

# Геометрические фигуры в пространстве

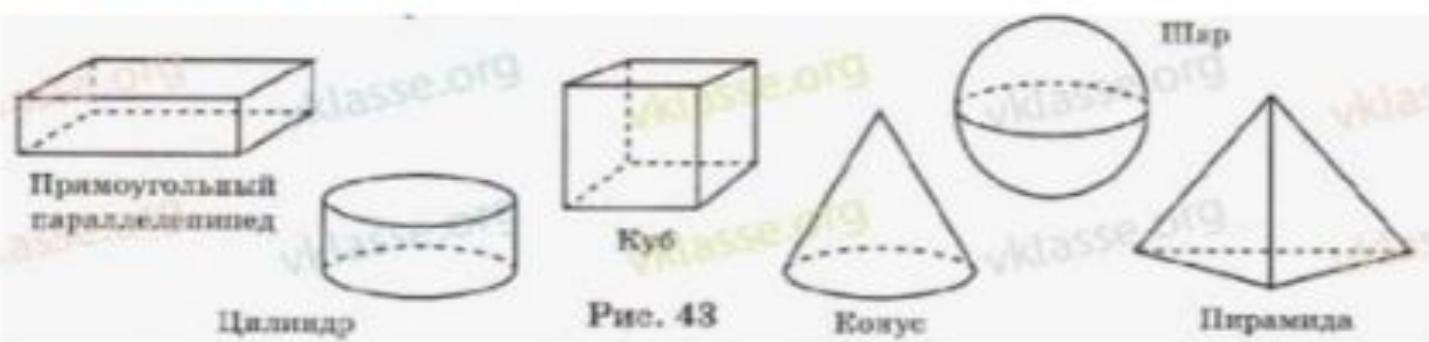
Изображение  
пространственных фигур на  
плоскости.

Урок подготовил:  
Преподаватель ГБПОУ  
«Курганского промышленного  
техникума»  
Домашкина Александра Сергеевна



Геометрии изучают следующие пространственные фигуры:

- 1) Прямоугольный параллелепипед.
- 2) Куб.
- 3) Цилиндр.
- 4) Конус.
- 5) Шар.
- 6) Пирамида.





## *Обозначение основных фигур в пространстве:*

**точка**

*A, B, C, ...*

**прямая**

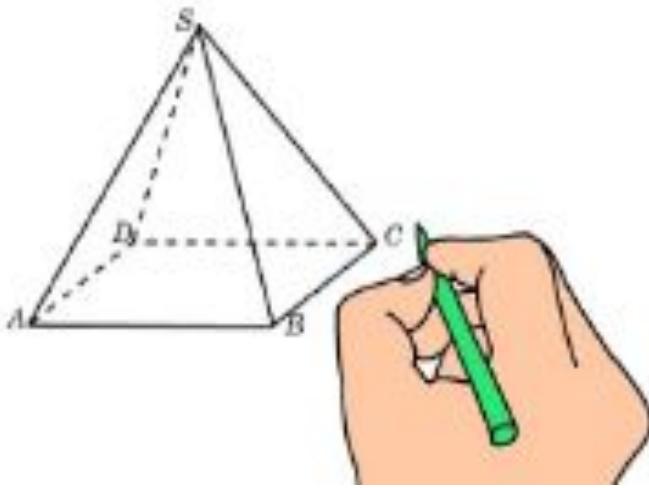
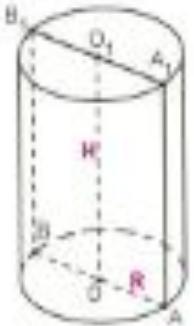
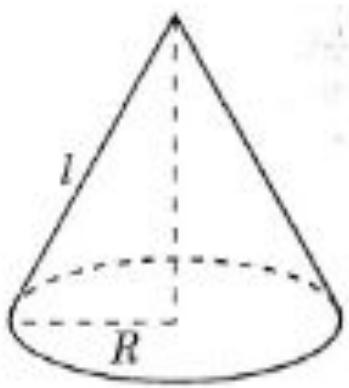
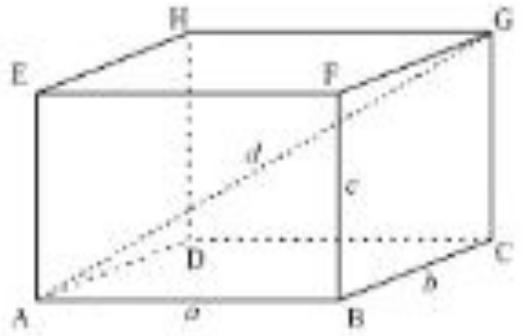
*a, b, c, ...*

*или*

*AB, BC, CD, ...*

**плоскость**

*$\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ , ...*



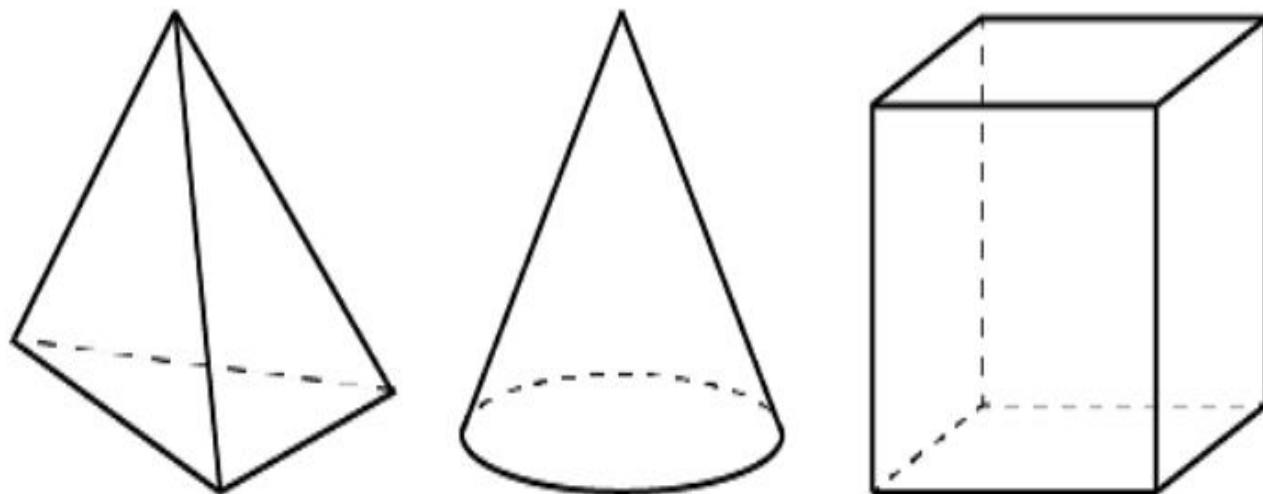
penSchoot.kz



# Правило 1. Изображение линий в трехмерном пространстве

Все линии (ребра, высоты, линии сечения), которые были бы не видны, если бы то, что мы рисуем, было бы сделано из глины (например) изображаются пунктиром. А все видные линии – сплошными.

Вот, смотри на несколько уже готовых чертежей, и поймешь, о чем речь.



