

## Практическое занятие № 4 (11)

## Задачи группы «А»

### ПЕРЕМЕННЫЙ ЭЛЕКТРИЧЕСКИЙ ТОК

№ 2616(2)  
Сборник вопросов, упражнений и задач  
по курсу общей физики в системе РИТМ.  
Часть 2.  
Стр. 179 – 192.

Перед решением задач необходимо самостоятельно  
разобрать *теоретические основы* по рассматриваемой  
теме  
(приведены в данной презентации)

3-й модуль 2-го  
семестра

# ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ

## Основные положения теории:

- Установившиеся вынужденные электромагнитные колебания можно рассматривать как переменный ток, протекающий в цепи, содержащей резистор  $R$ , конденсатор  $C$  и катушку индуктивности  $L$ .
- Переменный ток можно считать квазистационарным, т.е. мгновенные значения тока можно считать во всех точках цепи одинаковыми, т.к. его изменения являются медленными в сравнении со скоростью распространения ЭМ волны (скоростью света) вдоль этой электрической цепи.
- Для мгновенных значений квазистационарных токов выполняется закон Ома и следуя Рассмотрим процессы в простейших электрических цепях с переменным током :

1. Переменный ток течет через резистор  $R$ . В рамках условия квазистационарности ток через резистор определяется законом Ома ( $E(t)$  – внешний источник переменной ЭДС):

$$I = \frac{E(t)}{R} = \frac{E_m}{R} \cos \omega t = I_m \cos \omega t$$

(1)

$$E(t) = E_m \cos \omega t$$

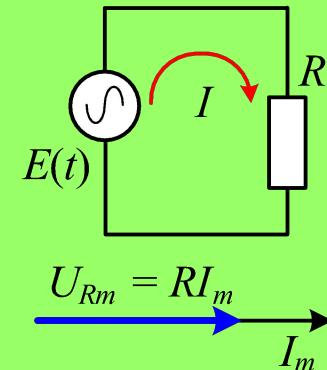
(2)

Амплитуда тока:

$$I_m = \frac{E_m}{R}$$

Наглядно представить соотношение между переменным током и напряжением в цепи можно векторной диаграммой, построенной для амплитудных значений гармонических функций тока  $I(t)$  и напряжения  $U(t)$ .

Из векторной диаграммы видно: сдвиг фаз между амплитудой тока  $I_m$ , текущего через резистор, и падением напряжения на резисторе  $U_{Rm}$ , равен нулю.



2. Переменный ток течет через катушку индуктивности L. Под действием переменной ЭДС  $E(t)$  в цепи течет переменный, приводящий к возникновению ЭДС самоиндукции в катушке. Закон Ома :

$$E(t) + E_{Si}(t) = 0 \rightarrow E_m \cos \omega t - L \frac{dI}{dt} = 0 \rightarrow U_L = L \frac{dI}{dt} = E_m \cos \omega t \quad (3)$$

Выделим из (3) дифференциал тока  $dI$  и проинтегрируем по времени (постоянная интегрирования равна нулю, т.к. отсутствует постоянный ток):

$$I = \frac{E_m}{\omega L} \sin \omega t = \frac{E_m}{\omega L} \cos \left( \omega t - \frac{\pi}{2} \right) = I_m \cos \left( \omega t - \frac{\pi}{2} \right) \quad (4)$$

$$I_m = \frac{E_m}{\omega L}$$

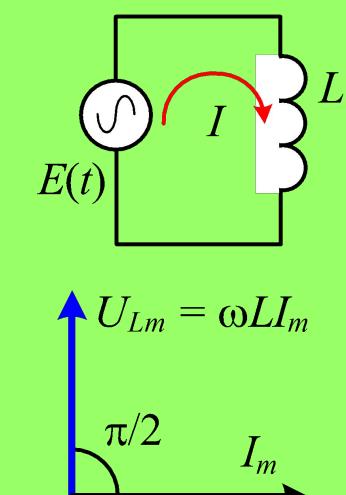
Из (4) получаем реактивное индуктивное сопротивление катушки (для постоянного тока,  $\omega = 0$ , получаем  $Z_L = 0$ ) :

$$Z_L = \frac{E_m}{I_m} = \omega L \quad (5)$$

Подставим в (3) выражение амплитуды ЭДС и получим падение напряжения на катушке:

$$\rightarrow E_m = \omega L I_m \quad (6)$$

$$U_L = \omega L I_m \cos \omega t = U_{Lm} \cos \omega t \quad (7)$$



Вывод : из сравнения (4) и (7) следует, что падение напряжения на индуктивности опережает по фазе ток, текущий через катушку, на угол  $\Phi = \pi/2$ , см. векторную диаграмму.

