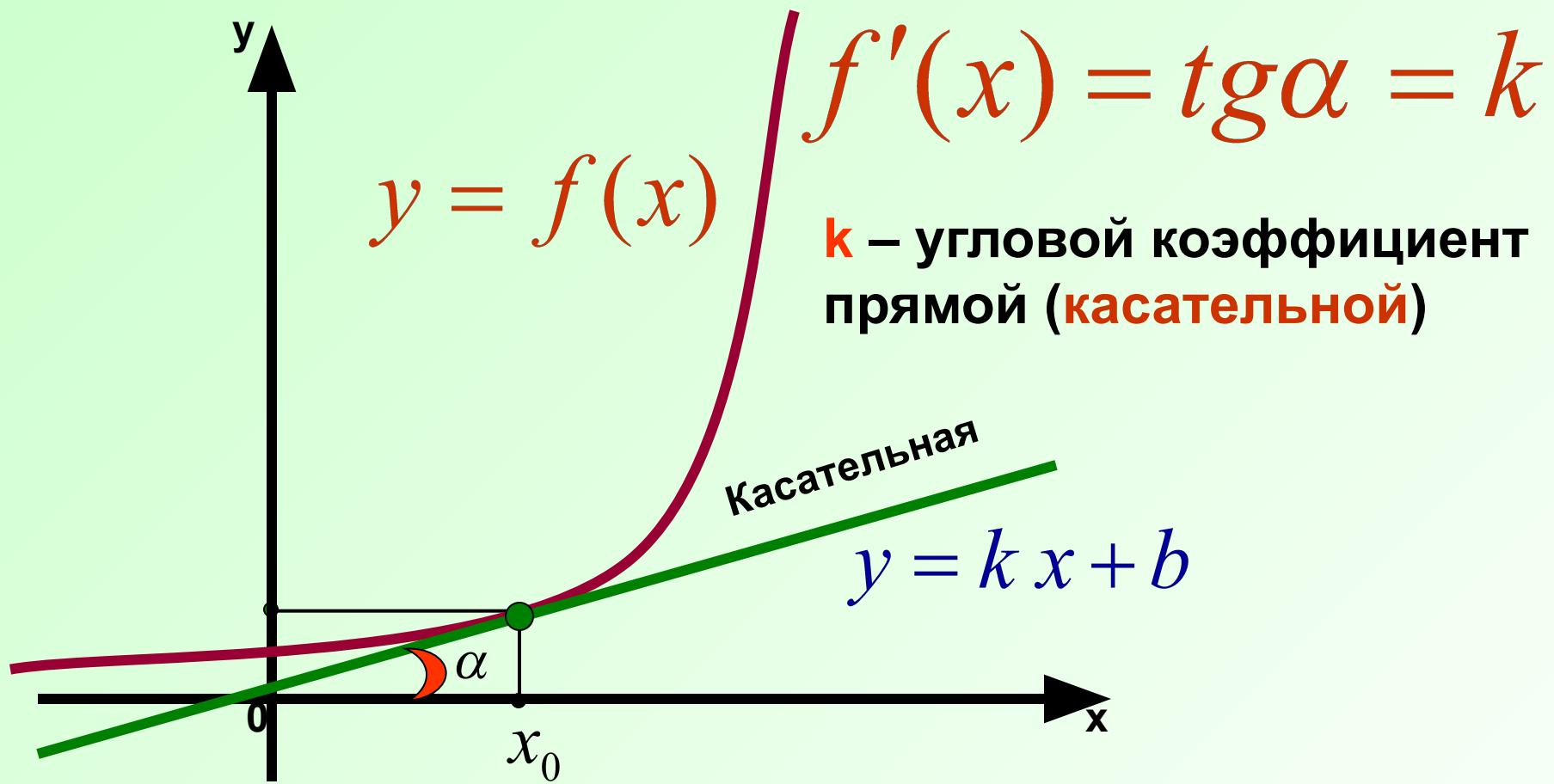


Геометрический смысл производной

11 класс



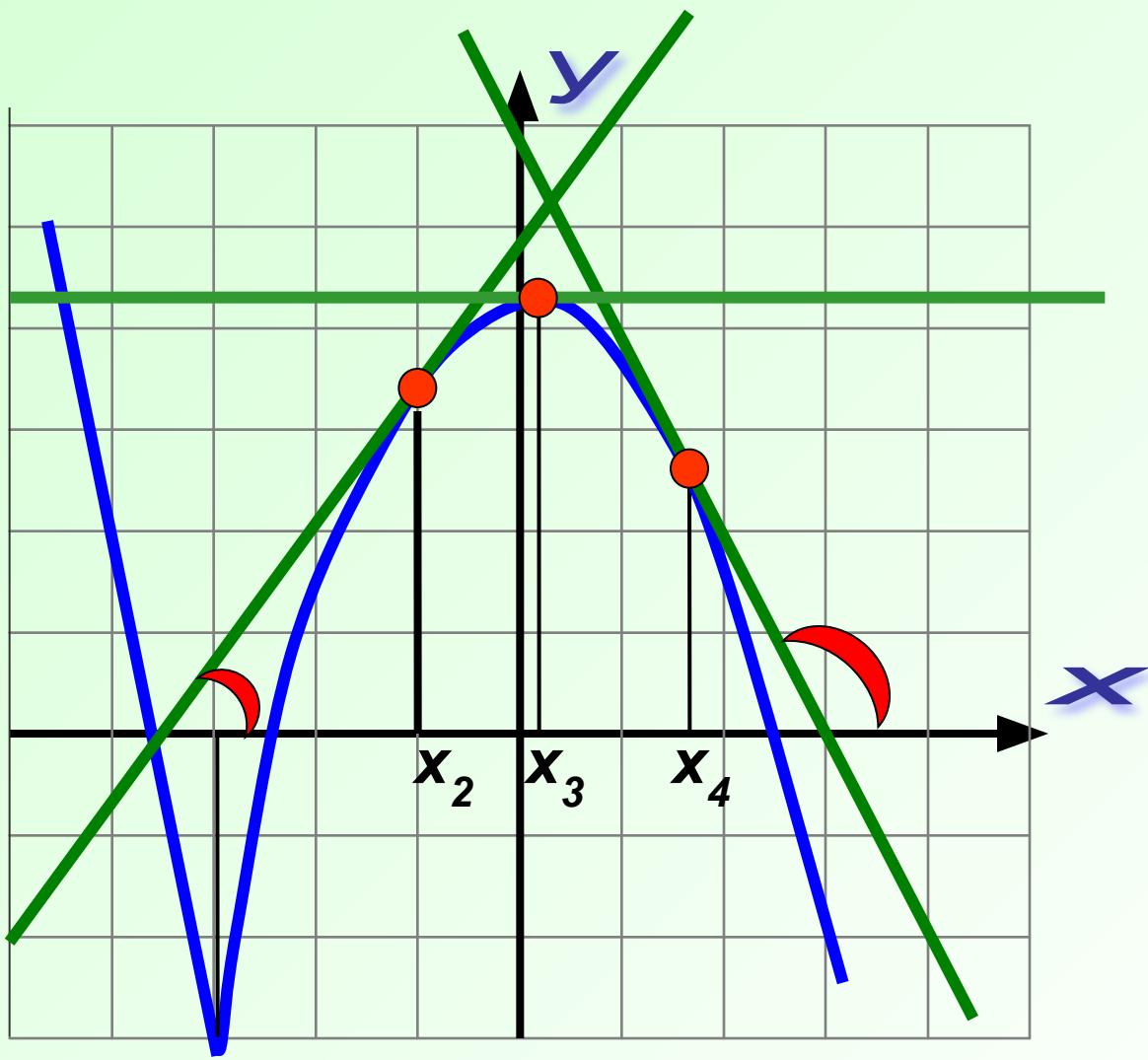
Геометрический смысл производной

Производная от функции в данной точке равна
угловому коэффициенту касательной, проведенной
к графику функции в этой точке.

