

Методическая разработка Савченко Е.М. МОУ гимназия №1, г. Полярные Зори, Мурманской обл.

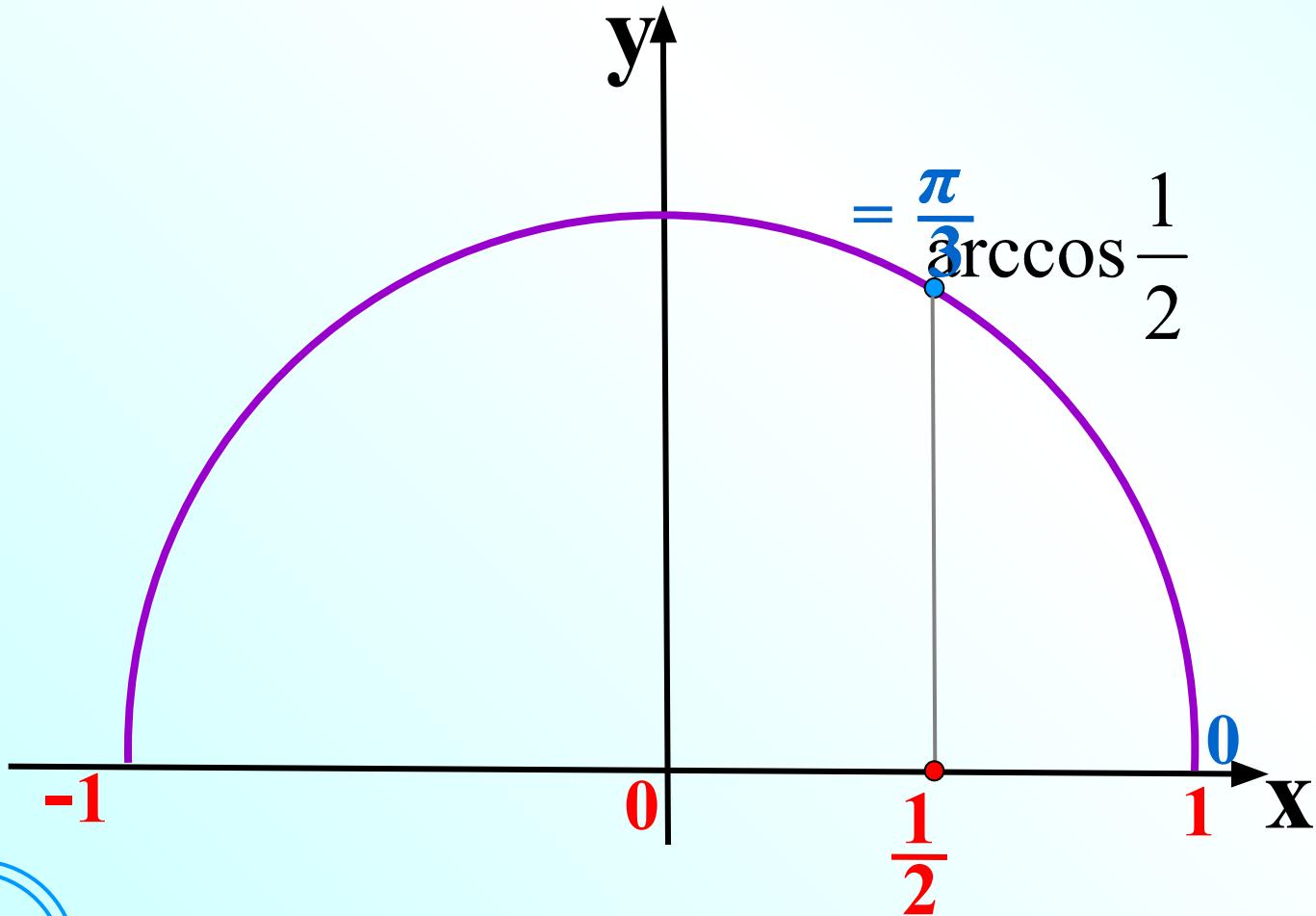
[http://le-savchen.ucoz.  
ru/](http://le-savchen.ucoz.ru/)

# Арккосинус. Решение уравнения $\cos x = a$

Алгебра и начала анализа. 10 класс. УМК Мордкович А.Г. и др.

