

**Определение функции.**  
**Область определения**  
**функции.**  
**Область значений функции.**

# Определение функции.

Функцией называют такую зависимость переменной  $y$  от переменной  $x$ , при которой каждому значению переменной  $x$  соответствует единственное значение переменной  $y$ .

## Обозначение функции.

$$y=f(x).$$

$x$  – аргумент (независимая переменная).

$y$  – функция (зависимая переменная)

$y(x)$ - функция зависимая переменная	$x$ - аргумент независимая переменная
--	---

# область определения функции.

Все значения независимой переменной образуют область определения  
функции.

Область определения функции  $y$   
( $x$ )

это все значения аргумента -  $X$

Обозначение области определения -  
 $D(y)$

# Область значений функции.

Все значения, которые принимает зависимая переменная, образуют область значений функции.

Область значений функции  $y(x)$

это все значения -  $y$

Обозначение области значений -  $E(y)$

# График функции

Графиком функции называют множество всех точек координатной плоскости, абсциссы которых равны значениям аргумента, а ординаты – соответствующим значениям функции.

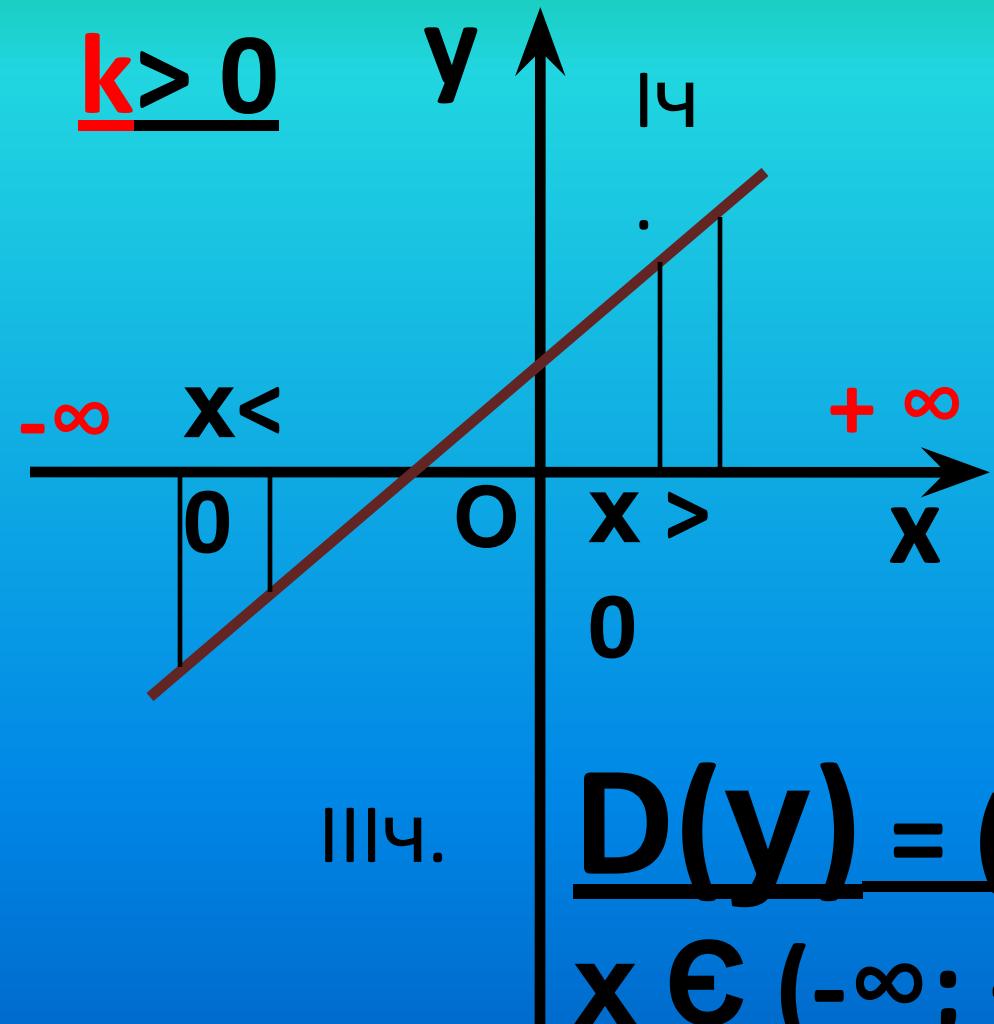
**( $x; y$ ) - координаты точки в плоскости**

$y$  – **ордината** точки  
(координата оси  
**Oy**)  
 $y(x)$  - **функция**

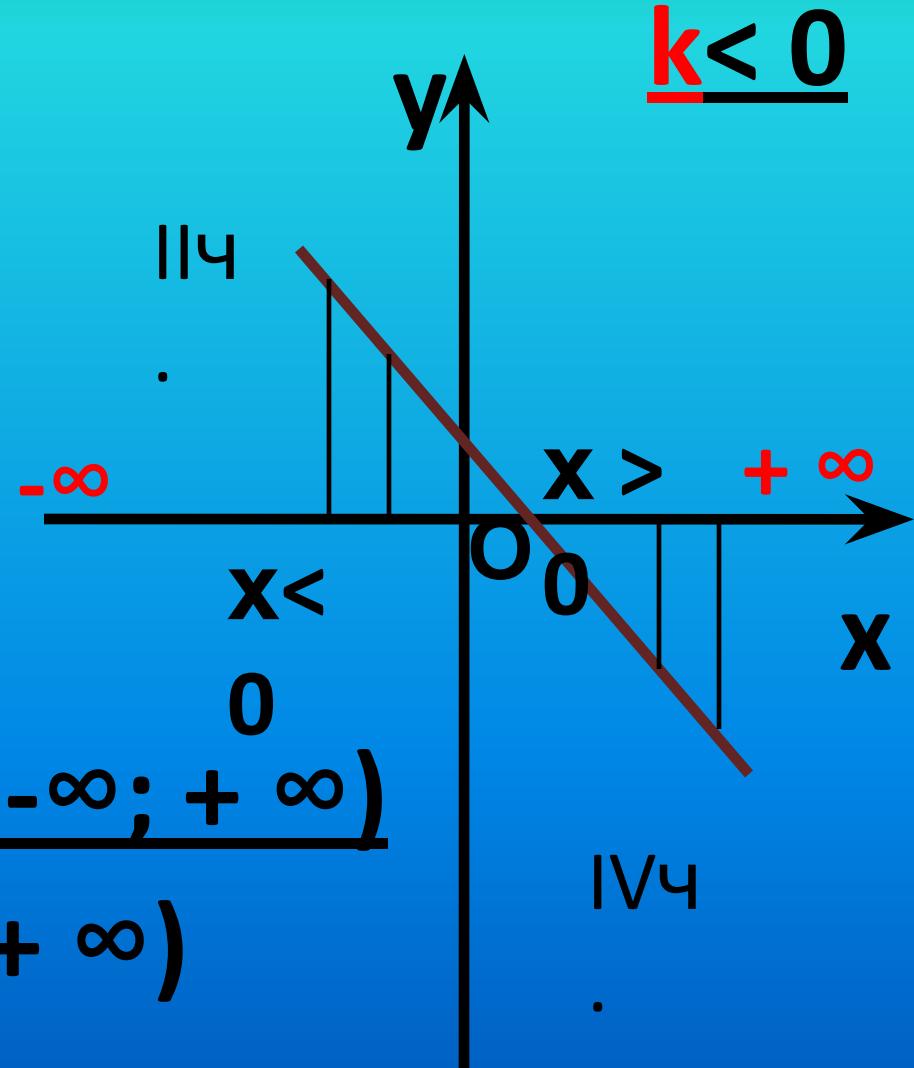
$x$  – **абсцисса** точки  
(координата оси  
**OX**)  
 $x$  - **аргумент**