3. Переменный ток течет через конденсатор **C**. Под действием переменной ЭДС **E(t)** конденсатор непрерывно перезаряжается, в результате в цепи течет переменный ток. Напряжение ЭДС полностью приложено к конденсатору. Пренебрегая сопротивлением проводов, закон Ома запишется в виде :

$$E(t) = U_C \rightarrow E_m \cos \omega t = \frac{Q}{C} \rightarrow Q = CE_m \cos \omega t \quad (8)$$

Найдем ток, используя выражение для заряда (8):

$$I = \frac{dQ}{dt} = -\omega CE_m \sin \omega t = I_m \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) \quad (9)$$

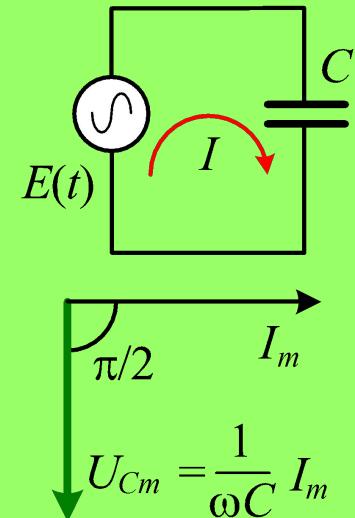
Из (9) находим реактивное емкостное сопротивление конденсатора **Z<sub>C</sub>**, которое для постоянного тока (**ω = 0**) очень большое (**Z<sub>C</sub> → ∞**):

$$I_m = \omega CE_m = \frac{E_m}{1/\omega C} = \frac{E_m}{Z_C} \quad (10) \rightarrow Z_C = \frac{1}{\omega C} \quad (11)$$

Подстановкой (10) в (8) получим падение напряжение на конденсаторе :

$$U_C = \frac{Q}{C} = E_m \cos \omega t = \frac{1}{\omega C} I_m \cos \omega t \quad (12)$$

$$U_{Cm} = \frac{1}{\omega C} I_m$$



Вывод : из сравнения (9) и (12) следует, что ток, текущий через конденсатор, опережает по фазе падение напряжения на конденсаторе на угол **Ф = π/2**, см. векторную диаграмму.

## Основные формулы для решения задач

1. Реактивное сопротивление конденсатора переменному току (**C** - электроемкость конденсатора; **ω** - круговая частота) :

$$X_C = \frac{1}{\omega C}$$

3. Полное сопротивление переменному току последовательной цепи, состоящей из активного сопротивления, электроемкости и индуктивности:

$$Z = \sqrt{R^2 + \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}$$

5. Закон Ома для переменного тока :

6. Связь между эффективными (действующими) и амплитудными значениями тока и напряжения :

$$I_{\text{ЭФ}} = I_m / \sqrt{2} \quad U_{\text{ЭФ}} = U_m / \sqrt{2}$$

7. Мощность переменного тока :

$$P = I_{\text{ЭФ}} U_{\text{ЭФ}} \cos \phi = \frac{1}{2} I_m U_m \cos \phi$$

2. Реактивное сопротивление катушки индуктивности переменному току (**L** - индуктивность катушки):

$$X_L = \omega L$$

4. Угол сдвига фазы между током и напряжением в последовательной цепи, содержащей активное сопротивление, электроемкость и индуктивность:

$$\phi = \arctg \frac{\omega L - 1/\omega C}{R}$$

## СПРАВОЧНЫЙ МАТЕРИАЛ :

Плотность меди:  
кг/м<sup>3</sup>

$$\rho_0 = 8,6 \cdot 10^3$$

Удельное сопротивление меди:  $\rho = 0,017$   
мкОм · м

Магнитная постоянная:  
Гн/м

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$$

Электрическая постоянная:  
Ф/м

$$\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12}$$

**A1. (B.14.23) Найти полное сопротивление цепи  $Z$  и разность фаз между напряжением и током при разных способах включения сопротивления  $R$ , емкости  $C$  и индуктивности  $L$ . Рассмотреть следующие случаи : 1).  $R$  и  $C$  включены последовательно; 2).  $R$  и  $C$  включены параллельно; 3).  $R$  и  $L$  включены последовательно; 4).  $R$  и  $L$  включены параллельно; 5).  $R$ ,  $L$  и  $C$  включены последовательно.**

