

Многогранник,  
составленный из  
 $n$ -угольника  $A_1A_2\dots A_n$   
 $n$  треугольников,  
называется пирамидой.

**$n$ -угольная пирамида.**

Многоугольник  
 $A_1A_2\dots A_n$  – **основание**  
**пирамиды**

Треугольники  $A_1A_2P$ ,  $A_2A_3P$   
и т.д.

**боковые грани пирамиды**

Отрезки  $A_1P$ ,  $A_2P$ ,  $A_3P$  и т.д.  
**боковые ребра**

Вершина

$P$



$H$



$A_n$

$A_1$

$A_2$

$A_3$

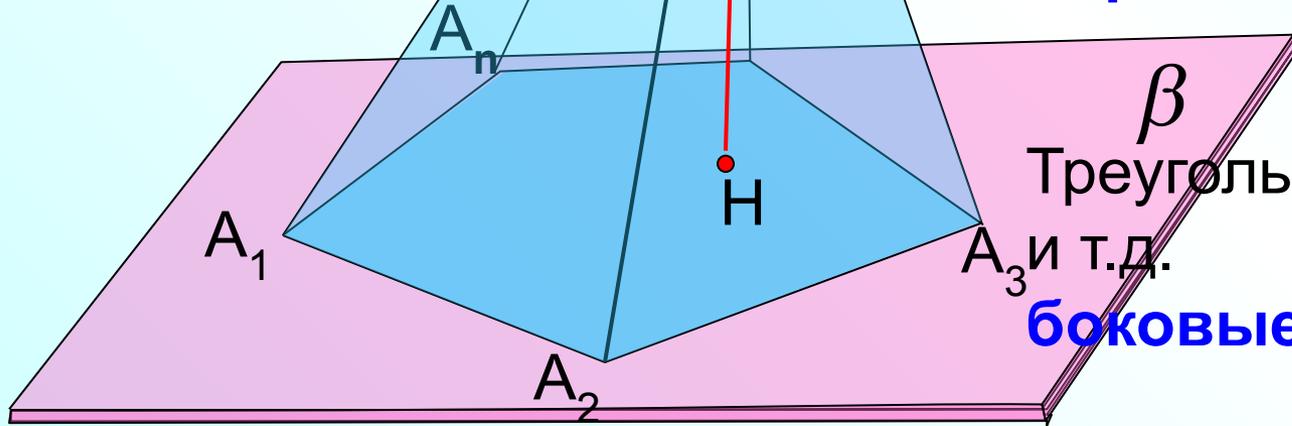
$\beta$

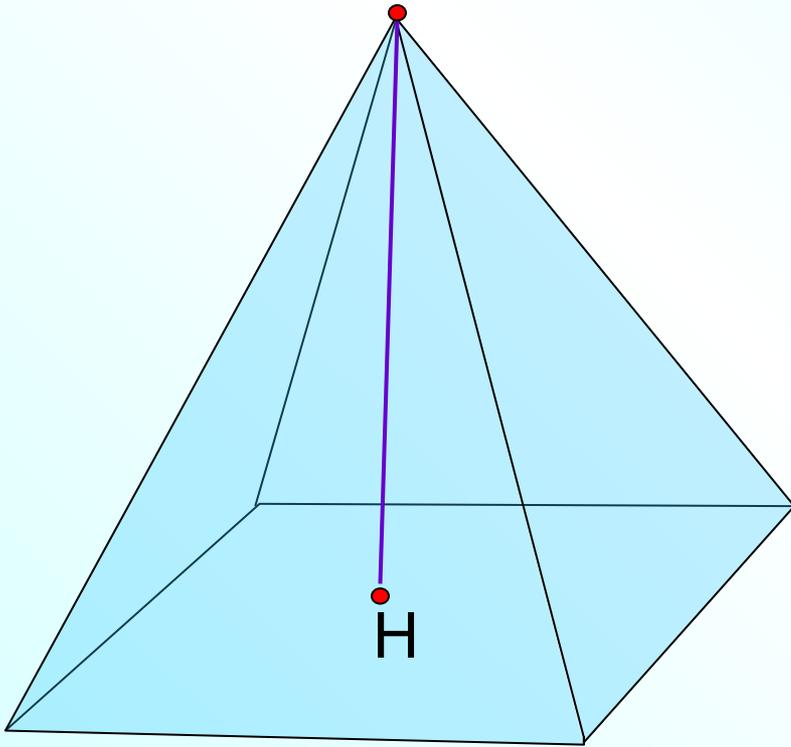
Треугольники  $A_1A_2P$ ,  $A_2A_3P$   
и т.д.

