

Аппаратная надежность ИС

Отказ - событие, заключающееся в том, что система полностью или частично теряет свойство работоспособности

Аппаратный отказ - событие, при котором изделие утрачивает работоспособность и для его восстановления требуется проведение ремонта аппаратуры или замена отказавшего изделия на работоспособное

Основные типы отказов

Внезапный отказ. Причина - скрытые дефекты производства РЭС

Постепенный отказ. Возникает в результате износа и старения материалов

Основные характеристики надежности РЭС

- **Вероятность безотказной работы РЭС, $P(t)$** - вероятность того, что в пределах заданной наработки отказ не возникает (наработка - это продолжительность или объем работы):

$$P(t) = P(T > t), \quad (1)$$

где T - случайное время работы объекта до отказа; t - заданная наработка.

- **Вероятность отказа, $Q(t)$** - вероятность того, что в пределах заданной наработки отказ объекта возникает:

$$Q(t) = 1 - P(t), \quad (2)$$

- **Интенсивность отказов, $\lambda(t)$** - условная плотность вероятности возникновения отказа невосстанавливаемого объекта; показывает, какая часть элементов выходит из строя в единицу времени по отношению к среднему числу исправно работающих элементов

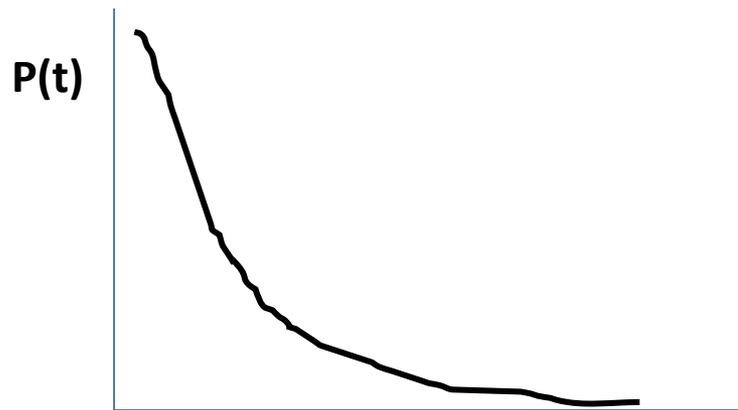
$$\lambda(t) = - [d P(t)/dt] / P(t) \quad (3)$$

Справедливо также

$$P(t) = \exp \left[- \int \lambda(\bar{t}) d\bar{t} \right] \quad (4)$$

В частном случае, когда $\lambda(t) = \text{const}$, (4) представляет собой **экспоненциальный закон надежности**.

По этому закону вероятность безотказной работы элементов (РЭС), обладающих интенсивностью отказов λ , убывает со временем по экспоненциальной кривой.



Такую кривую называют **функцией надежности**.

Позволяет определять, с какой вероятностью РЭС или ИС способна выполнить задание, требующее определенной продолжительности безотказной работы.

- **Средняя наработка до отказа, t_0**

(см соотнош (1) предыд лекции)

Если $\lambda(t)$ равна постоянной величине, то $t_0 = 1/\lambda$

или $\lambda = 1/t_0$ - среднее число отказов в единицу времени.

Тогда

$$P(t) = \exp(-\lambda(t)) \quad (5)$$

Таким образом, для нормального периода эксплуатации системы интенсивность отказов остается постоянной и справедлива показательная модель надежности, время безотказной работы имеет экспоненциальный закон распределения.

Если ИС состоит из n элементов, находящихся в нормальной эксплуатации и работающих в одинаковых условиях, и в ней за время t наблюдалось m отказов, то **параметр потока отказов будет составлять:**

- **Достоверность функционирования ИС** - это свойство производить безошибочно преобразование, хранение и передачу информации.

Показатели достоверности - либо вероятность искажения, либо потери информации в одном знаке.