## Правило 2. Изображение квадратов и прямоугольников в трехмерном пространстве

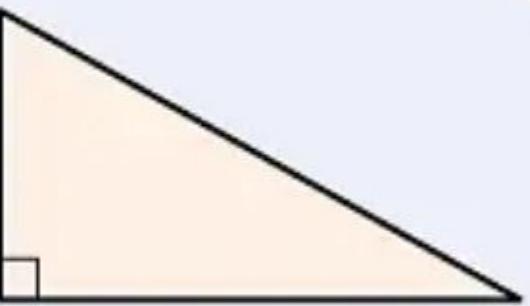
Все квадраты и прямоугольники, которые лежат в горизонтальной плоскости, нужно изображать

параллелограммами, а

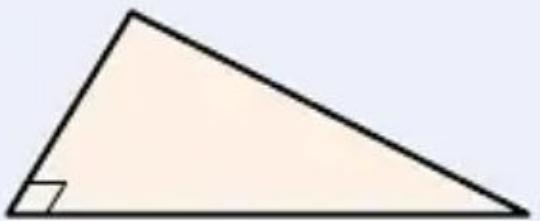
прямоугольные треугольники – с острым углом, вместо прямого.



Не так:



А вот так:



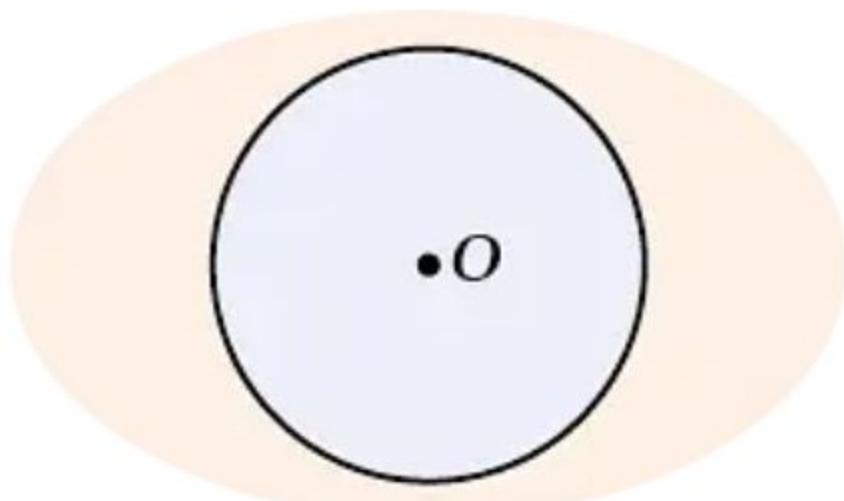
Видишь, похоже, будто треугольники прямоугольник лежат в плоскости.



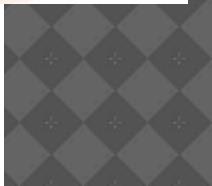
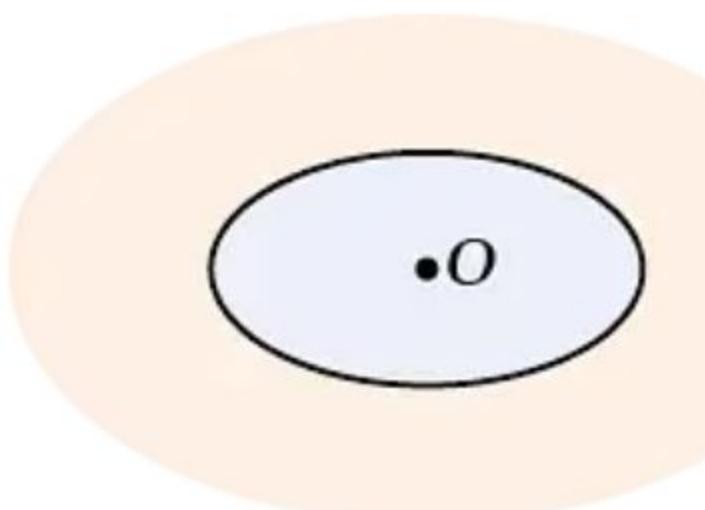
## Правило 3. Изображение кругов в трехмерном пространстве

Все круги превращаются в овалы (тоже в горизонтальной плоскости)

Не так:

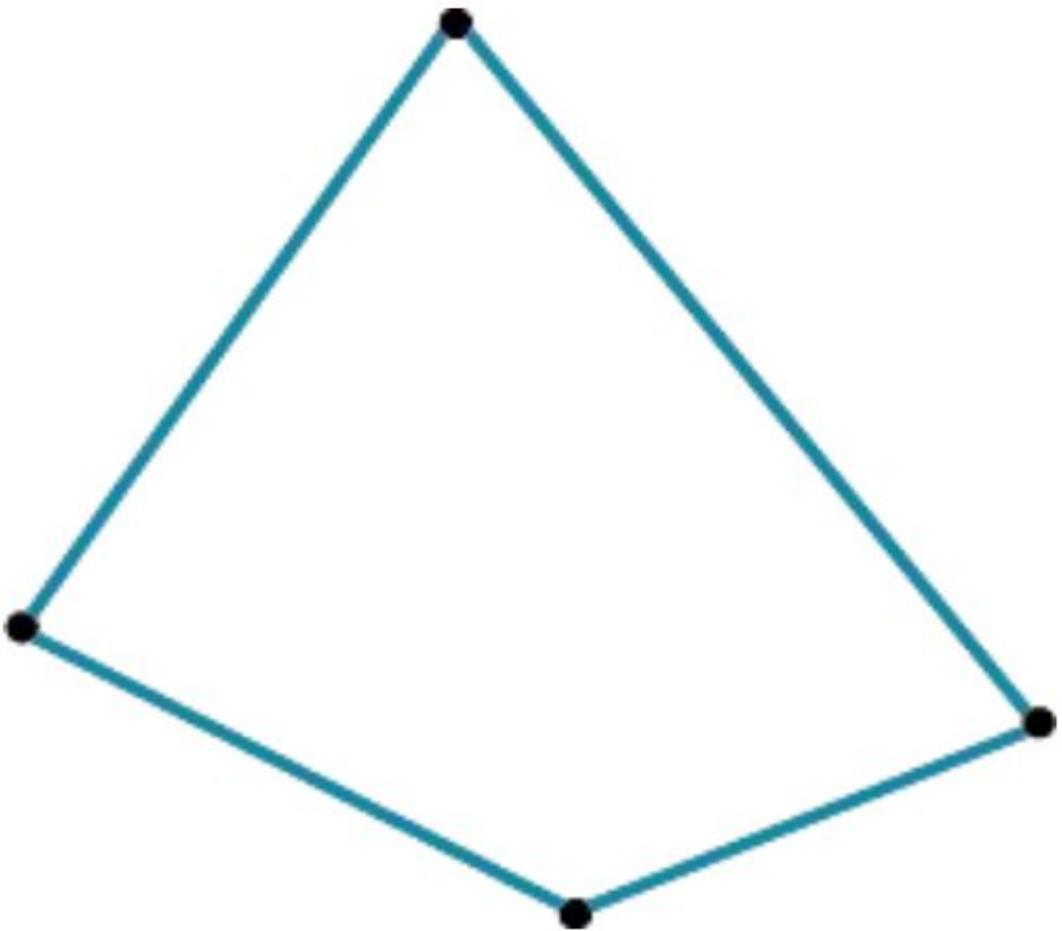


А вот так:

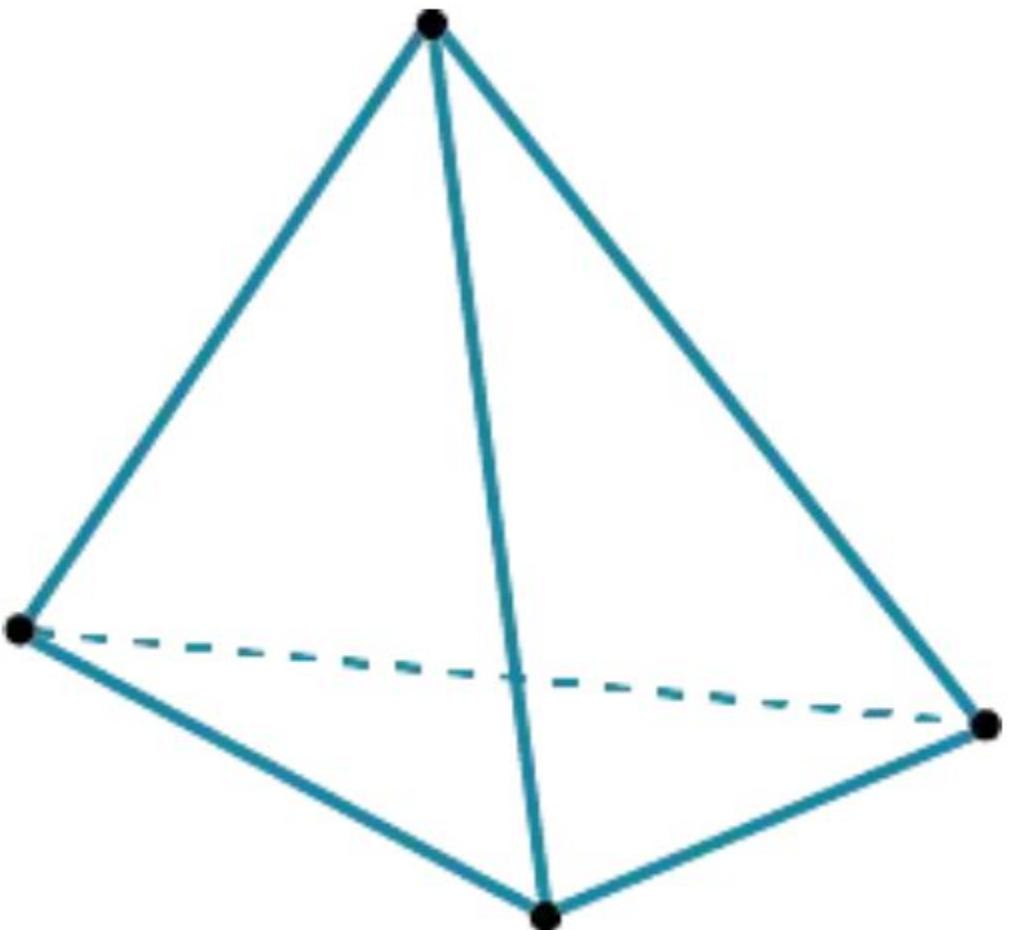


## Правило 4. Изображение пирамиды

Когда рисуешь треугольную пирамиду, нужно сперва нарисовать «косой» четырехугольник:

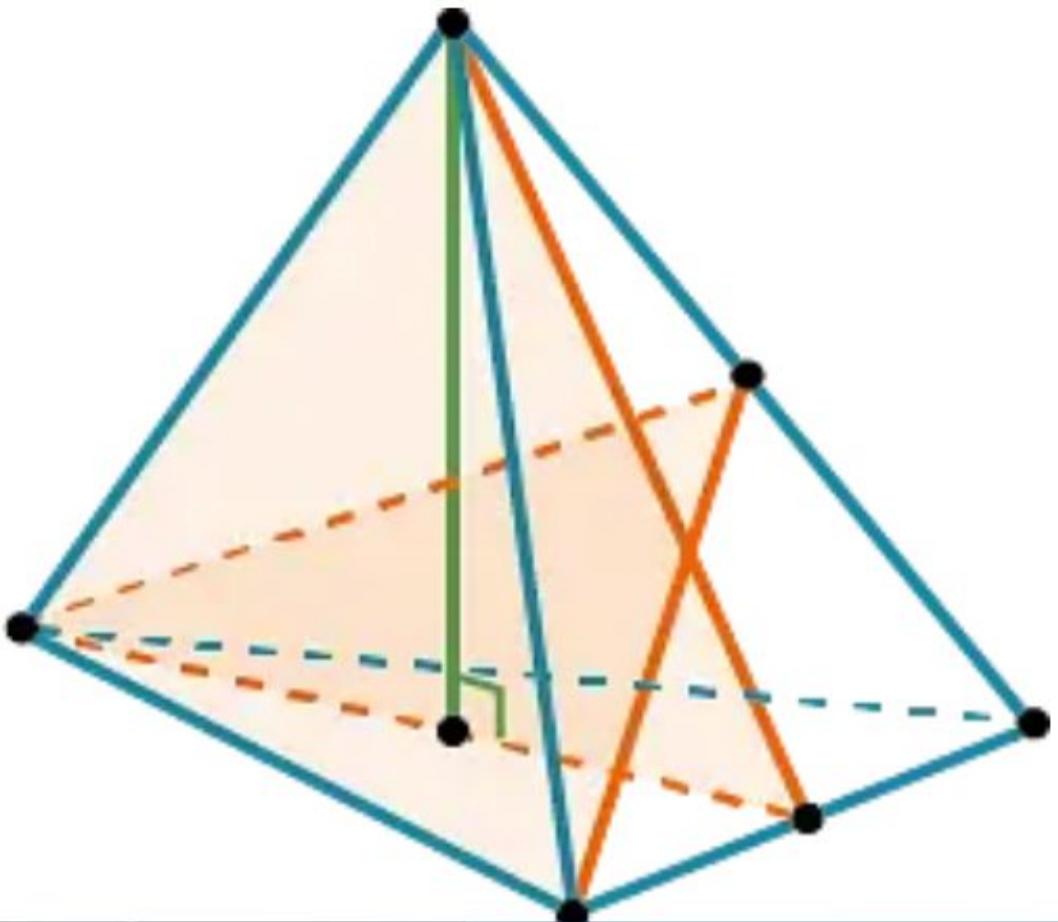


А потом добавить еще два ребра:



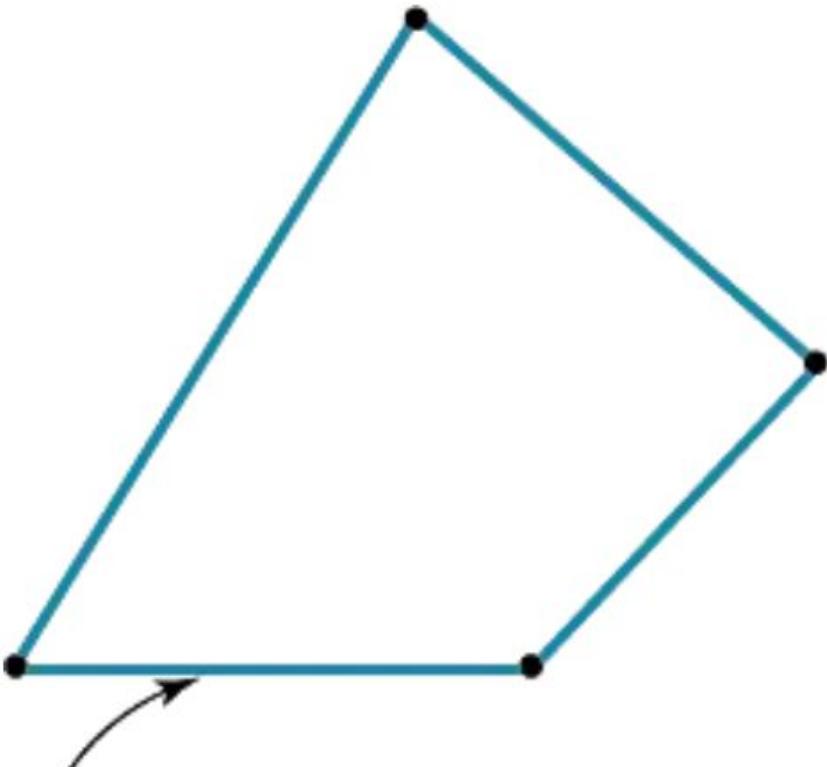
И никогда ничего не сольется! Можно смело проводить высоту и строить [сечения](#):

И никогда ничего не сольется! Можно смело проводить высоту и строить [сечения](#):



С четырехугольной пирамидой сложнее, но тоже разумно сперва прорисовать контур, а потом добавлять ребра.