$$\alpha > 90^\circ \Rightarrow k < 0$$

$$\alpha < 90^\circ \Rightarrow k > 0$$

$\alpha = 0^\circ \Rightarrow k = 0$, касательная параллельна OX

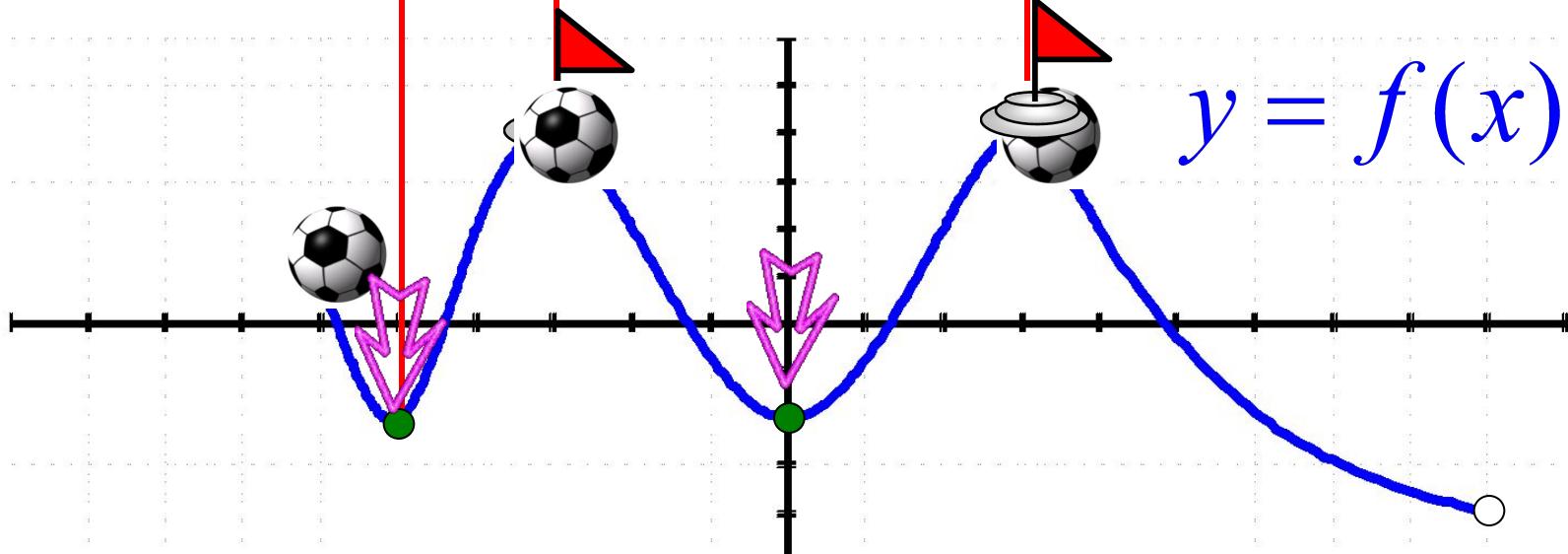


Свойства производной

$$f'(x) \geq 0$$

$$y = f'(x)$$

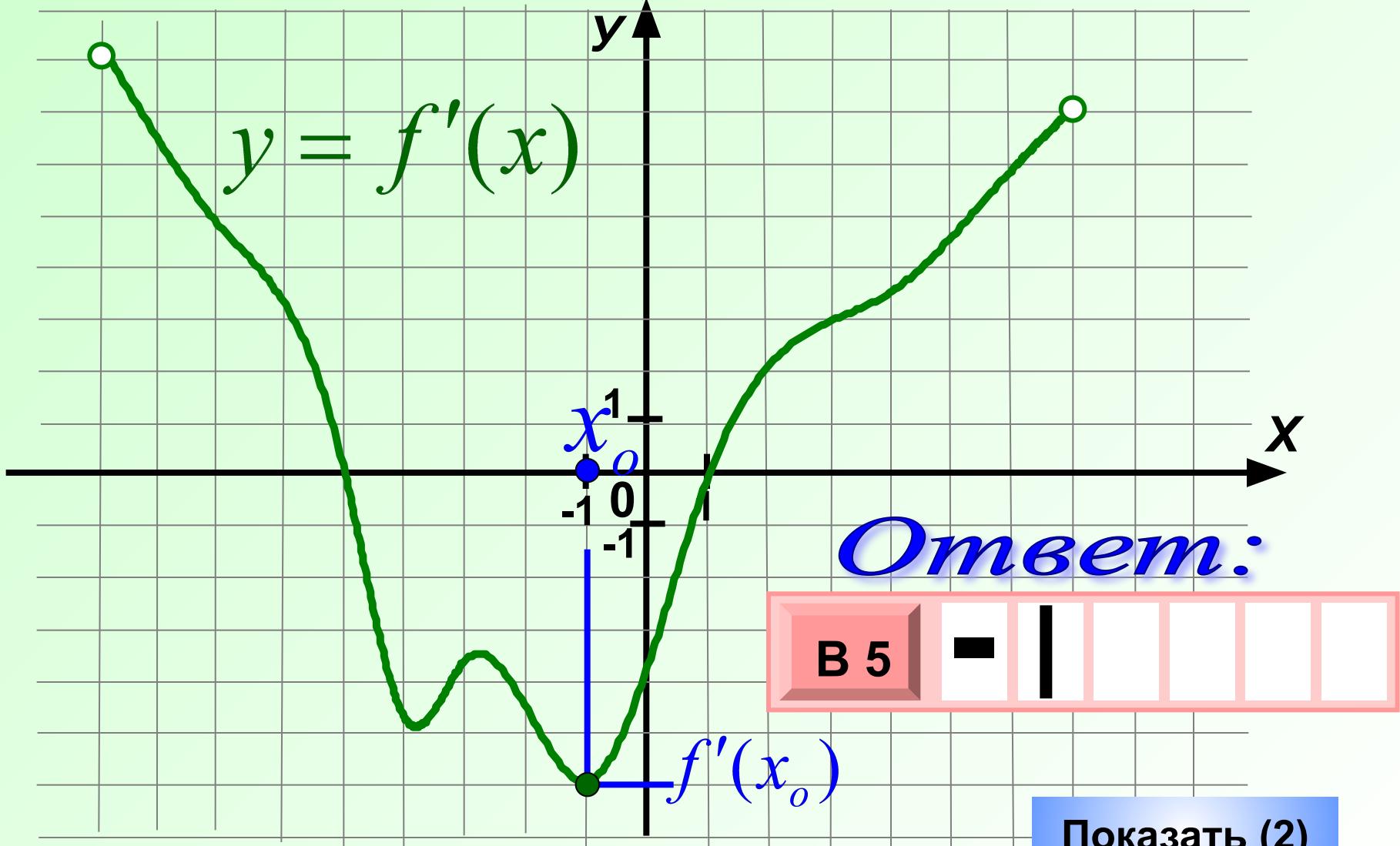
$$f'(x) < 0$$



Поведение функции: **экстремумы**

Показать (6)

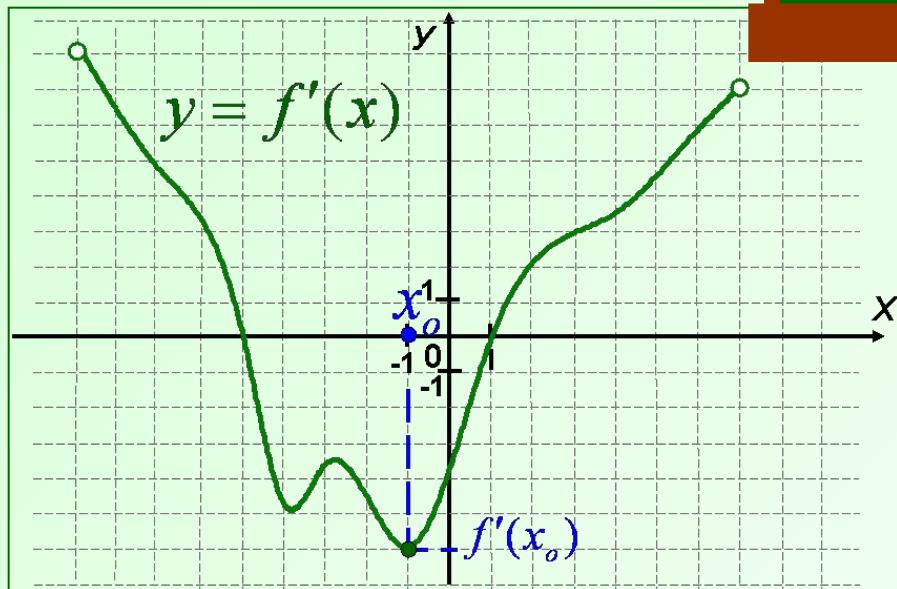
Задание №1 Укажите абсциссу точки, в которой
касательная к графику функции $y = f(x)$ имеет наименьший угловой коэффициент



$$k = f'(x_o)$$

наименьший

Ищу наименьшее
значение
производной



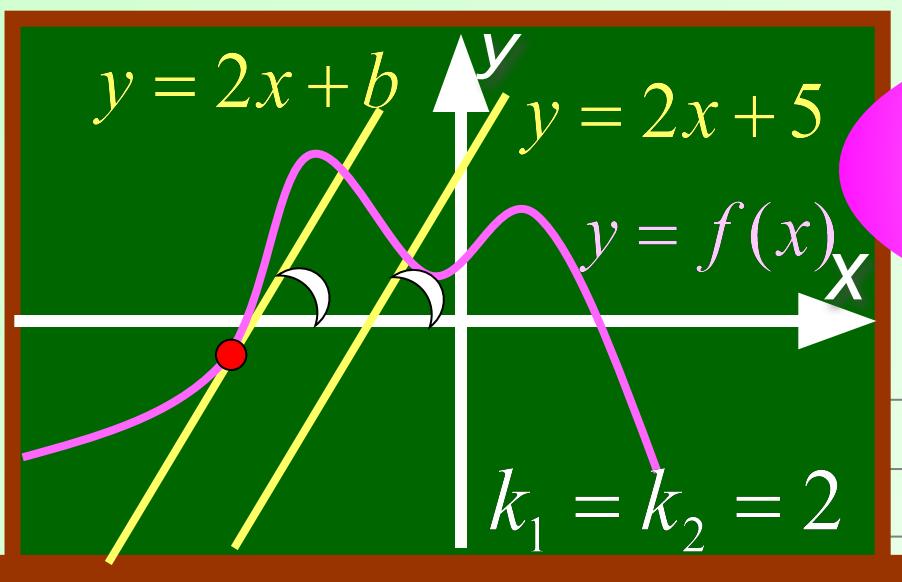
Ответ:

