Лекція 6.

Електропровідність халькогенідних склоподібних напівпровідників

Анізотропія електропровідності шаруватих кристалів

Анізотропія електропровідності шаруватих кристалів визначається параметром $\Lambda = \sigma_{||} / \sigma_{\perp}$, який температурно активується $\Lambda = A \cdot \exp(\Delta E/kT)$.



Рис. 1. Температурні залежності електропровідності кристалів GeS, вирощених методом Піццарелло *(а)* та Бріджмена *(б)*.

Наявність дефектів упаковки в реальних шаруватих кристалах приводить до порушення трансляційної інваріантності у напрямку, перпендикулярному до шарів, у той час як уздовж шарів трансляційна інваріантність зберігається. Тому реальні шаруваті кристали слід розглядати як структури з одновимірним безпорядком уздовж кристалографічної осі *с*.



Рис. 2. Модель перенесення носіїв заряду поперек шарів. Просторовий та енергетичний розподіл електронних станів зображено горизонтальними лініями. Вертикальні лінії вказують шляхи можливих перескоків носіїв заряду.

По аналогії з аморфними напівпровідниками, феноменологічний опис властивостей переносу в шаруватих кристалах можна здійснити, увівши край рухливості (*Е*_{регс}) для провідності поперек шарів. Внаслідок розповсюджуваного характеру блохівських хвильових функцій вздовж шарів, енергія активації переносу в режимі постійного струму у цьому напрямі рівна $E_a = E_0 - E_{perc}$, як у звичайному напівпровіднику, а поперек шарів ефективна енергія активації *Е_а = Е_{регс}* – E_{F} . Тоді E_{perc} – E_{0} = ΔE є експериментально визначена енергія активації переносу у режимі постійного струму поперек шарів.



Рис. 6. Діаграма густини станів для аморфних і склоподібних напівпровідників.

а – реальна заборонена зона, яка може існувати у випадку структури типу неперервної випадкової сітки без дефектів; б – модель Коена-Фріче-Овшинського;
 в – модель Девіса-Мотта з зоною компенсованих рівнів поблизу середини щілини;
 г – модифікована модель Мотта-Девіса; д – модель Маршала-Оуена; ж – модель Маршала-Оуена для "реального" скла As₂Se₃.

Температурна залежність електропровідності на постійному струмі

Халькогенідні стекла є напівпровідниками, однією з характерних ознак яких є дірковий тип провідності. Значення електропровідності в залежності від складу і структури халькогенідних стекол лежить у межах від 10⁻² до 10⁻¹⁶ Ом⁻¹см⁻¹. Процес електричного транспорту в ХСН, де макроскопічна провідність зумовлена термічним збудженням у речовині, розглядають з використанням трьох механізмів у залежності від конкретного інтервалу температур і їх складу.



Рис. 3. Схема густини станів в ХСН і можливих трьох механізмів перенесення заряду. 1 – збудження в зонні стани; 2 – збудження в локалізовані стани в області *E*_{лок}; 3 – стрибки електронів поблизу енергії Фермі.

1. Переніс носіїв між делокалізованими станами у зоні провідності ($E > E_c$) і у валентній зоні ($E < E_v$); наявність таких станів обумовлено ближнім порядком. У цьому випадку носії термічним і оптичним шляхом збуджуються за край рухливості у нелокалізовані стани, тобто стани, розповсюджені по всьому об'єму тіла, з енергіями E_c і E_v (рис. 3, *a*). У цьому випадку електропровідність, яка відповідає переносу носіїв за краями рухливостей, описується рівнянням:

$$\boldsymbol{\sigma} = \boldsymbol{\sigma}_o \exp\left[\boldsymbol{E}_a / \boldsymbol{k}\boldsymbol{T}\right] \tag{1}$$

У випадку електронної провідності E_a являє собою різницю енергій нижнього краю зони провідності E_c і рівня Фермі E_F , $E_a = E_c - E_F$. При наявності діркової провідності відповідно $E_a = E_F - E_V$, де $E_V - енергія верхньої$ границі валентної зони.

