

# Инфраструктура открытых ключей

*(PKI - Public Key Infrastructure)*



Основные атаки на ЭП

# Инфраструктура открытых ключей

---

- Набор средств (технических, материальных, людских и т. д.), распределённых служб и компонентов, в совокупности используемых для поддержки криптозадач на основе закрытого и открытого ключей.

В основе РКІ лежит  
использование криптографической системы с  
открытым ключом и несколько основных принципов:

---

- закрытый ключ известен только его владельцу;
- удостоверяющий центр создает сертификат открытого ключа, таким образом удостоверяя этот ключ;
- никто не доверяет друг другу, но все доверяют удостоверяющему центру;
- удостоверяющий центр подтверждает или опровергает принадлежность открытого ключа заданному лицу, которое владеет соответствующим закрытым ключом.

# Основные компоненты PKI

**Удостоверяющий центр (УЦ)** является основной структурой, формирующей цифровые сертификаты подчиненных центров сертификации и конечных пользователей. УЦ является главным управляющим компонентом PKI:

1. он является доверенной третьей стороной (trusted third party)
2. это сервер, который осуществляет управление сертификатами.

**Сертификат открытого ключа** (чаще всего просто *сертификат*) — это данные пользователя и его открытый ключ, скрепленные подписью удостоверяющего центра. Выпуская сертификат открытого ключа, удостоверяющий центр тем самым подтверждает, что лицо, поименованное в сертификате, владеет секретным ключом, который соответствует этому открытому ключу.

**Регистрационный центр (РЦ)** — необязательный компонент системы, предназначенный для регистрации пользователей. Удостоверяющий центр доверяет регистрационному центру проверку информации о субъекте. Регистрационный центр, проверив правильность информации, подписывает её своим ключом и передает удостоверяющему центру, который, проверив ключ регистрационного центра, выписывает сертификат. Один регистрационный центр может работать с несколькими удостоверяющими центрами (то есть состоять в нескольких PKI), один удостоверяющий центр может работать с несколькими регистрационными центрами. Иногда, удостоверяющий центр выполняет функции регистрационного центра.

# Основные компоненты РКІ

---

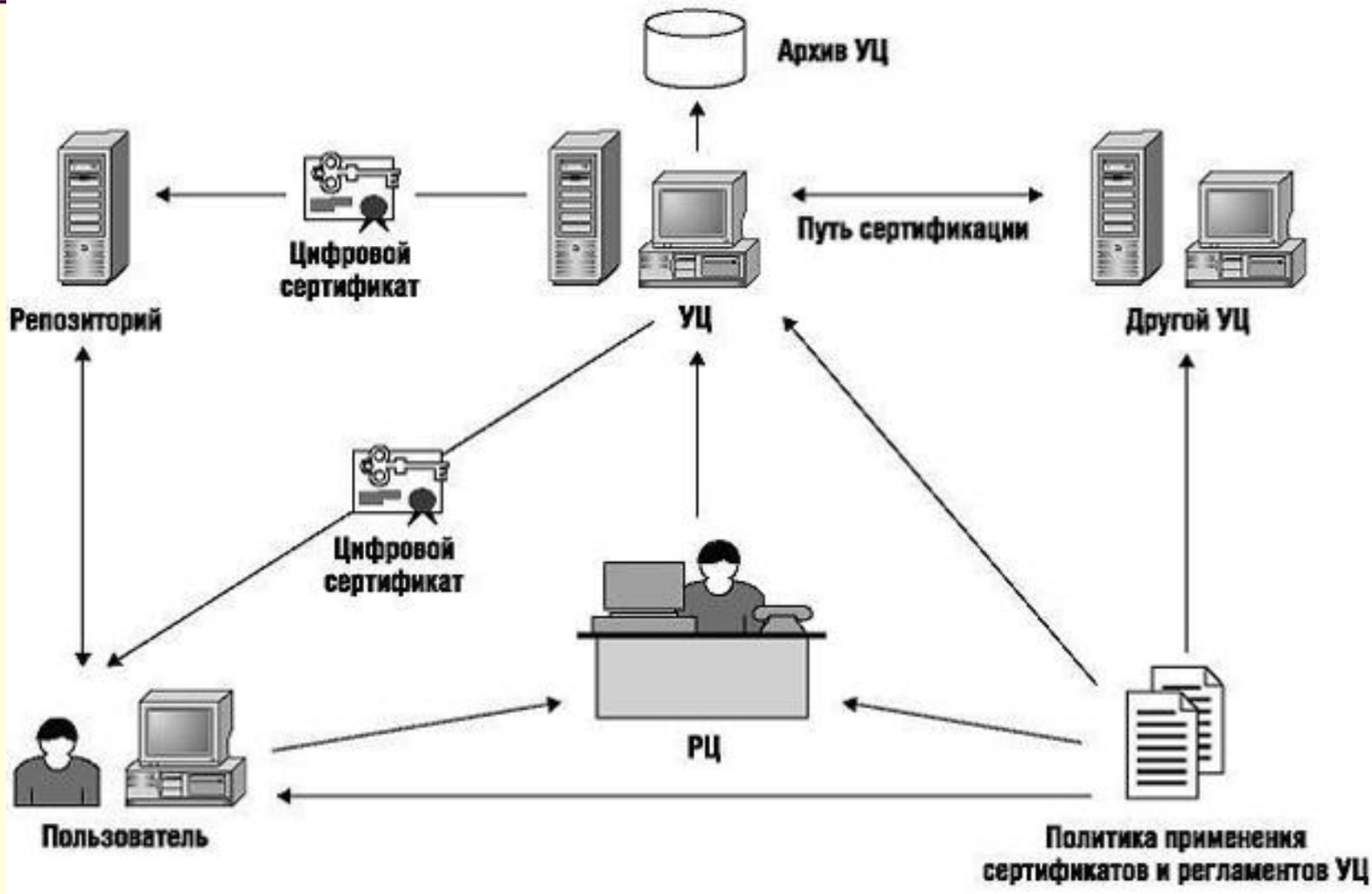
**Репозиторий** — хранилище, содержащее сертификаты и списки отозванных сертификатов (СОС) и служащее для распространения этих объектов среди пользователей. В Федеральном Законе РФ № 63 «Об электронной подписи» он называется *реестр сертификатов ключей подписей*.

