

## Тема 9. ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ СВЕТА С ВЕЩЕСТВОМ

9.1. Дисперсия света

9.2. Нормальная и аномальная  
дисперсии

9.3. Классическая теория дисперсии

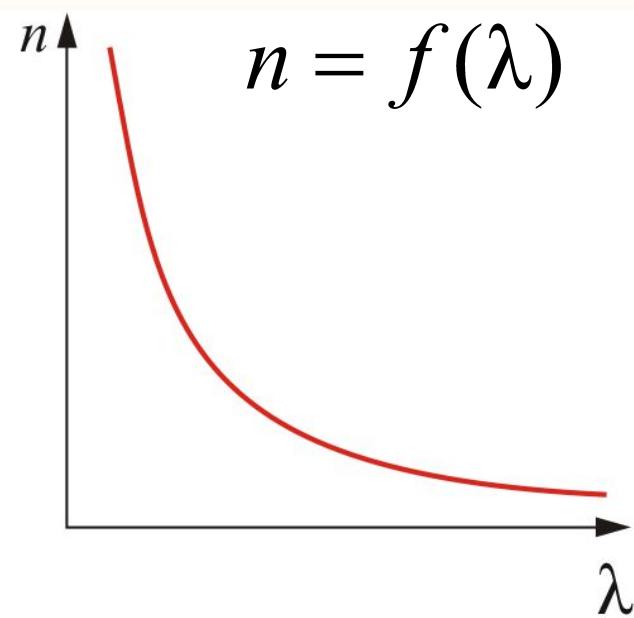
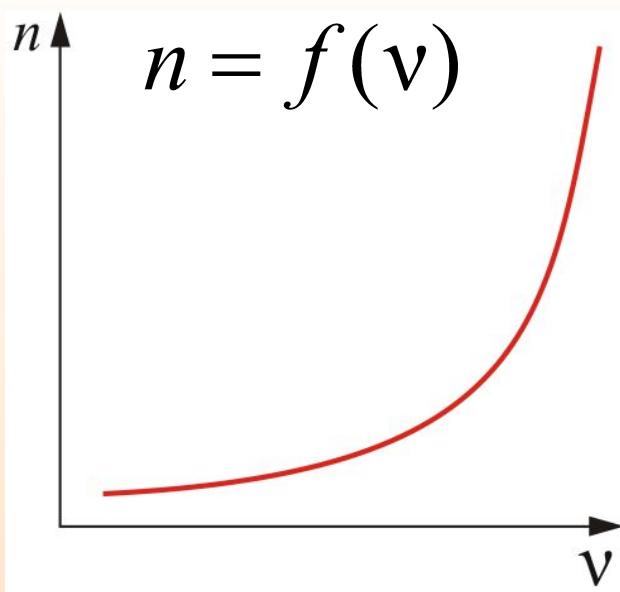
9.4. Поглощение (абсорбция света)

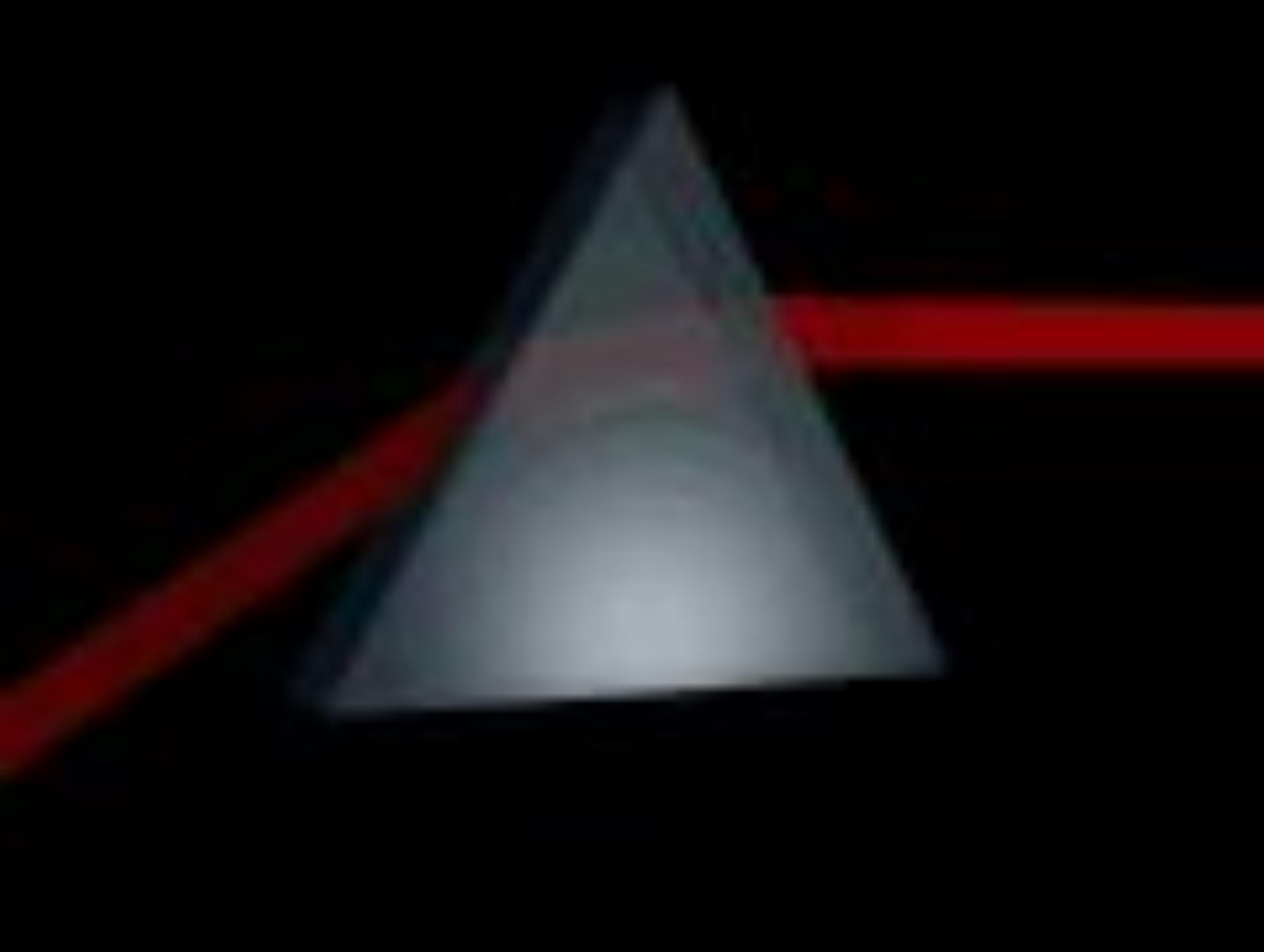
9.5. Излучение Вавилова-Черенкова

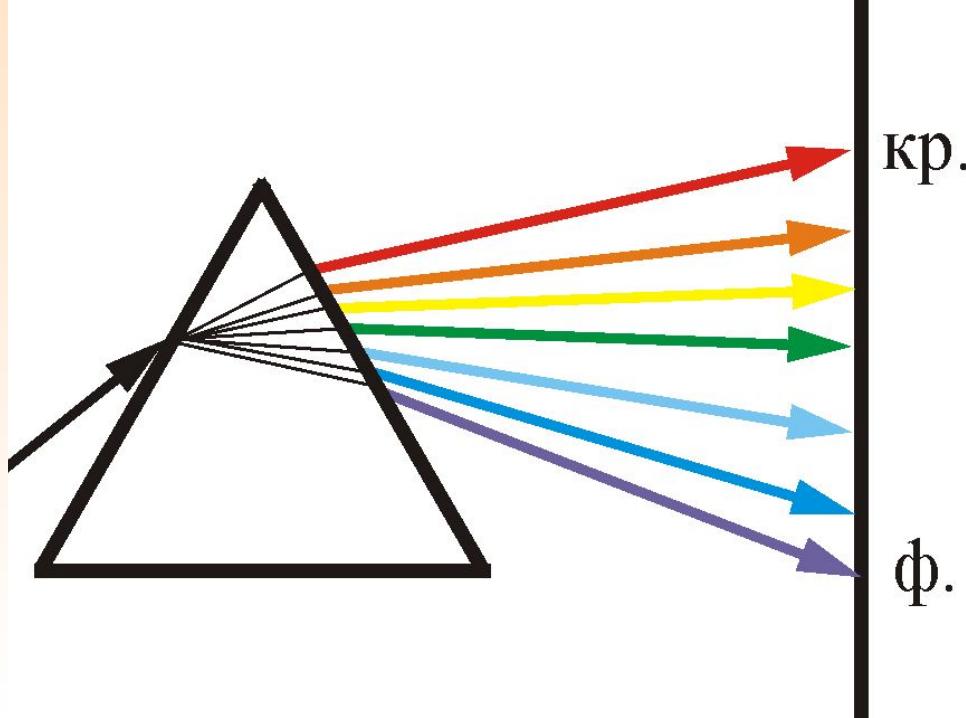
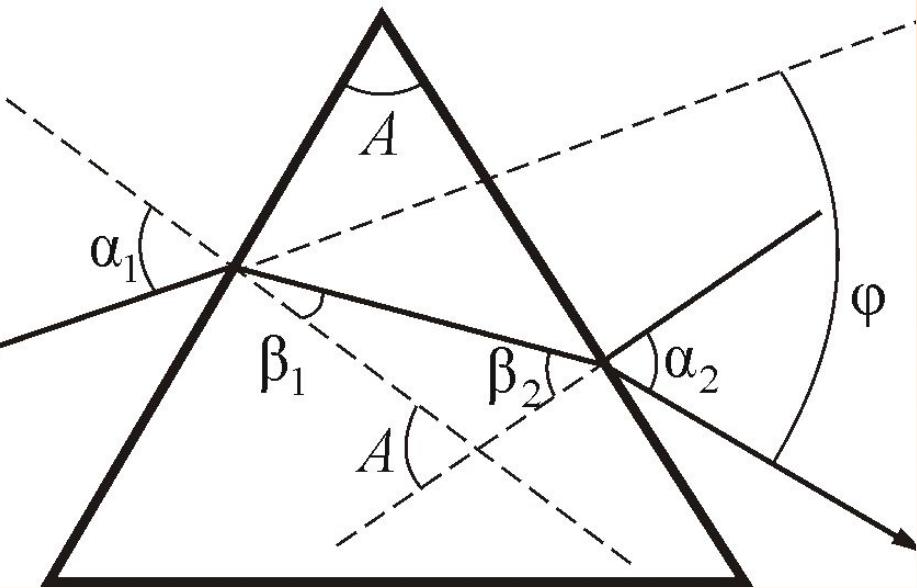
## 9.1. Дисперсия света

*Дисперсией света называется зависимость показателя преломления  $n$  вещества от частоты  $v$  (длины волн  $\lambda$ ) света или зависимость фазовой скорости  $v$  световых волн от их частоты.*

или







$$\varphi = A(n - 1)$$

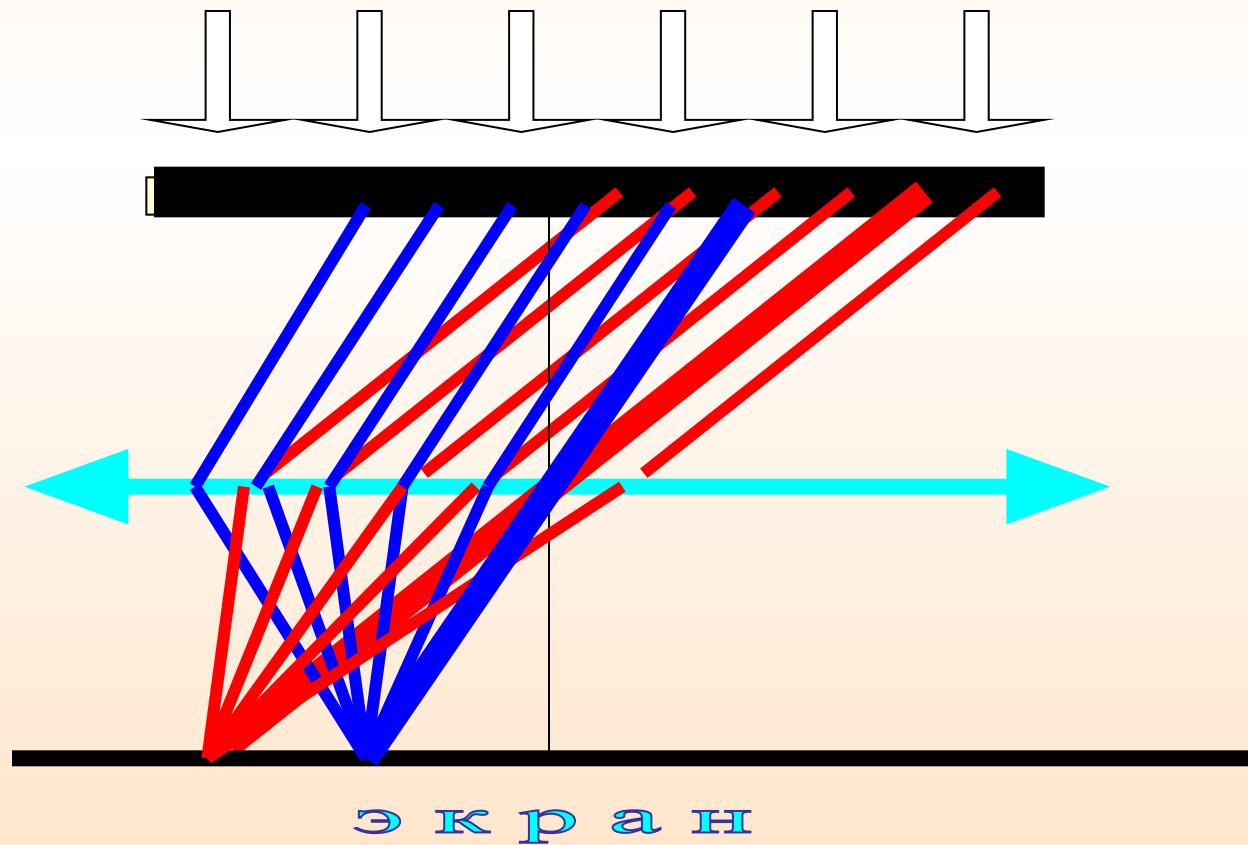
*Угол отклонения лучей призмой тем больше, чем больше преломляющий угол призмы*

