



# Салмақ функциясын есептеу

Орындаған: Абдиров А., Женисова Н., Куан Н.

# ЖОСПАР:



- 1. Салмақ функциясы
  
- 2. Дискретті салмақ функциялары
  - а)Жалпы анықтама
  - б)Статистика
  - в)Механика
- 3. Үздіксіз салмақ функциялары
  - а)Жалпы анықтама
  - б)Өлшенген көлем
  - в)Орташа алынған өлшену
  - г) Скаляр көбейтіндісі
  
- 4. Қолданылған әдебиеттер

□ **Салмақ функциясы** - басқа элементтермен салыстырғанда, нәтижесінде құны белгілі бір элементтердің үлкен салмағын беру үшін суммациясы, интеграцияны немесе орташаланған қолдану кезінде пайдаланылатын математикалық конструкция. Проблема жиі тығыз іс-қимыл теориясына байланысты, статистика және математикалық талдау туындайды. Салмақтық функциясы үшін де дискретті және үздіксіз айнымалылар үшін пайдалануға болады.



# Дискретті салмақ функциялары



- $W : A \rightarrow \mathbf{R}^+$  оң функциясы, дискретті жиынтық мағынада анықталған  $A$ , соңғы немесе есеп жиынтығы болып табылады. Салмақ функциясы  $w(a) := 1$  барлық элементтер жиынтығы бірдей салмақта болса, онда өлшенбеген жағдайға сай келеді.  $f : A \rightarrow \mathbf{R}$  облыстық заттар санына табылса, өлшенбеген сумма  $f$  тің  $A$  ға былай табылады:
- $$\sum_{a \in A} f(a);$$

- Алынған сомаларды ең көп таралған қосымшалар - **сандық интегралдау** және **сандық сүзгілеу**.
- Көпкритериальды оңтайландыру тапсырмаларында көптеген жеке мәндерден сапа критерийлерінің біртұтас интегралдық критерийіне көшу үшін (мысалы, құндылық), сондай-ақ, өлшенген жиынтықтау қолданылады,



Если  $A$  — конечное непустое множество, можно ввести аналог **среднего арифметического**

$$\frac{1}{|A|} \sum_{a \in A} f(a)$$

в виде **взвешенного среднего арифметического**

$$\frac{\sum_{a \in A} f(a)w(a)}{\sum_{a \in A} w(a)}.$$



В задачах **многокритериальной оптимизации** для перехода от множества частных значений критериев качества к единому интегральному критерию (например, стоимостному) также применяется взвешенное суммирование. Иногда <sup>[1]</sup>, если диапазоны значений частных показателей качества существенно различаются (на несколько порядков), перед нахождением численного значения интегрального критерия  $J$  частные показатели качества  $x_i$  нормируются (диапазон изменения  $[\min x_i, \max x_i]$  каждого из них

приводится к отрезку  $[0, 1]$ ):  $x'_i = \frac{x_i - \min x_i}{\max x_i - \min x_i}$ , а интегральный критерий рассчитывается как

$J = \sum_{i=1}^n x'_i w_i$ , чем достигается одинаковое влияние частных критериев на результат при сопоставимых

значениях весовых коэффициентов  $w_1, \dots, w_n$ .

# Статистика



Взвешенное среднее часто используется в **статистике** для компенсации предвзятости (англ. *Bias*). Для истинного значения  $f$ , измеренного как  $f_i$  несколько раз независимо друг от друга с **дисперсиями**  $\sigma_i^2$ , наилучшее приближение получается путём усреднения всех результатов измерений с весами  $w_i = \frac{1}{\sigma_i^2}$ : результирующая дисперсия оказывается меньше каждого независимого измерения  $\sigma^2 = 1 / \sum w_i$ . В **методе максимального подобия** разности взвешиваются аналогичными значениями  $w_i$ .

# Механика



Термин *взвешенная функция* возник из **механики**: если имеется  $n$  объектов с весами  $w_1, \dots, w_n$  (термин **вес** в данном случае имеет физический смысл), расположенных в точках  $\mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_n$  на **рычаге**, рычаг будет находиться в равновесии, если **точка опоры** будет расположена в **центре масс**

$$\frac{\sum_{i=1}^n w_i \mathbf{x}_i}{\sum_{i=1}^n w_i},$$

который можно интерпретировать как взвешенное среднее координат  $\mathbf{x}_i$ .



# Үздіксіз салмақ функциялары



В случае непрерывных величин вес — положительная **мера**  $w(x)dx$  в некотором **домене**  $\Omega$ , который обычно представляет собой **подмножество Евклидова пространства**  $\mathbb{R}^n$  на **отрезке**  $[a, b]$ . Здесь  $dx$  — **мера Лебега**, а  $w : \Omega \rightarrow \mathbb{R}^+$  — неотрицательная функция. В данном контексте весовая функция  $w(x)$  часто употребляется в понятии **плотности**.

**Общие определения** [ [править](#) | [править вики-текст](#) ]

Если  $f : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  — вещественнозначная функция, то **невзвешенный интеграл**

$$\int_{\Omega} f(x) dx$$

может быть дополнен **взвешенным интегралом**

$$\int_{\Omega} f(x)w(x) dx$$

# Өлшенген көлем



Если  $E$  — подмножество  $\Omega$ , то **объём**  $\text{vol}(E)$  области  $E$  может быть дополнен *взвешенным объёмом*

$$\int_E w(x) dx.$$

# Орташа алынған өлшену



Если  $\Omega$  имеет конечный ненулевой взвешенный объём, то можно заменить невзвешенное среднее

$$\frac{1}{\text{vol}(\Omega)} \int_{\Omega} f(x) dx$$

на взвешенное среднее

$$\frac{\int_{\Omega} f(x) w(x) dx}{\int_{\Omega} w(x) dx}$$

# Скаляр көбейтіндісі



Если  $f : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  и  $g : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  — две функции, в дополнение в невзвешенному скалярному произведению

$$\langle f, g \rangle := \int_{\Omega} f(x)g(x) dx$$

можно ввести взвешенное скалярное произведение

$$\langle f, g \rangle := \int_{\Omega} f(x)g(x) w(x) dx$$

# Қолданылған әдебиеттер:



- ↑ 1. *Ватутин Э.И.* Оценка качества разбиений параллельных управляющих алгоритмов на последовательные подалгоритмы с использованием весовой функции. Материалы межрегиональной научно-технической конференции «Интеллектуальные и информационные системы» (Интеллект-2005). Тула. С. 29–30. (2005).
- 2. Математическая Энциклопедия. Т. 1 (А - Г). Ред. коллегия: И. М. Виноградов (глав ред) [и др.] - М., «Советская Энциклопедия», 1977, 1152 стб. с илл.

**НАЗАРЛАРЫҢЫЗҒА  
РАХМЕТ!!!**

