

# “Векторы”

*Выполнил :  
Лебенков Никита 9 “Г”*



## Какова разница между векторными и скалярными величинами?

Векторными величинами, называют величины, имеющие и численное значение, и направление.

Скалярными называют величины, имеющие численное значение, но не имеющие направления.

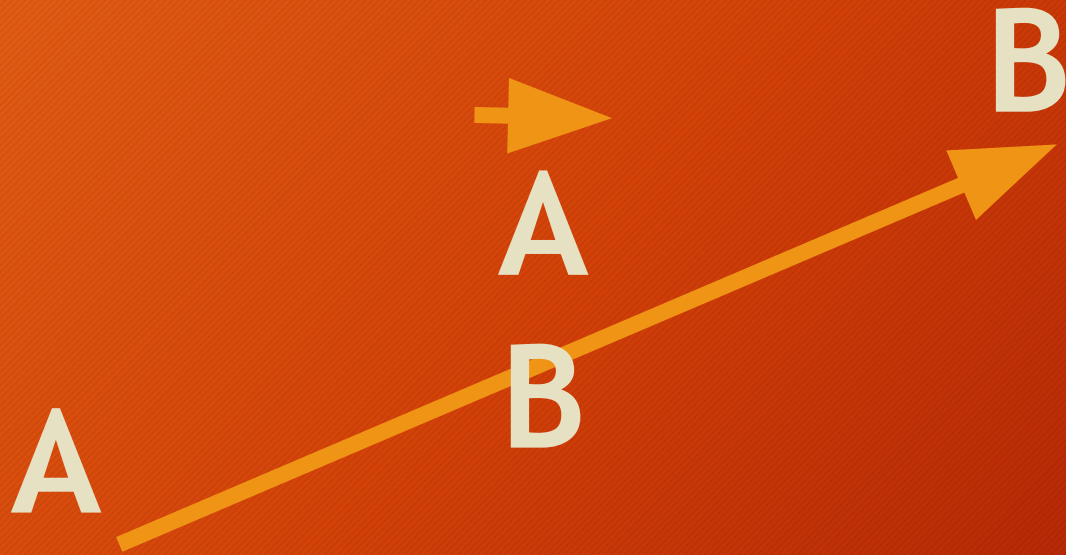
векторная имеет направление, а скалярная - только значение





**ВЕКТОР** - Направленный отрезок.

Под направленным отрезком понимают упорядоченную пару точек, первая из которых — точка **A** — называется его началом, а вторая — **B** — его концом.





**Какие векторы называются коллинеарными? Приведите пример сонаправленных и противоположно направленных векторов?**

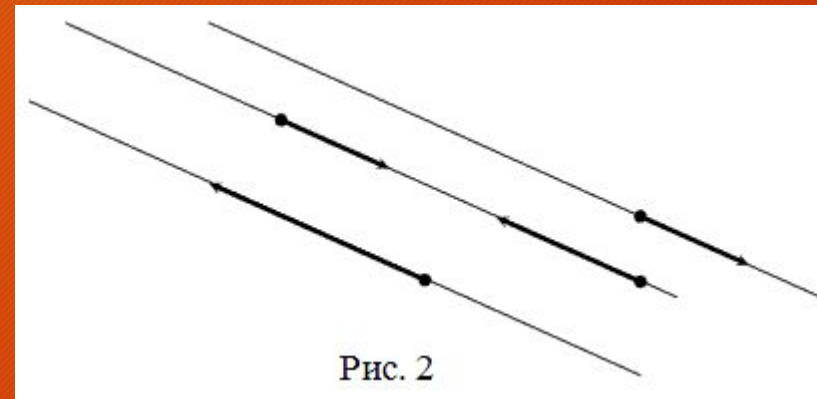


Рис. 2

**Если начало и конец вектора совпадают, то такой вектор называется нулевым. Чаще всего нулевой вектор обозначается как  $\vec{0}$ .**

**Векторы называются коллинеарными, если они лежат либо на одной прямой, либо на параллельных прямых (рис. 2).**

**Два коллинеарных вектора и называются сонаправленными, если их направления совпадают: (рис. 3, а). Два коллинеарных вектора и называются противоположно направленными, если их направления противоположны: (рис. 3, б).**