# Область определения линейной функции $y(x) = kx + b, k \neq 0$

$k > 0$



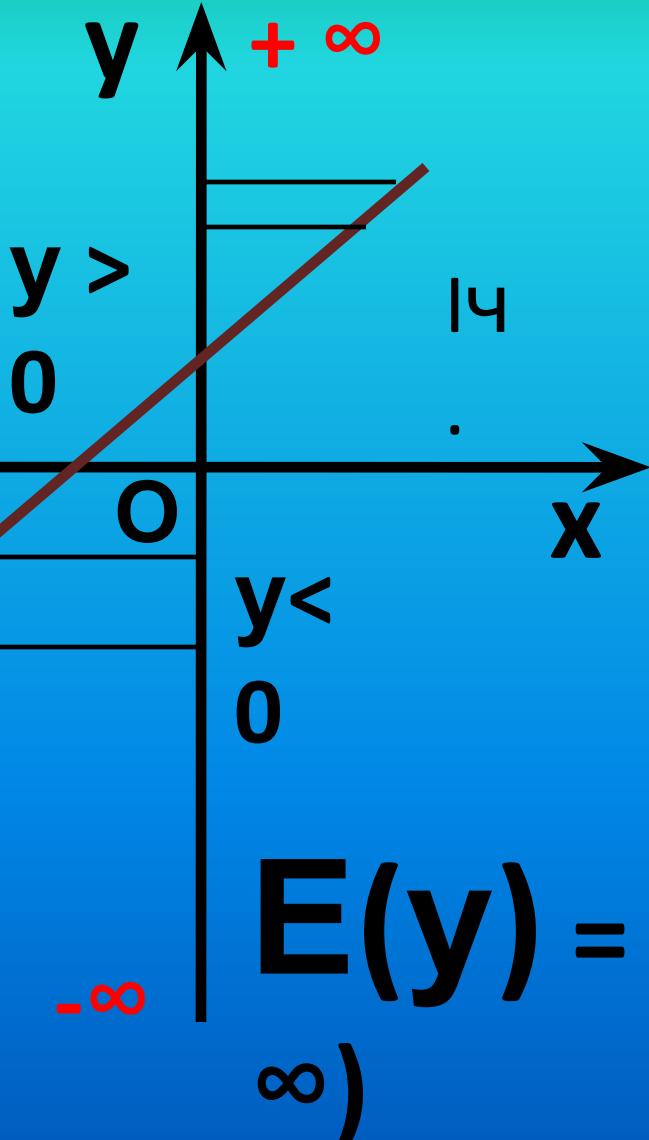
$k < 0$



# Область значений линейной функции $y(x) = kx + b$ ,

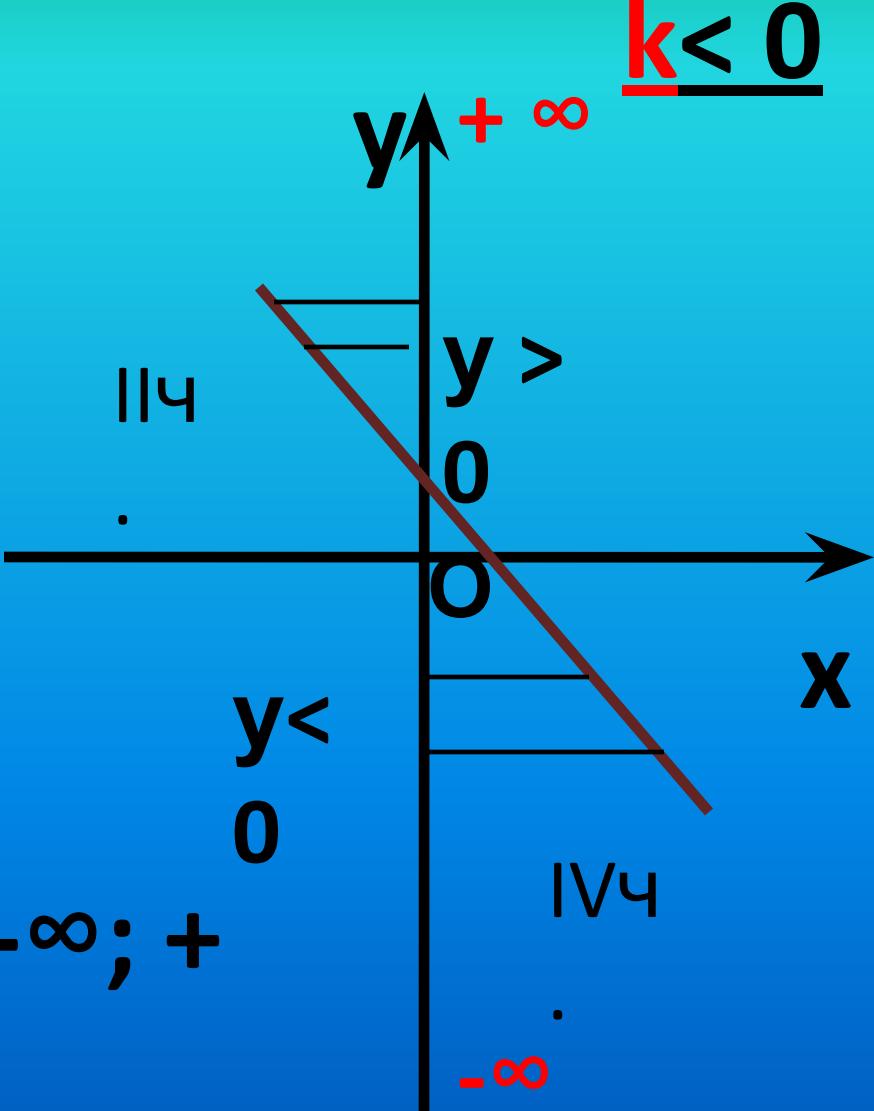
$k \neq 0$

$k > 0$

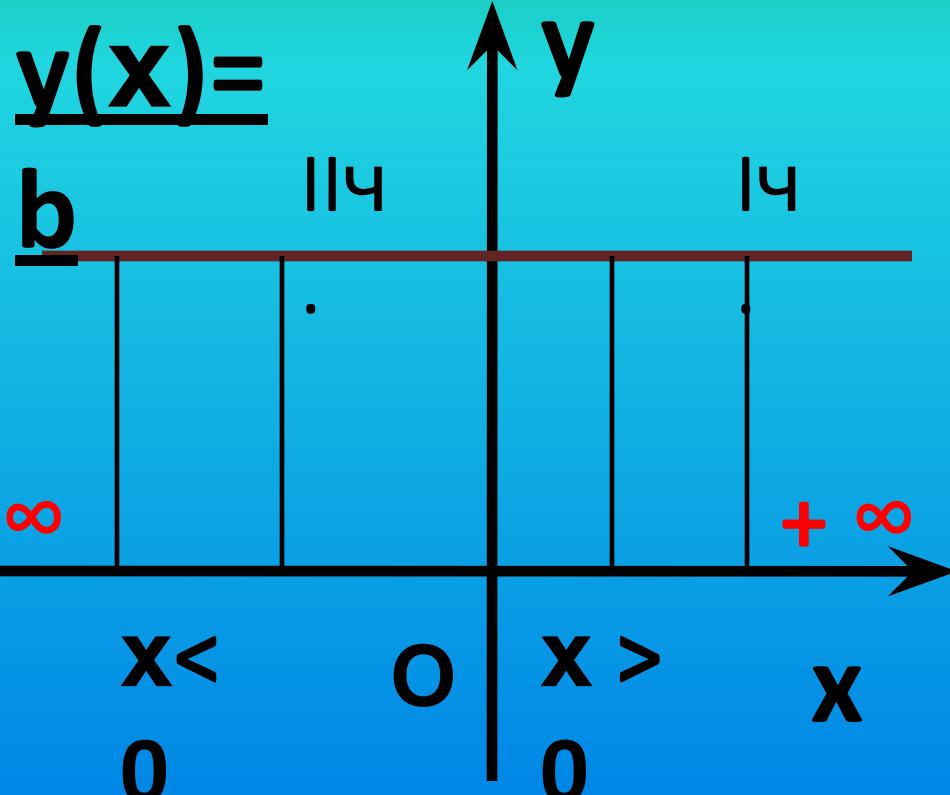


$$E(y) = (-\infty; +\infty)$$

$k < 0$

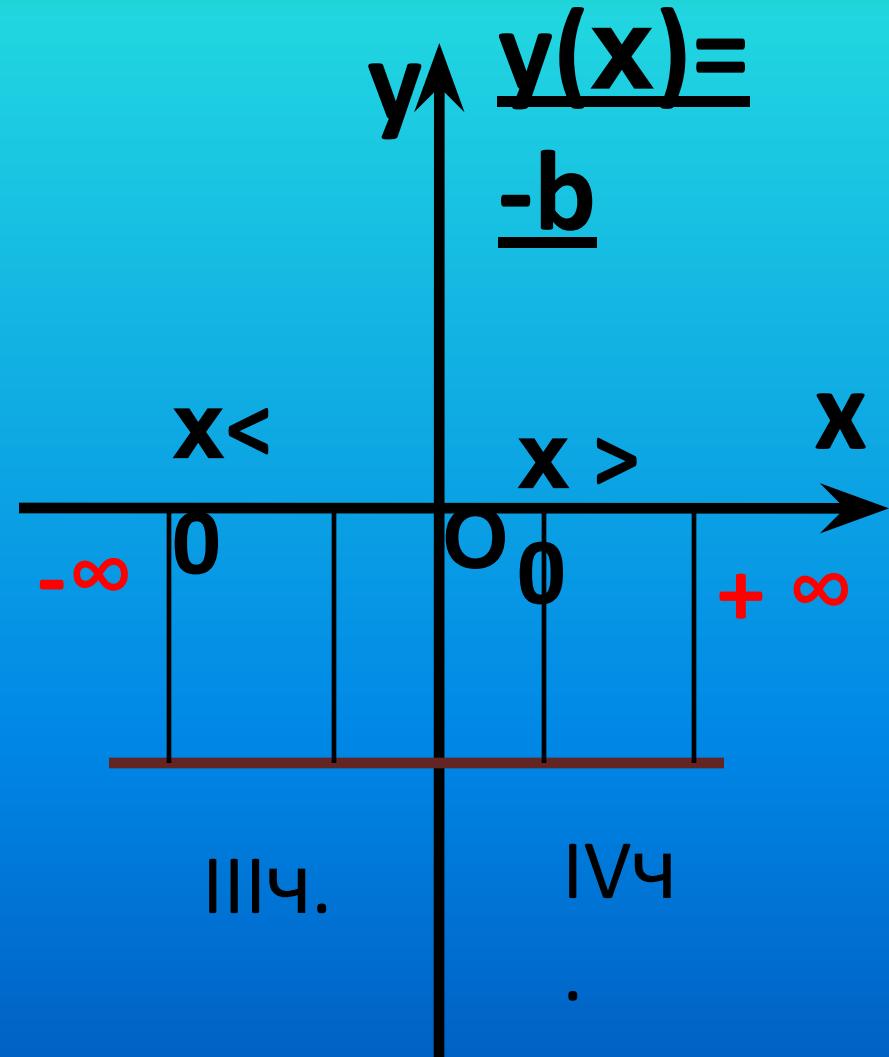


# Область определения линейной функции $y(x) = kx + b, k \neq 0$

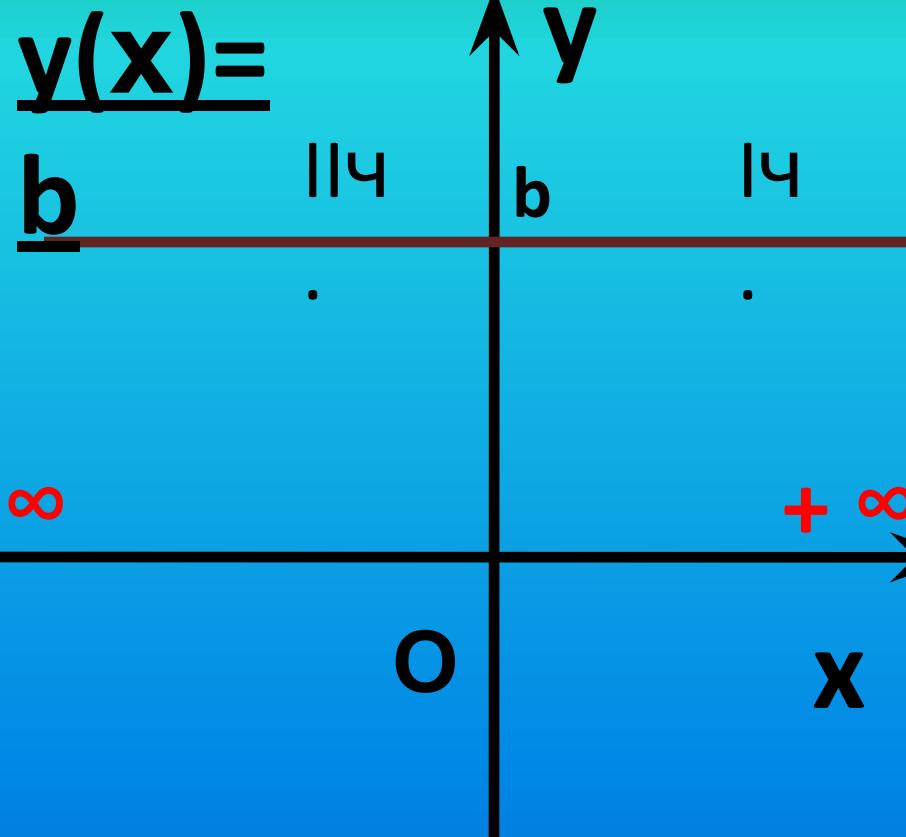


$$D(y) = (-\infty; +\infty)$$

$$x \in (-\infty; +\infty)$$

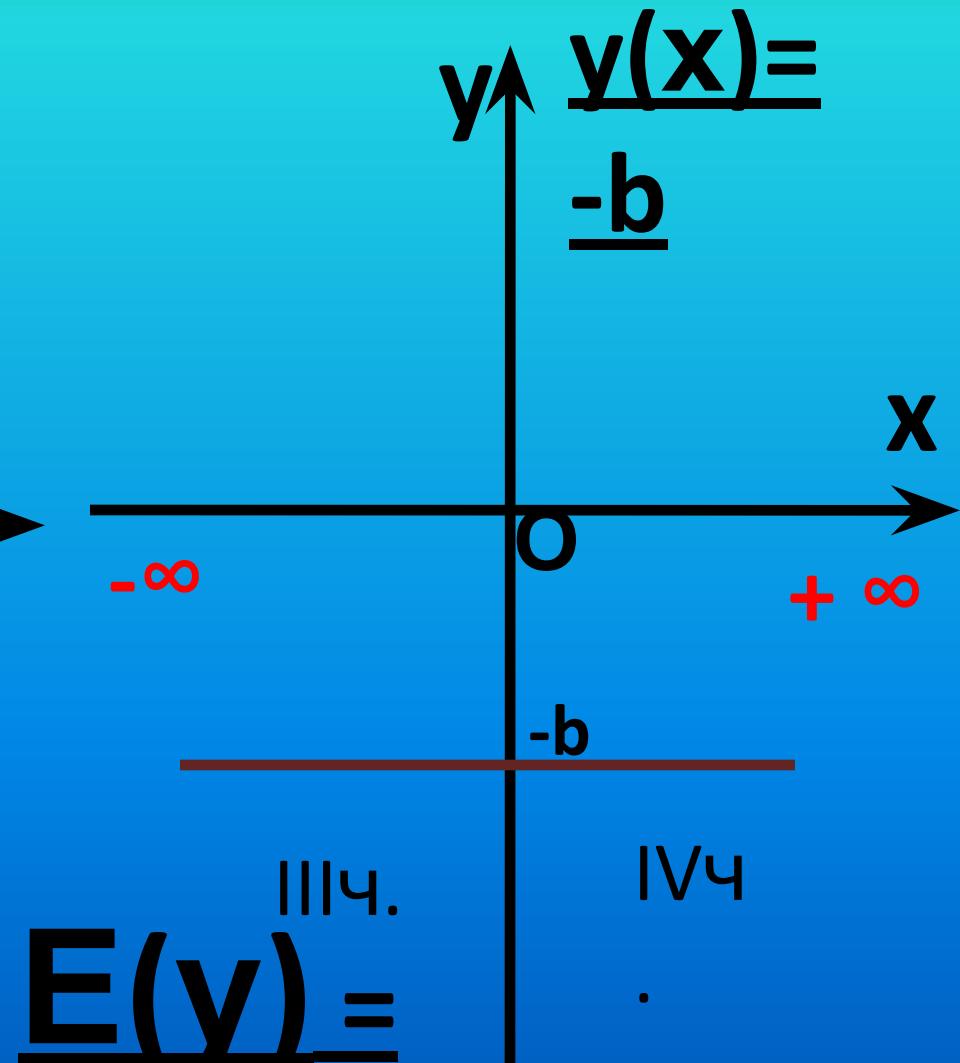


# Область значений линейной функции $y(x) = kx + b, k \neq 0$



$E(y) =$

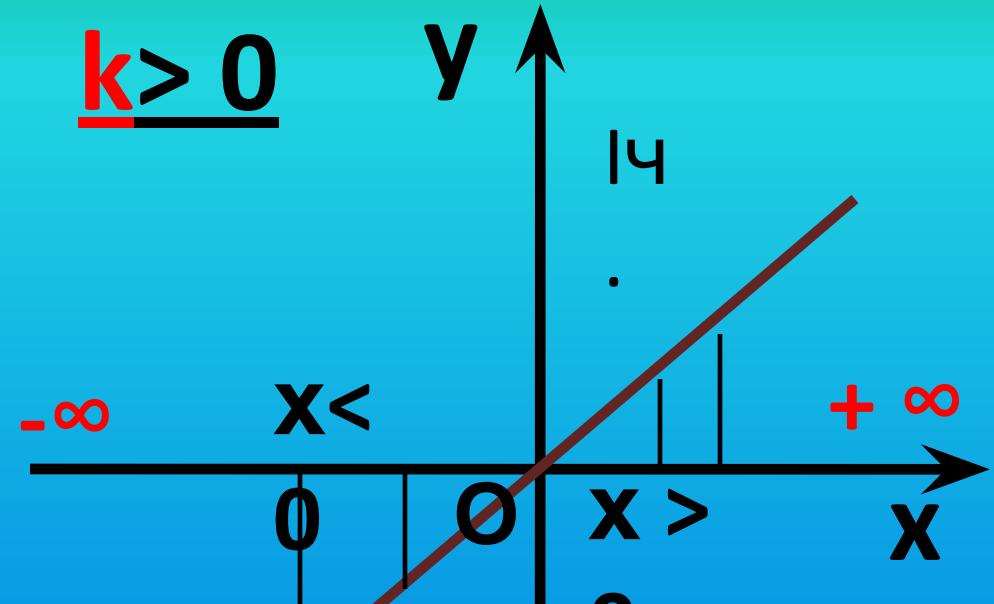
$b$



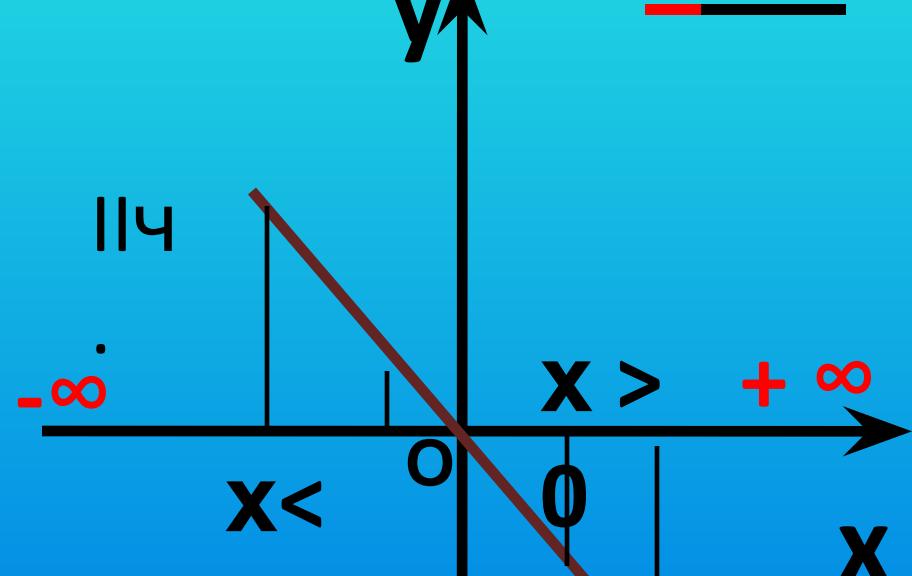
# Область определения прямой пропорциональности