*s* ***arccos a*** – это такое число ***α***,  
косинус которого равен ***a***

$$a \in [-1; 1] \quad \alpha \in [0; \pi]$$



Так как

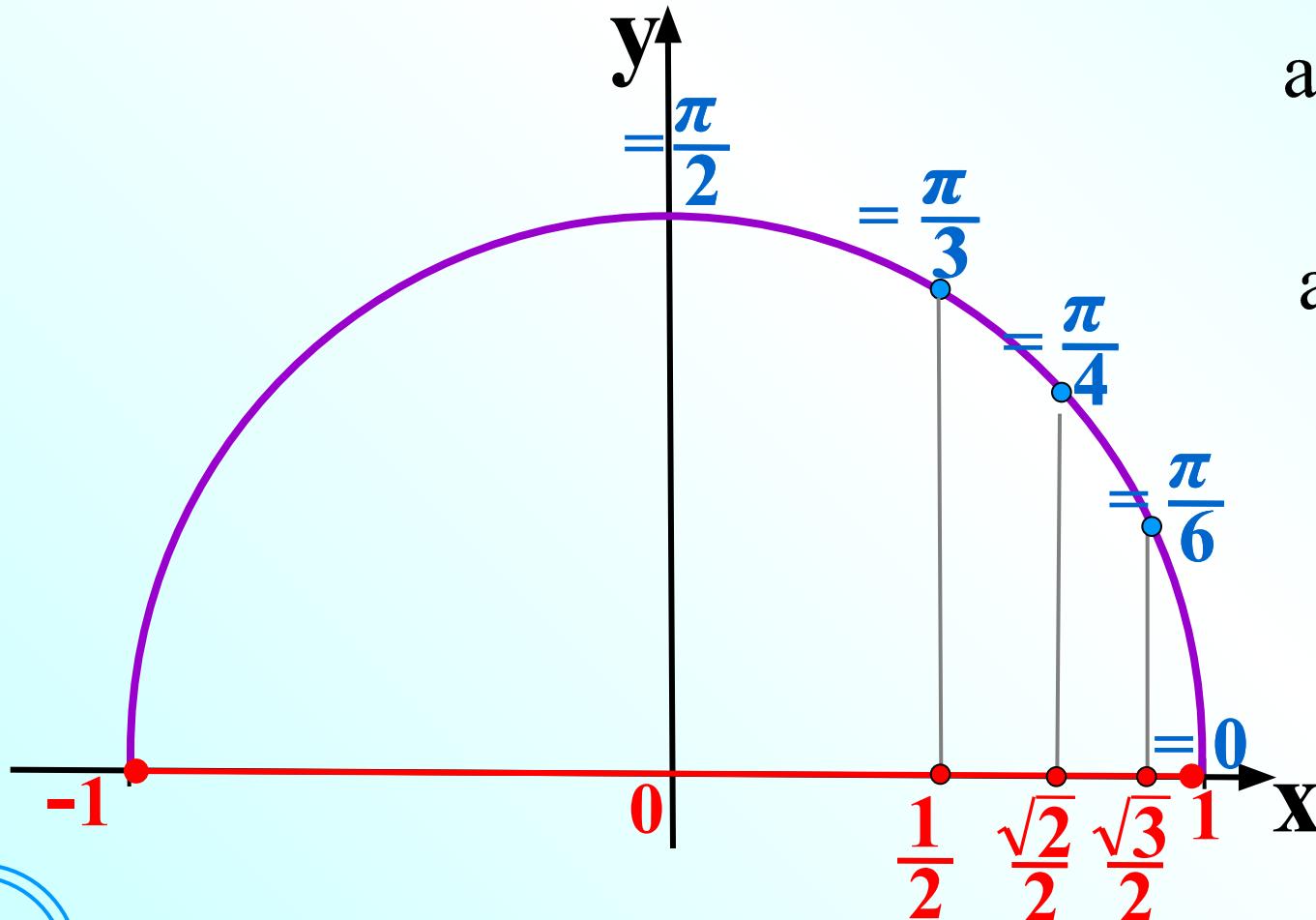
$$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

*arccos a* – это такое число  $\alpha$ ,  
косинус которого равен  $a$

*s*

$$a \in [-1; 1]$$

$$\alpha \in [0; \pi]$$



$\arccos 1$

$$\sqrt{3}$$

$$\arccos \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\sqrt{2}$$

$$\arccos \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\arccos \frac{1}{2}$$