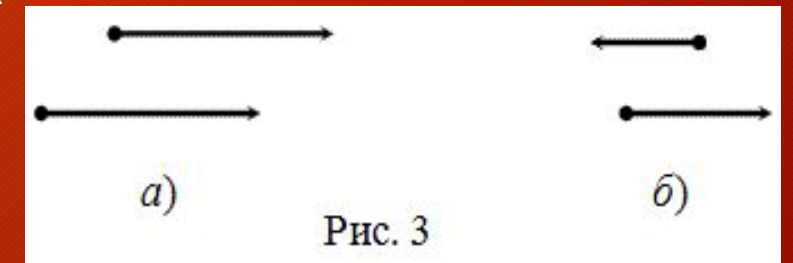


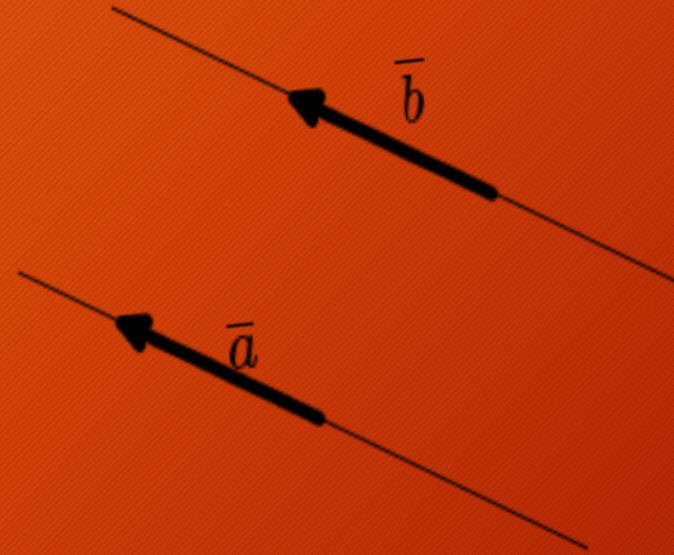
Рис. 3



Какие векторы называются

равными?

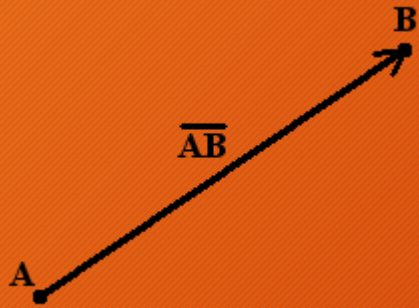
Вектора  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$  называются равными, если они имеют одинаковую длину, лежат на параллельных прямых или на одной прямой, и направлены в одном направлении. **Условие равенства векторов.** Вектора равны, если их координаты равны.





## Что такое модуль / длина вектора?

Длина направленного отрезка определяет числовое значение вектора и называется длиной вектора или модулем вектора  $AB$ .



Для обозначения длины вектора используются две вертикальные линии слева и справа  $|AB|$ .

Формулы длины

вектора:

$$|a| = \sqrt{ax^2 + by^2}$$



# Что такое нулевой вектор?

Если вектор это тройка чисел  $(a; b; c)$ , то нулевой вектор это тройка  $(0; 0; 0)$ .

Длина вектора тогда есть число, равное  $\sqrt{a^2+b^2+c^2}$ .

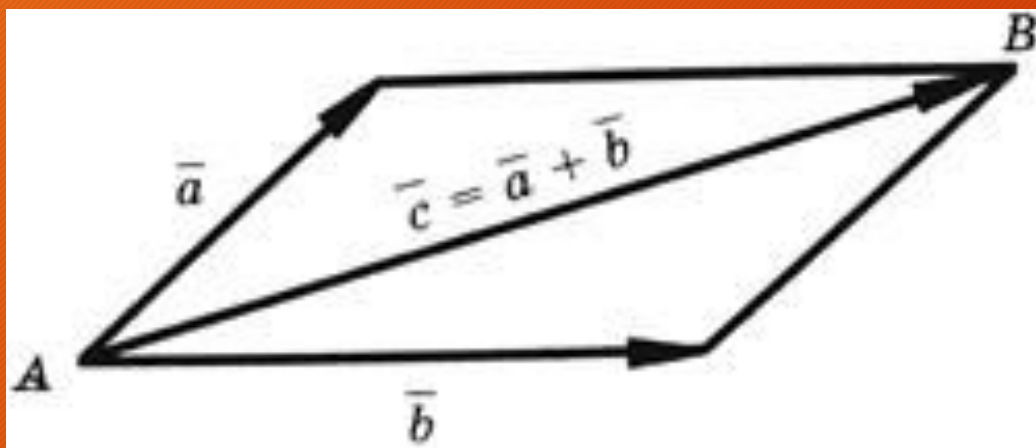
Если вектор есть преобразование пространства, такое, что точка  $(x; y; z)$  переходит в точку  $(x+a; y+b; z+c)$ , то нулевой вектор это такое преобразование при котором, каждая точка переходит сама в себя.