**боковые грани пирамиды**

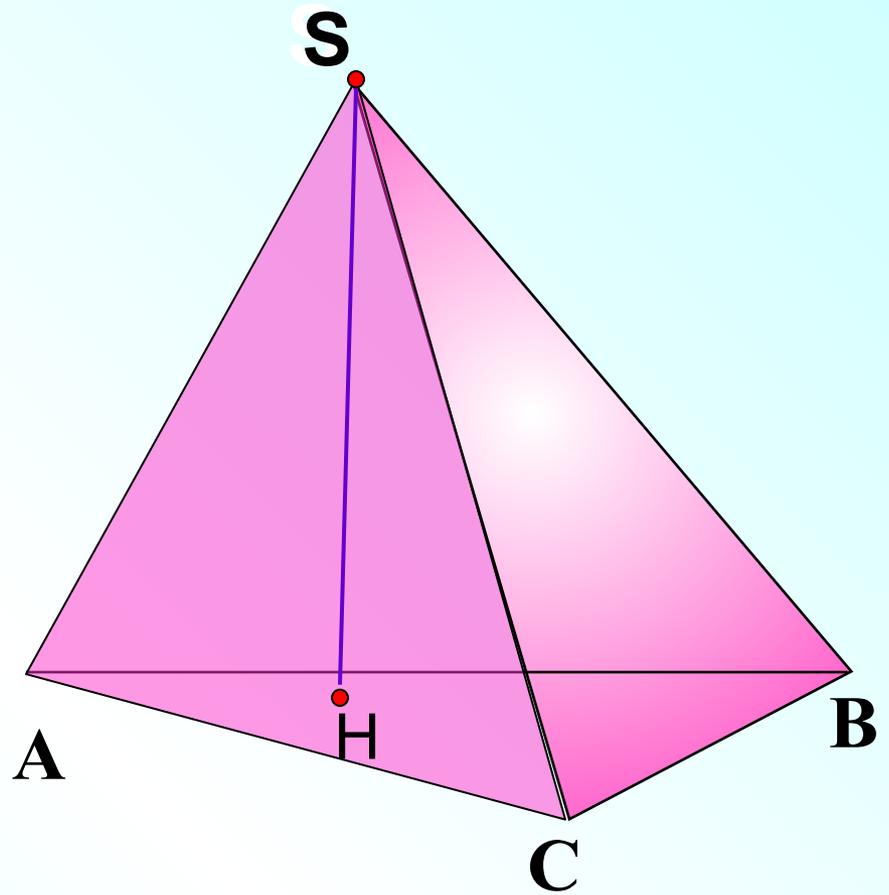
Отрезки  $A_1P$ ,  $A_2P$ ,  $A_3P$  и т.д.  
**боковые ребра**

Перпендикуляр,  
проведенный из  
вершины пирамиды  
к плоскости  
основания,  
называется  
**высотой пирамиды**