1). Цепь переменного тока из последовательно соединенных резистора конденсатора  $C$  и  $R$ . В цепи под действием переменной ЭДС  $E(t)$  возникает переменный ток, создающий падения напряжения на каждом из элементов цепи. Закон Ома записывается в виде :

$$E(t) = U_R + U_C$$

$$E(t) = IR + \frac{Q}{C} = IR + \frac{1}{C} \int I dt$$

(1)



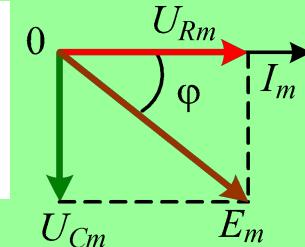
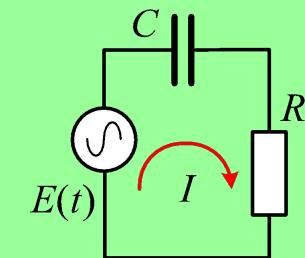
$$I(t) = I_m \cos \omega t$$

$$E_m \cos(\omega t + \phi) = RI_m \cos \omega t + \frac{1}{\omega C} I_m \sin \omega t$$

$$E_m \cos(\omega t + \phi) = RI_m \cos \omega t + \frac{1}{\omega C} I_m \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$E_m \cos(\omega t + \phi) = U_{Rm} \cos \omega t + U_{Cm} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

Из векторной диаграммы видно, что вектор амплитуды ЭДС  $E_m$  равен векторной сумме амплитуд напряжений на элементах цепи.  
Амплитуда напряжения ЭДС – это гипotenуза треугольника:



$$E_m^2 = U_{Rm}^2 + U_{Cm}^2$$

$$E_m^2 = (RI_m)^2 + [(1/\omega C)I_m]^2$$

$$U_{Rm} = RI_m \quad U_{Cm} = (1/\omega C)I_m$$

Угол  $\phi$  определяет разность фаз между силой тока и напряжением ЭДС на зажимах цепи :

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{-U_{Cm}}{U_{Rm}} = -\frac{1}{\omega CR}$$

Амплитуда тока :

$$I_m = \frac{E_m}{\sqrt{R^2 + (1/\omega C)^2}}$$

Полное сопротивление цепи:

$$Z = \frac{E_m}{I_m} = \sqrt{R^2 + (1/\omega C)^2}$$

Реактивное сопротивление цепи:

$$X = -Z_C = -\frac{1}{\omega C}$$

2). Цепь переменного тока из параллельно соединенных резистора **R** и конденсатора **C**. В цепи под действием переменной ЭДС **E(t)** возникает переменный ток, создающий падения напряжения на каждом из элементов цепи. Закон Ома записывается в виде :

$$I(t) = I_R + I_C$$

$$I(t) = \frac{E(t)}{R} + \frac{dQ}{dt} = \frac{E(t)}{R} + C \frac{dE(t)}{dt}$$

$$\left. \begin{aligned} E(t) &= E_m \cos \omega t \\ Q(t) &= CE(t) \end{aligned} \right\}$$

$$I_m \cos(\omega t + \varphi) = \frac{E_m}{R} \cos \omega t - \omega C E_m \sin \omega t$$

$$I_m \cos(\omega t + \varphi) = \frac{E_m}{R} \cos \omega t + \omega C E_m \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$I_{Rm} = \frac{E_m}{R}$$

$$I_m \cos(\omega t + \varphi) = I_{Rm} \cos \omega t + I_{Cm} \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$I_{Cm} = \omega C E_m$$