$$y(x) = kx$$

$$k > 0$$



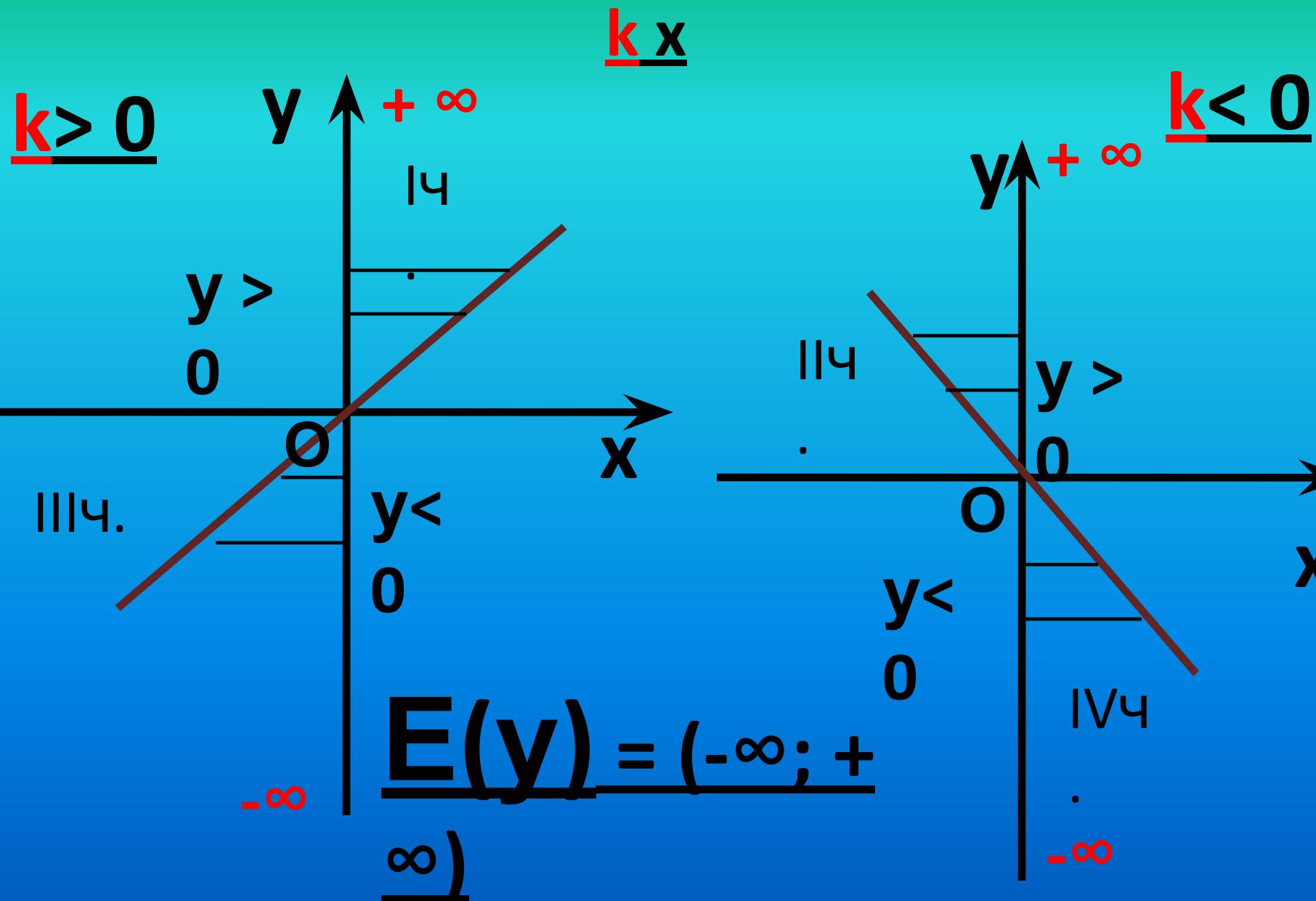
$$k < 0$$



$$D(y) = (-\infty; +\infty)$$

$$x \in (-\infty; +\infty)$$

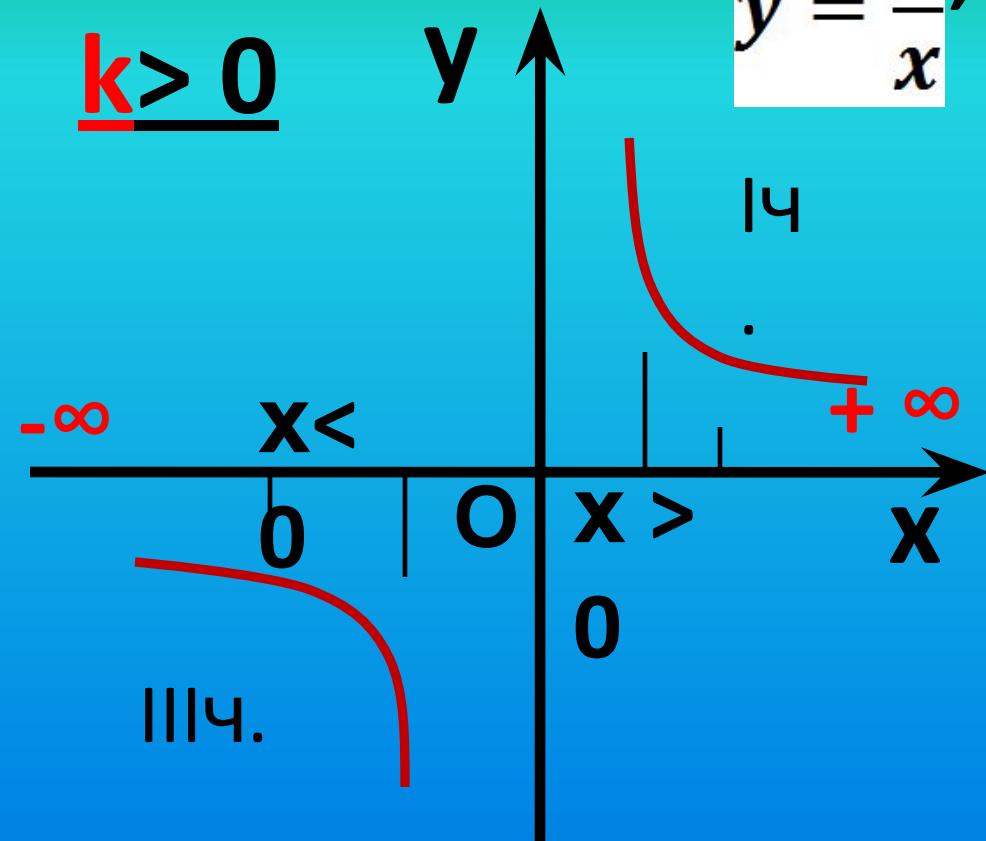
# Область значений прамой пропорциональности $y(x) =$



# Область определения обратной пропорциональность

$$y = \frac{k}{x}, \quad x \neq 0$$

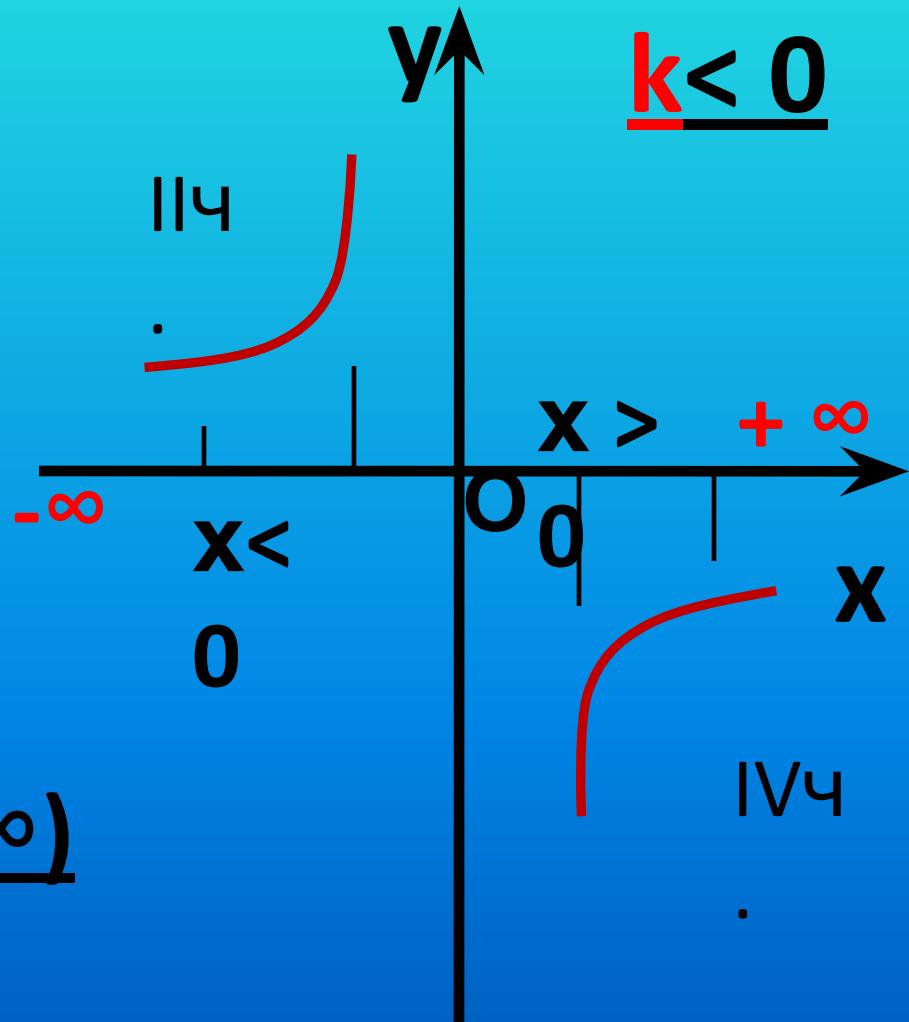
$k > 0$



$$D(y) = (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$$

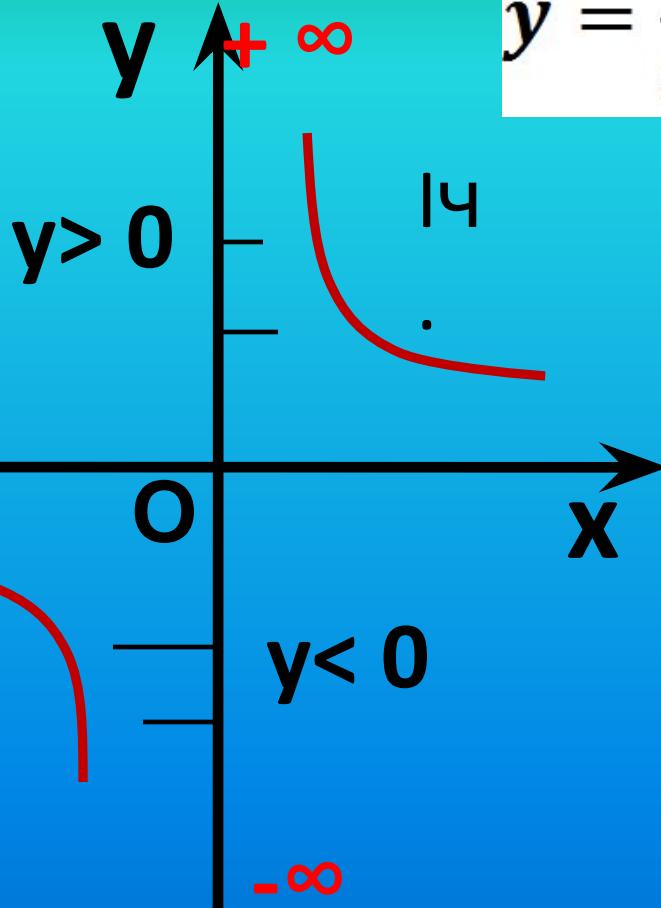
$$x \in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$$

$k < 0$



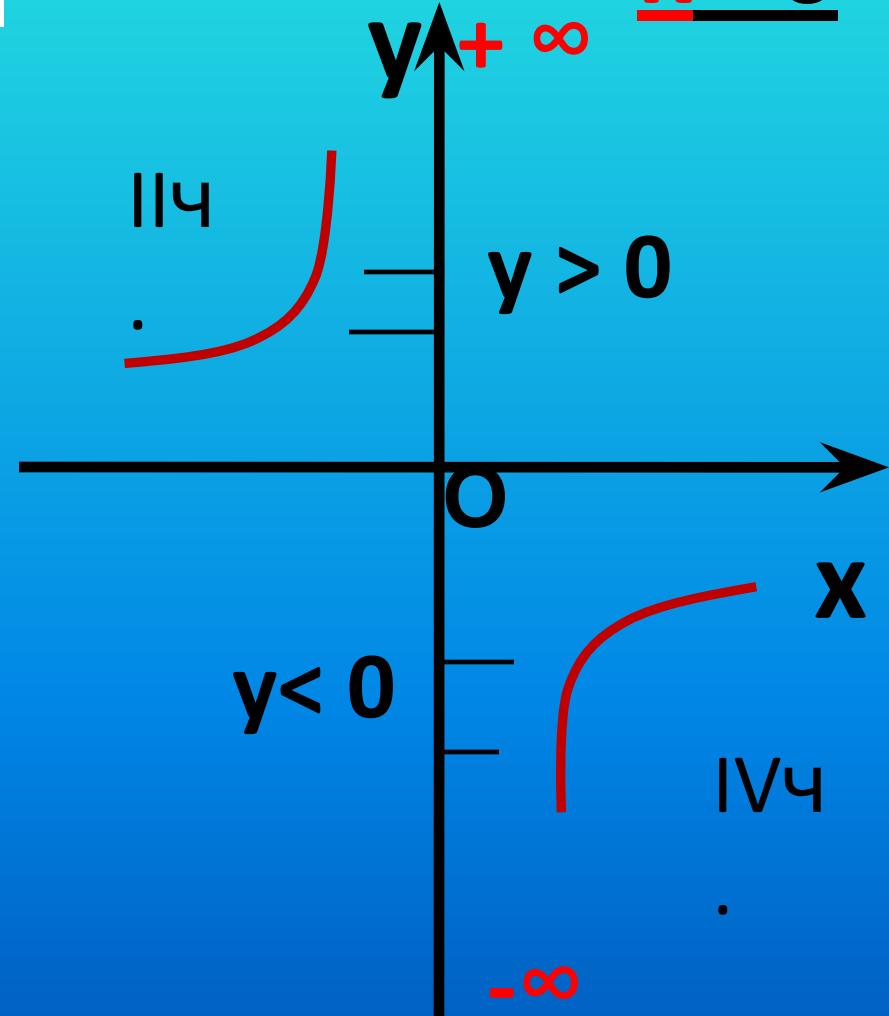
# Область значений обратной пропорциональность

