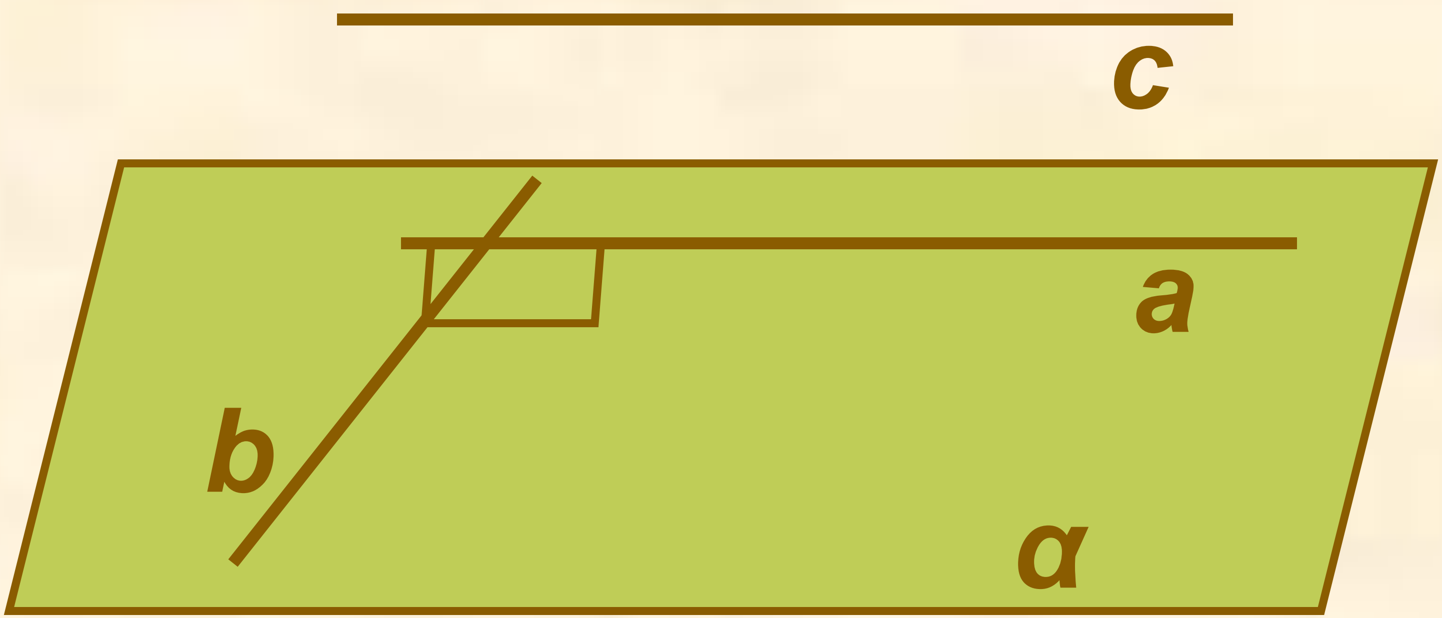
Перпендикулярные прямые в пространстве.