Примеры количественной оценки достоверности :

- вероятность ошибки при передаче данных по линиям связи составляет 10^{-3} - 10^{-5} на один знак;
- вероятность ошибки при хранении информации на машинном носителе составляет ок. 10^{-6} ; в ОЗУ – ок. 10^{-8} - 10^{-12}
- вероятность ошибки в выходных данных ИС специального назначения не должна превышать 10^{-10} - 10^{-12} на один знак.
- **Функциональная надежность ИС** - вероятность того, что ИС будет выполнять свои функции в течение заданного времени при наличии в системе дополнительных схем контроля (нп., корректир. кодов).

Надежность сложных ИС

- Сложные ИС состоят из более простых элементов.
- В зависимости от характера влияния надежности элементов на надежность ИС различают два типа соединений элементов - *последовательное* и *параллельное*.
- **Последовательное** - *отказ любого элемента приводит к отказу системы в целом.*
- **Параллельное** - *отказ системы наступает только при отказе всех ее элементов (отказ не наступает, если работоспособен хотя бы один элемент).*

ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОЕ СОЕДИНЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ

- Пусть ИС состоит из n элементов, каждый из которых имеет определенные характеристики надежности: $P_i(t)$, $Q_i(t)$, $\lambda_i(t)$, t_{0i}
- Аналогичные показатели надежности всей ИС обозначим через $P(t)$, $Q(t)$, $\lambda(t)$, t_0 ,
- Можно получить следующие расчетные зависимости:

вероятность безотказной работы ИС:

$$P(t) = P_1(t) * P_2(t) * \dots * P_n(t) = \prod (P_i(t)) \quad (7)$$

вероятность отказа системы :

$$Q(t) = 1 - P(t) = 1 - \prod (P_i(t)) = 1 - \prod [1 - (Q_i(t))] \quad (8)$$

ИНТЕНСИВНОСТЬ ОТКАЗОВ СИСТЕМЫ:

$$\lambda(t) = \sum \lambda_i(t) \quad (9)$$

При $\lambda(t) = \text{const} = \lambda$ имеем

$$\lambda = \sum \lambda_i$$

(10)

ПАРАЛЛЕЛЬНОЕ СОЕДИНЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ

Из определения параллельного соединения элементов вероятность отказа системы равна:

$$Q(t) = Q_1(t) * Q_2(t) * \dots * Q_n(t) = \prod Q_i(t)$$

(11)

вероятность безотказной работы системы:

$$P(t) = 1 - Q(t) = 1 - \prod Q_i(t) = 1 - [1 - P_i(t)]^n \approx 1 - (\lambda * t)^n$$

(12)

При $\lambda(t) = \text{const} = \lambda$ имеем

среднюю наработку до отказа:

$$t_0 = (1/\lambda) \sum (1/i)$$

(13)

Эти выражения позволяют сделать вывод о том, что **при параллельном соединении элементов надежность системы выше, чем надежность составляющих ее элементов, а при последовательном – наоборот**

Пример 1. Система состоит из n параллельно соединенных равнонадежных подсистем, вероятность безотказной работы каждой из которых $P_i(t) = \exp(-\lambda \cdot t) = 0.9$.

Определить нужную кратность резервирования, чтобы вероятность безотказной работы системы была не ниже $P=0,99$.