$k > 0$



$$y = \frac{k}{x}, x \neq 0$$

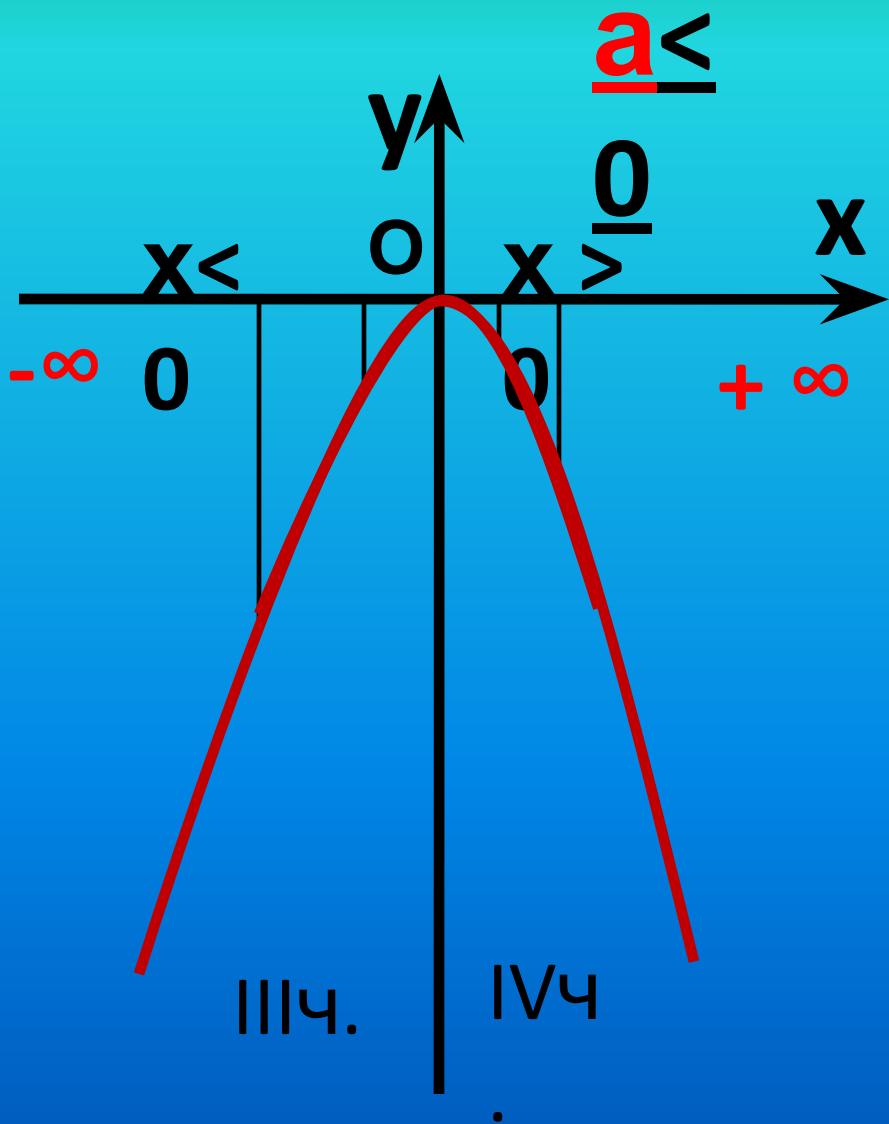
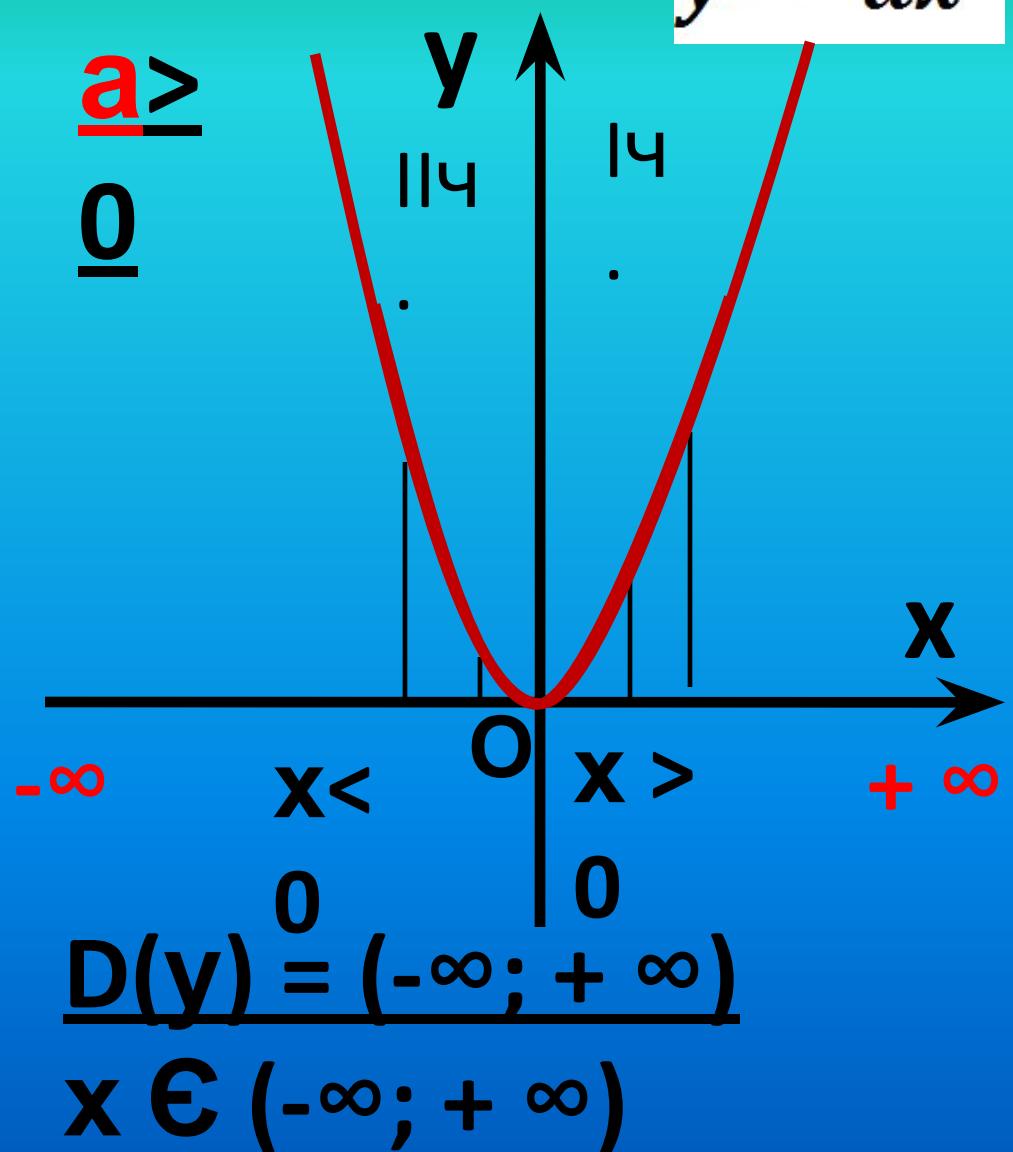
$k < 0$



$$E(y) = (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$$
$$y(x) \in (-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$$

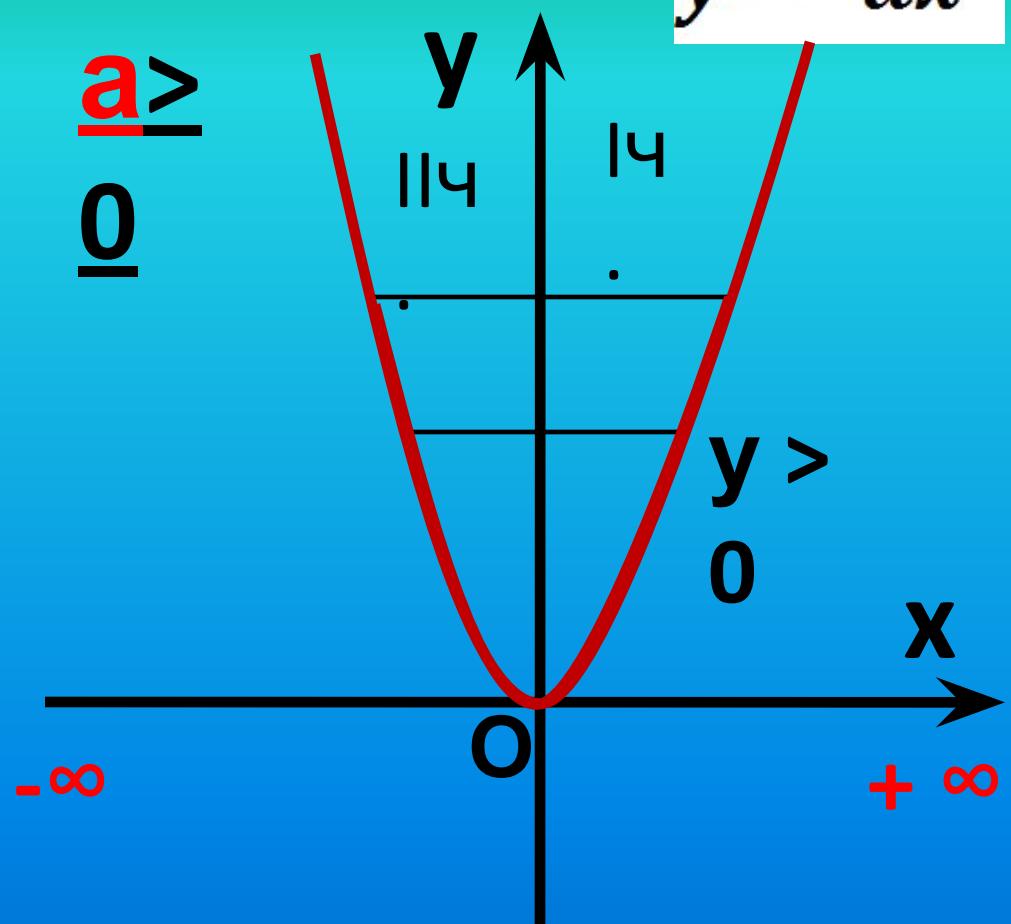
# Область определения квадратичной функции