Перпендикулярность прямых и плоскостей

Перпендикулярные прямые в пространстве

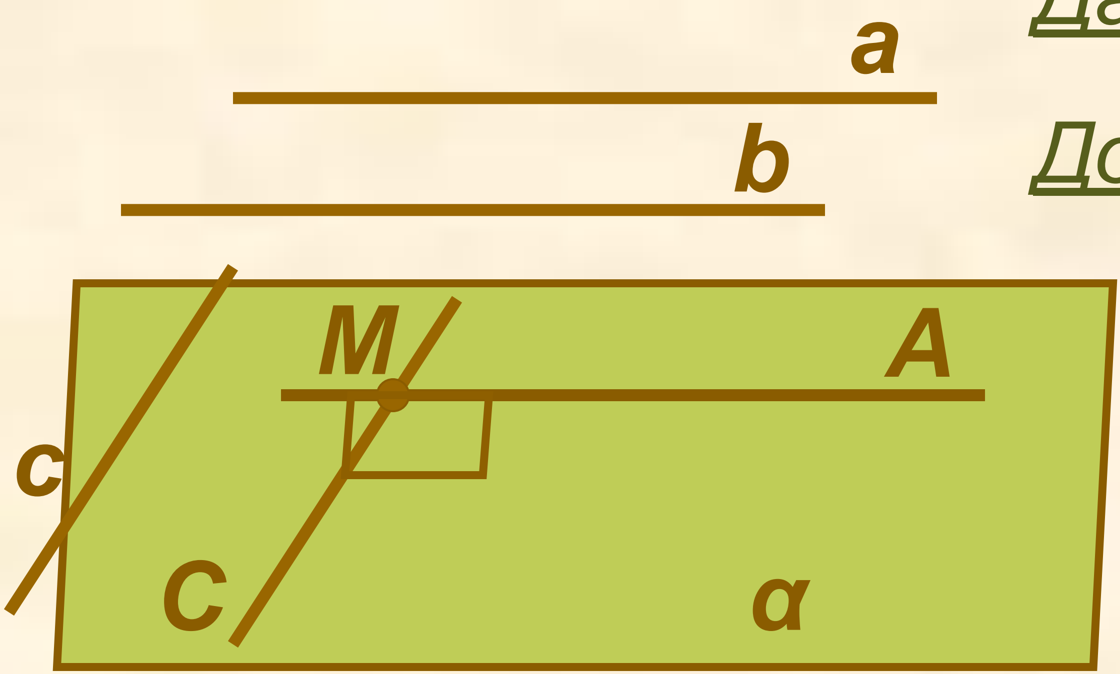
Две прямые называются перпендикулярными, если угол между ними равен 90º