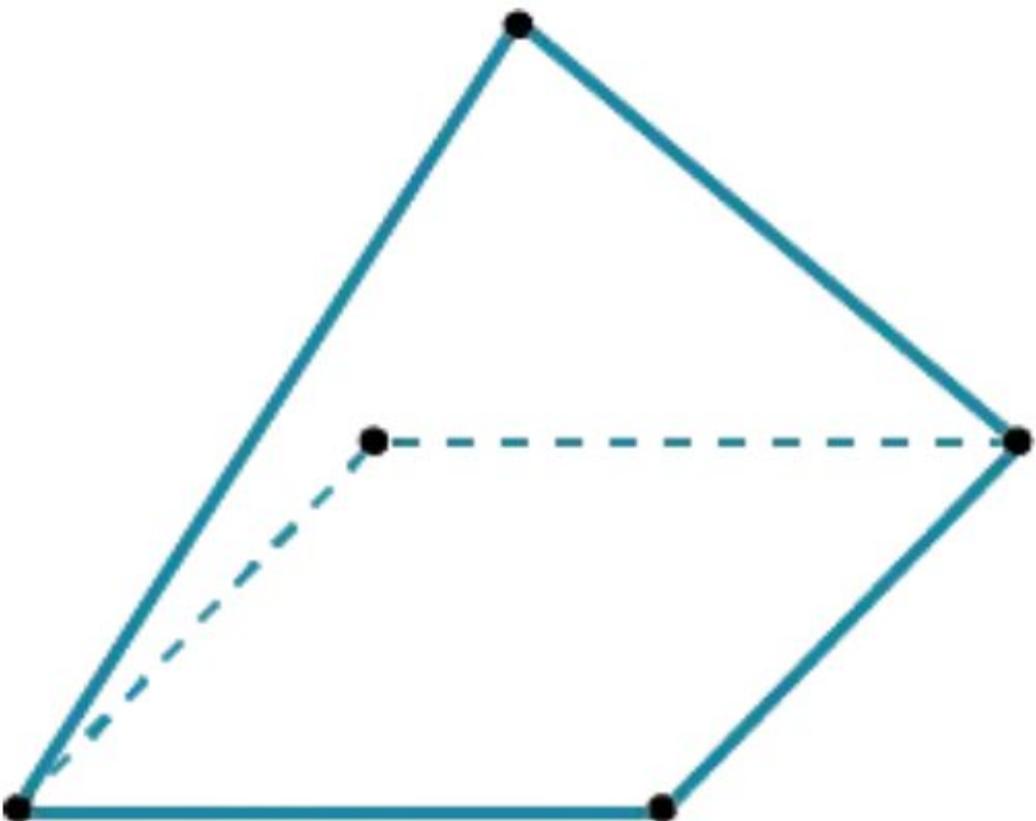
Но только в исходном четырехугольнике одна из сторон должна быть параллельна взгляду:



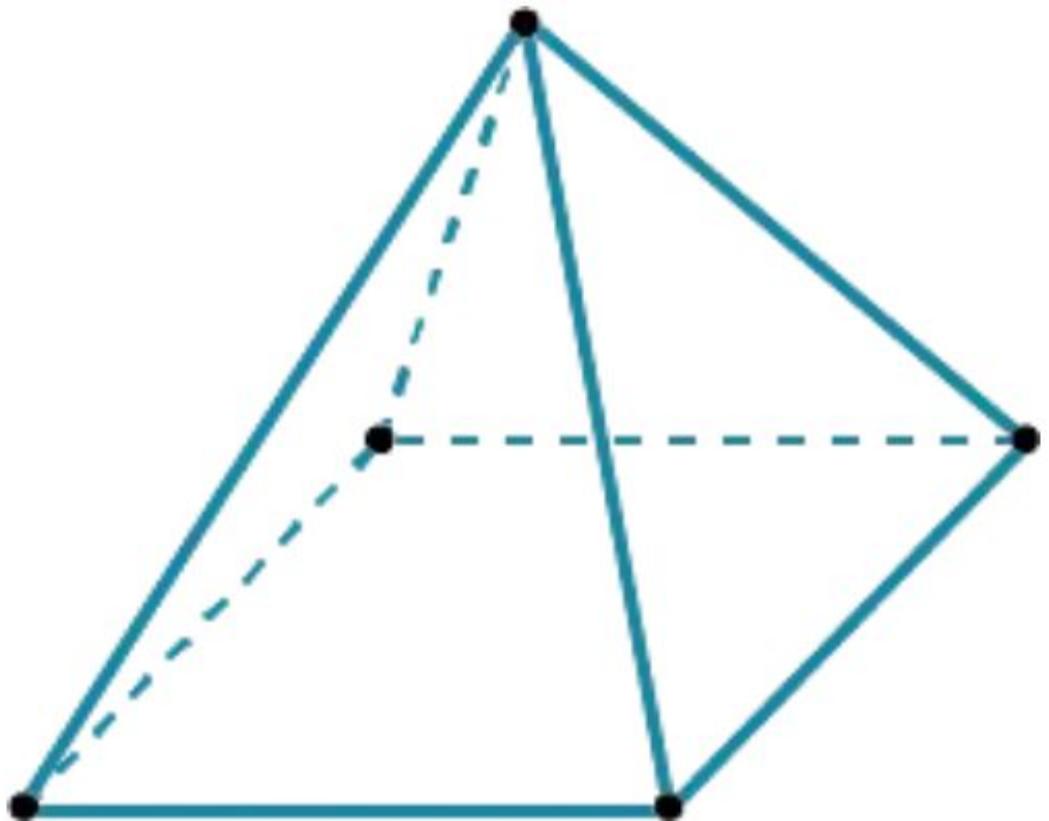
*Эта сторона параллельна  
линии глаз*

А потом проводим параллельные:

А потом проводим параллельные:

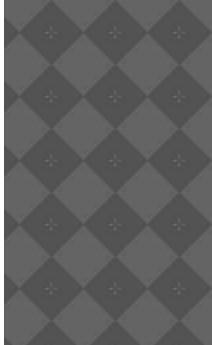


И осталось только соединить:



Получилась красивая пирамида – Хеопс тоже не отказался бы □

И осталось самое сложное – **шестиугольная пирамида**.