*Лучи разных длин волн после прохождения призмы отклоняются на разные углы. **Пучок белого света** за призмой **разлагается в спектр**, который называется **дисперсионным или призматическим***

Дифракционная решетка разлагает белый свет на составляющие, причем из формулы  $\sin \varphi = \frac{m\lambda}{d}$

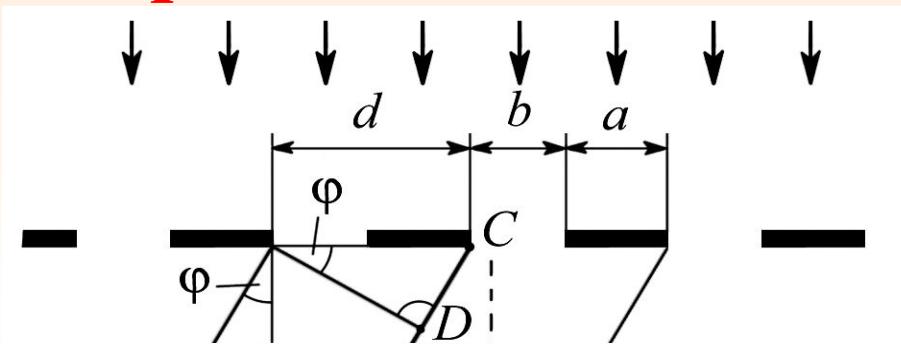
видно, что свет с большей длиной волны (красный) отклоняется на больший угол

*(в отличие от призмы, где все происходит наоборот)*



# Различия в дифракционном и призматическом спектрах.

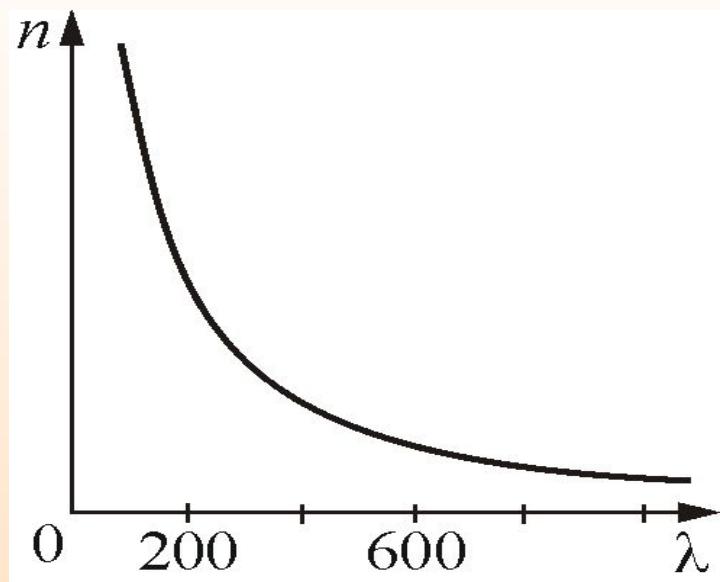
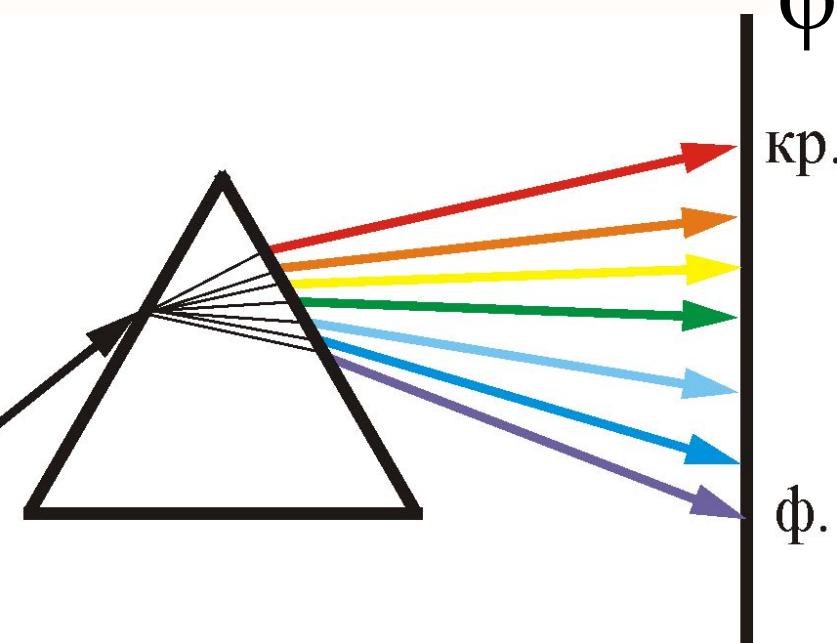
1) *Дифракционная решетка разлагает свет непосредственно по длинам волн:*



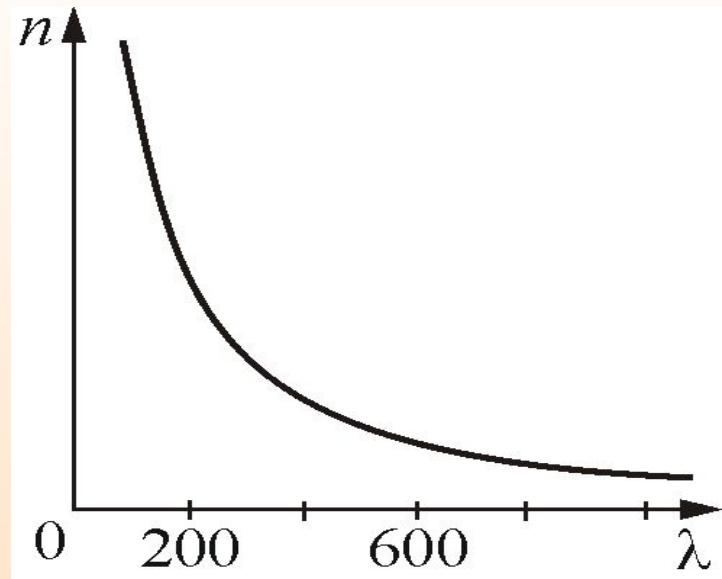
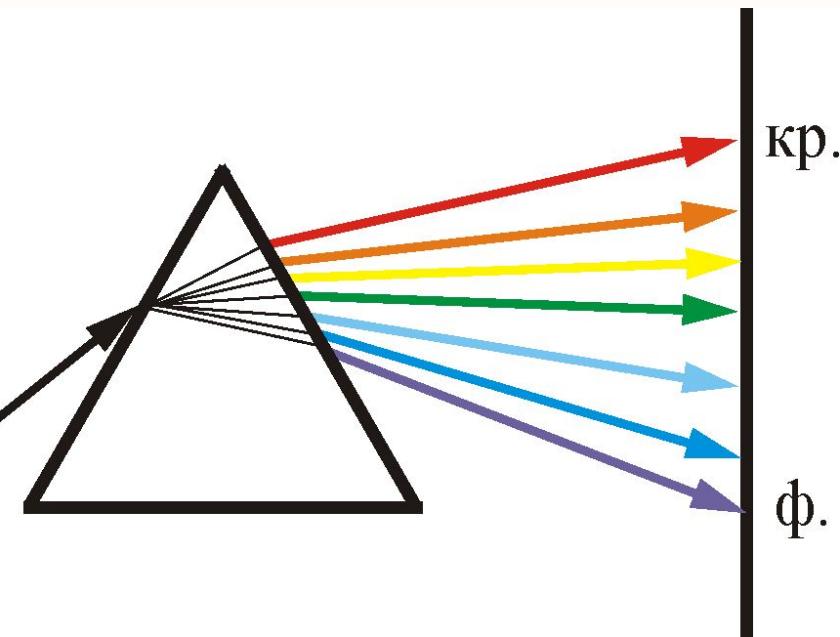
$$\sin \phi = \frac{m\lambda}{b}$$

2) *а призма – по показателям преломления:*

$$\Phi = A(n - 1)$$



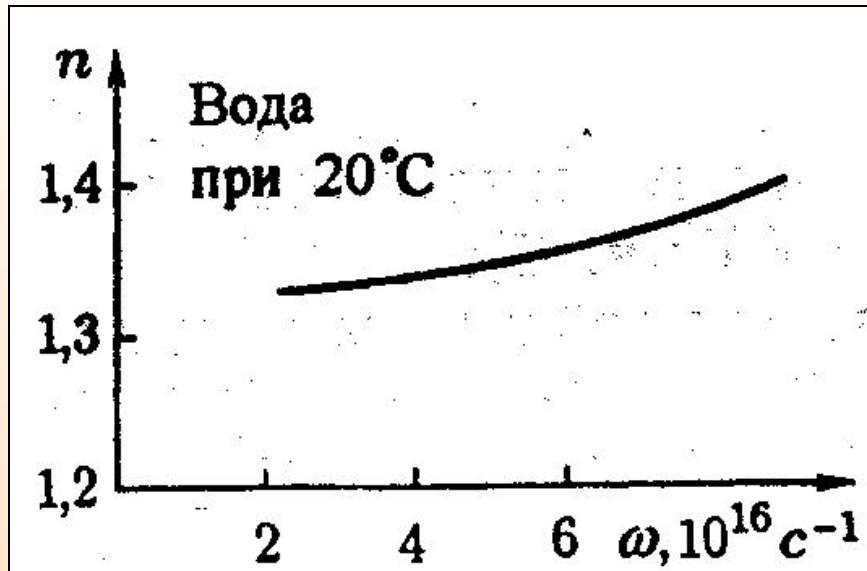
2) Составные цвета в дифракционном и призматическом спектрах располагаются различно: **красные лучи, имеющие большую длину волны, чем фиолетовые, отклоняются дифракционной решеткой сильнее, а в призме наоборот.**



Величина

$$D = \frac{dn}{d\lambda} \quad \text{или} \quad D = \frac{dn}{dv}$$

называемая *дисперсией вещества*, показывает, как быстро меняется показатель преломления с длиной волны.



## 9.2. Нормальная и аномальная дисперсии

*Области значения  $v$ , в которых*

$$\frac{dn}{dv} > 0$$

или       $\frac{dn}{d\lambda} < 0$       (9.2.1)

соответствует **нормальной дисперсии света** (с ростом частоты  $v$ , показатель преломления  $n$  увеличивается).

**Дисперсия называется аномальной, если**

$$\frac{dn}{dv} < 0$$

или       $\frac{dn}{d\lambda} > 0$       (9.2.2)

т.е. с ростом частоты  $v$  показатель преломления  $n$  уменьшается.

## Зависимости $n$ от $v$ и $\lambda$

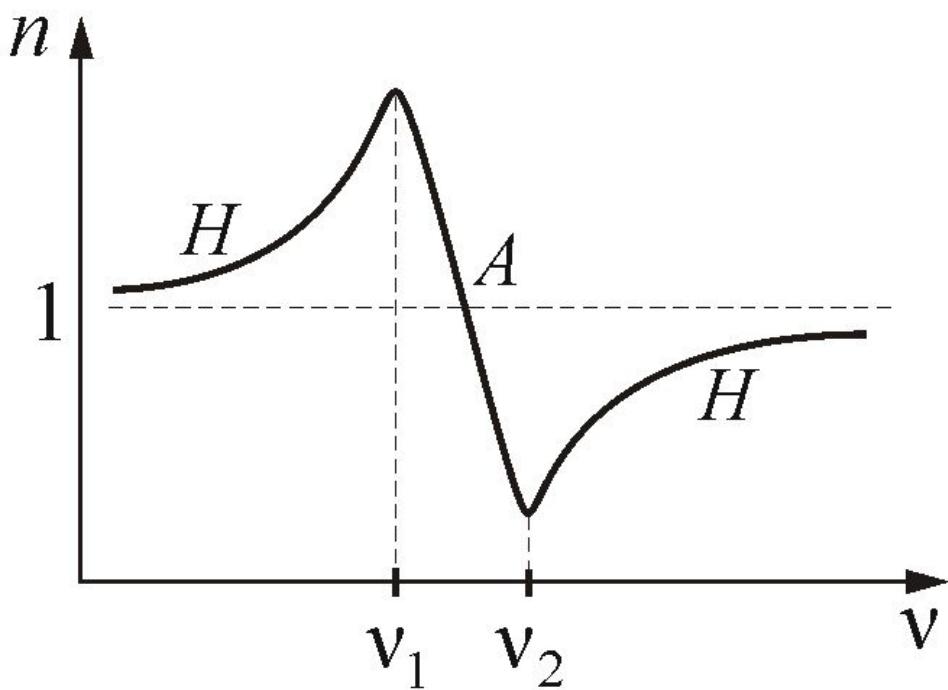


Рисунок 9.4.

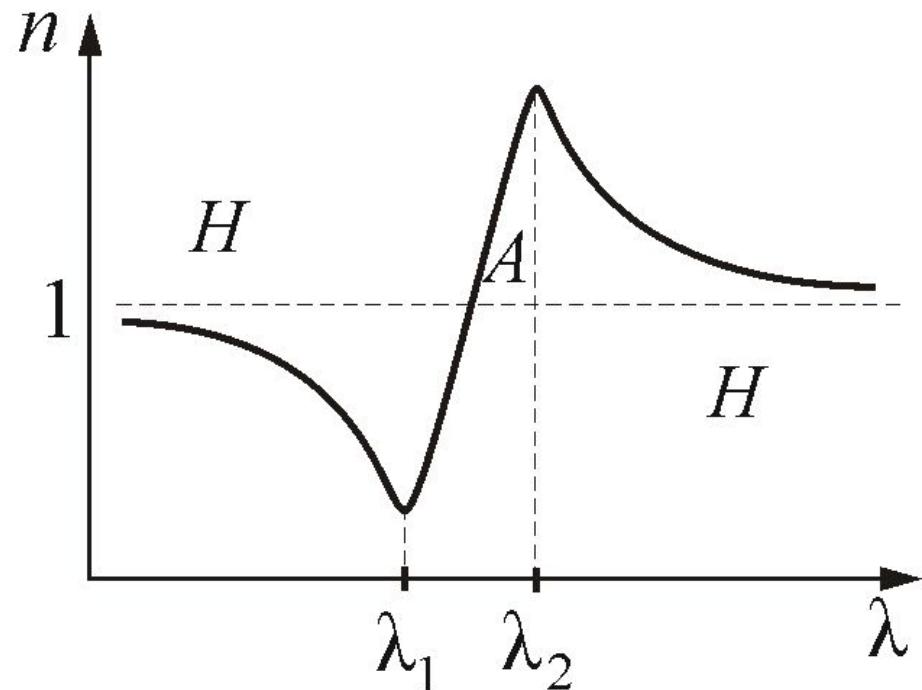


Рисунок 9.5

В *недиспергирующей среде*

$$u = v$$

$u$  – групповая скорость,  $v$  – фазовая скорость

$$u = \frac{d\omega}{dk}$$

$$u = \frac{\nu}{1 + \frac{\nu}{n} \frac{dn}{d\nu}} \quad (9.2.3)$$

Т.о., *при нормальной дисперсии*  $u < \nu$ , а

значит  $u < c$  и  $\frac{dn}{d\nu} > 0$

При *аномальной дисперсии*, т.к.  $\frac{dn}{d\nu} < 0$  то  $u > \nu$   
и, в частности, если

$$n + \nu \frac{dn}{d\nu} < 1 \quad , \quad \text{то } \underline{u \geq c}$$

## 9.3. Классическая теория дисперсии

$E_m \ll E_A$  *линейная оптика*     $E_m = 10 - 10^3$  В/м

Если  $10^9 - 10^{11}$  В/м , то     $E_m \geq E_A$

*нелинейная оптика*

*Дисперсия света является результатом взаимодействия электромагнитной волны с заряженными частицами, входящими в состав вещества.*

Теория Максвелла не могла объяснить это явление, так как тогда не было известно о сложном строении атома.