$a \perp b$ $c \perp b$

Лемма

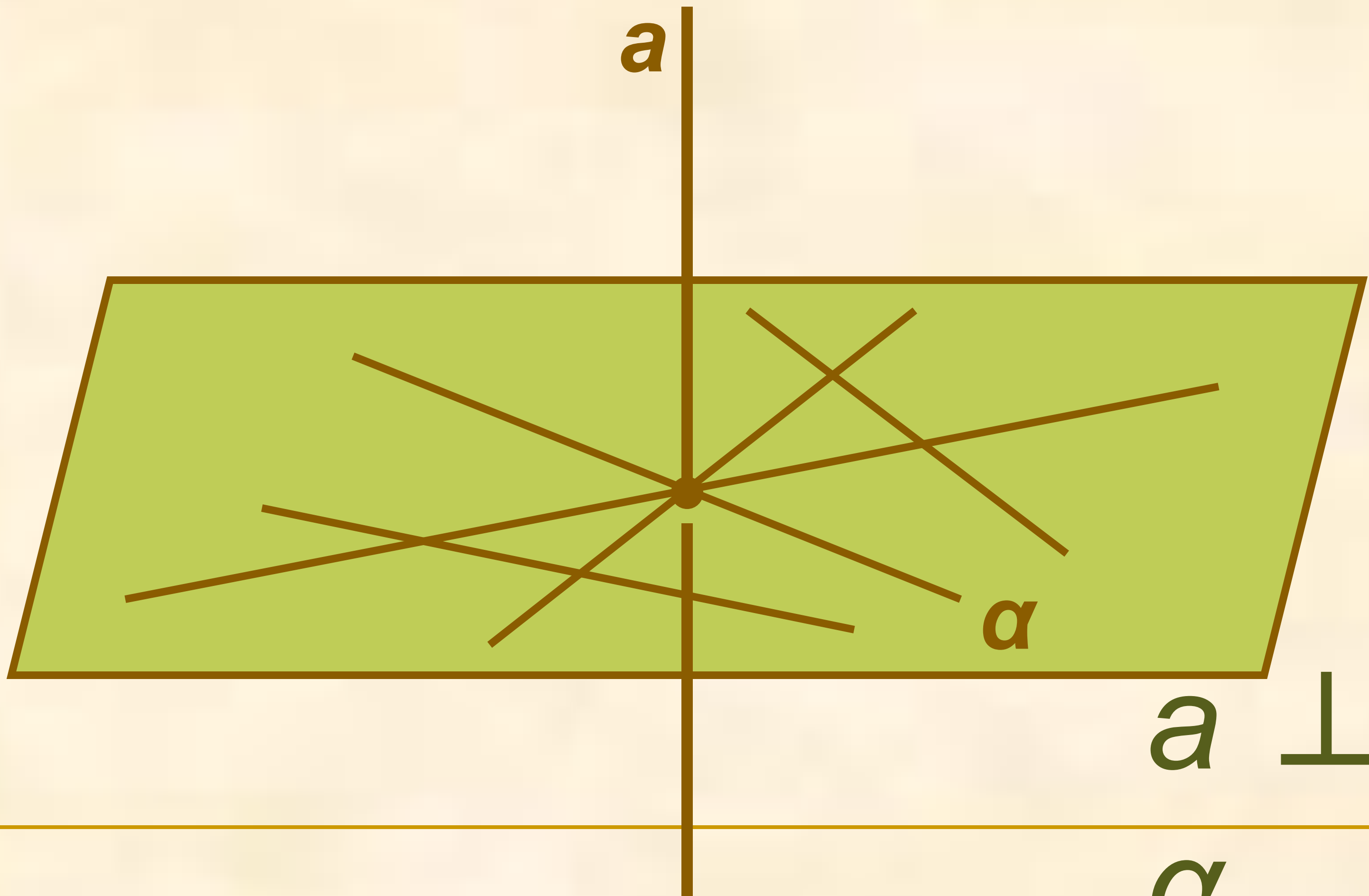
Если одна из двух параллельных прямых перпендикулярна к третьей прямой, то и другая прямая перпендикулярна к этой прямой.