$$y = ax^2 \quad a \neq 0$$



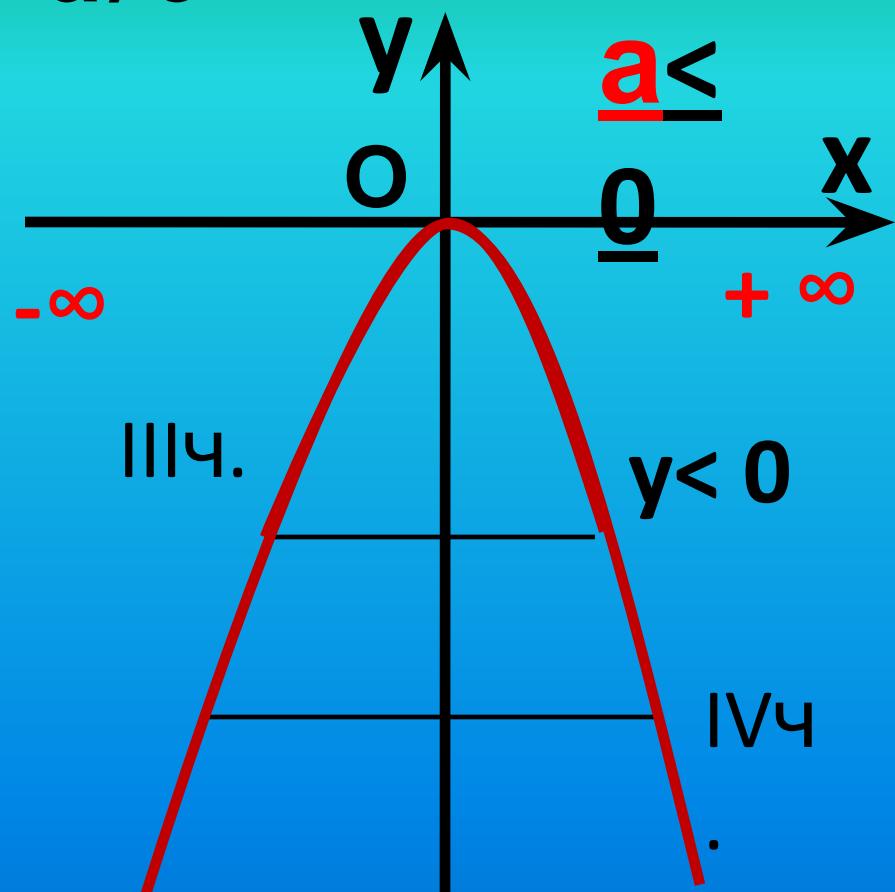
# Область значений квадратичной функции

$$y = ax^2 \quad a \neq 0$$



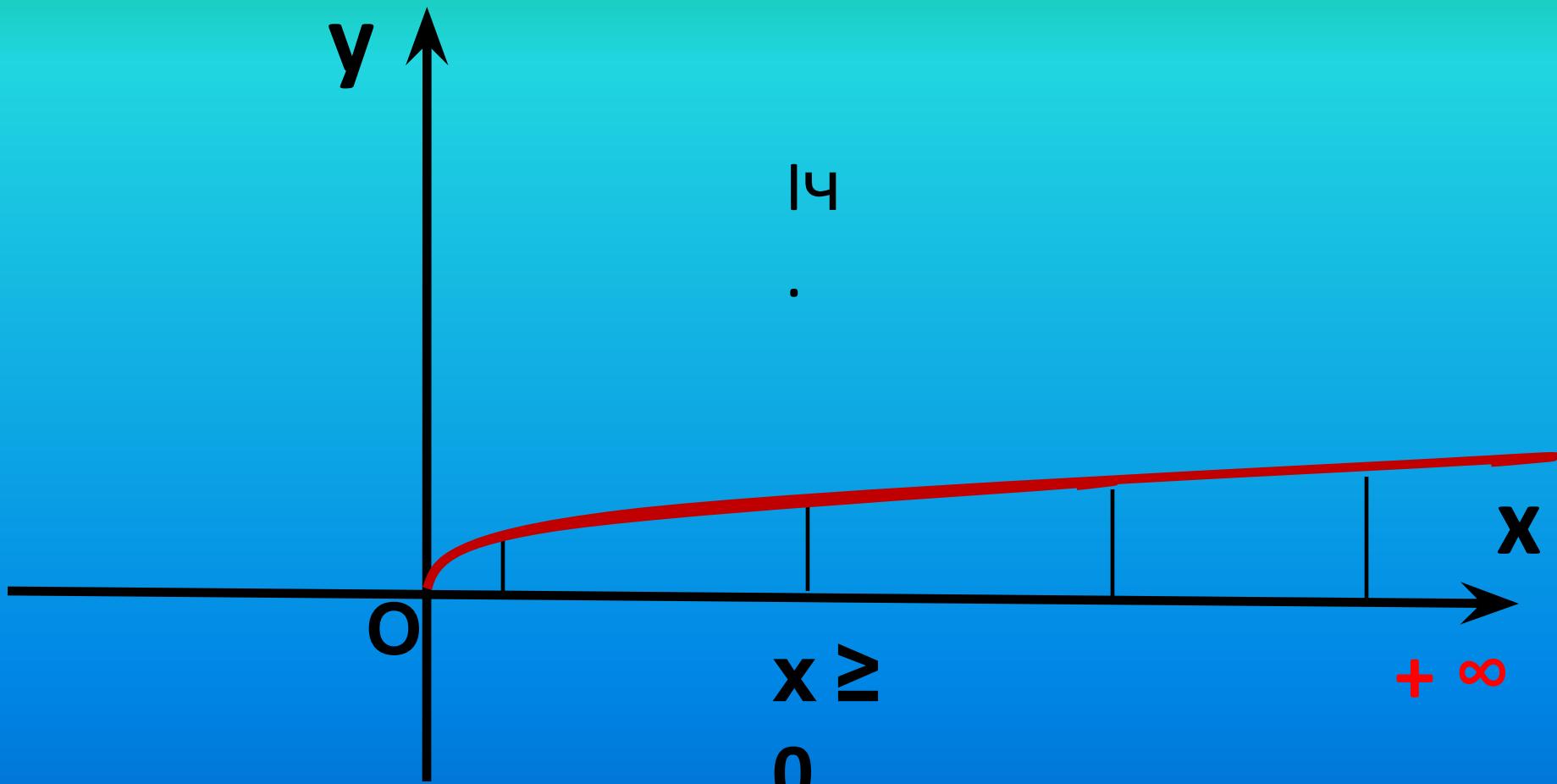
$$E(y) = [0; +\infty)$$

$$y(x) \in [0; +\infty)$$



$$E(y) = (-\infty; 0]$$

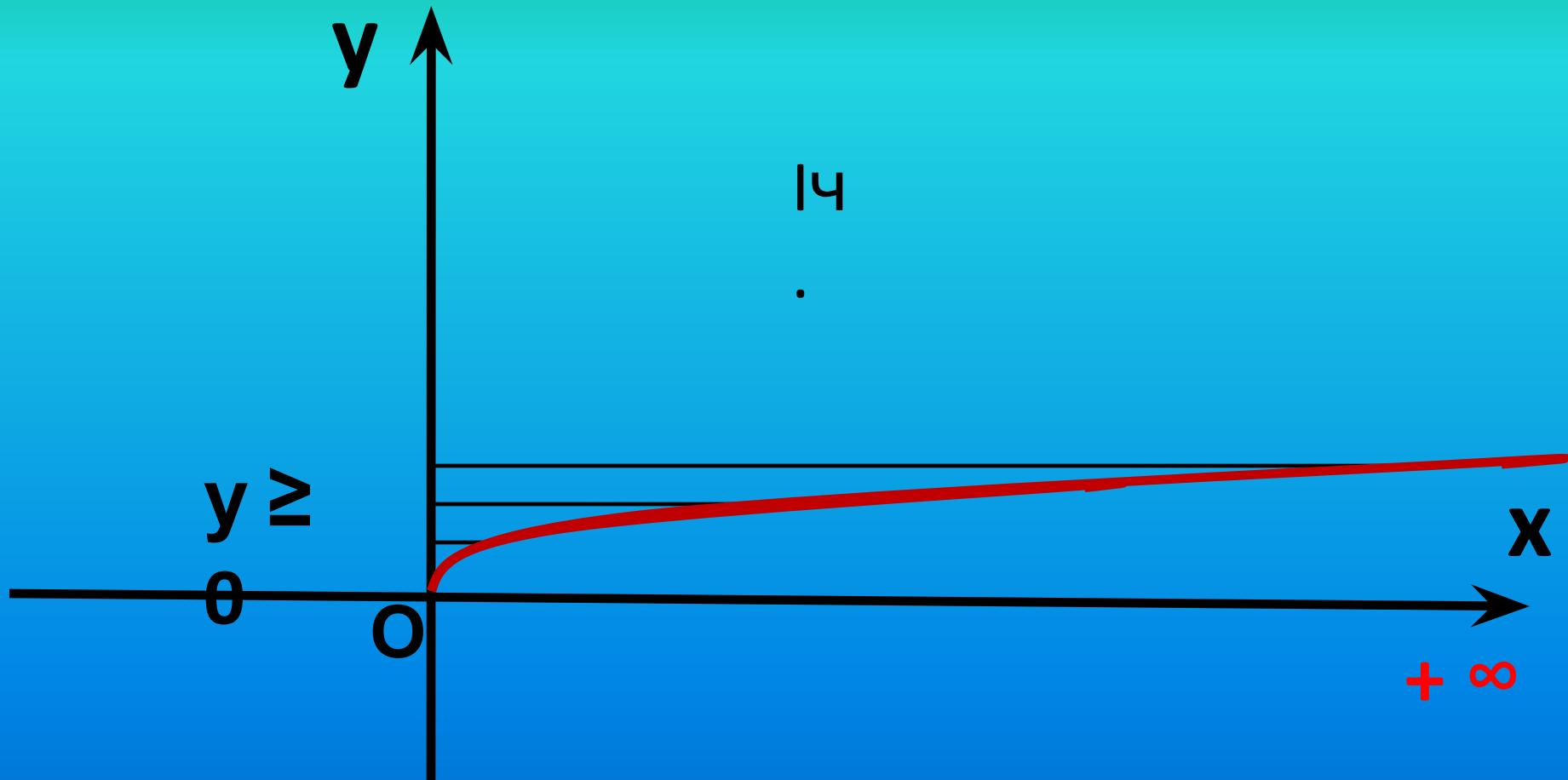
**Область определения  
функции**  $y = \sqrt{x}$ ,  $x \geq 0$



$$D(y) = [0; + \infty);$$

$$x \in [0; + \infty)$$

**Область значений  
функции**  $y = \sqrt{x}$ ,  $x \geq 0$

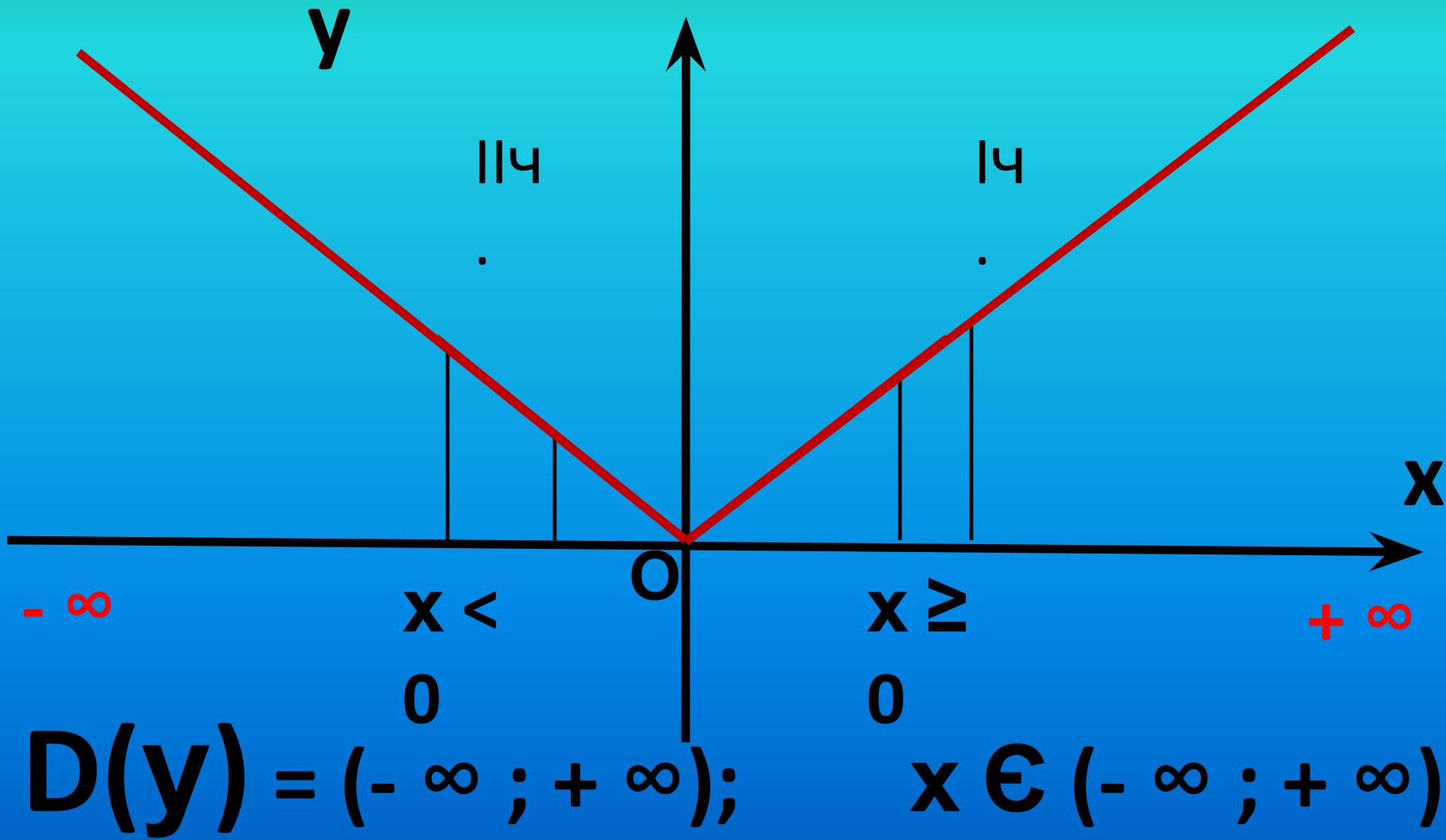


$$E(y) = [0; + \infty);$$

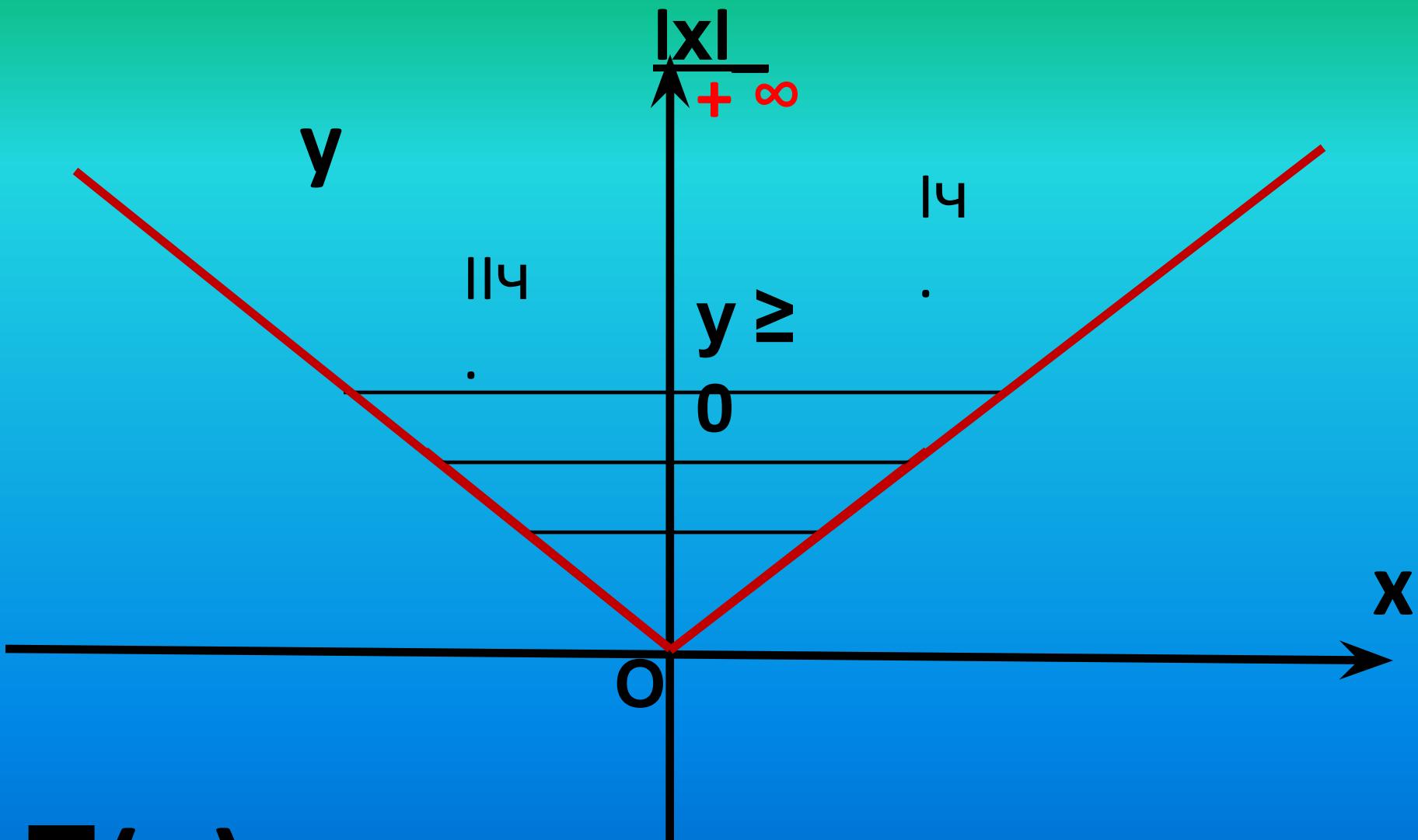
$$y(x) \in [0; +$$

з)

