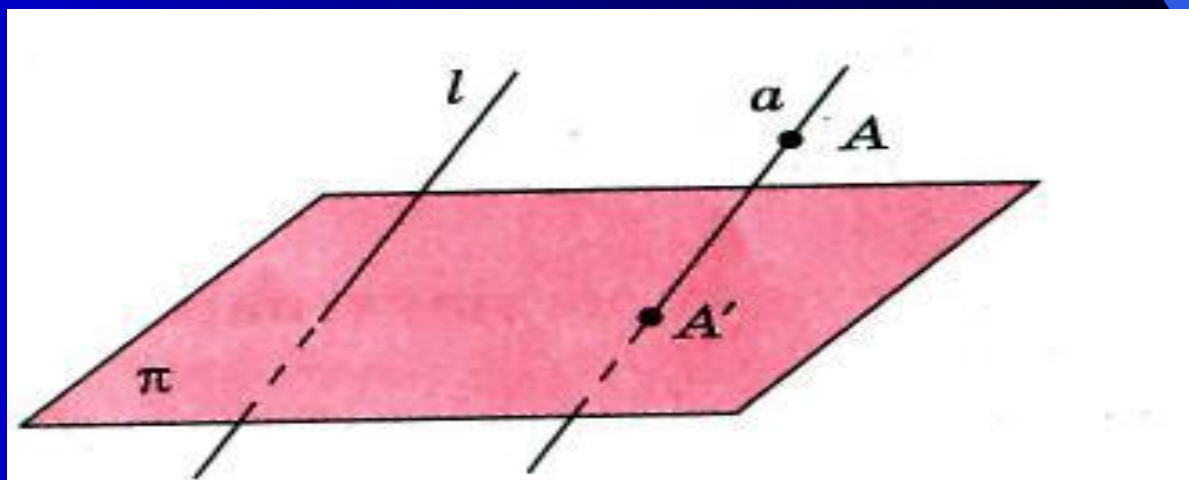


Параллельное проектирование

*Подготовила
обучающаяся
группы ПК-28
Орёл Ольга*

В стереометрии изучаются пространственные фигуры, однако на чертеже они изображаются в виде плоских фигур. Каким же образом следует изображать пространственную фигуру на плоскости? Обычно для этого используется параллельное проектирование пространственной фигуры на плоскость.

Точка A' является параллельной проекцией точки A на плоскость π в направлении прямой l . Если точка A принадлежит прямой l , то параллельной проекцией A на плоскость π считается точка пересечения прямой l с плоскостью π . Такое соответствие называется параллельным проектированием. (рис. 1)



Пусть Φ – некоторая фигура в пространстве. Проекция её точек на плоскость π образует фигуру Φ' , которая называется параллельной проекцией фигуры Φ на плоскость π в направлении прямой ℓ . (рис. 2)

