

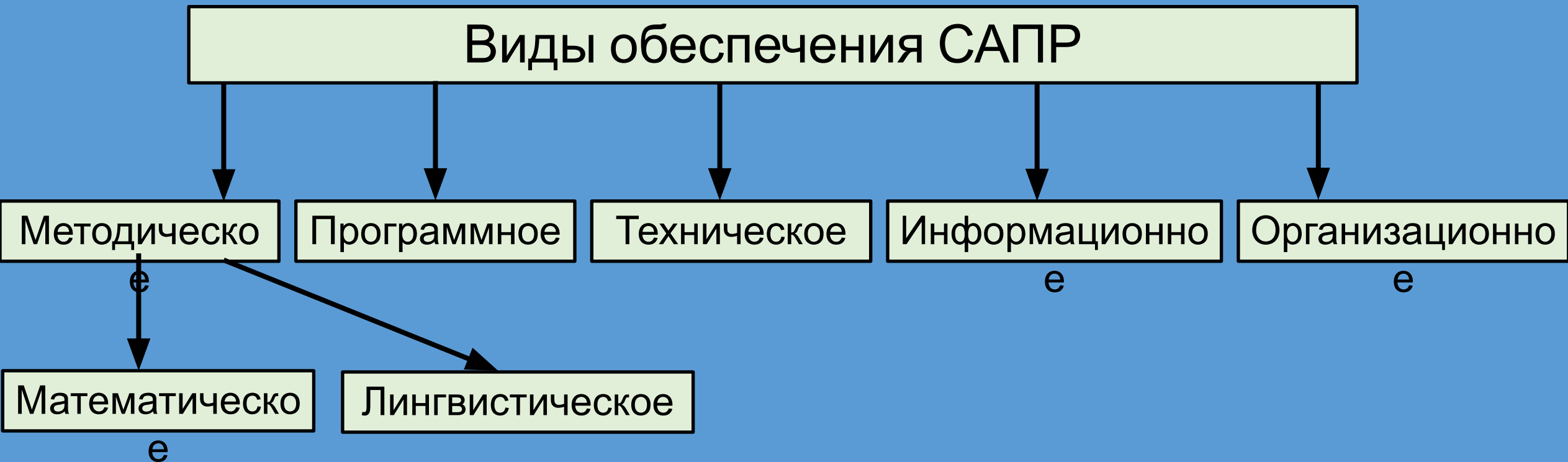
# ОСОБЕННОСТИ САПР

- *Возможность комплексного проектирования РЭС, т.е. возможность тесного взаимодействия не только отдельных процедур, но и этапов проектирования. Например, схемотехнического и конструкторского этапов .*
- *Интерактивный режим проектирования, при котором осуществляется непрерывный процесс диалога «человек — машина».*
- *Возможность имитационного моделирования в условиях работы, близких к реальным. Имитационное моделирование дает возможность предвидеть реакцию проектируемого объекта на самые различные возмущения, позволяет провести испытания различных вариантов решения и выбрать лучший.*
- *Значительное усложнение программного и информационного обеспечения. Создание новых языков, банков данных, своих систем принятия решений, программ проектирования*
- *Значительное усложнение технических средств. Требуются ЭВМ высокой производительности, многомашинные комплексы, разветвленная система периферийных устройств.*

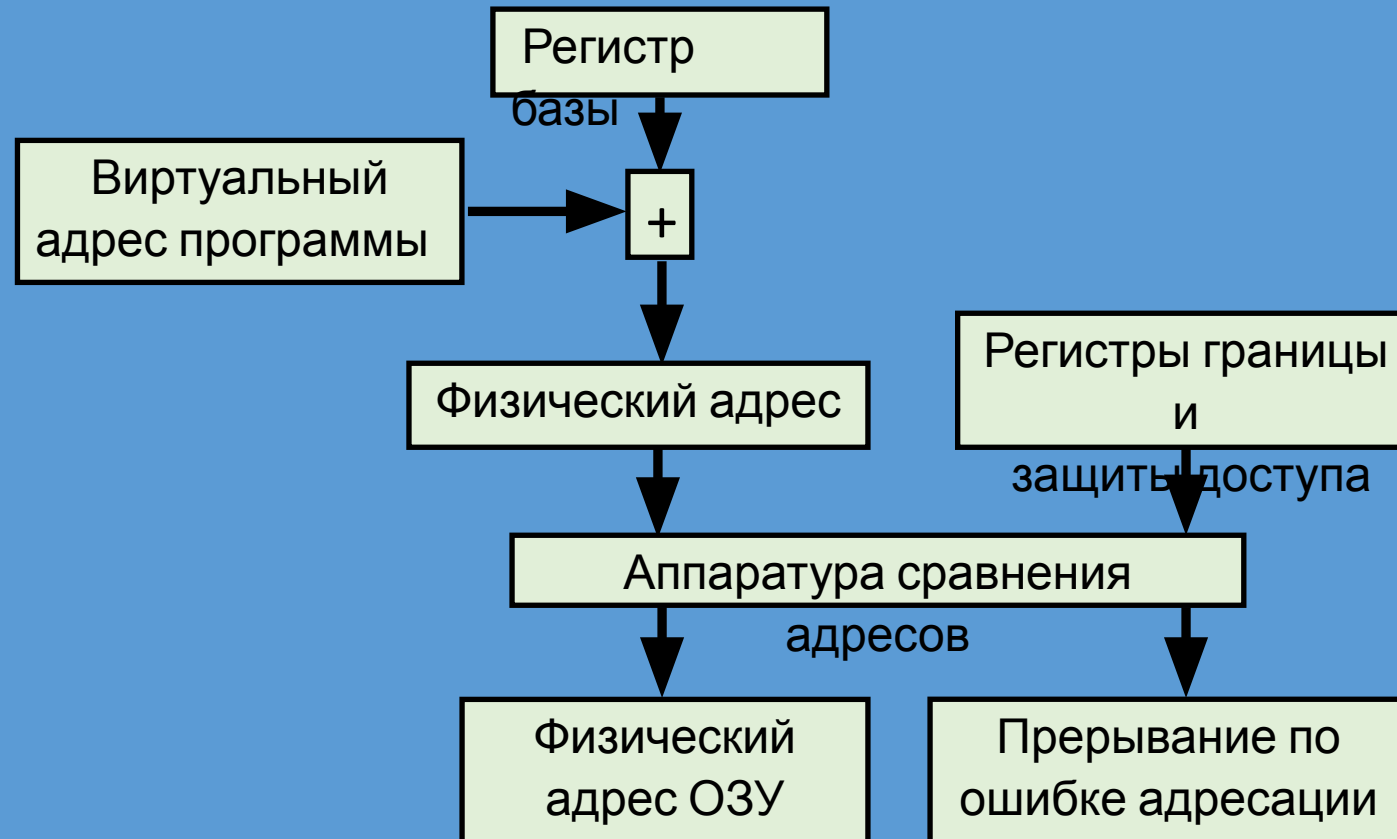
# **Отличие рабочих станций от персональных компьютеров**

- В РС используется RISC- процессор, т.е. процессор с сокращенным набором команд и повышенным быстродействием*
- Все современные РС имеют большой объем ОЗУ и работают под управлением сложных многозадачных операционных систем*
- РС имеет мощные графические процессоры с поддержкой высокоскоростной и высококачественной графики*
- В базовый комплект РС встраивается аппаратура высокоскоростной связи со стандартной ЛВС – сетевой адаптер*

# Структурная схема САПР

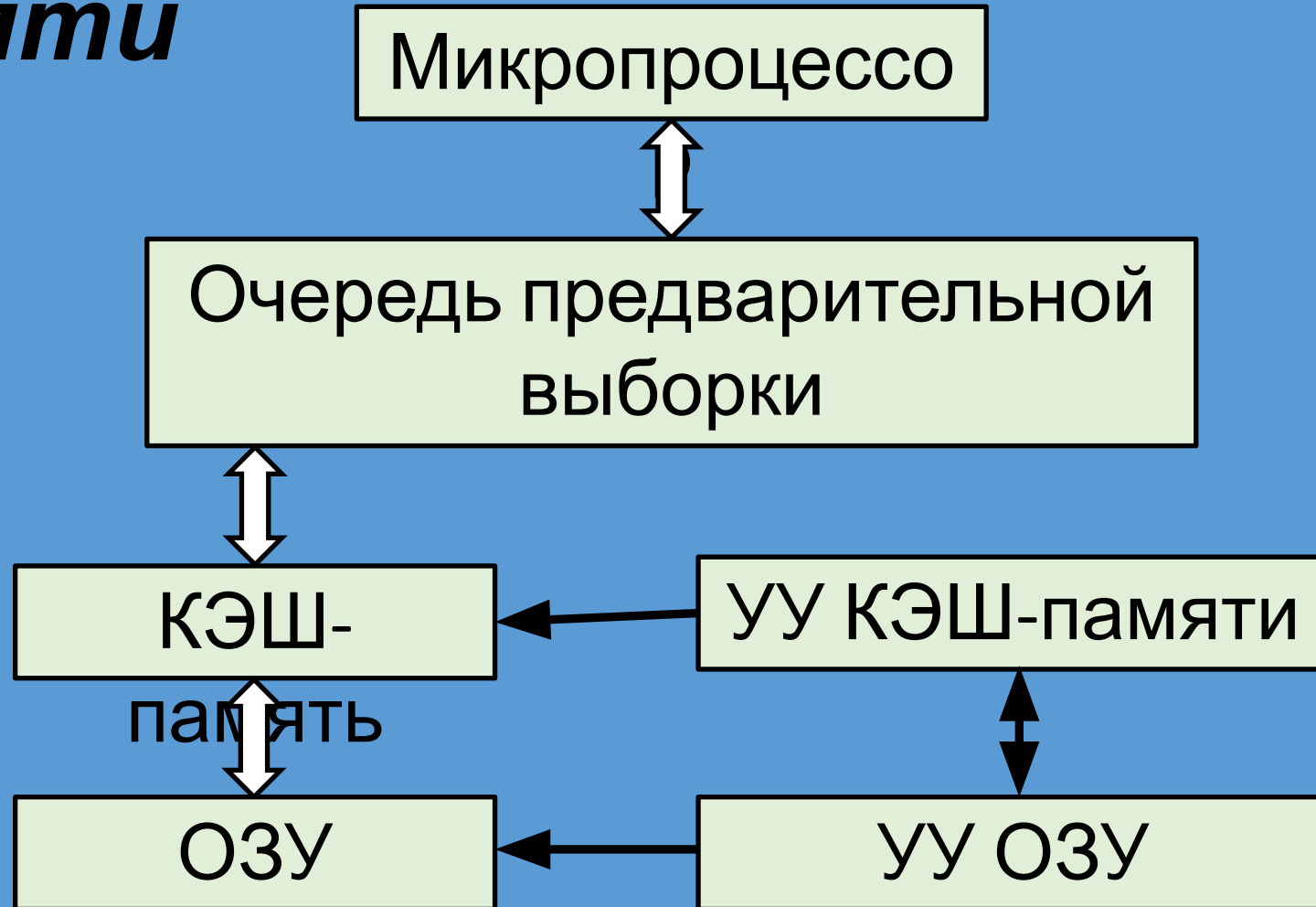


# Функциональная схема ОЗУ



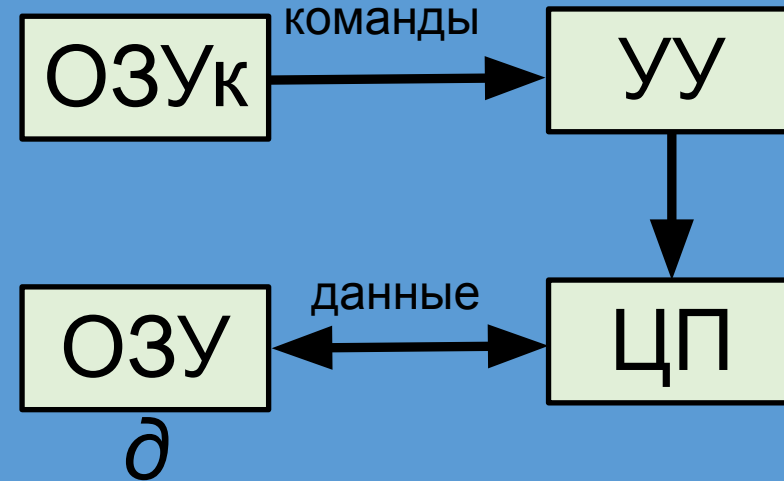


# Структурная схема оперативной памяти



# Фон - неймановская архитектура

## ЭВМ



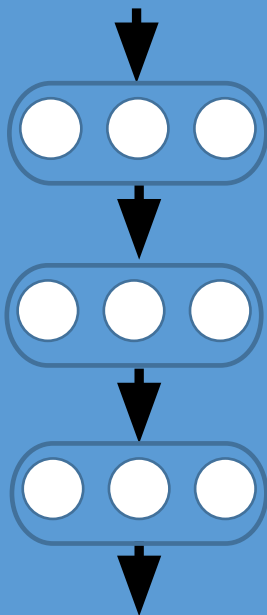
● выполняемые операторы  
▼ потоки команд и данных

УУ устройство управления

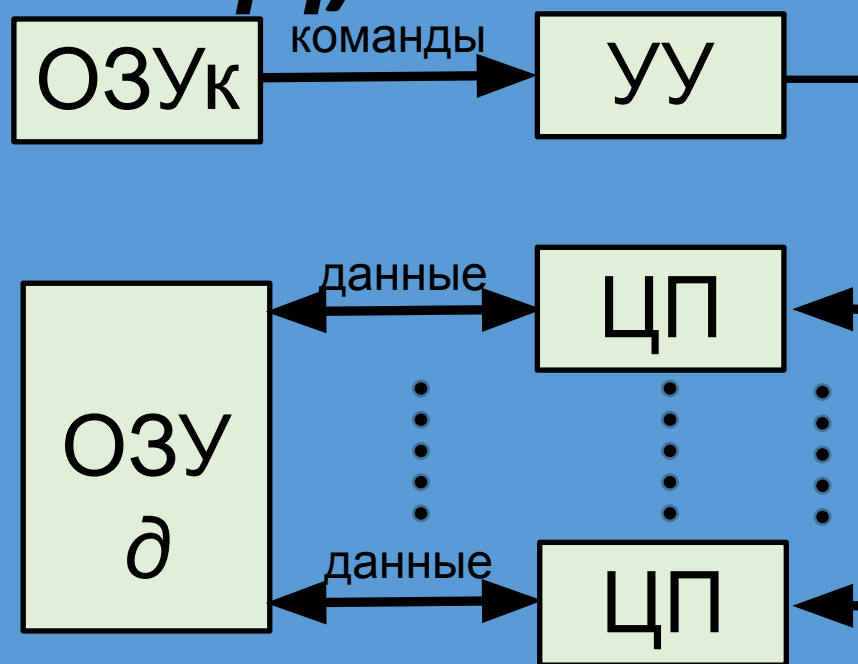
ОЗУк ОЗУ команд  
ОЗУ<sub>д</sub> ОЗУ данных

ЦП центральный процессор

# ЭВМ с одиночным потоком команд и с множественными потоками данных (ОКМД)

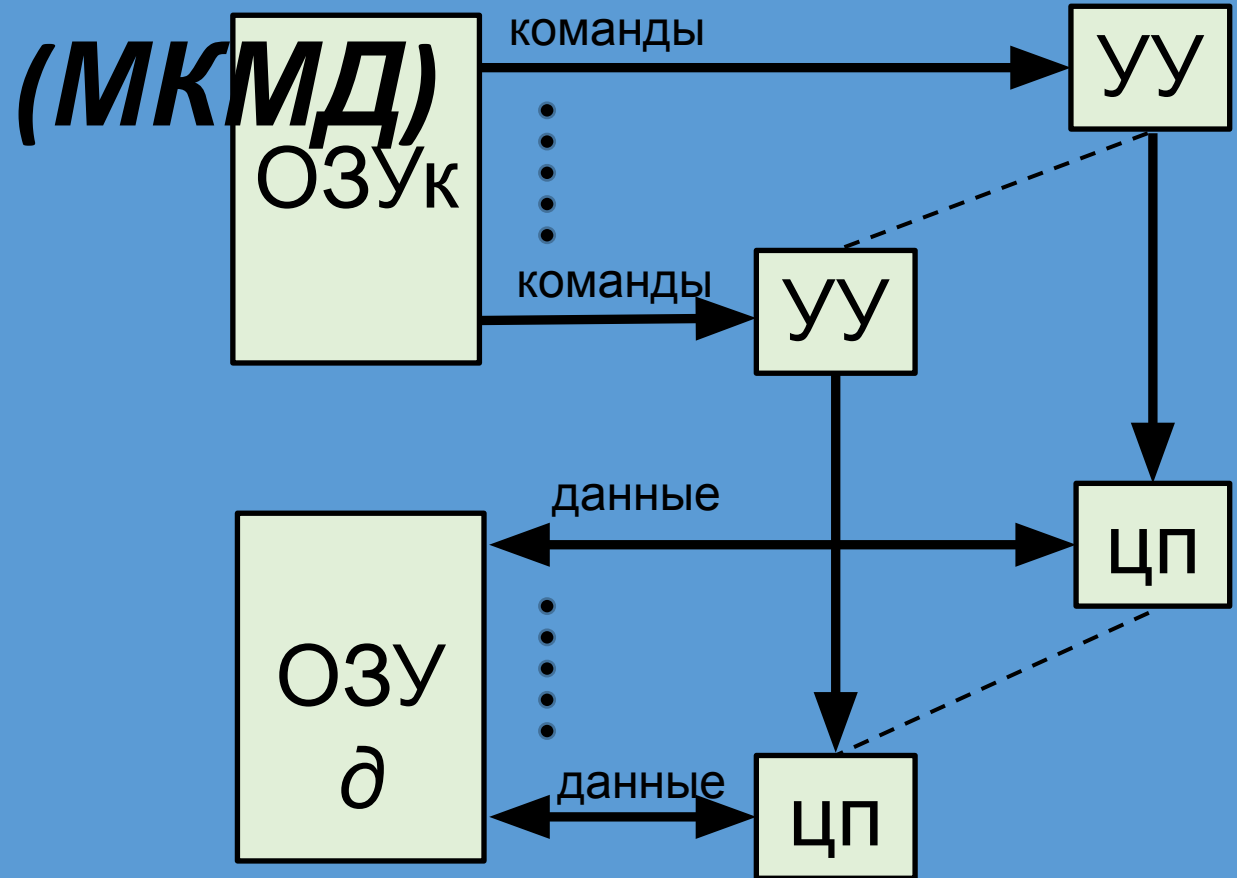
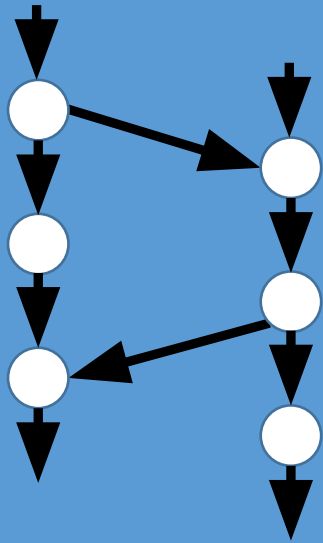


(ОКМД)



# ЭВМ с множественными потоками команд и

## с множественными потоками данных



# Суперкомпьютерный комплекс "Ломоносов"



Суперкомпьютер «Ломоносов», установленный в Московском университете в 2009 году, относится к уникальным системам высшего диапазона производительности. В настоящее время он содержит 6654 вычислительных узла, более 94000 процессорных ядер, обладает пиковой производительностью 1,37 Пфлоп/с. Реальная производительность системы на тесте Linpack равна 674 Тфлоп/с, что позволило ему занять в июне 2011 года 13-ое место в списке Top500 самых мощных компьютеров мира.