*Классическая теория дисперсии* была разработана **X. А. Лоренцем** лишь после создания им электронной теории строения вещества.

Он показал, что

$$n = \sqrt{\epsilon}$$

и  $\epsilon$  – тоже зависит от частоты.

Для видимого света  $v \approx 10^{15}$  Гц существует

**поляризация электрически упругого смещения.**

Смещаются в основном валентные электроны.

В процессе **вынужденных** (под действием падающей световой волны) колебаний электронов с частотой  $v$  (частота вынуждающей силы), **периодически изменяются** дипольные электрические моменты атомов, частота которых тоже равна  $v$ .

Среднее расстояние между атомами вещества много меньше протяженности одного цуга волн. Следовательно, **вторичные волны, излучаемые большим числом соседних атомов, когерентны как между собой, так и с первичной волной.**

**При сложении этих волн они интерферируют**, в результате этой интерференции и получаются все наблюдаемые оптические явления, связанные со взаимодействием света с веществом.

**Оптический электрон совершает вынужденные колебания под действием следующих сил:**

- возвращающей квазиупругой силы  $F_{\hat{a}} = -m\omega_0^2 r$
- силы сопротивления  $F_{\text{阻力}} = -2\beta m \frac{dr}{dt}$

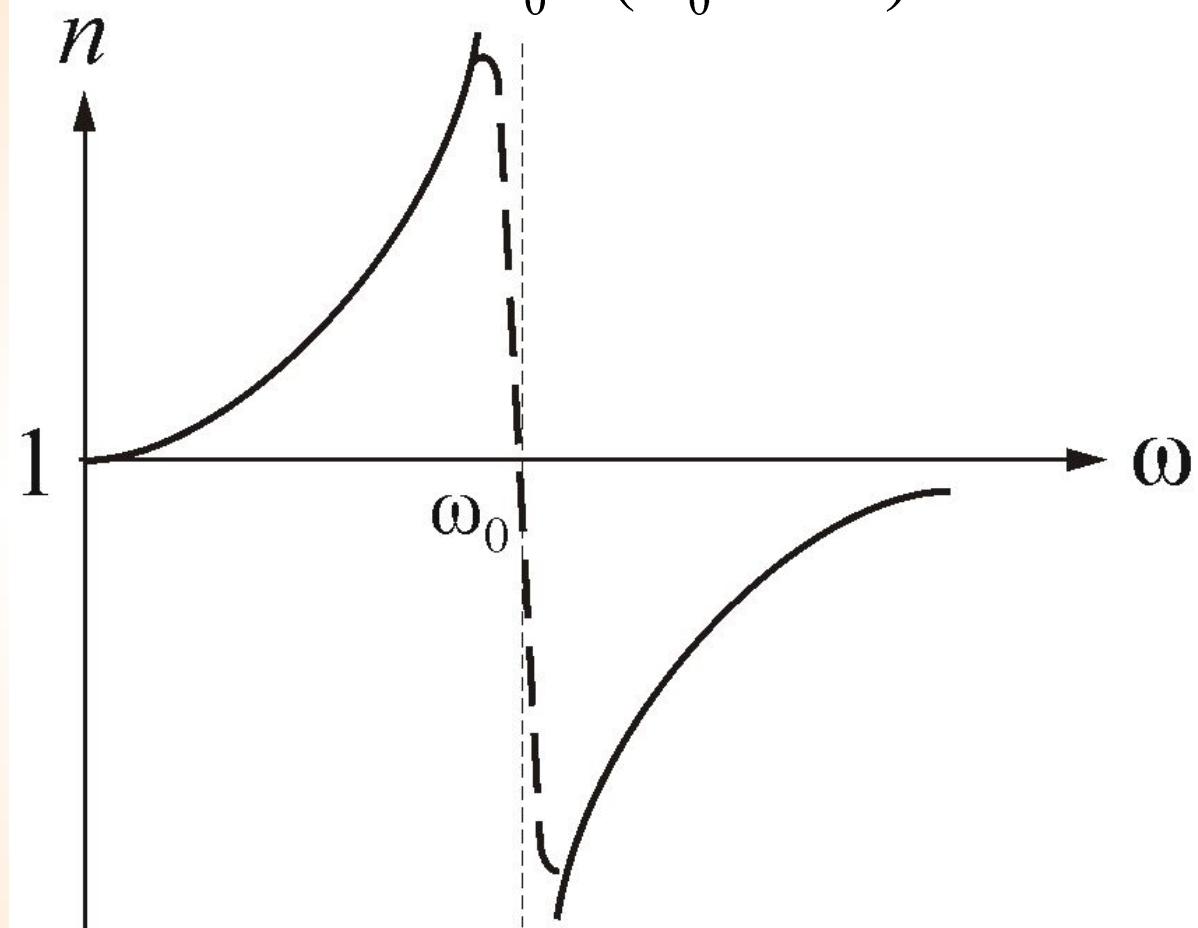
$$F = -eE$$

**Диф. уравнение колебаний электрона:**

$$\frac{d^2r}{dt^2} + 2\beta \frac{dr}{dt} + \omega_0^2 r = -\frac{eE}{m} \quad (9.3.3)$$

- его решение:  $r(t) = -\frac{(e/m)E(t)}{\omega_0^2 - \omega^2}$

$$n^2 = 1 + \frac{n_0 e^2}{\varepsilon_0 m (\omega_0^2 - \omega^2)} \quad (9.3.4)$$



$n$  – показатель преломления вещества;

$n_0$  – число молекул в единице объема;

$\omega_0$  – собственная частота  $k$ -го электрона в молекуле.

## 9.4. Поглощение (абсорбция света)

*Поглощением (абсорбцией) света называется явление потери энергии световой волной, проходящей через вещество.*

Для плоской волны, распространяющейся вдоль оси  $x$ , имеем:

$$E(x) = E_0 e^{-\beta t} = E_0 e^{-\alpha x}$$

П. Бугер (1698 – 1758) – французский ученый

*Закон Бугера:*

$$J(x) = J_0 e^{-\alpha x}$$

$J_0$  – интенсивность волны на входе в среду,  
 $\alpha$  – коэффициент поглощения

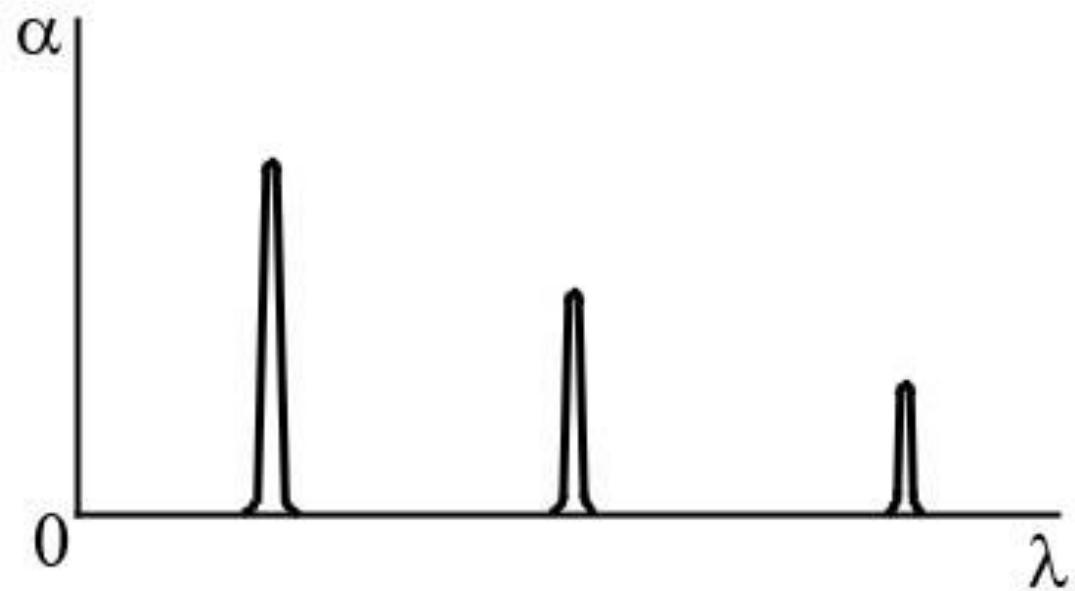
$$\text{При } \alpha = 1/x \quad J = J_0 / e$$

Следовательно, **коэффициент поглощения** – физическая величина, численно равная обратному значению толщины слоя вещества, в котором интенсивность волны убывает в  $e = 2,72$  раз.

**Зависимость коэффициента поглощения от длины волны определяет спектр поглощения материала.**

В веществе (например *в газе*) может присутствовать несколько сортов частиц, участвующих в колебаниях под действием распространяющейся электромагнитной волны.

Если эти частицы слабо взаимодействуют, то коэффициент поглощения мал для широкого спектра частот, и лишь в узких областях он резко возрастает

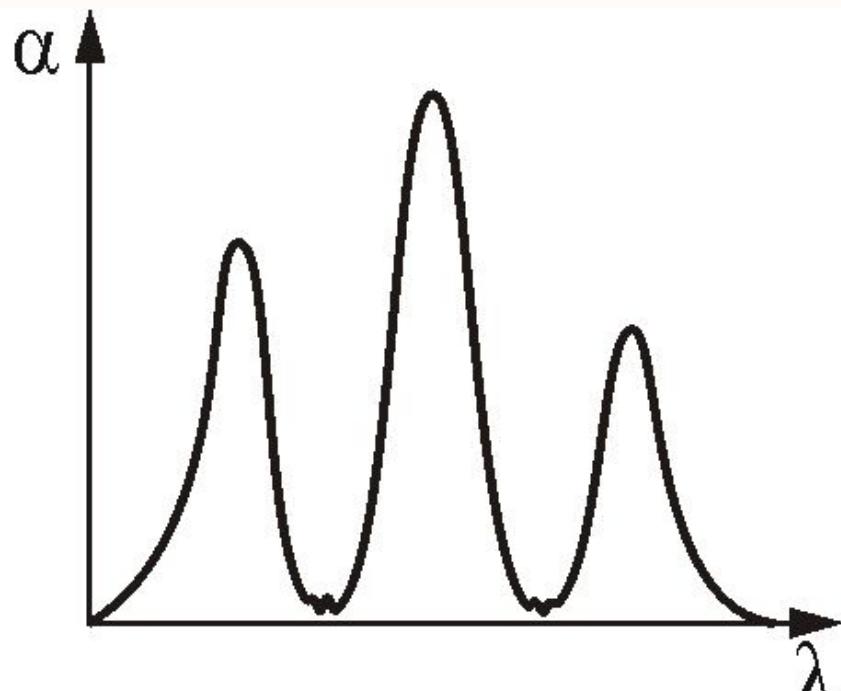


У веществ, атомы (молекулы) которых слабо взаимодействуют друг с другом (газы, пары металлов):  $\alpha \neq 0$  в узком интервале длин волн (ширина  $\sim 10^{-2}$  Å) – резкие максимумы, соответствующие резонансным частотам колебаний электронов внутри атомов.

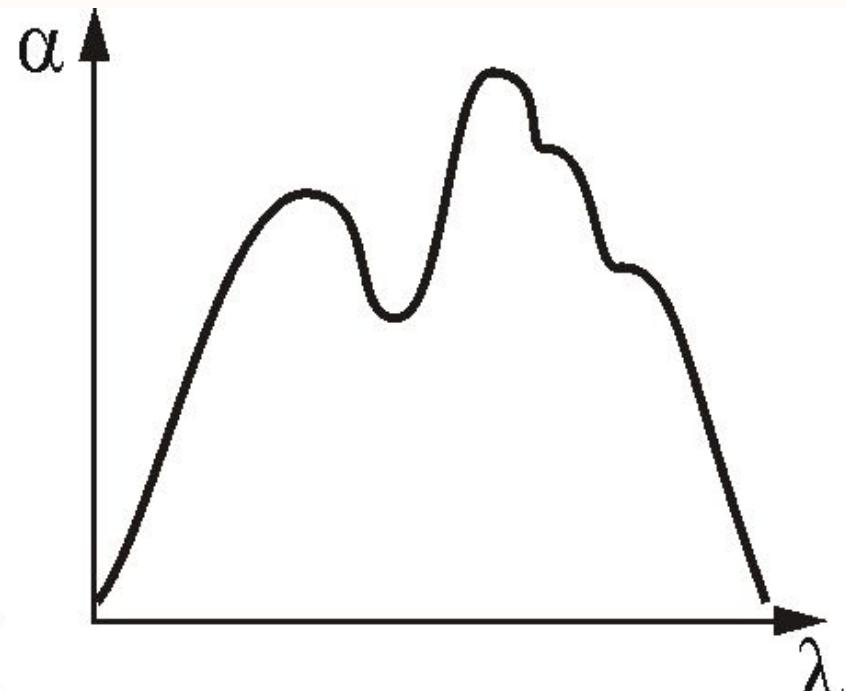
При увеличении давления газа полосы поглощения уширяются (рис. а).

В жидком состоянии они сливаются, и спектр поглощения принимает вид, показанный на рис.б.