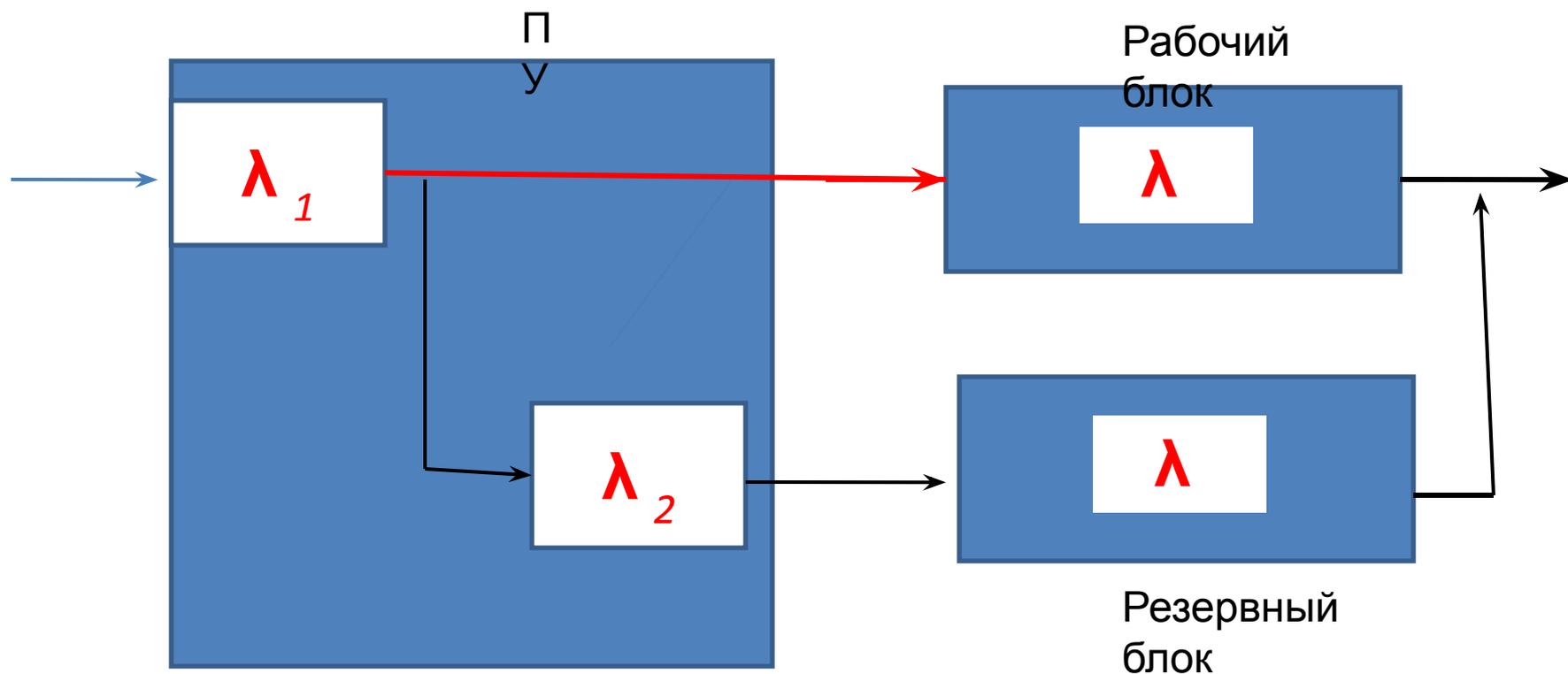
Решение. На основе (12): $P(t) = 1 - Q(t) = 1 - \prod Q_i(t) = 1 - \prod [1 - P_i(t)] = 1 - [1 - P_i(t)]^n$

С учетом условия $1 - [1 - P_i(t)]^n \geq 0.99$ откуда $1 - 0.1^n \geq 0.99$ или $0.01 \geq 0.1^n$ откуда $n \geq \log_{0.1} 0.01$ и $n \geq 2$.

Пример 2. ИС состоит из рабочего блока, блока, находящегося в нагруженном резерве и автоматического переключающего устройства (ПУ). Интенсивность отказов каждого блока $\lambda = 10^{-2} 1/ч$. Отказы ПУ могут быть двух видов: а) приводящие к нарушению работы всей ИС, с интенсивностью $\lambda_1 = 10^{-4} 1/ч$; б) приводящие к невозможности подключения резервного блока, с интенсивностью $\lambda_2 = 10^{-2} 1/ч$.

Требуется определить вероятность безотказной работы устройства в течение наработки $t=2$ ч.

Решение. Составим логическую схему работоспособности устройства



Смешанное соедин. элементов: **последовательно-параллельное.**

Система работает в ситуациях: **1. работает все**

2. а) работает цепь $\lambda_1 - \lambda$ либо

б) работает цепь $\lambda_1 - \lambda_2 - \lambda$

$$1. \quad P(t) = e^{-\lambda_1 t} \{1 - [1 - e^{-\lambda t}] * [1 - e^{-(\lambda_2 + \lambda) t}]\} = (\text{с учетом (12)})$$

$$= (1 - \lambda_1 t) * \{1 - [1 - 1 + \lambda t] * [1 - 1 + (\lambda_2 + \lambda) t]\} =$$

$$= (1 - \lambda_1 t) * [1 - \lambda t (\lambda_2 + \lambda) t] = (1 - \lambda_1 t) * [1 - \lambda (\lambda_2 + \lambda) t^2]$$

Подставляем числовые значения в последнее соотношение:

$$P(t) = (1 - 2 * 10^{-4}) * (1 - 10^{-2} (2 * 10^{-2}) * 4) = 0.999$$

2.

$$P(t) = P_a(t) + P_6(t)$$

.....