$\arccos 0$

$\arccos 1,5$

Не существует

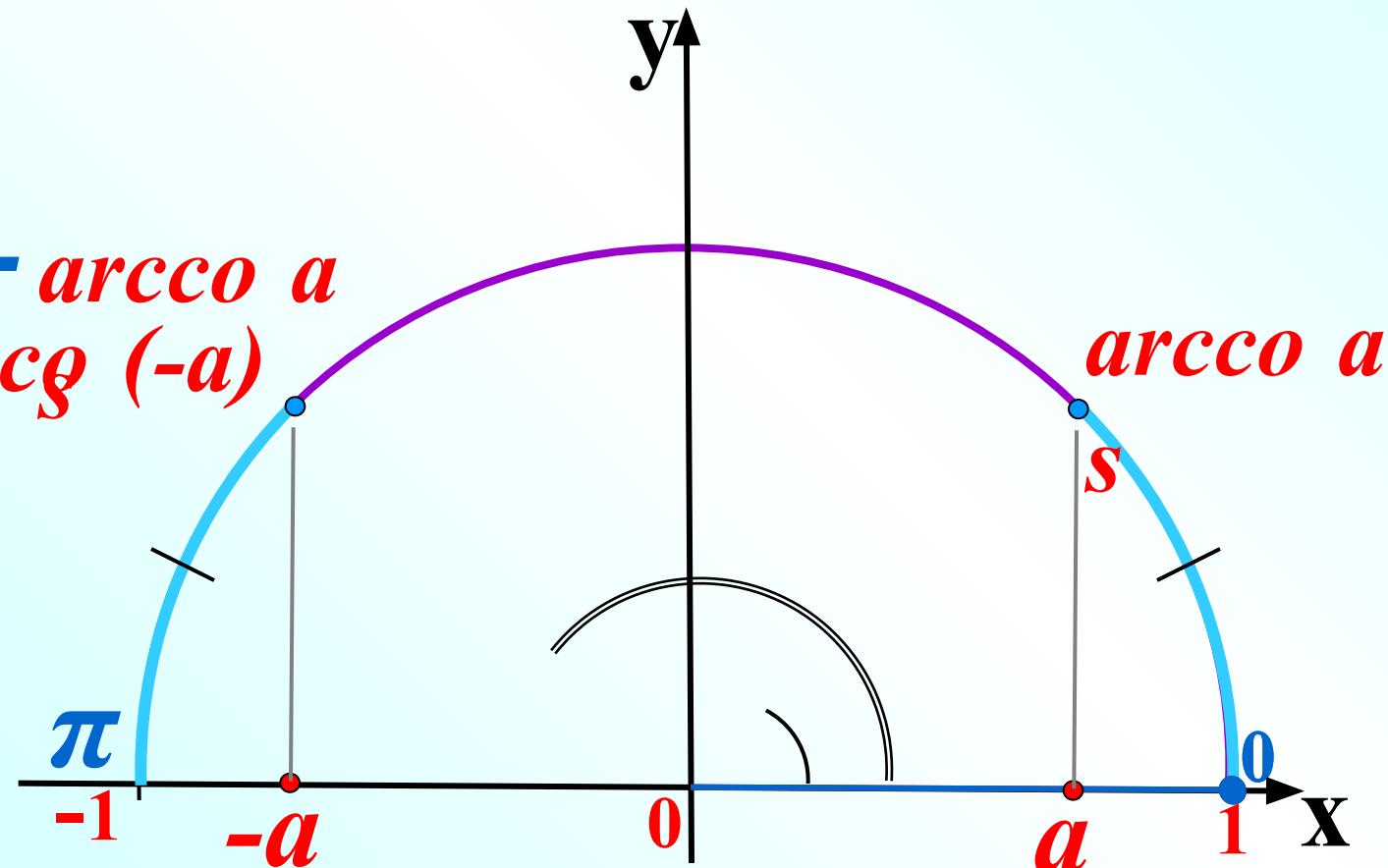
$\arccos \sqrt{3}$

Не существует

Для вычисления арккосинуса отрицательных чисел будем использовать формулу

$$\arccos(-a) = \pi - \arccos a$$

Используем графическую иллюстрацию для обоснования формулы:



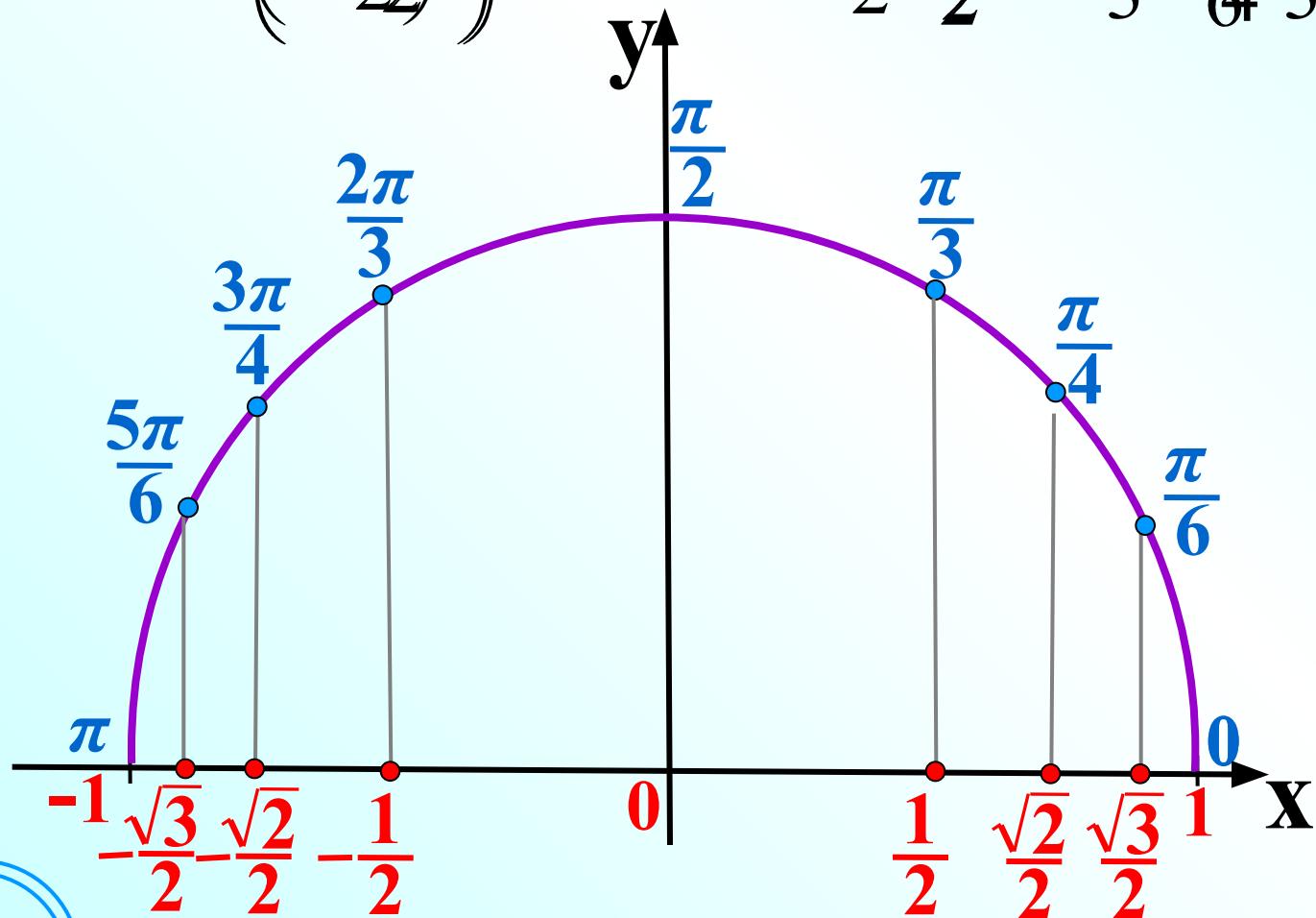
$$\arccos(-a) = \pi - \arccos(a)$$

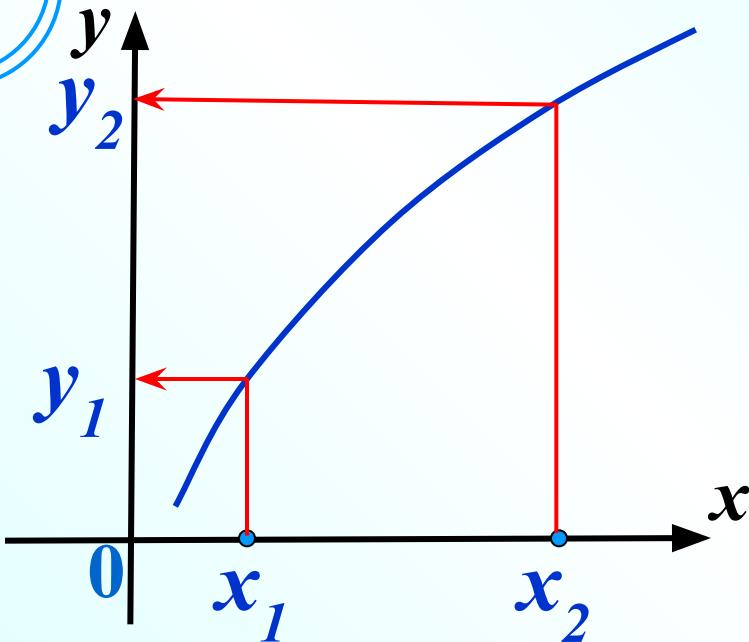
$s$

$$\arccos\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = \pi - \arccos\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$a$$