# Периферийное оборудование САПР

**Периферийное оборудование ЭВМ** – это совокупность технических и программных средств, обеспечивающих взаимодействие ЭВМ с пользователем и внешней средой, а также хранение, подготовку и преобразование информации к виду, удобному для ввода – вывода, который

По программному обслуживанию периферийные устройства САПР делятся на два класса **растровые** и **координатные** (векторные).

В **растровых** устройствах выводится мозаичный рисунок из отдельных точек – пикселей или ПЭЛов по типу телевизионной развертки. При этом осуществляется последовательный перебор элементов мозаики и выделение пикселей, составляющих изображение. Время вывода постоянно, не зависит от сложности рисунка и определяется только числом элементов и скоростью их

При **векторном** способе осуществляется вычерчивание линий, составляющих изображение. Эти линии получаются в результате интерполяции графической информации, т.е. реальный рисунок совпадает с выводным в некоторых точках. Чем больше точек, тем точнее рисунок.



# **Все периферийные устройства делятся на три**

1. Средства ввода – вывода с машинных носителей:

- ❖ накопители на магнитных дисках;
- ❖ накопители на магнитных лентах (стримеры)

2. Средства ввода – вывода с документов:

- ❖ принтеры;
- ❖ графопостроители;
- ❖ сканеры;
- ❖ планшеты и др.

3. Средства непосредственного взаимодействия с ЭВМ:

- ❖ устройства отображения алфавитно – цифровой и графической информации (дисплеи, проекционные системы и др.);
- ❖ акустические устройства ввода – вывода информации;
- ❖ устройства связи с реальными объектами (датчики, исполнительные устройства);
- ❖ средства ручного ввода информации( алфавитно - цифровая клавиатура, различные планшеты и манипуляторы (мышь, джойстик и др.)



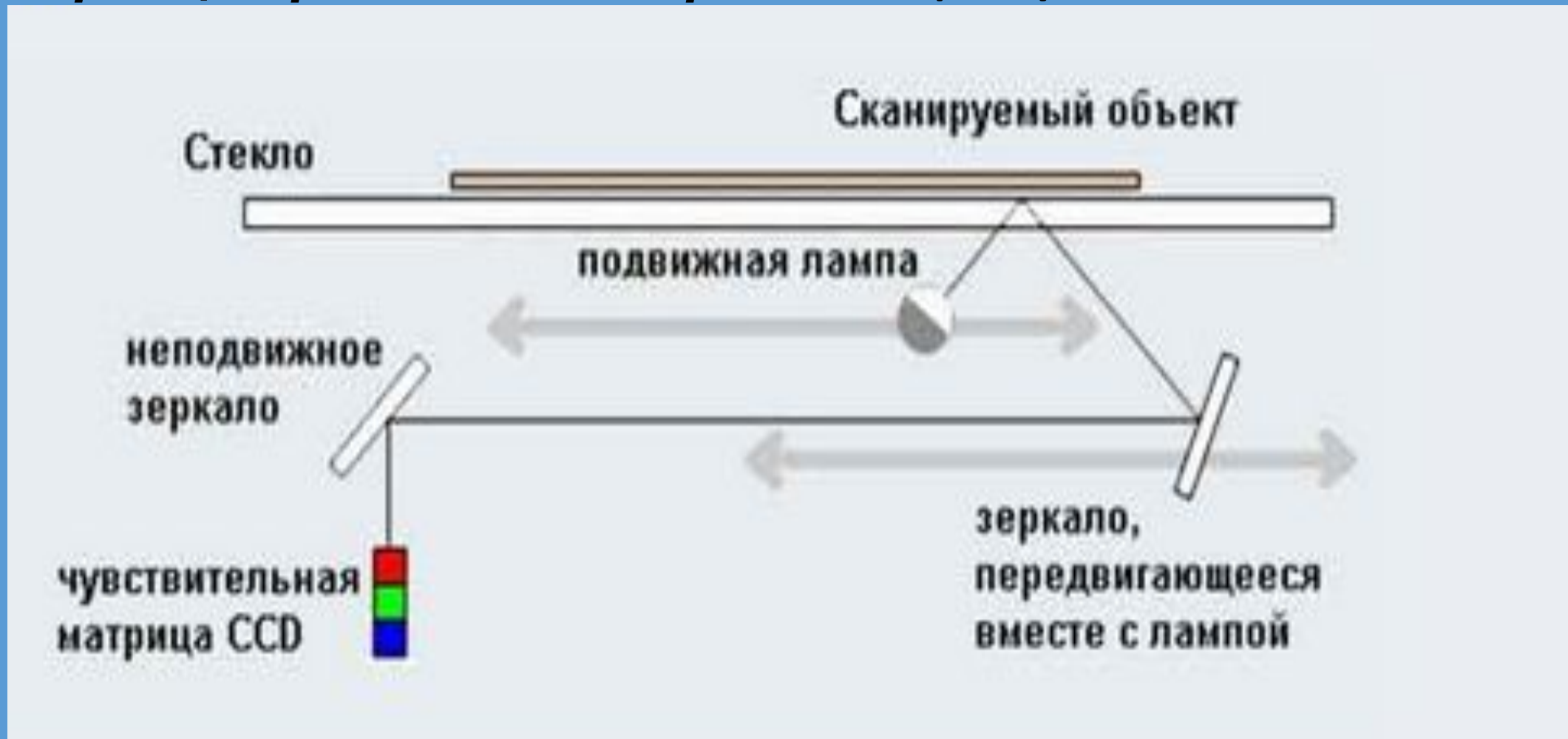
# Современный стример с картриджем к нему



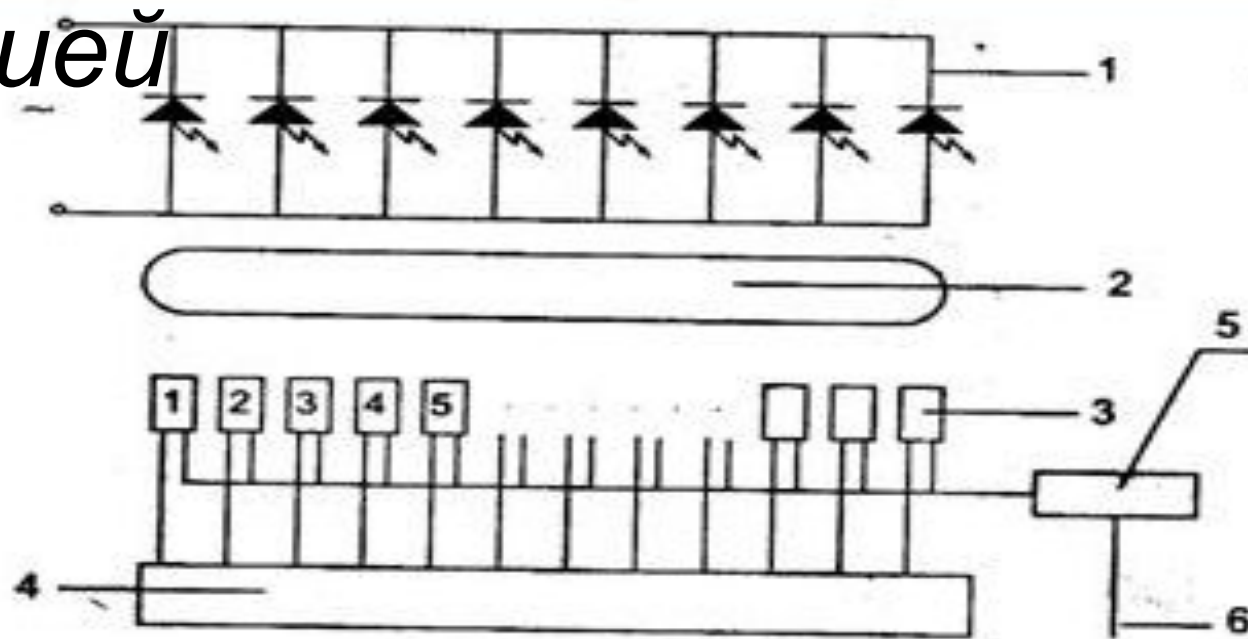
# Сканеры

Сканером называется устройство, позволяющее вводить в компьютер в графическом виде текст, рисунки, слайды, фотографии и др.

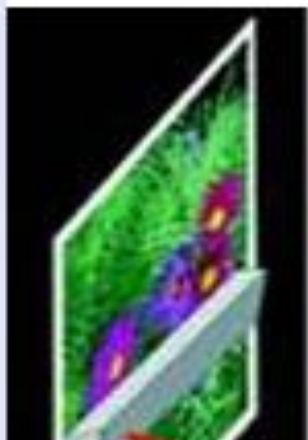
## Принцип работы сканера с ПЗС (CCD)-технологией



# Принцип работы сканера с КДИ (CIS)-технологией



**Рис. 2.19.** Устройство сканирующей головки:  
1 — набор светодиодов; 2 — линзы; 3 — фотоэлементы;  
4 — регистр сдвига; 5 — видеоусилитель; 6 — выход (АЦП)



# Сравнительная характеристика ПЗС и КДИ сканеров

## Достоинства КДИ сканеров

- **Меньшие габариты.** Сканеры, использующие технологию КДИ, имеют меньшие размеры и вес, чем сканеры на основе ПЗС.
- **Меньшая стоимость.** Вместо объектива, зеркал, призмы и самого фотоэлемента в этих сканерах используется только КДИ-линейка, что позволяет значительно снизить стоимость сканеров такого типа.
- **Меньшая потребляемая мощность.** Это достигается за счет применения светодиодов вместо лампы с холодным катодом. Если для ПЗС-сканера нормальная потребляемая мощность 12 Вт, то для КДИ-сканера — 2,5 Вт.
- **Работа в экстремальных условиях.** КДИ-сканеры гораздо менее чувствительны к внешним условиям.

## Достоинства ПЗС

- **Лучшая глубина резкости.** Глубина резкости КДИ-сканеров  $\pm 0,3$  мм, тогда как для сканеров с ПЗС она равна  $\pm 3$  мм. Это означает, что трехмерные предметы, находящиеся на расстоянии 3 мм от общего уровня, будут нормально отсканированы ПЗС-сканером, а изображение, полученное КДИ-сканером, будет нерезким и размытым.

- **Дольше срок службы.** Сканер на основе ПЗС обеспечивает стабильное и неизменное качество в течение 10 000 часов работы, тогда как у КДИ-сканеров после 500 часов работы происходит падение яркости на величину до 30%.

- **Лучшая чувствительность к оттенкам.** ПЗС-сканеры различают уровни оттенков с погрешностью  $\pm 20\%$ , в то время как КДИ-сканеры —  $\pm 40\%$ . Соответственно, передача деталей у ПЗС-сканеров будет значительно лучше.

- **Меньшая чувствительность к посторонней засветке,** так как у ПЗС-сканеров короче

светочувствительная матрица



# Принтеры

ТИП

Достоинств

Недостатк

и

**Матричный**

- ✓ Можно печатать сразу несколько
- ✓ Не требовательны в эксплуатации, могут печатать на поверхности любой бумаги
- ✓ Низкая себестоимость печати одной копии

- Медленная и шумная работа
- Плохое качество печати

**Струйный**

- ✓ Относительно невысокая стоимость
- ✓ Возможность печати цветных изображений и сверхкачественной фотопечати
- ✓ Относительно тихая работа
- ✓ Низкое потребление энергии

- Дороговизна расходных материалов (картриджей)
- Высокая себестоимость одной копии

*Тип*

**Лазерный**

*Достоинства*

✓ Высокая скорость печати

✓ Большой объем печати

✓ Низкий уровень шума

✓ Стойкость напечатанных копий к воздействию света и воды

✓ Низкая себестоимость одной копии

*Недостатки*

▪ Высокая цена

▪ Незначительное излучение

# Плоттер

*Плоттеры – устройства вывода информации из ПК, выполняющие преобразование и запись графических данных на соответствующий носитель*

*В качестве носителей обычно используется бумага (писчая, чертежная, картографическая), картон, пленки, кальки и др.*

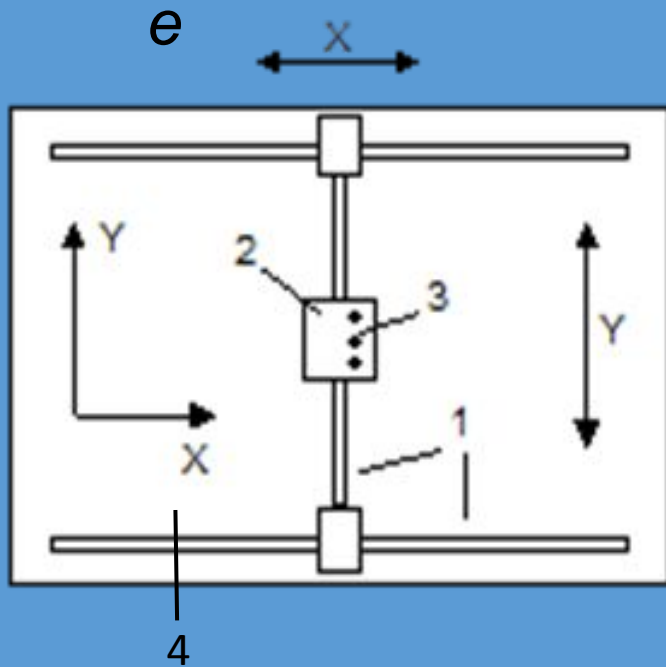
*Плоттеры применяются в системах автоматического проектирования с соответствующими графическими программами (CAD) и языками взаимодействия системного процессора с плоттерами, содержащими инструкции по перемещению пе-ра из одной точки в другую, поднятию и опусканию пера и т.д.*

*Плоттеры используют несколько форматов бумаги А0-А4. Чем больше размер бумаги, тем дороже плоттер. Поэтому различают крупноформатные (А0-А1), среднеформатные (А1-А2) и малоформатные (А3-А4) плоттеры.*

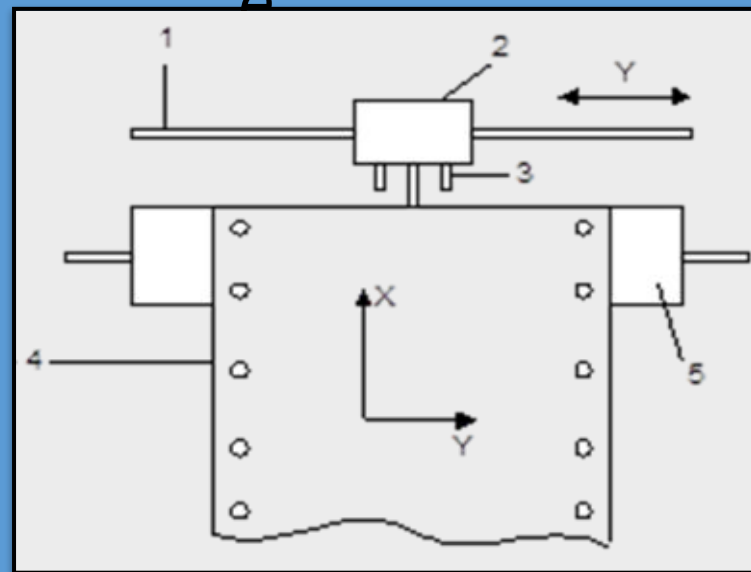


# По конструкции плоттеры подразделяются на:

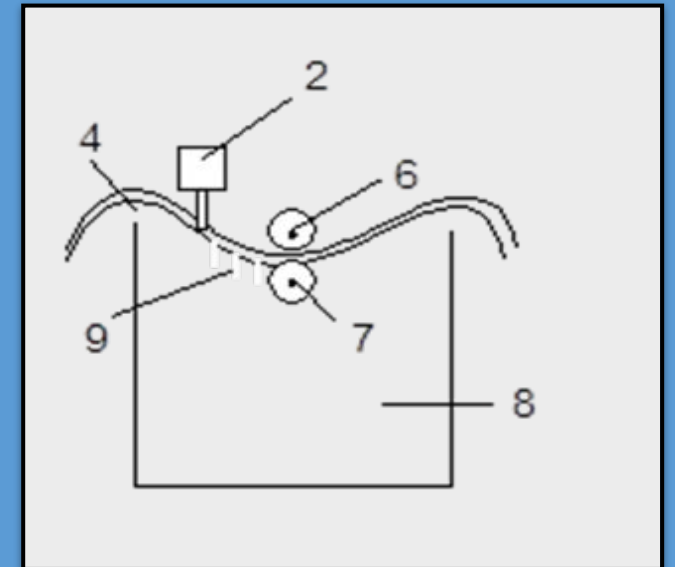
планшетны



барабанны



роликовы



1 – направляющие; 2 – пишущий узел (каретка); 3 – перья; 4 – направляющие; 5 – барабан; 6 – прижимной ролик; 7 – падающий ролик; 8 – вакуум; 9 – вакуумные отверстия (присоски).