Якщо (*E*_c – *E*_F) є лінійною функцією *T* в усьому досліджуваному інтервалі температур, то графік залежностей Іпо від 1/*T* є пряма лінія. У цьому випадку можна записати:

$$\boldsymbol{E}_{c} - \boldsymbol{E}_{F} = \boldsymbol{E}(0) - \boldsymbol{\gamma}(\boldsymbol{T})$$
⁽²⁾

де *E*(0) – величина (*E*_c – *E*_F) при T = 0 K, а γ – її температурний коефіцієнт. Підставляючи (2) у (1), одержимо вираз для провідності по розпростертим станам:

$$\boldsymbol{\sigma} = \boldsymbol{\sigma}_{o} \exp(\boldsymbol{\gamma} / \boldsymbol{k}) \exp(-\boldsymbol{E}(0) / \boldsymbol{k}\boldsymbol{T}) = \boldsymbol{C}_{o} \exp(-\boldsymbol{E}_{a} / \boldsymbol{k}\boldsymbol{T})$$
(3)

де $C_o = eN_{e\phi} \times \mu_{o1} \times exp(\gamma / k)$ ($N_{e\phi}$ – ефективна густина станів на рівні E_c і E_v).

Стрибковий механізм провідності

Якщо теплової енергії носія заряду недостатньо, щоб піднятися із проміжного положення у зону провідності (наприклад, при температурі нижче за кімнатну), то реалізується стрибковий механізм провідності. У відповідності з просторовою і енергетичною відстанню між окремими пастками термічно активовані носії заряду тунелюють від однієї пастки до іншої. Цей механізм провідності наглядно зображений на рис. З стрілками на рівні енергій E_A . При такому механізмі переносу заряду провідність збільшується зі зростанням температури і густини пасток (центрів захоплення) у матеріалі. У кристалічних напівпровідниках аналогічний переніс називають провідністю по дефектам.

Провідність, зв'язана з носіями, які збуджуються у локалізовані стани на краях зон, тобто поблизу *E*_A і *E*_B (рис. 3), здійснюється шляхом стрибків і описується виразом:

$$\boldsymbol{\sigma} = \boldsymbol{C}_{1} \exp\left[-\left(\boldsymbol{E}_{A} - \boldsymbol{E}_{F} + \boldsymbol{W}_{1} / \boldsymbol{k}\boldsymbol{T}\right)\right]$$
(4)

де W₁ – енергія активації стрибків, яка повинна зменшуватися зі зменшенням температури, оскільки по своїй природі провідність має перескоковий характер зі змінною довжиною стрибка. Провідність по локалізованим станам у хвостах дозволених зон характеризуються активаційною залежністю рухливості:

$$\boldsymbol{m}: \exp\left(- \mathsf{D}\boldsymbol{E} / \boldsymbol{kT}\right)$$
(5)

де Δ*E* – різниця енергій рівнів, між якими здійснюється перехід.

Якщо густина станів на рівні Фермі *E*_F скінчена, то провідність одержує вклад від носіїв заряду з енергією поблизу *E*_F. Такі носії можуть здійснювати стрибки між локалізованими станами поблизу рівня Фермі, як це має місце у процесі домішкової провідності у сильно легованих і частково компенсованих кристалічних напівпровідниках. Якщо імовірність елемачистр (*γ / k*)як то згідно Мотта отримуємо (з використанням співвідношення Ейнырейна

і виразу D = 1/6 р a^2) рівняння типу:

$$\mathbf{s}_{3} = \frac{1}{6} e^{2} \mathbf{n}_{ph} N(E_{F}) \exp(-2ca) \exp(-DW_{2}/kT) = \mathbf{s}_{o3} \exp(-DW_{2}/kT)$$
 (6)

де $N(E_F)$ – густина дефектних станів поблизу рівня Фермі, а $N(E_F)kT$ – число електронів, які приймають участь у провідності. W_2 – енергія активації стрибка, величина якого порядку половини ширини зони локалізованих станів при умові, що густина станів N(E) має вигляд, наведений на рис. 3. Відмітимо, що залежність Іпо від 1/T буде мати вигляд прямої тільки якщо стрибки відбуваються між найближчими сусідами.