Дано: $a \parallel b, \; a \perp c$

Доказать: $b \perp c$

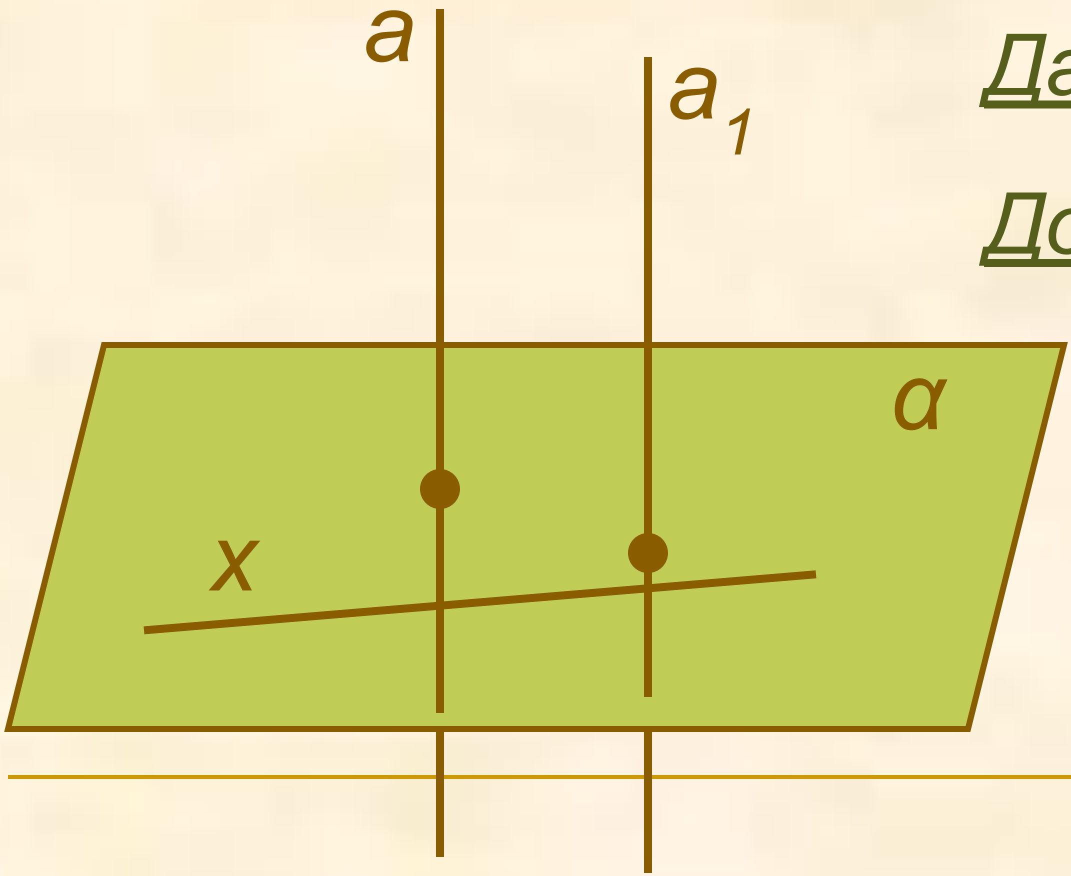
Прямая называется перпендикулярной к плоскости, если она перпендикулярна к любой прямой, лежащей в этой плоскости



