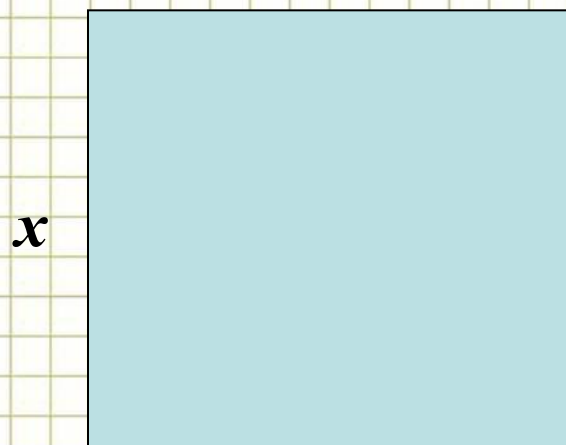


Корень n -ной степени



Решите задачу

Площадь квадрата равна 144 см^2 . Чему равна длина стороны этого квадрата?



x

$$x^2 = 144$$

$$x_1 = 12; x_2 = -12$$

Квадратные корни

12 см — длина стороны квадрата

Арифметический квадратный корень



Арифметический квадратный корень числа 144

$$\sqrt{144} = 12$$

$$\sqrt{a} = b \quad \text{если} \quad b^2 = a$$
$$b \geq 0$$

Арифметическим квадратным корнем из числа a называется неотрицательное число b , квадрат которого равен a .

