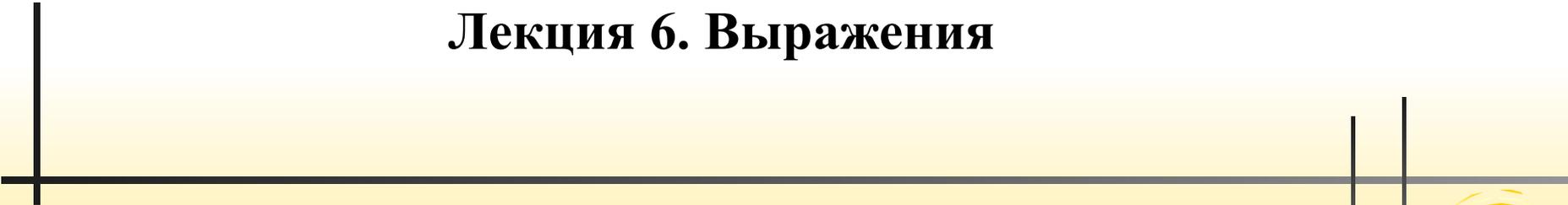


---

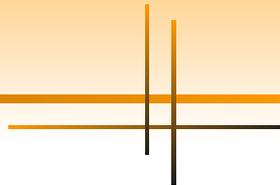
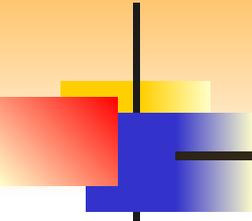
# **Технологии проектирования компьютерных систем**



## **Лекция 6. Выражения**



# Определение



Выражение - это формула, которая используется для вычисления нового значения, или одиночный термин, имеющий значение.

Выражение можно рассматривать как совокупность бинарных выражений, имеющих левый операнд, правый операнд и оператор, связывающий левый и правый операнды ( $x+y$ ). В результате вычисления бинарного выражения получается новый операнд, который вступает далее в бинарные отношения со своими соседями.

Унарное выражение рассматривают как бинарное выражение, в котором отсутствует левый операнд ( $x$ ).

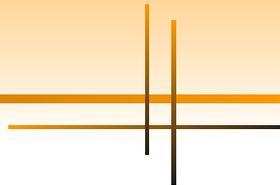
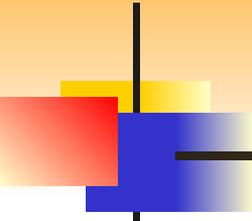
Константы могут употребляться в выражениях.



# Операторы

| Класс операций          | Операции |      |     |     |     |      |     |
|-------------------------|----------|------|-----|-----|-----|------|-----|
| Логические              | and      | nand | or  | nor | xor | xnor | not |
| Сравнения               | =        | /=   | <   | <=  | >   | >=   |     |
| Сложения и конкатенации | +        | -    | &   |     |     |      |     |
| Присвоение знака        | +        | -    |     |     |     |      |     |
| Сдвига                  | sll      | srl  | sla | sra | rol | ror  |     |
| Умножения и деления     | *        | /    | mod | rem |     |      |     |
| Смешанные               | **       | abs  |     |     |     |      |     |

# Операторы



Предопределенные операторы языка приведены по классам. При необходимости эти операторы можно перегружать: переопределять их семантику и расширять область их применимости для различных типов.

Строки в таблице располагаются в порядке старшинства (от низшего к высшему) операторов. Операторы, находящиеся в одной строке, обладают одинаковым старшинством (приоритетом). Таким образом, операции нижней строки в таблице обладают наибольшим приоритетом и выполняются первыми.



# Логические операторы

Определение:

**logical\_operator ::= and | nand | or | nor | xor | nxor | not**

Логические операторы выполняют следующие функции: `and` - логическое 'и'; `nand` - логическое 'и-не'; `or` - логическое 'или'; `nor` - логическое 'или-не'; `xor` - логическое 'исключающее или'; `nxor` - логическое 'исключающее или-не'; `not` - логическое отрицание.

В логических бинарных выражениях массивы должны быть одинаковой длины. Вычисления здесь производятся над парами элементов, равно отстоящими от левой границы. Результатом является массив, индексация элементов в котором совпадает с индексацией элементов левого операнда, то есть их подтипы совпадают.

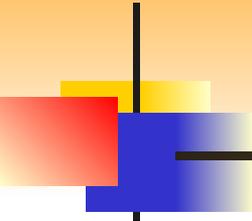
Оператор `not` является логическим унарным.

# Логические операторы

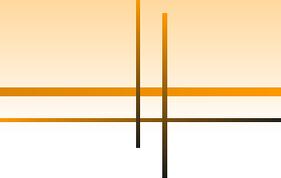
Логические операторы выполняются для следующих типов данных:

- `boolean`;
- `bit`, `bit_vector`;
- `std_logic`, `std_logic_vector`;
- `std_ulogic`, `std_ulogic_vector`.

Логические операторы `and`, `nand`, `or`, `nor`, `xor`, `pxor` имеют одинаковое старшинство и выполняются слева направо в выражениях. Операция `not` имеет более высокое старшинство и выполняется прежде других операторов. В сложных логических выражениях порядок выполнения операторов регулируется скобками. Рекомендуется применять скобки в затруднительных случаях.



# Логические операторы



Оператор называется перезагруженным (overloaded), если для него создано более одного функционального определения для различных типов данных. Например, оператор AND определен для 7 типов данных. Оператор AND может быть дополнительно описан для других типов данных.

В языке VHDL можно применять три способа вызова операторов:

- префиксный;
- инфиксный;
- с использованием квалифицирующего выражения.