B 5

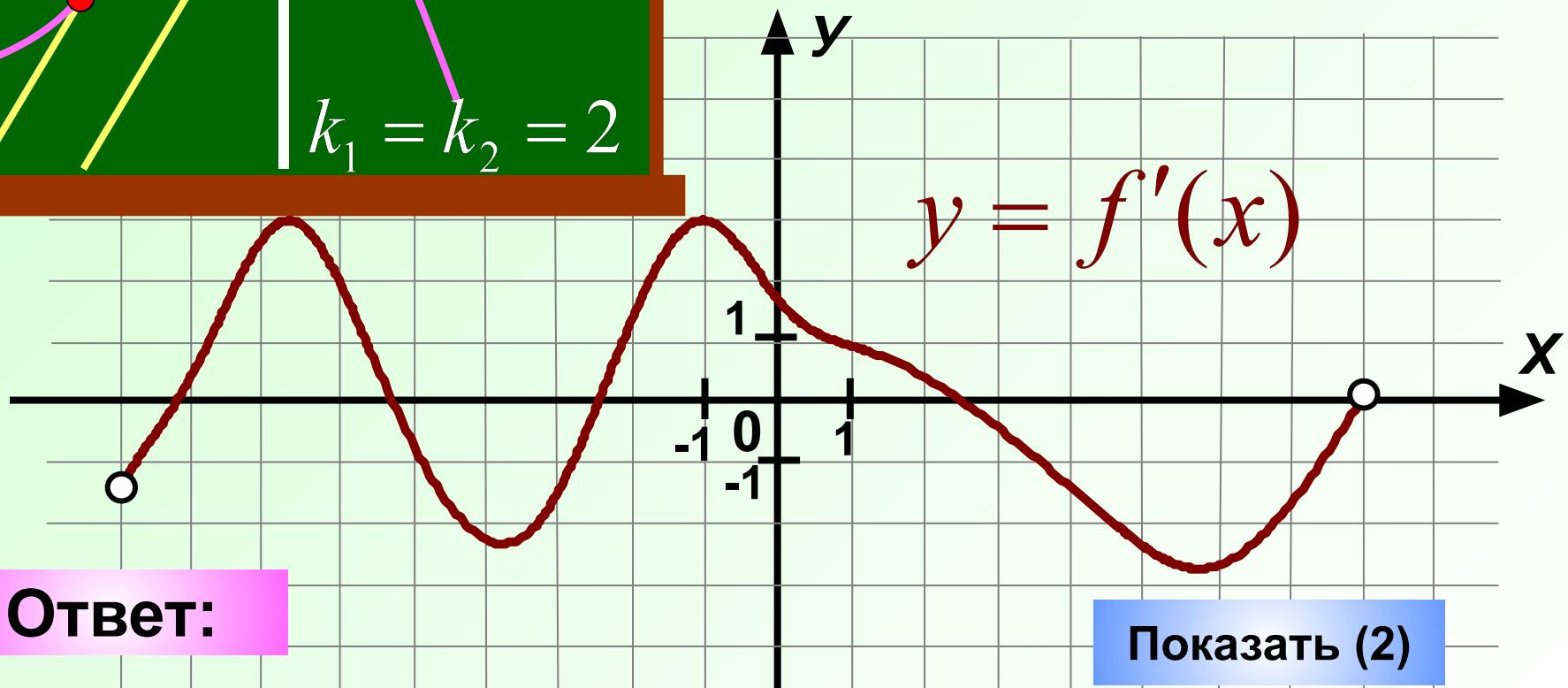
--	--	--	--	--	--	--	--

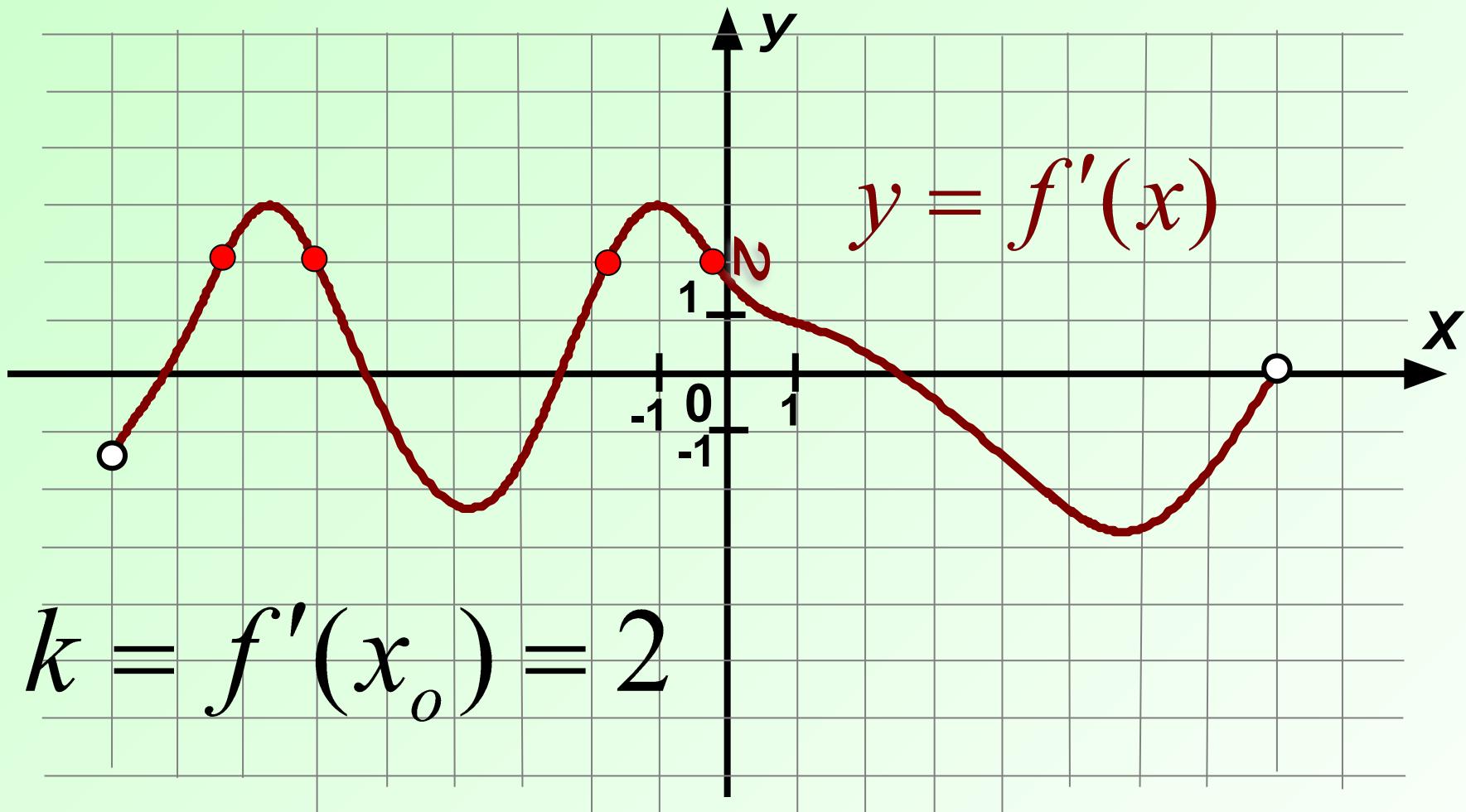
Показать (2)

К графику функции $y = f(x)$ провели все касательные параллельные прямой $y = 2x + 5$ (или совпадающие с ней). Укажите количество точек касания.