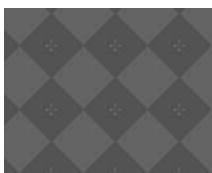
## Правило 5. Изображение параллелепипеда и призмы

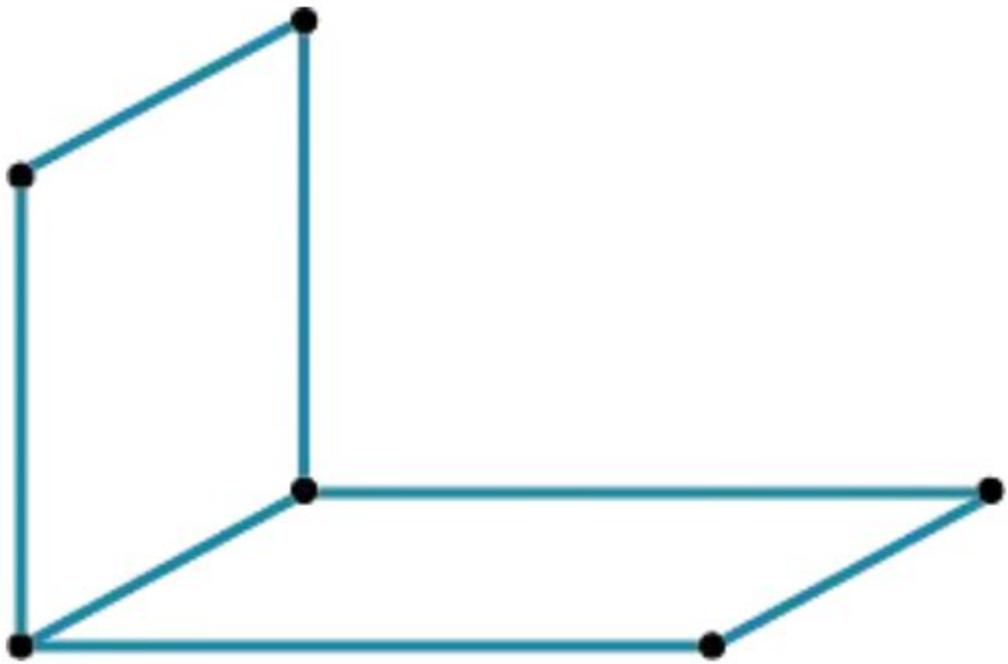
### Параллелепипед

Тут сперва нужно нарисовать основание в виде параллелограмма:



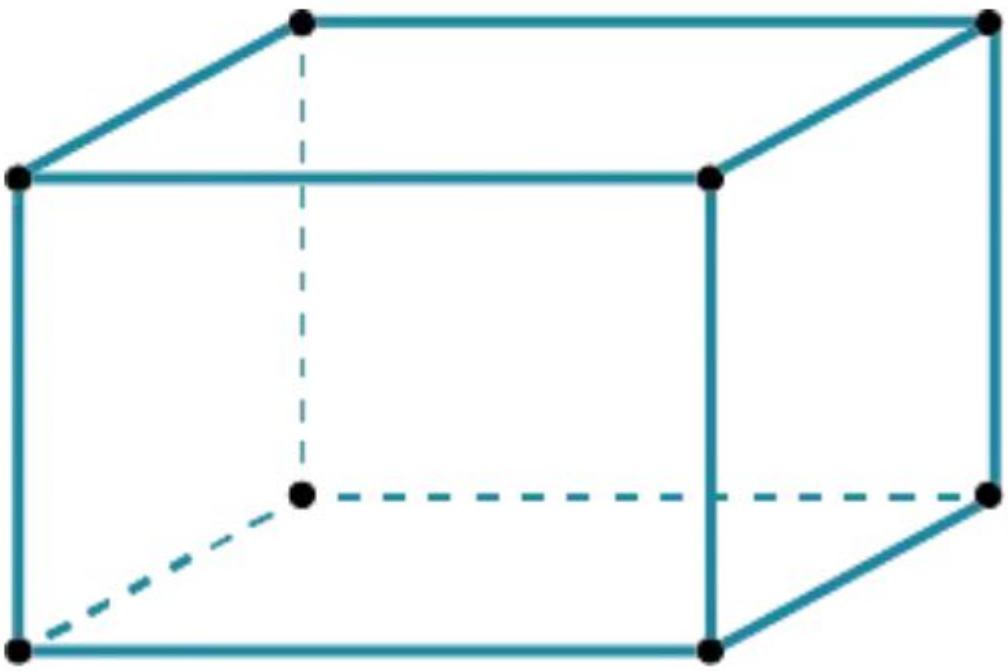
Потом одну боковую грань:





А потом все остальные – и главное – соблюдать параллельность.

А потом все остальные – и главное – соблюдать параллельность.



## Призма

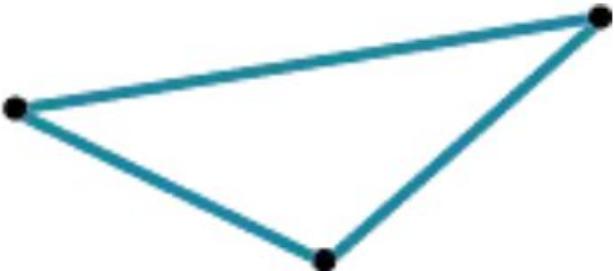
Если нужно изобразить треугольную призму, то рисовать нужно так, чтобы угол треугольника смотрел на нас – живее получится.

Вот:

Не так:

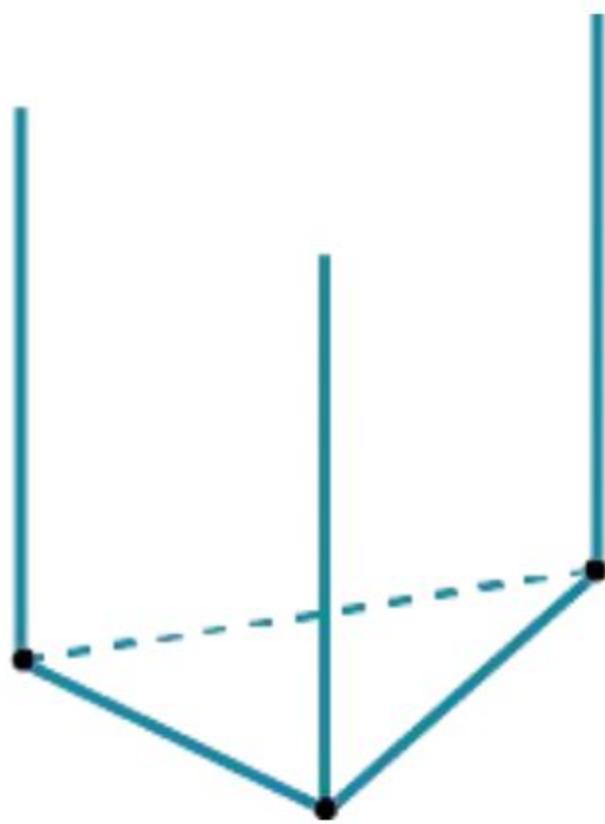


А вот так:

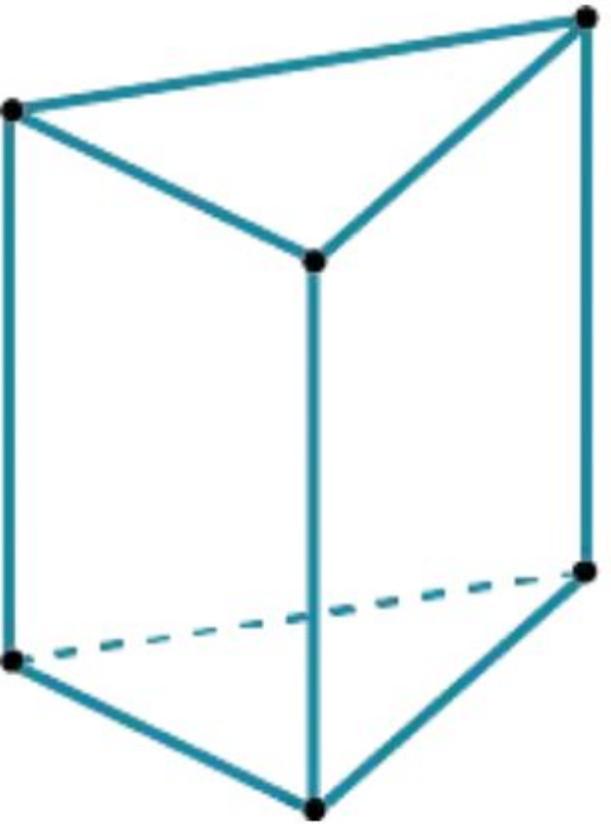


А затем боковые ребра:

А затем боковые ребра:



И потом верхнее основание:

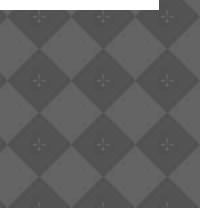
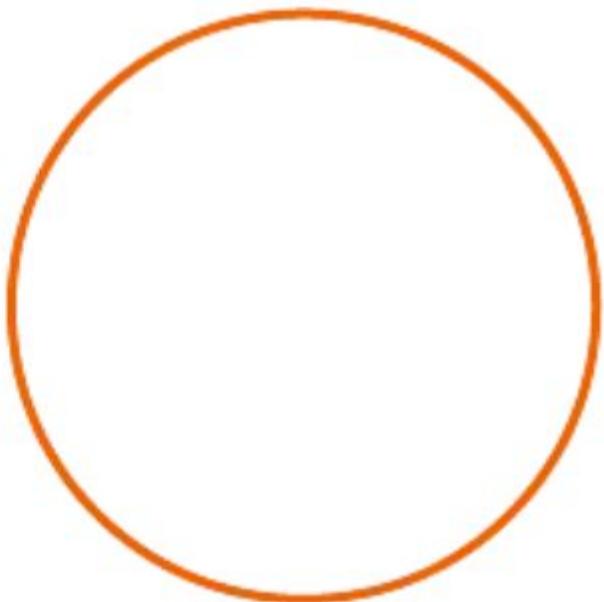




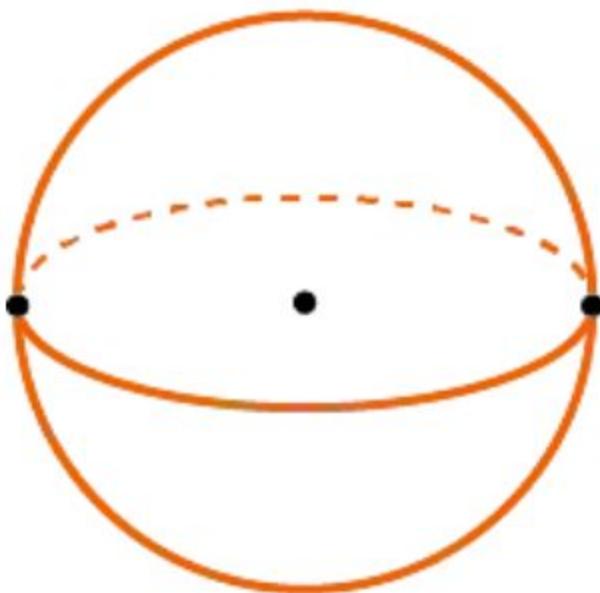
## Правило 6. Изображение шара, конуса, цилиндра

### Шар

Сначала рисуем круг:

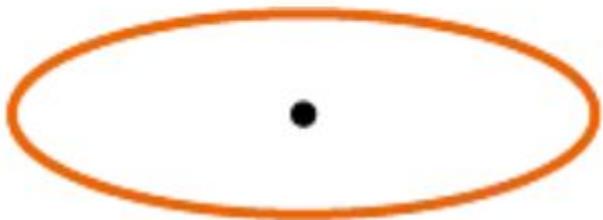


А потомобавим две дуги, чтобы получился такой овал с острыми краями. И ставим центр.

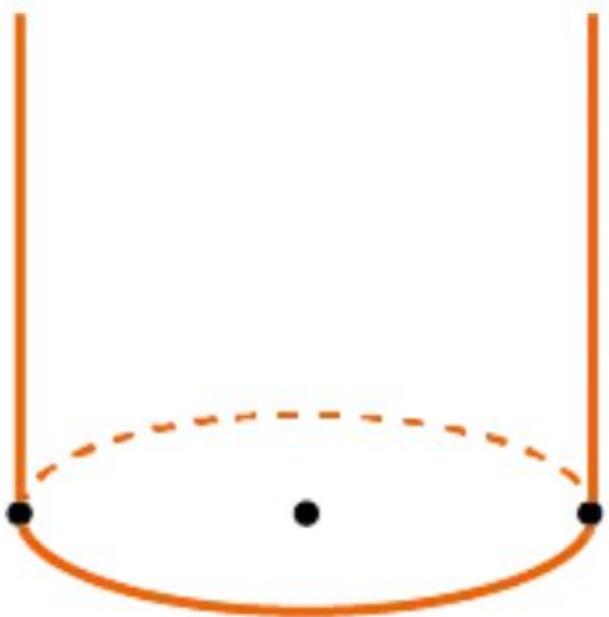


## Цилиндр

Рисуем овал и отмечаем его центр:

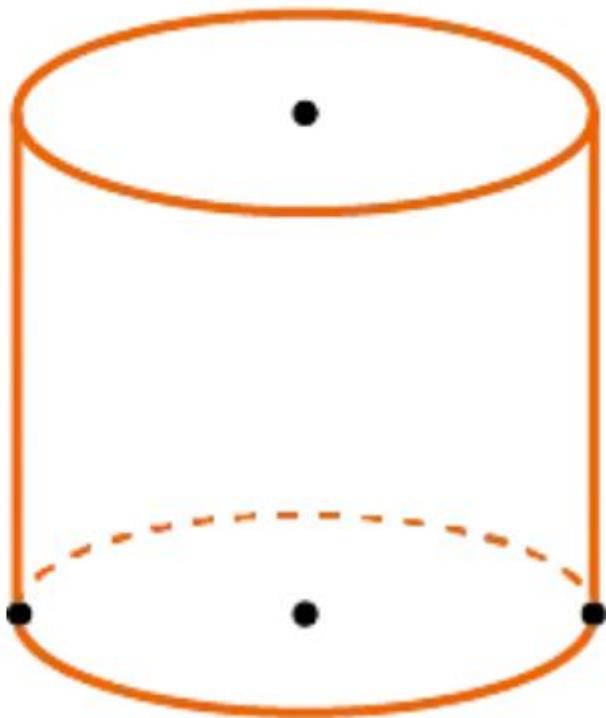


Проводим две образующие:



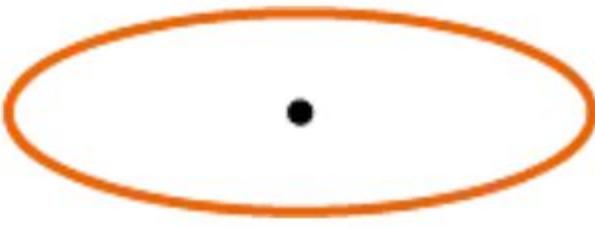
И "закрываем" верхним основанием. Обрати внимание на то, как расположены центры верхнего и нижнего овалов.