Из векторной диаграммы видно, что вектор амплитуды тока

**I<sub>m</sub>** равен векторной сумме амплитуд тока в элементах цепи :

Угол **Φ** определяет разность фаз между током

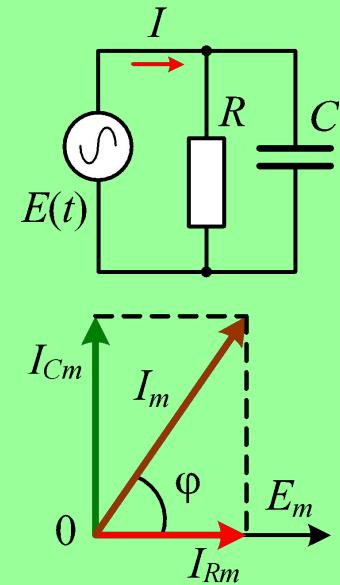
в цепи и напряжением ЭДС на зажимах цепи :

Амплитуда тока :

$$I_m = E_m \sqrt{\frac{1}{R^2} + (\omega C)^2}$$

Полное сопротивление цепи :

$$Z = \frac{E_m}{I_m} = \frac{R}{\sqrt{1 + (\omega C R)^2}}$$



3). Цепь переменного тока из последовательно соединенных резистора  $R$  и индуктивности  $L$ . В цепи под действием ЭДС  $E(t)$  возникает переменный ток, создающий напряжения на каждом из элементов цепи. Закон Ома имеет вид:

$$E(t) + E_{Si} = U_R$$

$$E(t) = IR + L \frac{dI}{dt}$$

$$E_m \cos(\omega t + \phi) = RI_m \cos \omega t - \omega LI_m \sin \omega t$$

$$I(t) = I_m \cos \omega t$$

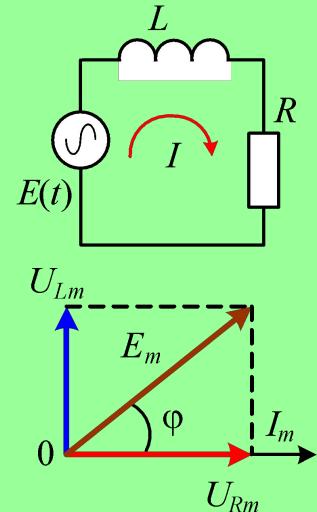
$$E_{Si} = -L \frac{dI}{dt}$$

$$E_m \cos(\omega t + \phi) = RI_m \cos \omega t + \omega LI_m \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$E_m \cos(\omega t + \phi) = U_{Rm} \cos \omega t + U_{Lm} \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$U_{Rm} = RI_m$$

$$U_{Lm} = \omega LI_m$$



Согласно векторной диаграмме вектор амплитуды ЭДС  $E_m$  равен сумме векторов амплитуд напряжений на элементах цепи. Угол  $\phi$  определяет разность фаз между током и напряжением ЭДС на зажимах цепи :

$$E_m^2 = U_{Rm}^2 + U_{Lm}^2 = (RI_m)^2 + [(\omega L)I_m]^2$$

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{U_{Lm}}{U_{Rm}} = \frac{\omega L}{R}$$

Амплитуда тока из (3) :

$$I_m = \frac{E_m}{\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}}$$

Полное сопротивление цепи :

$$Z = \frac{E_m}{I_m} = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2}$$

Реактивное сопротивление цепи :

$$X = Z_L = \omega L$$

4). Цепь переменного тока из последовательно соединенных резистора **R**, конденсатора **C** и катушки индуктивности **L**. В цепи под действием переменной ЭДС **E(t)** возникает переменный ток, создающий падения напряжения на каждом из элементов цепи. Закон Ома запишется в виде :

$$E(t) + E_{Si} = U_R + U_C$$

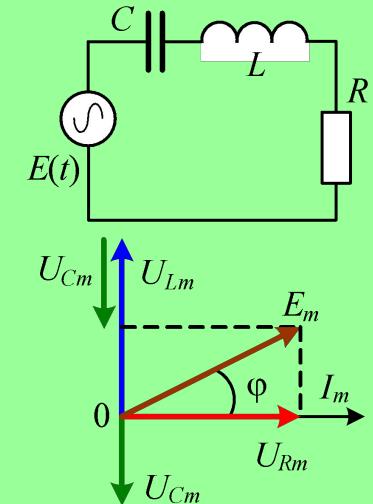
$$E(t) = IR + L \frac{dI}{dt} + \frac{Q}{C} = IR + L \frac{dI}{dt} + \frac{1}{C} \int I dt$$

$$\leftarrow I(t) = I_m \cos \omega t$$

$$E_m \cos(\omega t + \varphi) = RI_m \cos \omega t - \omega LI_m \sin \omega t + \frac{1}{\omega C} I_m \sin \omega t$$

$$E_m \cos(\omega t + \varphi) = RI_m \cos \omega t + \omega LI_m \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) + \frac{1}{\omega C} I_m \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$E_m \cos(\omega t + \varphi) = U_{Rm} \cos \omega t + U_{Lm} \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) + U_{Cm} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$