А длина вектора равна длине отрезка, соединяющего точку и ее образ при преобразовании пространства.



## Сформулируйте правило треугольника и правило параллелограмма сложения векторов

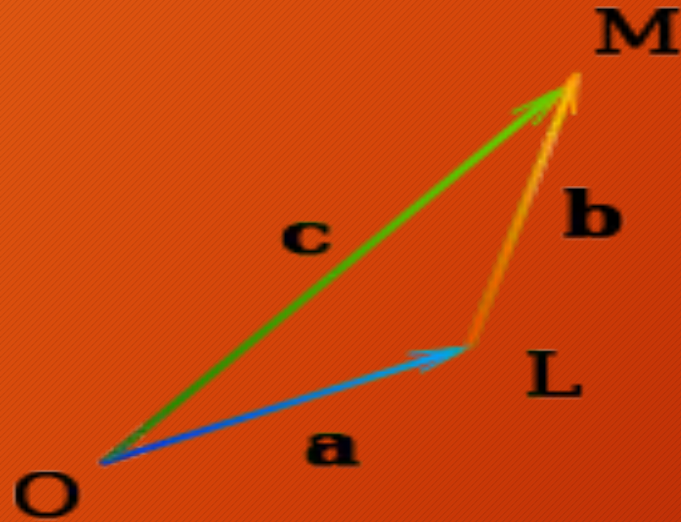
Сложение векторных величин производится по правилу параллелограмма: сумма двух векторов  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$ , приведенных к общему началу, есть третий вектор  $\vec{c}$ , длина которого равна длине параллелограмма, построенного на векторах  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$ , а направлен он от точки  $A$  к точке  $B$ :



$$\vec{a} + \vec{b} = \vec{c}.$$



Сумма векторов  $a$  и  $b$  это третий вектор  $c$ , получаемый следующим построением: из произвольного начала  $O$  строим вектор  $OL$ , равный  $a$ ; из точки  $L$ , как из начала строим вектор  $LM$ , равный  $b$ . Вектор  $c = OM$  есть сумма векторов  $a$  и  $b$  («правило треугольника»).





## Разность векторов

Разностью  $a - b$  векторов  $a$  и  $b$  называется такой вектор  $c$ , что  $c + b = a$ .

Если отложить векторы от одной точки, то разность можно найти по «правилу треугольника»:





## **Произведение ненулевого вектора на число**

### **Геометрическая интерпретация.**

**Произведение ненулевого вектора на число - это вектор, коллинеарный данному (сонаправленный данному, если число положительное, имеющий противоположное направление, если число отрицательное), а его модуль равен модулю данного вектора, умноженному на модуль числа.**

### **Алгебраическая интерпретация.**

**Произведение ненулевого вектора на число - это вектор, координаты которого равны соответствующим координатам данного вектора, умноженным на число.**



## Умножения вектора на число

Чтобы умножить ненулевой вектор на число, нужно умножить модуль вектора на это число.

Свойства умножения числа на вектор:

**ТЕОРЕМА :**

Для любых чисел  $a$  и  $b$  и любых векторов  $a$ ,  $b$  верно равенство:

**СОЧЁТАТЕЛЬНЫЙ ЗАКОН :**

$$(a \times b)a = a(ba)$$

**1 распределительный закон:**

$$(a+b)a = aa+ba$$

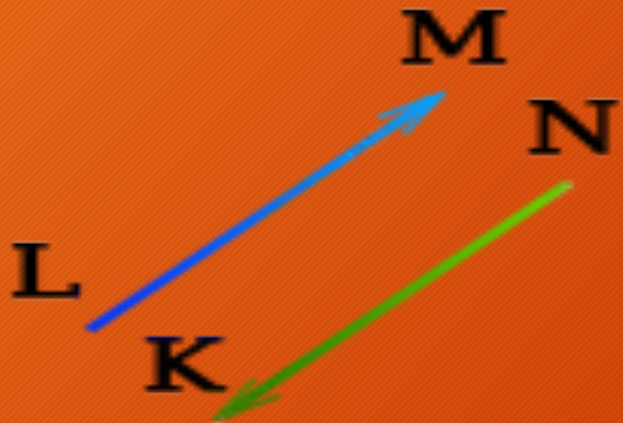
**2 распределительный закон :**

$$a(a+b) = aa+ab$$



## *Противоположные векторы*

*Два вектора, имеющие равные модули и противоположно направленные, называются противоположными.*