**Архив сертификатов** — хранилище всех изданных когда-либо сертификатов (включая сертификаты с закончившимся сроком действия). Архив используется для проверки подлинности электронной подписи, которой заверялись документы.

**Центр запросов** — необязательный компонент системы, где конечные пользователи могут запросить или отозвать сертификат.

**Конечные пользователи** — пользователи, приложения или системы, являющиеся владельцами сертификата и использующие инфраструктуру управления открытыми ключами.

# Основные компоненты РКІ



# Удостоверяющий центр выполняет следующие основные функции:

---

- формирует собственный секретный ключ;
- создает и подписывает *сертификаты открытых ключей* подчиненных удостоверяющих центров и конечных субъектов PKI; может выпускать *кросс-сертификаты*, если связан отношениями доверия с другими PKI;
- поддерживает **реестр сертификатов** (базу всех изданных сертификатов) и формирует списки аннулированных сертификатов (САС) с регулярностью, определенной регламентом УЦ ;
- публикует информацию о *статусе сертификатов* и списков аннулированных сертификатов.

# Репозиторий сертификатов

*Репозиторий* - специальный объект *инфраструктуры открытых ключей*, база данных, в которой хранится *реестр сертификатов*.

*Репозиторий* значительно упрощает управление системой и доступ к ресурсам. Он предоставляет информацию о *статусе сертификатов*, обеспечивает хранение и распространение сертификатов и САС, управляет внесением изменений в сертификаты.

К *репозиторию* предъявляются следующие требования:

- простота и стандартность доступа;
- регулярность обновления информации;
- встроенная защищенность;
- простота управления;
- совместимость с другими хранилищами (необязательное требование).

# Архив сертификатов

---

На **архив сертификатов** возлагается функция долговременного хранения (от имени УЦ ) и защиты информации обо всех изданных сертификатах. *Архив* поддерживает базу данных, используемую при возникновении споров по поводу надежности электронных цифровых подписей, которыми в прошлом заверялись документы. Информация, предоставляемая УЦ архиву, должна быть достаточной для определения статуса сертификатов и их издателя. *Архив* должен быть защищен соответствующими техническими средствами и процедурами.