Так как $k = f'(x_0) = 2$, то считаю точки, в которых производная принимает значения 2



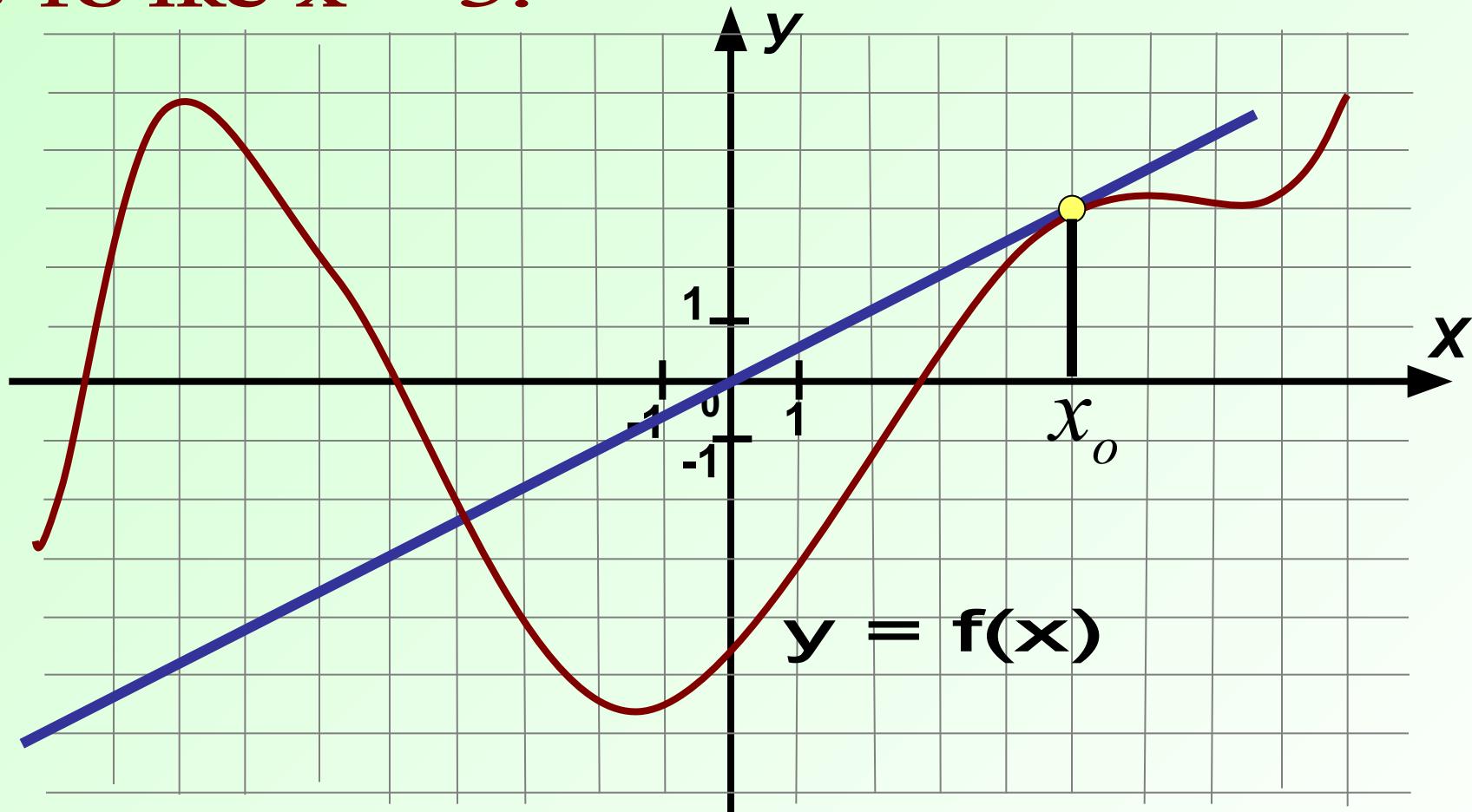


$$k = f'(x_o) = 2$$

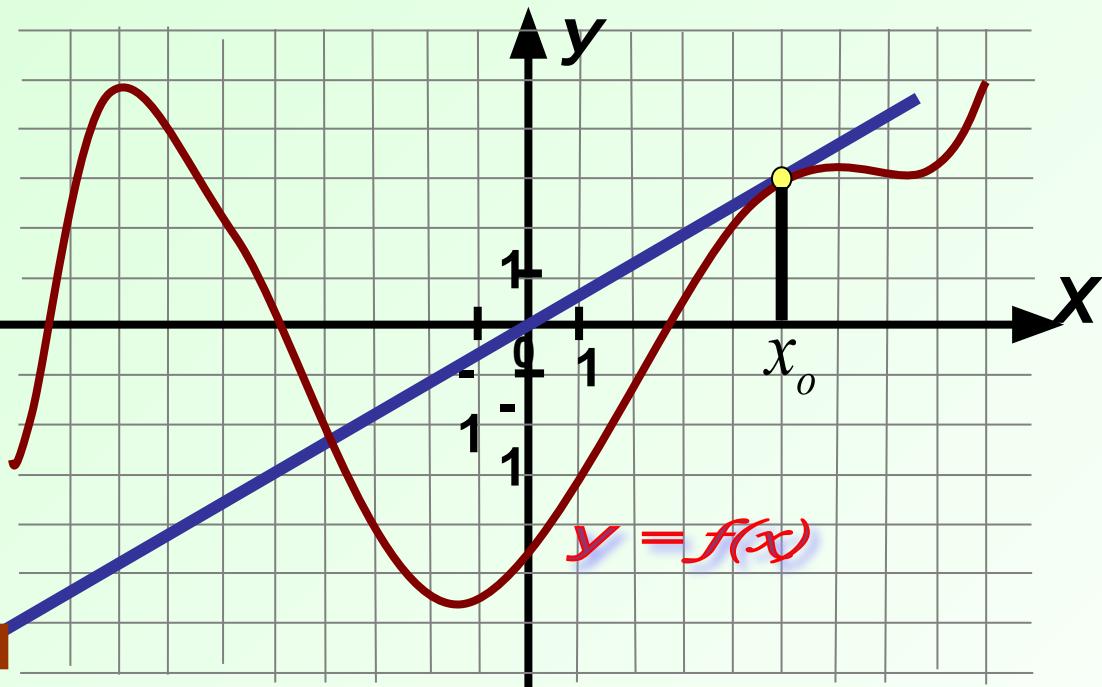
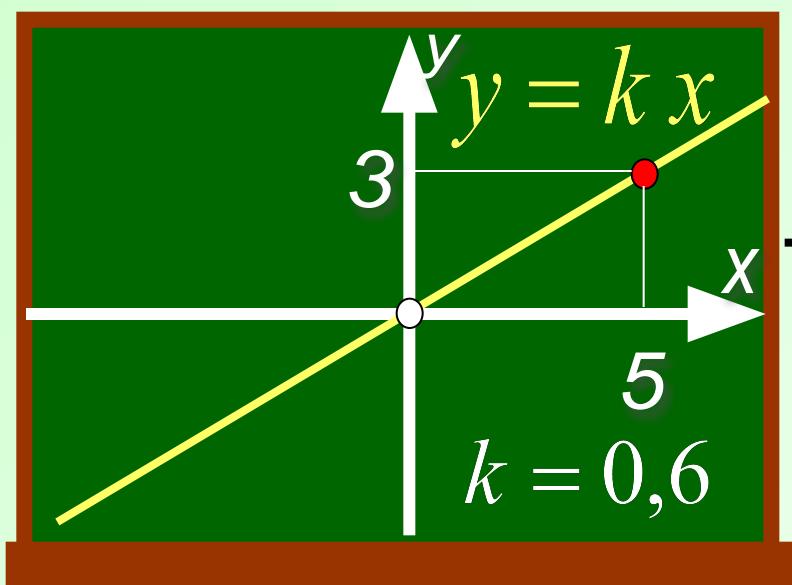
Ответ:

B 5	4					
-----	---	--	--	--	--	--

Задание №3: Прямая, проходящая через начало координат касается графика функции $y = f(x)$. Найдите производную функции в точке $x = 5$.



Задание №3: Прямая, проходящая через начало координат касается графика функции $y = f(x)$. Найдите производную функции в точке $x = 5$.



Производная функции в точке
Ответ: $x = 5$ – это производная в

В 5 0 , 6

касательной.

Рассуждение (3)

Задание №4: К графику функции $y = f(x)$ провели касательные под углом 135 градусов к положительному направлению оси OX . На рисунке изображен график производной функции. Укажите количество точек касания.

α – угол наклона

касательной к оси OX :

$$\operatorname{tg} \alpha = k = f'(x_0)$$

$$\operatorname{tg} 135^\circ = -1 = f'(x_0)$$

Ответ:

В 5

4

Рассуждение
(2)

Задание №5: По графику производной функции

указать наибольшую длину промежутка возрастания функции $y = f(x)$.