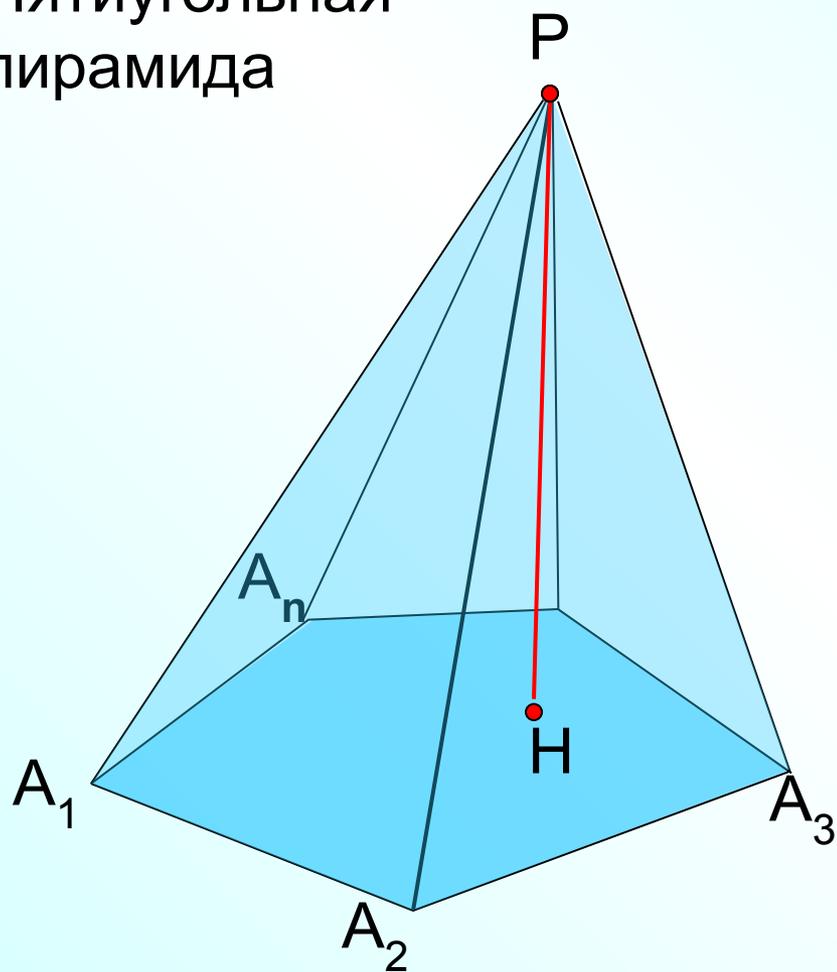


Четырехугольная пирамида

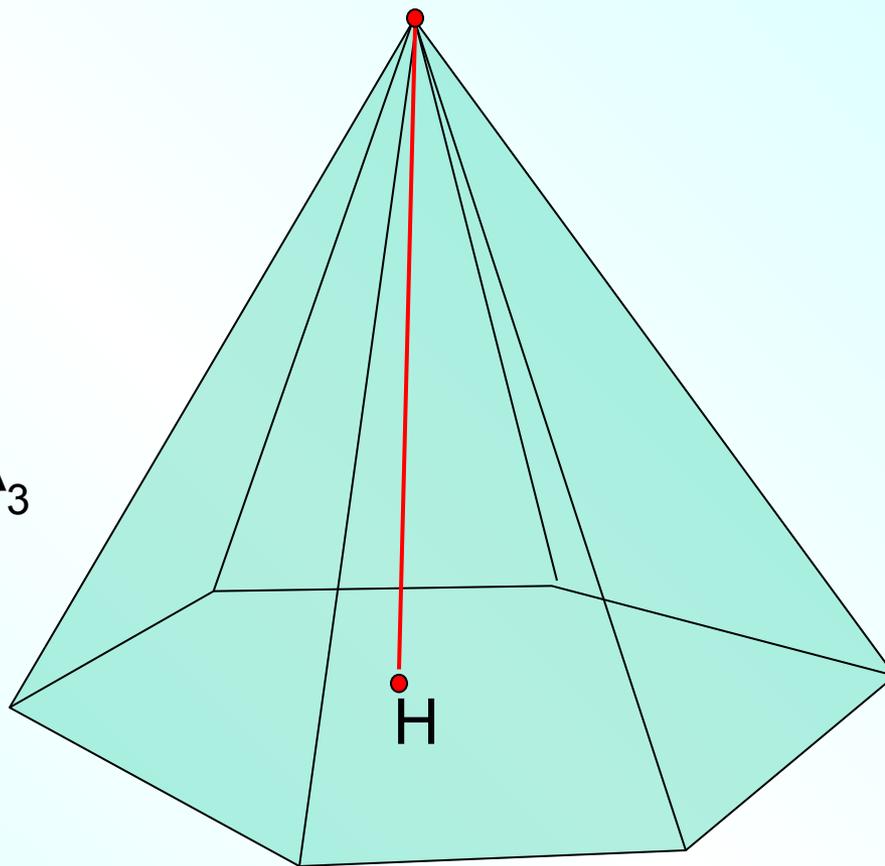


Треугольная пирамида – это **тетраэдр**

Пятиугольная пирамида