# Конечные субъекты

---

**Конечные субъекты**, или **пользователи**, РКІ делятся на две категории:

- владельцы сертификатов
- доверяющие стороны.

Они используют некоторые сервисы и функции РКІ, чтобы получить сертификаты или проверить сертификаты других субъектов.

Владельцем сертификата может быть физическое или юридическое лицо, приложение, сервер и т.д.

# Серверные компоненты РКІ

---

Основными серверными компонентами РКІ являются

*сервер сертификатов,*

*сервер каталогов*

*сервер восстановления ключей,*

опциональными компонентами –

*сервер регистрации,*

*OCSP-сервер, обслуживающий запросы пользователей по онлайн-протоколу статуса сертификата*

*сервер проставления меток времени.*

# Серверные компоненты РКІ

---

*Сервер каталогов должен обеспечивать:*

- сетевую аутентификацию через IP-адреса или DNS-имена и аутентификацию *конечных субъектов* по именам и паролям или по *сертификатам открытых ключей*;
- управление доступом субъектов к информации в зависимости от их прав на выполнение операций чтения, записи, уничтожения, поиска или сравнения;
- конфиденциальность и целостность сообщений для всех видов связи.

# Серверные компоненты РКІ

---

***Сервер восстановления ключей*** поддерживает создание резервных копий и восстановление ключей шифрования *конечных субъектов*.

Среди всех компонентов РКІ сервер *восстановления ключей* должен быть наиболее защищен и обеспечивать *сильную аутентификацию* администратора и пользователей, поддержку конфиденциальности и целостности сообщений, безопасное хранение всех компонентов ключей.

# Основные задачи системы информационной безопасности, которые решает инфраструктура управления открытыми ключами:

---

- обеспечение конфиденциальности информации;
- обеспечение целостности информации;
- обеспечение аутентификации пользователей и ресурсов, к которым обращаются пользователи;
- обеспечение возможности подтверждения совершенных пользователями действий с информацией (неотказуемость или апеллируемость).
- PKI напрямую не реализует авторизацию, доверие, именование субъектов криптографии, защиту информации или линий связи, но может использоваться как одна из составляющих при их реализации.

# Основные атаки на ЭП

---

- кража ключа и подмена подписываемой информации;
- несанкционированный доступ к средству электронной подписи (например, USB-токену) посредством кражи его PIN-кода.

# Реализация атак

---

- Внедрение вредоносного ПО, которое способно похищать ключи, PIN-коды и делать подмену документов посредством чтения и/или подмены данных в памяти системного процесса.
- Атака man-in-the-middle, направленная на модификацию подписываемых данных на web-странице или на кражу PIN-кода или на перехват secure token для возможности подмены абонента системы.
- Атака на клиента с помощью CSS

# Комплексные меры защиты клиента (организации) при получении и использовании ЭП

---

- Персонал;
- Режим;
- Использование СКЗИ, которые имеют сертификат ФСБ России;
- Использование современных сетевых криптографических протоколов (TLS 1.3);
- Использование специальных аппаратных средств для визуализации подписываемых данных перед наложением подписи (TrustScreen);
- Корректная реализация браузерных плагинов и расширений, которые обеспечивают ЭП в браузере;
- Регламентирование процедуры подписи для пользователя с учетом встроенных в браузер механизмов безопасности;
- Защита ОС от вредоносного ПО (создание доверенной среды).

# Персонал

---

- Должен быть определен и утвержден список лиц (прошедших соответствующую подготовку и ознакомленных с пользовательской документацией на СКЗИ, а также другими нормативными документами по использованию электронной подписи), имеющих доступ к ключевой информации;
- В случае увольнения или перевода в другое подразделение, изменения функциональных обязанностей сотрудника, имевшего доступ к ключевым носителям (ЭП и шифрования), должна быть проведена смена ключей, к которым он имел доступ.

# Режим

---

- Использовать автоматизированное рабочее место (АРМ) с СКЗИ в однопользовательском режиме;
- не оставлять без контроля АРМ;
- соблюдать утвержденный порядок учета, хранения и использования носителей ключевой информации с ключами ЭП;
- предусмотреть меры, исключающие возможность несанкционированного изменения аппаратной части АРМ.