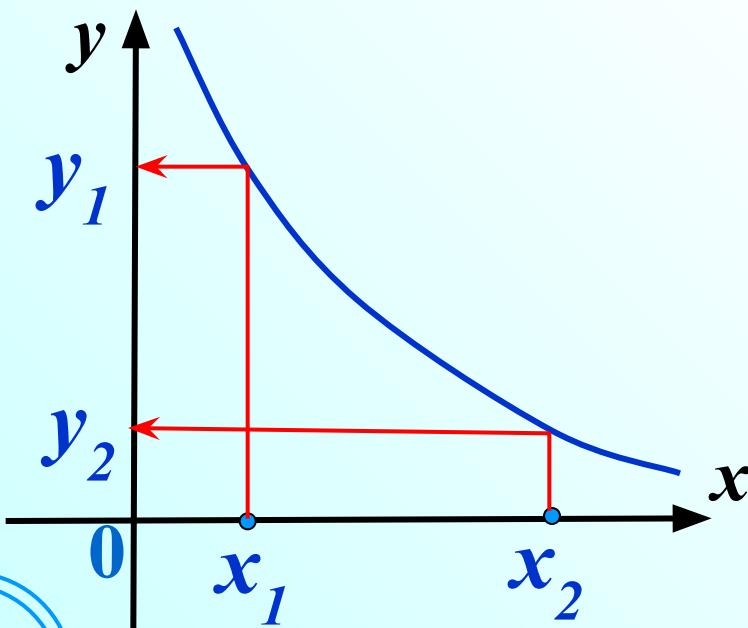
$$\frac{\pi}{2} \quad \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \frac{\pi}{3} \quad 0 \quad \frac{\pi}{4} \quad \frac{\pi}{6} \quad \frac{2\pi}{3} \quad \frac{3\pi}{4} \quad \frac{5\pi}{6} \quad \pi$$





Возрастающая функция.  
Большему значению аргумента  
соответствует большее значение  
функции.

$$x_2 > x_1 \quad y_2 > y_1$$



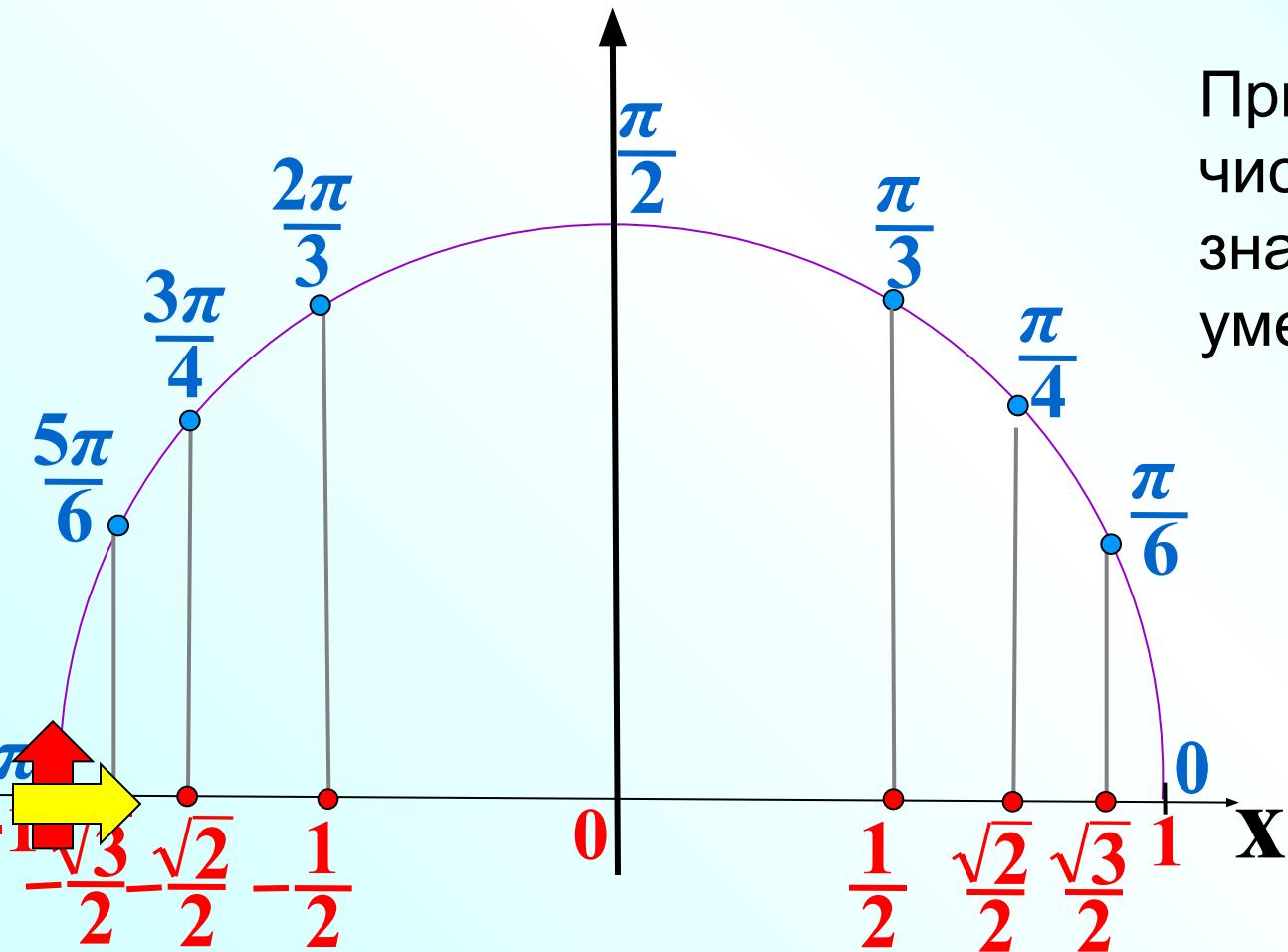
Убывающая функция.  
Большему значению аргумента  
соответствует меньшее значение  
функции.