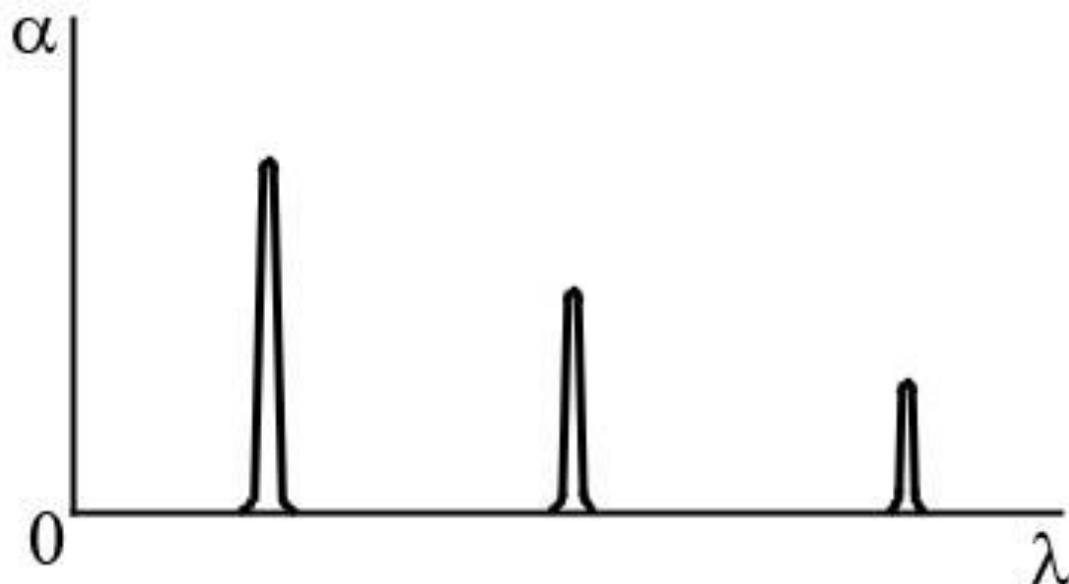
*Причиной уширения является усиление связи атомов (молекул) в среде.*



а



б



Спектр поглощения молекул, определяемый колебаниями атомов в молекулах, характеризуется **полосами поглощения** (примерно  $10^{-10} - 10^{-7}$  м).

Коэффициент поглощения **для диэлектриков** невелик (примерно  $10^{-3} - 10^{-5}$  см<sup>-1</sup>)

Коэффициент поглощения **для металлов** имеет большие значения (примерно  $10^3 - 10^4$  см<sup>-1</sup>)

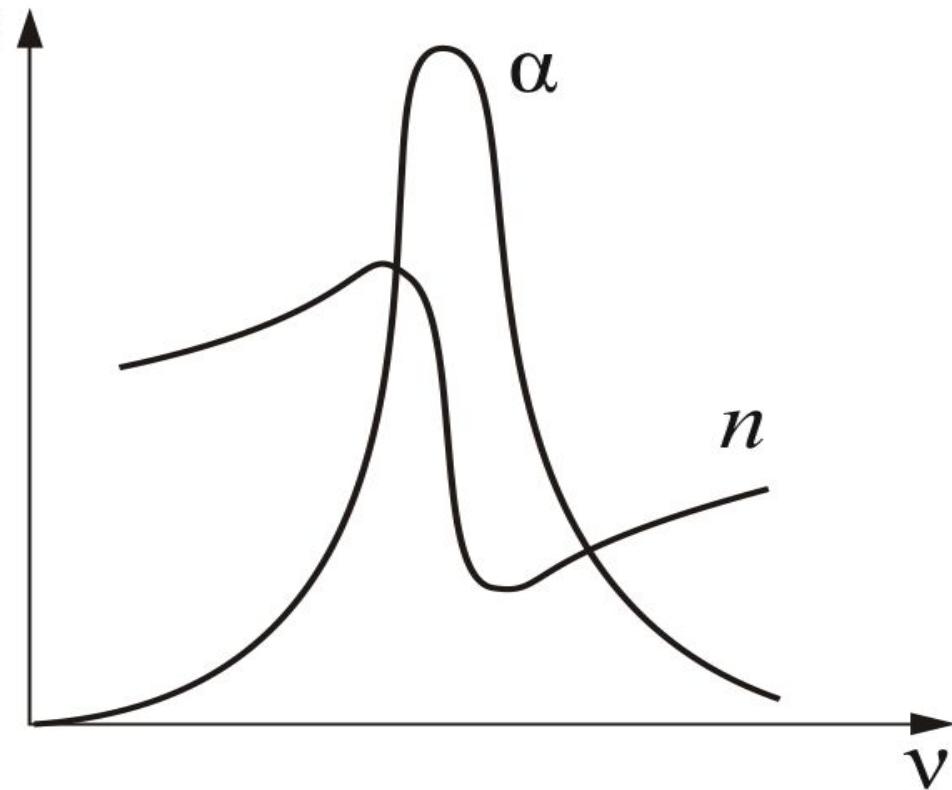
# **Металлы практически непрозрачны для света из-за наличия свободных электронов:**

При падении света

- свободные электроны приходят в движение,
- возникают быстропеременные токи,
- выделяется тепло Джоуля – Ленца,
  - **Энергия световой волны переходит во внутреннюю энергию металла.**

На рис. представлена типичная зависимость коэффициента поглощения  $\alpha$  от частоты света  $v$  и зависимость показателя преломления  $n$  от  $v$  в области полосы поглощения.

Из рис. следует, что ***внутри полосы поглощения наблюдается аномальная дисперсия*** ( $n$  убывает с увеличением  $v$ ):



Или по другому: внутри полосы поглощения наблюдается аномальная дисперсия ( $n$  убывает с уменьшением  $\lambda$ )

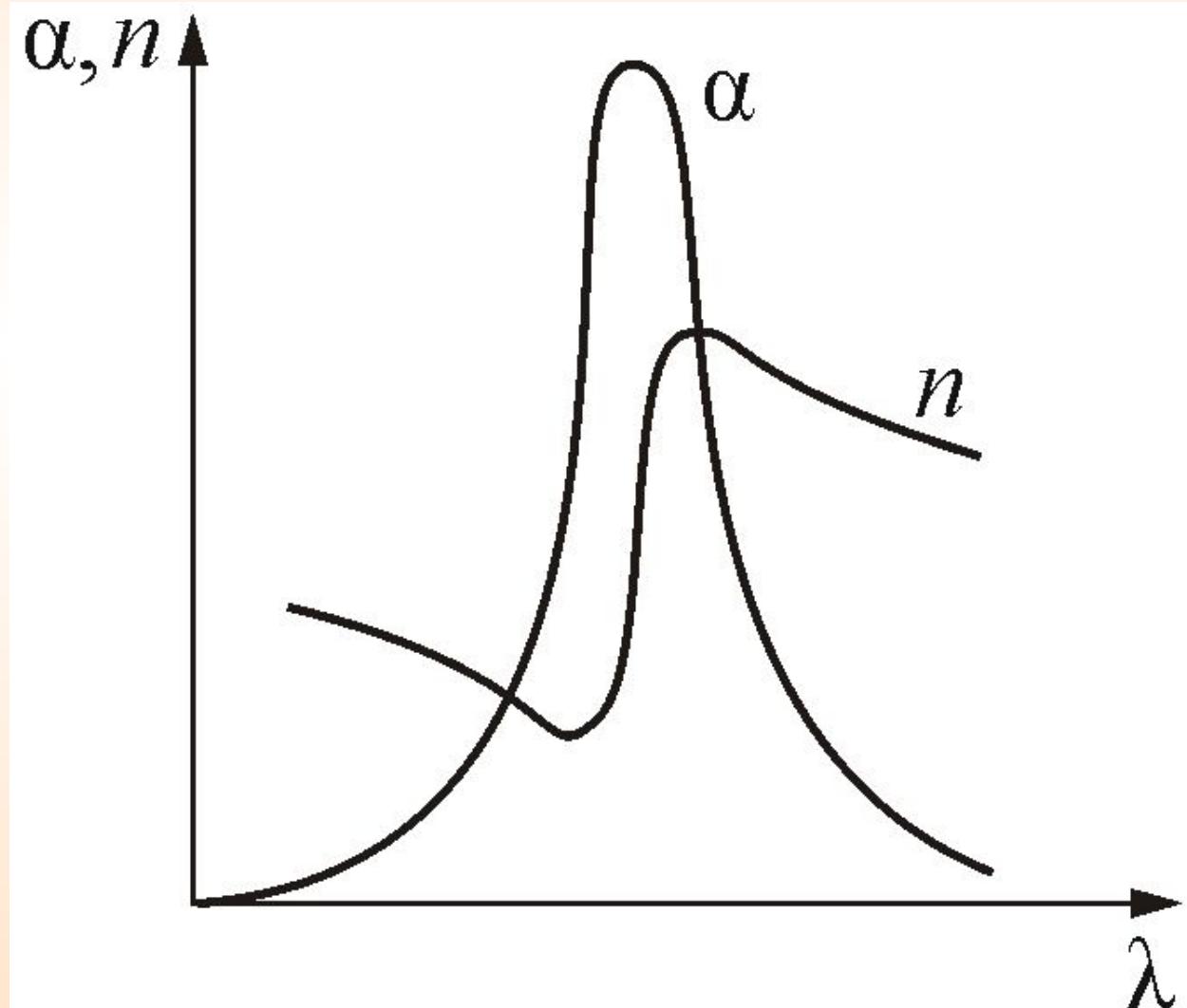
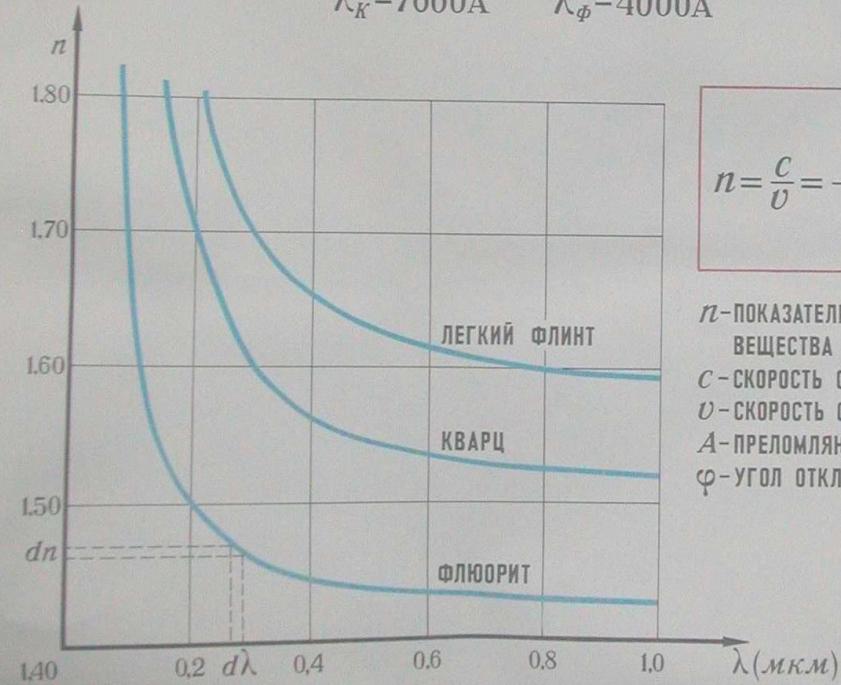
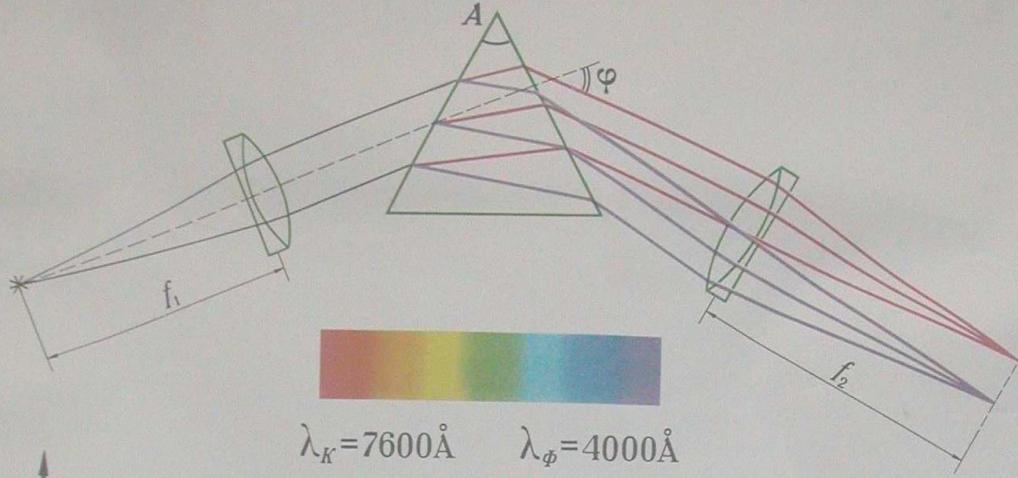


Рисунок 9.8

# ДИСПЕРСИЯ СВЕТА



$$n = \frac{c}{v} = \frac{\sin \frac{A + \varphi}{2}}{\sin \frac{A}{2}}$$

$n$  - ПОКАЗЕЛЬ ПРЕЛОМЛЕНИЯ  
 ВЕЩЕСТВА ПРИЗМЫ;  
 $c$  - СКОРОСТЬ СВЕТА В ВАКУУМЕ;  
 $v$  - СКОРОСТЬ СВЕТА В ВЕЩЕСТВЕ;  
 $A$  - ПРЕЛОМЛЯЮЩИЙ УГОЛ ПРИЗМЫ;  
 $\varphi$  - УГОЛ ОТКЛОНЕНИЯ ЛУЧА

ЗАВИСИМОСТЬ ПОКАЗАТЕЛЯ ПРЕЛОМЛЕНИЯ  $n$  от длины волны  $\lambda$ :

$$n = A + \frac{B}{\lambda^2} \quad \frac{dn}{d\lambda} = -\frac{2B}{\lambda^3}$$

$\frac{dn}{d\lambda}$  - дисперсия показателя преломления вещества;  
 $A, B$  - константы, характеризующие вещество

*Зависимостью коэффициента поглощения от частоты (длины волны) объясняется окрашенность поглощающих тел.*



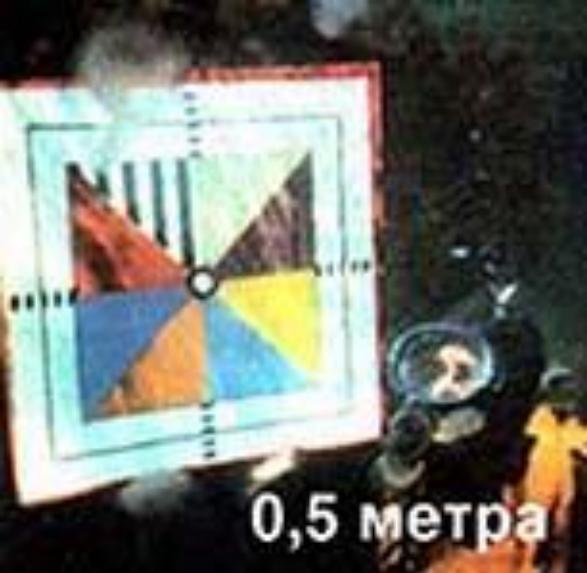
Разнообразие пределов селективного (избирательного) поглощения у различных веществ *объясняет разнообразие и богатство цветов и красок*, наблюдающееся в окружающем мире.