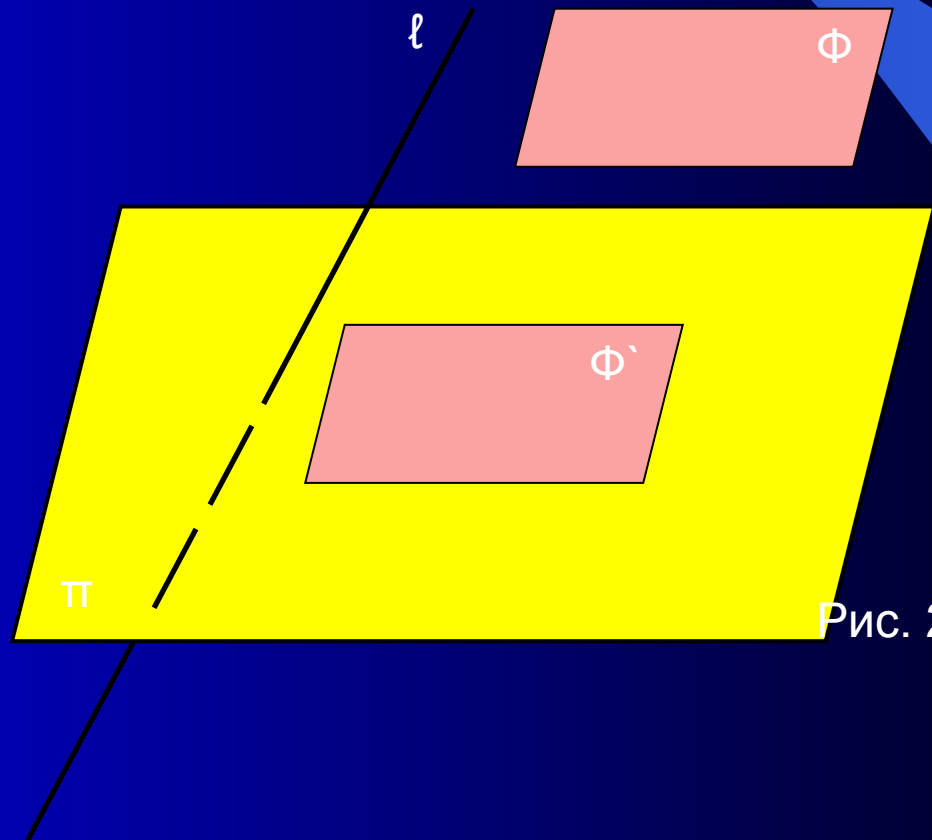
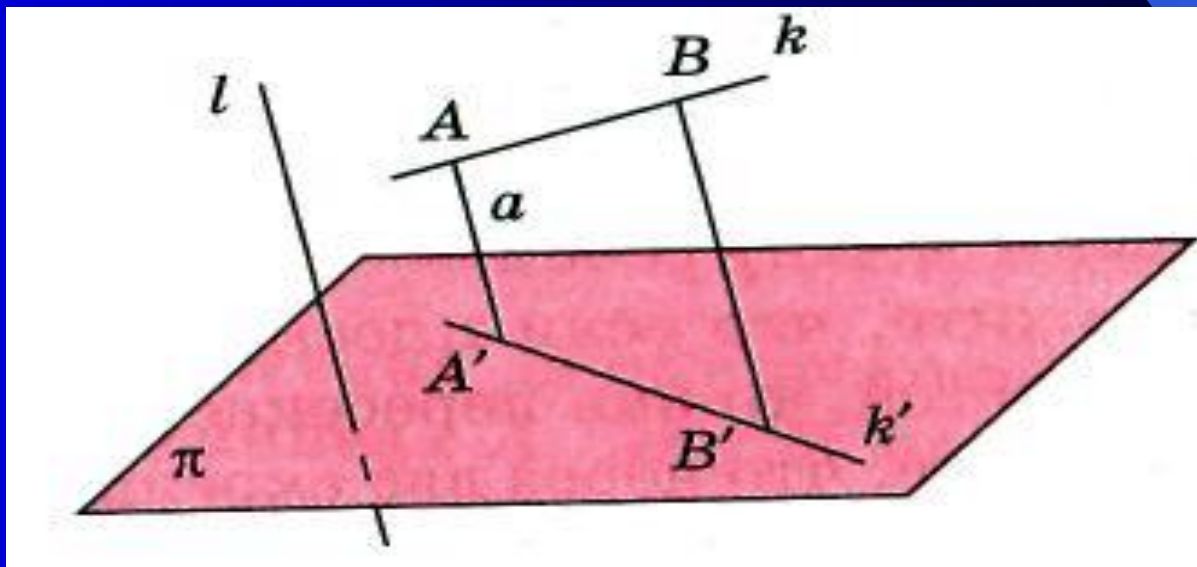
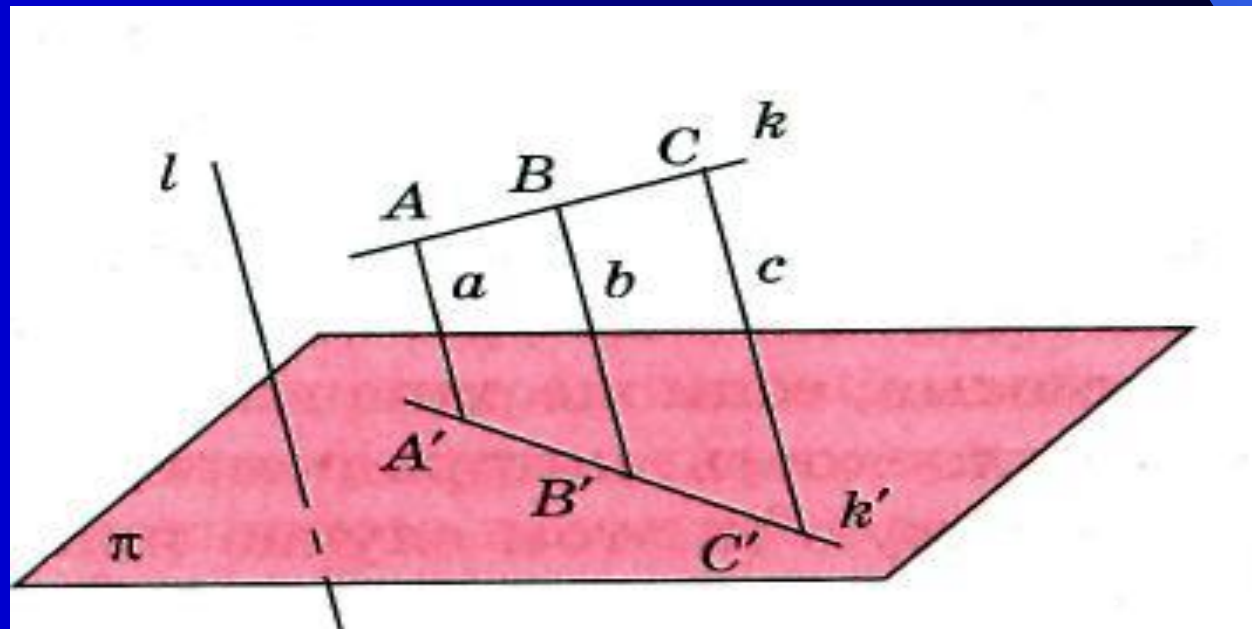