# Логические операторы

Три способа вызова операторов:

```
LIBRARY ieee;
USE ieee.std_logic_1164.all;

ENTITY operat IS
PORT ( op1, op2      : IN   std_logic_vector(3 downto 0);
      res1, res2, res3 : OUT std_logic_vector(3 downto 0));
END operat ;
ARCHITECTURE maxpld OF operat IS
BEGIN
res1 <= op1 AND op2;
res2 <= "AND"(op1,op2);
res3 <= std_logic_vector'(op1 AND op2);
END maxpld;
```

# Операторы сравнения

Определение:

**relational\_operator ::= = | /= | < | <= | > | >=**

Операторы сравнения предназначены для выполнения следующих операций: = - равно; /= - не равно; < - меньше; <= - меньше-равно; > - больше; >= - больше-равно.

Операторы сравнения выполняются для следующих типов данных:

- std\_logic\_vector;
- std\_ulogic\_vector;
- signed;
- unsigned;
- integer.

# Операторы сдвига

В VHDL-93 были введены predefined операторы сдвига. Операторы сдвига можно использовать, когда левым операндом является одномерный массив из элементов типа `bit` (`bit_vector`) или `boolean`, а правым операндом является любое неотрицательное целое.

**shift\_operator ::= sll | srl | sla | sra | rol | ror**

`sll` (shift left logical) - сдвиг левый логический. Освобождающиеся элементы массива заполняются значением, определенным по умолчанию для данного типа (для типа `bit` это '0').

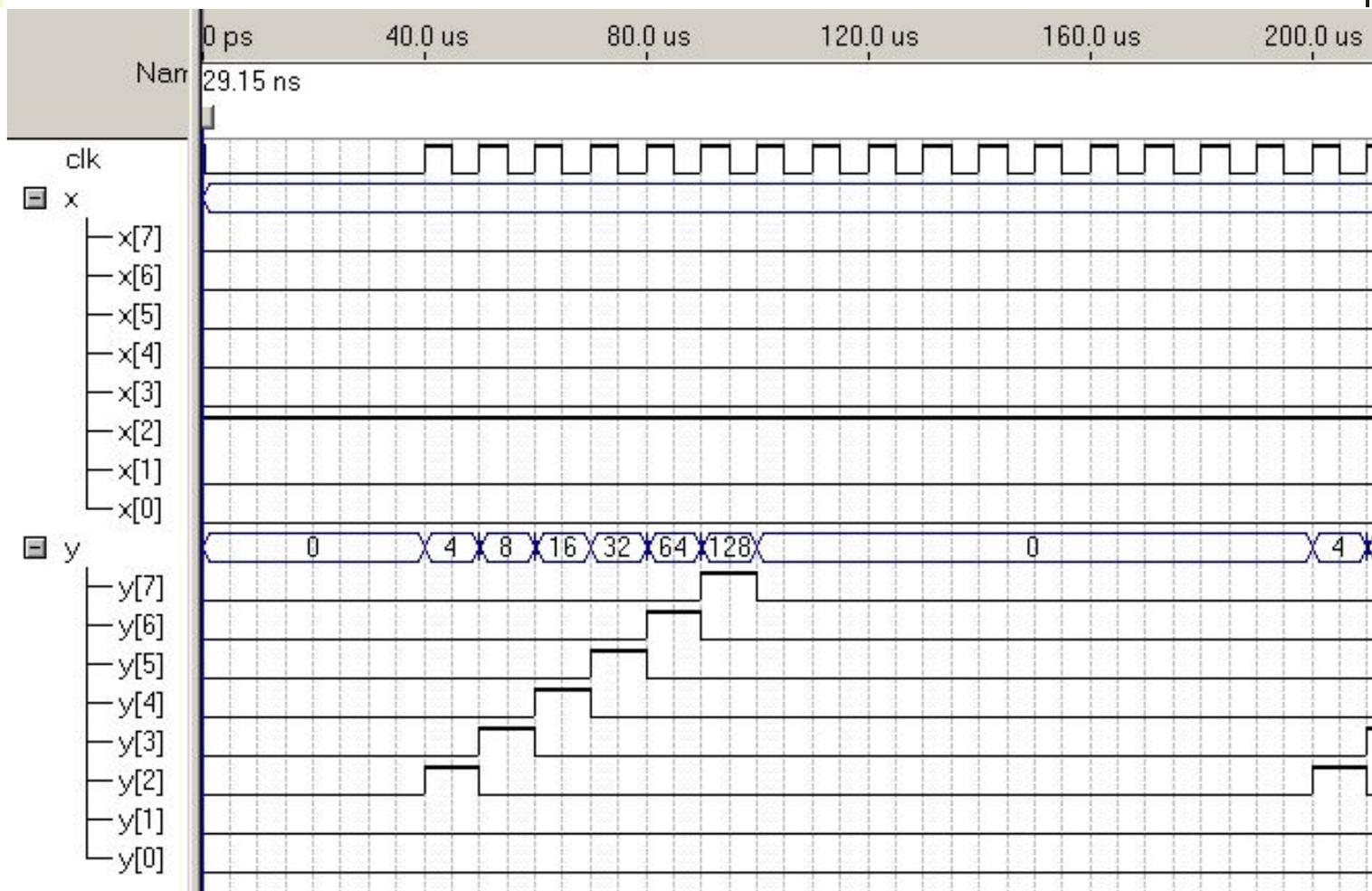
`srl` (shift right logical) - сдвиг правый логический. Освобождающиеся элементы массива заполняются значением, определенным по умолчанию для данного типа.

