

Погрешности при измерении

Точность измерений СИ определяется их погрешностью.

Погрешность средства измерений — это разность между показаниями СИ и истинным (действительным) значением измеряемой величины. Поскольку истинное значение физической величины неизвестно, то на практике пользуются ее действительным значением.

Классификация погрешностей

по форме количественного выражения:

- *абсолютная погрешность* – отклонение результата x от x_i – истинного (или x_d – действительного) значения измеряемой величины
- *относительная погрешность* – отношение абсолютной погрешности к истинному x_i или действительному значению измеряемой величины (x_d)
Дает возможность сравнивать качество, т.е. точность измерений).
- *приведенная погрешность* - это значение, вычисляемое как отношение значения абсолютной погрешности к нормирующему значению (потенциальная точность измерений). Нормирующим значением может быть, например, конечное значение шкалы)

по виду источника погрешности:

- *методические* — возникают из-за несовершенства метода измерений, некорректности алгоритмов или формул, по которым производятся вычисления, отличия принятой модели объекта измерений от верно описывающей его свойства, и вследствие влияния выбранного средства измерений на измеряемые параметры сигналов.
- *инструментальные погрешности* — возникают из-за несовершенства средств измерений, т.е. от их погрешностей (неточная градуировка, смещение нуля и пр.). Устраняется выбором более точного прибора.
- *внешняя погрешность* — связана с отклонением влияющих величин от нормальных значений (влияние влажности, температура, электромагнитных полей и пр.). Этот вид погрешности можно отнести к систематическим и дополнительным погрешностям средств измерения.
- *субъективная погрешность* — вызвана ошибками оператора при отчете показаний. Устраняется применением цифровых средств измерений или автоматических методов измерения.

по закономерности появления:

- *систематические погрешности* Δ_c – составляющие погрешности, остающиеся постоянными или закономерно изменяющиеся при многократных измерениях одной и той же величины в одних и тех же условиях. Могут быть выявлены и уменьшены введением поправки или калибровкой полностью исключить не удастся;
- *случайные погрешности* Δ_o – составляющие погрешности измерений, изменяющиеся случайным образом по значению и знаку при повторных измерениях одной и той же физической величины в одних и тех же условиях. Неизбежны, неустранимы, всегда имеют место в результате измерения. Их описание и оценка возможны только на основе теории вероятности и математической статистики. Их можно уменьшить многократными измерениями и последующей статистической обработкой результатов.
- *грубые погрешности (промахи)* – погрешности, существенно превышающие ожидаемые при данных условиях измерения. При многократных наблюдениях промахи выявляют и исключают из рассмотрения в соответствии с определенными правилами.

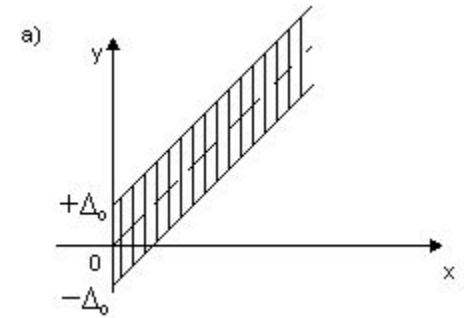
по характеру поведения измеряемой величины в процессе измерений:

- *статические* – возникают при измерении установившегося значения измеряемой величины
- *динамические* – возникают при динамических измерениях. Причина – несоответствия временных характеристик прибора и скорости изменения измеряемой величины.

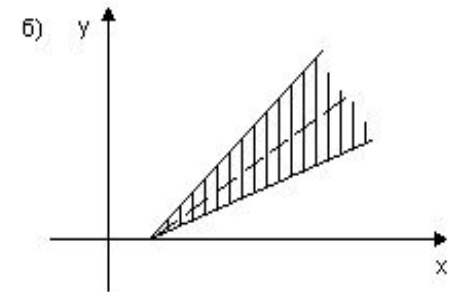
по условиям эксплуатации средства измерения:

- *основная погрешность* – имеет место при нормальных условиях эксплуатации, оговоренных в паспорте или технических условиях средств измерения
- *дополнительная погрешность* – возникает из-за выхода какой-либо из влияющих величин за пределы нормальной области значений.