**Расцветают снова в небе.»**

дел радугу на небе,  
востоке, и тихонько  
Говорил:  
Что там, Нокомис?»  
Нокомис отвечала:  
то Мускодэ на небе;  
еты лесов зеленых,  
олотные кувшинки,  
емле, когда увянут,

По мотивам легенды  
североамериканских индейцев.



**Чем меньшей энергией обладает свет, тем быстрее он поглощается:**

Длинноволновые части спектра, красный и оранжевый цвета, поглощаются почти полностью уже на глубине 5-8 метров.

Затем исчезают желтые цвета.

Гораздо дольше проникают синий и зеленый.

# Рассеяние света

В неоднородной среде световые волны дифрагируют на неоднородностях среды – рассеиваются.

*Среды с ярко выраженной оптической неоднородностью* называют **мутными**:

1. **Дымы** – взвеси в газах мельчайших твердых частиц;
2. **Туманы** - взвеси в газах мельчайших капель жидкости;
3. **Взвеси (сусpenзии)** – жидкости с плавающими в них твердыми частицами;
4. **Эмульсии** – взвеси частиц одной жидкости в другой, не растворяющие первую;
5. **Некоторые твердые тела** (опал, перламутр...)

- Если размеры неоднородностей малы по сравнению с длиной волны:

В результате рассеяния света интенсивность в направлении распространения убывает быстрее, чем в случае только поглощения:

$$I = I_0 e^{-(\alpha + \alpha')l}$$

$\alpha'$  – коэффициент экстинкции.

Интенсивность рассеянного света:

$$J \sim \omega^4 \sim \frac{1}{\lambda^4} \quad - \text{закон Рэлея.}$$

Рассеянный свет является частично поляризованным.

- **Если размеры неоднородностей сравнимы с длиной волны:**

Электроны, находящиеся в различных местах неоднородности, колеблются с заметным сдвигом по фазе.

В результате **интенсивность рассеянного света:**

$$J \sim \omega^2 \sim \frac{1}{\lambda^2}$$

**Молекулярное рассеяние** – рассеяние, обусловленное флуктуациями плотности жидкости или газа.

Флуктуации вызваны хаотическим движением молекул вещества.



**Рассеянный свет (туман)**

# Рассеянный свет (раннее утро)



Голубые и синие лучи рассеиваются сильнее, чем желтые и красные (закон Рэлея), обуславливая голубой цвет неба

# Рассеяние света под водой



Рассеяние света, как правило, значительно интенсивнее поглощения,

Т.о. с увеличением глубины преобладает уже не направленный, а рассеянный свет, идущий со всех сторон.

Поэтому на достаточно больших глубинах, вне видимости дна и поверхности, можно стать жертвой эффекта так называемой «голубой пелены» и потерять представление о том, где верх, а где низ.

## Спектральный анализ

Явление поглощения широко используется в абсорбционном *спектральном анализе* смеси газов,  *основанном на измерениях спектров частот* и интенсивностей линий (полос) поглощения.

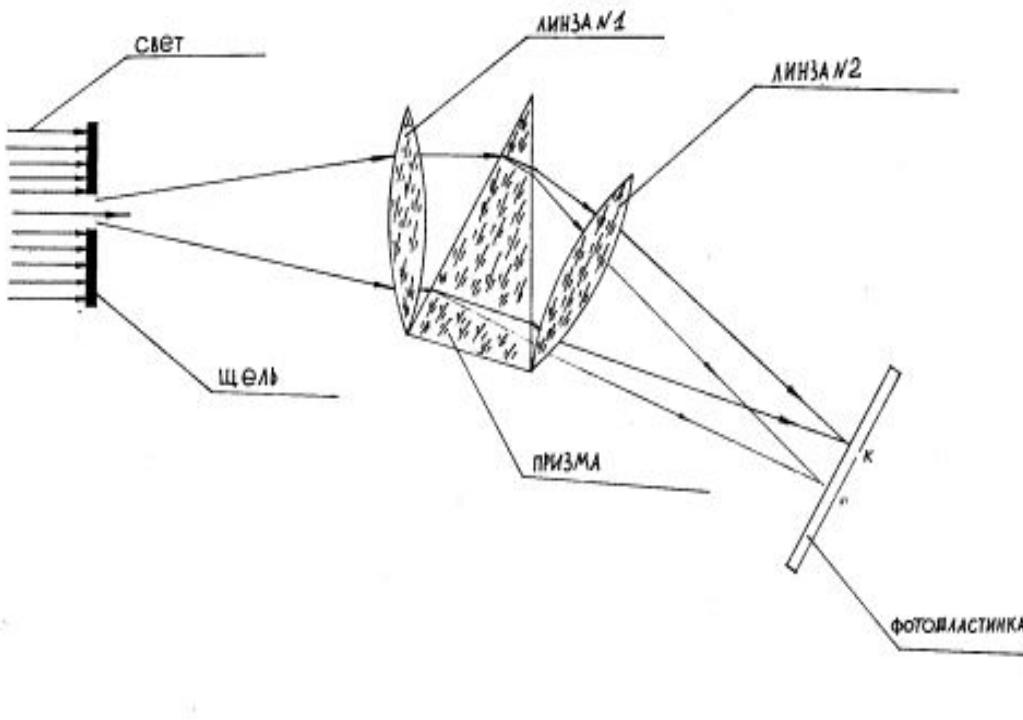
Структура спектров поглощения определяется составом и строением молекул, поэтому *изучение спектров поглощения является одним из основных методов количественного и качественного исследования веществ.*



# Спектральные аппараты

Призменный спектральный аппарат – спектрограф.

СХЕМА СПЕКТРОГРАФА (призменного)



Ход лучей в спектрографе

1. Через узкую щель проходит пучок света.
2. Линза №1 делает пучок света параллельным.
3. Призма раскладывает белый свет по длинам волн на спектр.
4. Линза №2 собирает разошедшийся пучок излучения по длинам волн в разные концы экрана.
5. Фотопластина фиксирует спектр и получается спектограмма.



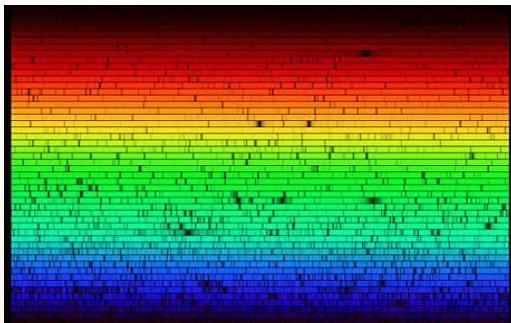
# Спектральный

## анализ

Метод определения химического состава по его спектру.

Атомы любого химического элемента дают спектр, не похожий на спектры всех других элементов: они способны излучать строго определенный набор длин волн.

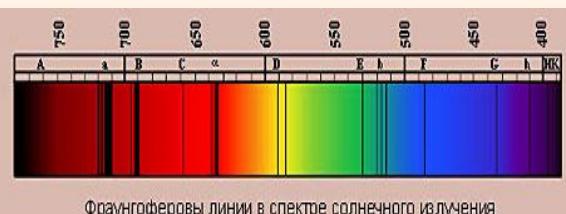
1.



Видимая часть солнечного излучения при изучении с помощью спектроанализирующих приборов оказывается неоднородной – в спектре наблюдаются **линии поглощения**, впервые описаные в 1814 году И. Фраунгофером.

Спектральный анализ позволяет получить информацию о составе Солнца, поскольку определенный набор спектральных линий исключительно точно характеризует химический элемент. Так, с помощью наблюдений спектра Солнца был открыт гелий.

С помощью спектрального анализа узнали, что звезды состоят из тех же самых элементов, которые имеются и на Земле.

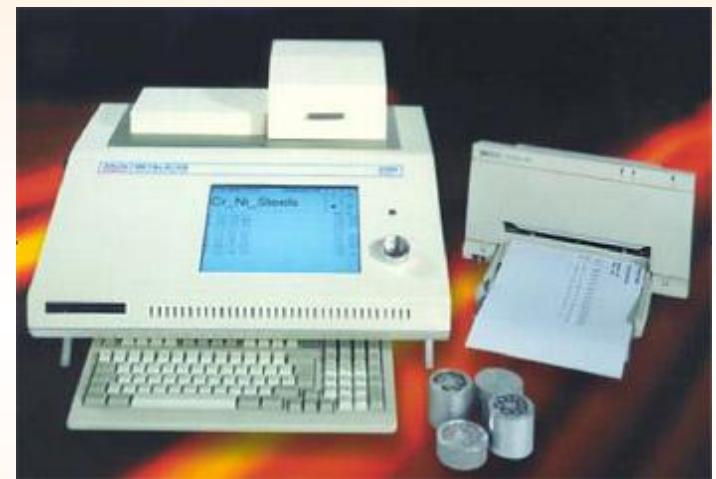


2. С помощью спектрального анализа можно обнаружить данный элемент в составе сложного вещества. Благодаря универсальности спектральный анализ является основным методом контроля состава вещества в металлургии, машиностроении, атомной индустрии.



Лабораторная электролизная установка  
для анализа металлов «ЭЛАМ».

Установка предназначена для проведения  
весового электролитического анализа меди,  
свинца, кобальта и др. металлов в сплавах  
и чистых металлах.

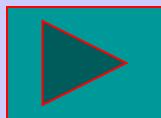


Стационарно – искровые  
оптико - эмиссионные спектрометры  
«МЕТАЛСКАН –2500».

Предназначены для точного анализа  
металлов и сплавов, включая цветные,  
сплавы черных металлов и чугуны.

# Виды спектров

Непрерывные



Линейчатые



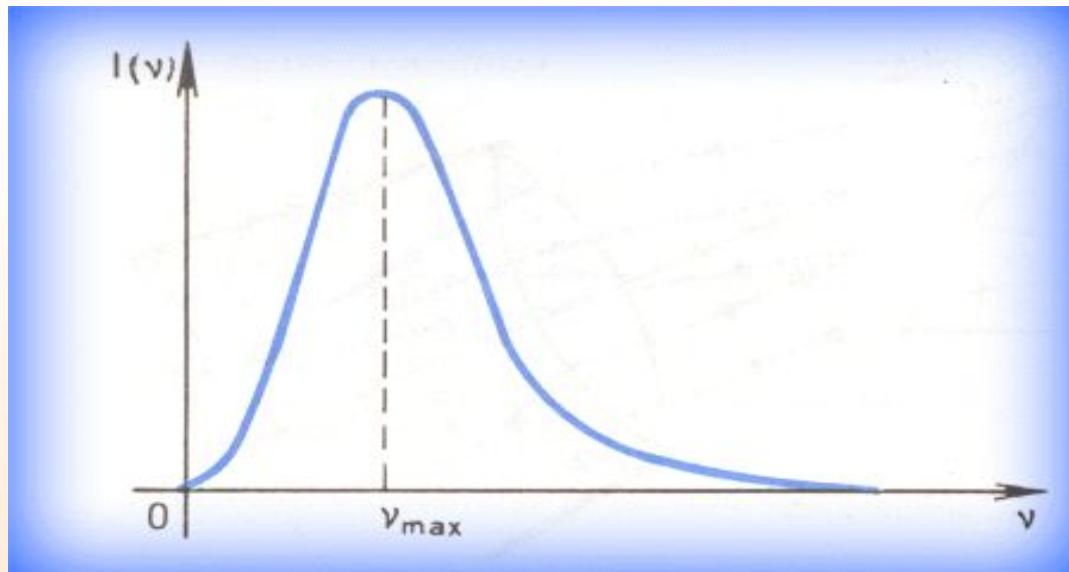
Полосатые



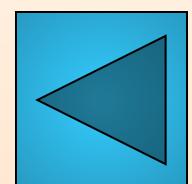


# Непрерывные спектры.

Непрерывные спектры дают тела, находящиеся в твердом , жидким состоянии, а также сильно сжатые газы.