При ще більш низьких температурах носії старатимуться стрибнути за межі своїх просторово самих близьких сусідніх станів у стани з мінімально можливою різницею енергії. Таким чином, при дуже низьких температурах можна очікувати, що відбувається провідність зі змінною довжиною стрибка по локалізованим станам поблизу рівня Фермі. При такому механізмі переносу заряду справджується закон Мотта:

$$\boldsymbol{\sigma} = \frac{1}{6} \boldsymbol{e}^2 \boldsymbol{R}^2 \boldsymbol{\nu} \boldsymbol{N} (\boldsymbol{E}_F) \exp\left[-\left(\boldsymbol{T}_o / \boldsymbol{T}\right)^{1/4}\right]$$
(7)

де *T*_o ≈ $\frac{16}{\left[a^2 k N(E_F)\right]}$; а ≈ $\boxed{\sqrt{2m^*}}$ - радіус локалізації, v ≈ 10¹² – частота фононів. *N(E)* вважається сталою в інтервалі ~ *kT*. Найбільш імовірна довжина стрибка:

$$\boldsymbol{R} = \left[9a / 8\pi N(\boldsymbol{E}_F) \boldsymbol{k} \boldsymbol{T}\right]^{1/4}$$
(8)

Врахування усіх трьох механізмів переносу дає наступний вираз для електропровідності склоподібних напівпровідників:

$$\boldsymbol{\sigma} = \boldsymbol{C}_{1} \exp\left(-\Delta \boldsymbol{E}_{\boldsymbol{\sigma}} / \boldsymbol{k}\boldsymbol{T}\right) + \boldsymbol{C}_{2} \exp\left[-\left(\Delta \boldsymbol{E}_{1} + \Delta \boldsymbol{W}_{1}\right) / \boldsymbol{k}\boldsymbol{T}\right] + \boldsymbol{C}_{3} \exp\left(-\Delta \boldsymbol{W}_{2} / \boldsymbol{k}\boldsymbol{T}\right) \quad (9)$$

Загальний вигляд залежності провідності у координатах Іпо від T^{-1} з врахуванням усіх перерахованих механізмів переносу наведений на рис. 4. Область 1 відповідає переносу по нелокалізованим станам, 2 – по станам у хвостах зон, 3 і 4 – по локалізованим станам поблизу рівня Фермі. При цьому на ділянці 4 виконується закон Мотта. Якщо густина станів, зв'язаних з дефектами, велика, то слід очікувати, що не буде такого інтервалу температур, де процес 2 був би домінуючим. У цьому випадку ділянка 2 відразу перейде у ділянку 1.



Рис. 4. Температурна залежність провідності, яку слід очікувати у відповідності до формули (9).



Рис. 5. Т-залежність електропровідності ХСН.

Вплив домішок на електропровідність ХСН



Рис. 7. *a*) температурна залежність σ стекол (GeS₃)_{100-x}Bi_x: 1– *x* = 0, 2 – 1, 3 – 3, 4 – 5, 5 – 8, 6 – 9, 6 – 10, 8 – 11, 9 – 12, 10 – 14%; б) концентраційні залежності σ і *E*_a стекол (GeS₃)_{100-x}Bi_x.

