

Повторение: прогрессии

Прогрессии

Арифметическая прогрессия

Последовательность, в которой каждый член, начиная со второго, равен предыдущему, сложенному с одним и тем же числом.

Число d - разность прогрессии

$$d = a_2 - a_1 = a_3 - a_2 = a_4 - a_3 = \dots$$

Геометрическая прогрессия

Последовательность отличных от нуля чисел, в которой каждый член, начиная со второго, равен предыдущему, умноженному на одно и то же число.

Число q - знаменатель прогрессии.

$$q = b_2 : b_1 = b_3 : b_2 = b_4 : b_3 = \dots$$

Формула n -го члена прогрессии

арифметической

геометрической

$$a_n = a_1 + d(n - 1)$$

$$b_n = b_1 \cdot q^{n - 1}$$

Дано: $a_1 = 7, d = 5$

Найти: a_4 .

$$a_4 = 22$$

Дано: $b_1 = 3, q = 2$

Найти: b_3 .

$$b_3 = 12$$

Характеристическое свойство

*Каждый член
последовательности,
начиная со второго, есть
среднее арифметическое
между предыдущим и
последующим членами
прогрессии*

$$a_n = \frac{a_{n-1} + a_{n+1}}{2}$$

$x_1, x_2, 4, x_4, 14, \dots$
найти: x_4

$$x_4 = 9$$

*Каждый член
последовательности,
начиная со второго, есть
среднее геометрическое
между предыдущим и
последующим членами
последовательности ($b_n > 0$)*

$$b_n = \sqrt{b_{n-1} \cdot b_{n+1}}$$

$b_1, b_2, 1, b_4, 16, \dots$ - все члены
положительные числа
найти: b_4

$$b_4 = 4$$

Формулы суммы n первых членов

арифметическая

$$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$$

$$S_n = \frac{2a_1 + d(n-1)}{2} \cdot n$$

Дано: $a_1 = 5, d = 4$

Найти: S_5

$$S_5 = 65$$

геометрическая

$$S_n = \frac{b_1(1 - q^n)}{1 - q}, q \neq 1$$

$$S_n = \frac{b_1 - qb_n}{1 - q}, q \neq 1$$

Дано: $b_1 = 2, q = -3$

Найти: S_4

$$S_4 = -40$$

ФОРМУЛА СУММЫ

бесконечно убывающей
геометрической прогрессии

$$S = \frac{b_1}{1 - q}$$

$$|q| < 1$$

Найти : $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots$

2