

**УРАВНЕНИЯ И
НЕРАВЕНСТВА
С ДВУМЯ
ПЕРЕМЕННЫМИ**

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

Решением уравнения с двумя переменными

$P(x; y) = 0$ называют такую пару чисел $(x; y)$,
которая обращает уравнение в верное
числовое равенство.

Например, решением уравнения

$(x-6)^2 - (2y+4)^2 = 0$ является пара чисел
(6; -2)

Уравнение $X \cdot Y = 6$
имеет бесконечно много
корней.

Если дано целое рациональное уравнение с несколькими переменными и с целочисленными коэффициентами и, если нужно найти целочисленные решения этого уравнения, то говорят, что задано **диофантово уравнение.**

Общий вид диофантовых уравнений первой степени с двумя неизвестными:

$$ax+by+c=0,$$

где a и b – целые числа, отличные от нуля, а c – любое целое число.

Решениями этого уравнения будут служить целые числа.

Пример1 Найти целочисленные решения уравнения

$$3x^2 - 8xy - 16y^2 = 19$$

Разложим на множители с помощью группировки либо с помощью решения квадратного уравнения:

$$(3x + 4y)(x - 4y) = 19$$

Разложим число 19 на целочисленные множители:

$$1 \cdot 19; 19 \cdot 1; -1 \cdot (-19); -19 \cdot (-1)$$

Составим системы уравнений и решим их:

$$3x + 4y = 1$$

$$x - 4y = 19$$

$$3x + 4y = -1$$

$$x - 4y = -19$$

$$3x + 4y = 19$$

$$x - 4y = 1$$

$$3x + 4y = -19$$

$$x - 4y = -1$$

В итоге получаем две пары решений, которые и запишем в ответ:

$$(5; 1) \text{ и } (-5; -1).$$

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

- ▣ **Решением неравенства $P(x, y) > 0$** называют всякую пару чисел $(x; y)$, которая удовлетворяет данному неравенству (т. е. обращает его в верное числовое неравенство).

ПРИМЕР 2. РЕШИТЬ НЕРАВЕНСТВО $2x + 3y > 0$.

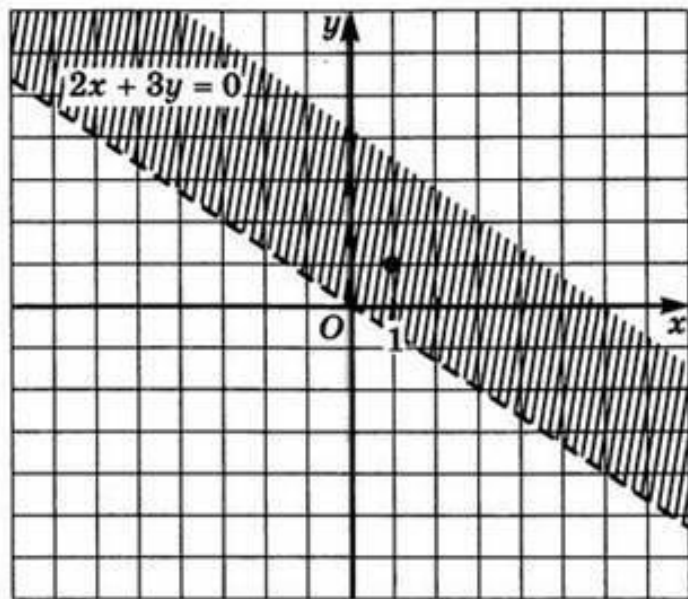


Рис. 260

При $x=1$ и $y=1$
неравенство
 $2x + 3y > 0$
Решением
неравенства
является
полуплоскость,
расположенная выше
прямой $2x + 3y = 0$

ПРИМЕР 3. РЕШИТЬ НЕРАВЕНСТВО $xy < 2$

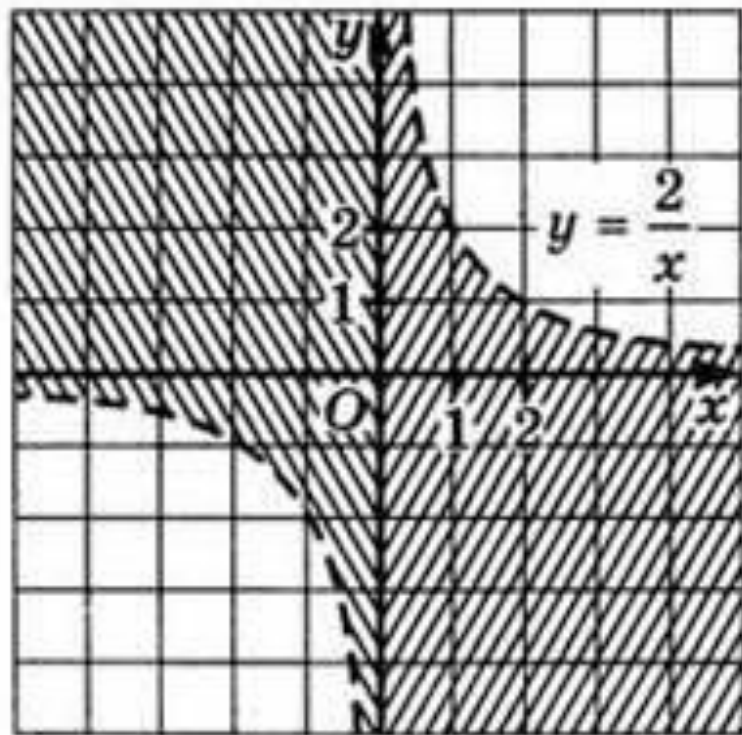


Рис. 261

Множество
решений
неравенства
изображено на
рисунке 261.