# Использование СКЗИ, которые имеют сертификат ФСБ России

---

В токенах используемых при работе с ЭП реализованы криптографические алгоритмы преобразования информации, соответственно, относятся к числу средств криптографической защиты информации (СКЗИ).

Для использования усиленной квалифицированной электронной подписи подходят только токены, для которых подтверждено соответствие требованиям, установленным Федеральным законом от 06.04.2011 № 63-ФЗ «Об электронной подписи» и Приказом ФСБ РФ от 27 декабря 2011 г. № 796 «Об утверждении Требований к средствам электронной подписи и Требований к средствам удостоверяющего центра». Это соответствие подтверждается наличием сертификата соответствия, выданного ФСБ России, в котором соответствующая информация приводится в явном виде.

**Алгоритмы электронной подписи.**

**Схема Эль-Гамала**

**ГОСТ 34.10-2018**

# Схема Эль-Гамала

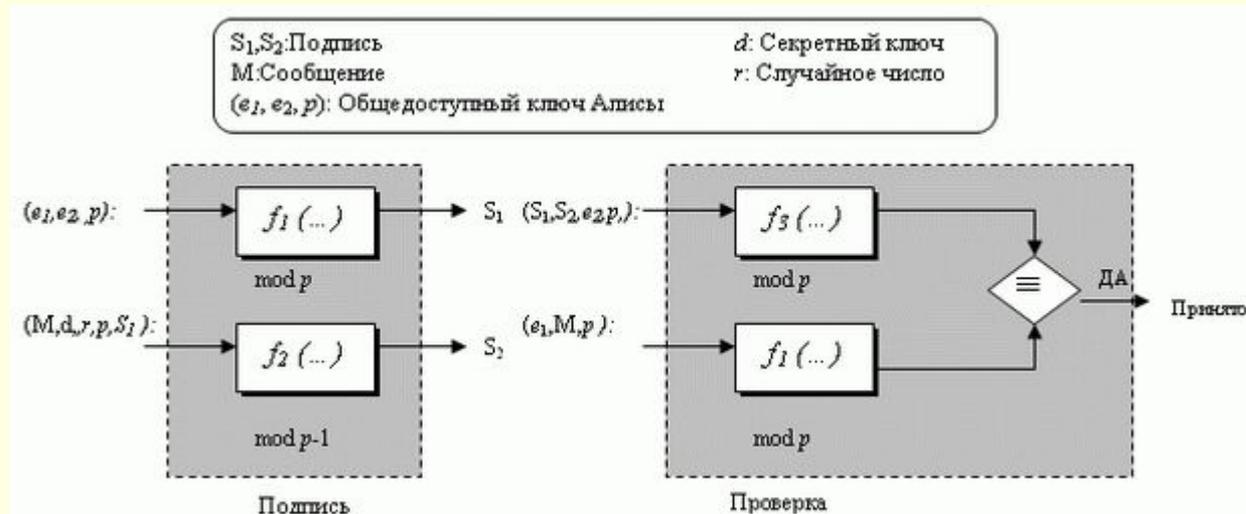
---

- Алгоритм Эль-Гамала базируется на трудности вычисления дискретного логарифма;

Алгоритм состоит из двух основных этапов:

- формирование цифровой подписи;
- ее проверка на подлинность.

# Схема Эль-Гамала



В процессе подписания две функции создают две подписи. На стороне подтверждения обрабатывают выходы двух функций и сравнивают между собой для проверки. Одна и та же функция применяется и для подписания, и для проверки, но использует различные входы. Рисунок показывает входы каждой функции. Сообщение - часть входа, для обеспечения функционирования при подписании; оно же - часть входа к функции 1 при подтверждении. Вычисления в функциях 1 и 3 проводятся по модулю  $p$ , а функции 2 - по модулю  $p - 1$ .

# Генерация ключей

- Выберем достаточно большое простое число  $p$  ( $\sim 10^{308}$  или  $\sim 2^{1024}$ );
- Пусть  $e_1$  - простой элемент в  $Z_{p^*}$  (мультипликативная группа по модулю  $p$ ).
- Алиса выбирает свой секретный ключ  $d$ , чтобы он был меньше, чем  $p - 1$ .
- Она вычисляет  $e_2 = e_1^d$ .