# Область определения функции $y = |x|$



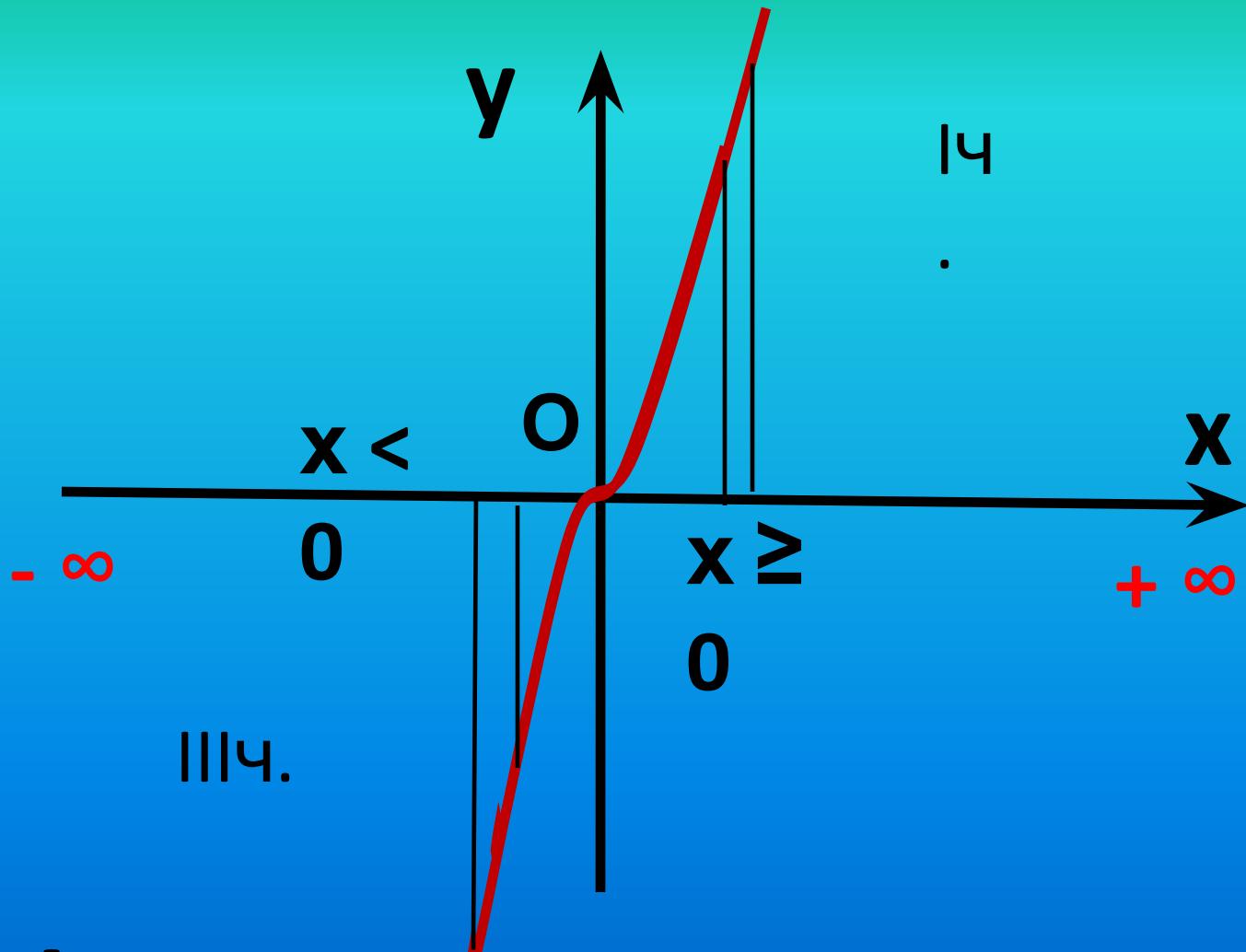
Область значений функции  $y =$



$$E(y) = [0; + \infty);$$

$$y(x) \in [0; +$$

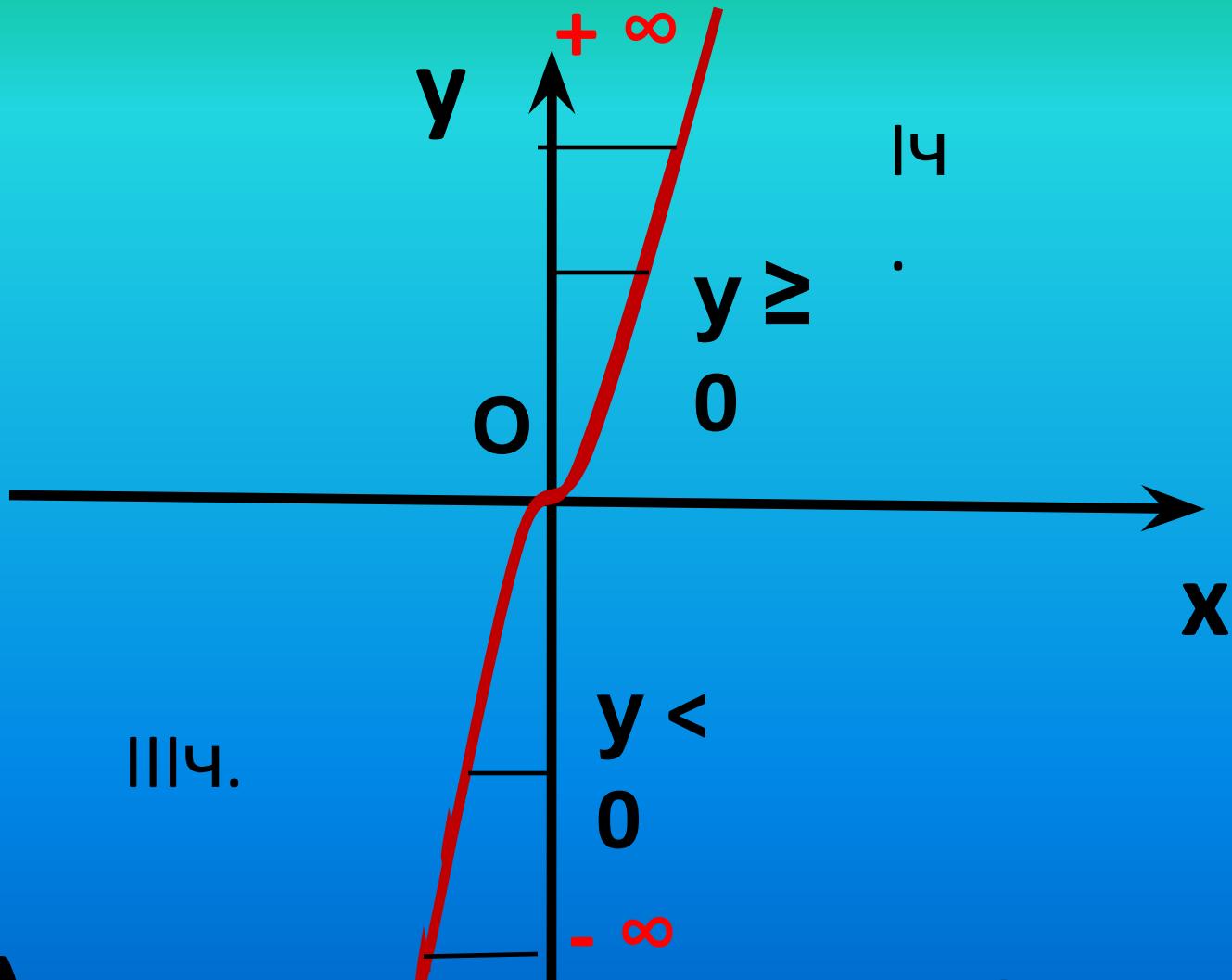
# Область определения функции $y = x^3$



$$D(y) = (-\infty; +\infty);$$

$$x \in (-\infty; +\infty)$$

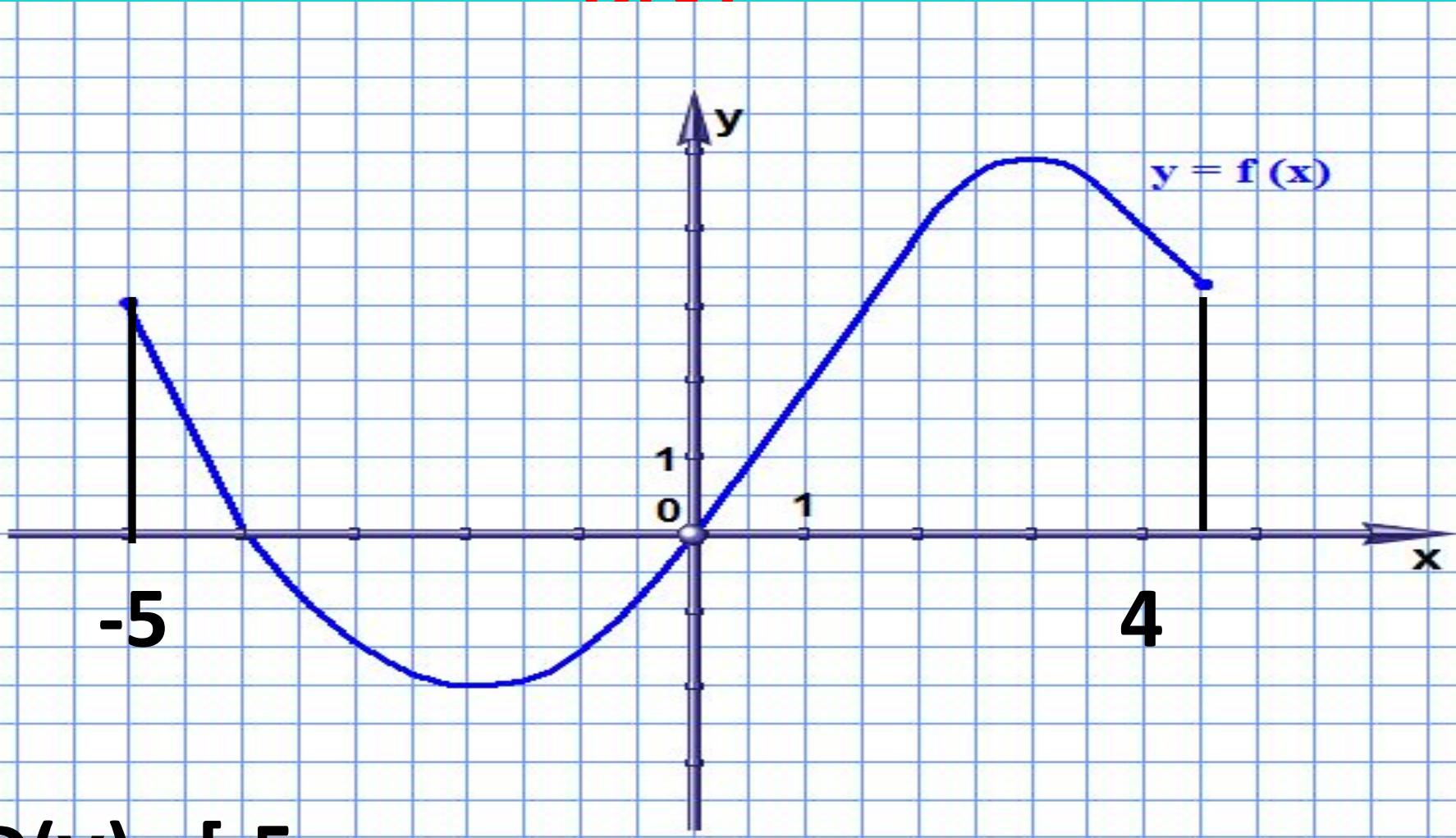
# Область значений функции $y = x^3$



$$D(y) = (-\infty; + \infty);$$

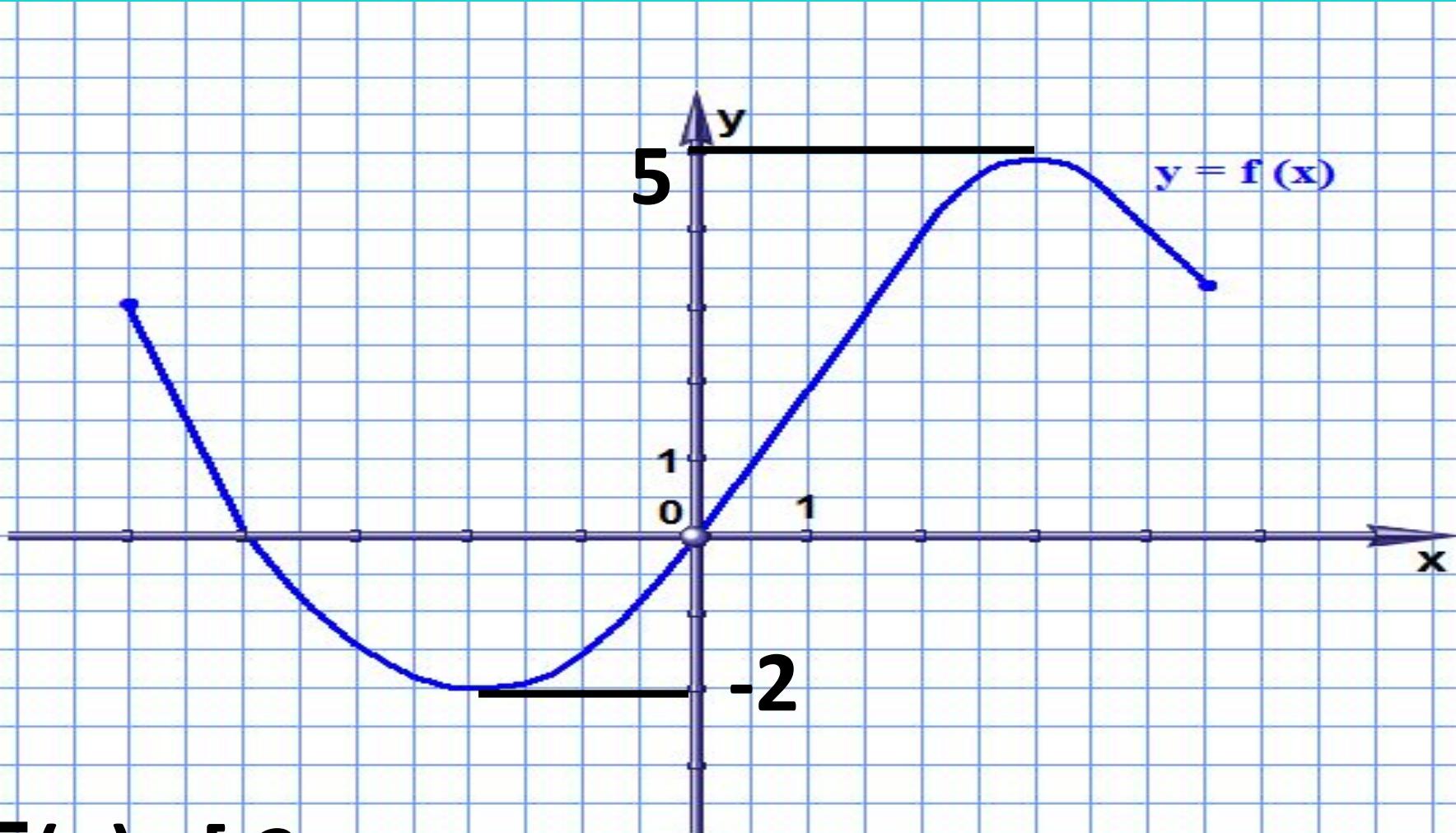