# *Барабанный плоттер*



# Планшетный плоттер



*В зависимости от принципа образования графической информации (ГИ) различают векторные и растровые плоттеры.*

*В векторных перьевых плоттерах ГИ формируется как совокупность отрезков прямых линий (интерполяция). При построения изображений используются перьевые или шариковые рапидографы, карандаши, фломастеры.*

*Растровые плоттеры унаследовали особенности конструкций принтеров. Они обеспечивают изображение путем использования построчного или постраничного вывода элементов этого изображения на носитель информации.*

*По способу печати растровые плоттеры делятся на:*

*струйные;*

*лазерные;*

*светодиодные;*

*фотоплоттер*

*ы.*

# Основные технические характеристики

плоттер

- ✓ тип плоттера (планшетный, барабанный, струйный);
- ✓ количество пишущих элементов (4, 6, 8, 10);
- ✓ максимальный размер рабочего поля, в мм (210×970, 297 × 420, 432 × 594 и т.д.);
- ✓ точность позиционирования, в мм ( $\pm 0.1$ ,  $\pm 0.2$ ,  $\pm 0.3$ );
- ✓ емкость буферной памяти, в Кбайтах (например, 1, 2, 18, 32);
- ✓ скорость черчения, в мм/с (например, 150, 250, 400, 500);
- ✓ масса плоттера, в кг;
- ✓ потребляемая мощность

# Лингвистическое обеспечение САПР

*Лингвистическое обеспечение САПР – это совокупность языков, используемых в процессе разработки и эксплуатации САПР.*

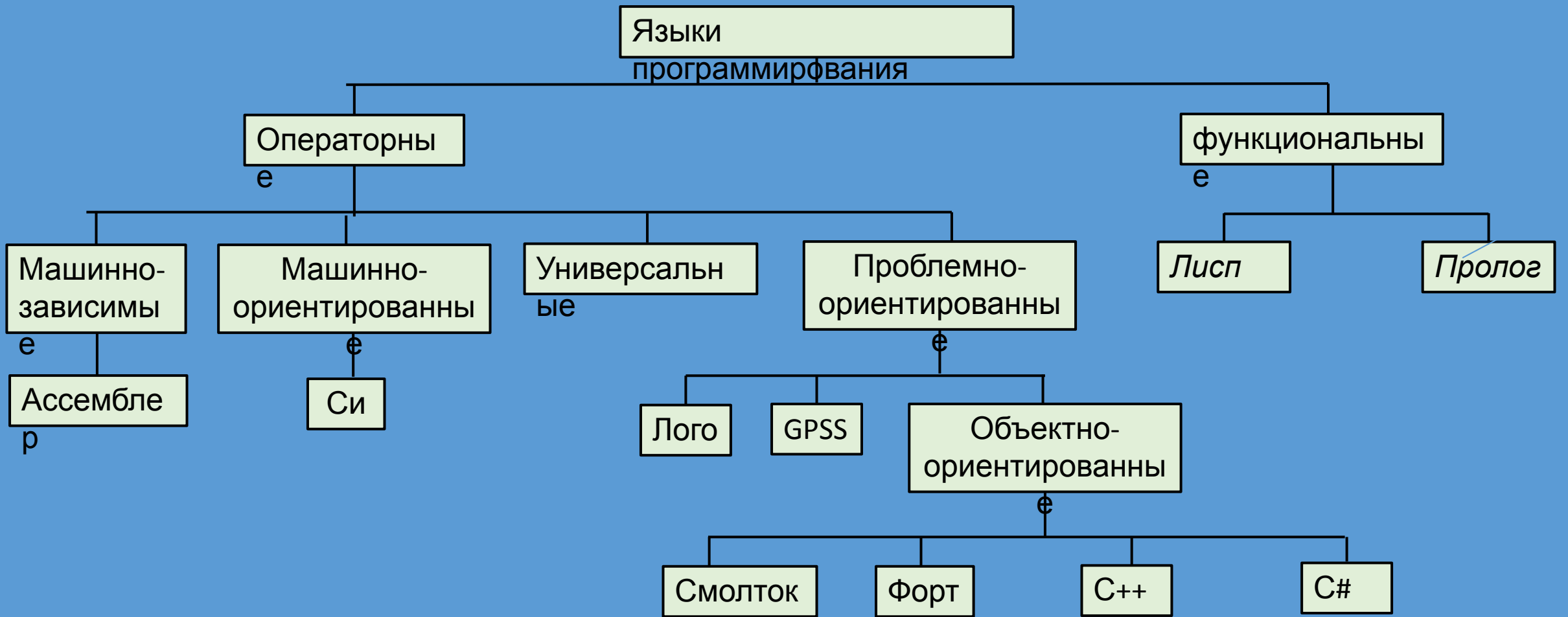
*Лингвистическое обеспечение САПР состоит из языков программирования, проектирования и управления.*

***Языки программирования** служат для разработки и редактирования системного*

*и программного обеспечения САПР. Они базируются на алгоритмических*

***Языки проектирования** – это проблемно – ориентированные, служащие для обмена информации об объектах и процессе проектирования между пользователем и ЭВМ.*

***Языки управления** служат для создания команд, управляющих работой САПР.*





**Ассемблер**, большая часть включена в Си, используется в основном для программирования микропроцессоров.

В языке **С** объединены достоинства языка низкого уровня – ассемблера и мощных выразительных средств языков высокого уровня. Разработан в 1972 г. Он послужил главным инструментом для создания ОС UNIX и MS DOS.

Универсальные языки: бейсик, паскаль, Fortran. Язык **Фортран** является первым универсальным языком (1954). Наиболее эффективен при численных расчетах, прост

по структуре и эффективен при выполнении программ. Наиболее популярная **Паскаль** ~~Фортран~~ создавался для учебных целей. Сейчас используется для разработки системных и прикладных программ для ПЭВМ.

**Бэйсик** – основное достоинство – простота, превосходное средство для начинающих программистов. Он работает в режиме интерпретации. Он принят во многих учебных заведениях, как базовый при начальном изучении программирования.



## Проблемно-ориентированные языки

Лого – реализован на принципе интерпретации, используется для создания сложных электронных игрушек. Разрабатывался в Америке и Японии. Игрушки с интеллектуальными наклонностями

*GPSS* исследует класс моделей массового обслуживания (для работы с очередями, выборки данных).

C# (C sharp) – имеет более компактный код. Недостаток объектно-ориентированных языков – замедленное выполнение программ из-за их динамических связей и сложность трансляторов. В C# эта проблема решается.

*Смолток* предназначен для решения нечисловых задач при построении систем искусственного интеллекта.

Форт – объектно-ориентированный язык, имеет высокое быстродействие и компактный машинный код.

Для разработки искусственного интеллекта используются **функциональные** языки Пролог и Лисп.

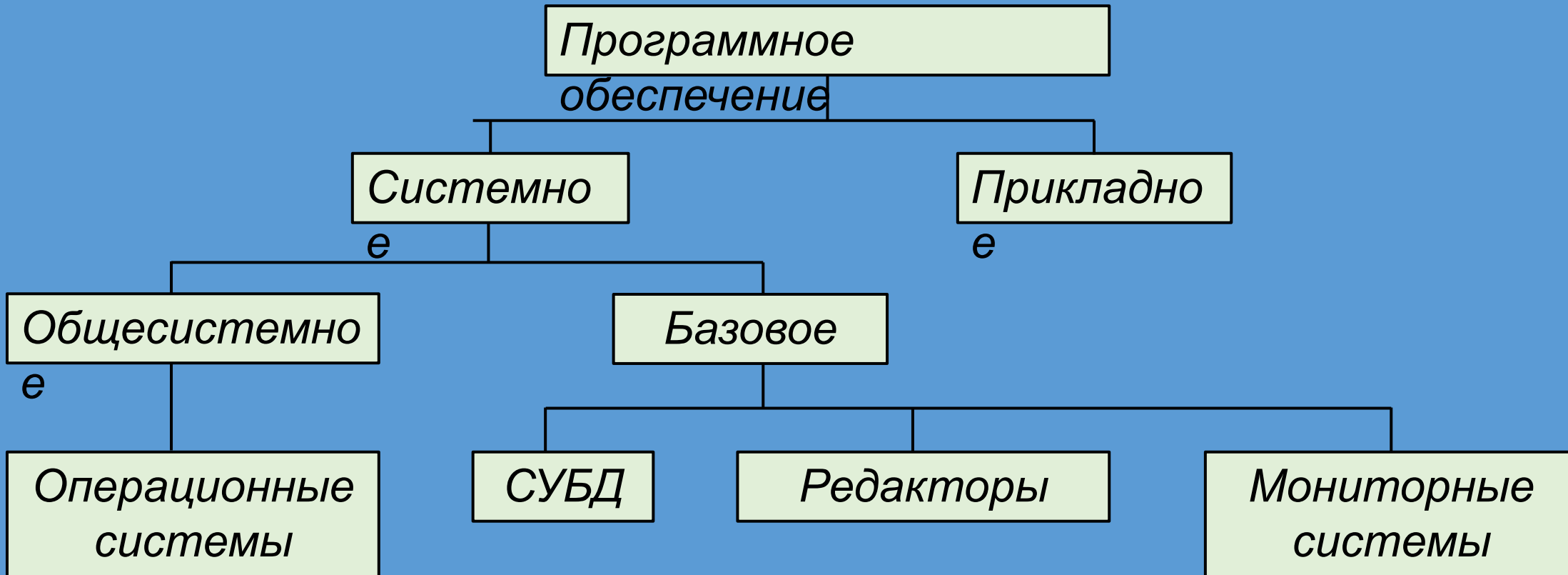
Эти языки ориентированы на обработку символьной информации, требуют больших массивов данных.

Лисп применяется для программирования интеллектуальных задач на естественном языке (управление голосом).

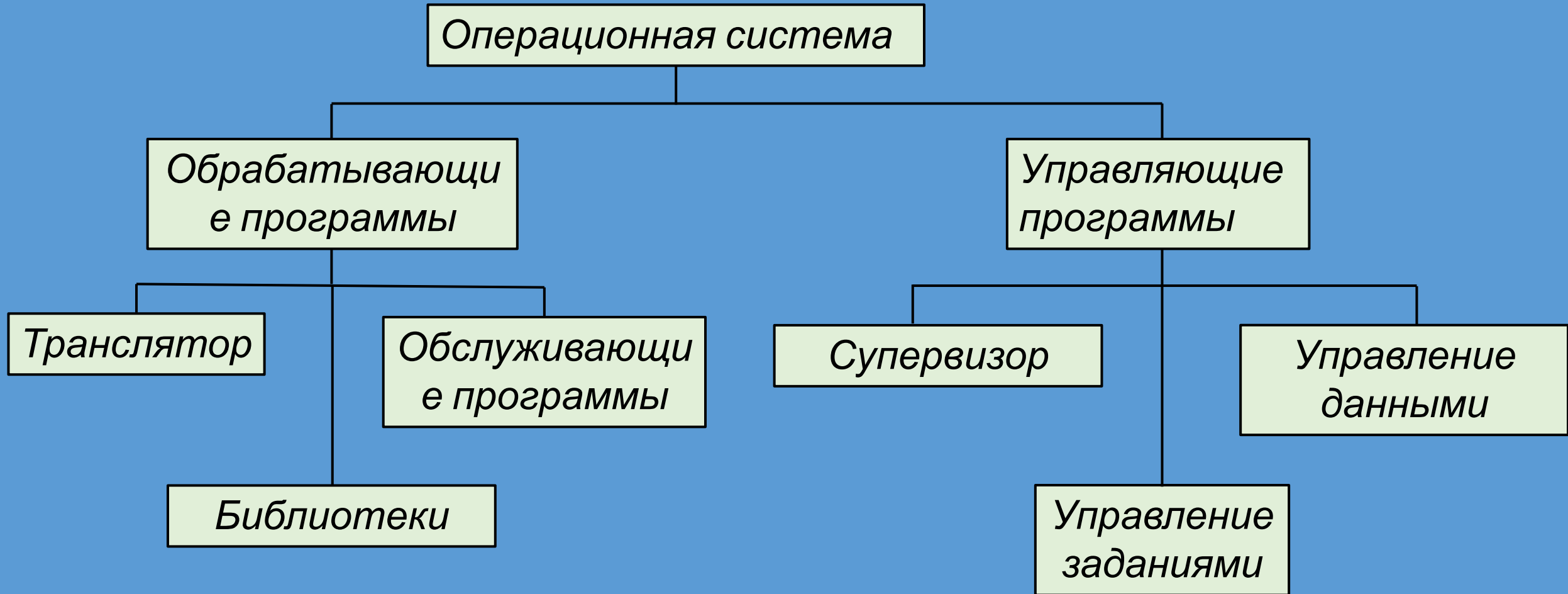
Пролог приобрел большую популярность в связи с созданием в Японии вычислительных систем 5-ого поколения.

# ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ (ПО) САПР

ПО – это совокупность программ, процедур и правил, написанных на том или ином языке, предназначенных для использования в САПР



# СТРУКТУРА ОПЕРАЦИОННОЙ СИСТЕМЫ



# ПРИКЛАДНОЕ ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

Прикладное ПО – это пакеты прикладных программ для выполнения различных проектных процедур (схемотехническое проектирование, конструирование и электродинамическое моделирование).

**DesingLab**, разработанная корпорацией MicroSim . Основу системы составляют следующие модули:

- графический редактор принципиальных схем – Schematics. Он же является управляющей оболочкой системы;
- моделирование аналоговых-цифровых устройств Pspice A/D;
- редактор входных сигналов (аналоговых и цифровых);
- библиотека диодов, биполярных и полевых и мощных МОП транзисторов, ОУ, компараторов напряжения, регуляторов и стабилизаторов напряжения.

**ICAP**, которая может работать с измерительными устройствами и получать конструкторскую документацию.

**Super-Compact**, в которой предусмотрено моделирование СВЧ-устройств.

*Serenade, Super-Spice, Microware Explorer* обеспечивают моделирование и оптимизацию СВЧ и оптоэлектронных устройств в, в том числе и во временной области, электромагнитных полей. Имеются версии ориентированные на Windows 95.

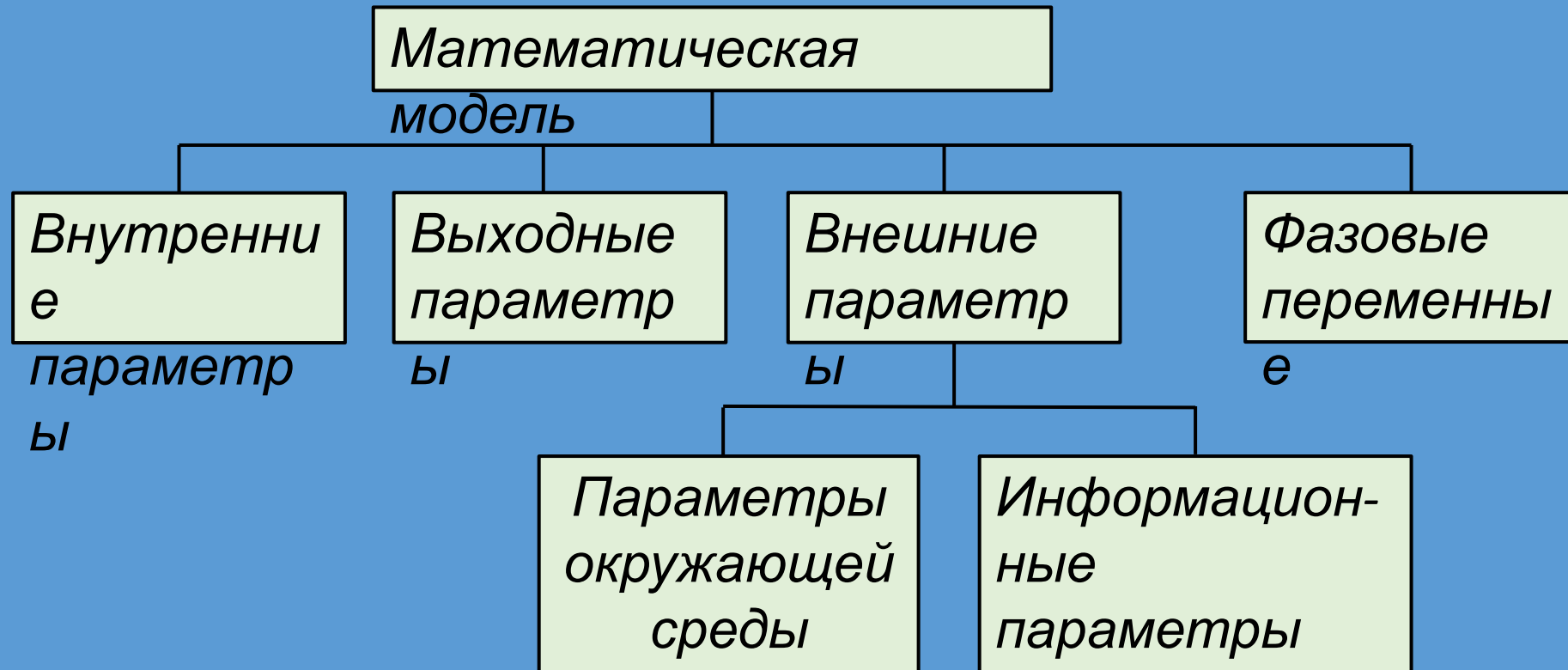
Система **Micro-Cap** предназначена для анализа и моделирования аналоговых и аналого-цифровых устройств (расчет переходных процессов, АЧХ, спектральный анализ и др.). Предусмотрена возможность наращивания библиотеки компонентов и подключение других программных продуктов (например, Pspice).

**OrCAD** позволяет решать задачи схемотехнического и конструкторского проектирования.

Основной конкурент OrCAD – это пакет P-CAD. Пакет имеет открытую архитектуру, он позволяет проектировать печатные платы до 500 элементов и 2000 связей.

# МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ

*ММ технического объекта – это совокупность математических объектов (чисел, переменных, множеств, графиков, матриц и др.) и отношений между ними; которые адекватно отражают некоторые свойства объекта с требуемой степенью точности*



$\bar{W}$  - вектор внутренних параметров;

$\bar{F}$  - вектор выходных параметров;

$\bar{Q}$  - вектор внешних параметров;

$\bar{V}$  - вектор фазовых переменных.

ММ любого радиотехнического объекта можно описать системой уравнений:

$$\varphi(\bar{V}, \bar{W}, \bar{Q}) = 0, \quad (1)$$

$$\bar{F} = f(\bar{V}). \quad (2)$$

Здесь  $\varphi$  и  $f$  – операторы, определяющие вид систем уравнений.