**В схеме цифровой подписи Эль-Гамала**

**$(e_1, e_2, p)$  - открытый ключ Алисы;**

**$d$  - секретный ключ Алисы.**

# Подписание дайджеста

- Алиса выбирает секретное случайное число  $r$  (открытые и секретные ключи могут использоваться неоднократно, но для каждого нового сообщения Алиса выбирает новое  $r$ );
- Алиса вычисляет первую подпись  $S_1 = e1^r \bmod p$ .
- Алиса вычисляет вторую подпись  $S_2 = (M - d \times S_1) \times r^{-1} \bmod (p - 1)$ , где  $r^{-1}$  - мультипликативная инверсия  $r$  по модулю  $p - 1$ .
- Алиса передает  $M$ ,  $S_1$  и  $S_2$  Бобу.

# Проверка

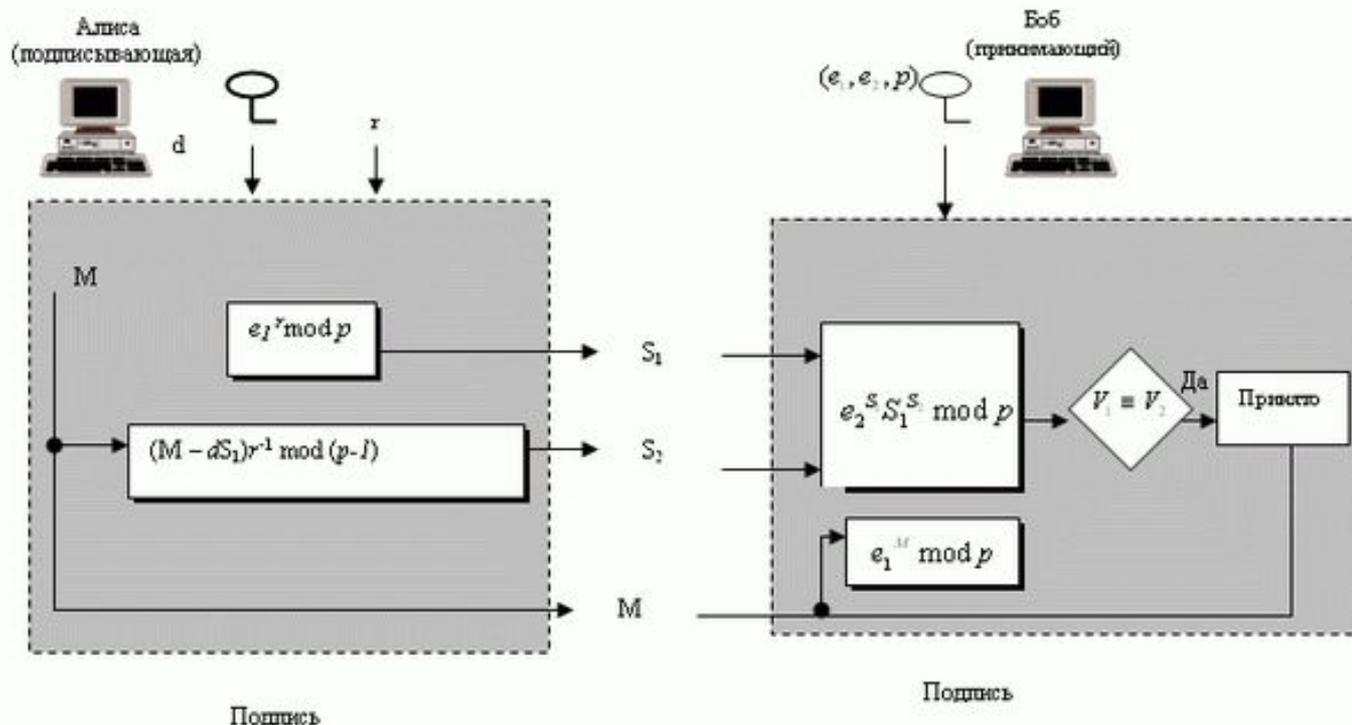
Объект, например Боб, получает  $M$ ,  $S_1$  и  $S_2$  и может проверить их следующим образом.

- Боб проверяет, что  $0 < S_1 < p$ .
- Боб проверяет, что  $0 < S_2 < p - 1$ .
- Боб вычисляет  $V_1 = e_1^M \bmod p$ .
- Боб вычисляет  $V_2 = e_2^{S_1} \times S_1^{S_2} \bmod p$ .