$y = f(x)$ возрастает,

если $f'(x) \geq 0$

$y = f(x)$ убывает,

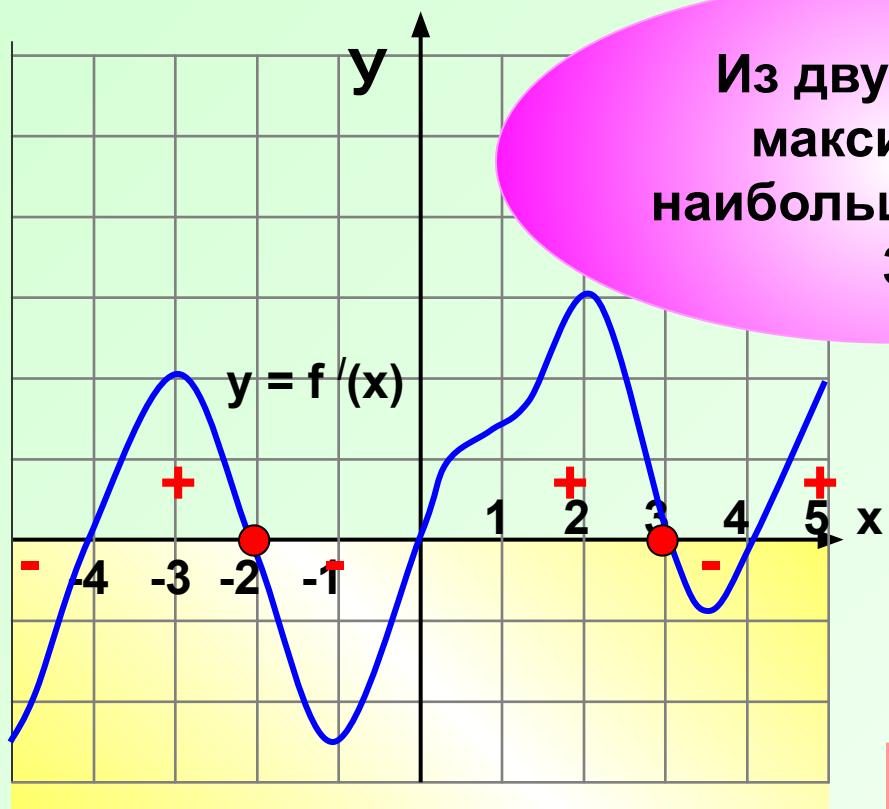
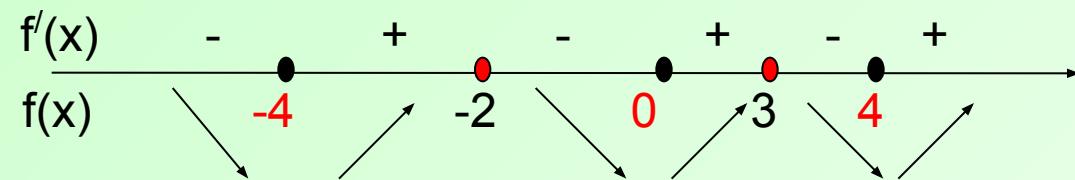
если $f'(x) < 0$ *Ответ:*

в 5

7

--	--	--	--	--	--	--

**Задание №6: По графику производной функции
указать наибольшую точку максимума функции $y = f(x)$.**



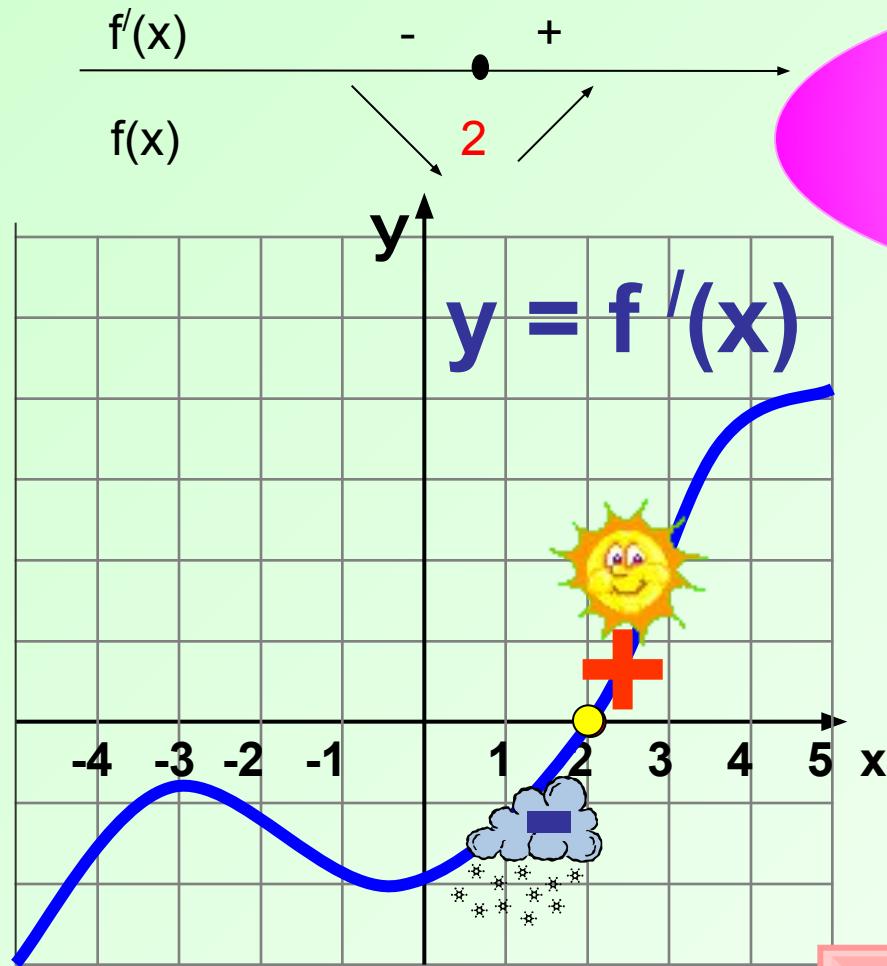
Из двух точек
максимума
наибольшая $x_{\max} =$
3

Ответ:

В 5

3

Задание №7: По графику производной функции определите значение x , при котором функция $y = f(x)$ принимает наименьшее значение.



$x_{\min} = 2$ - единственная
В этой точке функция
 $y = f(x)$ примет
наименьшее значение

Ответ:
В 5 2

**Задание №8: По графику производной функции
указать количество точек максимума функции $y = f(x)$.**

При переходе через
точку максимума $f'(x)$
меняется свой знак с + на -

поведение $f(x)$



Ответ:

В 5 | 2 |

**Задание №9: Найдите значение производной
функции в точке касания**

Ответ:

