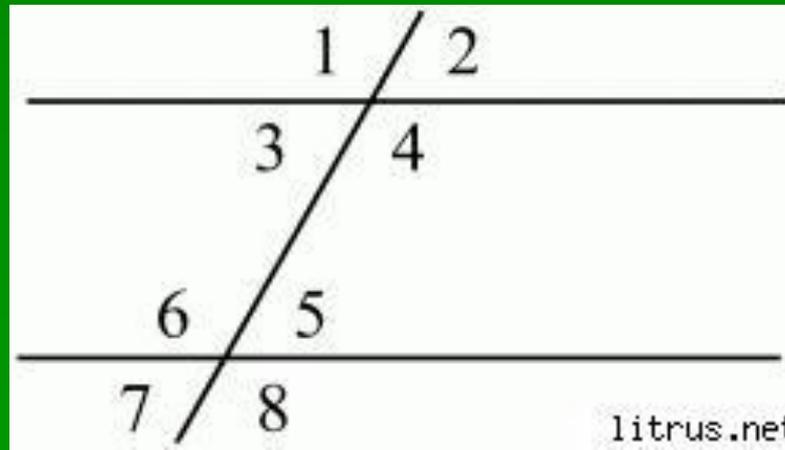


АКСИОМЫ параллельности прямых

Геометрия 7 класс
2016 год

Устный опрос

- Определение параллельных прямых
- Что такое секущая?
- Назовите углы, образованные параллельными прямыми и секущей
- Признаки параллельности прямых



Решение устных задач по ГОТОВЫМ ЧЕРТЕЖАМ

<p>①</p>	<p>②</p>	
<p>③</p>	<p>④</p>	
<p>⑤</p>	<p>⑥</p>	<p>⑦</p>
<p>⑧</p>	<p>⑨</p>	<p>⑩</p>

Проблема

- Через точку , не лежащую на данной прямой, можно провести параллельную прямую.
- Сколько параллельных прямых можно провести через данную точку?

Аксиома параллельных прямых

- Через точку , не лежащую на данной прямой, можно провести параллельную прямую, притом только одну.

Сначала формулируются
исходные положения -
аксиомы



На их основе, путём
логических рассуждений
доказываются другие
утверждения



Такой подход к построению геометрии зародился
в глубокой древности и был изложен в сочинении
«Начала» древнегреческого учёного Евклида



Геометрия, изложенная в «Началах»,
называется **евклидовой геометрией**



Некоторые из аксиом Евклида (часть из них он называл
постулатами) и сейчас используются в геометрии



Евклид
(III в. до н.э.)

365 – 300 гг. до н.э.

Слово **«аксиома»**
происходит от греческого
«аксиос», что означает
«ценный, достойный».

Об аксиомах геометрии

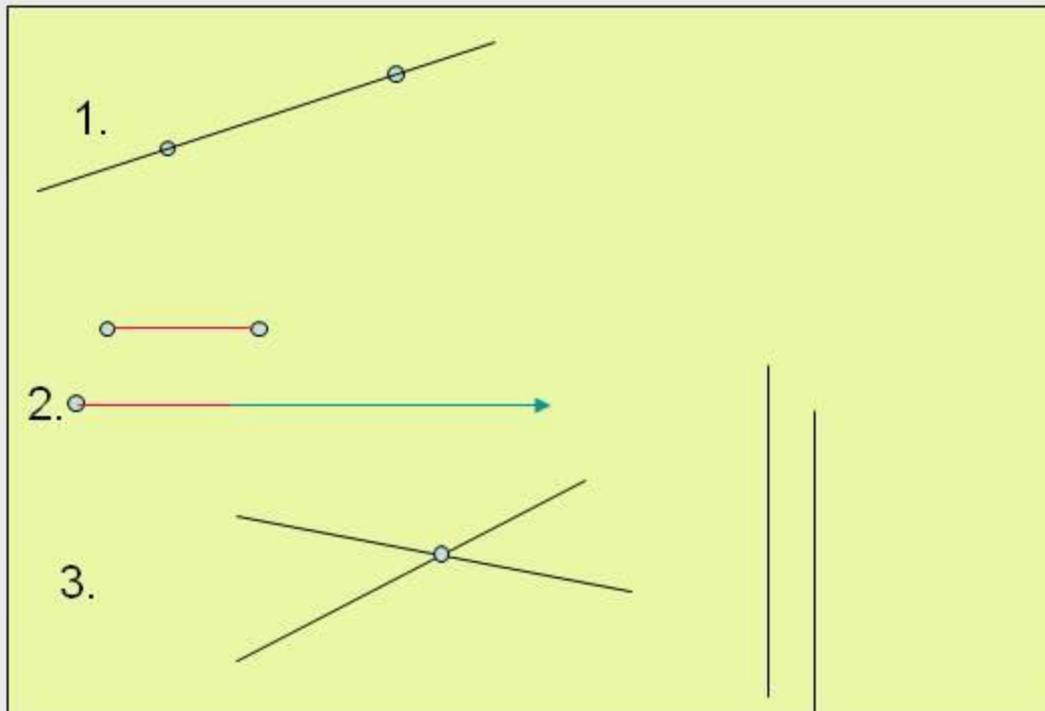


А на чём основаны доказательства самых первых теорем геометрии?