$a \perp \alpha$

Теорема 1

Если одна из двух параллельных прямых перпендикулярна к плоскости, то и другая прямая перпендикулярна к этой плоскости.

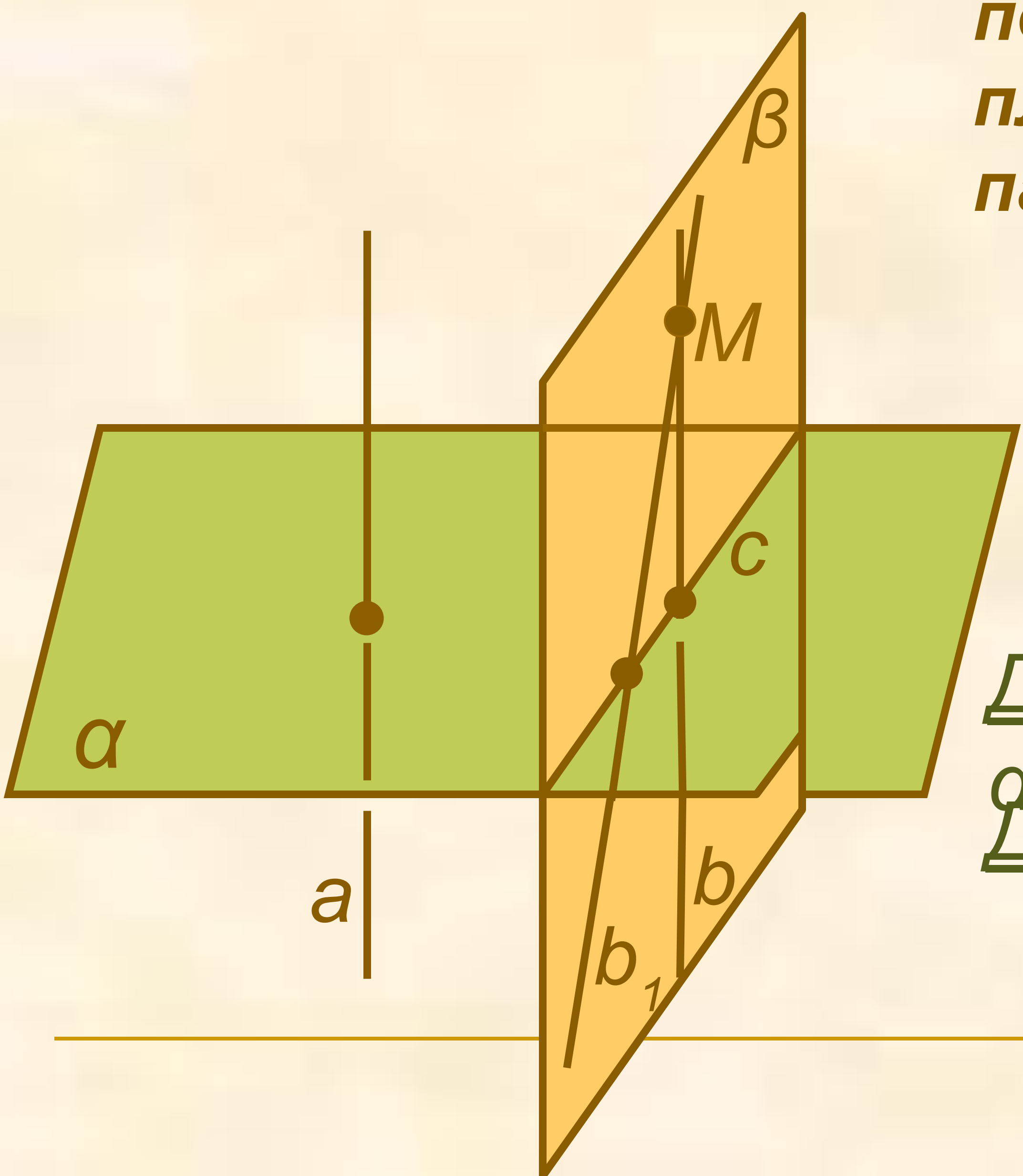


Дано: $a \parallel a_1$; $a \perp \alpha$

Доказать: $a_1 \perp \alpha$

Теорема 2

Если две прямые перпендикулярны к плоскости, то они параллельны.