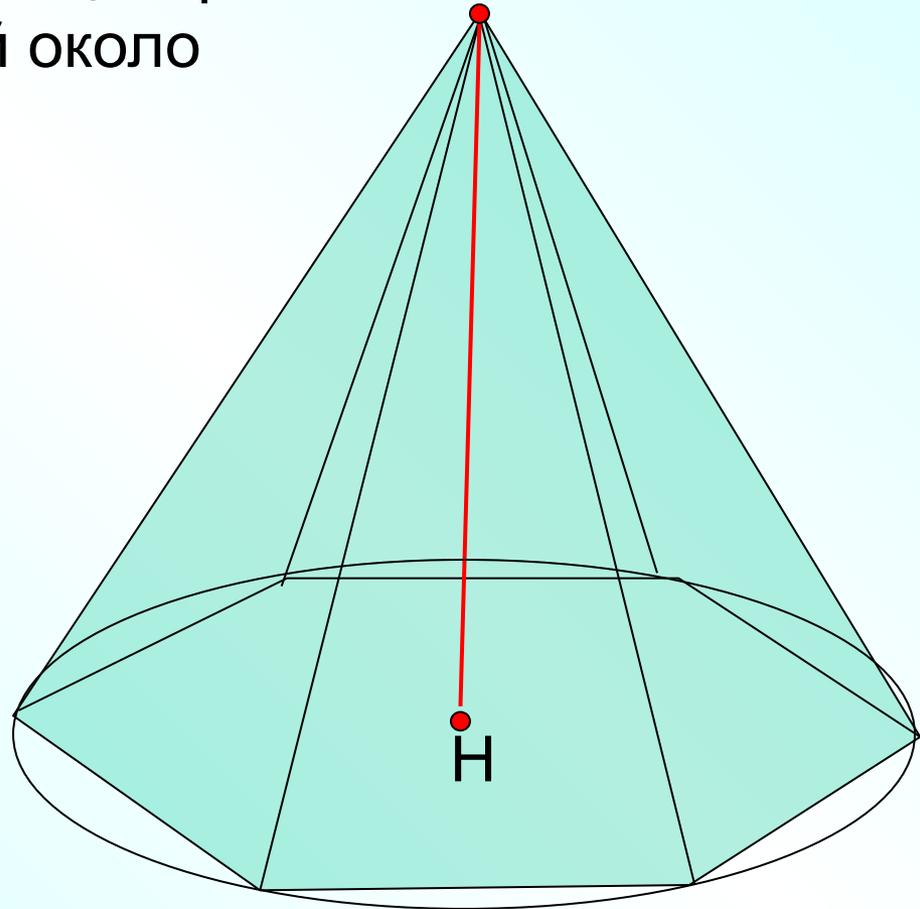
Шестиугольная пирамида



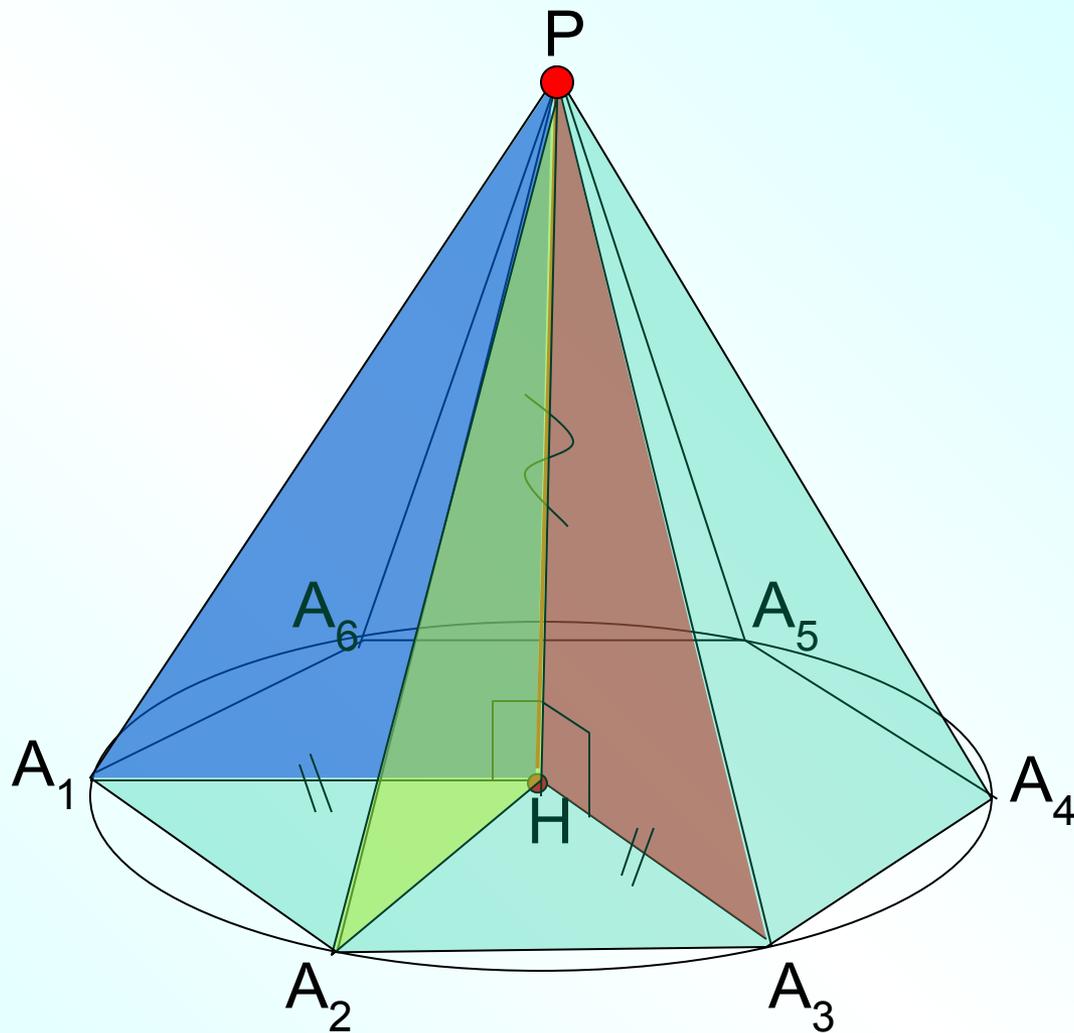
$$S_{\text{полн}} = S_{\text{бок}} + S_{\text{осн}}$$