Распределение энергии по частотам в видимой части непрерывного спектра

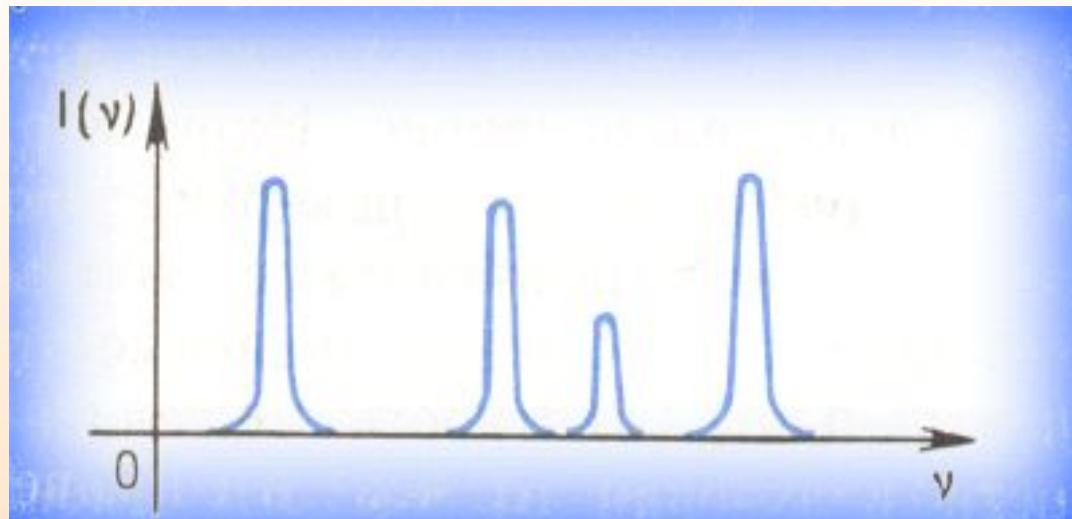
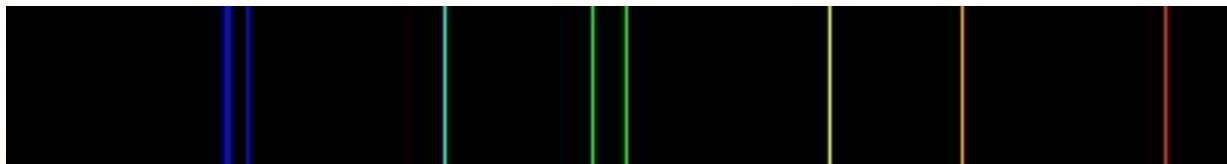
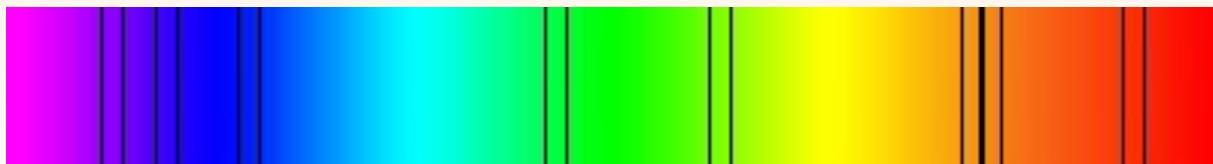




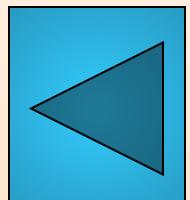
# линейчатые спектры.

Линейчатые спектры дают все вещества в газообразном атомарном состоянии.

Изолированные атомы излучают строго определенные длины волн.



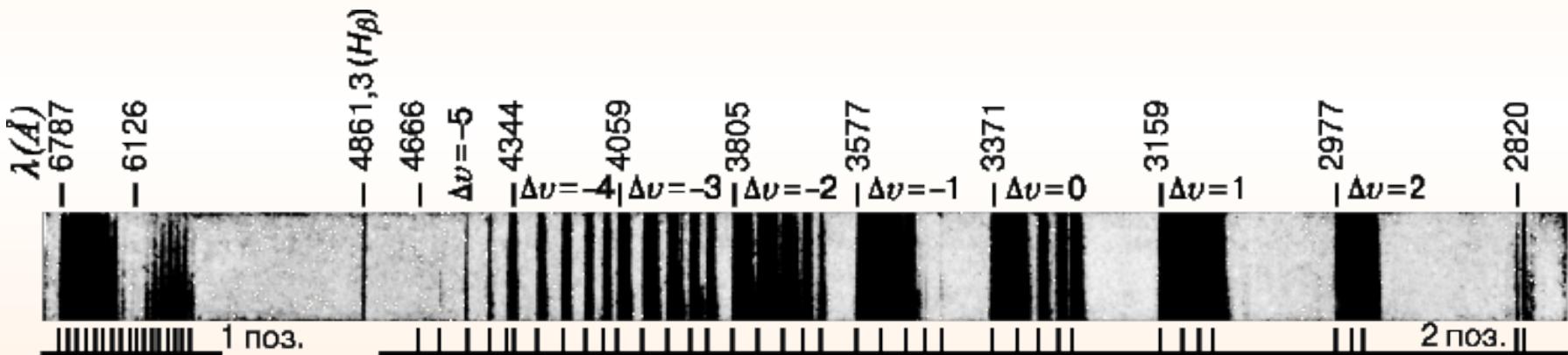
Примерное распределение спектральной плотности интенсивности излучения в линейчатом спектре.



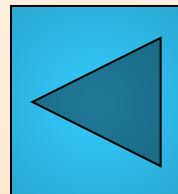


# Полосатый спектр

Полосатые спектры в отличие от линейчатых спектров создаются не атомами, а молекулами, не связанными или слабо связанными друг с другом.



Электронный полосатый спектр азота  $N_2$





# спектры испуска

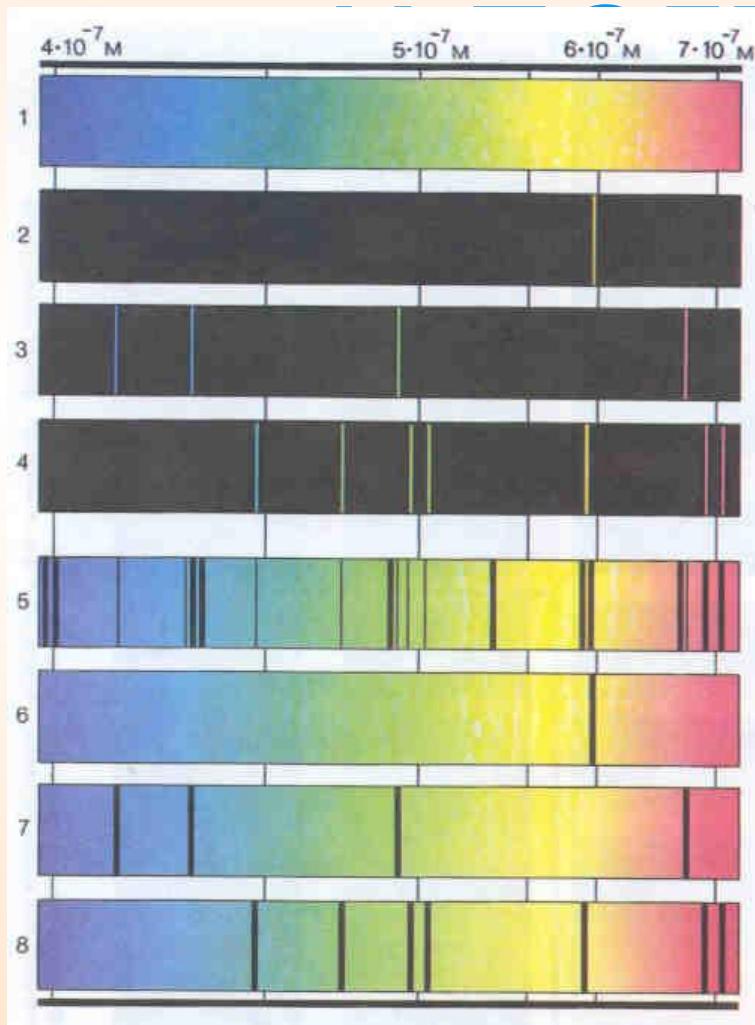
## поглощения

Спектры испускания:

- 1- сплошной;
- 2- натрия;
- 3- водорода;
- 4- гелия.

Спектры поглощения:

- 5- солнечный;
- 6- натрия;
- 7- водорода;
- 8- гелия.



## 9.5. Излучение Вавилова-Черенкова

В 1934 году П.А.Черенков, и С.Н. Вавилов, обнаружили особый вид свечения жидкости под действием  $\gamma$ -лучей радия.

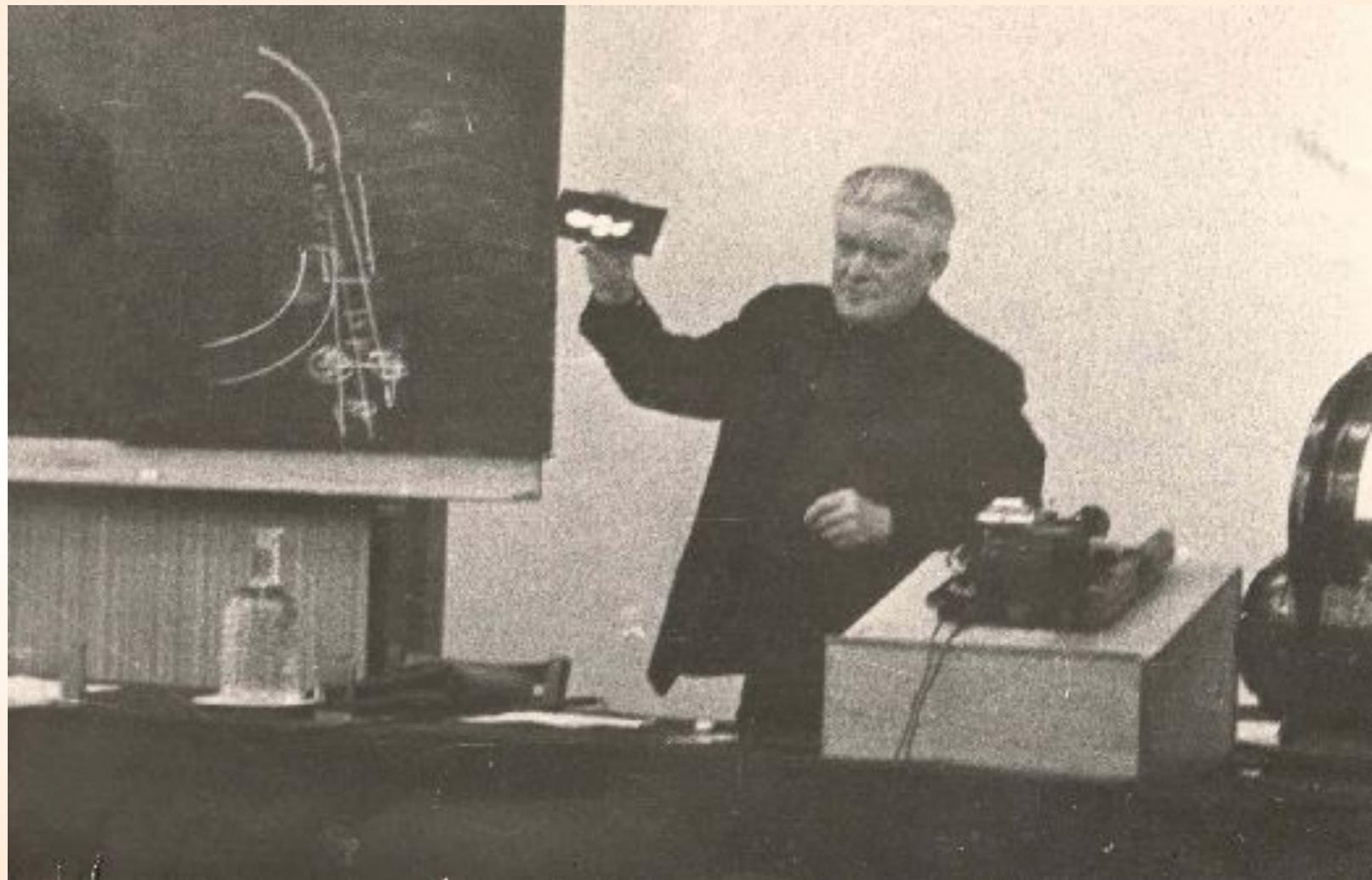
В 1937 году И.Е. Тамм и И.М. Франк объяснили механизм свечения

В 1940 году В.Л. Гинзбург создал квантовую теорию

- *Излучение Вавилова-Черенкова это излучение электрически заряженной частицы, движущейся в среде с групповой скоростью и, превышающей фазовую скорость света в этой среде :*

$$c/n < u < c$$

P.A.Cherenkov show picture of UR Pakhra, 1977



При движении заряженной частицы в изотропной среде со скоростью  $v < u = \frac{c}{n}$  элементарные волны будут представлять собой сферы, находящиеся одна в другой, распространяющиеся со скоростью