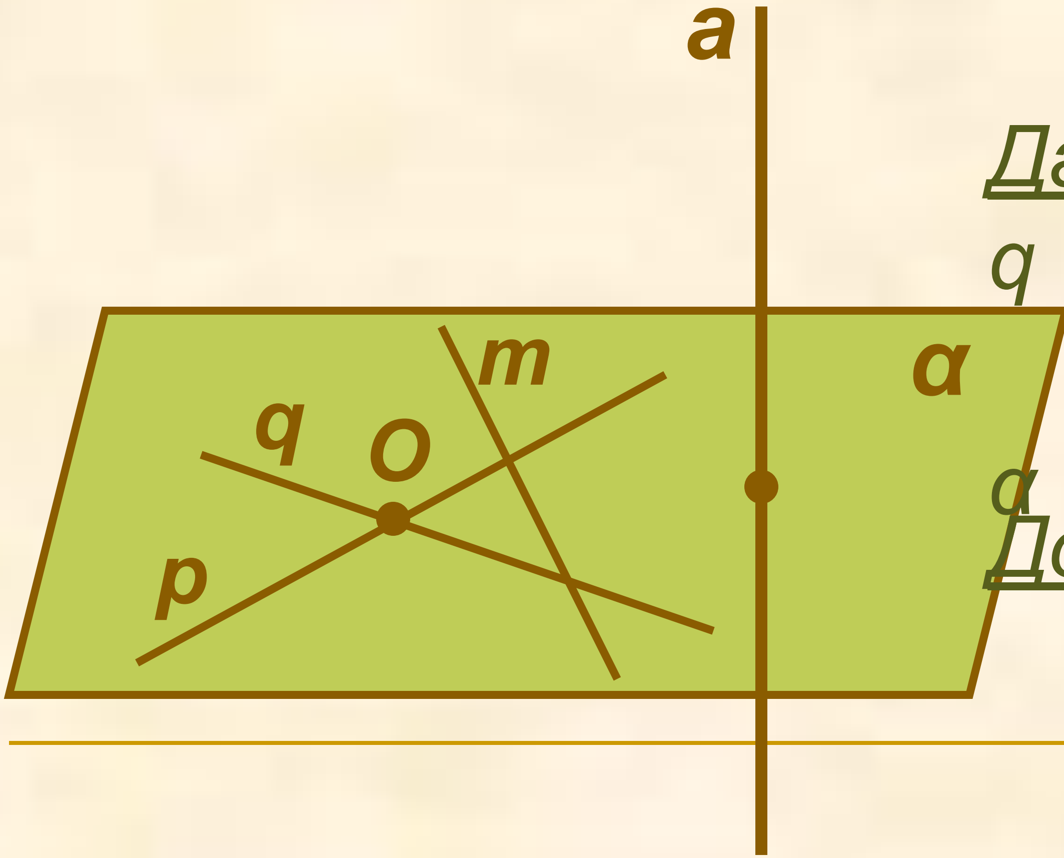


Дано: a ⊥ α; b ⊥ α

Доказать: a || b

Признак перпендикулярности прямой и плоскости

Если прямая перпендикулярна к двум пересекающимся прямым, лежащим в плоскости, то она перпендикулярна к этой плоскости.



<u>Дано:</u> $a \perp p; a \perp q$

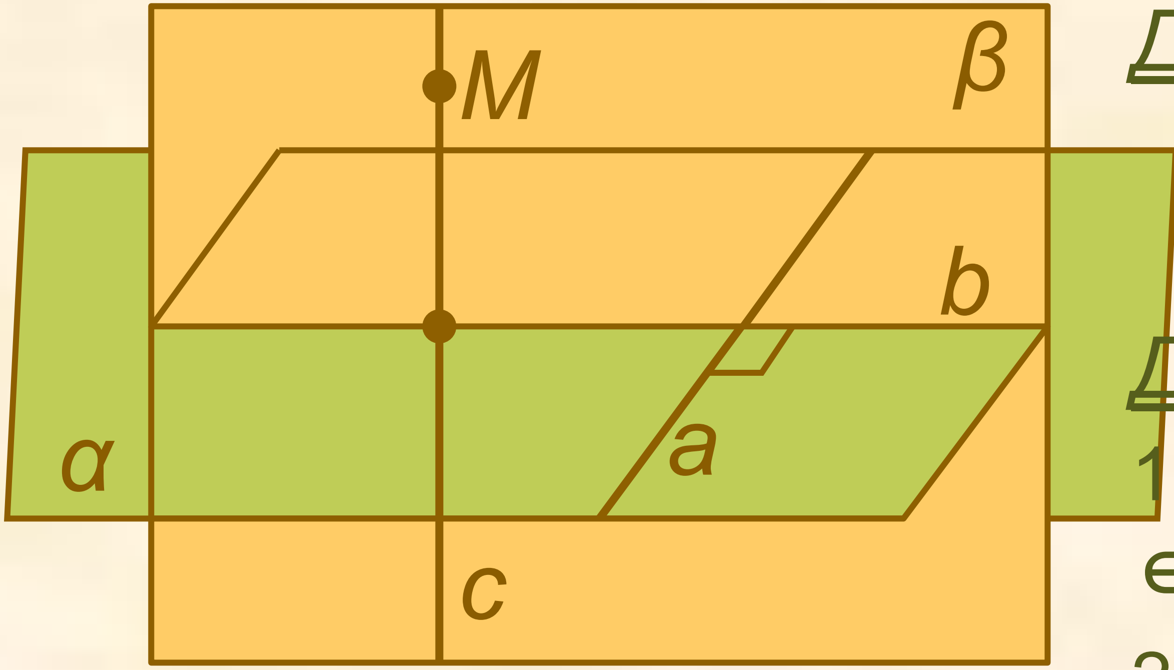
$p \subset \alpha; q \subset \alpha$

<u>Доказать:</u> $a \perp \alpha$

$p \cap q = O$

Теорема 4

Через любую точку пространства проходит прямая, перпендикулярная к данной плоскости, и притом только одна.



<u>Дано:</u> α; $M \notin \alpha$

<u>Доказать:</u>

1) $\exists\ c,\ c \perp \alpha,\ M \in c$;

2) c – !

- # Задание:

  Прямая АК перпендикулярна к плоскости правильного треугольника АВС, а точка М – середина стороны ВС. Докажите, что МК перпендикулярна ВС