# Операторы сдвига

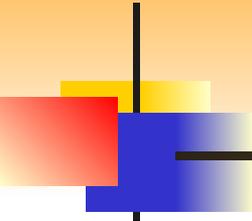
Рассмотрим временные диаграммы сдвига, полученные по описанию:

```
ENTITY vsll IS
PORT ( clk  : IN bit;
      x  : IN BIT_VECTOR(7 DOWNT0 0);
      y  : OUT BIT_VECTOR(7 DOWNT0 0));
END vsll;
ARCHITECTURE arch OF vsll IS
  SIGNAL shift :integer RANGE 0 TO 15;
  BEGIN
    PROCESS (clk)
      BEGIN
        IF (clk'EVENT AND clk = '1')
          THEN shift <= shift + 1; y <= x sll shift; ELSE null;
          END IF; END PROCESS; END arch;
```

# Оператор сдвига sll

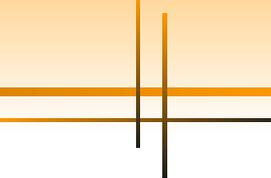






# Операторы сдвига sla и sra

---

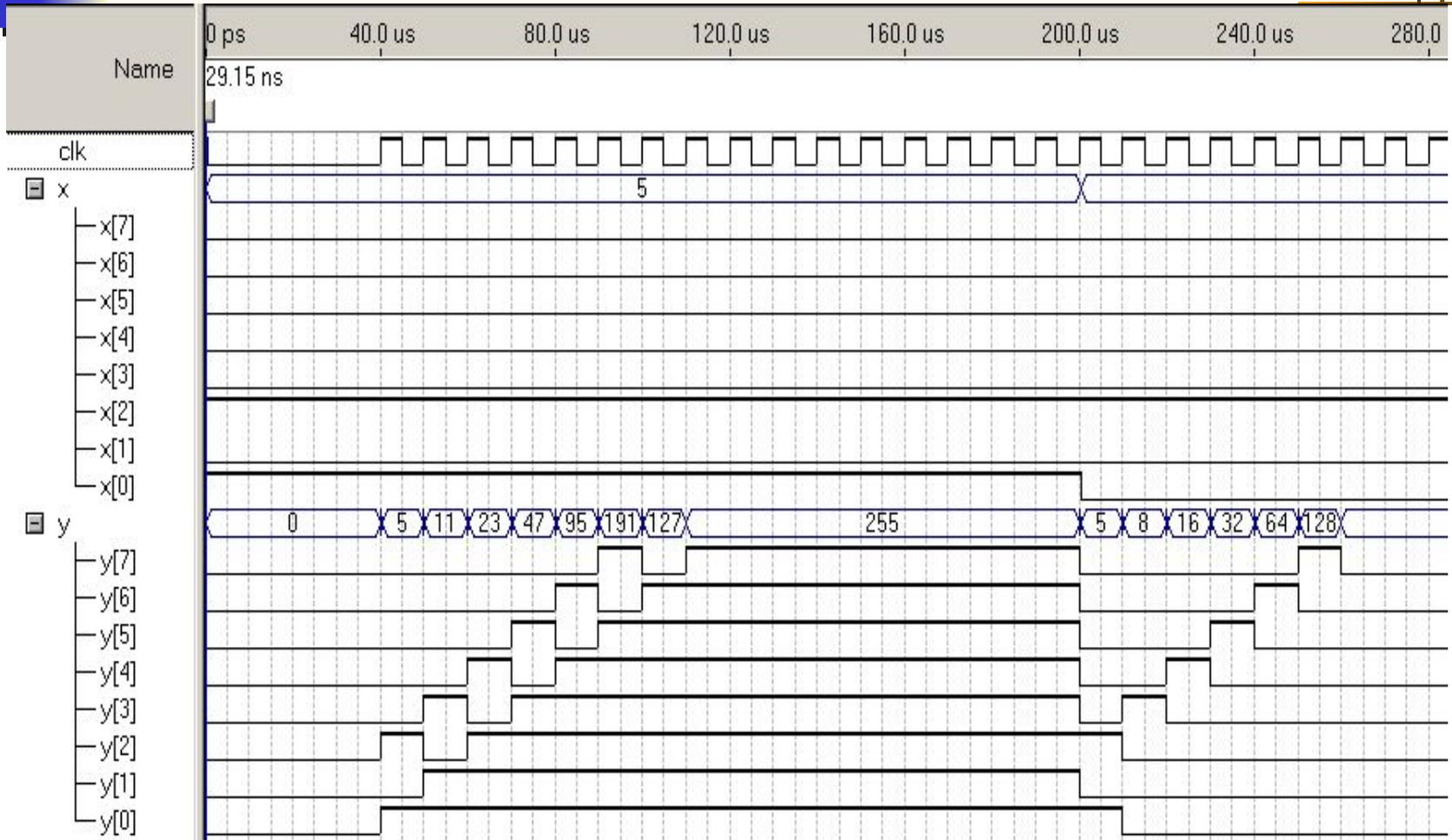


sla (shift left arithmetic) - сдвиг левый арифметический. Освобождающиеся элементы заполняются значениями крайнего правого элемента массива.