Решение уравнений (1) и (2) называют анализом математической модели

# Классификация математических моделей

*По уровню сложности: полные модели и макромоделли.*

*По способу формирования: физические и формальные.*

*По способу задания внешних и внутренних параметров : дискретные и непрерывные*

*По содержанию: электрические, физико-технологические; технологические.*

*По тину параметров: сосредоточенные и распределенные*

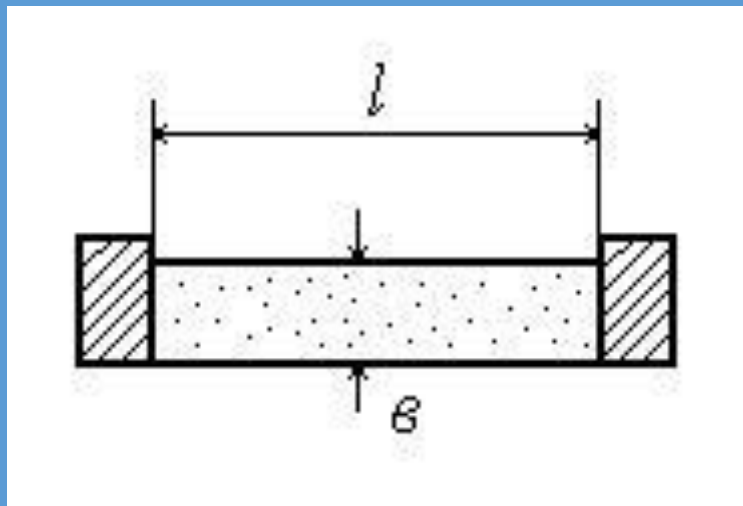
*По способу получения: теоретические и эмпирические.*



Базовые элементы	Компонентные уравнения		
	В операторной форме	Во временной форме	В частотной форме
<b>1. Резистор:</b>			
Линейный	$u = Ri(s)$	$u(t) = Ri(t)$	$u(\omega) = Ri(\omega)$
управляемый током	$u = r(i)i(s)$	$u(t) = R[i(t)]i(t)$	$u(\omega) = R[i(\omega)]i(\omega)$
управляемый напряжением	$i = G(u)u(s)$	$i(t) = G[u(t)]u(t)$	$i(\omega) = G[u(\omega)]u(\omega)$
<b>2. Конденсатор:</b>			
линейный	$i = Csu(s)$	$i(t) = cdu/dt$	$i(\omega) = j\omega C'u(\omega)$
управляемый током	$u = i(s)/[sC(i)]$	$u(t) = i(t)/c(i)dt$	$u(\omega) = i(\omega)/[j\omega C'(i)]$
управляемый напряжением	$i = sC(u)u(s)$	$i(t) = d[c(u)u(t)]/dt$	$i(\omega) = j\omega C'(u)u(\omega)$
<b>3. Индуктивность:</b>			
линейная	$u = Lsi(s)$	$u(t) = Ldi(t)/dt$	$u(\omega) = j\omega Li(\omega)$
управляемая током	$u = sL(i)i(s)$	$u(t) = d[L(i)i(t)]/dt$	$u(\omega) = j\omega L(i)i(\omega)$

# Пленочный резистор

## Вид



## Электрическая модель



Сопротивление резистора:

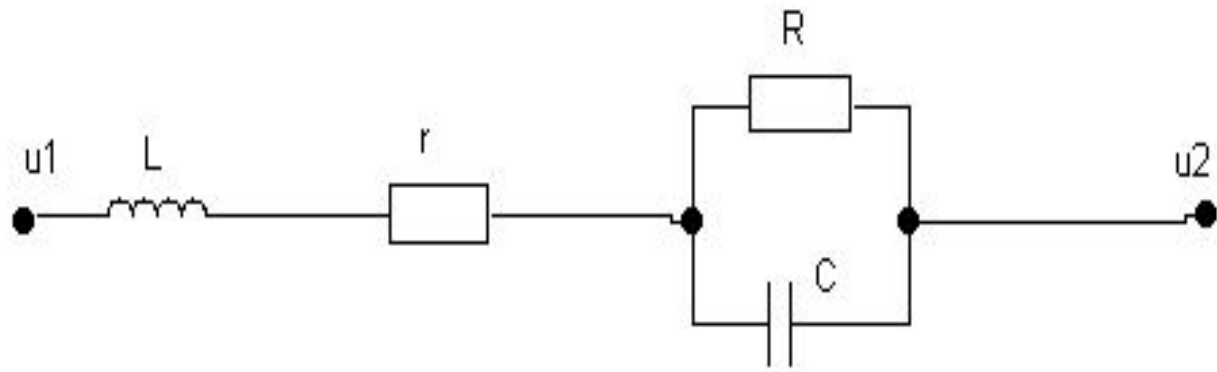
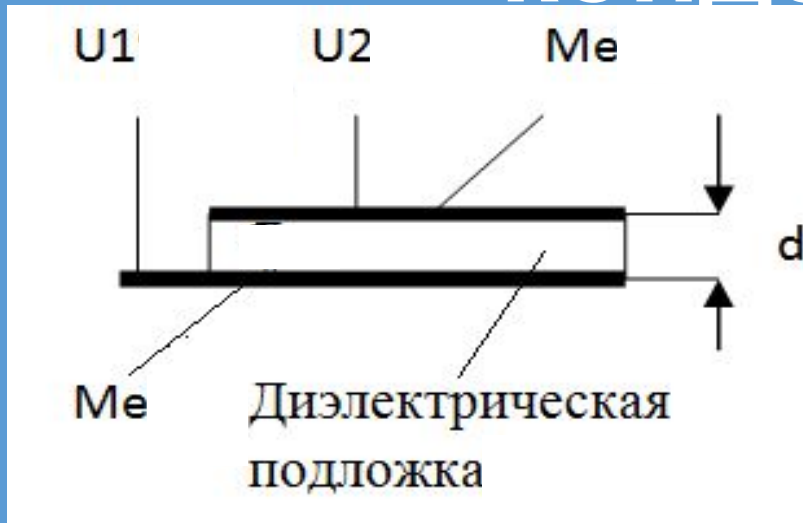
$$R = \frac{R_0 \cdot l}{b},$$

где  $R_0$  - поверхностное сопротивление резистивного слоя,

$l, b$

$$C = \frac{\varepsilon \cdot b \cdot d}{l}, \quad C_k = \varepsilon \cdot \frac{b \cdot l}{d}, \quad \text{где } \varepsilon - \text{диэлектрическая проницаемость подложки, } d - \text{ее ширина}$$

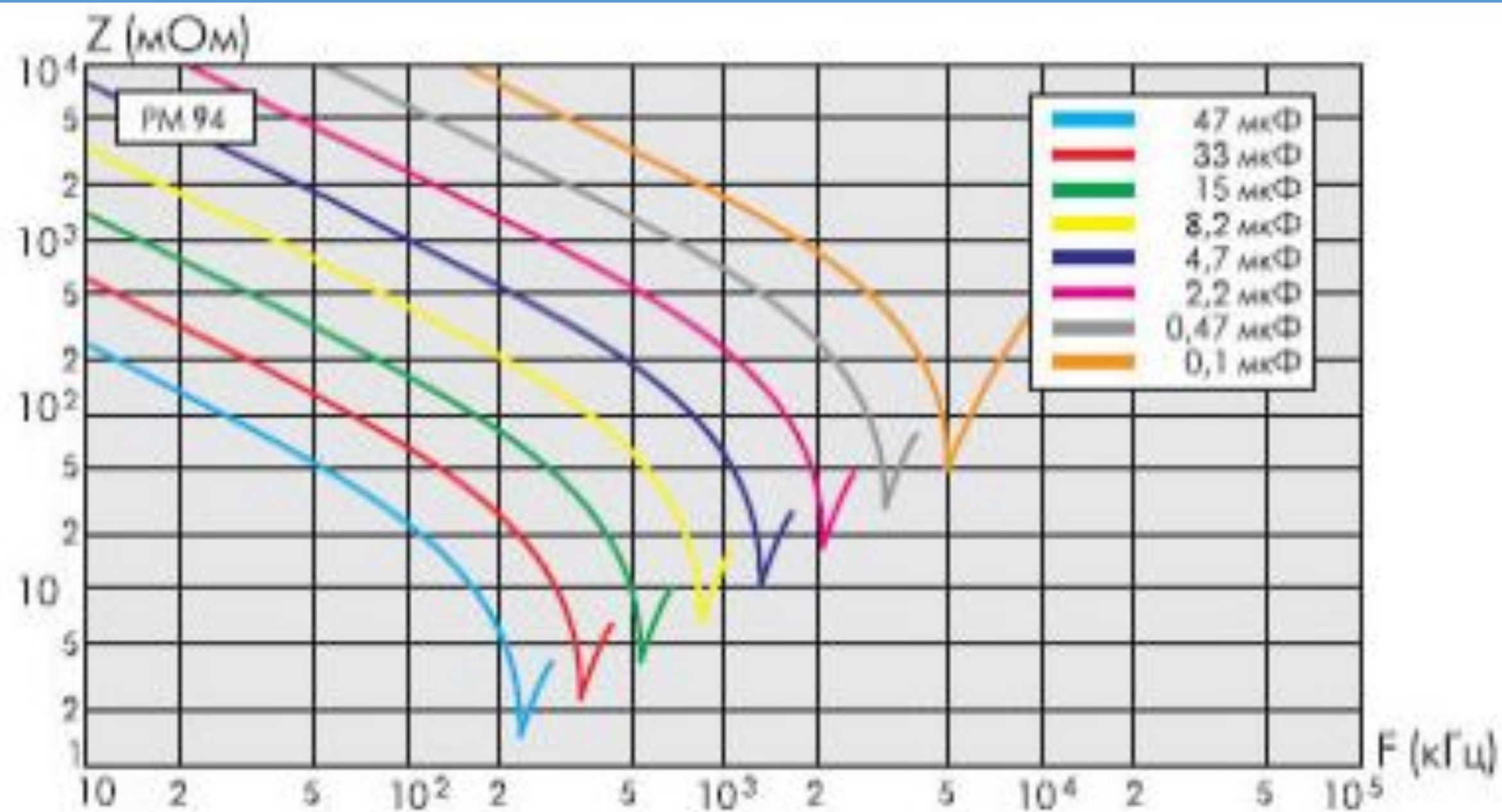
# Пленочный конденсатор



Емкость конденсатора вычисляют по формуле

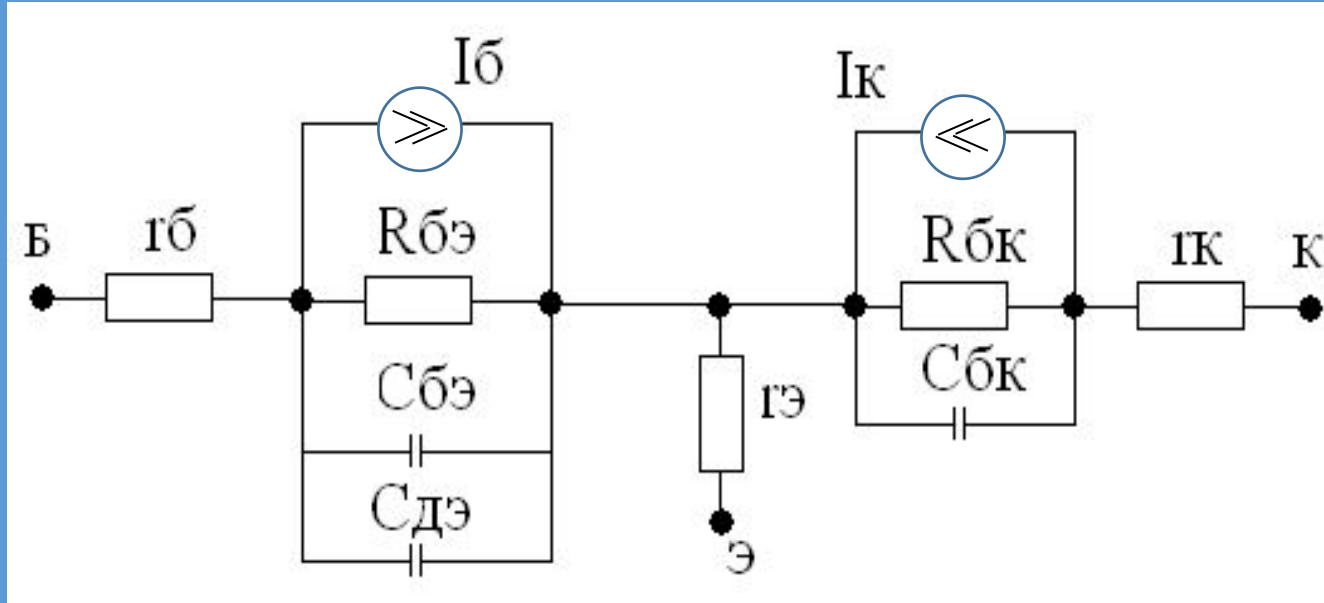
$$C = \frac{\epsilon S}{d}, \text{ где } \epsilon - \text{ диэлектрическая проницаемость, } S - \text{ площадь обкладок, } d - \text{ толщина диэлектрика}$$

Величины  $R$  и  $L$  определяются экспериментально,  $r = 2R_0lw$ , где  $w$ ,  $l$  – длина и ширина обкладок,  $R_0$  – удельное поверхностное сопротивление пленок металлизации. Сопротивление  $R$  – это потери, связанные с поляризацией диэлектрика, возникают на высоких частотах.





# Модель Эберса - Молла

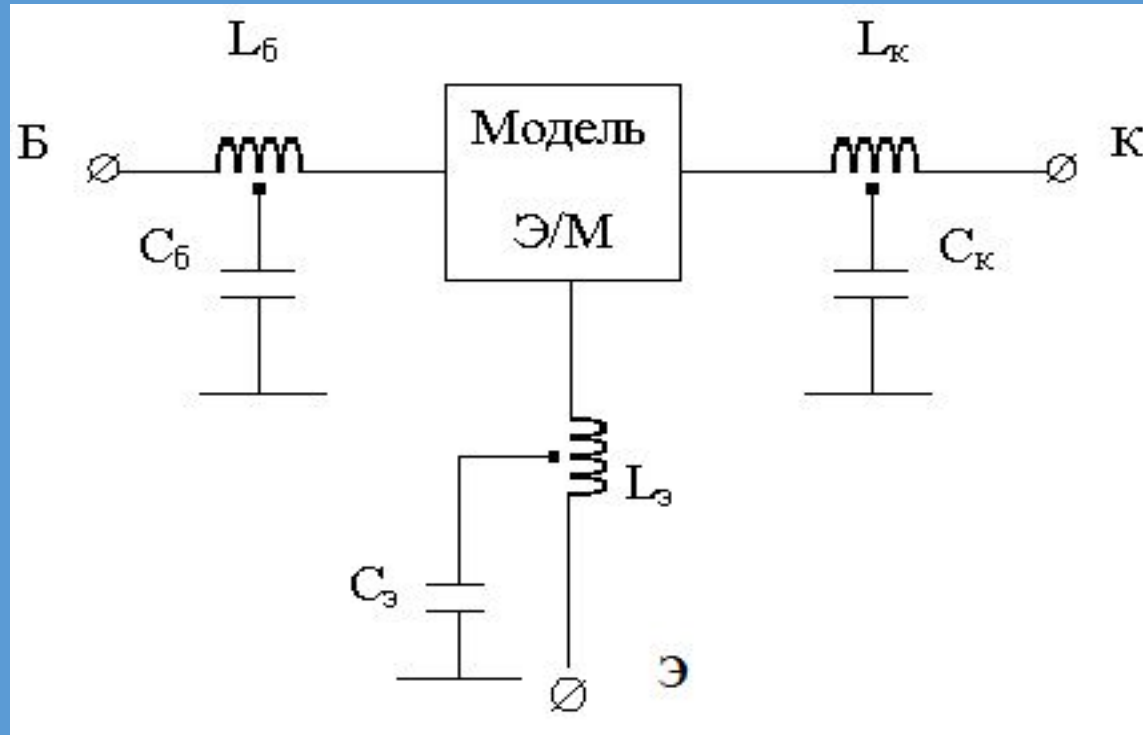


Здесь  $r_b$ ,  $r_э$ ,  $r_k$  – собственное сопротивление базы, эмиттера и коллектора транзистора и контактов к ним,  $I_b$ ,  $I_k$  – управляемые напряжением  $U_{бэ}$  источники тока,  $R_{бэ}$ ,  $R_{бк}$  – сопротивление утечки, а  $C_{бэ}$ ,  $C_{бк}$  – барьерные ёмкости эмиттерного и коллекторного переходов,  $C_{дэ}$  – диффузная ёмкость эмиттерного перехода.

$I_b = I_{б0} [\exp(U_{бэ}/\varphi_T) - 1]$ ,  $I_k = \beta I_b$ , где  $\varphi_T \approx 25$  мВ – температурный потенциал,  $\beta$  – коэффициент усиления по току в схеме ОЭ.

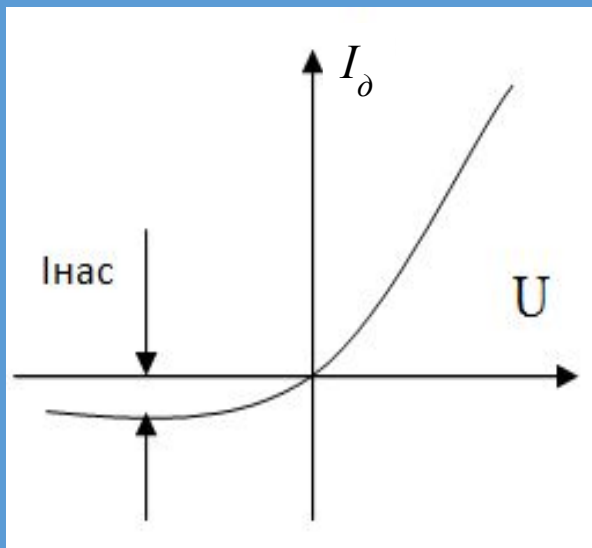
$C_{бэ} = \frac{C_{0б}}{(1 - U_{бэ}/U_0)^\gamma}$ ,  $C_{бк} = \frac{C_{0к}}{(1 - U_{кб}/U_0)^\gamma}$ , где  $C_{0б}$ ,  $C_{0к}$  – емкости переходов при нулевом напряжении на них,  $\gamma = 0,3 \dots 0,5$  – коэффициент, зависящий от примесей,  $U_0 = (0,3 \div 1,2)$  В – контактная разность потенциалов.