При $a < 0$ выражение $\sqrt{a}$ не имеет смысла

$\sqrt{-25}$ - не имеет смысла



$$\sqrt{4} \quad 2$$

$$\sqrt{121} \quad 11$$

$$\sqrt{16} \quad 4$$

$$\sqrt{625} \quad 25$$

$$\sqrt{25} \quad 5$$

$$\sqrt{441} \quad 21$$

$$\sqrt{49} \quad 7$$

$$\sqrt{196} \quad 14$$

$$\sqrt{-81} \quad \text{Не имеет
смысла}$$

$$\sqrt{784} \quad 28$$



$$(\sqrt{4})^2 = 2^2 = 4$$

Основное свойство
арифметического
квадратного корня

$$(\sqrt{25})^2 = 5^2 = 25$$

$$(\sqrt{a})^2 = a$$

$$(\sqrt{64})^2 = 64$$



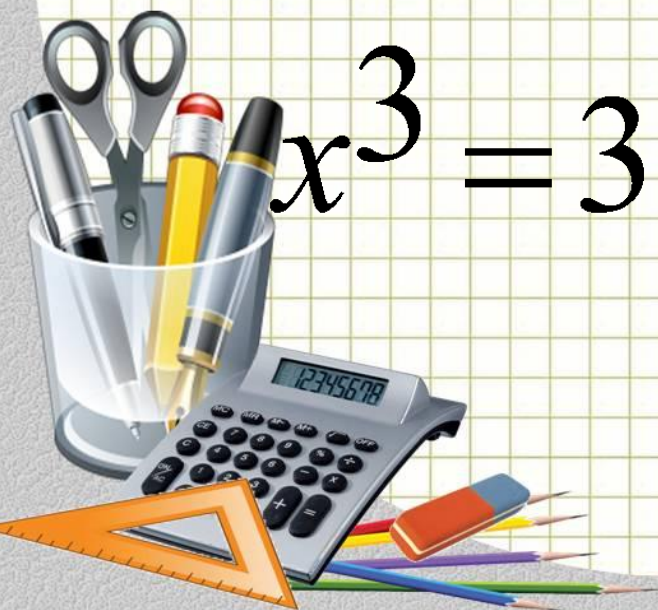
Уравнения

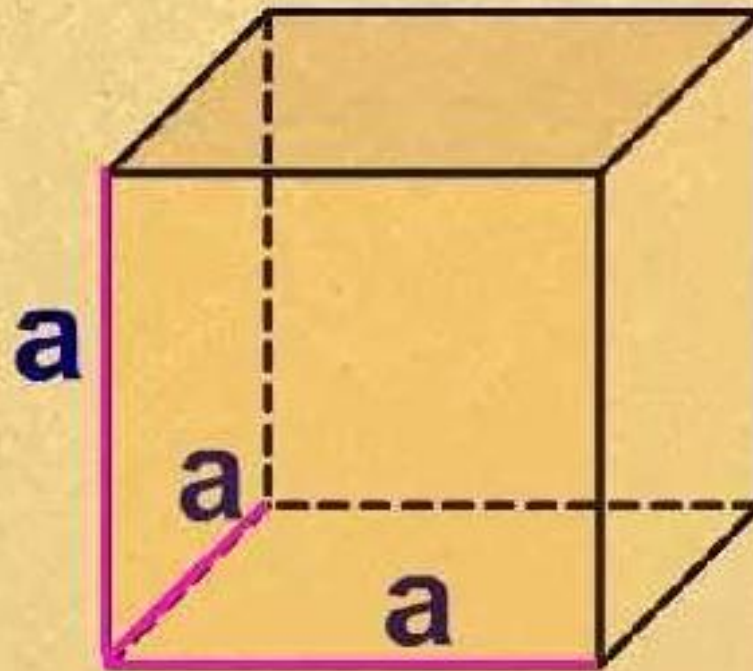
$$x^3 = 27$$

$$x^4 = 16$$

$$x^3 = 3$$

$$x^4 = 7$$





$$V = a \cdot a \cdot a$$

$$V = a^3$$



ОПРЕДЕЛЕНИЕ КОРНЯ

Корнем n -ой степени из числа a называется такое число, n -ая степень которого равна a .

ОБОЗНАЧАЮТ :

$$\sqrt[n]{a}$$



- знак корня

n

- показатель корня

a

- подкоренное выражение



Замечания:

1. $\sqrt[n]{a} = x \Leftrightarrow x^n = a$ (одна и та же зависимость)
2. Операцию нахождения корня из неотрицательного числа называют **извлечением корня**. Она является обратной по отношению к **возведению в соответствующую степень**

Возведение в степень

$$5^2 = 25$$

$$10^3 = 1000$$

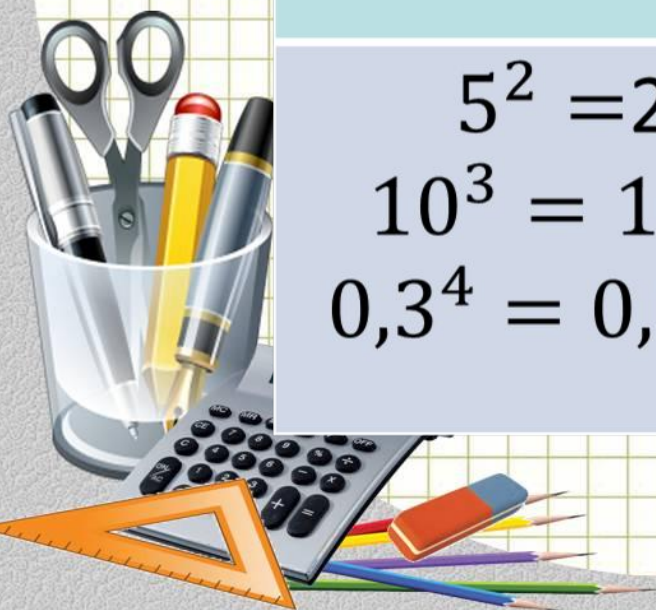
$$0,3^4 = 0,0081$$

Извлечение корня

$$\sqrt{25} = 5$$

$$\sqrt[3]{1000} = 10$$

$$\sqrt[4]{0,0081} = 0,3$$



Замечание:

Корень четной степени имеет смысл только для неотрицательного подкоренного числа; корень нечетной степени имеет смысл для любого подкоренного числа



Имеет ли смысл выражения

$$\sqrt[3]{2}$$

$$\sqrt[4]{-4}$$

$$\sqrt[5]{-6}$$



Свойства корня n -ой степени



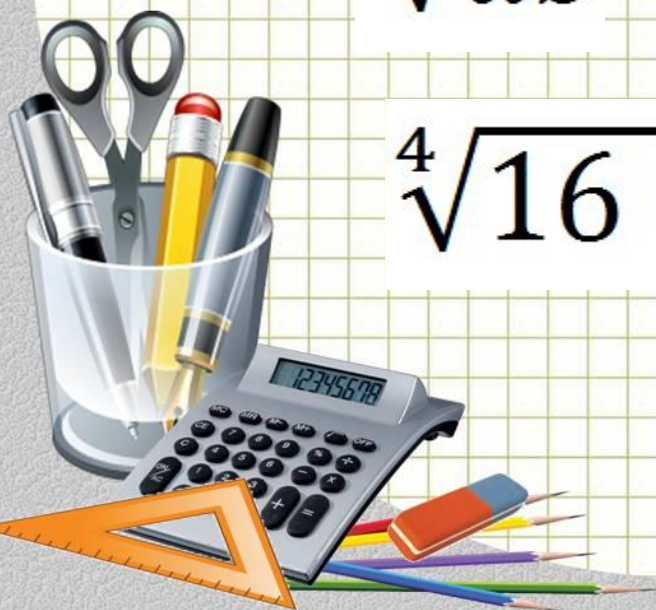
1. Корень n-степени ($n=2,3,4,5, \dots$) из произведения двух неотрицательных чисел равен...