в 5

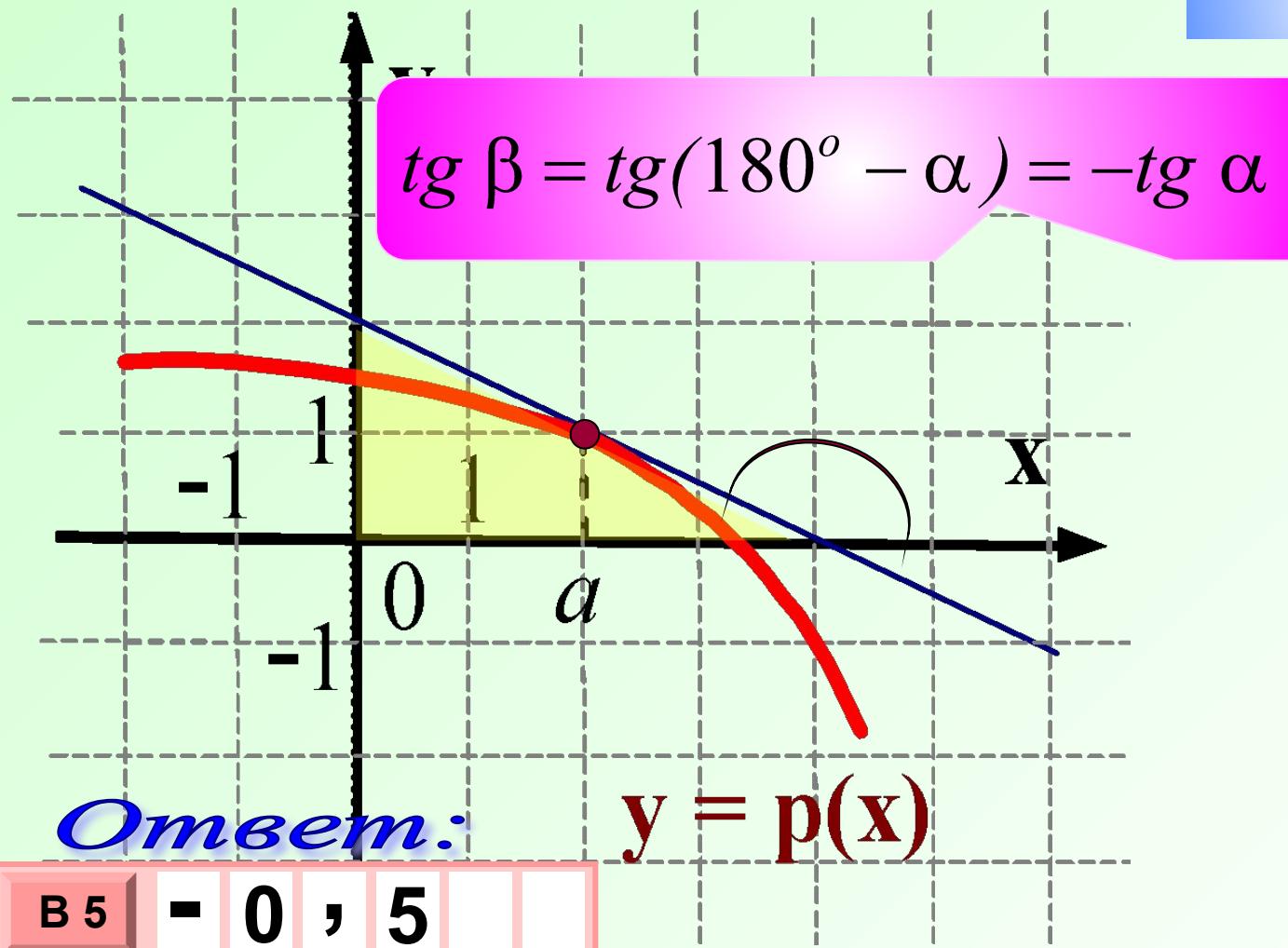
0 , 5

$$f'(a) = \operatorname{tg} \alpha$$

*α – угол наклона
касательной к
положительному
направлению оси OX*

**Задание №10: Найдите значение производной
функции в точке касания**

ОТВЕТ



Задание №11: Используя график производной функции, найдите значение функции $y=f(x)$ в точке $x = 2$, если $f'(5) = 0$

$$f(x) = -3x + C$$

$$f(5) = 0$$

$$0 = -3 \cdot 5 + C$$

$$C = 15$$

$$f(2) = -3 \cdot 2 + 15 = 9$$

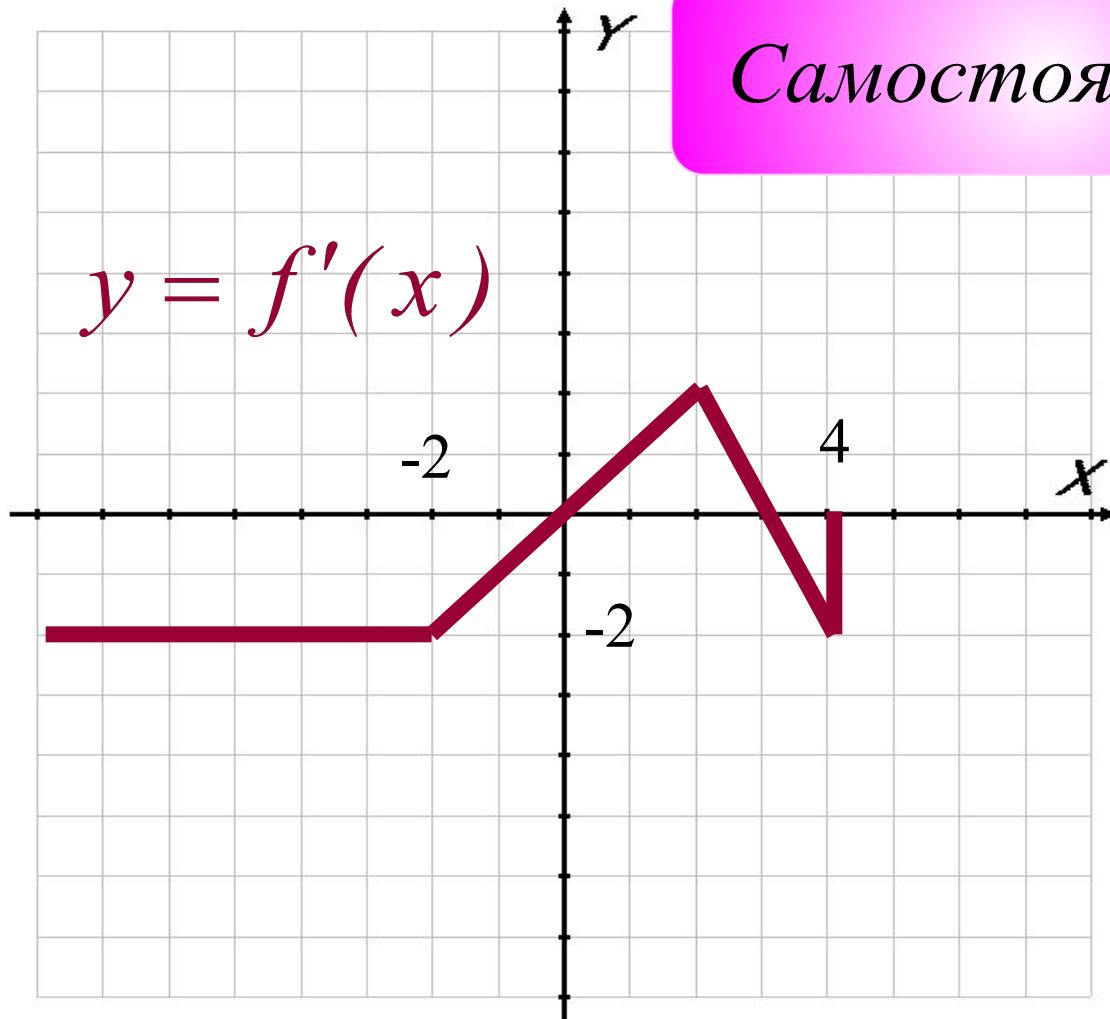


Ответ:
В 5 9

Задание №12: Используя график производной функции, найдите значение функции $y=f(x)$ в точке $x = -3$, если $f(-5) = 0$

Самостоятельно

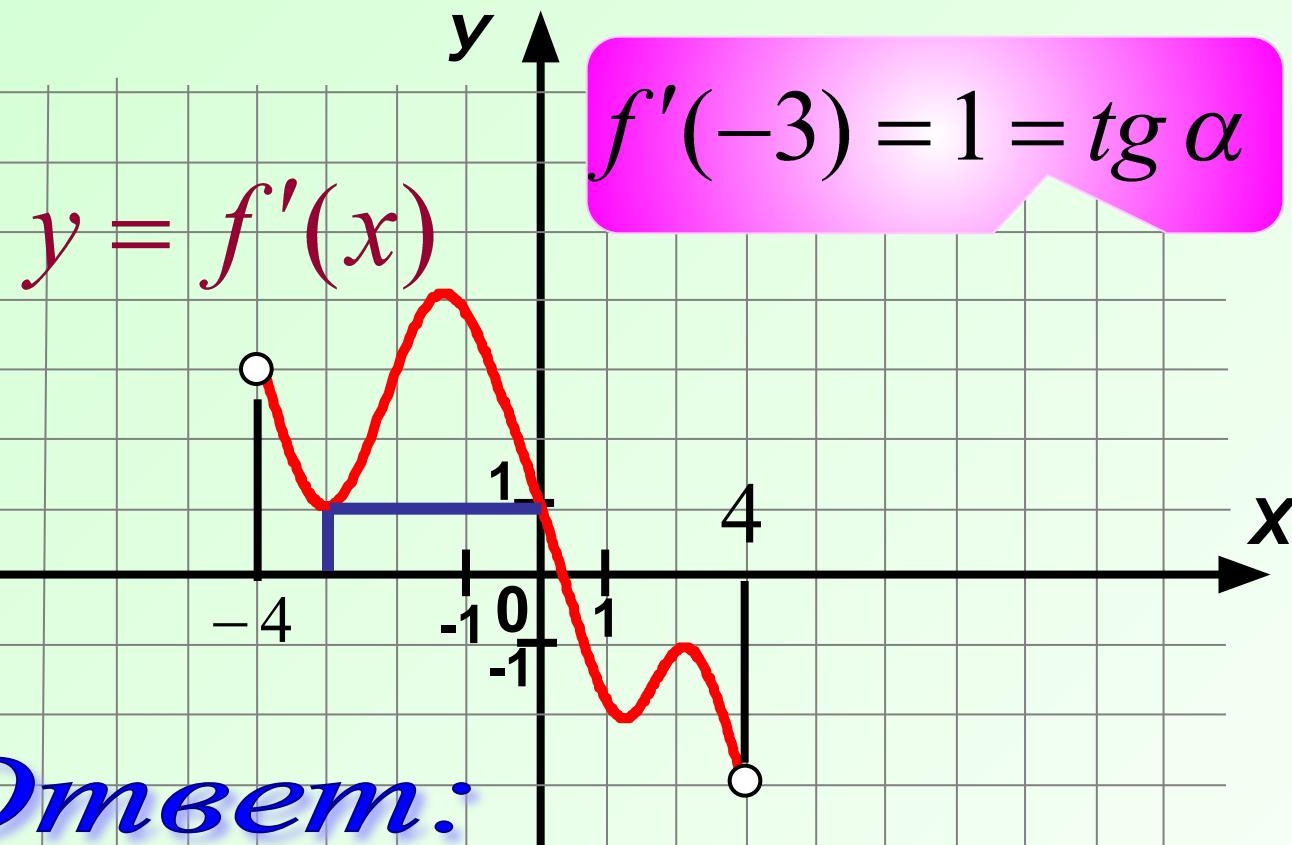
$$y = f'(x)$$



Ответ:

В 5 - 4

Задание №13: По графику производной функции определить величину угла (в градусах) между положительным направлением оси OX и касательной к графику функции $y = f(x)$ в точке $x = -3$



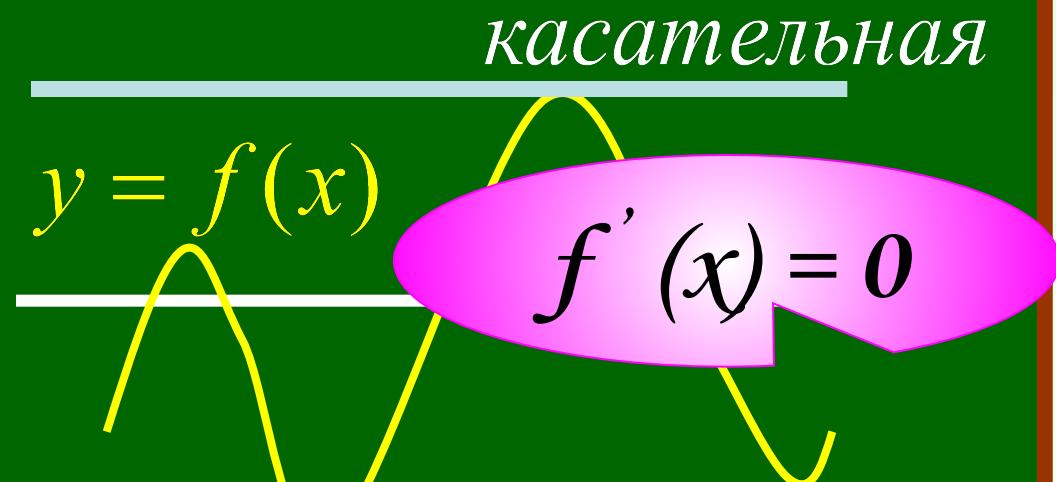
Ответ:

В 5

4 5

Показать (2)

Задание №14: По графику производной функции определить наименьшую абсциссу точки, в которой касательная к графику функции $y = f(x)$ параллельна оси абсцисс



$$\alpha = 0,$$

Ответ:

$$2$$

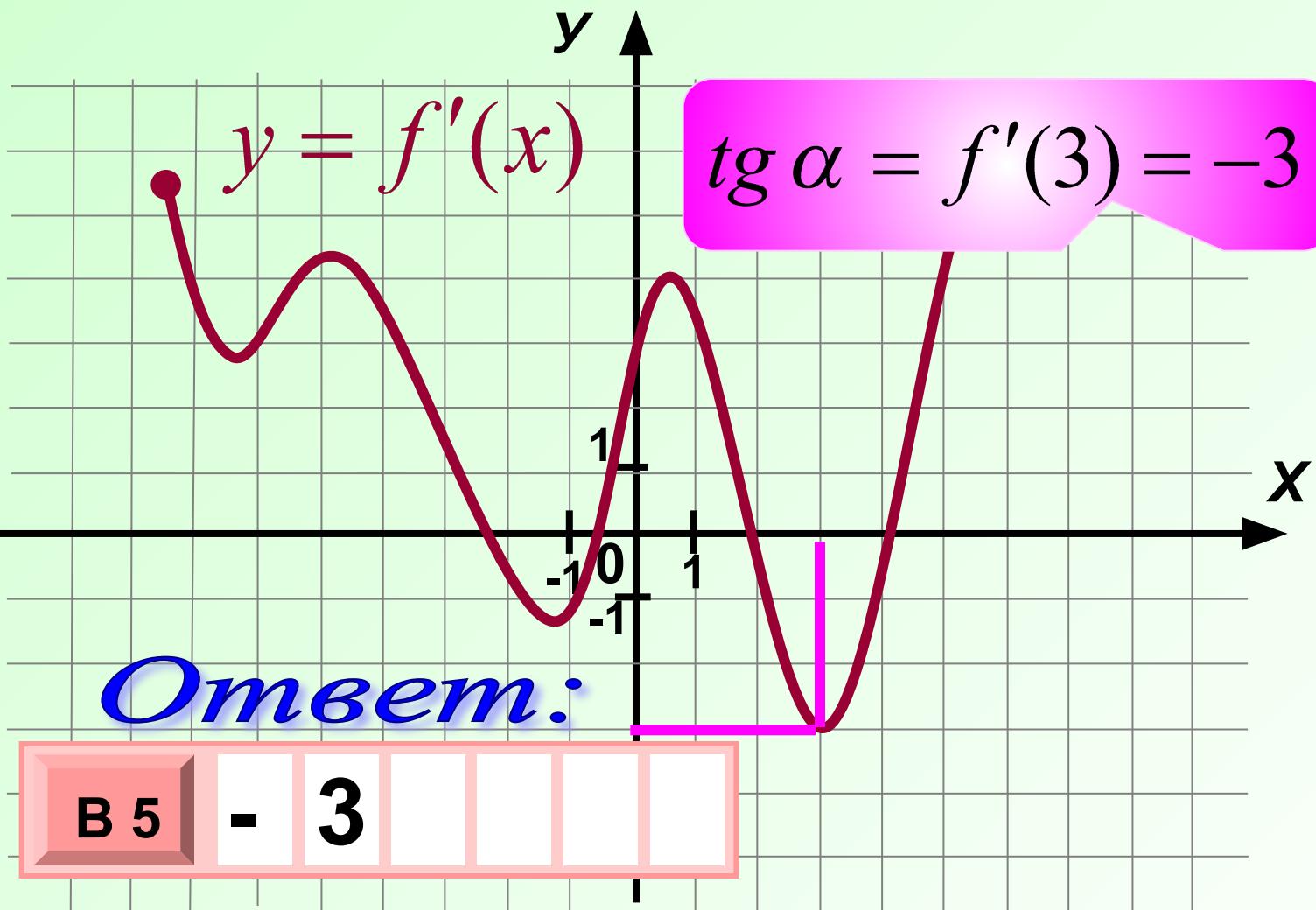
$$= \operatorname{tg} 0$$

В 5

2

--	--	--	--	--	--

Задание №15: По графику производной функции определить тангенс угла наклона касательной к графику функции $y = f(x)$ в точке с абсциссой $x = 3$



**Задание №16: По графику производной функции
укажите количество касательных к графику функции
 $y = f(x)$, расположенных под углом 60 градусов
к оси абсцисс**

α – угол наклона

касательной к оси OX :

$$\operatorname{tg} \alpha = k = f'(x_o)$$

$$\operatorname{tg} 60^\circ = \sqrt{3} \approx 1,7 = f'(x_o)$$

Ответ:

В 5

4

Рассуждение
(2)

Задание №17: По графику производной функции определите наименьшее из тех значений x , в которых функция $y = f(x)$ имеет минимум.