Пирамида называется **правильной**, если ее основание-правильный многоугольник, а отрезок, соединяющий вершину с центром основания, является ее высотой.

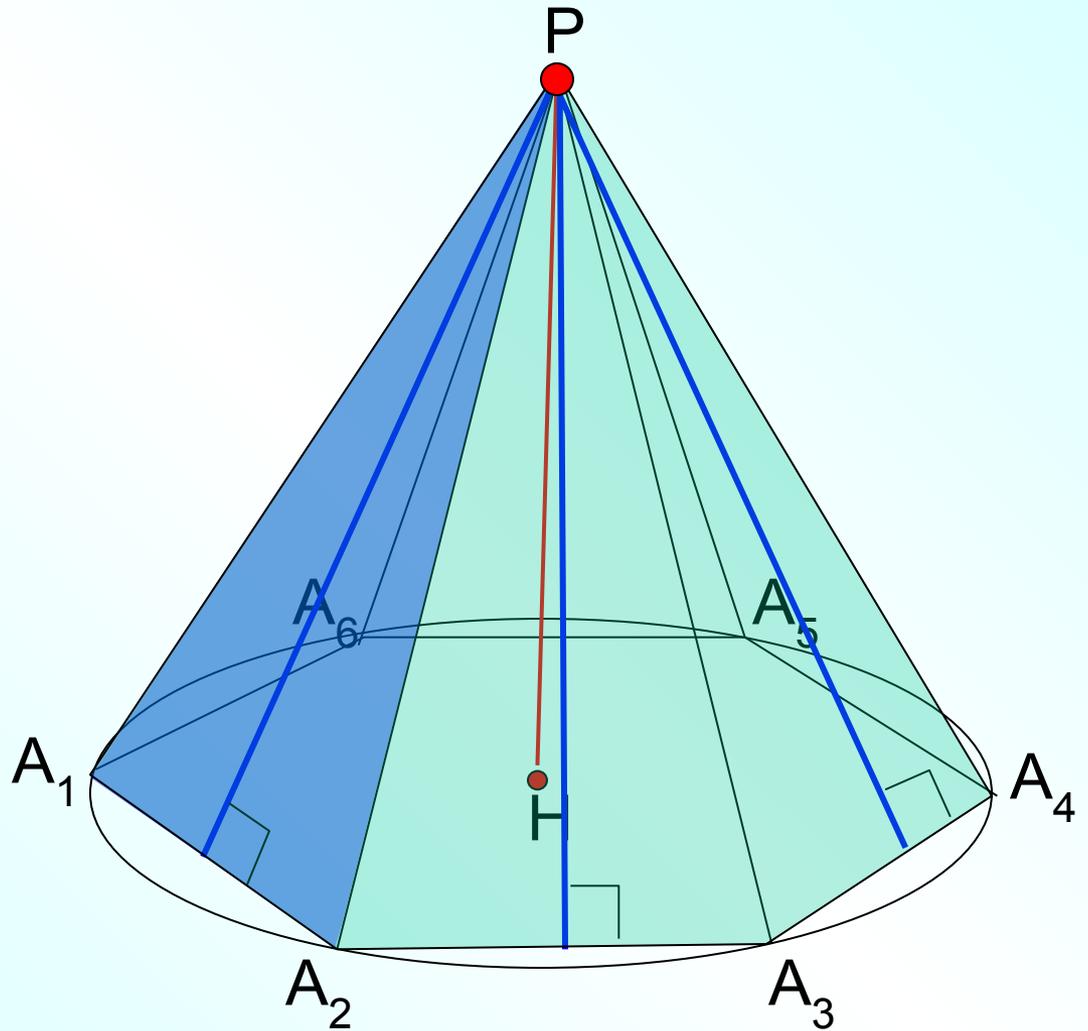
Центром правильного многоугольника называется центр вписанной (или описанной около него окружности).