Рис. 2

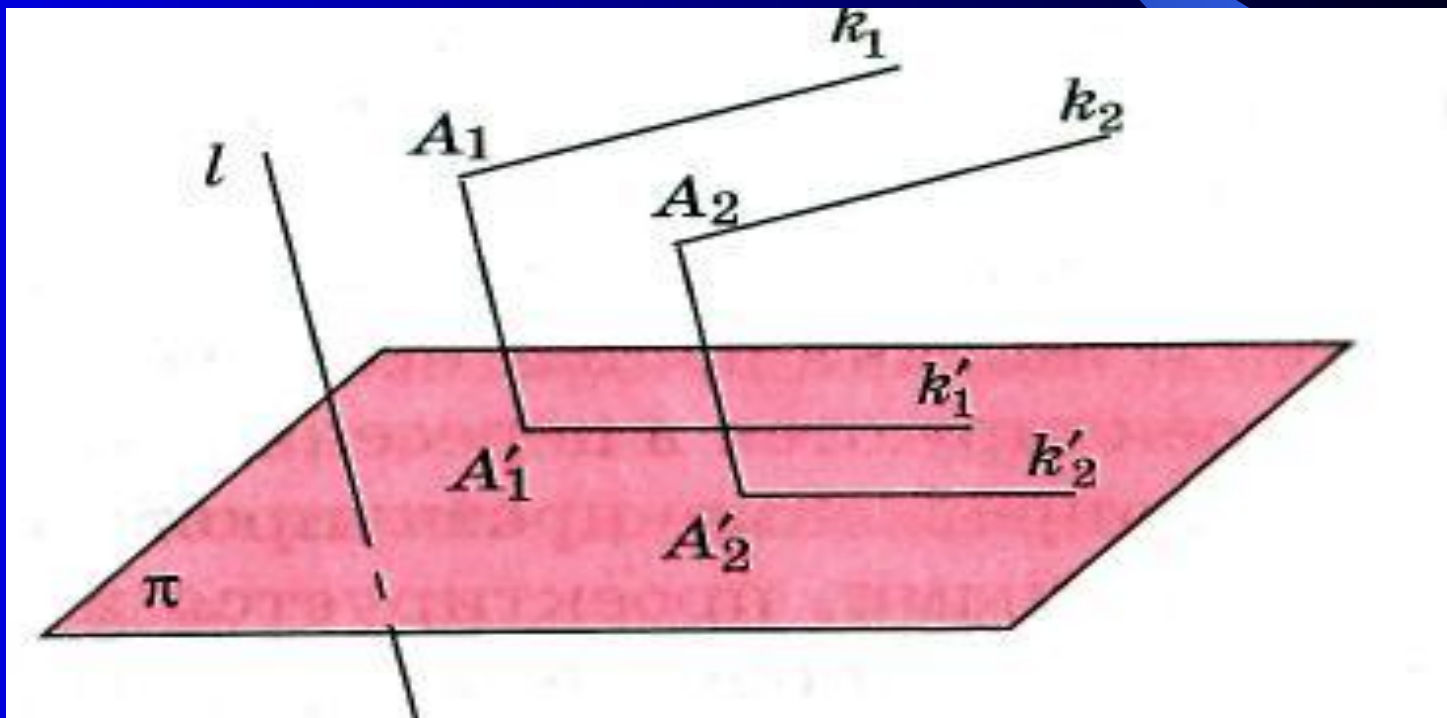
Свойство №1. Если прямая параллельна или совпадает с прямой ℓ , то её проекцией в направлении этой прямой является точка. Если прямая не параллельна и не совпадает с прямой ℓ , то её проекцией является прямая. (рис. 3)