Ответ:

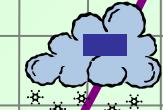
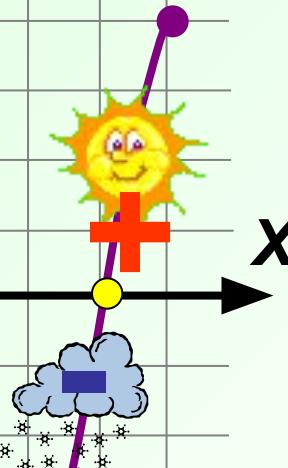
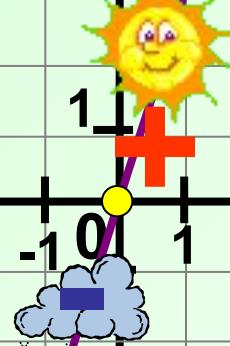
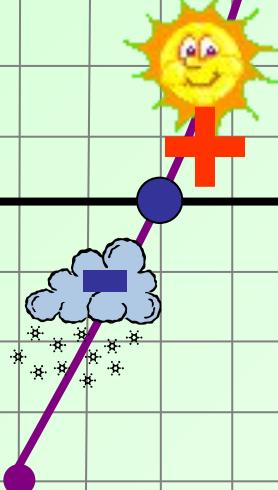
В 5	- 6					
-----	-----	--	--	--	--	--

$$y = f'(x)$$

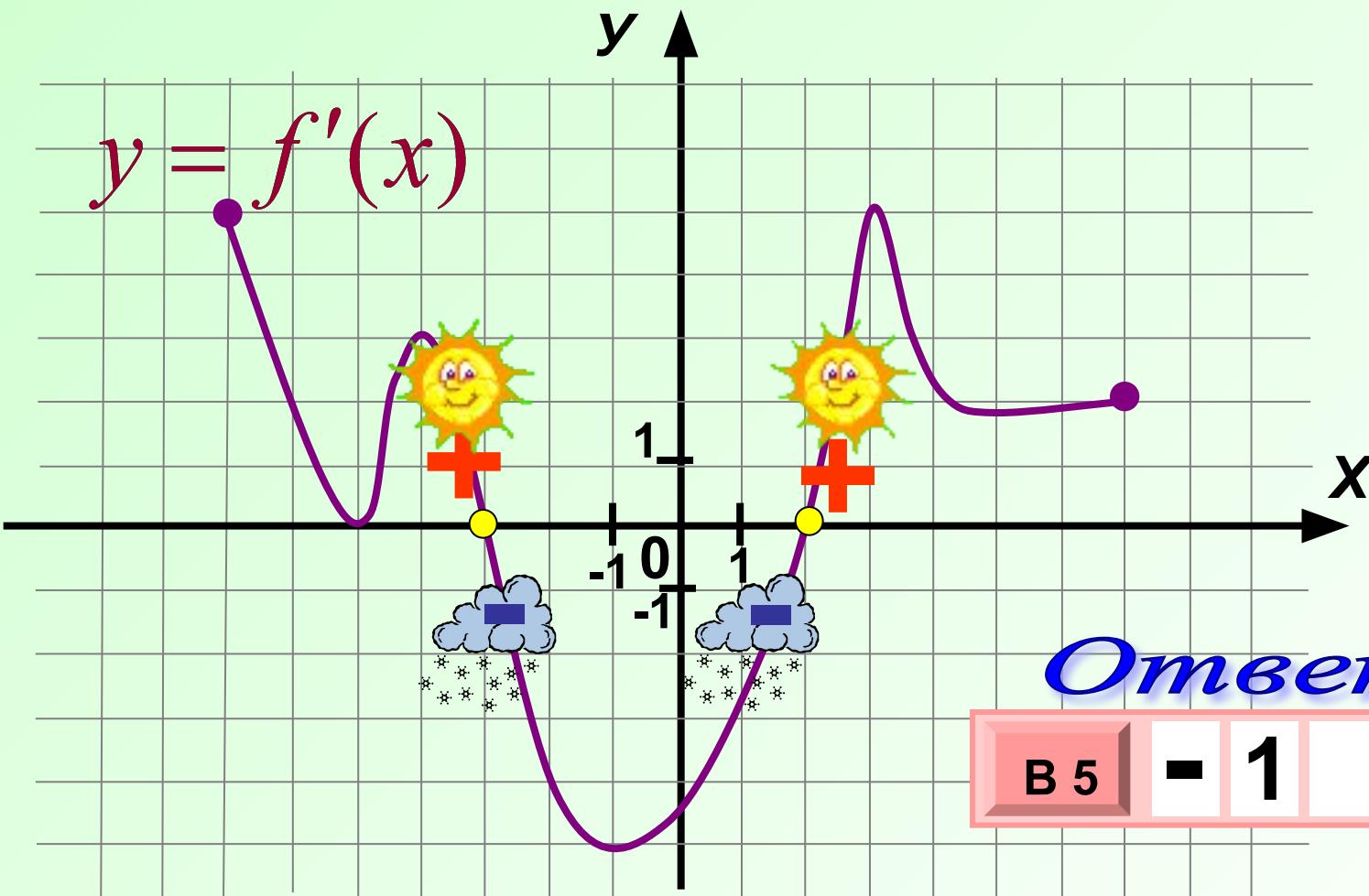
y

x

1
-1 0 1



Задание №18: По графику производной функции определите сумму абсцисс точек экстремумов функции $y = f(x)$

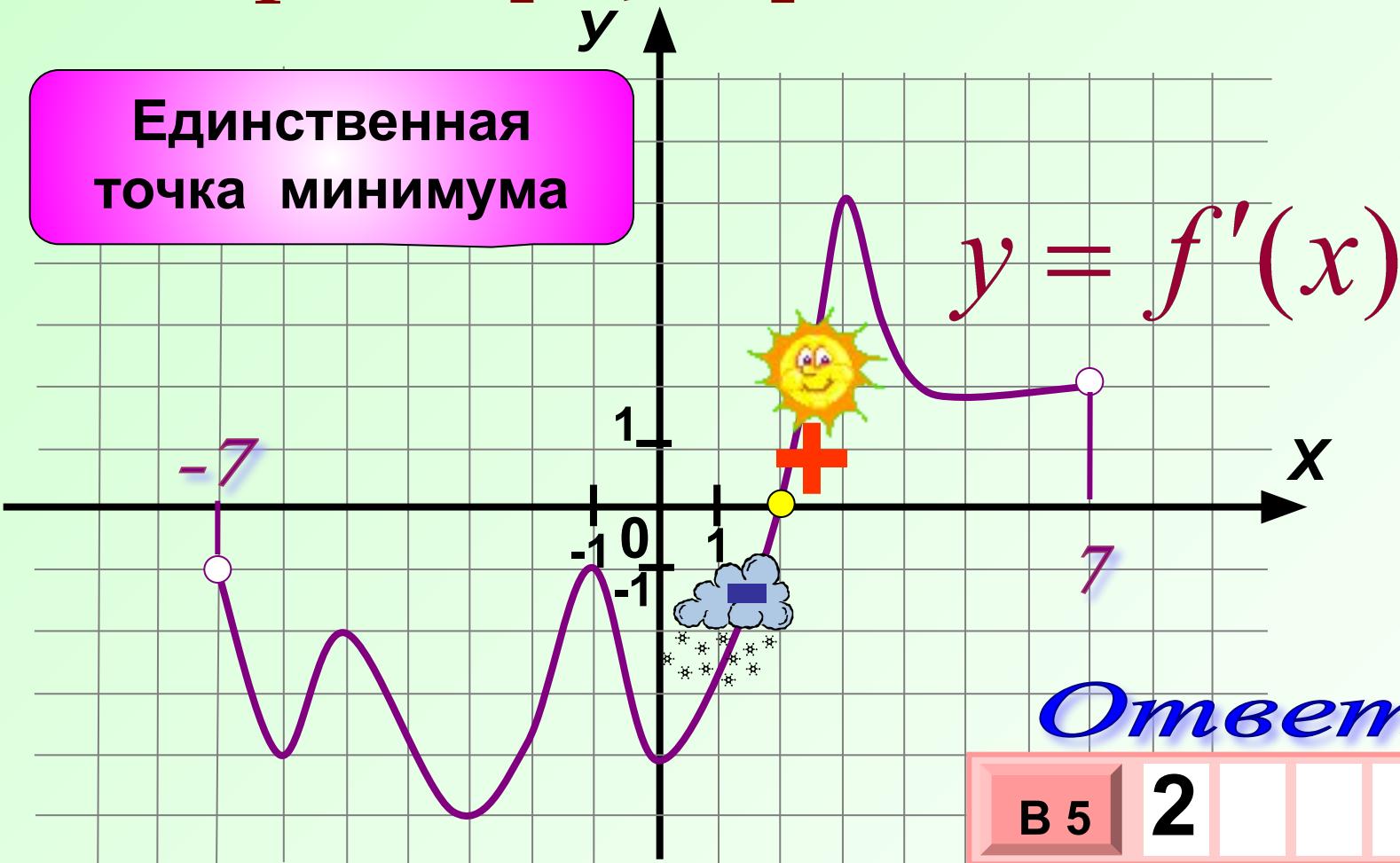


Ответ:

B 5	- 1						
-----	-----	--	--	--	--	--	--

Задание №19: По графику производной функции определите значение x , при котором функция $y = f(x)$ принимает наименьшее значение на отрезке $[-7; 7]$

**Единственная
точка минимума**



Задание №20 Укажите абсциссу точки, в которой касательная к графику функции $y = f(x)$ имеет наибольший угловой коэффициент

$$y = f'(x)$$

y

$$f'(x_0)$$

Ответ:

B 5

-							
---	--	--	--	--	--	--	--

x_0

1

-1

0

1

x

Ищу наибольшее значение производной на интервале