Докажем, что **все боковые ребра правильной пирамиды равны, а боковые грани являются равными равнобедренными треугольниками.**

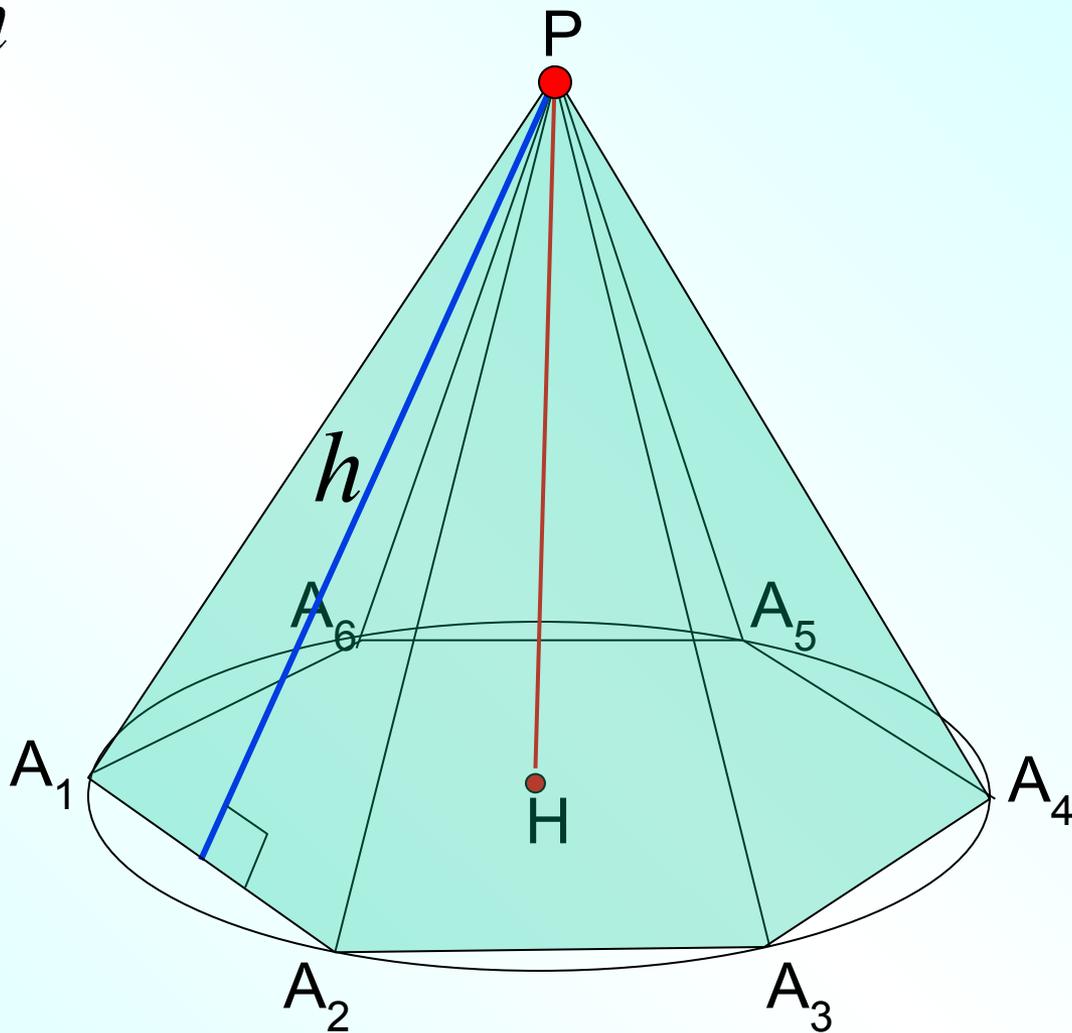


Высота боковой грани правильной пирамиды, проведенная из ее вершины, называется **апофемой**.