Свойство №2. Проекция отрезка при параллельном проектировании есть точка или отрезок в зависимости от того, лежит он на прямой, параллельной или совпадающей с прямой ℓ , или нет. Отношение длин отрезков, лежащих на одной прямой, сохраняется. В частности, середина отрезка при параллельном проектировании переходит в середину соответствующего отрезка. (рис. 4)

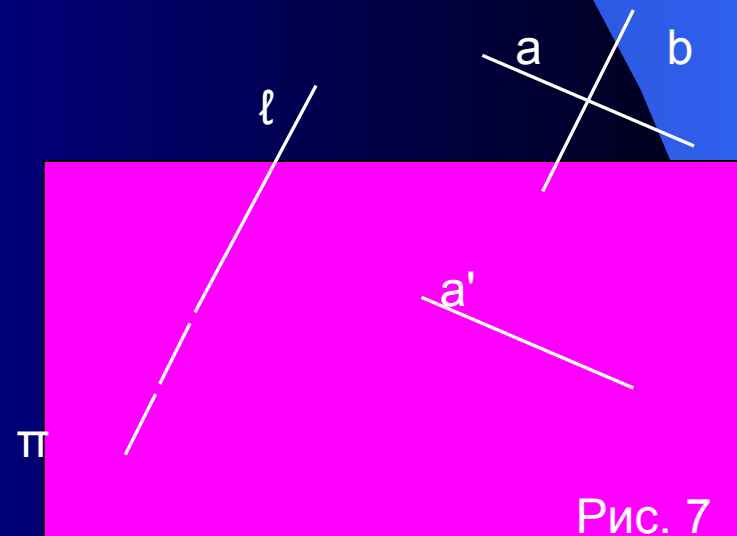
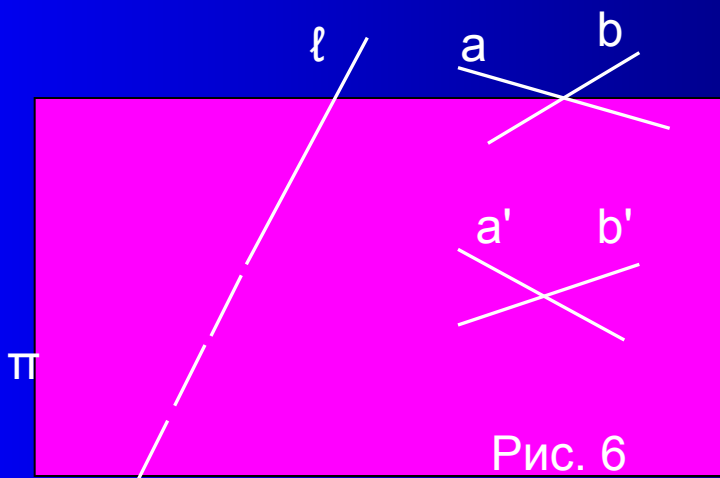