Вплив домішок на електропровідність ХСН



Рис. 8. *a*) залежність σ (T) для стекол (Ge₂S₃)_{100-x}Cu(Ag)_x: 1– x = 0, 2 – 0.01, 3 – 0.1, 4 – 1, 5 – 2 % Cu; 6 – 2 % Ag; б) концентраційні залежності E_a (1,2) і $E_g/2$ для стекол Ge₂S₃ легованих Cu (1,3) та Ag (2).

Електропровідність суперіонних ХСН

Таблиця. Основні параметри іонної провідності кристалів і стекол

 $M_{2}S_{(x)}AS_{2(1-x)}$ (M = Li, Na, Ag; A = Si, Ge).

Склад	$\sigma_{25^{\circ}C}, Om^{-1} \cdot cm^{-1}$	logo ₀	E _a , eB	Література
κ -Li ₂ SiS ₃ (р)	2 · 10 ⁻⁶	5.01	0.49	[Ahn B. T., Huggins R. A. // Mat. Res. Bull., 1989]
κ -Li ₂ SiS ₃ (м)	$4 \cdot 10^{-5}$	7.19	0.54	
c-Li ₂ SiS ₂	1 · 10 ⁻⁴	4.8	0.36	
$c-Li_2S_{(0,6)}-Si\tilde{S}_{2(0,4)}$	5.0 · 10 ⁻⁴	0.9	0.25	[Pradel A., Ribes M. // Sol. Stat. Ionics, 1986]
$c-Li_2S_{(0.42)} - SiS_{2(0.28)} - LiI_{(0.30)}$	8.2 · 10 ⁻⁴	1.5	0.27	
(0.50)				
$c-Na_{2}S_{(0,5)}-GeS_{2(0,5)}$	$5.0 \cdot 10^{-5}$	2.58	11.8	[Ribes M., Barrau B., Souquet J.L. // J. Non-Cryst. Sol., 1980.]
$c-Na_2S_{(0,6)} - GeS_{2(0,4)}$	$1.5 \cdot 10^{-4}$	2.14	10.2	
<u> </u>				
$c-GeS_{2(0,45)}-Ag_{2}S_{(0,55)}$	$1.35 \cdot 10^{-3}$	2.64	0.325	[Robinel E., Carette B., Ribes M. // J. Non-Cryst. Sol., 1983.]
$c-GeS_{2(0,5)} - Ag_2S_{(0,5)}$	4.36 · 10 ⁻⁴	2.18	0.327	
$c-GeS_{2(0,6)}^{2(0,5)} - Ag_2S_{(0,4)}^{2(0,5)}$	1.44 · 10 ⁻⁴	1.97	0.342	
$c-(GeS_2-Ag_2S)_{0.834}$ -(AgI) _{0.166}	$1.27 \cdot 10^{-3}$	2.36	0.31	[Robinel E., Carette B., Ribes M. // J. Non-Cryst. Sol., 1983.]
$\frac{c-(GeS_2 - Ag_2S)_{0.715}}{-(AgI)_{0.285}}$	2.16 · 10 ⁻³	2.4	0.299	





Рис. 10. Проекції кристалічних структур.



Рис. 11. Розподіл валентної густини в α -SiS₂ (a, δ), Li₂SiS₃ (b, c) та Na₂GeS₃ (∂ , e) в площині, яка проведена вздовж зв'язків S–Si(Ge)–S в нескінченних ланцюжках (a, b, ∂) та площині яка проходить через атоми S, Si(Ge) (δ) та Li(Na) (c, e).



б

Рис. 12. Температурні залежності провідності кристалічних фаз Li₂SiS₃ (*a*) та стекол Li₂S_(x)SiS_{2(1-x)} (б) одержаних швидким загартуванням розплаву.

а



Рис. 13. Концентраційні залежності: *a*) log σ_{25°C} (крива1) і енергії активації (крива 2); б) предекспоненціального коефіцієнта провідності стекол Li₂S_(x)SiS_{2(1-x)} одержаних швидким загартуванням розплаву (методом двох валків).

а