**Если  $V_1$  является конгруэнтным  $V_2$ , сообщение принято; иначе оно будет отклонено.**

# Схема цифровой подписи Эль-Гамала

$M$ : Сообщение  
 $S_1, S_2$ : Подписи  
 $V_1, V_2$ : Проверка (Верификация)  
 $r$ : случайное число  
 $d$ : секретный ключ Алисы  
 $(e, e, p)$ : общедоступный ключ Алисы



# Пример подписание

- Алиса выбрала  $p = 3119$ ,  $e_1 = 2$ ,  $d = 127$  и вычислила  $e_2 = 2^{127} \bmod 3119 = 1702$ . Она выбрала  $r$  равным 307. Она объявила  $e_1$ ,  $e_2$  и  $p$ ; она сохранила в тайне  $d$ .
- $M = 320$
- $S_1 = e_1^r = 2^{307} \bmod 3119 = 2083$
- $S_2 = (M - d \times S_1) \times r^{-1} = (320 - 127 \times 2083) \times 307^{-1} = 2105 \bmod 3118$

# Пример проверка

Алиса передает  $M$ ,  $S_1$  и  $S_2$  Бобу. Боб использует открытый ключ, чтобы вычислить, что сообщение подписано Алисой, потому что никто, кроме Алисы, не имеет секретного ключа  $d$ .

- $V_1 = e_1^M = 2^{320} = 3006 \pmod{3119}$ ;
- $V_2 = d^{S_1} \times S_1^{S_2} = 1702^{2083} \times 2083^{2105} = 3006 \pmod{3119}$ .

Поскольку  $V_1$  и  $V_2$  являются конгруэнтными, Боб принимает сообщение, и он предполагает, что сообщение было подписано Алисой, потому что никто, кроме нее, не имеет секретного ключа Алисы  $d$ .

# ГОСТ 34.10-2018

- *ГОСТ 34.10-2018. Информационная технология. Криптографическая защита информации. Процессы формирования и проверки электронной цифровой подписи* — действующий межгосударственный криптографический стандарт, описывающий алгоритмы формирования и проверки электронной подписи реализуемой с использованием операций в группе точек эллиптической кривой, определенной над конечным простым полем.
- Стандарт разработан на основе национального стандарта Российской Федерации **ГОСТ Р 34.10-2012** и введен в действие с 1 июня 2019 года приказом Росстандарта № 1059-ст от 4 декабря 2018 года.

# ГОСТ 34.10-2018

---

Механизм цифровой подписи определяется посредством реализации двух основных процессов:

- формирование подписи;
- проверка подписи.

(В настоящем стандарте процесс генерации ключей не рассмотрен. Характеристики и способы реализации данного процесса определяются вовлеченными в него субъектами, которые устанавливают соответствующие параметры по взаимному согласованию.)

# ГОСТ 34.10-2018

---

Криптографическая стойкость данной схемы цифровой подписи основывается на сложности решения задачи дискретного логарифмирования в группе точек эллиптической кривой, а также на стойкости используемой хэш-функции.

Алгоритмы вычисления хэш-функции установлены в ГОСТ 34.11.

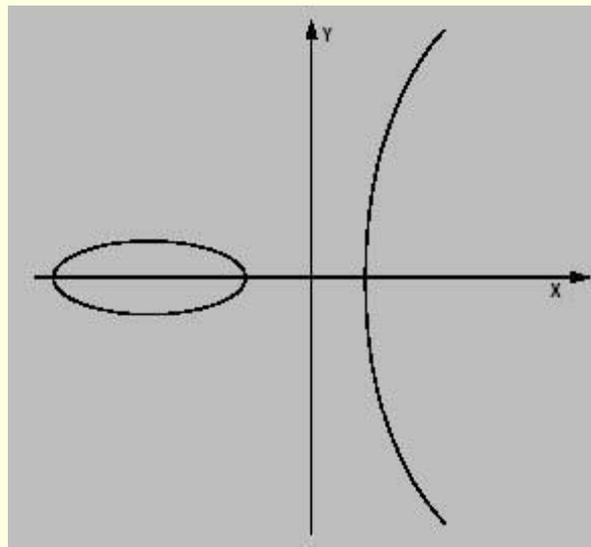
Цифровая подпись, представленная в виде двоичного вектора длиной 512 или 1024 бита