$$x_2 > x_1 \quad y_2 < y_1$$

$$y = \arccos x$$

убывающая функция

Большему значению аргумента соответствует  
меньшее значение функции



При увеличении  
числа  $a$  (по оси  $x$ ),  
значение угла  $\alpha$   
уменьшается.

## Сравнить

$$\arccos \frac{1}{4} < \arccos\left(-\frac{1}{4}\right)$$

$$\frac{1}{4} > -\frac{1}{4}$$

$$\arccos\left(-\frac{3}{4}\right) < \arccos(-1)$$

$$-\frac{3}{4} > -1$$

$$\arccos\left(\frac{\sqrt{5}}{3}\right) > \arccos\left(\frac{\sqrt{7}}{3}\right)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{3} < \frac{\sqrt{7}}{3}$$

$$\arccos(-0,3) > \arccos(-0,1)$$

$$-0,3 < -0,1$$

$$\arccos(-0,9) > \arccos(0,34)$$

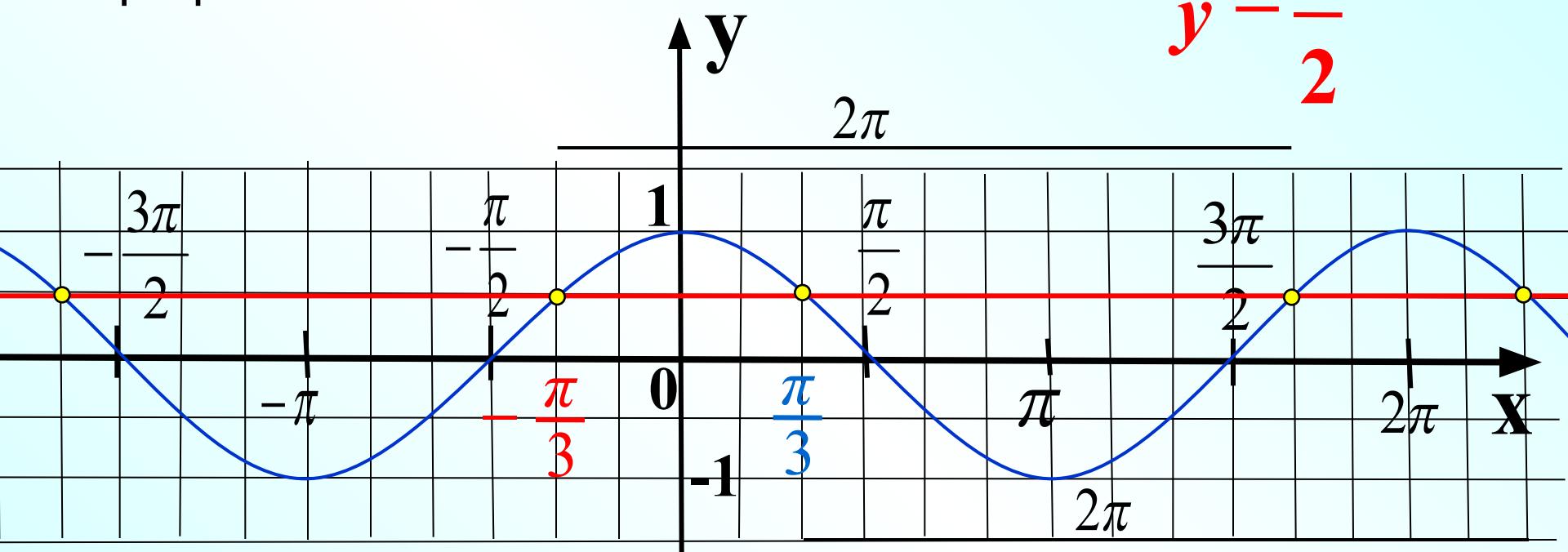
$$-0,9 < 0,34$$

Решить уравнение  $\cos x = \frac{1}{2}$