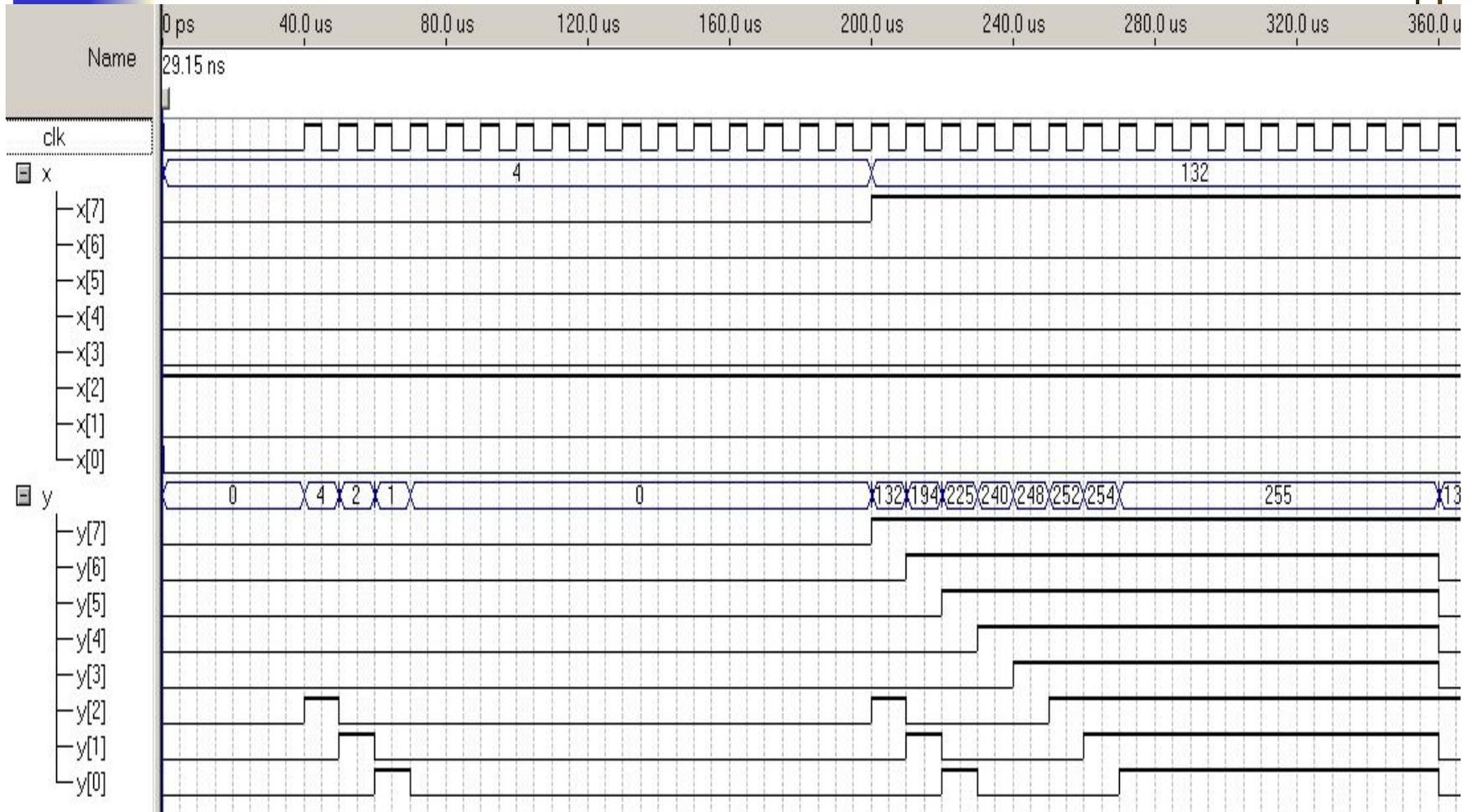
sra (shift right arithmetic) - сдвиг правый арифметический. Освобождающиеся элементы заполняются значениями крайнего левого элемента массива.



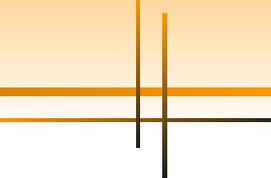
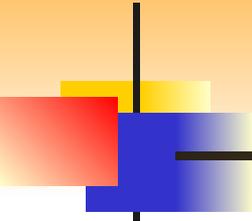
# Оператор сдвига sla



# Оператор сдвига sra



# Операторы сдвига rol и ror



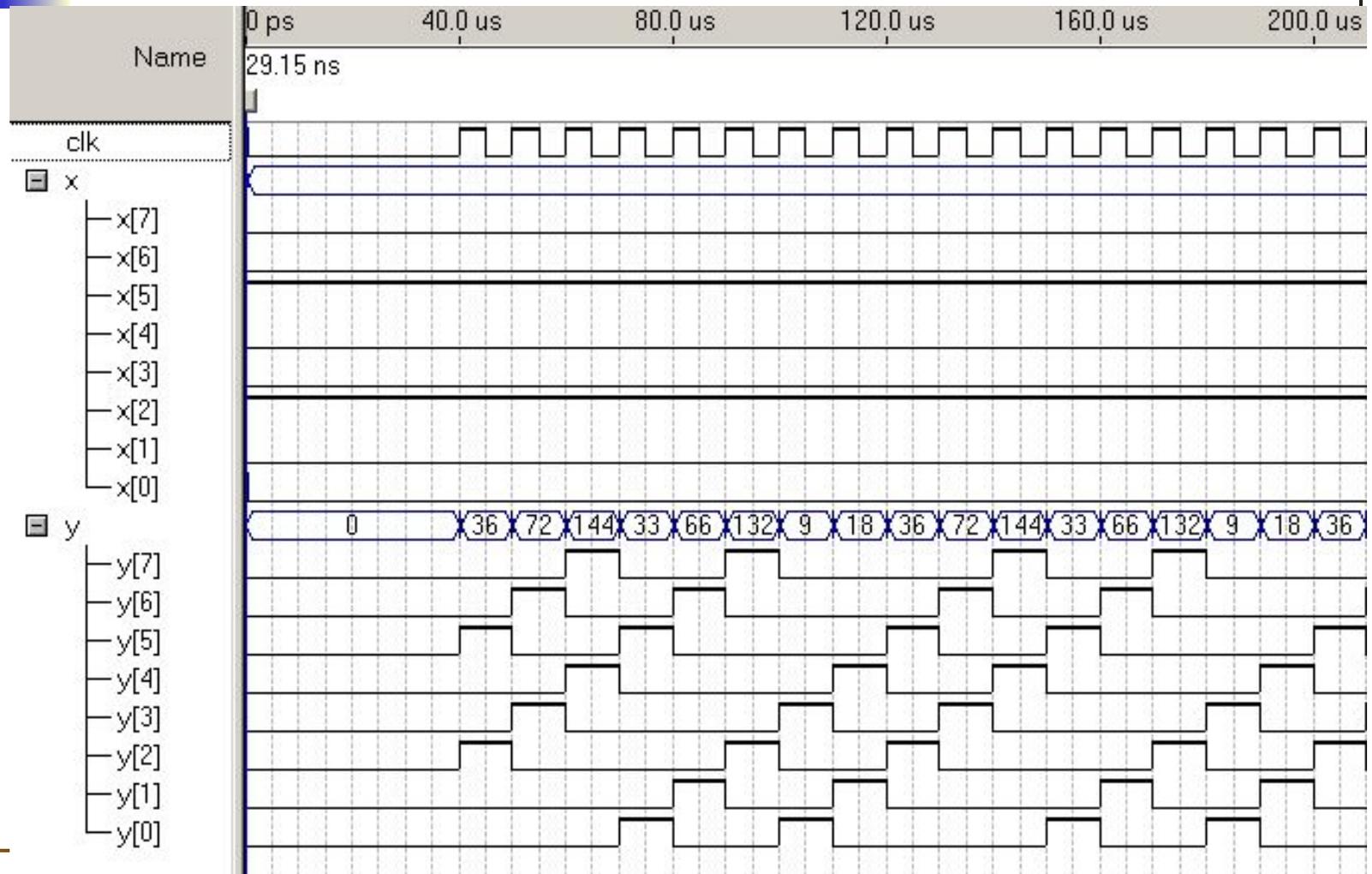
rol (rotate left logical) - сдвиг циклический левый логический.