Статистические методы исследований

надежности

- Отказы изделий принадлежат к категории случайных событий

Случайное событие - это событие, которое может появиться или не появиться в результате данного опыта.

Вероятность случайного события - это количественная характеристика случайного события.

Случайные события, следующие одно за другим в некоторой последовательности, образуют **поток случайных событий**.

Простейший поток – **пуассоновский**: его параметры не меняются во времени.

Закон распределения случайной величины - соотношение между значениями случайной величины и их вероятностями.

Закон Пуассона. Вероятность того, что на интервале времени $0..t$ произойдет n случайных событий (отказов)

Закон Пуассона. Вероятность того, что на интервале времени $0..t$ произойдет n случайных событий (отказов) определяется формулой

$$P_n(t) = (\lambda t)^n * \exp(-\lambda t) / n! \quad (14)$$

λt – среднее число отказов в период $0... t$

- Время между двумя соседними событиями (отказами) подчиняется экспоненциальному распределению с параметром λ , т.е. вероятность того, что на участке времени t , следующего за одним из отказов, не появится ни одного отказа, равна:

$$P(t) = \exp(-\lambda t) . \quad (15)$$

Пример 3. Определить вероятность того, что за время $t = 100$ ч произойдет 0-2 отказа, если $\lambda = 0,025$ 1/ч.

- Решение**
- 1) Среднее число отказов за время t : $a = \lambda t = 2,5$.
 - 2) Вероятность отсутствия отказов $P_0(100) = \exp(-2,5) = 0,082$.
 - 3) Вероятность одного отказа: $P_1(100) = ((2.5)^1/1) \exp(-2,5) = 0,205$
 - 4) Вероятность двух отказов: $P_2(100) = ((2.5)^2/2) \exp(-2,5) = 0,256$.

Распределение Вейбулла. Модель распределения случайной величины, предложенная шведским ученым Вейбуллом.

Вероятность безотказной работы ИС за время t:

$$P(t) = \exp(-\lambda_0 t^\alpha), \quad (16)$$

где λ_0, α - параметры закона распределения

Функция плотности распределения времени до отказа:

$$f(t) = dP(t)/dt = \lambda_0 \alpha t^{(\alpha-1)} \exp(-\lambda_0 t^\alpha) \quad (17)$$

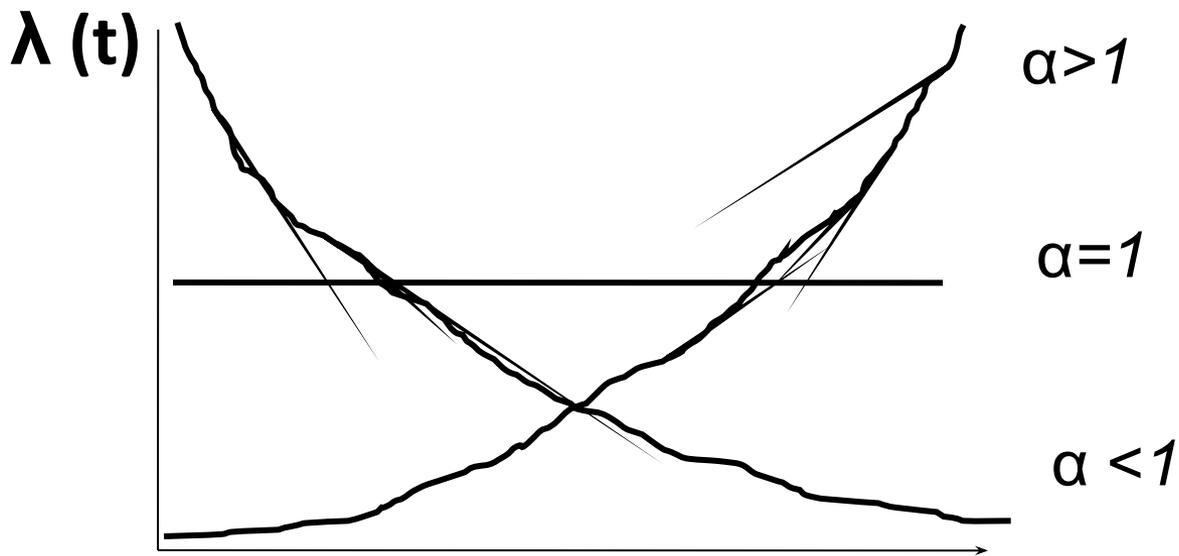
Интенсивность отказов:

$$\lambda(t) = f(t)/P(t) = \lambda_0 \alpha t^{(\alpha-1)} \quad (18)$$

Если $\alpha = 1$, то распределение Вейбулла совпадает с экспоненциальным распределением, для которого $\lambda = \lambda_0$.

Если $\alpha < 1$, интенсивность отказов – монотонно убывающая функция;

при $\alpha > 1$ интенсивность отказов - монотонно возрастающая функция



Обычно применяют значение $\alpha = 0,2 \div 0,4$ для электронных устройств с убывающей функцией интенсивности отказов и $\alpha = 1,2 \div 1,4$ - для механических устройств с возрастающей функцией интенсивности отказов

Пример 4. Пусть вероятность безотказной работы ВС за время $t = 1000$ ч составляет $P(1000) = 0,99$. Составить прогноз вероятности безотказной работы этой же системы через 100000 ч работы без обслуживания по экспоненциальной модели и модели Вейбулла

Решение. 1. В случае выбора экспоненциальной модели на основе (15) запишем: $P(1000) = \exp(-\lambda \cdot 10^3)$, откуда определим интенсивность отказов ВС: $0,99 = \exp(-\lambda \cdot 10^3)$;

Пролагарифмируем обе части: $\ln 0,99 = \ln(\exp(-\lambda \cdot 10^3))$;

Откуда находим:

$$\lambda = \ln 0,99 / 10^3 \approx 10^{-5} \text{ 1/ч}$$

Прогнозируемая вероятность безотказной работы через 10^5 часов (на основе (15)):

$$P(10^5) = \exp(-10^{-5} \cdot 10^5) = \exp(-1) = 0.37$$

2. В случае выбора модели Вейбулла примем $\alpha = 0.5$ на основе (16) :

$$P(1000) = \exp(-\lambda_0 (1000)^{1/2}) = \exp(-\lambda_0 * 31.62)$$

Прологарифмировав обе части, получим

$$\lambda_0 = \ln 0,99 / 31.62 = 0.000318$$

Прогнозируемая вероятность безотказной работы через 10^5 ч:

$$P(10^5) = \exp(-0.000318 * (10^5)^{1/2}) = 0,904$$

Следовательно, прогнозируемые показатели надежности работы объекта зависят от правильно выбранной модели.

Выбор модели надежности – сложная научно-техническая задача. Она решается методами математической статистики, если имеется большой статистический материал об отказах исследуемой системы.

В случае приближенных оценок выбирается экспоненциальная модель

Марковский процесс

Марковский процесс - для каждого момента времени вероятность любого состояния объекта в будущем зависит только от состояния объекта в данный момент

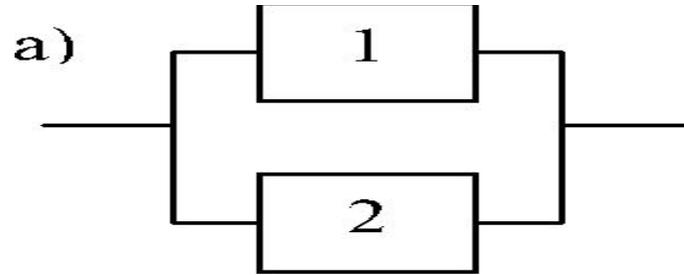
Необходимое условие - экспоненциальное распределение времени работы до отказа и времени восстановления работоспособности.