произведению корней n-степени из этих чисел:

$$\sqrt[n]{ab} = \sqrt[n]{a} \sqrt[n]{b}$$

$$\sqrt[4]{16 * 81} = \sqrt[4]{16} \sqrt[4]{81}$$

$$= 2 \cdot 3 = 6$$



2. Если $a \geq 0$, $b > 0$ и $n=2,3,4,5,\dots$ то справедливо равенство

$$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$$

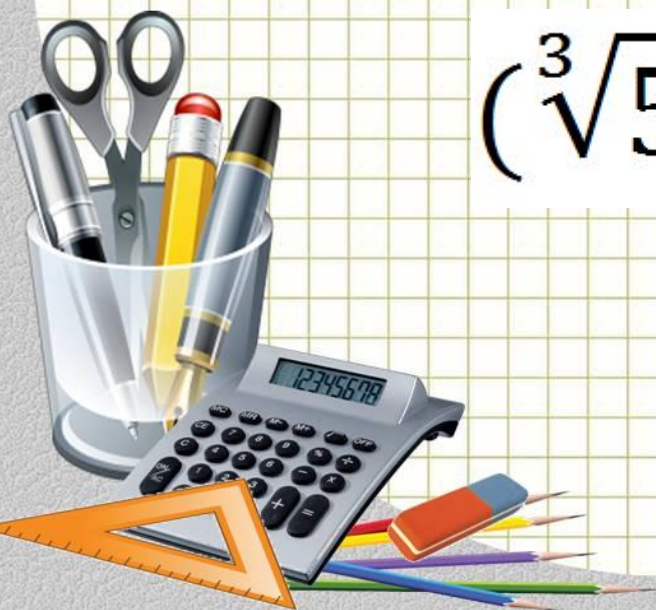
$$\sqrt[3]{\frac{27}{8}} = \frac{\sqrt[3]{27}}{\sqrt[3]{8}} = \frac{3}{2}$$



3. Если $a \geq 0$, $n=2,3,4,5,\dots$ и k любое натуральное число, то справедливо равенство

$$(\sqrt[n]{a})^k = \sqrt[n]{a^k}$$

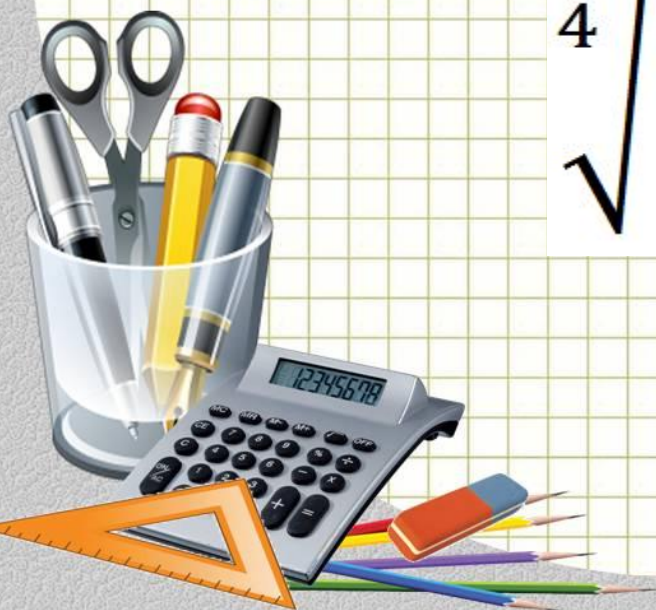
$$(\sqrt[3]{5})^2 = \sqrt[3]{5^2}$$



4. Если $a \geq 0$, n и k - натуральные числа, большие 1, то справедливо равенство