Свойство №3. Если две параллельные прямые не параллельны прямой ℓ , то их проекции в направлении ℓ могут быть или параллельными прямыми, или одной прямой. (рис. 5)

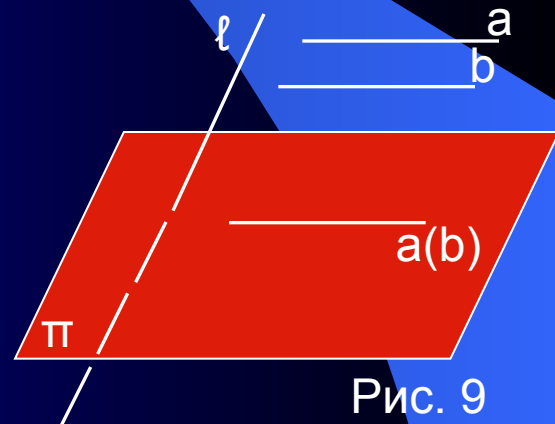
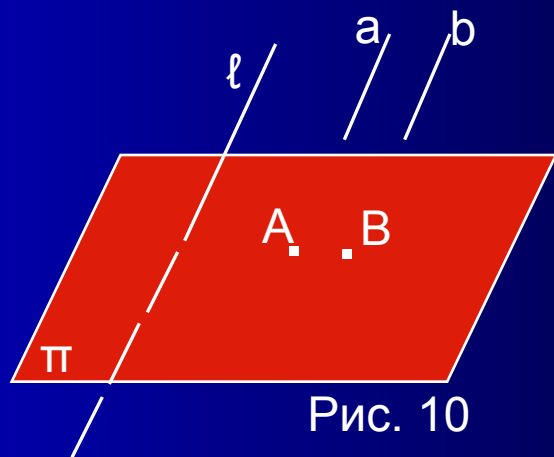
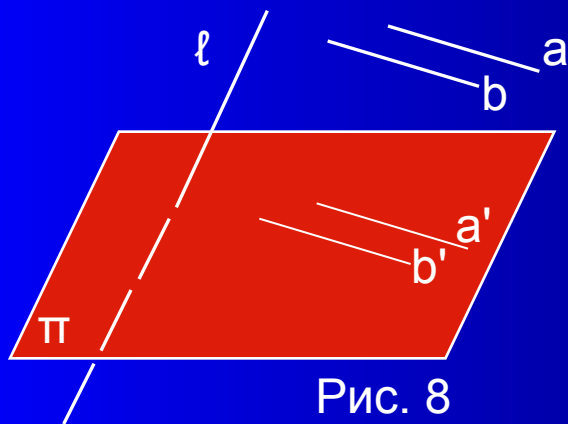


Пример 1. Как должны быть расположены две прямые, чтобы они проектировались на плоскость в прямую и точку, не принадлежащую этой прямой?

Решение. Рассмотрим все возможные случаи. Если прямые пересекаются и ни одна из них не параллельна направлению проектирования, то они проектируются в пересекающиеся прямые (рис. 6); если же одна из них параллельна направлению проектирования, то плоскость, которая определяется этими прямыми, проектируется в одну прямую (в этом случае плоскость параллельна направлению проектирования). (рис. 7)



Если прямые параллельны, то они проектируются или в две параллельные прямые (их плоскость не параллельна направлению проектирования) (рис. 8), или в одну прямую (их плоскость параллельна направлению проектирования, но сами они не параллельны направлению проектирования) (рис. 9), или в две точки (прямые параллельны направлению проектирования) (рис. 10)



Если прямые скрещиваются и одна из них параллельна направлению проектирования, то они проектируются соответственно в прямую и не принадлежащую ей точку. (рис.11)