Важнейшая числовая характеристика - вероятность перехода объекта в то или иное состояние за заданный промежуток времени.

На основе этого определяется вероятность каждого состояния объекта

Уравнения для определения вероятностей каждого из состояний марковского процесса в рассматриваемом объекте записываются на основе графа состояний объекта

Пример 5. Имеем РЭС, состоящее из 2-х соединенных параллельно блоков (элементов).



- Пусть объект может находиться в состояниях 0, 1 и 2
- Состояние 0 - оба элемента работоспособны; состояние 1 - один из элементов находится в отказовом состоянии; состояние 2 - оба элемента находятся в отказе.
- Из i -го состояния в j -е объект переходит с постоянной интенсивностью λ_{ij} , обратно - с постоянной интенсивностью μ_{ji} .

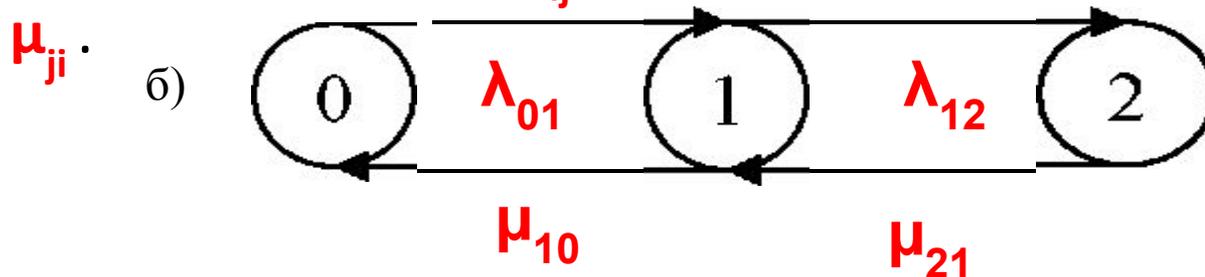


Схема резервированного объекта (а) и граф его состояний (б).

Уравнения для определения вероятностей каждого из состояний объекта (дифференциальные уравнения А.Н. Колмогорова):

$$\begin{aligned} dP_0/dt &= -\lambda_{01} P_0(t) + \mu_{10} P_1(t) \\ (19) \quad dP_1/dt &= -(\lambda_{12} + \mu_{10}) P_1(t) + \lambda_{01} P_0(t) + \mu_{21} P_2(t) \\ dP_2/dt &= -\mu_{21} P_2(t) + \lambda_{12} P_1(t) \end{aligned}$$

В практике расчетов надежности систему уравнений Колмогорова можно получить непосредственно по виду графа состояний объекта, если пользоваться следующими правилами:

1. для каждого из возможных состояний объекта записывается уравнение, в левой части которого dP_t/dt , а в правой - столько слагаемых, сколько стрелок графа соприкасаются с данным состоянием;
2. если стрелка направлена в данное состояние, то перед слагаемым ставится знак плюс, если стрелка направлена из данного состояния - знак минус;

3. каждое слагаемое равно произведению интенсивности перехода из данного состояния (либо в данное состояние) на вероятность состояния, из которого выходит стрелка.

Решение системы (19) можно получить по известным правилам решения системы ДУ.

Если учесть, что рассматривается стационарный марковский процесс, для которого $dP_t(t) = 0$ (вероятности состояний не меняются с течением времени), то (19) перепишем так:

$$\begin{aligned} 0 &= -\lambda_{01} P_0 + \mu_{10} P_1 \\ (20) \quad 0 &= -(\lambda_{12} + \mu_{10}) P_1 + \lambda_{01} P_0 + \mu_{21} P_2 \\ 0 &= -\mu_{21} P_2 + \lambda_{12} P_1 \end{aligned}$$

а также

$$(21) \quad \mathbf{1} = P_0 + P_1 + P_2$$

где последнее уравнение $P = \mathbf{1}$ называется **нормировочным условием**