**Докажите признак коллинеарности  
векторов.**

**Векторы, параллельные одной прямой или  
лежащие на одной прямой называют  
коллинеарными векторами.**

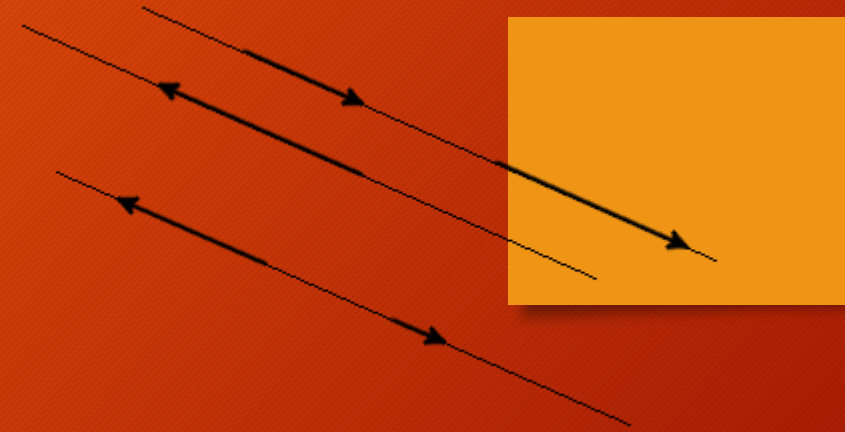
**Условие коллинеарности векторов 1. Два вектора  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$  коллинеарны,  
если существует число  $n$  такое, что**

$$\vec{a} = n \cdot \vec{b}$$

**Условия коллинеарности векторов 2. Два вектора коллинеарны, если  
отношения их координат равны.**

**Н.В. Условие 2 неприменимо, если один из компонентов вектора равен  
нулю.**

**Условия коллинеарности векторов 3. Два вектора коллинеарны, если их  
векторное произведение равно нулевому вектору.**

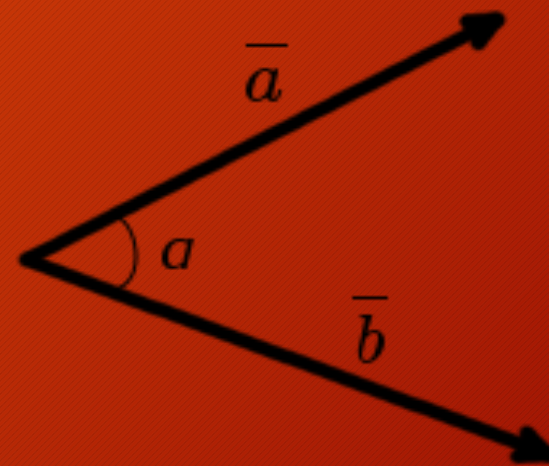




Какой угол называется углом между векторами?

**Определение.** Углом между двумя векторами,  $\vec{AB}$  и  $\vec{AC}$  называется угол  $BAC$ . отложенными от одной точки, называется кратчайший угол, на который нужно повернуть один из векторов вокруг своего начала до положения сонаправленности с другим вектором.

$$\cos \phi = \frac{(\vec{a}, \vec{b})}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|} = \frac{a_x \cdot b_x + a_y \cdot b_y}{\sqrt{a_x^2 + a_y^2} \sqrt{b_x^2 + b_y^2}}$$





## Базисные векторы

Рассматриваемые векторы называют координатными векторами или ортами. Данные векторы образуют базис на плоскости. Что такое базис, думаю, интуитивно многим понятно, более подробную информацию можно найти в статье *Линейная (не) зависимость векторов. Базис векторов.*

Простыми словами, базис и начало координат задают всю систему - это своеобразный фундамент, на котором кипит полная и насыщенная геометрическая жизнь.

Иногда построенный базис называют ортонормированным базисом плоскости: «орто» - потому что координатные векторы ортогональны, прилагательное «нормированный» означает единичный, т.е. длины векторов базиса равны единице.

Обозначение: базис обычно записывают в круглых скобках, внутри которых в строгой последовательности перечисляются базисные векторы, например:  $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$ . Координатные векторы нельзя переставлять местами.



**СПАСИБО ЗА  
ПРОСМОТР!**