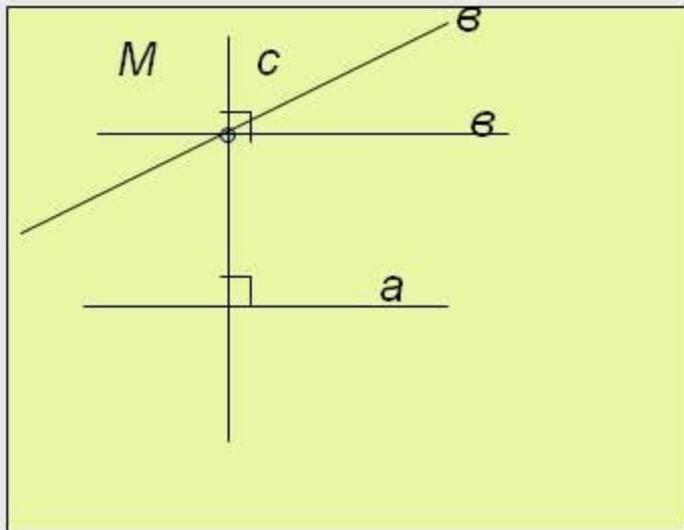
На аксиомах

Утверждениях о свойствах геометрических фигур, которые принимаются в качестве исходных положений (без доказательства)

Строится вся геометрия



Аксиома параллельных прямых



Докажем, что через точку M можно провести прямую, параллельную прямой a.

Доказательство:

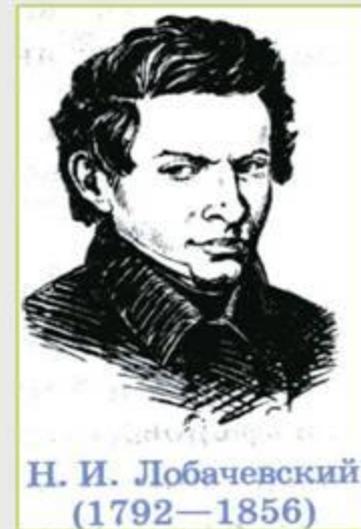
$$\begin{array}{l|l} a \perp c & \Rightarrow a \parallel b \\ v \perp c & \end{array}$$

Можно ли через т.М провести еще одну прямую, параллельную прямой a?

Нам представляется, что через т.М **нельзя** провести прямую (отличную от прямой b), параллельную прямой a.

Можно ли это утверждение доказать?

Ответ на этот непростой вопрос дал великий русский математик



- Источник, сущность и значение идей Лобачевского сводятся к следующему. В геометрии Евклида имеется аксиома о параллельных, утверждающая:

«...». Многие геометры пытались доказать эту аксиому, исходя из других основных посылок геометрии, но безуспешно. Лобачевский пришёл к мысли, что такое доказательство невозможно.

- Утверждение, противоположное аксиоме Евклида, будет:

«...». Это и есть аксиома Лобачевского.

- По мысли Лобачевского, присоединение этого положения к другим основным положениям геометрии не должно приводить к противоречию, т. е. все выводы, получаемые на основе такого соединения, будут логически безупречными.

Система этих выводов и образует новую, неевклидову геометрию.

«Напрасное старание со времен Евклида. В продолжение двух тысяч лет, — писал он, — заставило меня подозревать, что в самых понятиях еще не заключается той истины, которую хотели доказывать и в которую поверить, подобно другим физическим законам, могут лишь опыты, каковы, например, астрономические наблюдения».

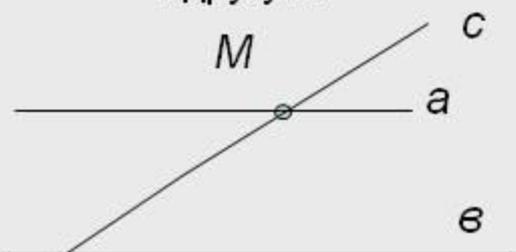


Доказательство от противного

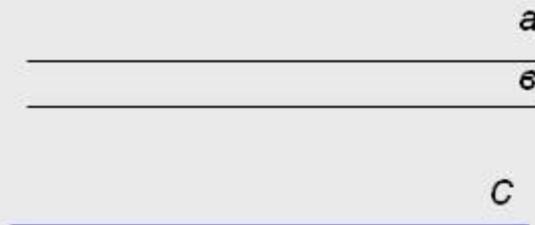
- Делается предположение, противное данному
- Выясняется, что следует из сделанного предположения на основе известных аксиом, теорем
- Устанавливается противоречие
- Вывод о том, что предположение неверно.

Следствия из аксиомы параллельных прямых

1. Если прямая пересекает одну из двух параллельных прямых, то она пересекает и другую.



2. Если две прямые параллельны третьей прямой, то они параллельны.



Доказательство:

1. Предположим, что прямая c не пересекает прямую b , значит, $c \parallel b$.
2. Тогда через $t.M$ проходят две прямые a и c параллельные прямой b .
3. Но это противоречит аксиоме параллельных прямых, значит, прямая c пересекает прямую b .

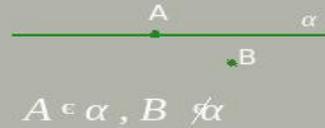
Доказательство:

1. Предположим, что прямая a и прямая b пересекаются.
2. Тогда через $t.M$ проходят две прямые a и b параллельные прямой c .
3. Но это противоречит аксиоме параллельных прямых.
4. Значит прямые a и b параллельны.

Способ рассуждения, который называется
методом доказательства от противного

Аксиома I:

Какова бы не была прямая, существуют точки, принадлежащие этой прямой, и точки, не принадлежащие ей.



Через любые две точки можно провести прямую, и только одну.



Аксиома откладывания

- От любого луча в данную полуплоскость можно отложить угол, равный данному неразвернутому углу, и притом только один.



Аксиома II:

Из трёх точек на прямой одна и только одна лежит между двумя другими.