Аддитивная погрешность — это погрешность, возникающая по причине суммирования численных значений и не зависящая от значения измеряемой величины, взятого по модулю (абсолютного).



Мультипликативная погрешность — это погрешность, изменяющаяся вместе с изменением значений величины, подвергающейся измерениям.



При проверке СИ получают ряд значений выходной величины x_i и ряд соответствующих им значений выходной величины y_i если эти данные нанести на график x, y , то полученные точки разместятся в границах некоторой полосы: Если эти точки лежат в границах линий, параллельно друг другу (рис.а), т.е. абсолютная погрешность средства измерения во всем диапазоне измерений ограничена постоянным (не зависящим от текущего x_i) пределом $\pm\Delta_0$, то такая погрешность называется аддитивной, т.е.получаемой путем сложения, или погрешностью нуля.

Если же положение границ полосы погрешностей имеет вид клина (рис.б), т.е. ширина полосы возрастает пропорционально росту входной величины x_i , а при $x=0$ также равна 0, то погрешность называется мультипликативной, т.е. получаемой путем умножения, или погрешностью чувствительности.

Эти понятия относятся как к случайной, так и к систематической погрешностям.

Внесение известных поправок в результат измерения - исключение погрешностей вычислением.

Поправка по величине равна систематической погрешности и противоположна ей по знаку.

Величину поправки можно определить, в частности, используя метод сличения, сравнивая показания средства измерения с показаниями образцового прибора либо со значением меры в условиях, аналогичных условиям проведения измерения.

Методы исключения грубых погрешностей

Вопрос о том, содержит ли результат наблюдений грубую погрешность, решается общими методами **проверки статистических гипотез**. Проверяемая гипотеза состоит в утверждении, что результат наблюдения x_i не содержит грубой погрешности, т.е. является одним из значений измеряемой величины. Пользуясь определенными статистическими критериями, пытаются опровергнуть выдвинутую гипотезу. Если это удастся, то результат наблюдений рассматривают как содержащий грубую погрешность и его исключают.

Критерий «трех сигм» применяется для результатов измерений, распределенных по нормальному закону. Сомнительный результат отбрасывается, если

$$\left| \bar{x} - x_i \right| > 3\sigma, \quad n \geq 20 \dots 50.$$

Критерий Романовского

при $n < 20$

При этом вычисляют отношение

$$\left| \frac{\bar{x} - x_i}{\sigma} \right| = \beta$$

и полученное значение сравнивают с теоретическим β_τ – при выбранном уровне значимости P по таблице. Обычно выбирают $P = 0,01 \div 0,05$ и если

$$\beta \geq \beta_\tau$$

то результат отбрасывают.

Пример:

При диагностировании топливной системы автомобиля результаты пяти измерений расхода топлива составили 22, 24, 26, 28 и 48 $\frac{\text{л}}{100 \text{ км}}$.

Последний результат ставим под сомнение.

$$\bar{x} = \frac{22 + 24 + 26 + 28}{4} = 25 \frac{\text{л}}{100 \text{ км}}$$

Для оценки рассеяния отдельных результатов x_i измерения относительно среднего \bar{x} определяем СКО при $n < 20$

$$\sigma_x = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum (x_i - \bar{x})^2}$$

$$\sigma_x = \sqrt{\frac{(-3)^2 + (-1)^2 + 1^2 + 3^2}{4-1}} = \sqrt{\frac{9+1+1+9}{3}} = \sqrt{5,6} = 2,6 \frac{\text{л}}{100 \text{ км}}$$

Поскольку $n < 20$, то по критерию Романовского при $P = 0,01$, $n = 4$
 $\beta_\tau = f(4)$, $\beta_\tau = 1,73$

$$\beta = \left| \frac{25 - 48}{2,6} \right| = 8,80, \text{ т.к. } \beta \geq \beta_\tau$$

Критерий свидетельствует о необходимости отбрасывания последнего результата.