# Полная электрическая модель дискретного биполярного транзистора

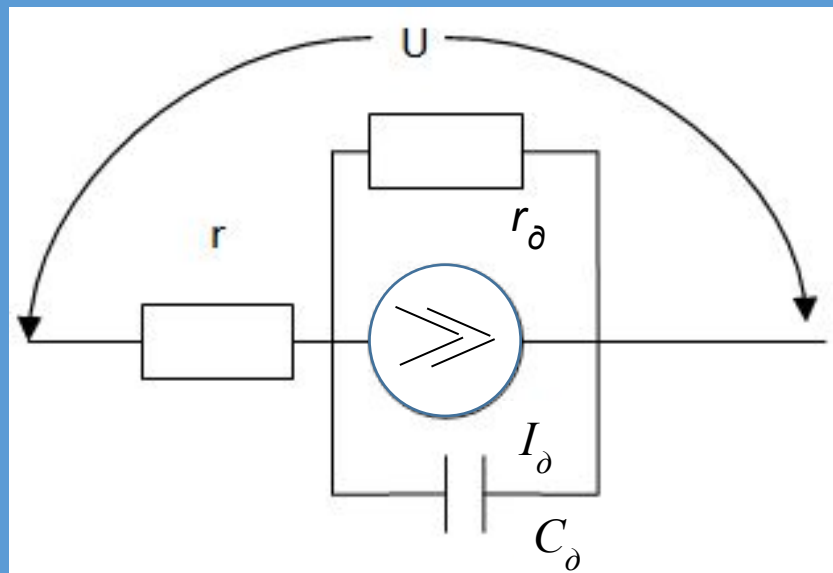


# Электрические модели полупроводникового

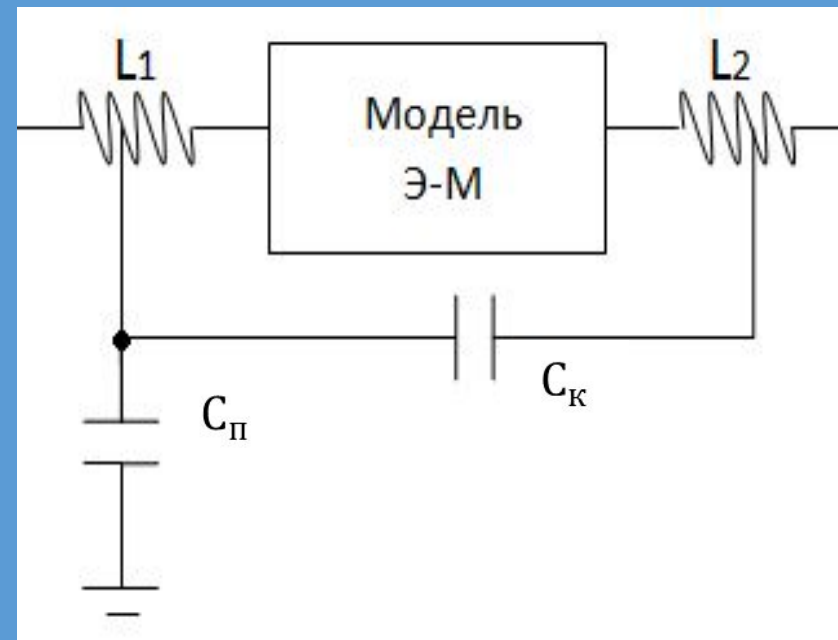
ВАХ диода



Модель Эберса - Молла

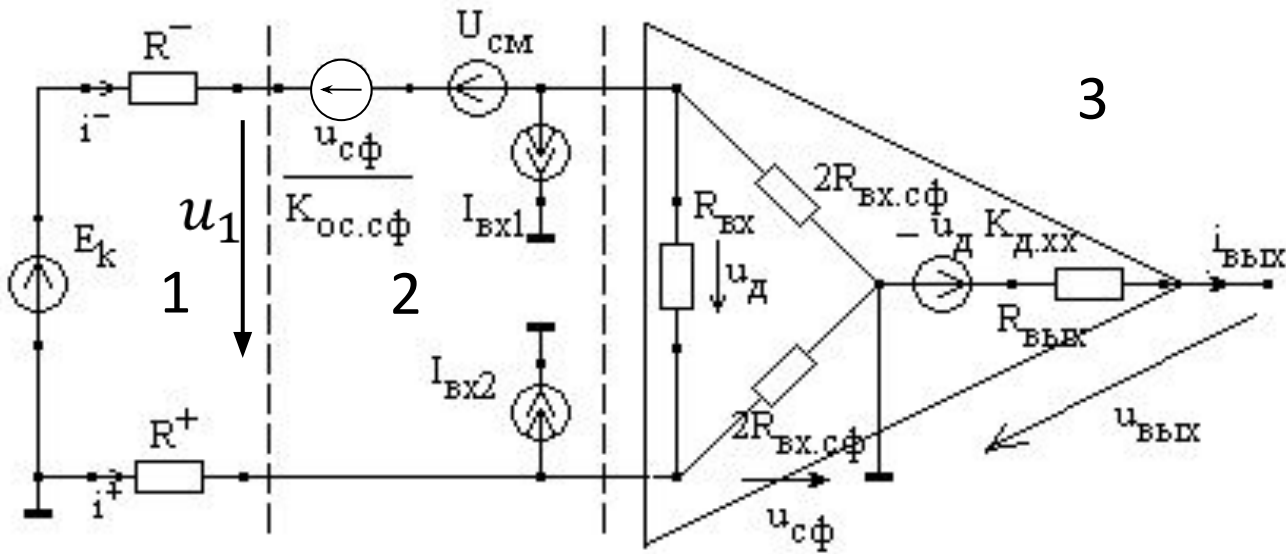


Модель дискретного диода



$I_{\delta} = I_{\text{нас}} [\exp(U/\varphi_T) - 1]$ ,  $I_{\text{нас}}$  - ток насыщения перехода, обусловленный тепловой генерацией неосновных носителей;  $r_{\delta}$  - сопротивление утечки;  $C_{\delta}$  - сумма барьерной и диффузионной емкостей p-n перехода;  $r$  - объемное сопротивление тела базы,  $C_{\text{к}}$ ,  $C_{\text{п}}$  - емкость корпуса и контактов;  $L_1, L_2$  - индуктивности выводов

# Статическая макромодель операционного



1 – источник, компенсирующий генераторы статических ошибок;

2 - генераторы статических ошибок;

3 – идеальный ОУ (без статических ошибок);

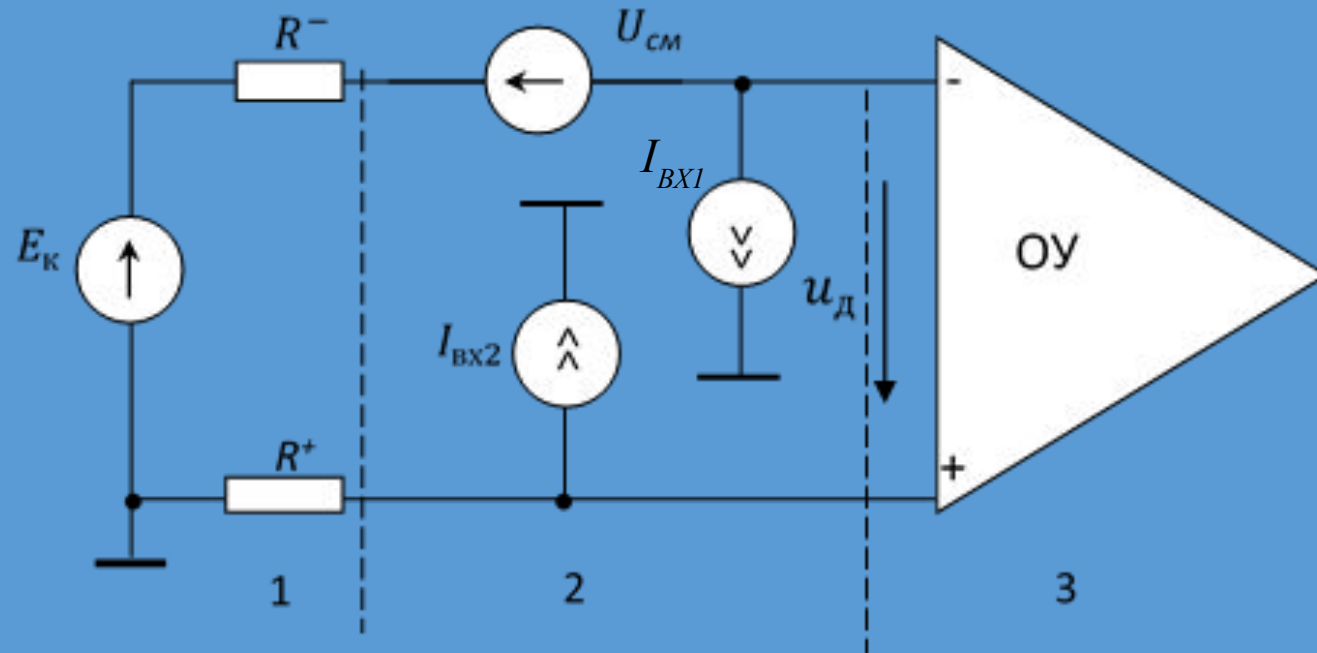
$R^-, R^+$  - сопротивление внешних цепей постоянному току соответствующих входов.

$$u_1 = U_{CM} + \frac{U_{сф}}{K_{ос.сф}} - (U_{ВЫХ} + i_{ВЫХ} R_{ВЫХ}) / K_{Д.ХХ},$$

$$i^- = I_{ВХ1} + \frac{U_{сф}}{2R_{ВХ.сф}} - (U_{ВЫХ} + i_{ВЫХ} R_{ВЫХ}) \left( \frac{1}{R_{ВХ}} + \frac{1}{2R_{ВХ.сф}} \right) / K_{Д.ХХ},$$

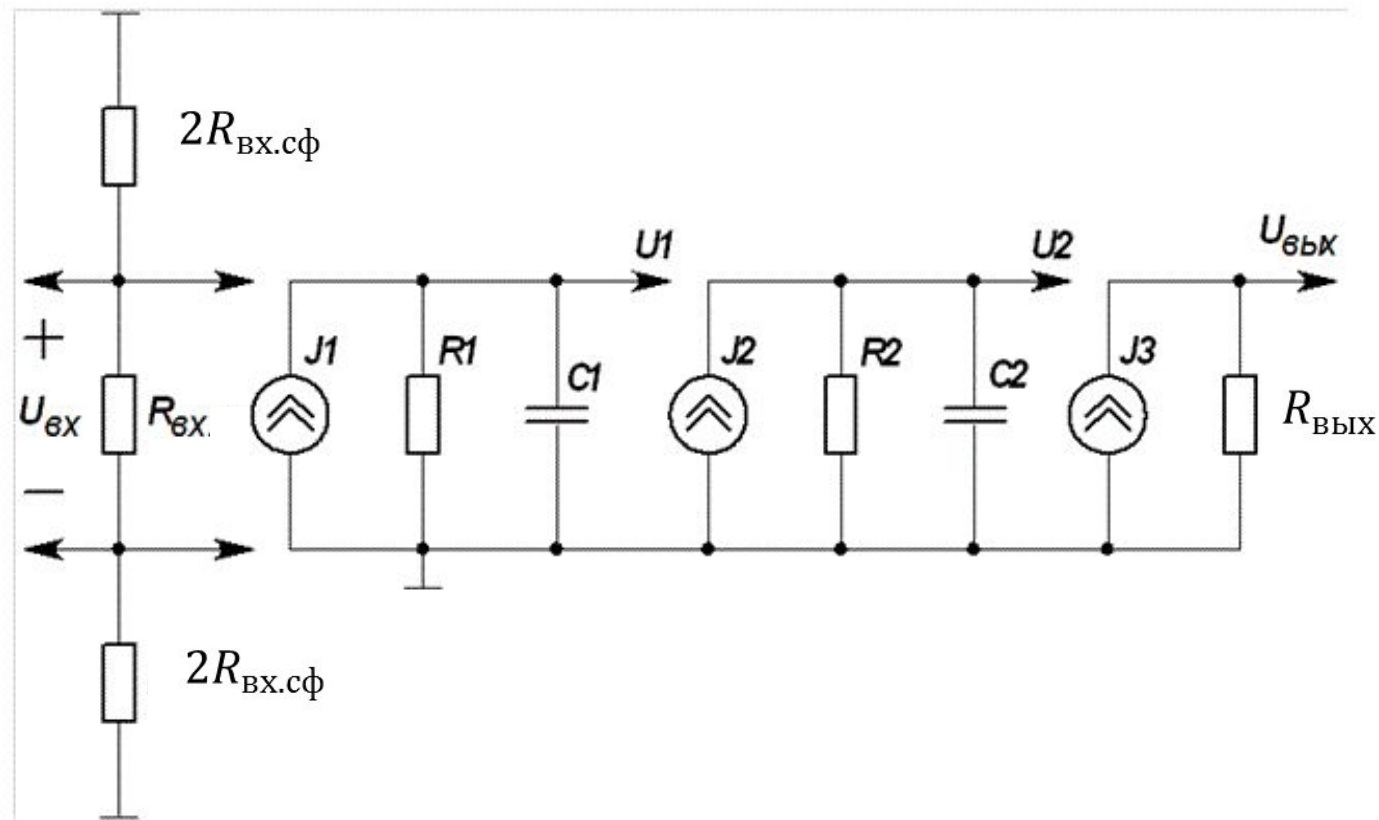
$$i^+ = I_{ВХ2} + \frac{U_{сф}}{2R_{ВХ.сф}} - \frac{(U_{ВЫХ} + i_{ВЫХ} R_{ВЫХ})}{K_{Д.ХХ} R_{ВХ}}$$





$$|E_K| = |U_{CM}| + |I_{BX1}R^- - I_{BX2}R^+|$$

# Динамическая линейная макромодел ОУ



$$J_1 = S_1 U_{вх}$$

$$J_2 = S_2 U_1$$

$$J_3 = S_3 U_2$$

$$S_2 = K_2 / R_2$$

$$S_1 = K_1 / R_1$$

$$S_3 = K_3 / R_{вых}$$

$$f_{p1} = \frac{1}{2\pi C_1 R_1}$$

$$f_{p2} = \frac{1}{2\pi C_2 R_2}$$

# ОСНОВНЫЕ ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ РАСЧЕТА ММ В СТАТИЧЕСКОМ РЕЖИМЕ

$$f_1(x_1, x_2, \dots, x_n) = 0$$

$$f_2(x_1, x_2, \dots, x_n) = 0$$

.....

$$f_n(x_1, x_2, \dots, x_n) = 0$$

Или в векторной форме  $\bar{F}(\bar{X}) = 0$ , где  $\bar{X}$  - вектор с  $n$  компонентами,  $\bar{F}$  - вещественная вектор-функция также с  $n$  компонентами.

Для решения системы  $\bar{F}(\bar{X}) = 0$  можно использовать метод простых итераций:

$$\bar{X}^{k+1} - \bar{X}^k = \lambda \bar{F}(\bar{X}^k).$$

Где  $k$  - номер итерации,  $\lambda$  - множитель, регулирующий сходимость.

Процесс останавливается, когда разность между значениями переменных на соседних итерациях оказывается меньше требуемой точности

$$|\bar{X}^{k+1} - \bar{X}^k| < \xi.$$

Более быструю сходимость обеспечивает метод Ньютона. Итерационная формула Ньютона имеет вид:

$$\bar{X}^{k+1} = \bar{X}^k - \left[ \frac{df_j(\bar{X}^k)}{dx_i} \right]^{-1} \times \bar{F}(\bar{X}^k).$$

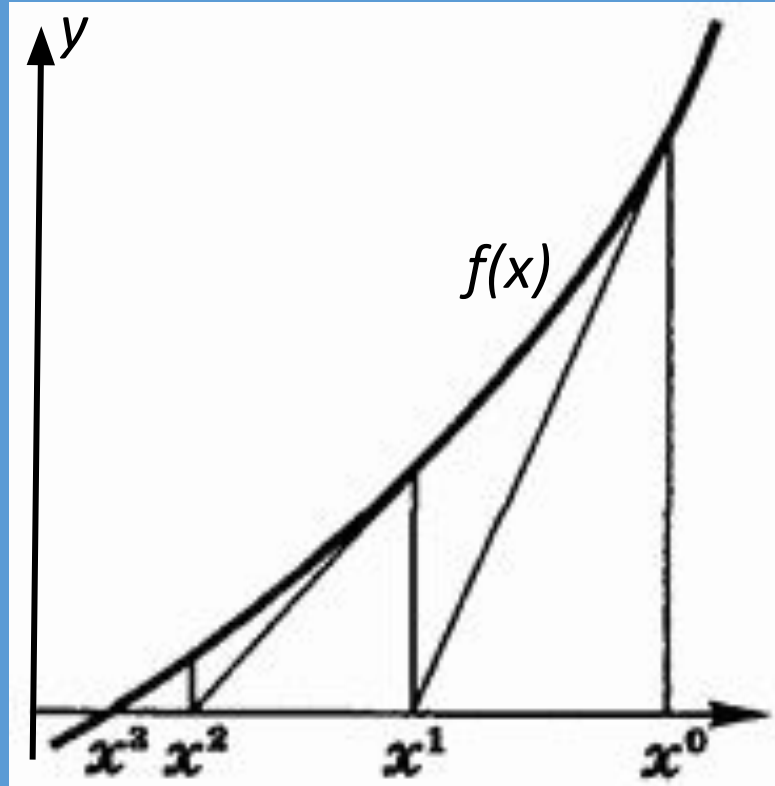
Здесь  $\left[ \frac{df_j(\bar{X}^k)}{dx_i} \right]$  - матрица первых производных (матрица Якоби).

Решением этой системы является вектор  $|\bar{X}| = [x_1, x_2, \dots, \dots, x_n]$ , который удовлетворяет эту систему с требуемой точностью.

Для случая одного уравнения с одним неизвестным формула Ньютона примет вид:

$$x^{k+1} = x^k - \frac{f(x^k)}{f'(x^k)}.$$

Геометрическая сущность метода Ньютона состоит в том, что на каждом шаге итерации кривая  $f(x)$  заменяется прямой линией, касательной к  $f(x)$  в точке  $x^k$ , где  $k$  – номер приближения (см. следующий слайд)



1. Выберем произвольную точку  $x_0$  на оси  $x$  и заданную погрешность  $\xi$ .
2. Проведем касательную к функции  $f(x)$  в точке  $(x_0, f(x_0))$ . Определим точку, в которой касательная пересекает линию  $y=0$ . Обозначим эту точку  $x_1$ .
3. Вычислим значение функции  $f(x)$  в точке  $x_1$ . Если  $|f(x_1)| > \xi$  или  $|x_0 - x_1| > \xi$ , тогда в качестве новой точки  $x_0$  выберем точку  $x_1$ , т.е.  $(x_0 = x_1)$  и перейдем к пункту 2.
4. Итерационный процесс заканчивается, когда выполняется одно из условий  $|\Delta x| \leq \xi$  или  $|f(x_i)| \leq \xi$ .

# ЛИКБЕЗ

Если функция  $f(x)$  имеет непрерывные производные вплоть до  $(n+1)$ -го порядка, то ее можно разложить в степенной ряд по *формуле Тейлора*:

$$f(x) = \sum_{k=0}^{\infty} f^{(k)}(a) \frac{(x-a)^k}{k!} = f(a) + f'(a)(x-a) + \frac{f''(a)(x-a)^2}{2!} + \dots + \frac{f^{(n)}(a)(x-a)^n}{n!} + R_n,$$

где  $R_n$  – остаточный член .

Если приведенное разложение сходится в некотором интервале  $x$ , т.е.  $\lim_{n \rightarrow \infty} R_n = 0$  , то оно называется *рядом Тейлора*, представляющим разложение функции  $f(x)$  в точке  $a$ .

Если  $a = 0$ , то такое разложение называется *рядом Маклорена*:

### 6.3. Моделирование статического режима при формировании ММ в базисе узловых потенциалов

В этом базисе исходная модель-уравнение, соответствующая уравнению  $\bar{F}(\bar{X}) = 0$ , имеет вид  $\bar{I}(\bar{U}) = 0$ , где  $\bar{I}(\bar{U})$  - вектор узловых токов.

Модель схемы формируется в виде , соответствующем решению методом Ньютона.

Было

$$\bar{X}^{k+1} = \bar{X}^k - \left[ \frac{df_j(\bar{X}^k)}{dx_i} \right]^{-1} \times \bar{F}(\bar{X}^k).$$

Будет

$$\Delta \bar{U}^k \left[ \frac{df_j(\bar{I}^k)}{du_i} \right] = -\bar{I}(\bar{U}^k), \quad (1)$$

Где  $\left[ \frac{df_j(\bar{I}^k)}{du_i} \right]$  – матрица узловых проводимостей,  $\Delta \bar{U}^k = \bar{U}^{k+1} - \bar{U}^k$  – вектор поправок.



Разложим функцию в ряд Тейлора, удерживая в нем члены, содержащие первые производные первого порядка, другими словами в виду малости  $\Delta \bar{U}^k$  отбросим все члены ряда Тейлора, начиная с квадратичного. Тогда уравнение (1) сведется к системе линейных уравнений относительно искомым переменных  $\Delta \bar{U}^k$ .

Первое уравнение для первого узла

$$\sum_{j=1}^n I_1^{(k)} + \frac{\partial \left( \sum_{j=1}^n I_1^{(k)} \right)}{\partial u_1} \cdot \Delta u_1^k + \dots + \frac{\partial \left( \sum_{j=1}^n I_1^{(k)} \right)}{\partial u_n} \cdot \Delta u_n^k = 0,$$

$\uparrow$   
 $G_{11}$

$\uparrow$   
 $G_{1n}$

Здесь

$G_{11}$  – собственная проводимость первого узла, остальные частные производные – это взаимные проводимости между первым и остальными узлами, т.е.  $G_{1n}$  – взаимная проводимость между первым и n-м узлом.

$$\sum_{j=1}^n I_1^{(k)}$$

- узловый ток первого узла, т.е. алгебраическая сумма токов ветвей, сходящихся к первому узлу.