Из векторной диаграммы видно, что вектор амплитуды ЭДС **E<sub>m</sub>** равен векторной сумме амплитуд падений напряжений на элементах цепи.

Угол **φ** определяет разность фаз между силой тока в цепи и

напряжением ЭДС на зажимах цепи :

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{U_{Lm} - U_{Cm}}{U_{Rm}} = \frac{\omega L - 1/\omega C}{R}$$

**Амплитуда напряжения ЭДС – это гипотенуза прямоугольного треугольника:**

$$E_m^2 = (RI_m)^2 + [(\omega L - 1/\omega C)I_m]^2$$

$$E_m^2 = U_{Rm}^2 + (U_{Lm} - U_{Cm})^2$$

**Амплитуда тока :**

$$I_m = \frac{E_m}{\sqrt{R^2 + (\omega L - 1/\omega C)^2}}$$

**Полное сопротивление цепи :**

$$Z = \frac{E_m}{I_m} = \sqrt{R^2 + (\omega L - 1/\omega C)^2}$$

**Реактивное сопротивление цепи :**

$$X = Z_L - Z_C = \omega L - \frac{1}{\omega C}$$

**A2. (B.14.24) Конденсатор емкостью  $C = 1 \text{ мкФ}$  и резистор с сопротивлением  $R = 3 \text{ кОм}$  включены в цепь переменного тока с частотой  $v = 50 \text{ Гц}$ . Найти полное сопротивление цепи, если конденсатор и резистор включены : 1) последовательно; 2) параллельно.**

**Дано:**  
 $C = 1 \text{ мкФ}$   
 $R = 3 \text{ кОм}$   
 $v = 50 \text{ Гц}$   
 $Z_1 - ? Z_2 - ?$

### 1). Цепь из последовательно соединенных $R$ и $C$ .

**Закон Ома :**

$$E(t) = U_R + U_C = IR + \frac{Q}{C} = IR + \frac{1}{C} \int I dt$$

$$E_m \cos(\omega t + \varphi) = RI_m \cos \omega t + \frac{1}{\omega C} I_m \sin \omega t$$

$$E_m \cos(\omega t + \varphi) = RI_m \cos \omega t + \frac{1}{\omega C} I_m \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

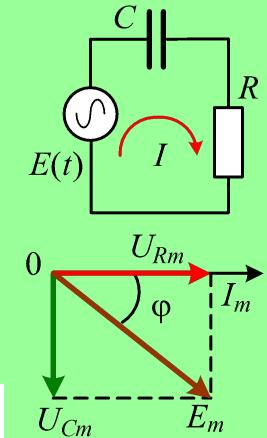
**Сопротивление цепи согласно (1):**

$$Z_1 = \frac{E_m}{I_m} = \sqrt{R^2 + (1/2\pi v C)^2}$$

$$\leftarrow I(t) = I_m \cos \omega t$$

**Используем метод векторных диаграмм, где вектор - это амплитуда напряжения с учетом начальной фазы :**

$$E_m^2 = (RI_m)^2 + [(1/\omega C)I_m]^2 \quad (1)$$



### 2). Цепь из параллельно соединенных $R$ и $C$ . Закон Ома :

$$I(t) = I_R + I_C = \frac{E(t)}{R} + \frac{dQ}{dt} = \frac{E(t)}{R} + C \frac{dE(t)}{dt}$$