ror (rotate right logical) - сдвиг циклический правый логический.

Операторы сдвига имеют одинаковое старшинство с мультипликативными операторами.



# Оператор сдвига rol





# Аддитивные операторы

Определение:

**adding\_operator ::= + | - | &**

Аддитивные операторы предназначены для выполнения операций суммирования, вычитания и конкатенации.

Операторы суммирования и вычитания выполняются для следующих типов данных:

- std\_logic\_vector;
- std\_ulogic\_vector;
- integer;
- signed;
- unsigned.

# Аддитивные операторы

Оператор конкатенации & служит для объединения двух одномерных массивов, одномерного массива и скаляра, двух скаляров. Любой скаляр здесь рассматривается как одномерный массив, элементы которого индексируются в диапазоне 1 To 1. Скаляры и элементы массивов, участвующие в конкатенации, могут быть любого типа, но эти типы должны совпадать.

В результате конкатенации образуется одномерный массив большей длины. Индекс этого массива непрерывен и значение его левого индекса совпадает со значением левого индекса левого операнда. Конкатенация является удобным средством при описании устройств на регистровом уровне для объединения различных разрядов нескольких регистров в один вектор.

В VHDL-93 допустимо объединять только восходящие (n1 To n2), или нисходящие (n1 Downto n2) массивы.

# Мультипликативные операторы

Определение:

**`multiplying_operator ::= * | / | mod | rem`**

Мультипликативные предназначены для выполнения операций умножения, деления, нахождения модуля и остатка от деления.

Функции указанных операторов находятся в пакете `ieee.numeric_std`.

Оператор `*` и `/` поддерживается для следующих типов данных:

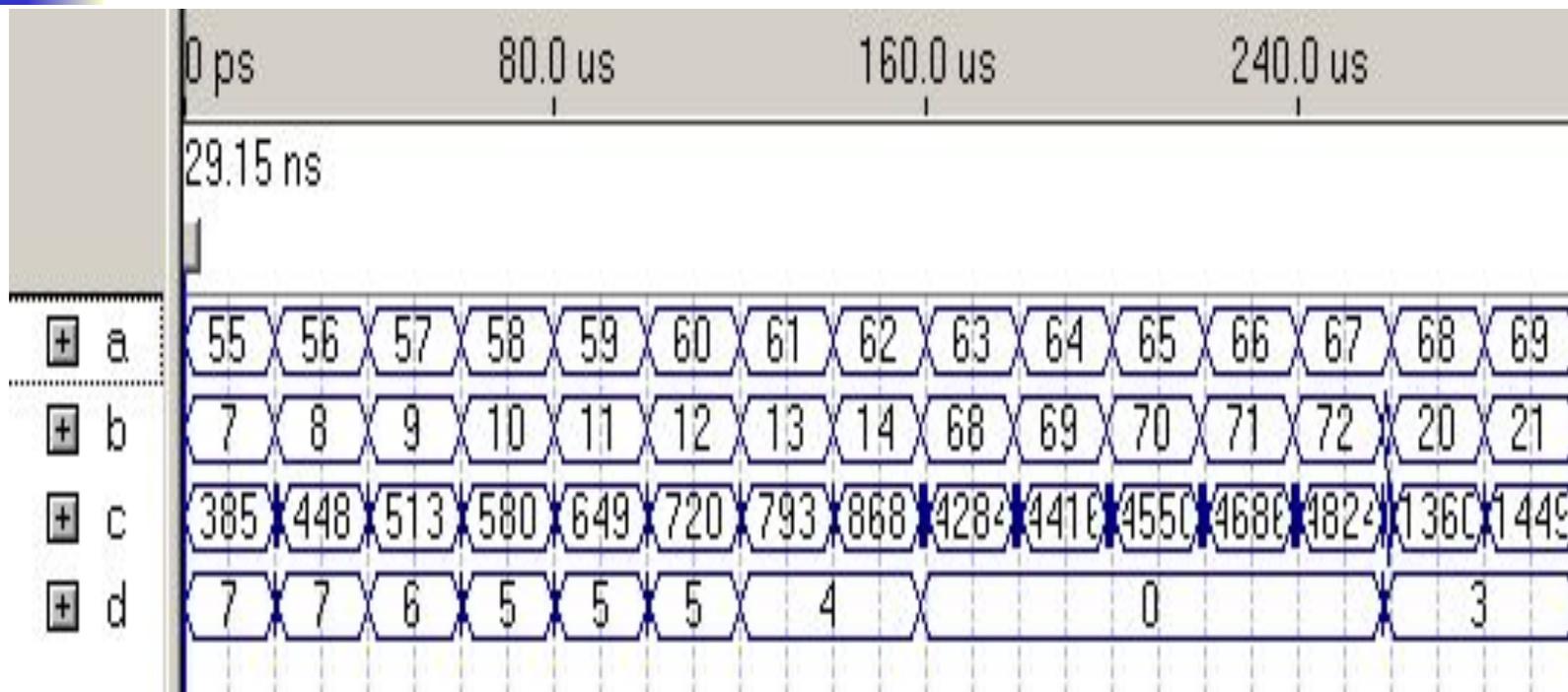
- `std_logic_vector`;
- `std_ulogic_vector`;
- `integer`;
- `signed`;
- `unsigned`.