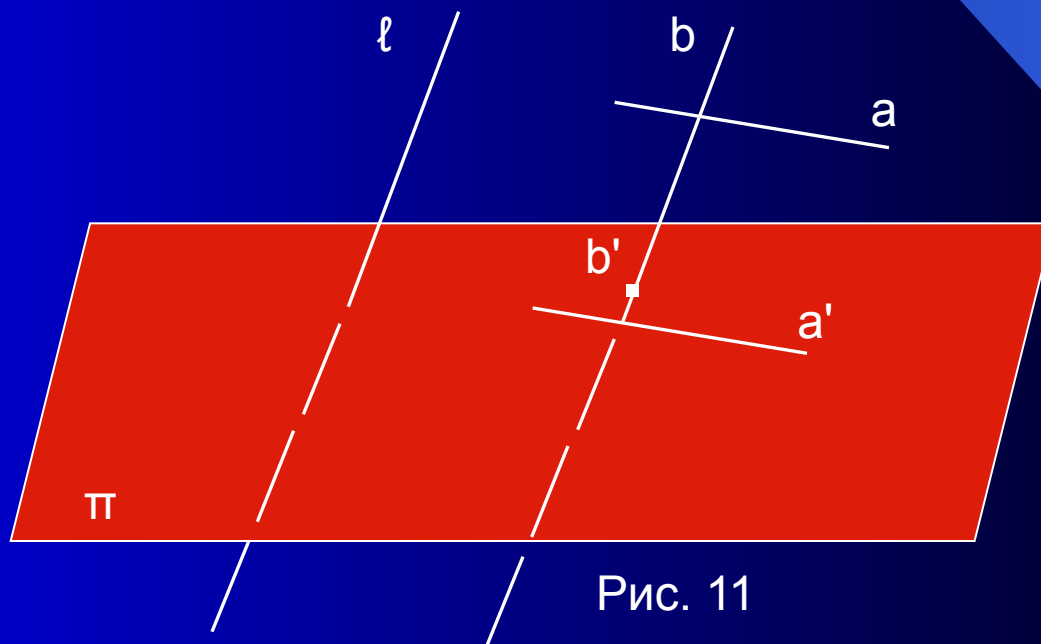


Рис. 11

Пример № 2. Отрезок AB , равный a , параллелен плоскости проектирования. Найди длину его параллельной проекции.

Решение. Пусть параллельными проекциями точек A , B будут соответствовать точки A' , B' . Тогда четырехугольник $ABB'A'$ будет параллелограммом (AA' параллельна BB' , AB параллельна $A'B'$). Следовательно, $AB = A'B' = a$. Таким образом, длина параллельной проекции отрезка, лежащего в плоскости, параллельной плоскости проектирования, равна длине отрезка. (рис. 12)

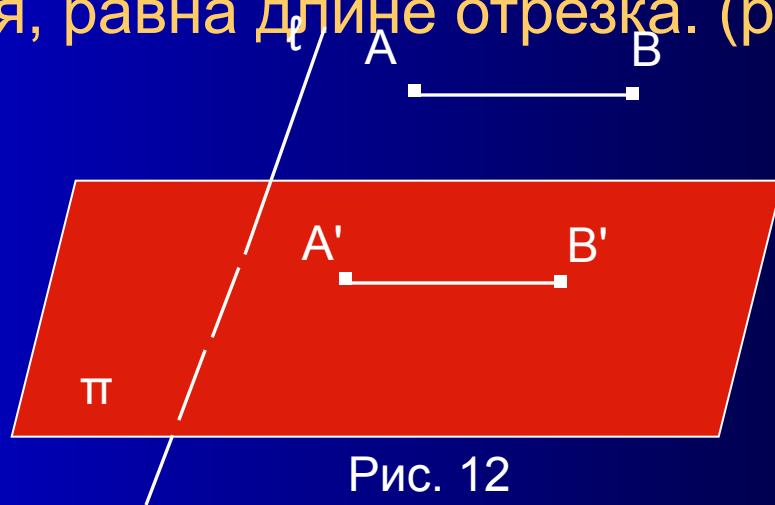


Рис. 12

Спасибо
за
внимание