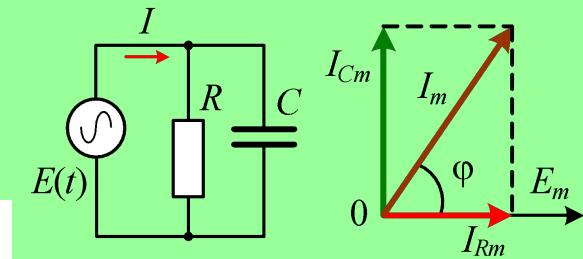
$$\leftarrow E(t) = E_m \cos \omega t$$

$$I_m \cos(\omega t + \varphi) = \frac{E_m}{R} \cos \omega t - \omega C E_m \sin \omega t$$

$$I_m \cos(\omega t + \varphi) = \frac{E_m}{R} \cos \omega t + \omega C E_m \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$$

**Векторная диаграмма:**

$$I_m^2 = (E_m/R)^2 + (\omega C E_m)^2$$



$$Z = \frac{E_m}{I_m} = \frac{R}{\sqrt{1 + (\omega C R)^2}}$$

$$Z = \frac{3000}{\sqrt{1 + (2\pi \cdot 50 \cdot 10^{-6} \cdot 3 \cdot 10^3)^2}} = 2,18 \cdot 10^3 \text{ (Ом)}$$

**Аз. (В.14.25) В цепь переменного тока напряжением  $U = 220$  В и частотой  $v = 50$  Гц последовательно включены емкости, емкость  $C = 35,4$  мкФ, сопротивление  $R = 100$  Ом и индуктивность  $L = 0,7$  Гн. Найти ток  $I$  в цепи и падение напряжения на емкости  $U_C$ , сопротивлении  $U_R$  и индуктивности  $U_L$ .**

**Дано :**

$$U = 220 \text{ В}$$

$$v = 50 \text{ Гц}$$

$$C = 35,4 \text{ мкФ}$$

$$R = 100 \text{ Ом}$$

$$L = 0,7 \text{ Гн}$$

$$I - ? \quad U_C - ?$$

$$U_R - ? \quad U_L - ?$$

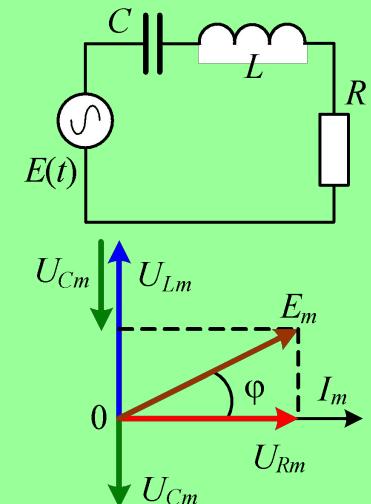
**Закон  
Ома:**

$$E(t) + E_{Si} = U_R + U_C \quad \leftarrow \quad I(t) = I_m \cos \omega t$$

$$E(t) = IR + L \frac{dI}{dt} + \frac{Q}{C} = IR + L \frac{dI}{dt} + \frac{1}{C} \int I dt \quad (1)$$

$$E_m \cos(\omega t + \varphi) = RI_m \cos \omega t - \omega LI_m \sin \omega t + \frac{1}{\omega C} I_m \sin \omega t$$

$$E_m \cos(\omega t + \varphi) = RI_m \cos \omega t + \omega LI_m \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) + \frac{1}{\omega C} I_m \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right) \quad (2)$$



**Используем метод векторных диаграмм, где  
вектор - это амплитуда напряжения с учетом  
начальной фазы :**

**Сопротивление  
цепи согласно  
(3):**

$$E_m^2 = (RI_m)^2 + [(\omega L - 1/\omega C)I_m]^2 \quad (3)$$

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(2\pi v L - \frac{1}{2\pi v C}\right)^2} \sqrt{100^2 + \left(2\pi \cdot 50 \cdot 0,7 - \frac{1}{2\pi \cdot 50 \cdot 35,4 \cdot 10^{-6}}\right)^2} = 164 (\Omega)$$

**Ток в цепи и напряжение  
на элементах цепи  
согласно (3):**

$$I_m = \frac{E_m}{Z} = \frac{220}{164} = 1,34 \text{ (A)} \quad U_{Rm} = RI_m = 100 \cdot 1,34 = 134 \text{ (B)}$$

$$U_{Cm} = \frac{I_m}{2\pi v C} = \frac{1,34}{2\pi \cdot 50 \cdot 35,4 \cdot 10^{-6}} = 121 \text{ (B)} \quad U_{Lm} = 2\pi v L I_m = 2\pi \cdot 50 \cdot 0,7 \cdot 1,34 = 295 \text{ (B)}$$