# Операторы \* и /

Рассмотрим действие операторов \* и / по описанию цифрового устройства:

```
LIBRARY ieee;
USE ieee.std_logic_1164.ALL, ieee.numeric.std.all;
ENTITY div IS
    PORT (a : IN unsigned (15 downto 0);
--разрядность делимого должна быть больше
        b : IN unsigned (7 downto 0);
        c : OUT unsigned (23 downto 0);
        d : OUT unsigned (15 downto 0));
--разрядность произведения необходимо предварительно рассчитать
    END ENTITY div;
ARCHITECTURE arch OF div IS
BEGIN
    c <= a*b; d <= a/b;
END;
```

# Операторы \* и /



Из анализа временных диаграмм следует, что при делении формируется только целая часть результата.

# Мультипликативные операторы

Для операций остатка от деления и модуля выполняются следующие условия.

$$A = (A/B)*B + (A \text{ rem } B),$$

где выражение  $(A \text{ rem } B)$  имеет знак  $A$ , а абсолютное значение меньше абсолютной величины  $B$ .

Для целочисленного деления выполняется тождество:

$$(-A)/B = -(A/B) = A/(-B)$$

Выражение  $(A \text{ mod } B)$  имеет знак  $B$ , абсолютное значение меньше абсолютной величины  $B$ , и определяется отношением:

$$A = B*\text{целое} + (A \text{ mod } B).$$

# Мультипликативные операторы

Рассмотрим значения операторов `mod` и `rem` для различных чисел.

$$5 \text{ rem } 3 = 2;$$

$$5 \text{ mod } 3 = 2.$$

$$(-5) \text{ rem } 3 = -2;$$

$$(-5) \text{ mod } 3 = 1.$$

$$(-5) \text{ rem } (-3) = -2;$$

$$(-5) \text{ mod } (-3) = -2.$$

$$5 \text{ rem } (-3) = 2;$$

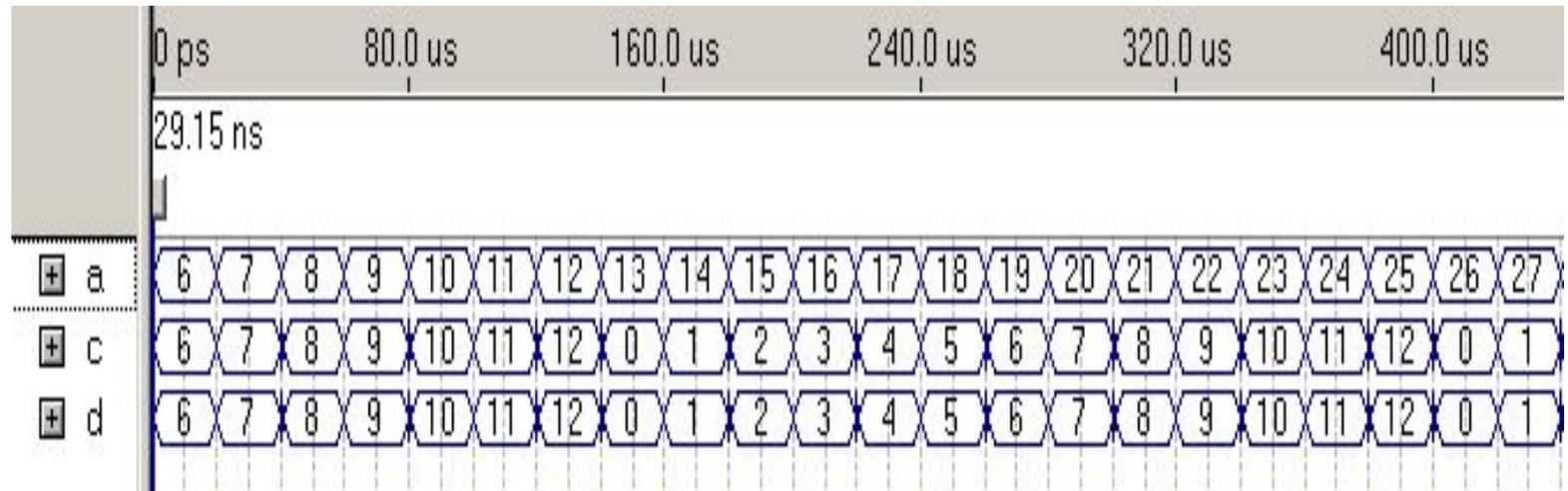
$$5 \text{ mod } (-3) = -1.$$

# Мультипликативные операторы

Действие мультипликативных операторов рассмотрим по описанию и временным диаграммам работы.

```
LIBRARY ieee;
USE ieee.std_logic_1164.ALL, ieee.NUMERIC_STD.all;
ENTITY vmod IS
  PORT ( a : IN unsigned (7 downto 0);
         c,d : OUT unsigned (7 downto 0));
END ENTITY vmod;
ARCHITECTURE arch OF vmod IS
BEGIN
  c <= a mod 13;
  d <= a rem 13;
END;
```

# Мультипликативные операторы



Как следует из временных диаграмм значения mod и rem для положительных чисел совпадает.

# Знаковые операторы

Определение:

**sign ::= + | -**

Знаковые операнды допустимы для операндов, имеющих скалярные типы. Они не могут следовать непосредственно за мультипликативными, аддитивными операторами или смешанным оператором "экспонента".

Эти выражения ошибочны:

$(A*-B)$ ,  $(C/+D)$ ,  $(F** -G)$ ,  $(H+-I)$ .

Здесь необходимы скобки:

$A * (- B)$ ,  $C / (+ D)$ ,  $F ** (- G)$ ,  $H + (-I)$ .