# Уравнение (1) в матричной форме при n-узлах

$$\begin{array}{c}
 \left. \begin{array}{c} \frac{\partial \left( \sum_{j=1}^n I_1^{(k)} \right)}{\partial u_1} \dots \frac{\partial \left( \sum_{j=1}^n I_1^{(k)} \right)}{\partial u_n} \\ \dots \\ \frac{\partial \left( \sum_{j=2}^n I_2^{(k)} \right)}{\partial u_1} \dots \frac{\partial \left( \sum_{j=2}^n I_2^{(k)} \right)}{\partial u_n} \\ \dots \\ \frac{\partial \left( \sum_{j=n}^n I_n^{(k)} \right)}{\partial u_1} \dots \frac{\partial \left( \sum_{j=n}^n I_n^{(k)} \right)}{\partial u_n} \end{array} \right\} \cdot \begin{array}{c} \Delta u_1^k \\ \dots \\ \Delta u_n^k \end{array} = - \begin{array}{c} \sum_{j=1}^n I_1^{(k)} \\ \dots \\ \sum_{j=2}^n I_2^{(k)} \\ \dots \\ \sum_{j=n}^n I_n^{(k)} \end{array} \cdot
 \end{array}$$

## 6.4. Моделирование переходных процессов

### 6.4.1. Линейные устройства

Временной отклик электрической модели определяется обратным преобразованием Лапласа

$$f(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{c-j\infty}^{c+j\infty} F(p) e^{pt} dp, \quad (1)$$

где  $F(p)$  – операторное изображение выходного параметра, полученного из ММ

#### Аппроксимация Паде

Для  $n < m$  (физически реализуемая система)

$$z = tp, \quad e^z = \frac{P_n(z)}{Q_m(z)}, \quad \frac{P_n(z)}{Q_m(z)} = \sum_{i=1}^m \frac{k_i}{z - z_i},$$

где  $z_i$  – полюсы аппроксимирующей функции Паде, а  $k_i$  – соответствующие им вычеты. Полюсы  $z_i$  и вычеты  $k_i$  для разных  $n$  и  $m$  рассчитаны с высокой точностью и приведены в литературе.

Формула приближенного обратного преобразования Лапласа

$$f(t) = \frac{1}{t} \sum_{i=1}^m k_i F\left(\frac{z_i}{t}\right).$$

## 6.4.2. Нелинейные устройства

### Задача Коши

Найти функцию  $u$ , удовлетворяющую уравнению

$$\frac{du}{dt} = u' = f(u, t)$$

и принимающую при  $t = t_0$  заданное значение  $u(t_0) = u_0$

Метод Рунге – Кутта

$$u(t_k) = u_k = u(t_{k-1} + \Delta t) = u_{k-1} + \Delta t \frac{du(t_{k-1})}{dt} + \frac{\Delta t^2}{2!} \frac{d^2u(t_{k-1})}{dt^2} + \dots$$

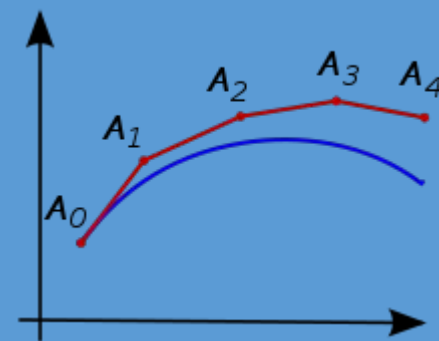
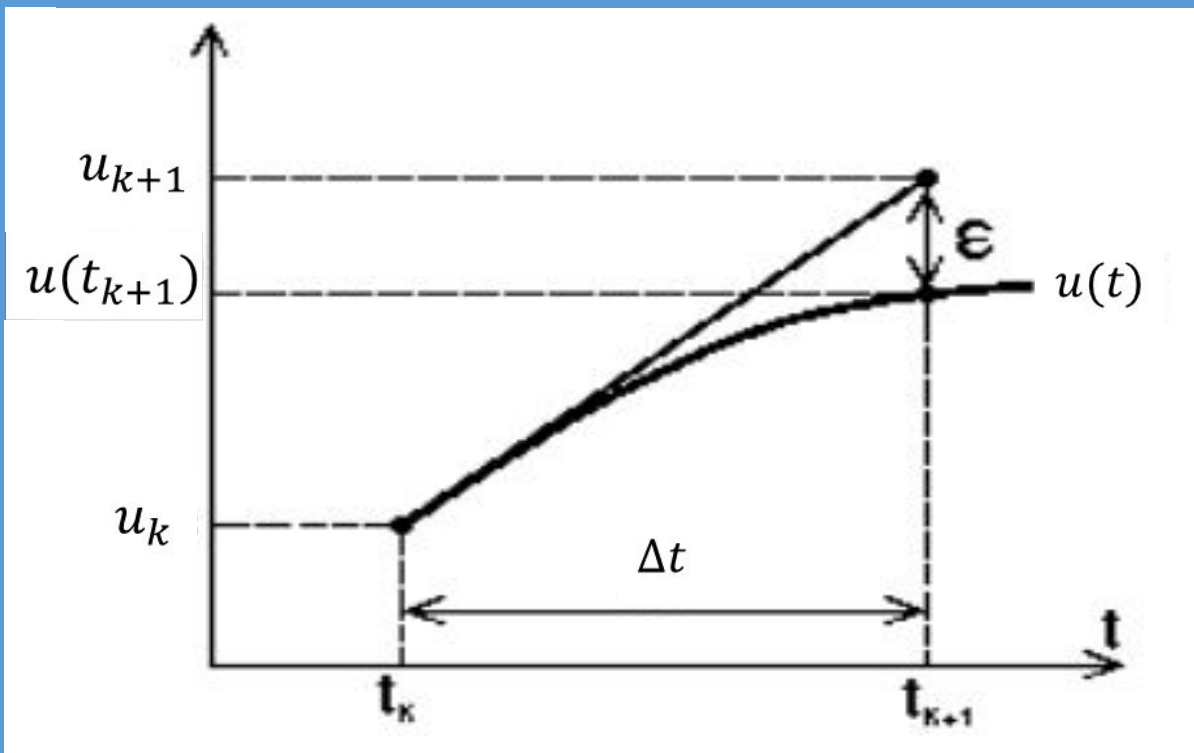
Если шаг интегрирования  $\Delta t$  мал, то всеми членами разложения высокого порядка можно пренебречь, тогда

$$u_k = u_{k-1} + \Delta t \frac{du(t_{k-1})}{dt} = \Delta t f(u_{k-1}, t_{k-1})$$

Итерационная формула

$$u_{k+1} = u_k + \Delta t \frac{du_k}{dt}, k = 1, 2, \dots, n$$

# Геометрическая интерпретация метода Рунге – Кутты первого порядка (явного метода Эйлера)



Явный метод Эйлера налагают ограничения на выбор независимых переменных. Ими могут быть только напряжения на конденсаторах и токи через индуктивности, которые описываются компонентными уравнениями:

$$i_C = C \frac{du_C(t)}{dt},$$

$$u_L = L \frac{di_L(t)}{dt}$$

$$u_C = \frac{1}{C} \int i_C(t) dt,$$

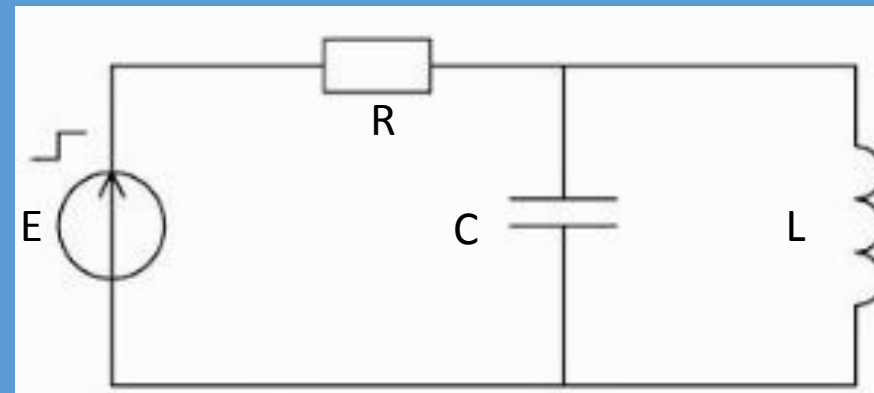
$$i_L = \frac{1}{L} \int u_L(t) dt.$$

$$i_C + i_L - i_R = 0,$$

$$-E + u_R + u_C = 0,$$

$$u_L - u_C = 0.$$

$$u_R = Ri_R, i_C = Cdu_C/dt, u_L = Ldi_L/dt,$$



$$\frac{du_C(t)}{dt} = \frac{1}{C} \left( \frac{-E - u_C(t)}{R} - i_L(t) \right).$$

$$\frac{di_L(t)}{dt} = \frac{u_C(t)}{L}$$

## Явный метод Эйлера

$$u_{k+1} = u_k + \Delta t \frac{du_k}{dt}, k = 1, 2, \dots, n$$

## Неявный метод Эйлера

$$u_{k+1} = u_k + \Delta t \frac{du_{k+1}}{dt}, k = 1, 2, \dots, n$$

## Локальные ошибки

Явную формулу Эйлера можно рассматривать, как разложение  $u(t)$  в ряд Тейлора, в котором оставлены только линейные члены. Поэтому локальная ошибка интегрирования равна остаточному члену:

$$\varepsilon = \frac{\Delta t^2}{2!} \frac{d^2 u(\tau)}{dt^2}, \text{ где } t < \tau < t + \Delta t$$

## Метод трапеции

$$u_{k+1} = u_k + \frac{\Delta t}{2} \left( \frac{du_k}{dt} + \frac{du_{k+1}}{dt} \right)$$



# Многошаговые методы

Методы численного интегрирования, которые используют для вычисления  $u_{k+1}$  информацию о нескольких ранее полученных значениях  $u(t)$  называют *много шаговыми*.

Линейная многошаговая формула порядка  $m$  имеет вид:

$$u_{k+1} = \sum_{i=1}^m a_i u_{k+1-i} + \Delta t \sum_{i=0}^m b_i \frac{du_{k+1-i}}{dt} \quad (1)$$

Если  $b_0 = 0$ , метод является явным, при  $b_0 \neq 0$  - неявным

Рассмотренные одношаговые методы численного интегрирования являются частным случаем формулы (1):

- при  $m = 1, a_1 = 1, b_0 = 0, b_1 = 1$  получим явную формулу Эйлера;
- При  $m = 1, a_1 = 1, b_0 = 1, b_1 = 0$  имеем неявную формулу Эйлера.

При  $b_1 = b_2 = \dots = b_m = 0$  получим многошаговую формулу дифференцирования назад (ФДН):

$$u_{k+1} = \sum_{i=1}^m a_i u_{k+1-i} + \Delta t b_0 \frac{du_{k+1}}{dt}.$$

Методом узловых напряжений рассчитать схему, приведенную на рисунке 1

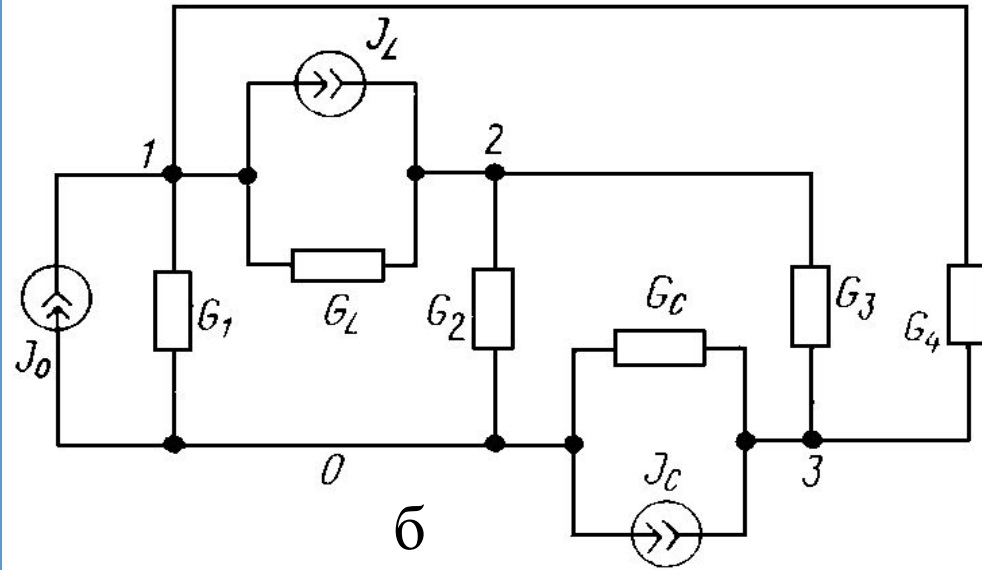
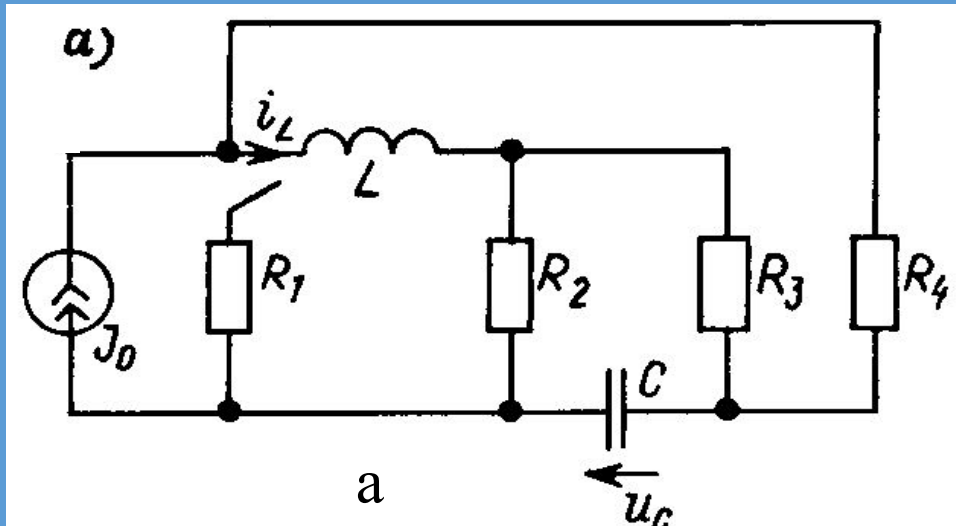


Рисунок 1, а – принципиальная схема, б – эквивалентная дискретная резистивная схема

$$G_L = \frac{\Delta t}{L}, J_L = i_{Lk}, G_C = \frac{C}{\Delta t}, J_C = \frac{C}{\Delta t} u_{Ck} \quad \begin{bmatrix} G_1 + G_L + G_4 & -G_L & -G_4 \\ -G_L & G_L + G_2 + G_3 & -G_3 \\ -G_4 & -G_3 & G_C + G_4 + G_3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ u_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} J_0 - J_L \\ J_L \\ J_C \end{bmatrix}$$

Расчет заключается в решении системы узловых уравнений на каждом шаге процесса, по результатам которого находят значения

$i_{L_{k+1}} = i_{L_k} + G_L u_{12} = i_{L_k} + \frac{h}{L} (u_1 - u_2)$  и  $u_{C_{k+1}} = u_3$ , которые используются в качестве исходных данных при расчете на следующем шаге. В начале расчета ( $k = 0$ ),  $i_L(0)$  и  $u_C(0)$ .

## 6.5. МОДЕЛИРОВАНИЕ ЧАСТОТНЫХ

Частотная характеристика схемы – это отношение спектра (преобразование Фурье) выходного сигнала к спектру входного сигнала

$$K(j\omega) = \frac{X_{\text{ВЫХ}}(j\omega)}{X_{\text{ВХ}}(j\omega)} = K(\omega)e^{j\varphi(\omega)},$$

где  $K(j\omega)$  – комплексный коэффициент передачи (передаточная функция);  
 $K(\omega)$  – модуль передаточной функции (АЧХ),  $\varphi(\omega)$  – аргумент ПФ (ФЧХ).

Передаточная функция  $K(j\omega)$  и импульсная характеристика  $g(t)$  связаны парой преобразования Фурье

$$K(j\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} g(t)e^{-j\omega t} dt, \quad g(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} K(j\omega)e^{j\omega t} d\omega. \quad (1)$$

Если используются аналоговые сигналы, то соотношения (1) непрерывные, а если импульсные – дискретные. Широко используется дискретное быстрое преобразование Фурье.

Импульсная  $g(t)$  и переходная характеристики связаны другими соотношениями

$$g(t) = \frac{d}{dt}h(t), \quad h(t) = \int_0^t g(\tau) d\tau$$

При подаче на вход произвольного сигнала  $X_{\text{ВХ}}(t)$  выходной сигнал  $X_{\text{ВЫХ}}(t)$  во временной области можно найти с помощью интеграла свертки (Дюамеля)

$$X_{\text{ВЫХ}}(t) = \int_0^t X_{\text{ВХ}}(t - \tau)g(\tau) d\tau.$$

Этому соотношению в частотной области соответствует выражение

$$X_{\text{ВЫХ}}(j\omega) = K(j\omega)X_{\text{ВХ}}(j\omega).$$

Если  $E_{\text{ВХ}}(j\omega) = 1 \times e^{j0}$ , то

$$K(j\omega) = \frac{U_{\text{ВЫХ}}(j\omega)}{E_{\text{ВХ}}(j\omega)} = U_{\text{ВЫХ}}(j\omega).$$



Компонентные уравнения реактивных ветвей:

$$i_C = j\omega C(u_{\text{нач}} - u_{\text{кон}}), i_L = -\frac{j}{\omega L}(u_{\text{нач}} - u_{\text{кон}}), \quad (2)$$

где  $u_{\text{нач}}, u_{\text{кон}}$  — напряжения на концах реактивных цепей.

Соответственно, проводимости ветвей равны:

$$G_C = j\omega C, \quad G_L = -\frac{j}{\omega L}. \quad (3)$$

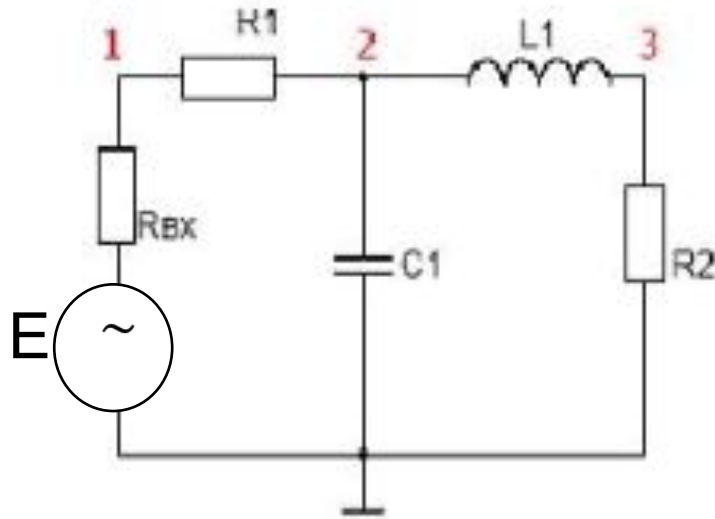
Уравнение (2) используется для формирования вектора узловых токов, а уравнение (3) — матрицы узловых проводимостей.