$$u = \frac{c}{n}$$

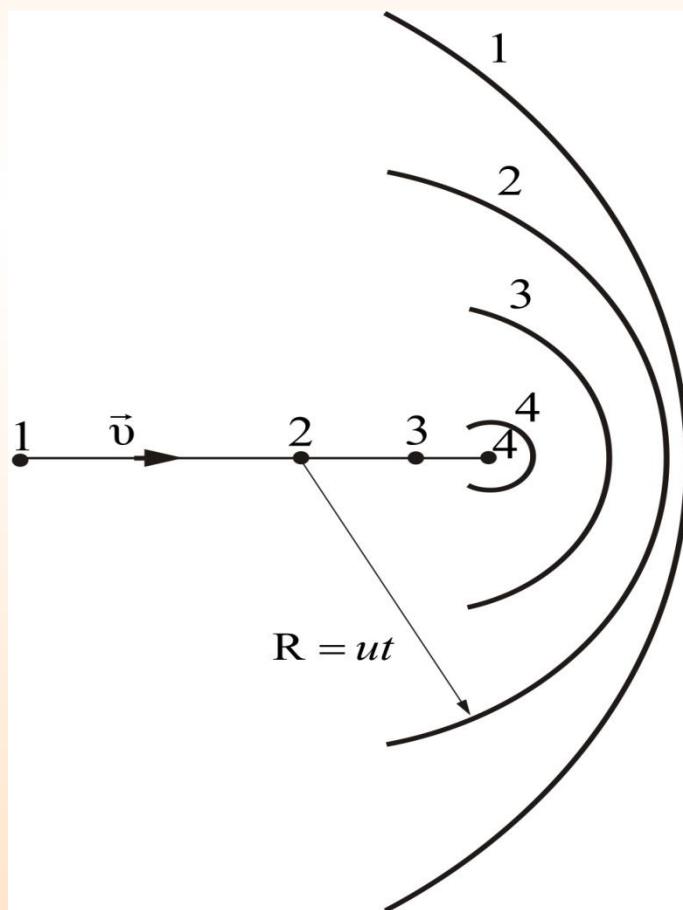
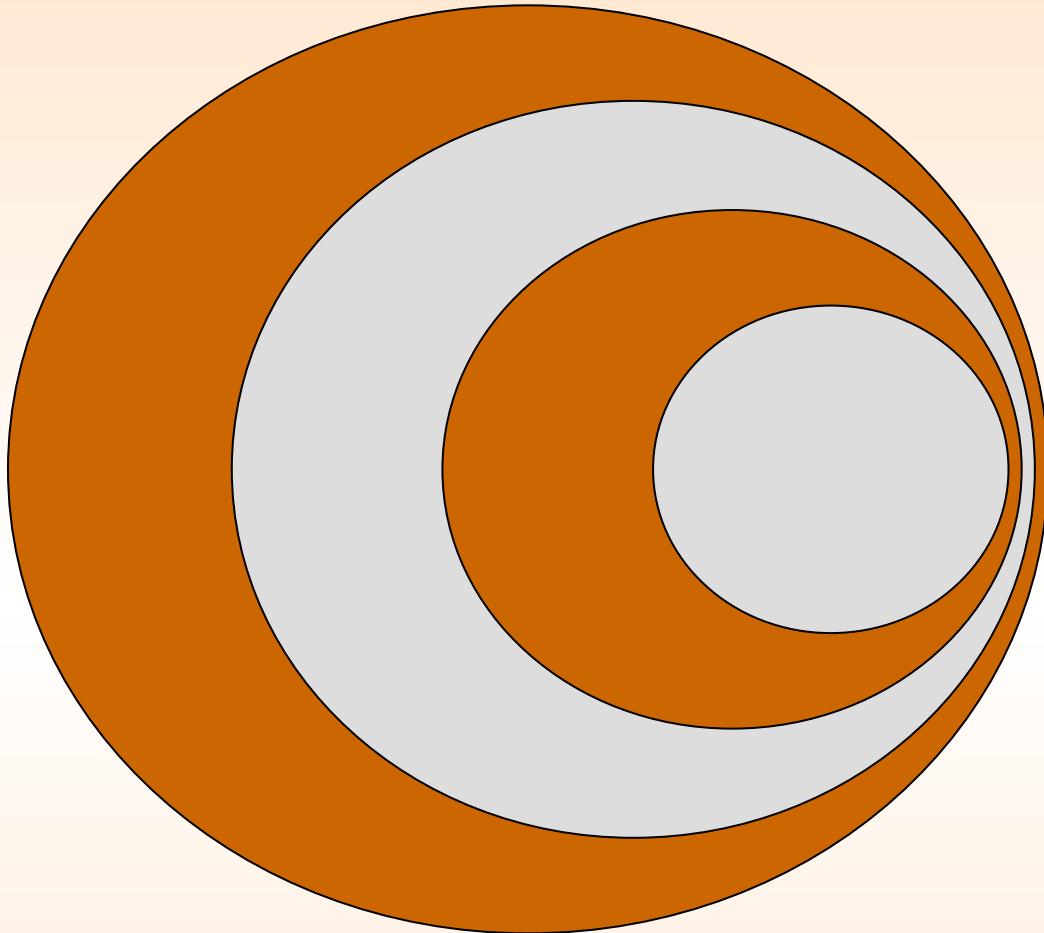
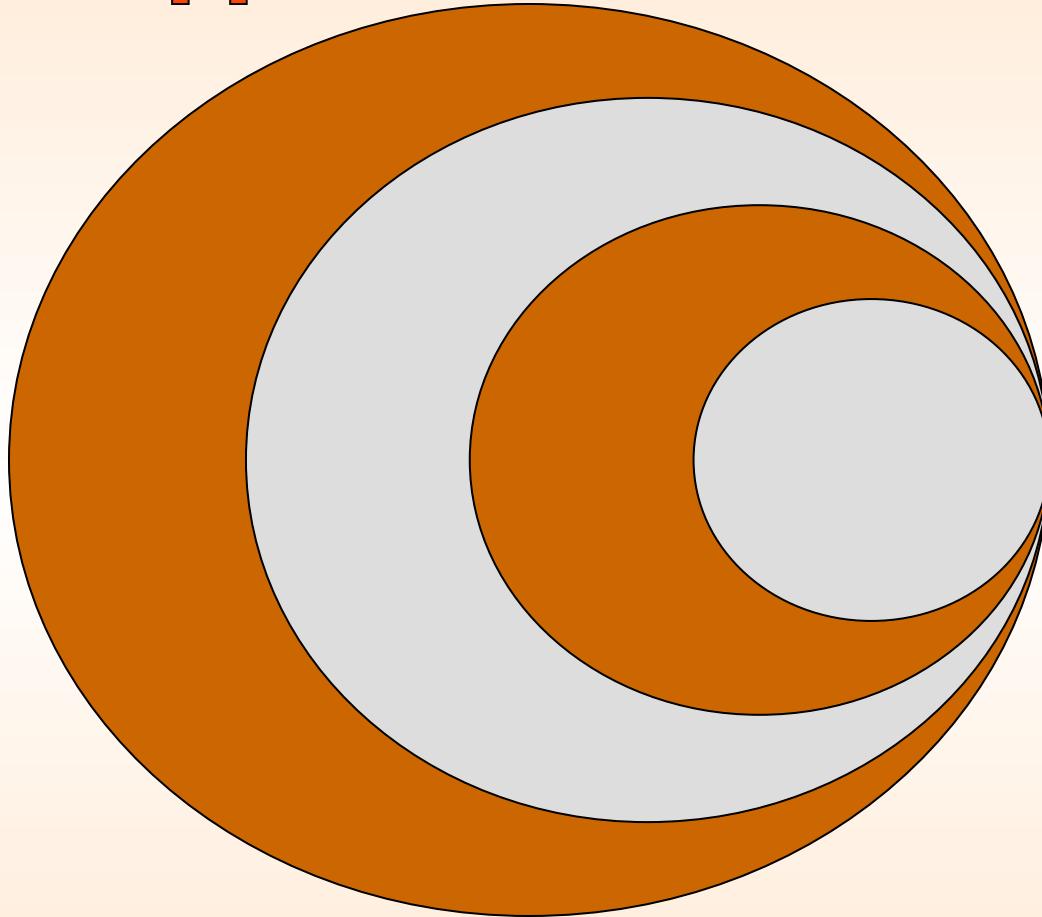


Рисунок 9.9



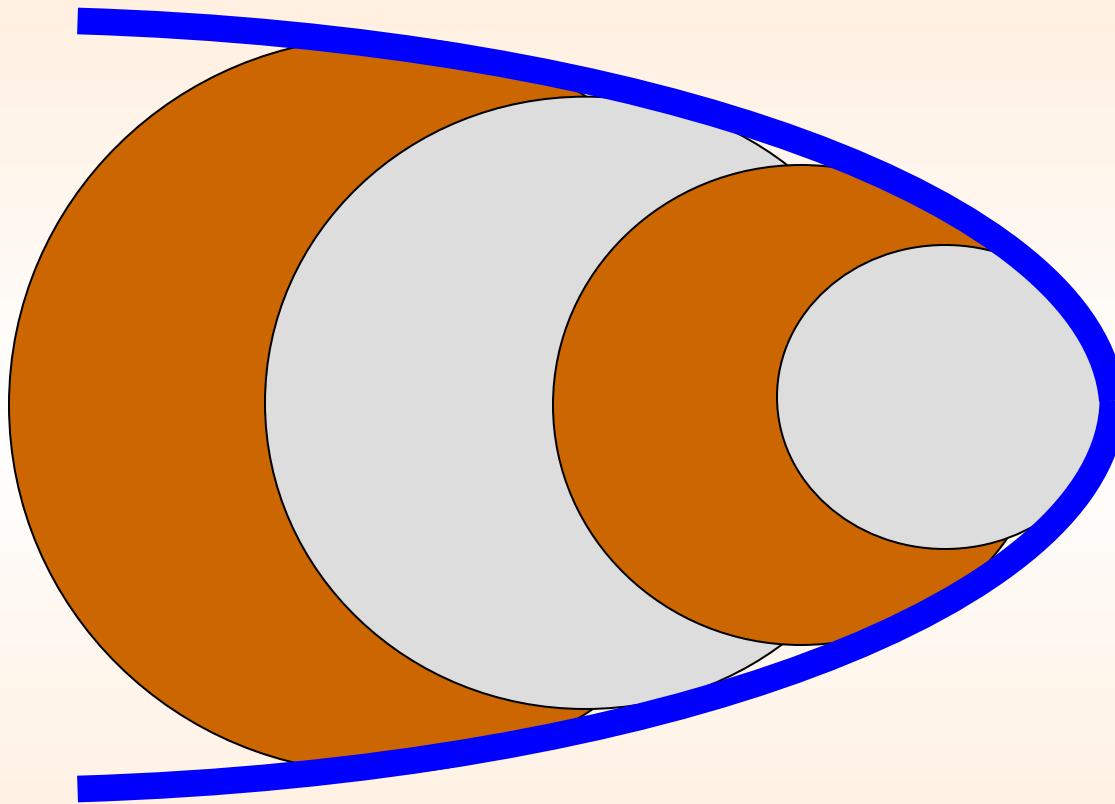
**Скорость движения меньше фазовой скорости**