Площадь боковой поверхности правильной пирамиды  
равна половине произведения периметра основания на  
апофему.

$$S_{\text{бок}} = \frac{1}{2} P_{\text{осн}} \cdot h$$

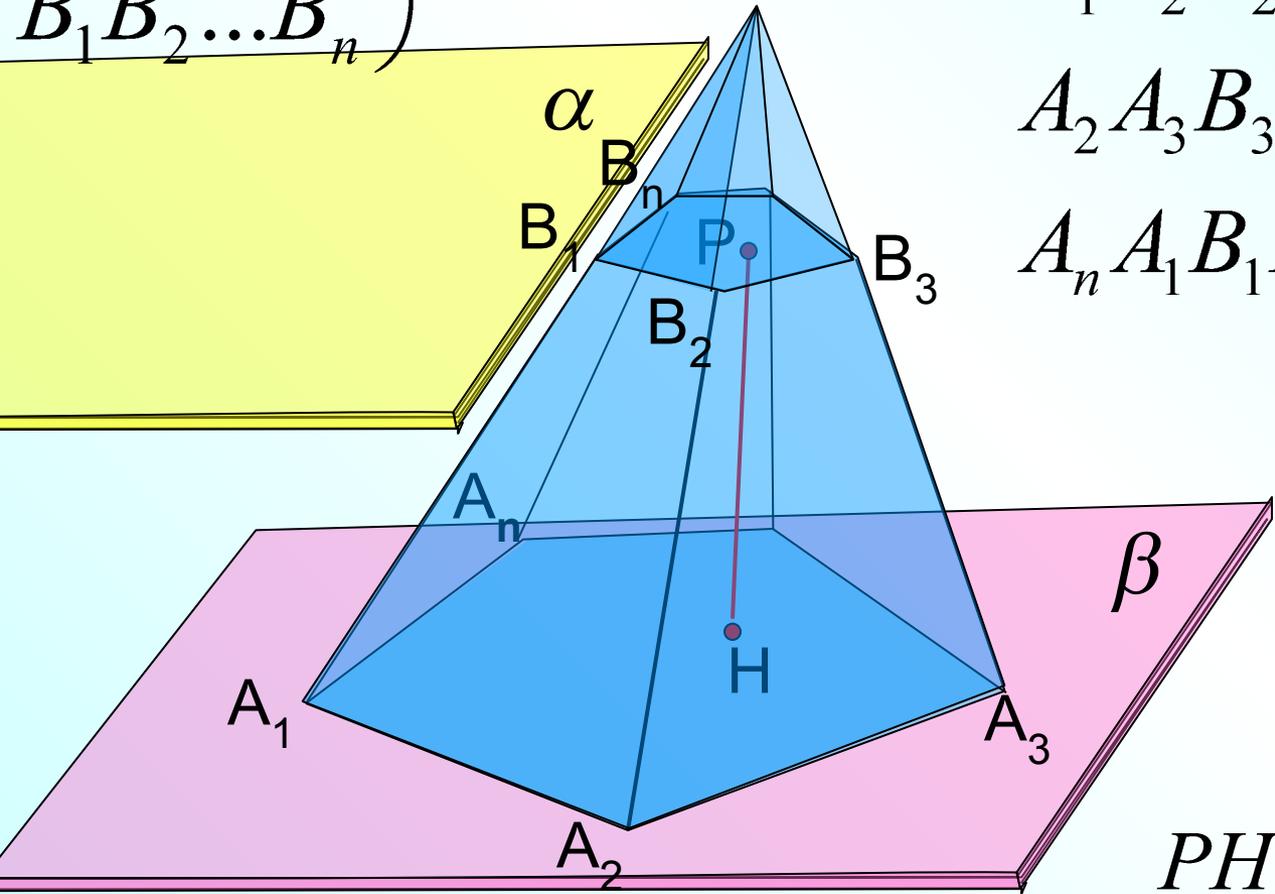


**Усеченная пирамида**  $A_1A_2\dots A_nB_1B_2\dots B_n$

$$\alpha \parallel \beta$$

$A_1A_2\dots A_n$   
 $B_1B_2\dots B_n$  ) — основания

$A_1A_2B_2B_1$   
 $A_2A_3B_3B_2$  ) — боковая  
 грань  
 $A_nA_1B_1B_n$  ) ! трапеция