Графический способ

$$y = \cos x$$

$$y = \frac{1}{2}$$



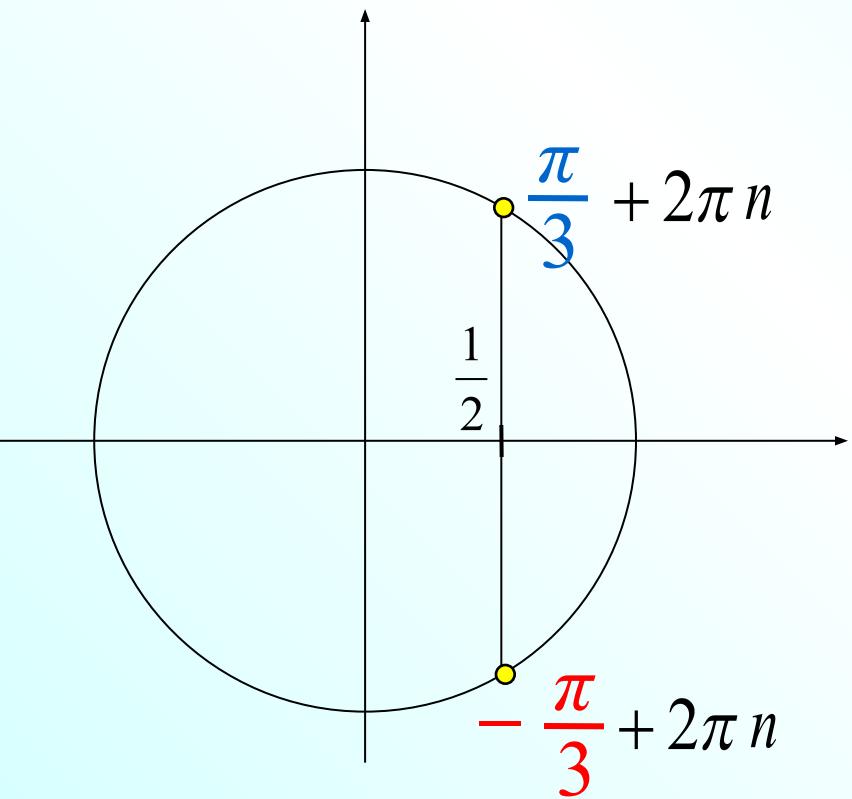
$$x = \frac{\pi}{3} + 2\pi n$$

$$x = -\frac{\pi}{3} + 2\pi n$$

$$x = \pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$$

Решить уравнение  $\cos x = \frac{1}{2}$

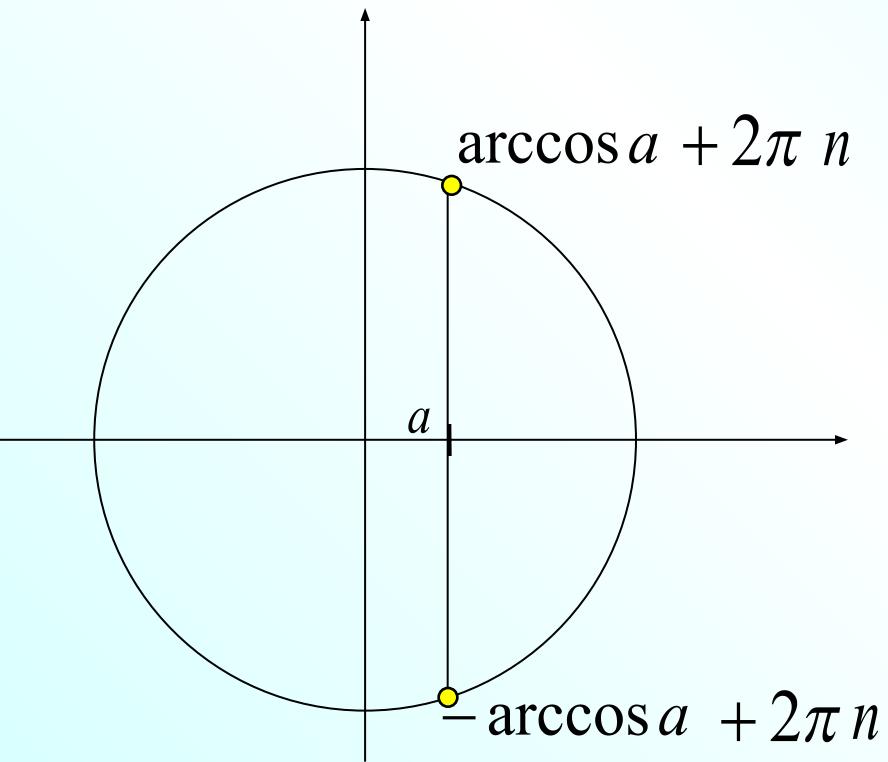
Решение уравнения на  
тригонометрическом круге



$$x = \pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$$

Решить уравнение  $\cos x = a$

Решение уравнения с помощью формулы



$$x = \pm \arccos a + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$$

Решить уравнение  $\cos x = 0,3$

**ВЕРНО!**

1  $x = \pm \arccos 0,3 + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

**ПОДУМАЙ**

!