В результате получим систему уравнений линейной схемы в частотной области

$$\bar{G}(j\omega)\bar{U}(j\omega) = -\bar{I}(j\omega). \quad (4)$$

Для решения системы уравнений (4) используются программы, оперирующие с комплексными коэффициентами. Для каждой частоты определяются действительные и мнимые части узловых потенциалов (напряжений), по ним находят амплитуду и фазу этих напряжений

# Пример



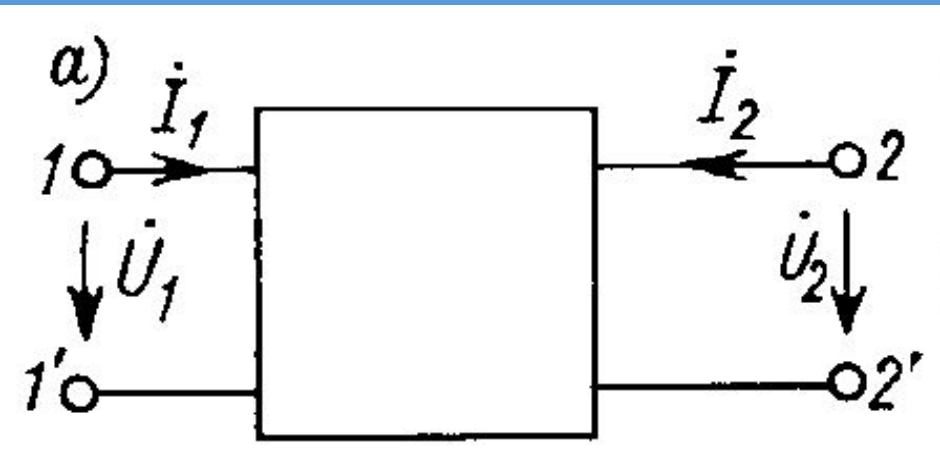
Решаем систему из трех линейных уравнений, находим напряжения в узлах. Если взять отношение

$$\frac{U_3(j\omega)}{E_{\text{вх}}(j\omega)} = K(j\omega) = U_3(j\omega) -$$

это будет комплексный коэффициент передачи, далее найдем модуль  $U_3(j\omega)$  (АЧХ) и аргумент – ФЧХ.

$$\begin{vmatrix} \left(\frac{1}{R_{\text{вх}}} + \frac{1}{R_1}\right) & -\frac{1}{R_1} & 0 \\ -\frac{1}{R_1} & \left(\frac{1}{R_1} + j\omega C_1 + \frac{1}{j\omega L_1}\right) & -\frac{1}{j\omega L_1} \\ 0 & -\frac{1}{j\omega L_1} & \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{j\omega L_1}\right) \end{vmatrix} \begin{vmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} E \\ 0 \\ 0 \end{vmatrix}$$

# ПРИМЕНЕНИЕ МАТРИЦ КЛАССИЧЕСКОЙ И ВОЛНОВОЙ ТЕОРИИ



Форма Y

$$\begin{cases} \underline{I}_1 = Y_{11}\underline{U}_1 + Y_{12}\underline{U}_2 \\ \underline{I}_2 = Y_{21}\underline{U}_1 + Y_{22}\underline{U}_2 \end{cases}$$

Форма Z

$$\begin{cases} \underline{U}_1 = Z_{11}\underline{I}_1 + Z_{12}\underline{I}_2 \\ \underline{U}_2 = Z_{21}\underline{I}_1 + Z_{22}\underline{I}_2 \end{cases}$$

Форма H

$$\begin{cases} \underline{U}_1 = H_{11}\underline{I}_1 + H_{12}\underline{U}_2 \\ \underline{I}_2 = H_{21}\underline{I}_1 + H_{22}\underline{U}_2 \end{cases}$$

Форма G

$$\begin{cases} \underline{I}_1 = G_{11}\underline{U}_1 + G_{12}\underline{I}_2 \\ \underline{U}_2 = G_{21}\underline{U}_1 + G_{22}\underline{I}_2 \end{cases}$$

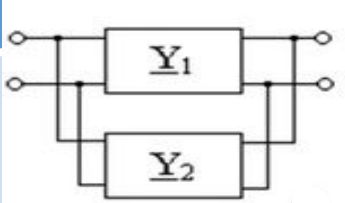
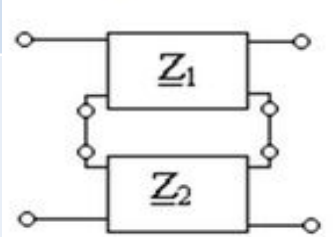
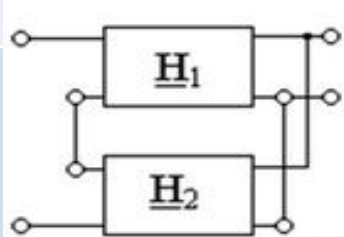
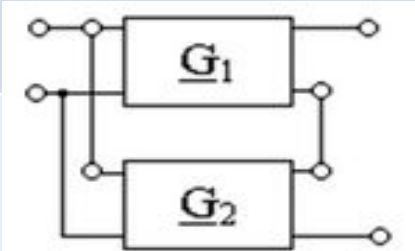
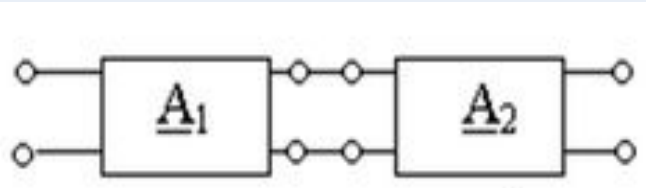
В матричной форме

$$\begin{bmatrix} \underline{I}_1 \\ \underline{I}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{11} & Y_{12} \\ Y_{21} & Y_{22} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \underline{U}_1 \\ \underline{U}_2 \end{bmatrix}$$

Форма A

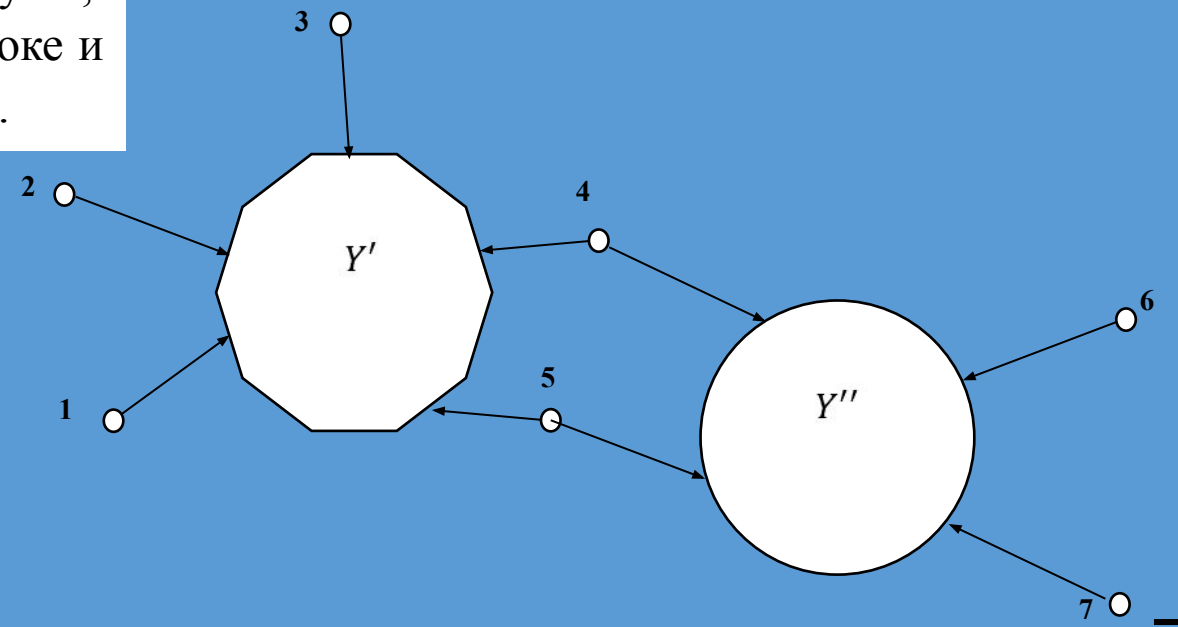
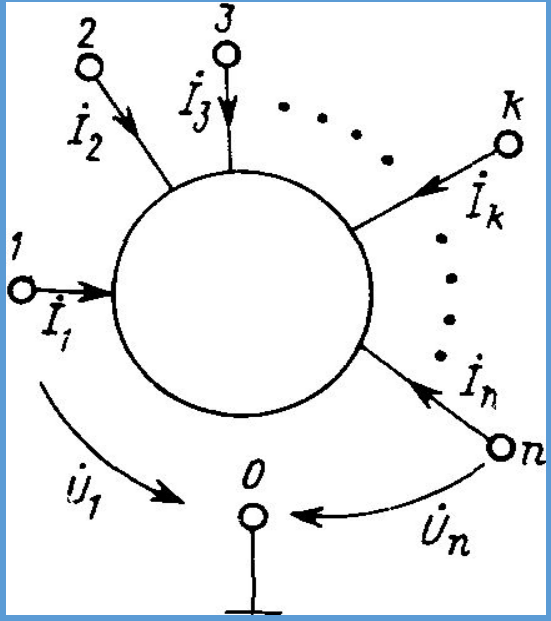
$$\begin{cases} \underline{U}_1 = A_{11}\underline{U}_2 - A_{12}\underline{I}_2 \\ \underline{I}_1 = A_{21}\underline{U}_2 - A_{22}\underline{I}_2 \end{cases}$$



Название соединения	Схема соединения	Результирующая матрица
Параллельное		
Последовательное		
Последовательное-параллельное		
Параллельно-последовательное		
Каскадное		

# СВОЙСТВА НЕОПРЕДЕЛЕННОЙ МАТРИЦЫ:

- определитель матрицы равен нулю;
- сумма элементов по любой строке и по любому столбцу равна нулю.



$$[Y] = [Y'] + [Y''] =$$

					<b>0</b>	<b>0</b>
					0	0
					0	0
<b>0</b>	0	0				
<b>0</b>	0	0				

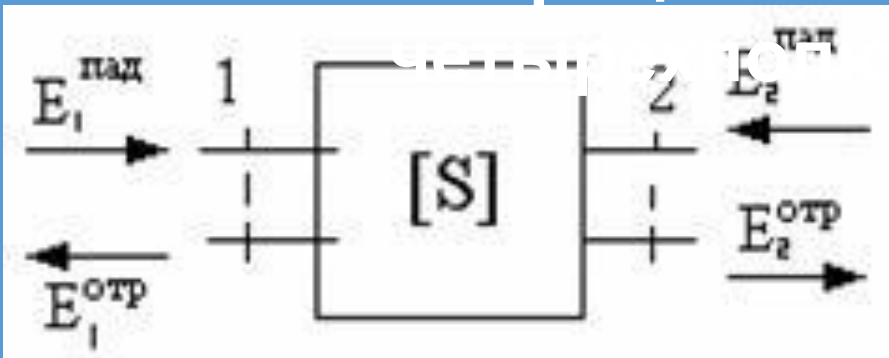
# ЛИКБЕЗ

Электрические цепи, в которых индуктивность  $L$ , емкость  $C$ , активное сопротивление  $R$  сосредоточены в катушке, конденсаторе и резисторе называются цепями с сосредоточенными параметрами.

Однако имеются электрические цепи, в которых индуктивность, емкость и активное сопротивление распределены по длине цепи, например, в линиях передачи электромагнитных колебаний (в двухпроводных линиях, в фидерах, в волноводах). Такие цепи называются цепями с распределенными параметрами или длинными линиями.

Одна и та же цепь может вести себя как система с сосредоточенными или распределенными параметрами в зависимости от частоты (длины волны) сигнала, который действует в данной цепи.

# Матрицы волновой теории



Матрица рассеивания  $[S]$

Режимы измерения S-параметров

1. Согласованная нагрузка включена в сечение 2 ( $E_2^{\text{пад}} = 0$ )

— коэффициент отражения на входе 1

— коэффициент передачи на вход 2 со входа 1

2. Согласованная нагрузка включена в сечение 1 ( $E_1^{\text{пад}} = 0$ )

$S_{12} = \frac{E_1^{\text{отр}}}{E_2^{\text{пад}}}$  — коэффициент передачи на вход 1 со входа 2

$S_{22} = \frac{E_2^{\text{отр}}}{E_2^{\text{пад}}}$  — коэффициент отражения на входе 2

## Матрица передачи [t]

$$\begin{cases} E_1^{\text{пад}} = t_{11}E_2^{\text{отр}} + t_{12}E_2^{\text{пад}} \\ E_1^{\text{отр}} = t_{21}E_2^{\text{отр}} + t_{22}E_2^{\text{пад}} \end{cases}$$

t- параметры не имеют такого простого физического смысла, как S-параметры, а представляют собой некоторые функции последних :



Следует отметить, что параметр  $t_{11}$  для четырехполюсника называют величиной затухания и, как правило, измеряют в децибелах

# 7. Учет влияния разброса внутренних параметров РЭС на его выходные характеристики

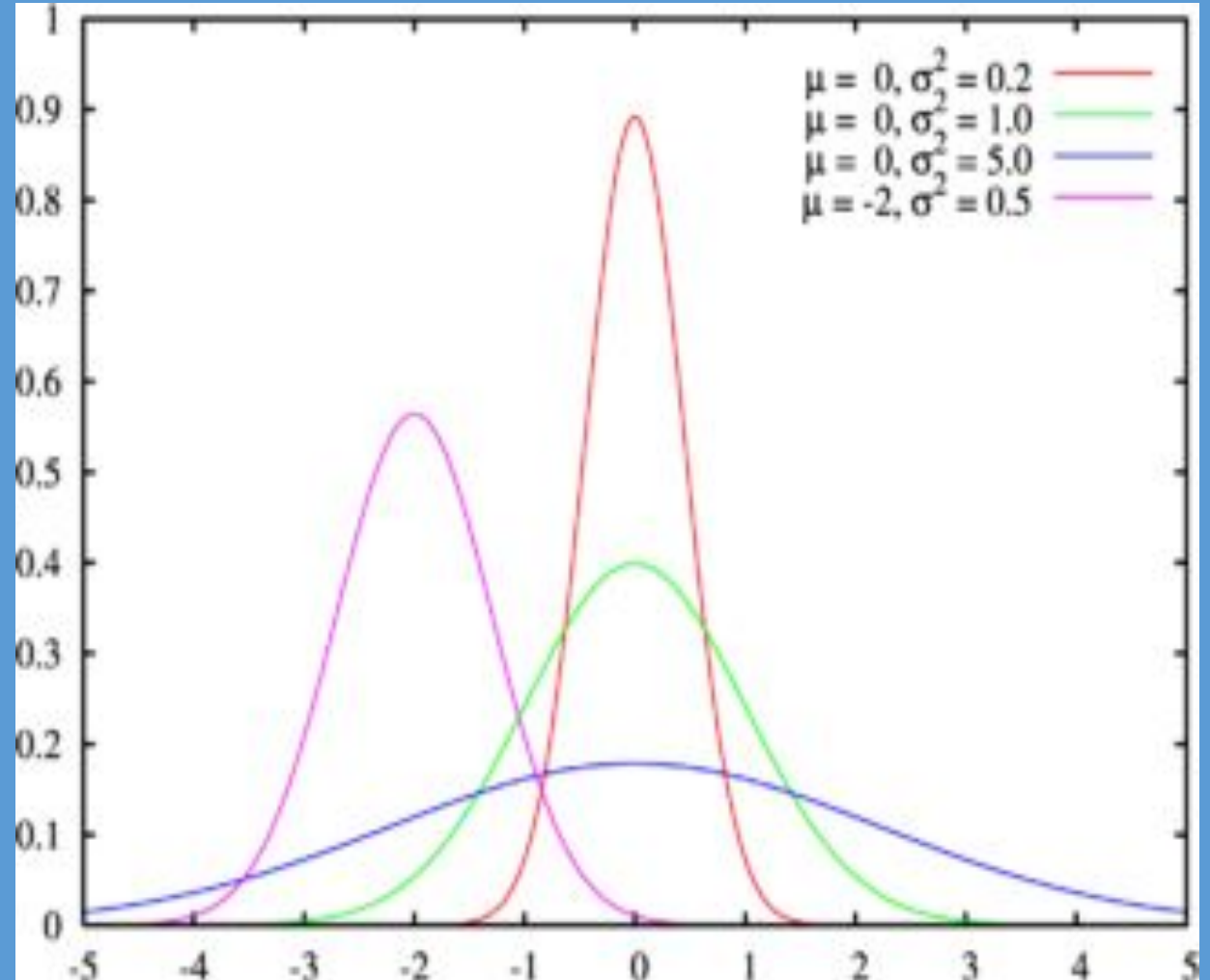
## 7.1. Постановка задачи

НОРМАЛЬНЫЙ ЗАКОН  
РАСПРЕДЕЛЕНИЯ

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Здесь  $\mu$  – математическое ожидание (наиболее вероятное значение),  
 $\sigma$  – среднеквадратическое отклонение величины  $x$  (оно характеризует форму кривой распределения),

$D(x) = \sigma^2$  – дисперсия.



При учете влияния разброса внутренних параметров РЭС может возникнуть необходимость решения следующих задач.

- **Допусковый анализ.** Задана схема РЭС, известны номинальные значения его внутренних параметров и допуски на них. Требуется найти возникающие при этом допуски на выходные параметры РЭС.
- **Допусковый синтез.** Известна структура схемы РЭУ, заданы допуски на выходные параметры, необходимо найти допуски на параметры компонентов схемы (на внутренние параметры).
- **Статистический параметрический синтез.** Разработана схема, известны допуски на параметры компонентов и допуски на выходные параметры. Необходимо, найти номинальные значения компонентов.
- **Статистический структурный синтез.** Заказчик задает лишь уровни разброса выходных параметров. Необходимо найти (создать) структуру схемы и определить номинальные значения параметров компонент



Для решения приведенных задач вводится понятие функции качества, зависящей от параметров компонент РЭС  $F(\bar{V})$ , где  $\bar{V}$  – вектор параметров компонент схемы (транзисторов, резисторов, конденсаторов, микросхем и т.п.).

Пусть известен также вектор номинальных значений  $\bar{V}_0$ , которому соответствует номинальная функция качества  $F(\bar{V}_0)$ .

Вследствие разброса параметров компонент конкретная реализация вектора  $\bar{V}$  отличается от номинальной на вектор отклонений  $\Delta\bar{V}$ , а функция качества будет иметь вид  $F(\bar{V}_0 + \Delta\bar{V})$ .