# Криптография на эллиптических кривых

Эллиптической кривой называют множество пар точек  $(X, Y)$ , удовлетворяющих уравнению:

$$y^2 = ax^3 + bx + c$$

Можно наложить ограничения на множество значений переменных  $x$ ,  $y$ , и коэффициентов  $a$ ,  $b$ ,  $c$ . Ограничивая область определения уравнения значимым для приложений числовым множеством (полем) мы получим эллиптическую кривую, заданную над рассматриваемым полем. На рисунке изображен общий вид эллиптической кривой, определенной на множестве действительных чисел.

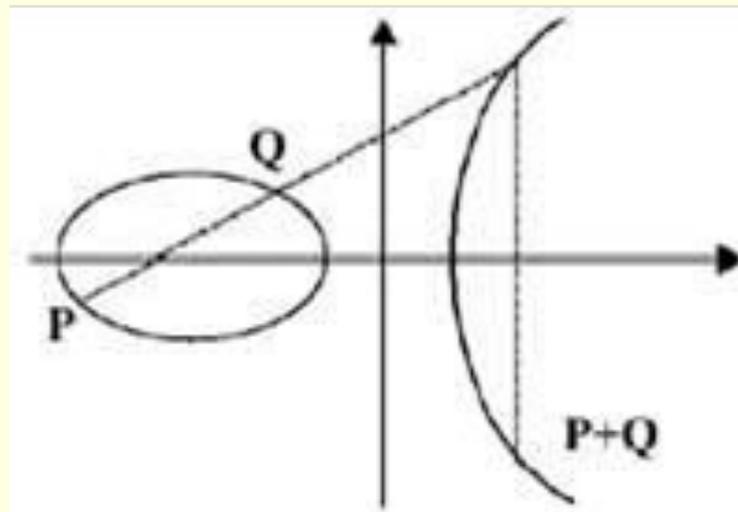


# Криптография на эллиптических кривых

В приложении к криптографии (и в новом стандарте на цифровую подпись) эллиптическая кривая над конечным простым полем  $GF(p)$  определяется как множество пар  $(x,y)$ , таких что  $x,y \in GF(p)$ , удовлетворяющих уравнению:

$$y^2 = x^3 + ax + b \pmod{p}, \quad a, b \in GF(p)$$

Пары  $(x,y)$  будем называть точками. Точки эллиптической кривой можно складывать. Сумма двух точек, в свою очередь, тоже лежит на эллиптической кривой.



# Криптография на эллиптических кривых

---

Математическое свойство, которое делает эллиптические кривые полезными для криптографии, состоит в том, что если взять две различных точки на кривой, то соединяющая их хорда пересечет кривую в третьей точке (так как мы имеем кубическую кривую). Зеркально отразив эту точку по оси  $X$ , мы получим еще одну точку на кривой (так как кривая симметрична относительно оси  $X$ ). Если мы обозначим две первоначальных точки как  $P$  и  $Q$ , то получим последнюю – отраженную – точку  $P+Q$ . Это «сложение» удовлетворяет всем известным алгебраическим правилам для целых чисел. Кроме точек, лежащих на эллиптической кривой, рассматривается также нулевая точка. Считается, что сумма двух точек –  $A$  с координатами  $(X_A, Y_A)$  и  $B$  с координатами  $(X_B, Y_B)$  – равна  $0$ , если  $X_A = X_B, Y_A = -Y_B \pmod{p}$ . Нулевая точка не лежит на эллиптической кривой, но, тем не менее, участвует в вычислениях. Ее можно рассматривать как бесконечно удаленную точку.

# Криптография на эллиптических кривых

Можем определить конечную абелеву группу на точках кривой, где нулем будет являться бесконечно удаленная точка. В частности если точки  $P$  и  $Q$  совпадут, то можно вычислить  $P+P$ , т.е.  $2P$ . Развивая эту идею, можно определить  $kP$  для любого целого числа  $k$ , и следовательно, определить значение  $P$  и значение наименьшего целого числа  $k$ , такого, что  $kP = F$ , где  $F$  – бесконечно удаленная точка.