2  $x = \pm \arccos 0,3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

**ПОДУМАЙ**

!

3  $\emptyset$

**ПОДУМАЙ**

!

4  $x = \arccos 0,3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

**ПОДУМАЙ**

!

5  $x = -\arccos 0,3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$



Решить уравнение  $\cos x = 1,6$

1  $x = \pm \arccos 1,6 + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

2  $x = \pm \arccos 1,6 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

3  $\emptyset$

4  $x = \arccos 1,6 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

5  $x = -\arccos 1,6 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

ПОДУМАЙ

ПОДУМАЙ

ВЕРНО!

ПОДУМАЙ

ПОДУМАЙ



Решить уравнение  $\cos x = -0,3$

**ВЕРНО!**

1  $x = \pm(\pi - \arccos 0,3) + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

**ПОДУМАЙ**

!

2  $x = \pm \arccos 0,3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

**ПОДУМАЙ**

!

3  $\emptyset$

**ПОДУМАЙ**

!

4  $x = \arccos 0,3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$

**ПОДУМАЙ**

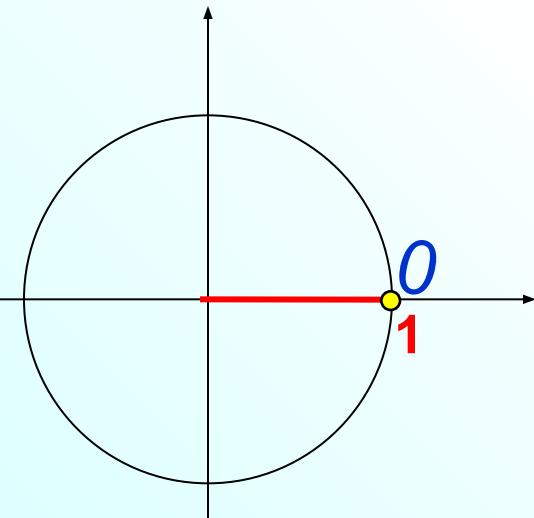
!

5  $x = -\arccos 0,3 + \pi n, n \in \mathbb{Z}$



## Частные случаи

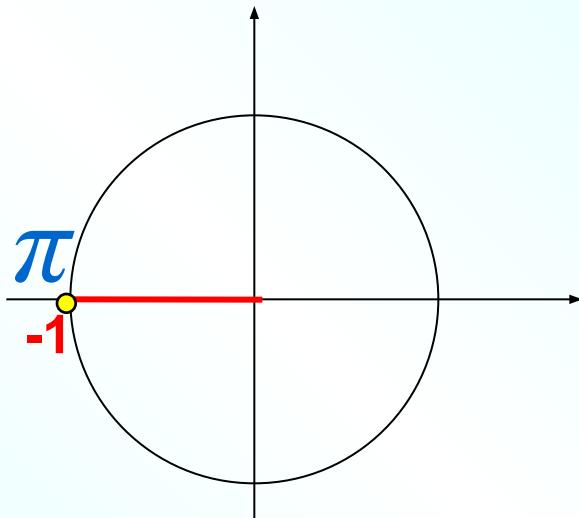
$$\cos x = 1$$



$$x = 0 + 2\pi n$$

$$x = 2\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

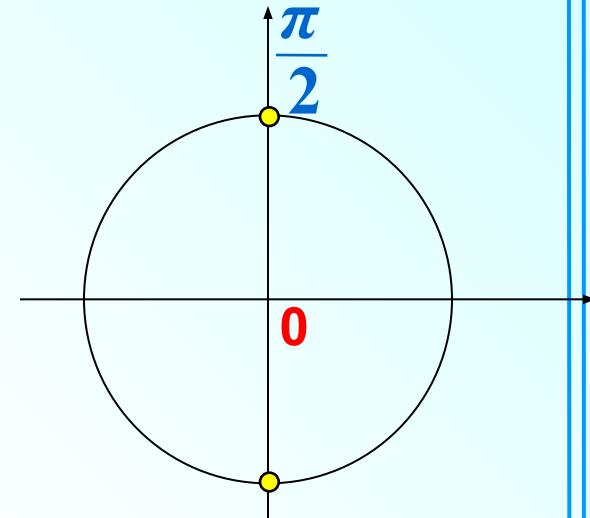
$$\cos x = -1$$



$$x = \pi + 2\pi n$$

$$x = \pi + 2\pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$

$$\cos x = 0$$



$$x = \frac{\pi}{2} + \pi n$$

$$x = \frac{\pi}{2} + \pi n, \quad n \in \mathbb{Z}$$