Критерий Шовине

если число измерений невелико (до 10) $n < 10$. В этом случае промахом считается результат x_i , если разность $|\bar{x} - x_i|$ превышает значение σ , приведенное ниже, в зависимости от числа измерений

$$|\bar{x} - x_i| > \begin{cases} 1,6\sigma & \text{при } n = 3 \\ 1,7\sigma & \text{при } n = 6 \\ 1,9\sigma & \text{при } n = 8 \\ 2,0\sigma & \text{при } n = 10 \end{cases}$$

Пример:

Измерение силы тока дало следующие результаты: 10,07; 10,08; 10,10; 10,12; 10,13; 10,15; 10,16; 10,17; 10,20; 10,40 А. Необходимо проверить, не является ли промахом значение 10,40 А?

$$\text{Подсчитаем } \bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{10} x_i = 10,16 \text{ А}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{10} (x_i - \bar{x})^2} = \sqrt{0,0083} = 0,094 \text{ А}$$

$$\text{По критерию Шовине: } |10,16 - 10,40| = |0,24| > 2 \cdot 0,094 \\ 0,24 > 0,188$$

Поэтому результат 10,40 является промахом.

УРОВЕНЬ ЗНАЧИМОСТИ $\beta_\tau = f(n)$

Вероятность, P	Число измерений						
	$n = 4$	$n = 6$	$n = 8$	$n = 10$	$n = 12$	$n = 15$	$n = 20$
0,01	1,73	2,16	2,43	2,62	2,75	2,90	3,08
0,02	1,72	2,13	2,37	2,54	2,66	2,80	2,96
0,05	1,71	2,10	2,27	2,41	2,52	2,64	2,78
0,10	1,69	2,00	2,17	2,29	2,39	2,49	2,62

Выбор метода и средства измерений осуществляется исходя из условия выполнения измерительной задачи. Главное требование — обеспечить требуемую измерительной задачей точность измерений в данных условиях измерений.

Средства измерения линейных размеров изделий выбирают с учетом следующих основных факторов:

- производственной программы;
- особенностей конструкции изделия и точности его изготовления — допуска качества (IT);
- погрешности выбранного измерительного средства (ИС);
- себестоимости измерения. Допуск качества определяет общую допускаемую погрешность изготовления и размеров деталей и узлов машиностроительной продукции.

Класс точности средств измерений (класс точности)

- обобщенная характеристика данного типа средств измерения, как правило, отражающая уровень их точности, выражаемая пределами допускаемых основной и дополнительных погрешностей, а также другими характеристиками, влияющими на точность.

Обозначение классов точности СИ присваивают в соответствии с ГОСТ 8.401 –80 «ГСИ. Классы точности средств измерений. Общие требования». Правила построения и примеры обозначения классов точности в документации и на средствах измерений приведены в таблице.

ОБОЗНАЧЕНИЕ КЛАССОВ ТОЧНОСТИ В ДОКУМЕНТАЦИИ И НА СРЕДСТВАХ ИЗМЕРЕНИЙ

Формула для определения пределов допускаемой погрешности	Пределы допускаемой основной погрешности	Обозначение класса точности	
		в документации	на средстве измерений
Абсолютная: $\Delta = \pm a$	При измерении постоянного тока $\Delta = \pm 0,7 \text{ А}$	Класс точности М	М
Абсолютная: $\Delta = (a + bx)$	При измерении линейно изменяющегося напряжения $\Delta = \pm (1 + 0,57x) \text{ мВ}$	Класс точности С	С
Приведенная $\gamma = \pm p,$	$\gamma = \pm 1,5 \%$	Класс точности 1,5	1,5
	$\gamma = \pm 0,5 \%$	Класс точности 0,5	
Относительная $\delta = \pm q$	$\delta = \pm 0,5 \%$	Класс точности 0,5	
Относительная $\delta = \pm \left[c + d \left(\left \frac{x_k}{x} \right - 1 \right) \right]$	$\delta = \pm \left[0,02 + 0,01 \left(\left \frac{x_k}{x} \right - 1 \right) \right]$	Класс точности 0,02/0,01	0,02/0,01