И "закрываем" верхним основанием. Обрати внимание на то, как расположены центры верхнего и нижнего овалов.



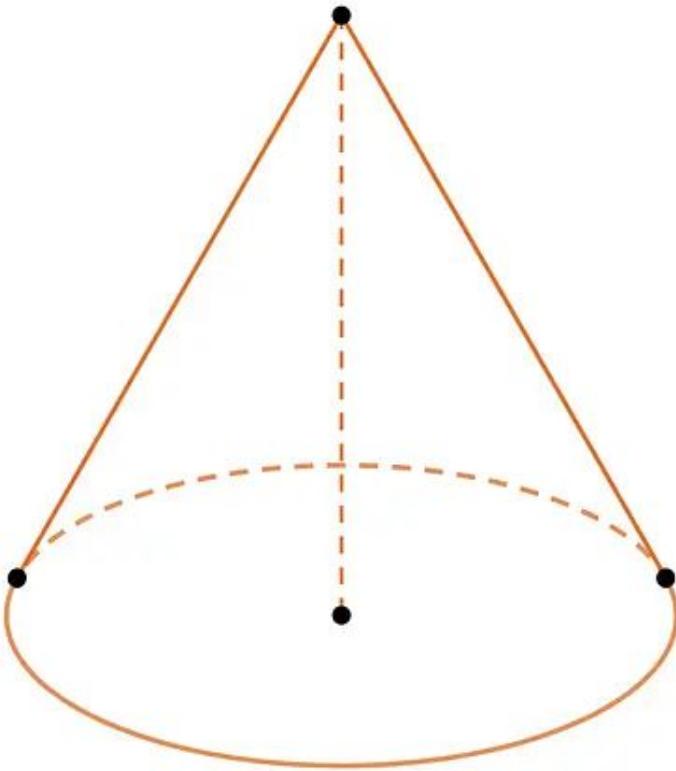
## Конус

Рисуем овал:



И делаем угол:

И делаем угол:



Обрати внимание: образующие (стороны угла) касаются основания, поэтому центр основания и две точки на нём не лежат на прямой (в отличие цилиндра).



## P.S. Последний бесценный совет □

Ну вот, тема закончена. Если ты читаешь эти строки, значит, ты очень крут.

Почему?

Потому что только **5%** людей способны освоить что-то **самостоятельно**. И если ты дочитал до конца, ты попал в эти **5%**.

Теперь самое главное.

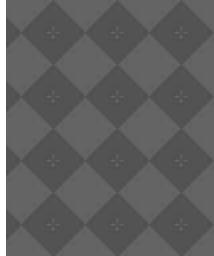
Ты разобрался с теорией по этой теме. И, повторюсь, это... это просто супер! Ты уже лучше, чем абсолютное большинство сверстников.

Проблема в том, что этого может не хватить...

Для чего?

Для успешной сдачи ОГЭ или ЕГЭ, для поступления в 10 класс или в институт на бюджет и, самое главное, **для жизни**.





Для успешной сдачи ОГЭ или ЕГЭ, для поступления в 10 класс или в институт на бюджет и, самое главное, для жизни.

Я не буду тебя ни в чем убеждать, просто скажу одну вещь...

Люди, получившие хорошее образование, зарабатывают намного больше, чем те, кто его не получил. Это статистика.

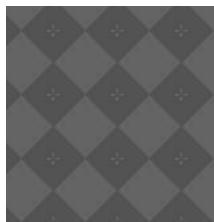
Но и это не главное.

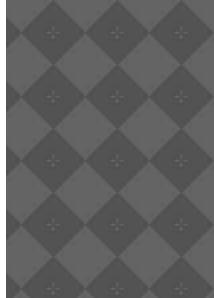
Главное то, что они **более счастливы** (есть такие исследования). Возможно, потому, что перед ними открывается гораздо бо  
**возможностей** и жизнь становится ярче? Не знаю...

Но думай сам...

Что нужно, чтобы быть наверняка лучше других на ОГЭ или ЕГЭ и быть в конечном итоге... более счастливым?

**Набить руку, решая задачи.**





На экзамене у тебя не будут спрашивать теорию.

Тебе нужно будет решать задачи на время. И, если ты не решал их (много!), ты обязательно где-нибудь глупо ошибешься или просто не успеешь. Это как в спорте: нужно много раз повторить, чтобы выиграть наверняка.

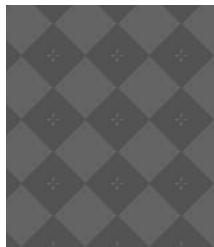
Найди где хочешь сборник, обязательно с решениями, подробным разбором и **решай, решай, решай!**

Можешь воспользоваться **нашим сборником задач с подробным разбором**, и мы их всячески рекомендуем, потому что они разбиты по темам, по типам и даже собраны в целую программу подготовки.

Если решишь набить руку с помощью наших задач, зайди на сайт [100gia](#) и приобрести одну из программ.

А еще можешь **зарегистрироваться** и получить доступ к огромному количеству **бесплатных** материалов, видеоуроков, тестов.

После **регистрации** ты сможешь:



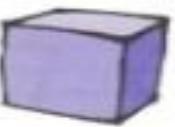


# Объёмные фигуры

Запиши название каждой фигуры.



шар



куб

Запиши название каждой фигуры.

Используй слова из словаря.

шар

пирамида

цилиндр

конус

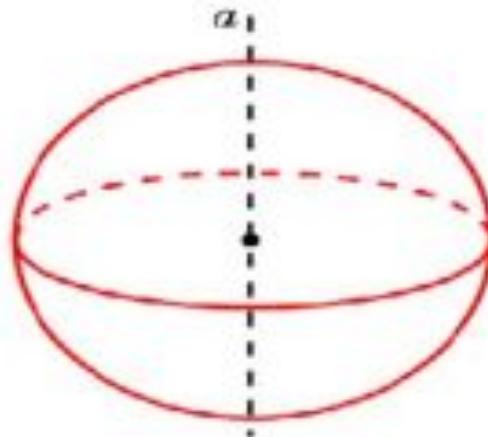
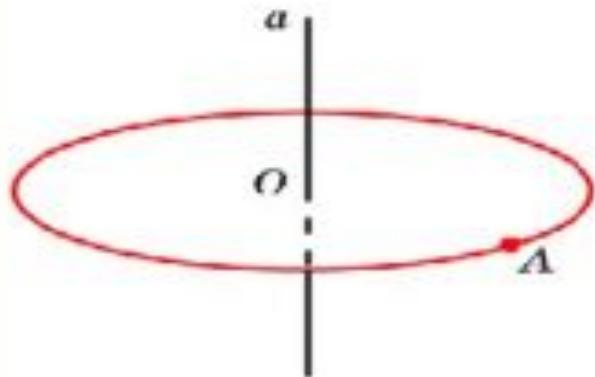
параллелепипед



## Фигура вращения

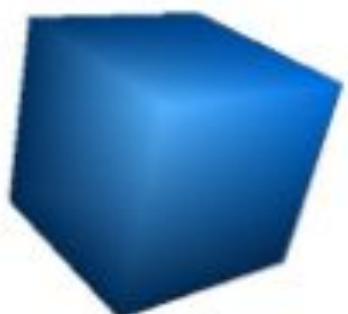
Говорят, что фигура  $\Phi$  в пространстве получена вращением фигуры  $F$  вокруг оси  $a$ , если точки фигуры  $\Phi$  получаются всевозможными поворотами точек фигуры  $F$  вокруг оси  $a$ . Фигура  $\Phi$  при этом называется **фигурой вращения**. При вращении точки  $A$  вокруг прямой  $a$  получается **окружность**. **Сфера** получается вращением окружности вокруг ее диаметра. Аналогично, **шар** получается вращением круга вокруг

~~изогнутой линии~~ его диаметра.