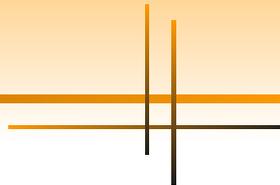
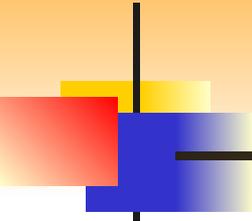
# Смешанные операторы

Определение:

**miscellaneous\_operator ::= \*\* | abs**

Смешанные операнды предназначены для возведения числа в степень или получения абсолютного значения.

# Смешанные операторы



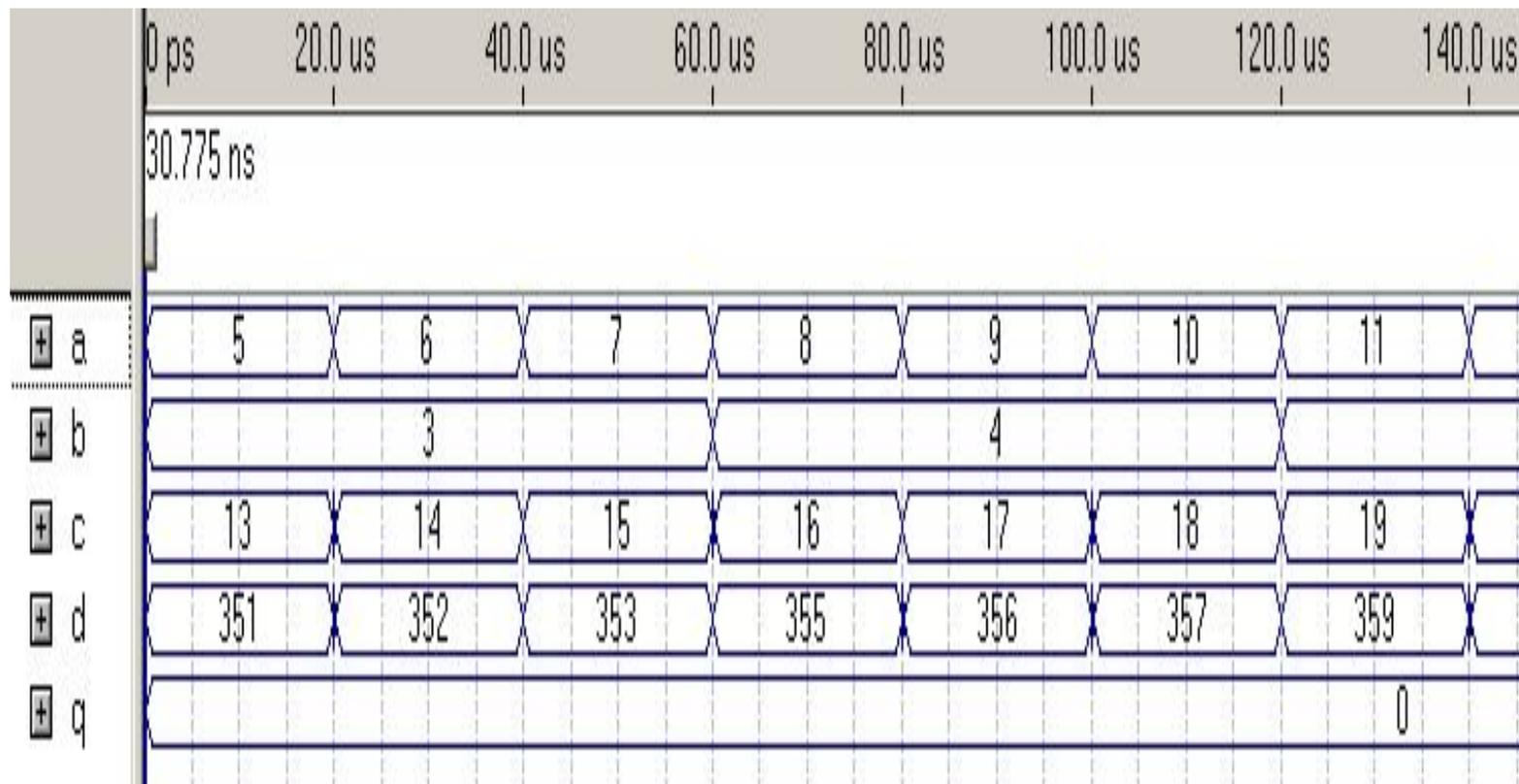
Оператор \*\* находит ограниченное применение при описании цифровых устройств из-за сложности технической реализации. Возводить в степень допускается только целые числа, причем показатель степени должен быть декларирован в параметрах Entity.



# Смешанные операторы

```
library ieee;
use ieee.std_logic_1164.all, ieee.std_logic_unsigned.all;
entity stepen is
    generic (const :integer := 3);
    port( a, b :in std_logic_vector (2**(const+2) downto 0);
        c,d,q      :out std_logic_vector (2**(const+2) downto 0));
end entity;
architecture rtl of stepen is
    constant koef :integer := 2**const;
begin
    c <= koef + a; d <= a+b+7**const;
    -- q <= 6** koef; q<= const**koef; q<= a**const;
    -- q<= const**4; q<= 5**4;
end architecture;
```

# Смешанные операторы



# Операнды

Определение.

**primary ::=**

**name | literal | aggregate | function\_call |**

**qualified\_expression | type\_conversion | allocator | (expression)**

Перечисленные выше операнды могут участвовать в выражениях.

# Операнд Name

В качестве операнда используют шесть форм имен, которые были рассмотрены:

**name ::=**

- simple\_name** -- простое имя;
- | **operator\_symbol** -- символ оператора;
- | **selected\_name** -- селективное имя;
- | **indexed\_name** -- индексное имя;
- | **slice\_name** -- вырезка имени;
- | **attribute\_name** -- имя атрибута.