Кратные точки эллиптической кривой являются аналогом степеней чисел в простом поле. Задача вычисления кратности точки эквивалентна задаче вычисления дискретного логарифма. На сложности вычисления кратности точки эллиптической кривой и основана надежность цифровой подписи.

Секретным ключом является некоторое случайное число  $x$ . Открытым ключом будем считать координаты точки на эллиптической кривой  $P$ , определяемую как  $P = xQ$ , где  $Q$  — специальным образом выбранная точка эллиптической кривой («базовая точка»). Координаты точки  $Q$  вместе с коэффициентами уравнения, задающего кривую, являются параметрами схемы подписи и должны быть известны всем участникам обмена сообщениями.

# Формирование подписи ГОСТ 34.10-2018

---

Основные шаги:

1. Вычисление хэш-функции от сообщения;
2. Генерация случайного числа  $k$  (элемента секретного ключа) и вычисление точки эллиптической кривой;
3. Вычисление (на основе полученных данных) двух векторов, их конкатенация и формирование ЭП

# Криптопровайдеры сертифицированные ФСБ

---

- КриптоАРМ
- ViPNet CSP
- Signal-COM CSP

# КриптоПро

---

Наиболее популярный в РФ криптопровайдер. Он работает под всеми популярными системами – Windows, Linux, Mac OS. Существует также несертифицированная версия для Android.

# КриптоАРМ 5

## КриптоАРМ ГОСТ

---

- КриптоАРМ — программа для подписи и шифрования электронных документов.
- Используется для обеспечения юридической значимости при обмене электронными документами, в том числе с государственными учреждениями Росреестр, ФСРАР, Банк России, РосАккредитация и др.

# Функциональные

## возможности программы:

---

- шифрование и расшифрование файлов произвольного формата (преобразования файлов функциями СКЗИ);
- создание и проверка корректности одной или нескольких ЭЦП;
- выполнение операций подписи и шифрования за одно действие;
- управление цифровыми сертификатами и ключами пользователя, списками отозванных и доверенных сертификатов;
- управление криптопровайдерами;
- совместимость с отчуждаемыми ключевыми носителями Рутокен, eToken;
- отправка подписанных и зашифрованных файлов по e-mail.

# ViPNet CSP 4

---

Бесплатный российский криптопровайдер от компании ИнфоТеКС, имеющий все необходимые сертификаты ФСБ. Он выпускается в вариантах для Windows и Linux.

- Создание ключей ЭП, формирование и проверка ЭП по ГОСТ Р 34.10-2001, ГОСТ Р 34.10-2012
- Хэширование данных по ГОСТ Р 34.11-94 и ГОСТ Р 34.11-2012
- Шифрование и имитозащита данных по ГОСТ 28147-89

# Signal-COM CSP

---

Signal-COM CSP – российский сертифицированный криптопровайдер, работающий исключительно под Windows. Разработан компанией Сигнал-КОМ.

- Создание ключей ЭП, формирование и проверка ЭП по ГОСТ Р 34.10-2001, ГОСТ Р 34.10-2012
- Хэширование данных по ГОСТ Р 34.11-94 и ГОСТ Р 34.11-2012
- Шифрование и имитозащита данных по ГОСТ 28147-89

# Задание к лекции 1

---

- Выписать из примера числовые значения открытого и секретного ключа;
- Найти значение  $r^{-1} \bmod p$ , если  $p=11$ , а  $r=5$ .

# Задание к лекции 2

Ознакомьтесь со стандартами разных лет на ЭП, провести сравнительный анализ, отметить основные отличия и записать в таблицу:

|  | ГОСТ Р 34.10-94 | ГОСТ Р 34.10-2001 | ГОСТ Р 34.10-2012 | ГОСТ 34.10-2018 |
|--|-----------------|-------------------|-------------------|-----------------|
| Длина простого числа $p$<br>(по модулю которого производятся вычисления) |                 |                   |                   |                 |
| Открытый ключ  |                 |                   |                   |                 |
| Закрытый ключ  |                 |                   |                   |                 |
| Алгоритм формирования  |                 |                   |                   |                 |
| Алгоритм проверки  |                 |                   |                   |                 |
| Криптостойкость  |                 |                   |                   |                 |