# Скорость движения источника

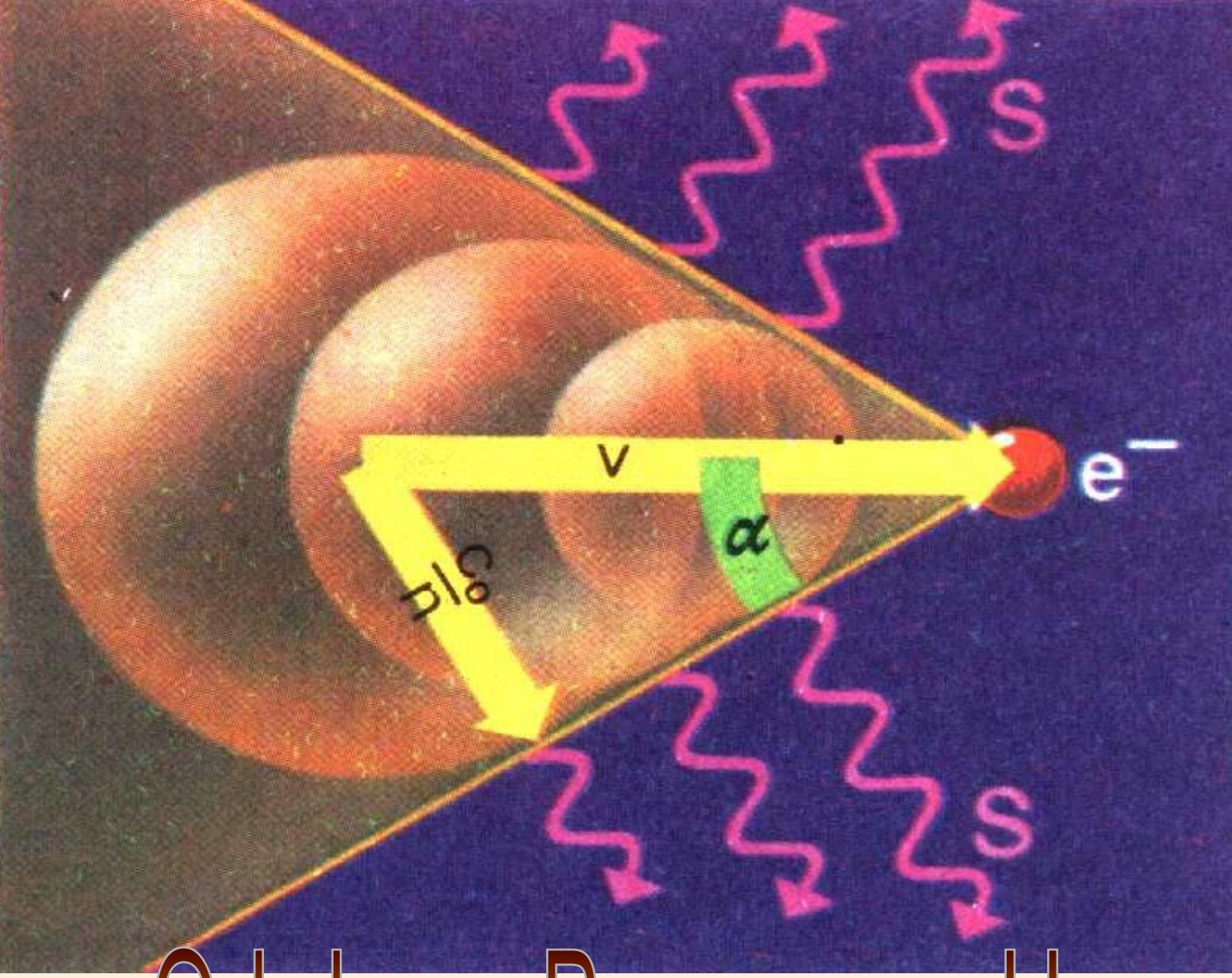


## равна фазовой скорости

# Скорость движения источника



выше фазовой скорости

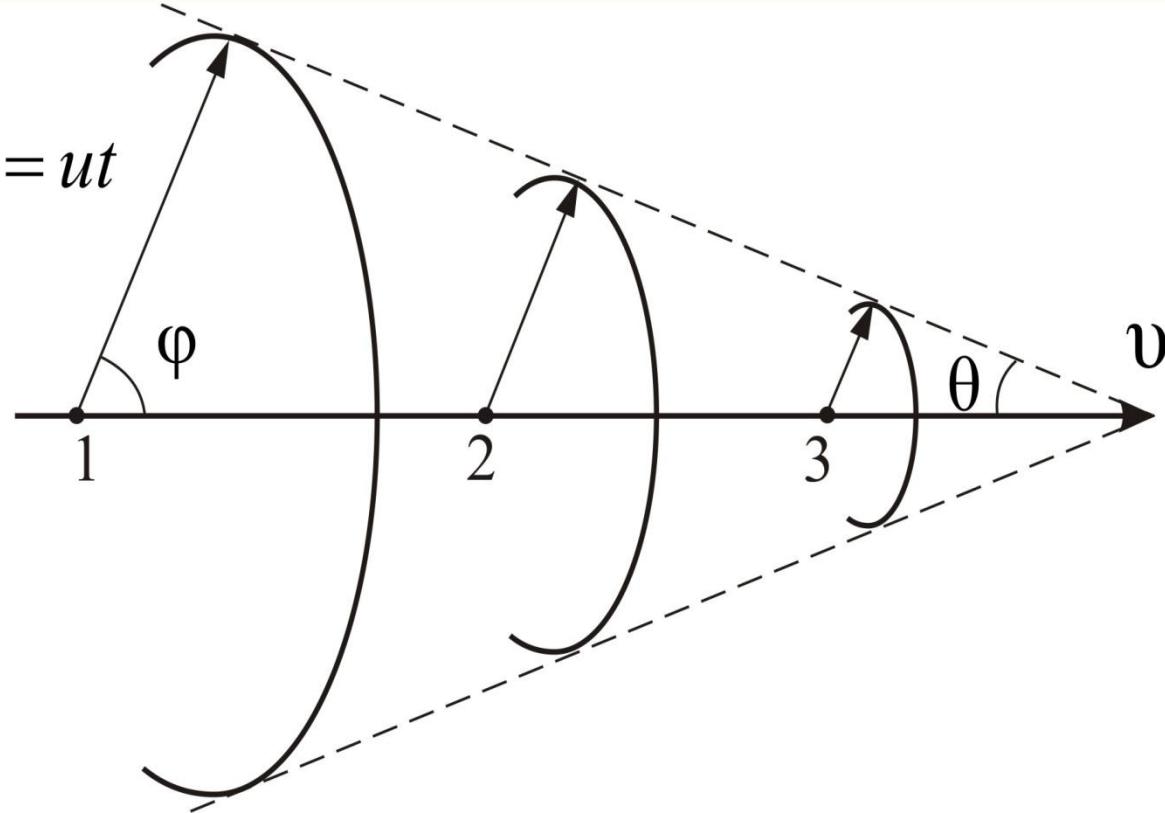


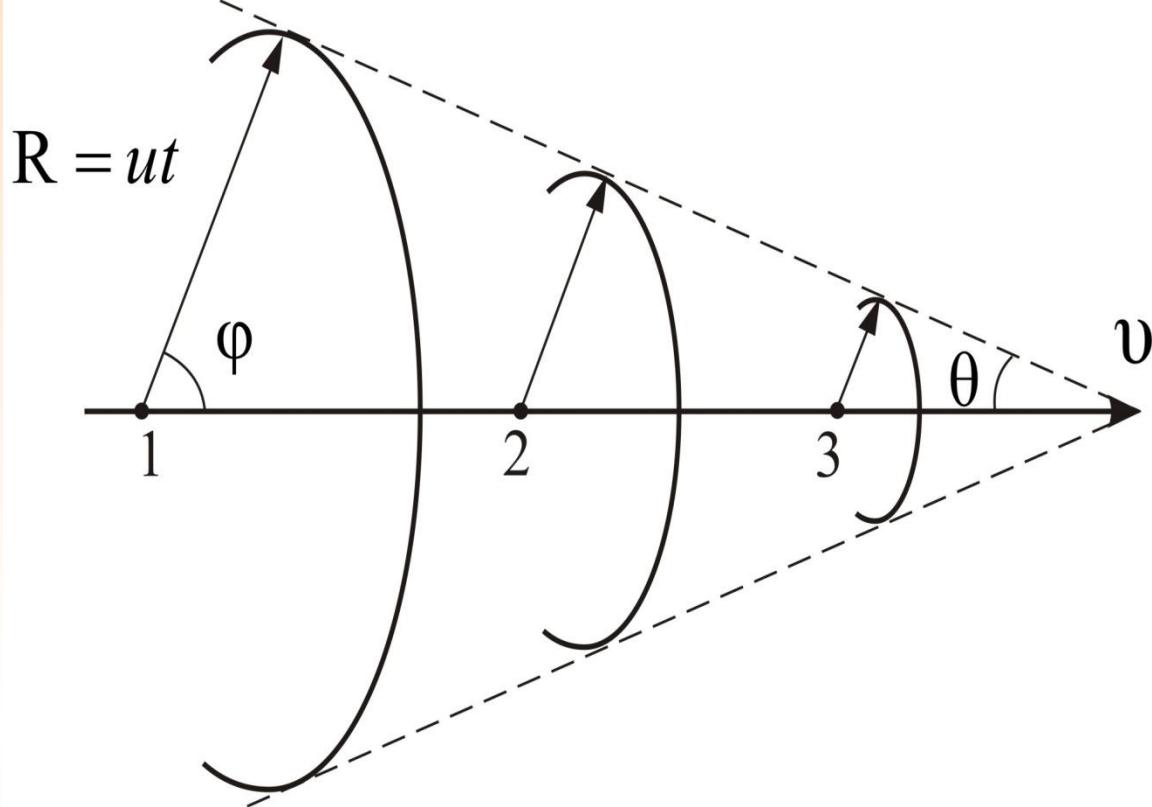
Эффект Вавилова-Черенкова

Если частица движется быстрее, чем распространяются волны в среде, то соответствующие элементарным волнам сферы пересекаются, и их общая огибающая (волновая поверхность) представляет собой конус с вершиной в точке, совпадающей с мгновенным положением движущейся частицы. Нормали к образующим конуса определяют волновые векторы, т.е. направления распространения света. Угол,  $\Phi$  который составляет волновой вектор с направлением движения частицы, удовлетворяет соотношению:

$$\cos \phi = \frac{u}{v} = \frac{c}{n v}$$

$$R = ut$$

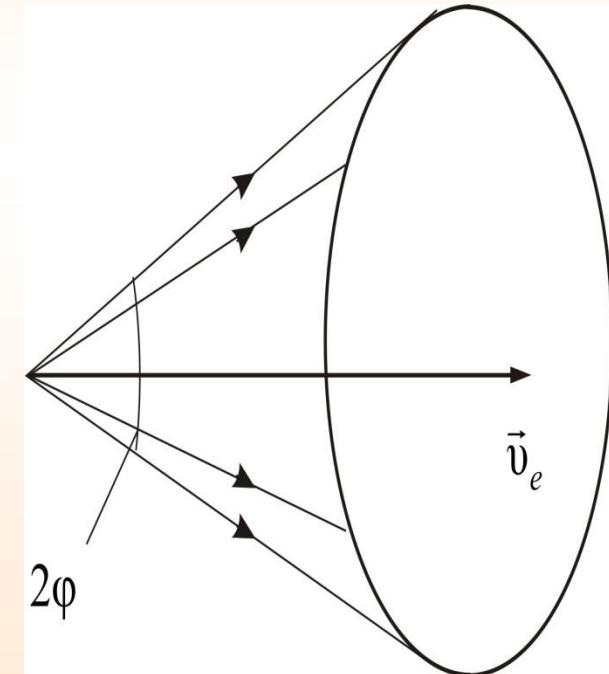
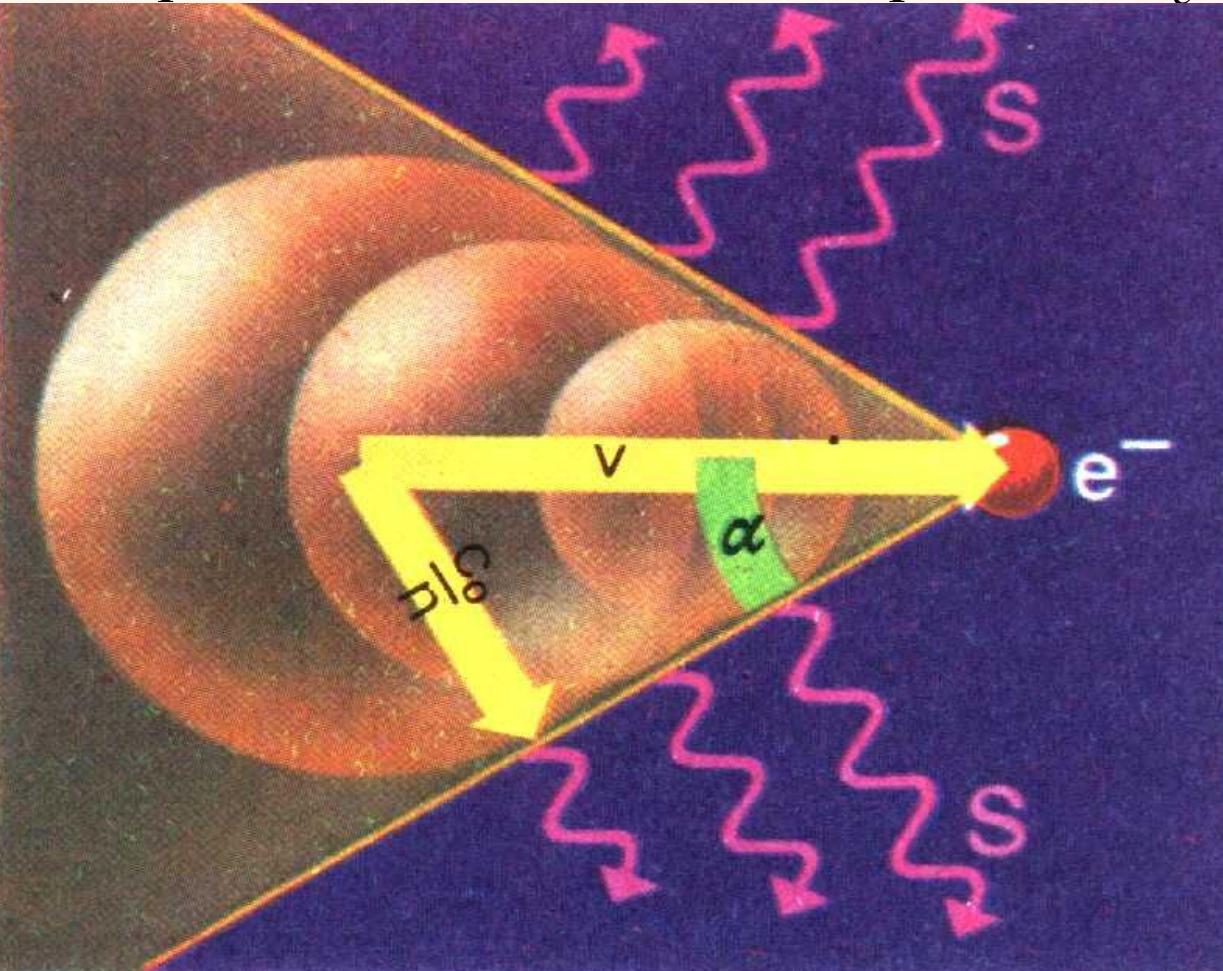


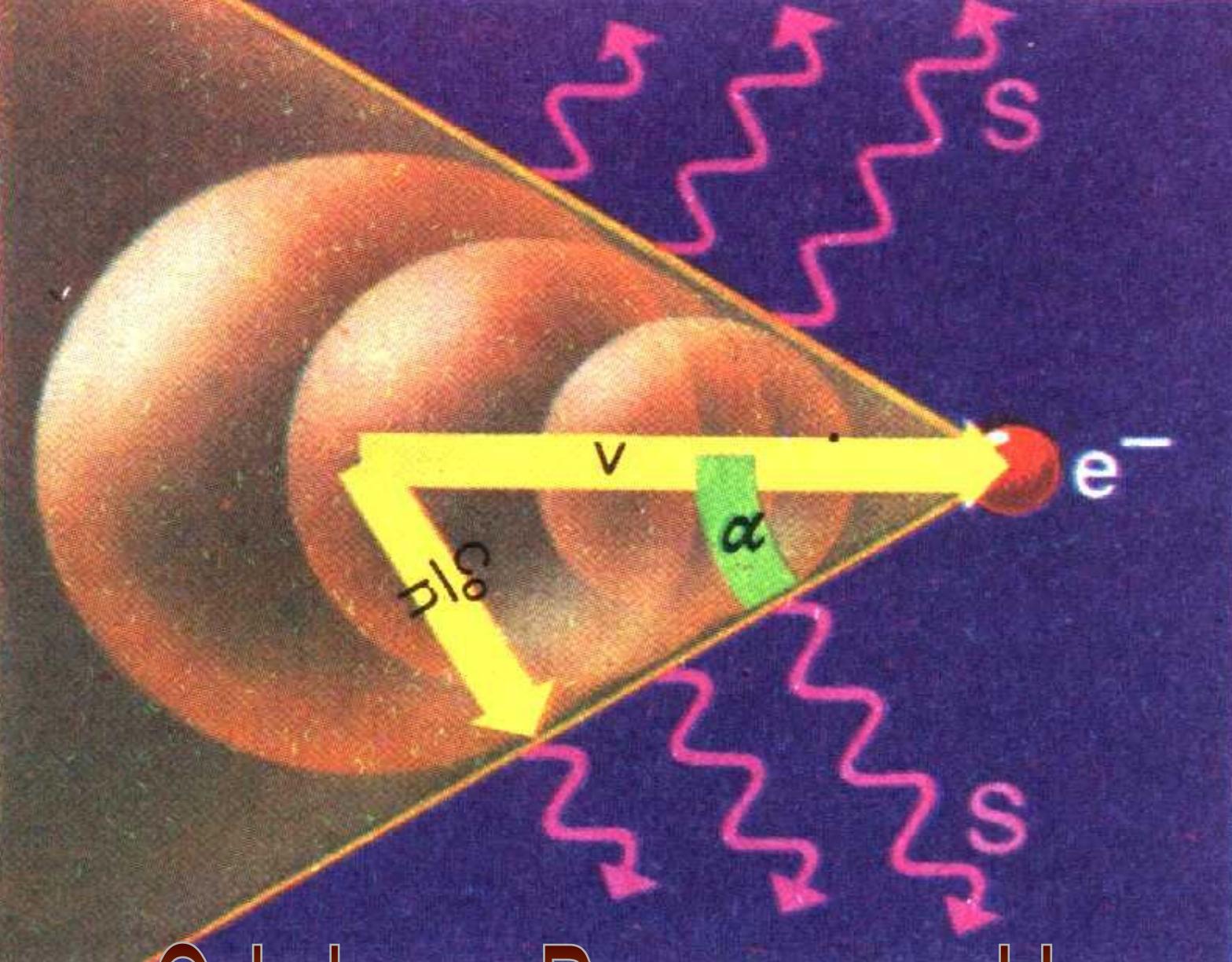


Частица движется быстрее, чем распространяются волны в среде

$$\cos \phi = \frac{u}{v} = \frac{c}{n v}$$

Нормали к образующим конуса определяют волновые векторы распространения света. В этих направлениях вторичные волны будут усиливаться и формировать излучение Вавилова–Черенкова. Свет, возникающий на каждом малом участке траектории частицы, распространяется вдоль образующей конуса, ось которого совпадает с направлением движения электрона  $v_e$ , а угол при вершине равен  $2\Phi$




$$v > u = \frac{c}{n}$$

$$\cos \phi = \frac{c}{nv}$$

Эффект Вавилова-Черенкова

В жидкостях и твердых телах условие  $v > u$  начинает выполняться для электронов при энергиях  $W > 10^5$  эВ, а для протонов  $W > 10^8$  эВ.

Описанный эффект используют в *счетчиках Черенкова*, предназначенных для регистрации заряженных микрочастиц (электронов, протонов, мезонов, и т.п.). В них световая вспышка, возникающая при движении частицы, преобразуется в электрический сигнал с помощью фотоумножителя, который и регистрируется.

В некоторых черенковских счетчиках можно определить угол  $\phi$  и по условию  $\cos \phi = c / (n v_e)$  оценить скорость частицы и, зная массу, определить ее энергию.

ЛІСКІЦІЯ ОКОНЧЕНА!