$$y(x) \in (-\infty; + \infty)$$

Найдите по графику  
область определения функции -  
 $D(y)$



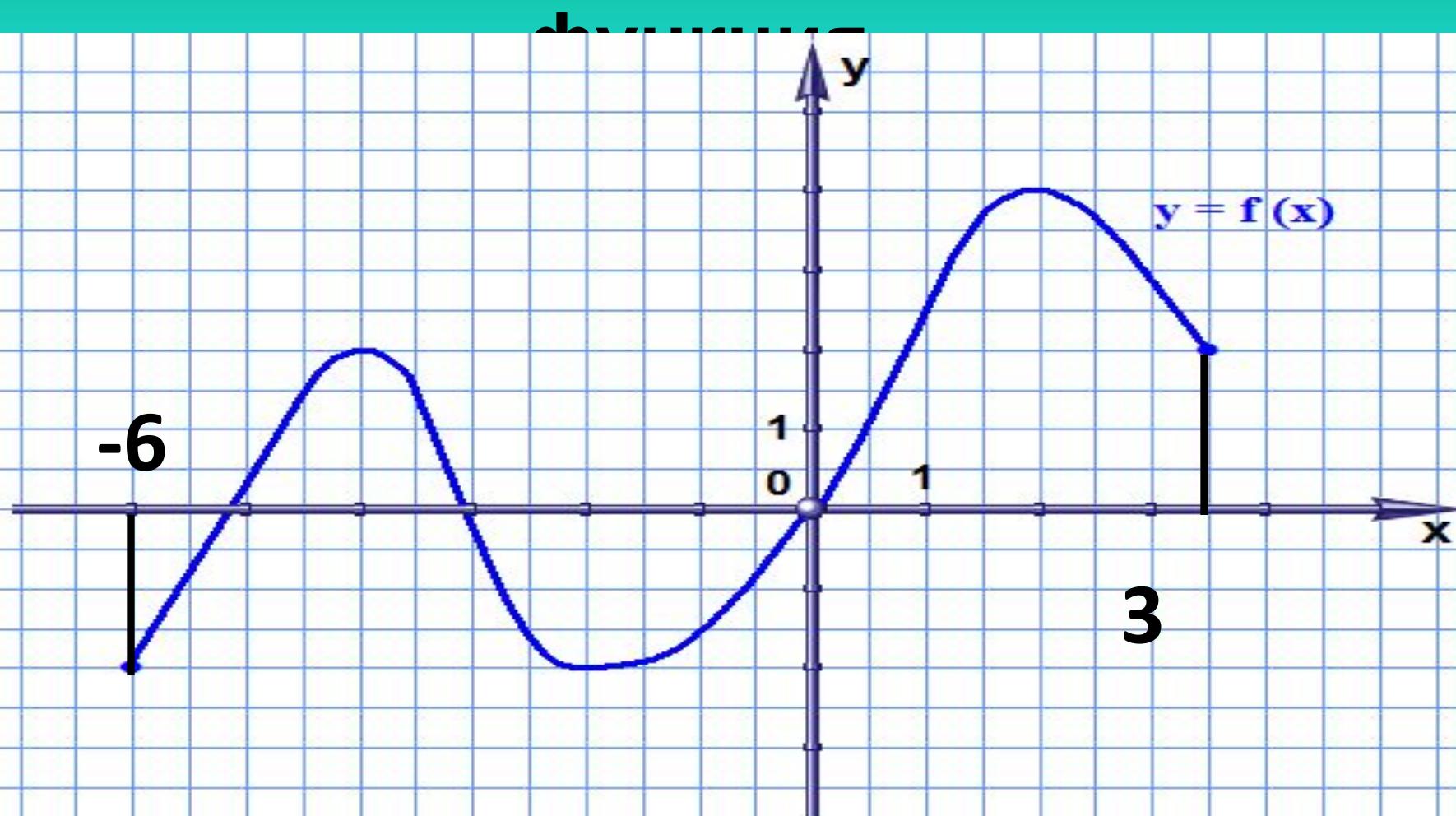
$$D(y) = [-5;$$

Найдите по графику  
область значений функции -  $E(y)$



$$E(y) = [-2;$$

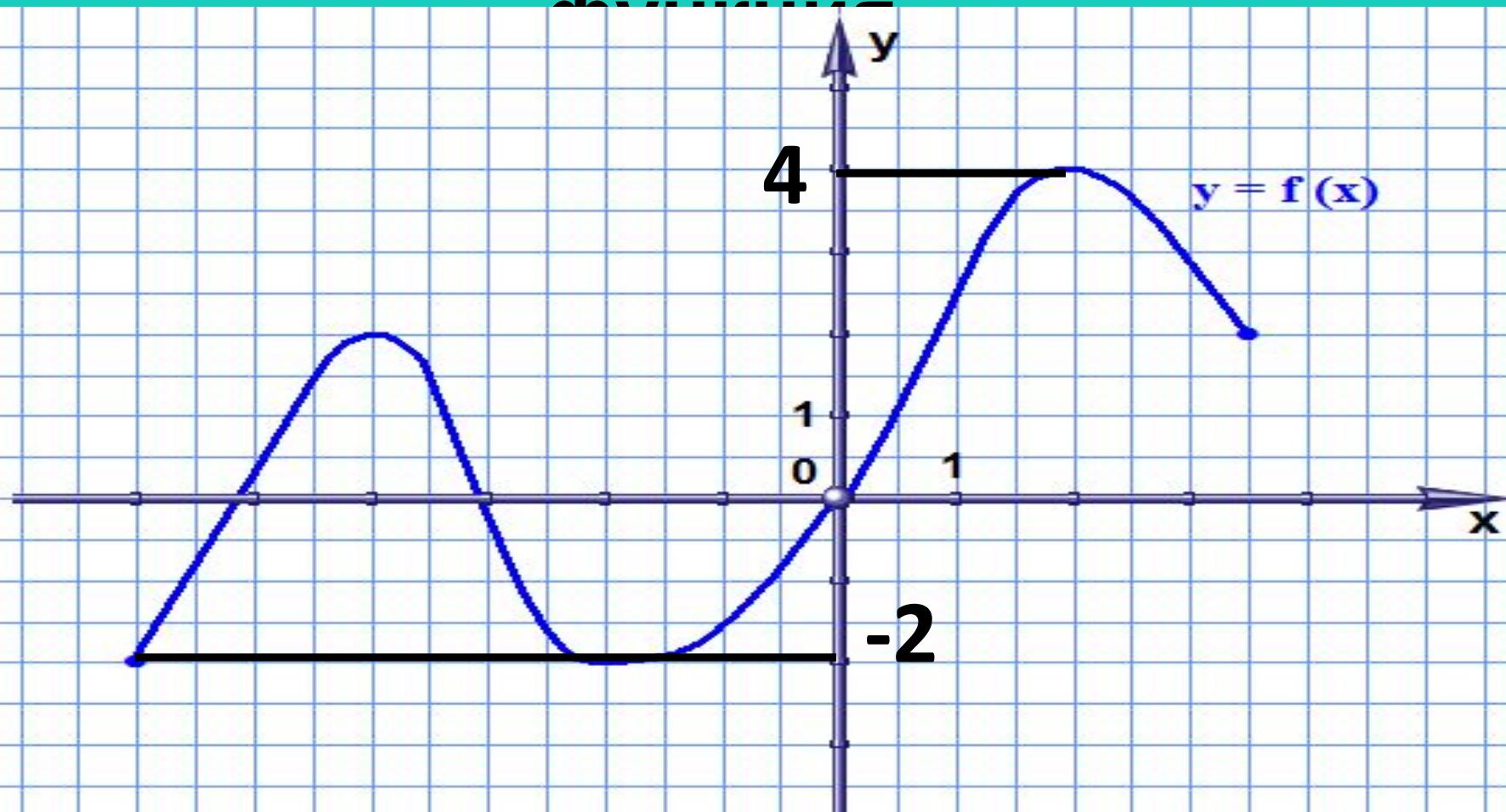
По графику определите промежуток на котором определена данная функция



$$D(y) = [-6; 3.5]$$

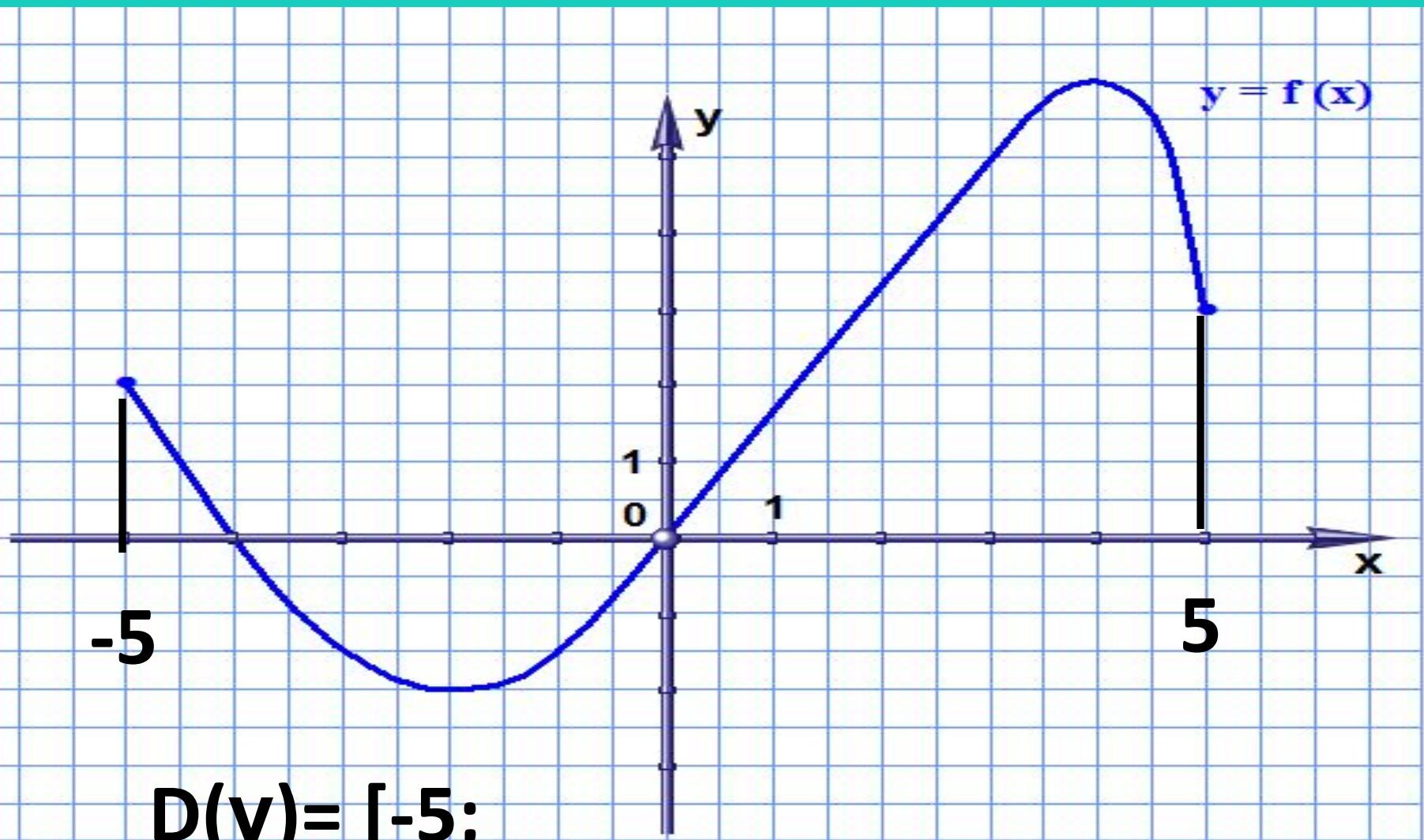
По графику определите промежуток на котором определена данная функция