**A4. (B.14.26) Индуктивность  $L = 22,6 \text{ мГн}$  и сопротивление  $R$  включены параллельно в цепь переменного тока с частотой  $v = 50 \text{ Гц}$ . Найти сопротивление  $R$ , если сдвиг фаз между напряжением и током равен  $\phi = 60^\circ$ .**

Дано :  
 $L = 22,6 \text{ мГн}$   
 $v = 50 \text{ Гц}$   
 $\phi = 60^\circ$   
 $R - ?$

Запишем закон Ома и воспользуемся выражением ЭДС самоиндукции :

$$I(t) = I_R + I_L \quad \leftarrow \quad U_L = E_{Si} = E(t) = -L \frac{dI}{dt}$$

$$I(t) = \frac{E(t)}{R} - \frac{1}{L} \int E(t) dt \quad \leftarrow \quad E(t) = E_m \cos \omega t \quad (1)$$

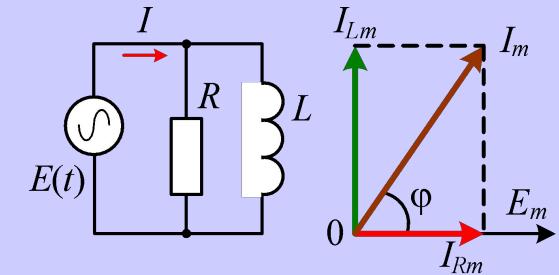
$$I_m \cos(\omega t + \phi) = \frac{E_m}{R} \cos \omega t - \frac{E_m}{\omega L} \sin \omega t \quad \rightarrow \quad I_m \cos(\omega t + \phi) = \frac{E_m}{R} \cos \omega t + \frac{E_m}{\omega L} \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) \quad (2)$$

$$I_m \cos(\omega t + \phi) = I_{Rm} \cos \omega t + I_{Lm} \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) \quad \rightarrow \quad I_{Rm} = \frac{E_m}{R} \quad I_{Lm} = \frac{E_m}{\omega L}$$

Амплитуда общего тока цепи согласно векторной диаграмме  
 $-$

это гипотенуза прямоугольного треугольника с катетами  $I_{Rm}$

и  $I_{Lm}$  определяет разность фаз  
 между общим током в цепи и  
 напряжением ЭДС на зажимах цепи  
 $:$



$$I_m = E_m \sqrt{\left(1/R\right)^2 + \left(1/\omega L\right)^2}$$

$$\tan \phi = \frac{I_{Lm}}{I_{Rm}} = \frac{R}{\omega L} \quad \rightarrow \quad R = \omega L \cdot \tan \phi = 2\pi v L \cdot \tan \phi$$

$$R = 2\pi \cdot 50 \cdot 22,6 \cdot 10^{-3} \cdot \tan \frac{\pi}{3} = 12,3 \text{ (Ом)}$$

**A5. (B.14.27) Активное сопротивление  $R$  и индуктивность  $L$  соединены параллельно и включены в цепь переменного тока напряжением  $E = 127$  В и частотой  $v = 50$  Гц. Найти сопротивление  $R$  и индуктивность  $L$ , если известно, что цепь поглощает мощность  $P = 404$  Вт и сдвиг фаз между напряжением и током  $\phi = 60^\circ$ .**

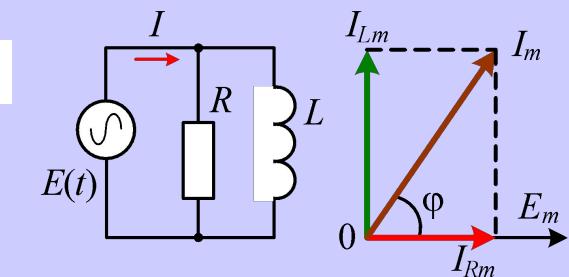
**Дано :**  
 $E = 127$  В  
 $v = 50$  Гц  
 $P = 404$  Вт  
 $\phi = 60^\circ$   
 $R - ?$   $L - ?$

**Поглощаемая  
цепью  
мощность:**

$$P = IE \cos \phi = \frac{1}{2} I_m E_m \cos \phi \quad (1)$$

**Из (1) найдем  
ток:**

$$I_m = \frac{2P}{E_m \cos \phi} = \frac{\sqrt{2}P}{E \cos \phi} \quad (2)$$



Из решения предыдущей задачи для такой же цепи (1) следуют два уравнения, из которых найдем  $R$  и  $L$ :