$$\sqrt[n]{\sqrt[k]{a}} = \sqrt[nk]{a}$$

$$\sqrt[4]{\sqrt[3]{6}} = \sqrt[12]{6}$$

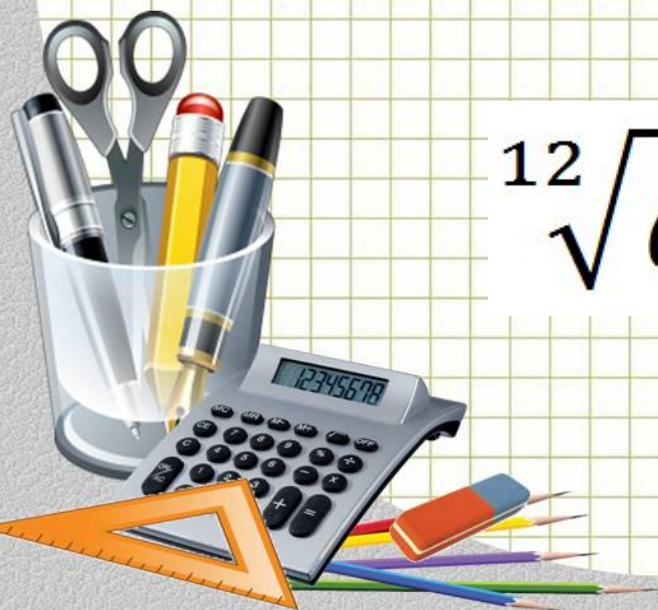


5. Если показатели корня и подкоренного выражения умножить или разделить на одно и то же натуральное число, то...

значение корня не изменится

$$\sqrt[np]{a^{kp}} = \sqrt[n]{a^k}$$

$$\sqrt{12} a^8 = \sqrt[3]{a^2}$$

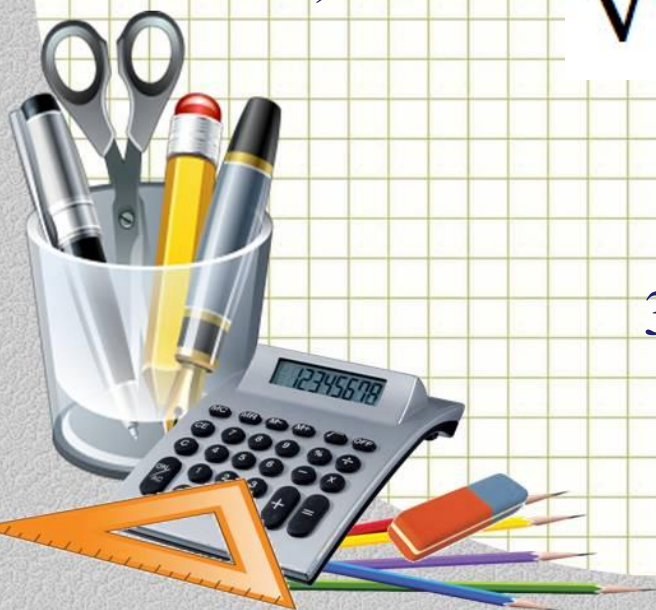


Найдите значение числового выражения

1) $\sqrt[4]{0,0081 * 625} = 1,5$

2) $\sqrt[4]{4} \sqrt[4]{4} = 2$

3) $\frac{\sqrt[7]{256}}{\sqrt[7]{2}} = 2$



4)

$$\sqrt[6]{\frac{729}{64}} = \frac{3}{2}$$

5)

$$\sqrt[4]{\frac{0,0625}{256}} = \frac{1}{8}$$

6)

$$\frac{\sqrt[5]{6}}{\sqrt[5]{192}} = \frac{1}{2}$$



сравните

1) $\sqrt[3]{2} > \sqrt[6]{3}$

2) $\sqrt[4]{5} < \sqrt[3]{4}$

3) $\sqrt[3]{7} > \sqrt[6]{48}$



Задания открытого банка

задач

Найдите значение выражения

$$\frac{\sqrt[5]{10} \cdot \sqrt[5]{16}}{\sqrt[5]{5}}$$

Решение

$$\frac{\sqrt[5]{10} \cdot \sqrt[5]{16}}{\sqrt[5]{5}} = \sqrt[5]{\frac{10 \cdot 16}{5}} = \sqrt[5]{32} = 2.$$

Найдите значение выражения

$$\frac{\sqrt[9]{7} \cdot \sqrt[18]{7}}{\sqrt[6]{7}}$$

Решение

$$\frac{\sqrt[18]{7^2} \cdot \sqrt[18]{7}}{\sqrt[18]{7^3}} = \sqrt[18]{\frac{7^2 \cdot 7}{7^3}} = \sqrt[18]{\frac{7^3}{7^3}} = \sqrt[18]{1} = 1.$$



Свойства арифметического корня

$$\sqrt[n]{ab} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$$

$$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$$

$$\left(\sqrt[n]{a}\right)^m = \sqrt[n]{a^m}$$

$$\sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[mn]{a}$$

$$\sqrt[2k]{a^{2k}} = |a|,$$

$$\sqrt[mk]{a^{nk}} = \sqrt[m]{a^n}$$

где $a \geq 0, b \geq 0, m \geq 2, n \geq 2, m, n, k \in \mathbb{N}$



**«Вы - талантливые дети!
Когда –нибудь вы сами приятно
поразитесь, какие вы умные, как
много вы сумеете, если будете
постоянно работать над собой...»**

Жан-Жак Руссо