функция



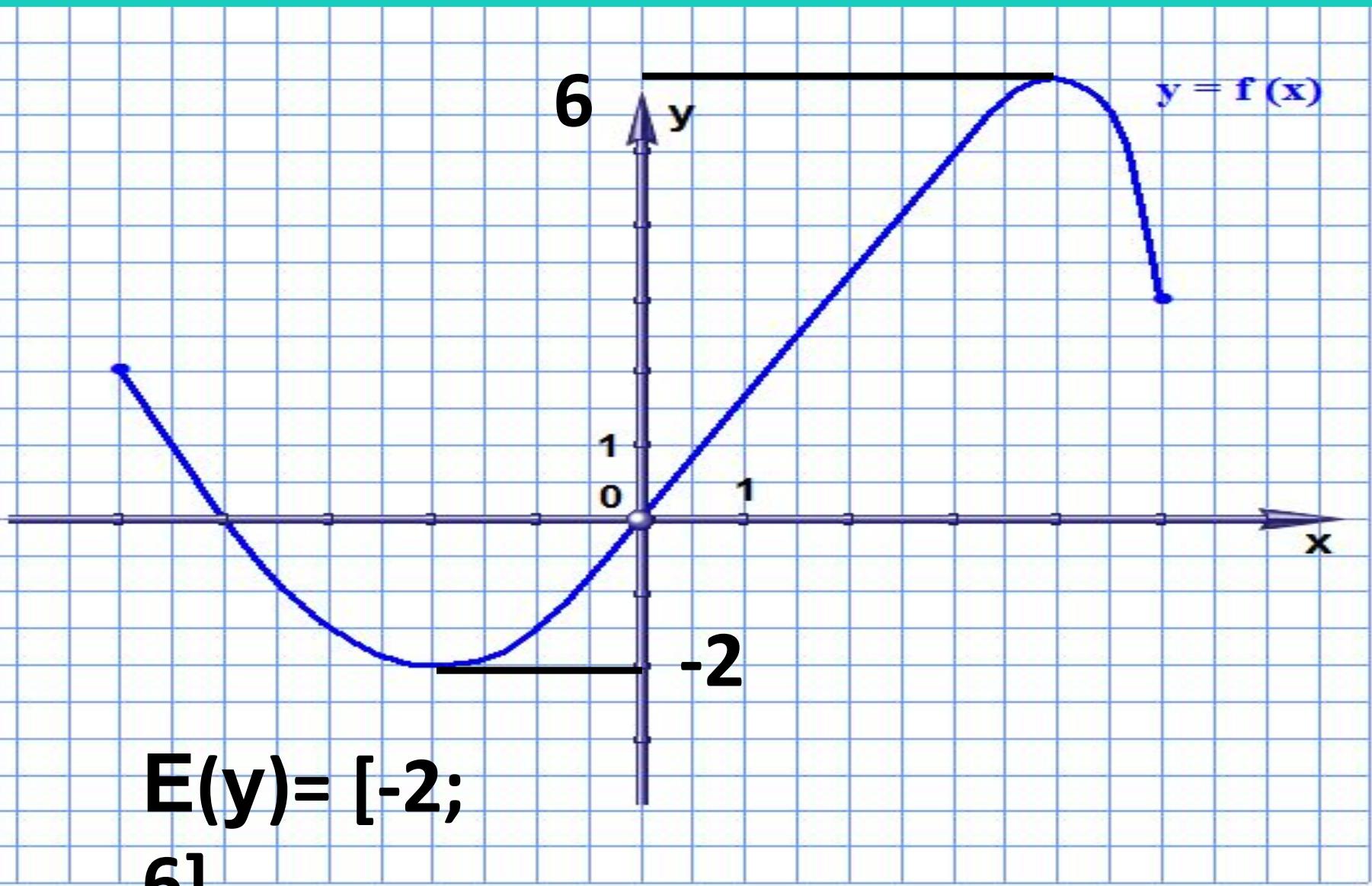
$$E(y) = [-2;$$

# Найдите по графику область определения функции



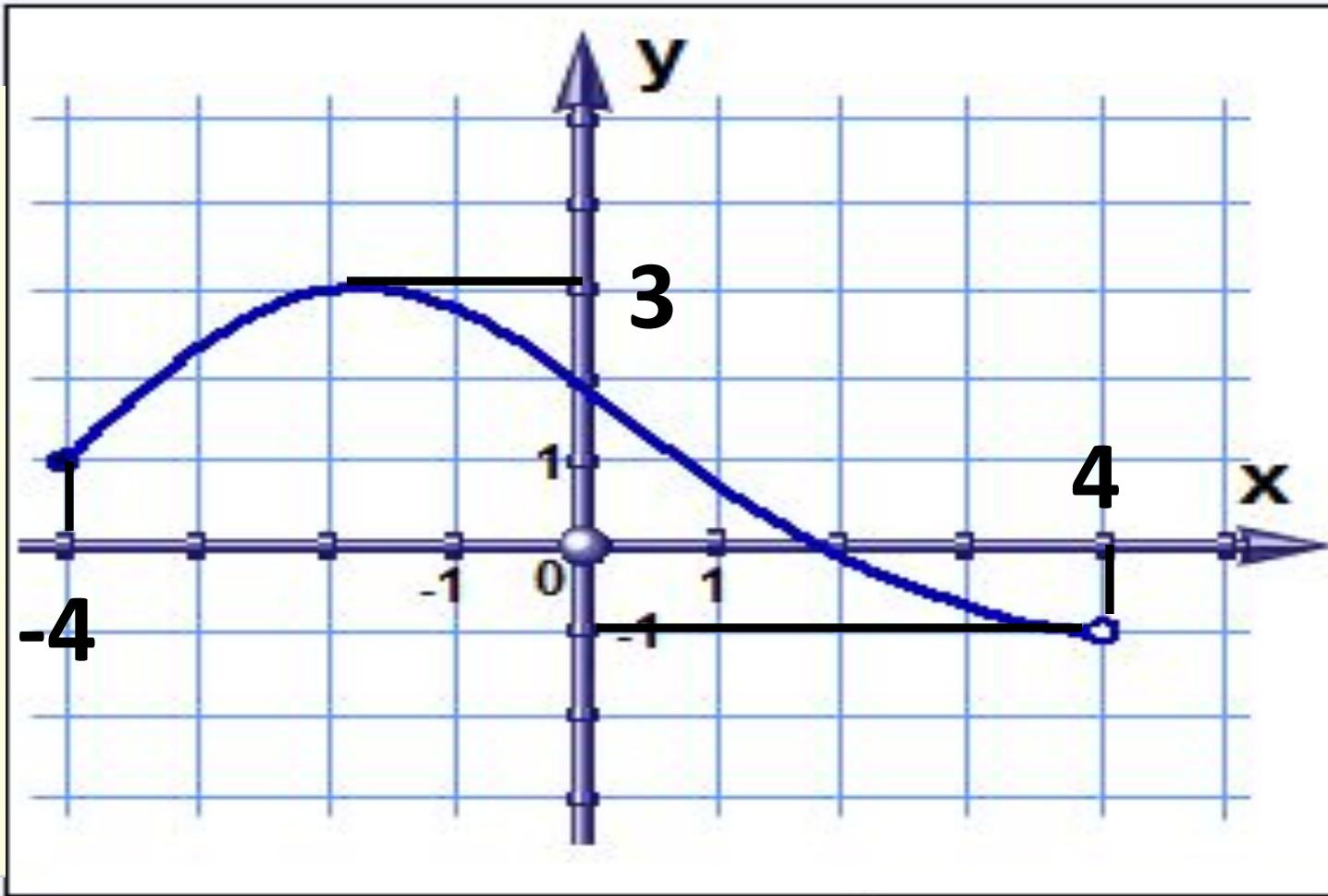
$$D(y) = [-5;$$

**Найдите по графику  
область определения функции**



# Найдите область определения и значения функции

- а)  [-2; 4)
- б)  (-1; 3]
- в)  [-1; 4]
- г)  [-4; 2]
- д)  [-4; 4)



$$D(y) = [-4; 4)$$

$$E(y) = (-1; 3]$$

# Найдите область определения и значения функции

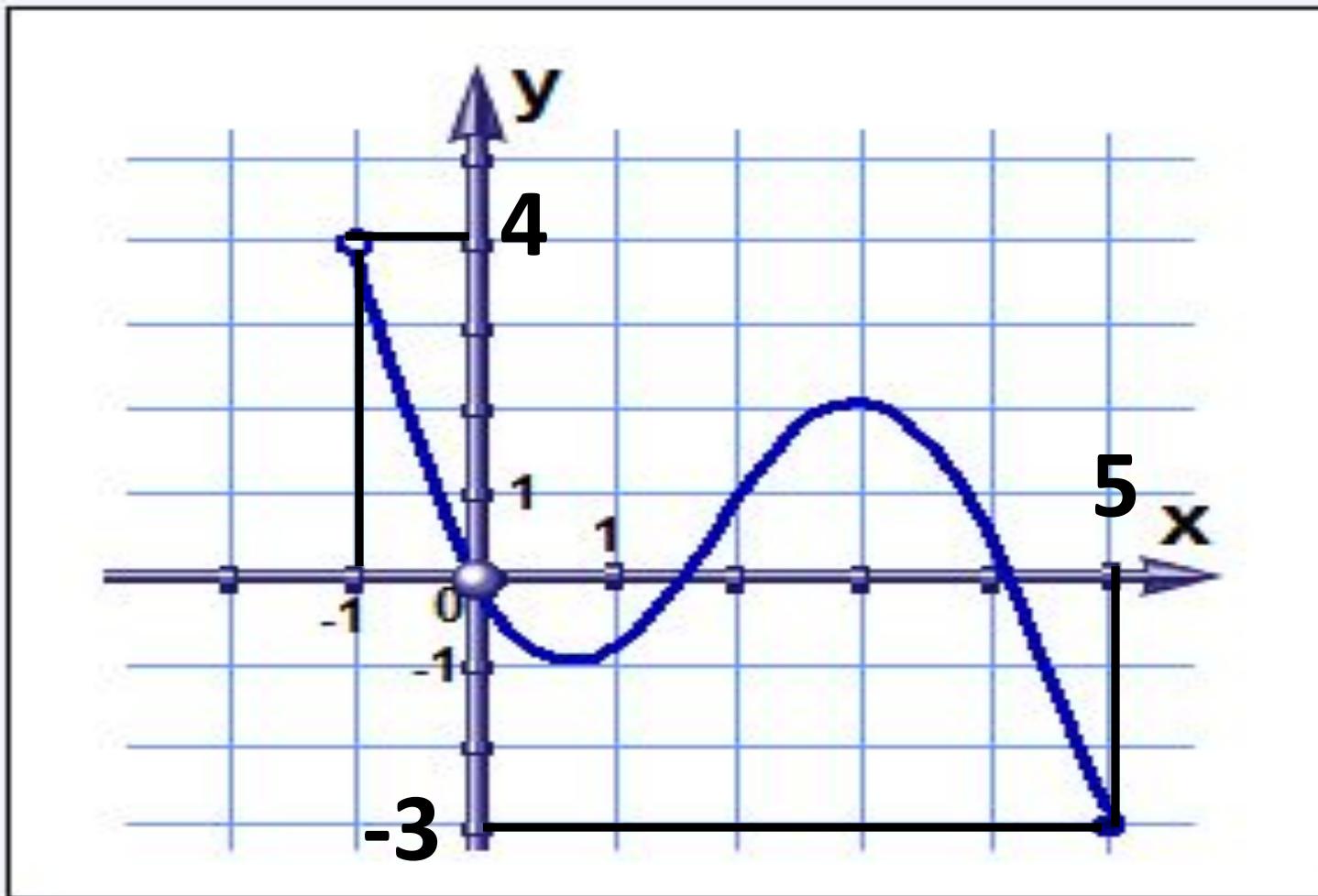
а)  $(-1; 5]$

б)  $[-3; 4)$

в)  $[-1; 2]$

г)  $[-2; 4)$

д)  $(-1; 3]$



$$D(y) = (-1; 5]$$

$$E(y) = [-3; 4)$$

Найдите область определения и значения  
функции

а)

$$[-2; 4]$$

б)

$$(-1; 3]$$

в)

$$[-1; 4]$$

г)

$$[-4; 2]$$

д)

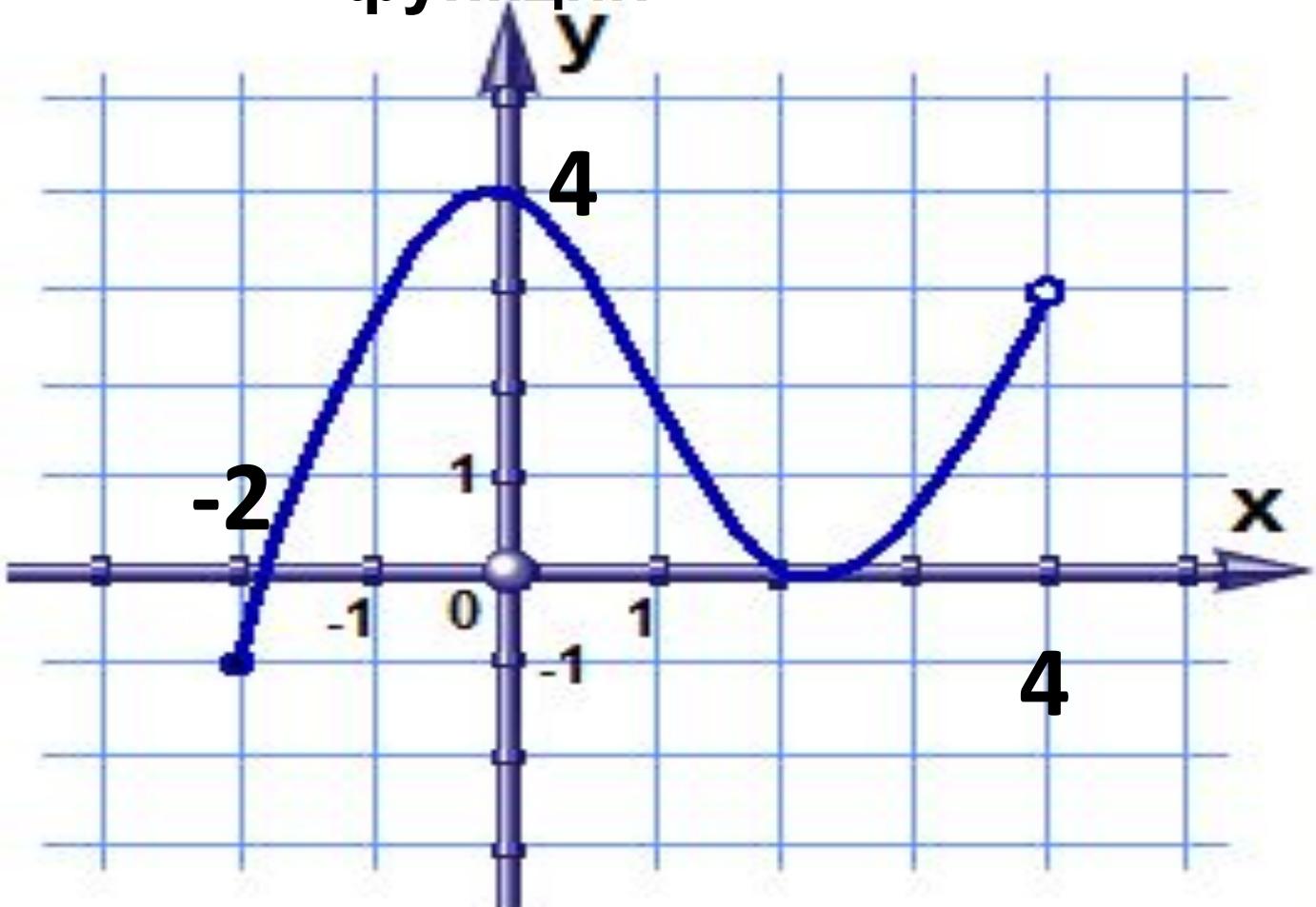
$$[-4; 4)$$

$$D(y) =$$

$$[-2; 4)$$

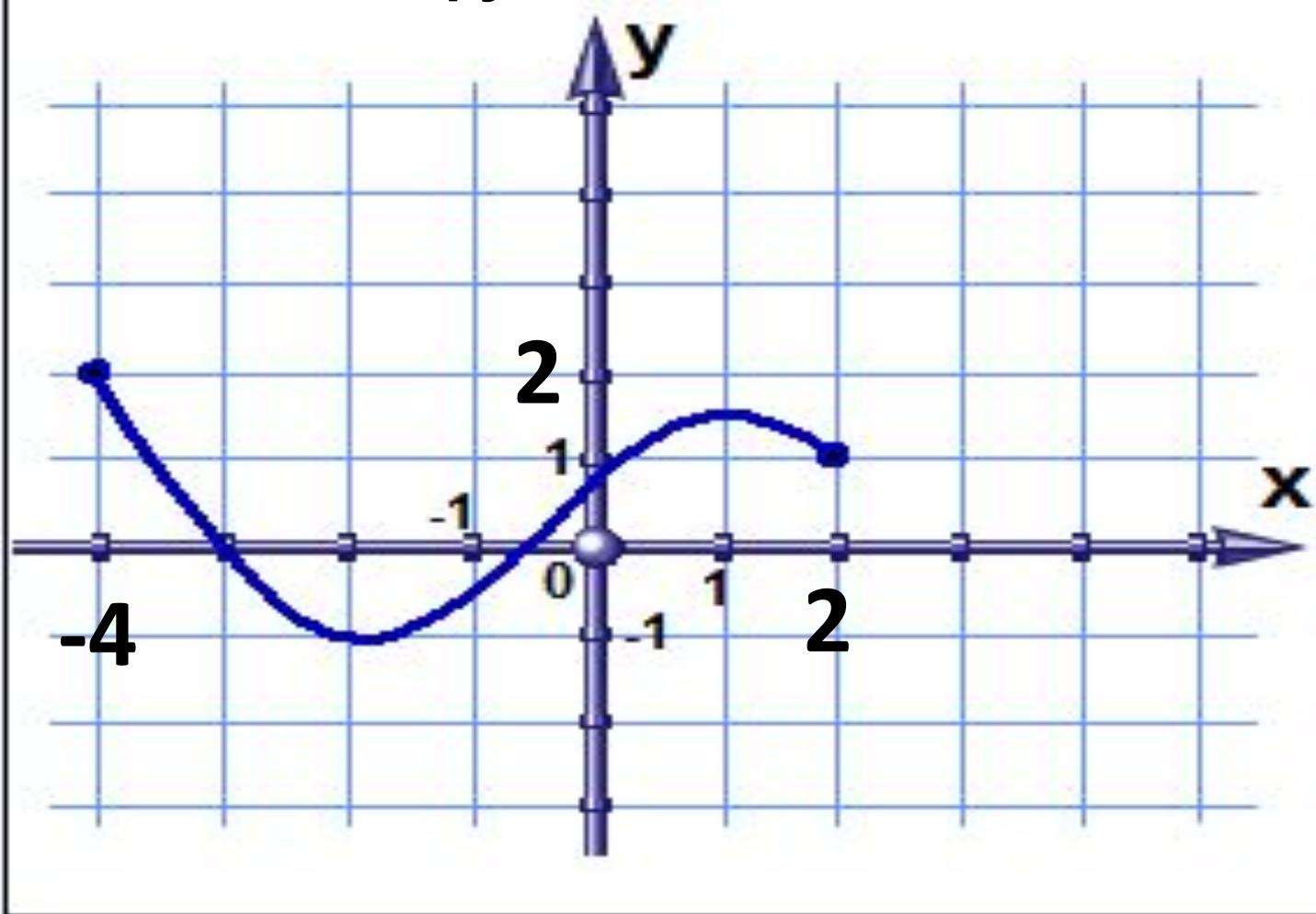
$$E(y) =$$

$$[-1; 4]$$



Найдите область определения и значения  
функции

а) [-1; 2]  
б) [-2; 4)  
в) (-1; 3]  
г) [-1; 4]  
д) [-4; 2]



$$D(y) = [-4; 2]$$

$$E(y) = [-1; 2]$$