# Операнд Literal

Литерал служит для задания значений объектов языка. В VHDL имеется пять типов литералов.

**literal ::=**

**numeric\_literal** -- числа (целые и реальные): 0, 2E4, 3.14 ns;

**| enumeration\_literal** -- перечисления: '0', ram;

**| string\_literal** -- строки (строковый литерал): "are not";

**| bit\_string\_literal** -- битовые строки: b"111\_111»;

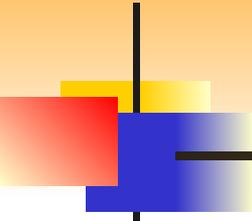
**| null** -- значение указателя (**access\_type**) в никуда.

Числа могут быть представлены в виде абстрактных и физических литералов.

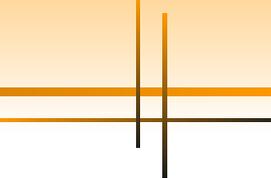
**numeric\_literal ::=**

**abstract\_literal**

**| physical\_literal**



# Операнд Literal



Литералы перечисления - это литералы, применяемые для описания типа данных - перечисления. В качестве этих литералов применяют идентификаторы и символьные литералы.

Строковые литералы и битовые строки были рассмотрены в разделе “Лексемы”.

Литерал `null` представляет собой нулевое значение для любого типа.



# Операнд Aggregate

Агрегат - это базовая операция, объединяющая одно или несколько значений в массив или запись.

Элементы этого объединения связываются (ассоциируются) при вычислениях (например, при присвоении агрегата одномерному массиву) позиционно (в этом случае конструкция `choices =>` отсутствует), или поименованно.

```
aggregate ::= (element_association { , element_association })  
element_association ::= [choices =>] expression  
choices ::= choice { | choice }  
choice ::=  
simple_expression  
| discrete_range  
| element_simple_name  
| others.
```

# Операнд Aggregate

При именованном присвоении сначала формируется цель - множество элементов массива, затем, после символов "=>" - то, что надо записать в эту цель, и далее, через разделитель ", ", формируется следующая цель.

Позиционное связывание в агрегатах должно предшествовать поименованным ассоциациям. Поименованная ассоциация "Others =>" может быть использована (при необходимости) только в конце агрегата. Допустимо только однократное связывание. Если агрегат имеет единственное значение, то оно должно быть связано поименованно.

# Операнд Aggregate

Опишем, для примера, присвоение значений переменной:

**VARIABLE** q : BIT\_VECTOR (0 TO 3).

Возможно 7 форм присвоения значений с помощью агрегатов:

1. позиционная        **q := ('0', '1', '1', '0');**

2. именованная        **q := (0=>'0', 2=>'1', 1=>'1', 3=>'0');**

3. смешанная         **q := ('0', '1', 1=>'1', 3=>'0');**

4. с использованием вырезки имен

**q := (0 =>'0', 1 TO 2 =>'1', 3=>'0');**

# Операнд Aggregate

5. с использованием зарезервированного слова OTHERS (слово OTHERS можно использовать в случае применения только позиционной или именованной ассоциации)

**q := (1 TO 2 =>'1', OTHERS => '0');**

**q := ('0', '1', OTHERS => '0');**

6. с применением только слова OTHERS, если необходимо всем разрядам установить одно и то же значение

**q := (OTHERS => '0');**

**q := (OTHERS => '1');**

7. с перечислением разрядов, которым следует установить одинаковые значения. Перечисляемые разряды отделяют друг от друга вертикальной чертой

**q := (0|3 =>'0', 1|2 => '1').**

# Операнд Function Call

Вызов функции приводит к выполнению тела функции. Он определяет имя функции, которая будет вызвана, и фактические параметры, которые должны быть связаны с формальными параметрами функции. В результате выполнения функции формируется значение с типом, определенным при объявлении функции.

**function\_call ::=**  
**function\_name [(actual\_parameter\_part)]**

Каждому формальному параметру должен соответствовать фактический параметр.

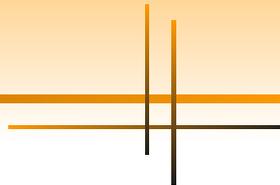
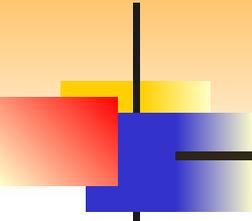
# Операнд Qualified Expression

Позволяет однозначно указывать тип или подтип операнда.

```
qualified_expression ::= type_mark'( expression)|  
type_mark'aggregate
```

Необходимость использования квалифицирующего выражения возникает при наличии перегруженных (overload) операторов, функций или операндов, то есть когда, например, существуют одинаково именованные операторы, работающие с различными типами операндов и, естественно, имеющие различное функционирование.

# Операнд Type Conversion



Конверсия типа используется для перевода одного типа данных в другой тип данных.

**type\_conversion ::= type\_mark ( expression )**

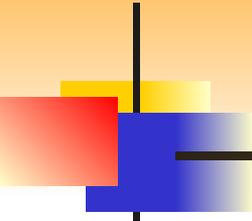


# Операнд Allocator

Предназначен для создания анонимных объектов, доступ к которым осуществляется через указатели (access) на эти объекты.

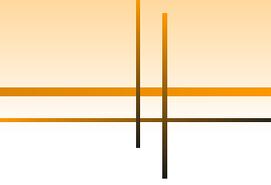
**allocator ::= new subtype\_indication | new qualified\_expression**

Использование динамически размещаемых объектов удобно не только при задании необходимого объема аппаратуры (ROM, RAM и пр.), но и при моделировании таких структур, как FIFO, LIFO. Сами динамически размещаемые объекты, естественно, должны быть детерминированных размеров.



# Статическое выражение

---



Для вычисления значений констант, параметров настройки и начальных значений всех других объектов языка используются выражения, которые являются статическими (Static Expression), то есть вычисляются единожды в процессе выполнения программы. Кроме этого, статические выражения участвуют при определении типов.