Разложим данную функцию качества в многопараметрический ряд Тейлора вокруг номинала  $\bar{V}_0$  в виде

$$F(\bar{V}_0 + \Delta\bar{V}) = F(\bar{V}_0) + \frac{1}{1!} \sum_{i=1}^n \frac{\partial F(\bar{V}_0)}{\partial v_i} \Delta v_i + \frac{1}{2!} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \frac{\partial^2 F(\bar{V}_0)}{\partial v_i \partial v_j} \Delta v_i \Delta v_j + \dots \quad , (1)$$

где  $\Delta v_i$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$  – компоненты вектора отклонений  $\Delta\bar{V}$ .



## Рассмотрим два случая

**1. Случай малых отклонений.** Отклонения  $\Delta\bar{V}$  малы настолько, что в выражении (1) можно пренебречь всеми членами ряда кроме первых двух. Основным способом учета разброса параметров в этом случае будет являться метод коэффициентов чувствительности (влияния).

**2. Случай больших отклонений,** т.е. отклонения  $\Delta\bar{V}$  настолько велики, что пренебрежение высшими членами ряда невозможно. В этом случае применяют статистические методы обработки (моделирования).

### 7.2. Метод коэффициентов чувствительности

Из (1) при малых отклонений  $\Delta\bar{V}$  следует, что

$$F(\bar{V}_0 + \Delta\bar{V}) = F(\bar{V}_0) + \sum_{i=1}^n \frac{\partial F(\bar{V}_0)}{\partial v_i} \Delta v_i,$$

ИЛИ

$$\Delta F(\Delta\bar{V}) = F(\bar{V}_0 + \Delta\bar{V}) - F(\bar{V}_0) = \sum_{i=1}^n \frac{\partial F(\bar{V}_0)}{\partial v_i} \Delta v_i. \quad (2)$$

Частные производные функции качества по параметрам элементов называются коэффициентами чувствительности

$$a_i = \frac{\partial F(\bar{V}_0)}{\partial v_i}, \quad i = 1, 2, \dots, n. \quad (3)$$

Нормированные коэффициенты чувствительности

$$b_i = \frac{\partial F(\bar{V}_0)/F(\bar{V}_0)}{\partial v_i/v_{0i}} = a_i \frac{v_{0i}}{F(\bar{V}_0)}$$

## Метод приращения

Достоинство – универсальность. Недостатки – значительные вычислительные затраты и невысокая точность.

С учетом (3) выражение (2) принимает вид

$$\Delta F(\Delta \bar{V}) = \sum_{i=1}^n a_i \Delta v_i = \sum_{i=1}^n c_i, \quad (4)$$

где  $c_i$  – частные отклонения, характеризующие вклад  $i$ -ого параметра в изменение функции качества.

## Допусковый анализ

Обозначим допуск на соответствующий параметр  $\pm\varepsilon_i$ , тогда  $\Delta v_i = \pm\varepsilon_i$  и допуск на функцию качества запишется в виде:

$$\varepsilon_F = \sum_{i=1}^n a_i(\pm\varepsilon_i) \quad (5)$$

1. «Наихудший случай». Знак перед допуском принимается одинаковым со знаком соответствующего коэффициента чувствительности (т.е. все слагаемые положительны), тогда

$$\varepsilon_F = \sum_{i=1}^n |a_i|\varepsilon_i$$

2. «Случай граничных пар». Необходимо вычислить значение  $\varepsilon_F$  при всех возможных комбинациях знаков допусков  $\varepsilon_i$ . Для этого требуется вычислить  $\varepsilon_F$  при  $2^n$  раз.

## Допусковый синтез

1. *Метод равных отклонений*. Примем допуски на все параметры одинаковыми  $\varepsilon_i = \varepsilon = \text{const}$ , тогда (4) преобразуется к виду

$$\varepsilon_F = \varepsilon \sum_{i=1}^n |a_i|,$$

Откуда следует, что

$$\varepsilon = \frac{\varepsilon_F}{\sum_{i=1}^n |a_i|},$$

Разобьем все параметры на две группы:  $n_1$  — «сильновлияющих» и  $n_2 = n - n_1$  — «слабовлияющих». Вклад первых оценим коэффициентом  $k_1$ , а вклад вторых —  $k_2$  причем  $k_2 + k_1 = 1$ , тогда допуск для каждой группы получится свой

$$\varepsilon_1 = k_1 \frac{\varepsilon_F}{\sum_{i=1}^{n_1} |a_i|}, \quad \varepsilon_2 = k_2 \frac{\varepsilon_F}{\sum_{i=n_1+1}^n |a_i|}.$$



1. Метод равных влияний. Здесь равным для всех параметров принимается не допуск  $\varepsilon$ , а частное отклонение  $c_i = |a_i|\varepsilon_i = c = const$ .

Тогда из (4) следует

$$c = \varepsilon_F/n$$

и

$$\varepsilon_i = \frac{\varepsilon_F}{n|a_i|}.$$

## Оптимизационные методы

Пусть целевая функция есть функция от допусков на параметры, а в качестве условия ограничения будет выступать выражение (5).

Простейшим случаем является случай максимального суммарного допуска, когда

$$F(\bar{X}) = \sum_{i=1}^n \varepsilon_i$$

## Оптимизационные методы

И задача допускового синтеза примет вид

$$\max = \left\{ \sum_{i=1}^n \varepsilon_i \right\}, i = 1, 2, \dots, n$$
$$\sum_{i=1}^n |a_i| \varepsilon_i = \varepsilon_F.$$

## Метод Монте-Карло

*Допусковый анализ.* Алгоритм действий.

1. Выполняется генерация случайной реализации вектора параметров радиоэлектронных устройств  $V^{(k)}$  при этом каждая компонента вектора  $v_i^{(k)}$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$  генерируется с соответствующими статистическими характеристиками (закон распределения, математическое ожидание, дисперсия, корреляция и т.п.).
2. Проводится моделирование радиоэлектронного устройства с данным вектором параметров и определяется реализация выходных параметров  $H^{(k)}$ .
3. По полученным выходным характеристикам вычисляется реализация функции качества  $F^{(k)}$ .
4. Заданное число раз повторяются шаги 1, 2, 3. Число повторений  $M$  зависит от требуемой точности статистического моделирования. Для ориентировочной оценки  $M$  можно воспользоваться формулой

$$M \geq \frac{1}{\Delta^2(1-P_d)},$$

где  $\Delta$  — требуемая точность,  $P_d$  — доверительная вероятность

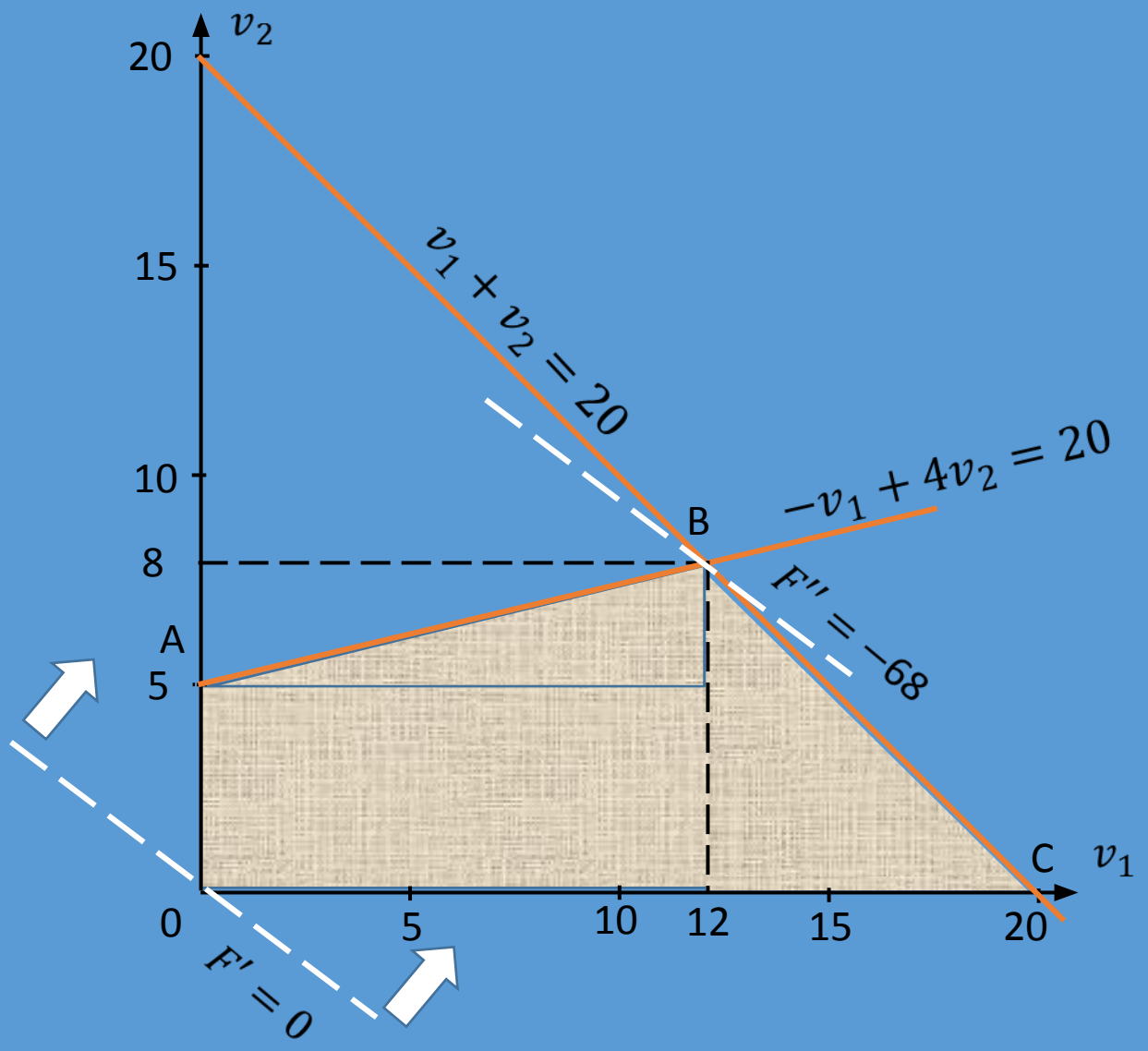
5. По найденной совокупности реализаций выходных характеристик  $H^{(k)}, k = 1, 2, \dots, M$  выполняется их статистическая обработка. Например, определяется математическое ожидание, дисперсия, границы полей допусков и т.д.

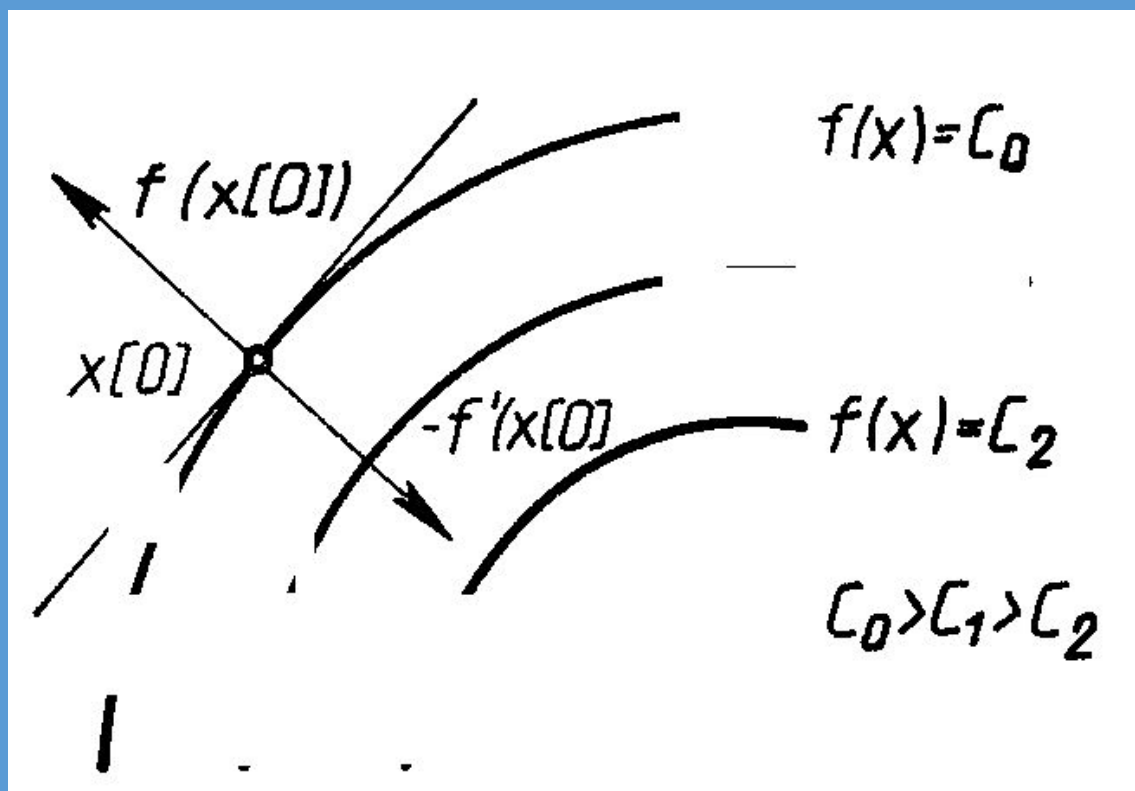
6. По полученным реализациям функции качества  $F^{(k)}$  строится гистограмма распределений

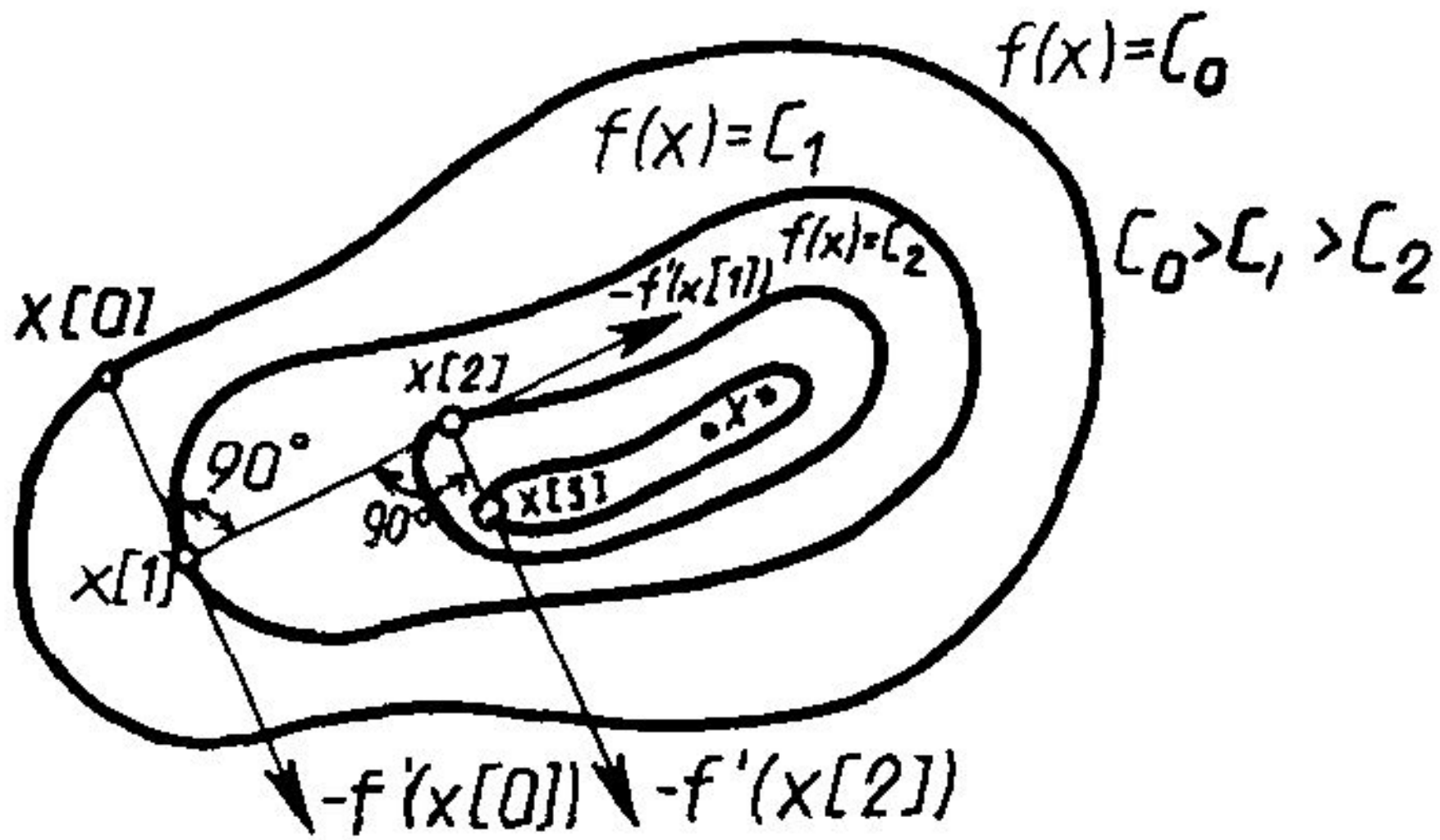
*Допусковый синтез.* Алгоритм решения.

1. Задаются некоторые исходные разбросы параметров элементов.
2. Выполняются шаги 1...6 метода Монте Карло для допускового анализа
3. Результаты допускового анализа сравнивают с критериями допускового синтеза
4. Если результат статистического моделирования признан неудовлетворительным, то разбросы некоторых параметров (каких именно можно сказать по максимальным коэффициентам чувствительности) изменяются и алгоритм повторяется, начиная с пункта 2. Если же критерий выполняется, то текущие разбросы параметров принимаются за результаты допускового синтеза.









## Устойчивость методов численного интегрирования

Пример

$$\frac{du(t)}{dt} = -\frac{u(t)}{\tau}$$

Точное решение уравнение имеет вид:  $u(t) = U_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$ , таким образом  $u(t) \rightarrow 0$  при  $t \rightarrow \infty$ , если цепь устойчива, т.е. если  $\tau > 0$ .

Для явного метода Эйлера

$$u_1 = U_0 - \frac{\Delta t}{\tau} U_0 = U_0 \left(1 - \frac{\Delta t}{\tau}\right) \text{ и т.д.} \quad u_n = U_0 \left(1 - \frac{\Delta t}{\tau}\right)^n$$

Условие устойчивости решения (при  $\tau > 0$ )

$$\left|1 - \frac{\Delta t}{\tau}\right| \leq 1 \quad \text{или} \quad \Delta t \leq 2\tau$$

Реакцию цепи второго и более высокого порядка можно представить в виде суммы экспонент

$$u(t) = \sum_{i=1}^n A_i e^{-\frac{t}{\tau_i}}$$

В этом случае максимальный шаг интегрирования явного метода Эйлера ограничен величиной

$$\Delta t \leq 2\tau_{min},$$

где  $\tau_{min}$  — минимальная постоянная времени в цепи.

В случае неявного метода Эйлера, получим

$$u_n = \frac{U_0}{\left(1 + \frac{\Delta t}{\tau}\right)^n}.$$

Если  $\tau > 0$  решение будет устойчиво при любых положительных значениях  $\Delta t$ .