Амплитуда общего тока цепи по векторной диаграмме – это гипотенуза треугольника с катетами  $I_{Rm}$  и  $I_{Lm}$ :

Из (1) и (4)  
следует :

$$\frac{I_m}{E_m} = \frac{P}{E^2 \cos \phi} = \frac{\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}}{\omega L R} \rightarrow$$

$$\operatorname{tg} \phi = \frac{I_{Lm}}{I_{Rm}} = \frac{R}{\omega L} \rightarrow R = \omega L \cdot \operatorname{tg} \phi \quad (3)$$

$$I_m = E_m \sqrt{\left(\frac{1}{R}\right)^2 + \left(\frac{1}{\omega L}\right)^2} \quad (4)$$

$$\omega L = \frac{E^2 R \cos \phi}{\sqrt{(PR)^2 - E^4 \cos^2 \phi}} \quad (5)$$

После подстановки (5) в (3)  
получаем :

$$R = \frac{E^2}{P} = \frac{127^2}{404} \cong 40 \text{ } (\Omega)$$

Из (3)  
следует :

$$L = \frac{R}{\omega \cdot \operatorname{tg} \phi} = \frac{R}{2\pi v \cdot \operatorname{tg} \phi} = \frac{40}{2\pi \cdot 50 \cdot \operatorname{tg} \pi/3} = 0,074 \text{ } (\text{Гн})$$

**A6. (B.14.28)** В цепь переменного тока напряжением  $E = 220$  В включены последовательно емкость  $C$ , сопротивление  $R$  и индуктивность  $L$ . Найти падение напряжения  $U_R$  на сопротивлении, если известно, что падение напряжения на конденсаторе  $U_C = 2U_R$ , а на напряжение индуктивности равно  $U_L = 3U_R$ .

**Дано:**  
 $E = 220$  В  
 $U_C = 2U_R$   
 $U_L = 3U_R$   
 $U_R - ?$

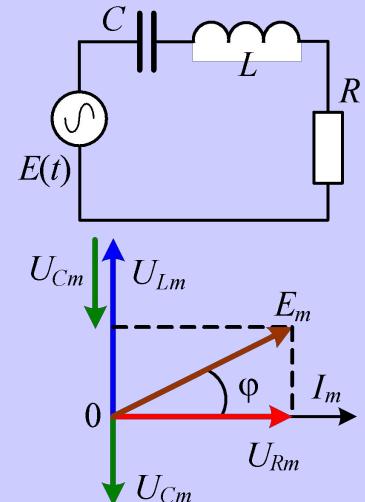
**Закон**  
**н**

$$E(t) + E_{Si} = U_R + U_C$$

**Ома:**

**Подставим**  $I(t) = I_m \cos \omega t$   
 :  
 $E_m \cos(\omega t + \varphi) = RI_m \cos \omega t - \omega LI_m \sin \omega t + \frac{1}{\omega C} I_m \sin \omega t$

$$E(t) = IR + L \frac{dI}{dt} + \frac{Q}{C} = IR + L \frac{dI}{dt} + \frac{1}{C} \int I dt \quad (1)$$



$$\begin{aligned} E_m \cos(\omega t + \varphi) &= RI_m \cos \omega t + \omega LI_m \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) + \frac{1}{\omega C} I_m \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right) \\ E_m \cos(\omega t + \varphi) &= U_{Rm} \cos \omega t + U_{Lm} \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) + U_{Cm} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right) \end{aligned} \quad (2)$$

Из векторной диаграммы видно, что вектор амплитуды ЭДС  $E_m$  равен векторной сумме амплитуд напряжений на элементах цепи:

$$E_m^2 = U_{Rm}^2 + (U_{Lm} - U_{Cm})^2 = U_{Rm}^2 + (3U_{Rm} - 2U_{Rm})^2 = 2U_{Rm}^2 \rightarrow E_m^2 = 2U_{Rm}^2$$

$$E^2 = 2U_R^2 \rightarrow U_R = \frac{E}{\sqrt{2}} = \frac{220}{\sqrt{2}} = 156 \text{ (B)}$$