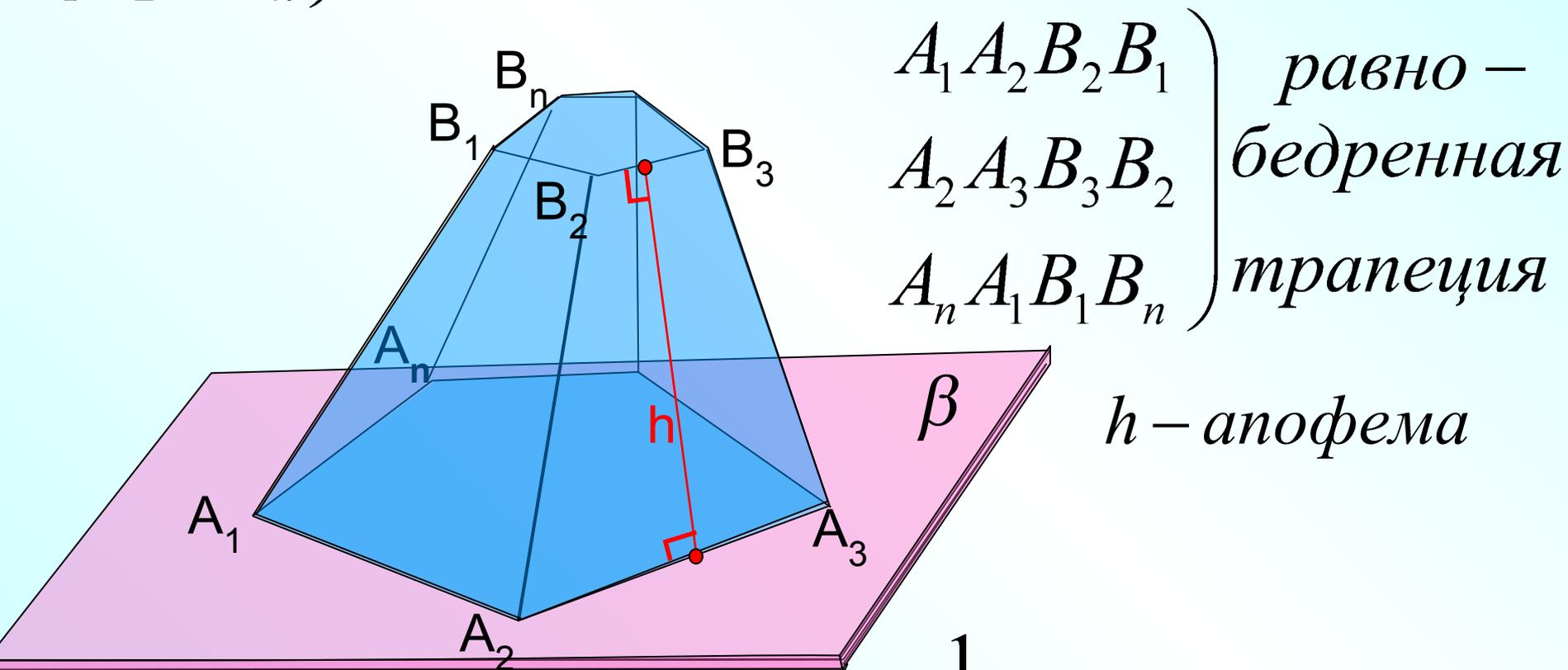
$A_1B_1$   
 $A_2B_2$  ) — боковые  
 ребра  
 $A_nB_n$

$PH$  — высота

(из любой точки)

# Правильная усеченная пирамида

$A_1 A_2 \dots A_n$   
 $B_1 B_2 \dots B_n$  — правильные  
многоугольники



$A_1 A_2 B_2 B_1$   
 $A_2 A_3 B_3 B_2$   
 $A_n A_1 B_1 B_n$  — равно —  
бедренная  
трапеция

$h$  — апофема

$$S_{\text{бок}} = \frac{1}{2} (P_{\text{осн1}} + P_{\text{осн2}}) \cdot h$$