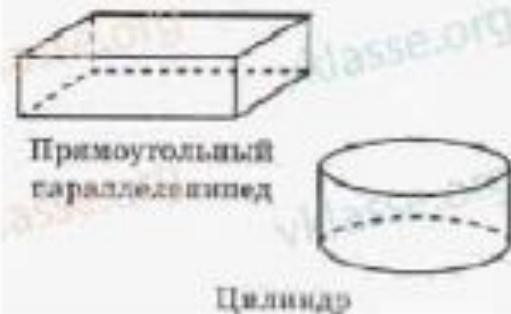


В стереометрии изучают  
фигуры в пространстве, называемые **телами**.

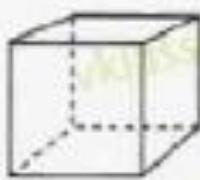


## Правила изображения пространственных фигур:

- 1) Линии, которые видны глазами наблюдателя изображают **сплошными**.
- 2) Линии, которые не видны глазами наблюдателя изображают **пунктирными**.



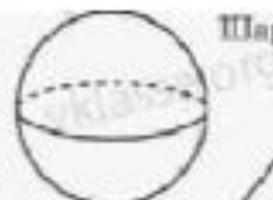
Прямоугольный  
параллелепипед



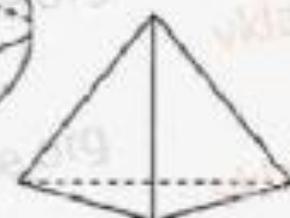
Куб



Конус



Шар



Пирамида

Рис. 43

# ГЕОМЕТРИЯ

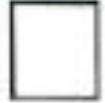


## Планиметрия

(изучаются свойства плоских фигур)



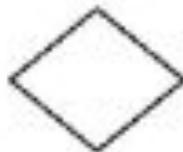
треугольник



квадрат



круг



ромб



параллелограмм



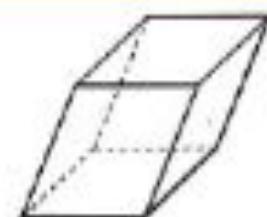
трапеция

## Стереометрия

(изучаются пространственные фигуры)



пирамида



параллелепипед



цилиндр

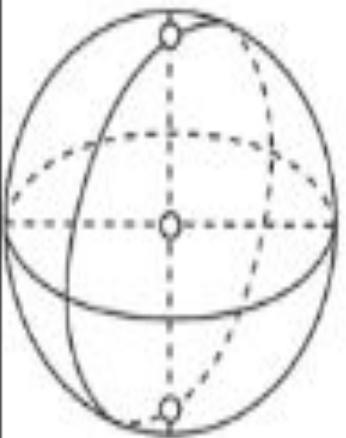


шар

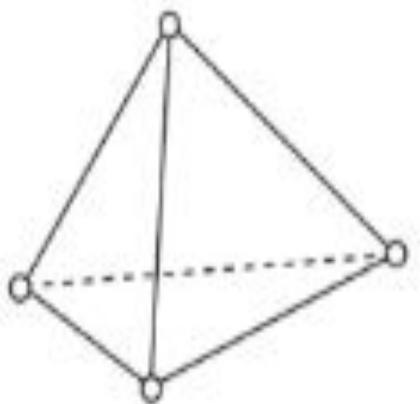


конус

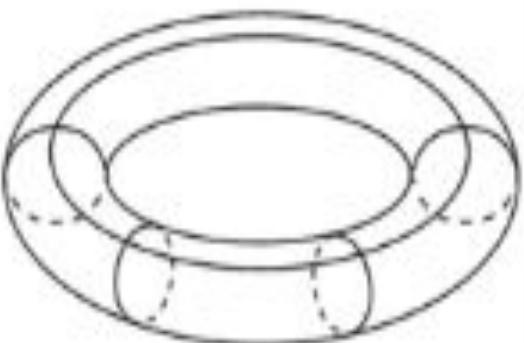
Шар

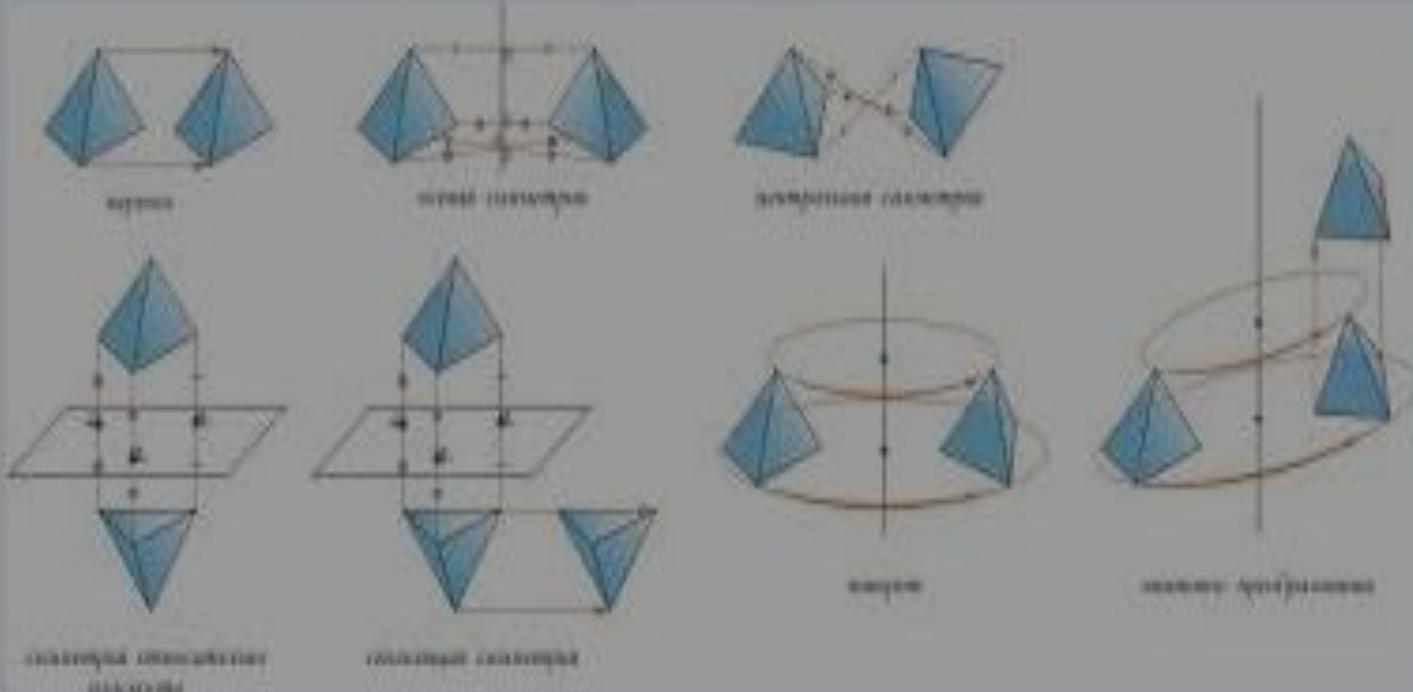


Тетраэдр



Тор





Геометрические преобразования. Перемещения  
[school-collection.edu.ru](http://school-collection.edu.ru)